## Санкт-Петербургский Государственный Университет, 15.04.20

## Содержание

Обязатель	ные задачи	2
Задача А.	Самое дешевое ребро [2 sec, 256 mb]	2
Задача В.	Pairs. Паросочетание [2 sec, 256 mb]	3
Обычные	задачи	4
Задача С.	Центроиды дерева [2.5 sec, 256 mb]	4
Задача D.	Минимальное контролирующее множество [2 sec, 256 mb]	5
Задача Е.	Замощение доминошками [2 sec, 256 mb]	6
Дополните	ельные задачи	7
Задача F.	БДБД [2.5 sec, 256 mb]	7
Задача <b>G</b> .	Строки в дереве [8 sec, 256 mb]	8
Задача Н.	День рождения [2 sec, 256 mb]	9

Вы не умеете читать/выводить данные, открывать файлы? Воспользуйтесь примерами.

В некоторых задачах большой ввод и вывод. Пользуйтесь быстрым вводом-выводом.

Обратите внимание, что ввод-вывод во всех задачах стандартный.

Задачи расположены в произвольном порядке!

## Обязательные задачи

## Задача А. Самое дешевое ребро [2 sec, 256 mb]

Дано подвешенное дерево с корнем в первой вершине. Все ребра имеют веса (стоимости). Вам нужно ответить на M запросов вида "найти у двух вершин минимум среди стоимостей ребер пути между ними".

## Формат входных данных

В первой строке файла записано одно числ-n (количество вершин).

В следующих n-1 строках записаны два числа — x и y. Число x на строке i означает, что x — предок вершины i, y означает стоимость ребра.

$$x < i, |y| \leqslant 10^6.$$

Далее m запросов вида (x,y) — найти минимум на пути из x в y  $(x \neq y)$ .

Ограничения:  $2 \le n \le 5 \cdot 10^4, 0 \le m \le 5 \cdot 10^4$ .

## Формат выходных данных

m ответов на запросы.

stdin	stdout
5	2
1 2	2
1 3	
2 5	
3 2	
2	
2 3	
4 5	

Санкт-Петербургский Государственный Университет, 15.04.20

## Задача В. Pairs. Паросочетание [2 sec, 256 mb]

Двудольным графом называется граф  $(V, E), E \subset V \times V$  такой, что его множество вершин V можно разбить на два подмножества A и B, для которых  $\forall (e_1, e_2) \in E$   $e_1 \in A, e_2 \in B$  и  $A, B \subset E, A \cap B = \emptyset$ .

Паросочетанием в двудольном графе называется любой его набор несмежных ребер, то есть такой набор  $S \subset E$ , что для любых двух ребер  $e_1 = (u_1, v_1), e_2 = (u_2, v_2)$  из S выполнено  $u_1 \neq u_2$  и  $v_1 \neq v_2$ .

Ваша задача — найти максимальное паросочтание в двудольном графе, то есть паросочетание с максимально возможным числом ребер.

## Формат входных данных

В первой строке записаны два целых числа n и m  $(1 \le n, m \le 250)$  — число вершин в A и число вершин в B.

Далее следуют n строк с описаниями ребер. i-я вершина из A описана в i+1-й строке файла. Каждая из этих строк содержит номера вершин из B, соединенных с i-й вершиной A. Вершины в A и B нумеруются независимо (с единицы). Список завершается числом 0.

### Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно целое число l — количество ребер в максимальном паросочетании. Далее должны следовать l строк, в каждой из которых должны быть два целых числа  $u_j$  и  $v_j$  — концы ребер паросочетания в A и B, соотвественно.

stdin	stdout
2 2	2
1 2 0	1 1
2 0	2 2

## Обычные задачи

## Задача С. Центроиды дерева [2.5 sec, 256 mb]

Дано дерево из n вершин. У каждой вершины есть цвет. Нужно обработать q запросов  $(v_i, c_i)$ : найти расстояние от  $v_i$  до ближайшей к  $v_i$  вершины цвета  $c_i$ . Расстоянием между вершинами называется минимальное количество рёбер в пути между ними.

## Формат входных данных

На первой строке число n ( $1 \le n \le 10^5$ ), следующая строка содержит числа  $p_1, p_2, \ldots, p_{n-1}$ .  $0 \le p_i < i$ .  $p_i$  – отец вершины i в дереве. Далее строка с числами  $a_0, a_1, \ldots, a_{n-1}$ .  $0 \le a_i < n$ .  $a_i$  – цвет вершины i. Далее строка с числом q ( $1 \le q \le 10^5$ ). Следующие q строк содержат запросы  $v_i q_i$  ( $0 \le v_i < n, 0 \le c_i < n$ ).

## Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите одно число – расстояние до ближайшей вершины нужного цвета, или -1, если в дереве нет вершин такого цвета.

stdin	stdout
5	0 1 2 -1 2 1 2 1 1
0 1 1 3	
1 2 3 2 1	
9	
0 1	
0 2	
0 3	
1 0	
2 1	
2 2	
3 3	
3 1	
4 2	

Санкт-Петербургский Государственный Университет, 15.04.20

## Задача D. Минимальное контролирующее множество [2 sec, 256 mb]

Требуется построить в двудольном графе минимальное контролирующее множество, если дано максимальное паросочетание.

