



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н.Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

Дисциплина: «Функциональное и логическое
программирование»

Лабораторная работа №8

Студент: Левушкин И. К.

Группа: ИУ7-62Б

Преподаватели: Толпинская Н. Б.,

Строганов Ю. В.

Москва, 2020 г.

1. Написать функцию, которая по своему списку-аргументу `lst` определяет является ли он палиндромом (то есть равны ли `lst` и `(reverse lst)`).

Реализация задания

```
(defun polindrom (lst)
  (and lst
    (reduce (lambda (prev x) (and prev x))
      (mapcar #'equal lst (reverse lst)))
  )
)
```

Рис. 1: Функция, проверяющая список на полиндром

Назначение параметров функций

- Функционал `mapcar` возвращает список типа `(nil t t nil nil)`
- Функционал `reduce` применяет `and` для списка

Результаты работы

Выражение	Результат
<code>'(1 2 3 4 5)</code>	NIL
<code>'(1 2 3 2 1)</code>	T
<code>'(1 2 3)</code>	NIL
<code>'(1)</code>	T
<code>'()</code>	NIL
<code>'((1 2) 4 (1 2))</code>	NIL

4. Напишите функцию swap-first-last, которая переставляет в списке-аргументе первый и последний элементы.

Реализация задания

```
(defun swap-first-last(lst)
  (cond ((< (length lst) 2) lst)
        (t (cons [
                    mapcon #'(lambda (el);поиск последнего элемента в списке
                        (cond
                          (
                            (null (cdr el)) (car el)
                          )
                        )
                    ] lst)
            (
              (
                nconc (
                  mapcon #'(lambda (el);берем все элементы начиная со второго кроме последнего
                      (cond
                        (
                          (cdr el) (cons (car el) nil)
                        )
                      )
                )
                (cdr lst)
              )
              (cons (car lst) nil);добавляем первый элемент в конец
            )
          )
    ))
)
```

Рис. 2: Функция, переставляющая в списке-аргументе первый и последний элементы

Назначение параметров функций

- Первый функционал mapcon ищет последний элемент в списке
- Второй функционал mapcon формирует список, начиная со второго и до последнего (не включительно)
- Если длина списка меньше 2, то условие cond возвращает список без изменений

Результаты работы

Выражение	Результат
'(1 2 3 4 5 6)	(6 2 3 4 5 1)
'(1 2 3 4 5 (1 2))	((1 2) 2 3 4 5 1)
'(1 2)	(2 1)
'(1)	(1)
'()	NIL

5. Напишите функцию `swap-two-element`, которая переставляет в списке-аргументе два указанных своими порядковыми номерами элемента в этом списке.

Реализация задания

```
(defun my_nthcdr (lst num);поиск списка, начинающегося с num в списке
  (let ((after (- (length lst) num)))
    (maplist #'(lambda (el)
      (cond
        (
          (equal (length el) after) el
        )
      )
    ) lst)
  )

(defun reduce_or (lst); применяем or к списку
  (reduce #'(lambda (prev lst) (or prev lst)) lst)
)

(defun from_to_list (lst from to);поиск списка, начинающегося с from до to в списке(все включительно)
  (cond ((or (< from 0) (>= from (length lst)) (< to 0) (>= to (length lst))) nil)
  (t
    (let* ((to_position_in_new_list (- to from));позиция элемента с индексом to в списке без from
      (from_list (reduce_or (my_nthcdr lst from))); список начиная с from
    )
      (reverse (reduce_or (my_nthcdr (reverse from_list) (- (length from_list) (+ to_position_in_new_list 1))))))
    )
  )
)
```

Рис. 3: Вспомогательные функции для `swap-two-element`

```

(defun my_nth_list (pos lst);если не nil, оборачиваем в список, иначе просто nil
  (let ((answer (nth pos lst)))
    (if answer (list answer) nil)
  )
)

(defun swap-two-element(lst num1 num2)
  (cond ((equal num1 num2) lst)
        ((or (>= num1 (length lst)) (>= num2 (length lst))) lst)
        (t (let ((before (min num1 num2))
                  (after (max num1 num2))
                )
              (nconc
                (from_to_list lst 0 (- before 1))
                (my_nth_list after lst)
                (from_to_list lst (+ before 1) (- after 1))
                (my_nth_list before lst)
                (from_to_list lst (+ after 1) (- (length lst) 1))
              )
            )
        )
  )
)

```

Рис. 4: Функция, переставляющая в списке-аргументе два указанных своими порядковыми номерами элемента в этом списке

