

Оглавление

| Введение | 1 |
|--|----|
| 1. Актуальность работы | 3 |
| 2. Цели и задачи проекта | 5 |
| 3. Методика выполнения работы | 5 |
| 3.1. Подготовка эксперементальных данных | 0 |
| 3.2. Парамметрические методы | 0 |
| 3.3. Непараметрические методы | 0 |
| 3.4. Сравнение и итоги | 0 |
| 4. Результаты | 1 |
| 5. Выводы | 6 |
| 6. Список используемой литературы | 13 |
| 7. Приложения | 3 |

Введение

В работе рассмотрены методы статистического моделирования, на различных выборках с известным параметром и нет. Для решения данной задачи применяется регрессионная модель, основанная на непараметрической оценке Надарая-Ватсона, а также аппроксимация с подгонкой по функции.

Современные методы моделирования данных предлагают широкий спектр инструментов для анализа и прогнозирования различных явлений. Среди них особое внимание привлекают параметрические и непараметрические методы, каждый из которых имеет свои особенности и применимость в различных сценариях.

В данном проекте проводится сравнительный анализ эффективности непараметрических методов, таких как регрессия на основе оценки Надарая-Ватсона, с параметрическими методами, включая аппроксимацию с подгонкой по функции, на различных выборках данных. Путем сравнительного анализа мы стремимся обеспечить более глубокое понимание того, какие методы моделирования следует предпочитать в различных контекстах и при различных условиях данных.

Актуальность работы

Современная область анализа данных и статистики стремительно развивается, и в силу этого актуальность исследований по сравнению методов моделирования остается на высоком уровне. В контексте данного проекта, где основное внимание уделяется сопоставлению непараметрических и параметрических методов, существует несколько ключевых моментов, которые делают данное исследование весьма актуальным:

- 1. Гибкость и адаптивность методов: Сложные структуры данных могут поддаваться более успешному моделированию с использованием непараметрических методов, в то время как параметрические методы могут быть предпочтительны в случаях, когда структура данных более предсказуема. Исследование эффективности каждого из подходов становится важным шагом для выбора оптимального метода в зависимости от особенностей данных.
- 2. Практическая применимость: С популяризацией методов машинного обучения и статистического моделирования, важно понять, какие методы наиболее подходят для конкретных задач. Исследование различных методов на разнообразных выборках данных предоставляет ценную информацию для практикующих специалистов в области анализа данных.
- 3. Разнообразие областей применения: Методы моделирования широко используются в различных областях, таких как экономика, медицина, биология и социальные науки. Сравнение методов на разнообразных выборках позволяет обобщить результаты и делает исследование более универсальным в контексте различных дисциплин.
- 4. Оптимизация ресурсов: Эффективное использование ресурсов, таких как вычислительная мощность, время и данные, является критическим вопросом в современных исследованиях. Понимание, какие методы более эффективны для конкретных сценариев, может значительно сэкономить ресурсы и повысить эффективность аналитических процессов.

С учетом этих факторов, данное исследование о сравнении непараметрических и параметрических методов моделирования представляет собой актуальный вклад в развивающуюся область анализа данных и статистики.

Цель и задачи проекта

Провести сравнительный анализ между непараметрическими И параметрическими методами моделирования c целью выявления ИΧ преимуществ, недостатков и областей применения. Исследование направлено на определение эффективности каждого метода в различных контекстах и создание основы для рекомендаций по выбору подходящего метода в зависимости от конкретных задач и данных.

Были поставлены следующие задачи работы:

- 1. Создание экспериментальных данных.
- 2. Реализовать параметрический метод моделирования.
- 3. Реализовать непараметрические методы моделирования.
- 4. Рассмотреть каждый метод для определённой выборки.
- 5. Подвести итоги проделанной работы.

Методика выполнения исследования

Первый этап – Подготовка экспериментальных данных

Создадим различные имитации выборок как для 3D, так и для 2D моделирования и запишем их в отдельный файл.

