## **AMB**

Зубков Максим, 777 группа 16 апреля 2019 г.

## 1 Алгоритм Баума-Вэлша

Алгоритм Баума-Велша занимается обучаением скрытой марковской модели (далее СММ). Алгоритм итеративно изменяет модель  $\lambda = (A, B, \pi)$  таким образом, чтобы вероятность  $P(obs|\lambda)$  была максимальной.

Пусть  $\lambda$  - текущая модель, а  $\widehat{\lambda}$  - кандидат стать новой моделью, необходимо найти такое  $\widehat{\lambda}$ , чтобы  $P(obs|\widehat{\lambda}) \geq P(obs,\lambda)$  или, что экивалентно  $\log P(obs|\widehat{\lambda}) \geq \log P(obs,\lambda)$ . Введем вспомогательную функцию  $Q(\widehat{\lambda}|\lambda) = \mathbb{E}\left[\log P(obs,S|\widehat{\lambda})|obs,\lambda\right]$  по определению условного мат ожидания  $\sum_s P(S|obs,\lambda) \cdot \log\left[P(obs,S|\widehat{\lambda})\right]$ . Можно так же доказать, что задча поиска  $\widehat{\lambda} = \arg\max_{\lambda} \sum_s P(obs,S|\lambda)$  эквивалентна задаче поиска  $\operatorname{arg\,max} Q(\widehat{\lambda}|\lambda)$