Назначение параметров функций

- Параметр `before` - минимальное число из `num1` и `num2`
- Параметр `after` - максимальное число из `num1` и `num2`
- Далее формируем и конкатенируем следующие списки из списка `lst`: (от нуля и до `before - 1`); (`after`); (от `before + 1` и до `after - 1`); (`before`); (от `after + 1` и до конца списка)
- Функция `my_nth_list` возвращает элемент из списка на позиции `pos`, оборачивая его в список, если он не `nil`
- Функция `from_to_list` формирует список из списка-параметра, начиная с позиции `from` и до `to` (включительно)
- Функция `reduce_or` применяет `or` к списку
- Функция `my_nthcdr` возвращает хвост списка `lst`, начиная с позиции `num`

Результаты работы

Выражение	Результат
'(1 2 3 4 5 6 7 8) 1 4	(1 5 3 4 2 6 7 8)
'(1 2 3 4 5 6 7 8) 4 1	(1 5 3 4 2 6 7 8)
'(1 2 3 4 5 6 7 8) 0 7	(8 2 3 4 5 6 7 1)
'(1 2 3 4 5 6 7 8) 1 8	(1 2 3 4 5 6 7 8)
'(1 2 3 4 5 6 7 8) 1 10	(1 2 3 4 5 6 7 8)
'(1 2 3 4 5 6 7 8) 1 1	(1 2 3 4 5 6 7 8)
'(1 2) 1 1	(1 2)
'(1 2) 0 1	(2 1)
'(1) 0 0	(1)
'() 0 0	NIL

6. Напишите две функции, `swap-to-left` и `swap-to-right`, которые производят круговую перестановку (на `k` позиций) в списке-аргументе влево и вправо, соответственно.

Реализация задания

```
(defun get_k_cdr_elem (lst k)
  (if (equal k 0) lst (get_k_cdr_elem (cdr lst) (- k 1)))
)

(defun create_circle_list (lst)
  (rplacd (get_k_cdr_elem lst (- (length lst) 1)) lst)
)
```

Рис. 5: Вспомогательные функции к функциям `swap-to-left` и `swap-to-right`

```

(defun swap-to-right (lst k)
  (cond ((null lst) nil)
  (t (let* ((lst_length (length lst))
            (mod_k (mod k lst_length))
            (circle_list (create_circle_list lst))
            (new_first_elem (get_k_cdr_elem circle_list (- lst_length (- mod_k 1))))
            (last_elem (rplacd (get_k_cdr_elem circle_list (- lst_length mod_k)) nil))
          )
      new_first_elem
    ))
  )

(defun swap-to-left (lst k)
  (cond ((null lst) nil)
  (t (let* ((lst_length (length lst))
            (mod_k (mod k lst_length))
            (circle_list (create_circle_list lst))
            (new_first_elem (get_k_cdr_elem circle_list (+ mod_k 1)))
            (last_elem (rplacd (get_k_cdr_elem circle_list mod_k) nil))
          )
      new_first_elem
    ))
  )
)

```

Рис. 6: Функции, производящие круговую перестановку на k позиций в списке-аргументе влево и вправо, соответственно

Назначение параметров функций

- Переменная `lst_length` обозначает длину первоначального списка (до его изменения функцией `rplacd`)
- Переменная `mod_k` берет остаток от деления `k` на длину списка
- Переменная `new_first_elem` - новая голова списка
- Переменная `last_elem` - результат работы функции `get_k_cdr_elem` (последний элемент списка)
- Функция `create_circle_list` делает список `lst` кольцевым (переставляет указатель последнего элемента на голову списка и возвращает этот последний элемент)
- Функция `get_k_cdr_elem` идет по списку и возвращает указатель на его элемент через `k` позиций

- Функция `swap_to_right` аналогична функции `swap_to_left` за исключением того, что она сдвигает список на $\text{length}(\text{lst}) - (k + 1)$ позиций вместо $(k + 1)$

Результаты работы

Выражение	Результат <code>swap_to_left</code>	Результат <code>swap_to_right</code>
'(1 2 3 4 5 6) 3	(4 5 6 1 2 3)	(4 5 6 1 2 3)
'(1 2 3 4 5 6) 6	(1 2 3 4 5 6)	(1 2 3 4 5 6)
'(1 2 3 4 5 6) 9	(4 5 6 1 2 3)	(4 5 6 1 2 3)
'(1 2 3 4 5 6) 0	(1 2 3 4 5 6)	(1 2 3 4 5 6)
'(1 2 3 4 5 6) 2	(3 4 5 6 1 2)	(5 6 1 2 3 4)
'(1) 0	(1)	(1)
'(1) 3	(1)	(1)
'(1) 0	(1)	(1)
'() 0	NIL	NIL

7. Напишите функцию, которая умножает на заданное число-аргумент все числа из заданного списка-аргумента, когда а) все элементы списка — числа, б) элементы списка — любые объекты.