Мы начнем с генерации некоторых случайных точек 2D-данных с помощью библиотеки *NumPy*.

```
# импортируем необходимые модули
import numpy as np

# генерация 100 случайных точек

x = np.random.random(100)

y = np.random.random(100)

data = np.array([x, y]).T

# запись данных в файл

with open('random_dataXY.txt', 'w') as f:

for i, j in data:

print(i, j, file=f)
```

Рисунок 1 – Скрипт для генерации случайных данных.

Теперь добавим параметр в данные.

```
# импортируем необходимые модули
import numpy as np

# генерация 100 точек

x = np.random.random(100)

y = np.sin(x)

# добавим шум в данные

y2 = np.sin(x) + np.random.normal(0, 0.1, size=100)

data = np.array([x, y]).T

data2 = np.array([x, y2]).T

# запись данных в файл

with open('dataXY.txt', 'w') as f:

for i, j in data:
    print(i, j, file=f)

with open('dataXY_with_hindrance.txt', 'w') as f:

for i, j in data2:
    print(i, j, file=f)
```

Рисунок 2 — Скрипт для генерации данных с параметром, а также с добавлением шума и без

Мы сгенерировали случайные данные, состоящие из 100 случайных точек в 2D-пространстве, где точки X и Y никак не зависят друг от друга, или же в ином случае имеют некий параметр в виде зависимости Y от X, где Y определяется как функция числа X с некоторым добавлением шума и без.

Теперь создадим данные по тому же принципу только в 3D пространстве.

```
# импортируем необходимые модули

import numpy as np

# генерация 100 случайных чисел

x = np.random.random(100)

y = np.random.random(100)

z = np.random.random(100)

data = np.array([x, y, z]).Т

# запись данных в файл

with open('random_dataXYZ.txt', 'w') as f:

for i, j, t in data:

print(i, j, t, file=f)
```

Рисунок 3 - Скрипт для генерации не зависимых друг от друга данных в 3D пространстве.

```
# импортируем необходимые модули
import numpy as np

# генерация 100 точек

x = np.random.random(100)

y = np.sin(x * y)

data = np.array([x, y, z]).Т

# добавим шум в данные

z2 = np.sin(x * y) + np.random.normal(0, 0.1, size=100)

data2 = np.array([x, y, z2]).Т

# запись данных в файл

with open('dataXYZ.txt', 'w') as f:

for i, j, r in data:

print(i, j, r, file=f)

with open('dataXYZ_with_hindrance.txt', 'w') as f:

for i, j, r in data2:

print(i, j, r, file=f)
```

Рисунок 4 - Скрипт для генерации данных с параметром, а также с добавлением шума и без, в 3D пространстве.

```
random_dataXY.txt = два независящих друг от друга массива 2D dataXY.txt = два массива с параметром без помех dataXY_with_hindrance.txt = два массива с параметром с помехой random_dataXYZ.txt = три независящих друг от друга массива 3D dataXYZ.txt = три массива с параметром без помех dataXYZ with hindrance.txt = три массива с параметром с помехой
```

Второй этап – Параметрические методы

Параметрическое моделирование — моделирование (проектирование) с использованием параметров элементов модели и соотношений между этими параметрами. Параметризация позволяет за короткое время «проиграть» (с помощью изменения параметров или геометрических соотношений) различные конструктивные схемы и избежать принципиальных ошибок.

https://ru.wikipedia.org/wiki/Параметрическое моделирование

Нам необходимо создать функции, которые будет удобно применить к каждому из примеров

Реализуем аппроксимацию на языке *Python* для 2D пространства:

```
# импортируем необходимые модули

import matplotlib.pyplot as plt

import numpy as np

from scipy.optimize import curve_fit

# создадим функцию для аппроксимации на вход которой подаются два массива X и Y

lusage

def approx(x, y, function):

popt, _ = curve_fit(function, x, y)

x = np.linspace(x.min(), x.max(), 100)

plt.plot(x, func(x, *popt), color='green', label="Полиномиальная функция степени 3")

plt.legend(loc='best')

plt.scatter(x, y, color='red', s=15)

plt.ylabel('x')

plt.ylabel('y')

plt.show()
```

Рисунок 3 — Функция для аппроксимации в 2D пространстве.