Реализация задания

```
(defun multiply_numbers (lst number)
  (mapcar (lambda (x) (* x number)) lst)
)

(defun multiply (lst number)
  (mapcar (lambda (obj)
    (cond ((numberp obj) (* obj number))
          ((listp obj) (multiply obj number))
          (t obj))
    lst)
  )
)
```

Рис. 7: Функции `multiply_numbers` (элементы списка - числа) и `multiply` (элементы списка - любые объекты), умножающие число-аргумент на числа списка-аргумента

Назначение параметров функций

- Функция `multiply_numbers` выполняет пункт а из задания
- Функция `multiply` выполняет пункт б из задания, используя проверку на число (функция `numberp`) и проверку на список (функция `listp`)

Результаты работы

Выражение	Результат <code>multiply_numbers</code>	Результат <code>multiply</code>
<code>'(1 2 3 4 5 6) 3</code>	<code>(3 6 9 12 15 18)</code>	<code>(3 6 9 12 15 18)</code>
<code>'(1 2 3 4 5 6) 0</code>	<code>(0 0 0 0 0 0)</code>	<code>(0 0 0 0 0 0)</code>
<code>'(1 2 3 4 5 6) 1</code>	<code>(1 2 3 4 5 6)</code>	<code>(1 2 3 4 5 6)</code>
<code>'() 5</code>	<code>NIL</code>	<code>NIL</code>
<code>'(1 2 3 (1 2) 4 5) 4</code>	—	<code>(4 8 12 (4 8) 16 20)</code>
<code>'(1 2 3 (1 2 (a 3)) 4 5) 6</code>	—	<code>(6 12 18 (6 12 (A 18)) 24 30)</code>

8. Напишите функцию, `select-between`, которая из списка-аргумента, содержащего только числа, выбирает только те, которые расположены между двумя указанными границами-аргументами и возвращает их в виде списка (упорядоченного по возрастанию списка чисел (+ 2 балла)).

Реализация задания

```
(defun select-between (lst from to)
  (let ((min_el (min from to))
        (max_el (max from to)))
    (apply #'nconc ;конкатенирую все подсписки списка
            (mapcar (lambda (el) (if (and (< el max_el) (> el min_el)) (cons el nil) nil)) lst))
  )
)
```

Рис. 8: Функция, выбирающая из списка-аргумента элементы меньшие `to` и большие `from`

```
(defun sort_insert (head before lst elem)
  (cond
    ((null head) (cons elem head))
    ((null lst) (let ((change_list (rplacd before (cons elem nil))))
                  head
                ))
    (t (if (< elem (car lst)) (let* ((list_elem (cons elem nil))
                                     (next_list (rplacd list_elem lst));вставляем элемент между before и lst
                                     (before_list (if (null before) nil (rplacd before list_elem)))
                                     )
              (if (null before) next_list head)
            )
        (sort_insert head lst (cdr lst) elem)
      )
  )
)
```

Рис. 9: Вспомогательная функция сортировки для функции `select-between`

```

(defun check (result lst from to)
  (if (null lst) result
      (check (if (and (< (car lst) to) (> (car lst) from)) (
        sort_insert result nil result (car lst)
      ) result) (cdr lst) from to)
  )
)

;отсортированный вариант
(defun select-between (lst from to)
  (let ((min_el (min from to))
        (max_el (max from to))
        (result nil))
    (check result lst min_el max_el)
  )
)

```

Рис. 10: Функция, выбирающая из списка-аргумента элементы меньшие to и большие from и сортирующая их по возрастанию

Назначение параметров функций

- Переменные min_el, max_el - минимальные и максимальные границы из from и to соответственно
- Идея фнкции sort_insert аналогична сортировке вставками: вставляет число-аргумент перед ближайшим большим элементом списка-аргумента в этот список
- Переменная head - голова списка
- Переменная before - предыдущий элемент списка (изначально nil)
- Переменная change_list - результат работы функции rplacd, которая перебрасывает указатель элемента списка before на elem
- Переменная next_list - результат работы функции rplacd, вставляющей elem в голову списка lst
- Переменная before_list - результат работы функции rplacd, которая перебрасывает указатель элемента списка before на elem, если before не null

- Функция check - хвостовая рекурсивная функция, аналогичная select-between без сортировки

Результаты работы

Выражение	Результат select-between	Результат сорт. select-between
'(1 9 7 3 4 6 8 2 5) 3 7	(4 6 5)	(4 5 6)
'(1 9 7 3 4 6 8 2 5) 0 10	(1 9 7 3 4 6 8 2 5)	(1 2 3 4 5 6 7 8 9)
'(1 9 7 3 4 6 8 2 5) 7 3	(4 6 5)	(4 5 6)
'(1 9 7 3 4 6 8 2 5) 3 3	NIL	NIL
'(1 9 7 3 4 6 8 2 5) 3.3 4.3	(4)	(4)
'(1 9) 3.3 4.3	NIL	NIL
'(1 9) 10.3 9.3	NIL	NIL
'(1) 0.3 1.3	(1)	(1)
'() 0.3 1.3	NIL	NIL