Реализуем аппроксимацию на языке *Python* для 3D пространства:

```
import numpy as np
from scipy.optimize import curve_fit
import matplotlib.pyplot as plt
def threeD_approx(x, y, z, function):
    popt, pcov = curve_fit(function, (x, y), z)
    fig = plt.figure()
    ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
   ax.scatter(x, y, z, color='blue')
    x_range = np.linspace(0, 1, 50)
   y_range = np.linspace(0, 1, 50)
   X, Y = np.meshgrid(x_range, y_range)
   Z = func((X, Y), *popt)
    ax.plot_surface(X, Y, Z, color='red', alpha=0.5)
    ax.set_xlabel('X')
    ax.set_ylabel('Y')
    ax.set_zlabel('Z')
    plt.show()
```

Рисунок 4 — Функция для аппроксимации в 3D пространстве.

Третий этап – Непараметрические методы

Углубимся в непараметрические методы

Непараметрические методы — это количественные методы статистической обработки данных, применение которых не требует знания закона распределения изучаемых признаков в совокупности и вычисления их основных параметров. - ПРОВЕРКА СТАТИСТИЧЕСКИХ ГИПОТЕЗ Смирнова З.М., Крейнина М.В.

Реализуем непараметрические методы моделирования для 2D пространства:

Реализуем непараметрические методы моделирования для 3D пространства:

Четвёртый этап – Сравнение методов

Применим методы к каждому из примеров и выявим их особенности и область применения

Результаты и обсуждение

Отличия параметрического и непараметрического моделирования:

- 1. Предположения о распределении данных:
- Параметрическое моделирование: Основано на предположении о конкретной функциональной форме или распределении данных, например, нормальном или экспоненциальном.
- Непараметрическое моделирование: не требует априорных предположений о распределении данных, что делает его более гибким и универсальным.
- 2. Число параметров модели:
- Параметрическое моделирование: имеет фиксированное число параметров, которые нужно оценить, основываясь на данных.
- Непараметрическое моделирование: Число параметров модели зависит от размера выборки, что позволяет модели гибко адаптироваться к разнообразным формам данных.
- 3. Устойчивость к выбросам и аномалиям:
- Параметрическое моделирование: может быть чувствительным к выбросам в данных, особенно если выбранная функциональная форма недостаточно гибка.
- Непараметрическое моделирование: более устойчиво к выбросам, так как не предполагает конкретной формы данных и может лучше адаптироваться к аномальным наблюдениям.
- 4. Интерпретируемость:
- Параметрическое моделирование: часто более легко интерпретируемо, так как параметры модели имеют конкретные смысловые интерпретации.
- Непараметрическое моделирование: может быть менее интерпретируемым изза отсутствия явных параметров, хотя некоторые методы, такие как ядерная регрессия, могут предоставлять некоторую интерпретируемость.
- 5. Сложность модели:

- Параметрическое моделирование: часто более простое в понимании и реализации, так как требует определения конкретной функциональной формы.
- Непараметрическое моделирование: может быть более сложным и требовать более высокого уровня алгоритмического понимания для его применения. Выбор между параметрическим и непараметрическим моделированием зависит от конкретного контекста задачи, характера данных и требований к модели.

Выводы

Список используемой литературы

- 1. Бронштейн, И. Н. Справочник по математике для инженеров и учащихся втузов [Текст] / И. Н. Бронштейн, К.А. Семендяев. М.: Наука. Главная редакция физико-математической литературы, 1981. 720с.
- 2. Бесстремянная, Г. Е. Применение ядерных и параметрических регрессий для оценки влияния страховых медицинских организаций на качество региональных систем здравоохранения [Текст] / Г. Е. Бесстремянная, 2015. 18 с.
- 3. Математический энциклопедический словарь [Текст] / Гл. ред. Ю. В. Прохоров. М.: Советская энциклопедия, 1988. 847 с.
- 4. Хиценко, В. Е. Непараметрическая статистика в задачах защиты информации. Конспект лекций [Текст] / В. Е. Хиценко, 2012. 196 с.