## Формат входных данных

В первой строке файла даны два числа m и n ( $1 \le m, n \le 4000$ ) — размеры долей. Каждая из следующих m строк содержит список ребер, выходящих из соответствующей вершины первой доли. Этот список начинается с числа  $K_i$  ( $0 \le K_i \le n$ ) — количества ребер, после которого записаны вершины второй доли, соединенные с данной вершиной первой доли, в произвольном порядке. Сумма всех  $K_i$  во входном файле не превосходит 500 000. Последняя строка файла содержит некоторое максимальное паросочетание в этом графе — m чисел  $0 \le L_i \le n$  — соответствующая i-й вершине первой доли вершина второй доли, или 0, если i-я вершина первой доли не входит в паросочетание.

#### Формат выходных данных

Первая строка содержит размер минимального контролирующего множества. Вторая строка содержит количество вершин первой доли S, после которого записаны S чисел — номера вершин первой доли, входящих в контролирующее множество, в возрастающем порядке. Третья строка содержит описание вершин второй доли в аналогичном формате.

stdin	stdout
3 2	2
2 1 2	1 1
1 2	1 2
1 2	
1 2 0	

Санкт-Петербургский Государственный Университет, 15.04.20

## Задача Е. Замощение доминошками [2 sec, 256 mb]

Дано игровое поле размера  $n \times m$ , некоторые клетки которого уже замощены. Замостить свободные соседние клетки поля доминошкой размера  $1 \times 2$  стоит a условных единиц, а замостить свободную клетку поля квадратиком размера  $1 \times 1 - b$  условных единиц.

Определите, какая минимальная сумма денег нужна, чтобы замостить всё поле.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит 4 целых числа n, m, a, b ( $1 \le n, m \le 100, |a| \le 1000, |b| \le 1000$ ). Каждая из последующих n строк содержит по m символов: символ '"."' (точка) обозначает занятую клетку поля, а символ '"\*"' (звёздочка) — свободную.

## Формат выходных данных

В выходной файл выведите одно число — минимальную сумму денег, имея которую можно замостить свободные клетки поля (и только их).

stdin	stdout
2 3 3 2	5
.**	
.*.	

## Дополнительные задачи

## Задача F. БДБД [2.5 sec, 256 mb]

Большая Древесная База Данных создана для того, чтобы в ней можно было надежно сохранить и раскрасить любое дерево. В новой версии БДБД запланирован новый функционал, для реализации которого потребуется вновь переосмыслить теорию графов.

В БДБД хранится взвешенное дерево. В языке запросов Системы Управления Большой Древесной Базы Данных (СУБДБД) предусмотрены два вида запросов:

- 1. «1  $v\ d\ c$ » покрасить все вершины, находящиеся на расстоянии не более d от вершины v, в цвет c. Все вершины изначально окрашены в цвет c номером 0.
- $2. \ll 2 v \gg -$  вывести цвет вершины v.

Необходимо запрограммировать работу СУБДБД и ответить на все запросы пользователя.

#### Формат входных данных

В первой строке число N ( $1 \le N \le 10^5$ ) — количество вершин дерева.

Следующие N-1 строк содержат описание ребер, по три числа в строке  $a_i, b_i, w_i$  ( $1 \le a_i, b_i \le N, a_i \ne b_i, 1 \le w_i \le 10^4$ ), где i-ое ребро имеет длину  $w_i$  и соединяет вершины  $a_i$  и  $b_i$ .

В следующей строке число Q  $(1\leqslant Q\leqslant 10^5)$  — число запросов. В каждой из Q следующих строк запросы одного из двух видов:

- 1. Числа 1, v, d, c ( $1 \le v \le N$ ,  $0 \le d \le 10^9$ ,  $0 \le c \le 10^9$ ).
- 2. Числа 2, v ( $1 \le v \le N$ ).

Все числа во входных данных целые.

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса второго типа необходимо вывести в отдельной строке цвет запрошенной вершины.

stdin	stdout
5	6
1 2 30	6
1 3 50	0
3 4 70	5
3 5 60	7
8	
1 3 72 6	
2 5	
1 4 60 5	
2 3	
2 2	
1 2 144 7	
2 4	
2 5	

Санкт-Петербургский Государственный Университет, 15.04.20

## Задача G. Строки в дереве [8 sec, 256 mb]

Дано дерево. Дерево — это связный граф без циклов. На каждом ребре дерева написана строчная латинская буква. Между каждыми двумя вершинами существует ровно один простой путь, то есть путь по рёбрам дерева, проходящий через каждую вершину не более одного раза. Каждому пути соответствует строка, которая получается, если идти по этому пути и читать буквы на рёбрах в порядке следования. Путь можно проходить, начиная с любого его конца.

Также дана строка S. Соответствует ли она какому-либо простому пути в данном дереве? Длина строки и размер дерева не превышают  $3 \cdot 10^5$ .

#### Формат входных данных

Первой идет искомая строка s. Далее следует количество вершин n и n-1 ребро (u,v,c).

#### Формат выходных данных

Если ответ существует, выведите концы искомого простого пути.

#### Примеры

stdin	stdout
abc	YES
4	1 3
1 2 c	
4 3 a	
2 4 b	
abc	NO
1	
zy	YES
6	3 4
1 2 x	
1 3 y	
1 4 z	
3 5 a	
4 6 b	

## Пояснения к примерам

В первом примере строка аbc соответствует пути 3-4-2-1.

Во втором примере в дереве нет ни одного ребра.

В третьем примере строка **zy** соответствует пути 3–1–4.

Санкт-Петербургский Государственный Университет, 15.04.20

## Задача Н. День рождения [2 sec, 256 mb]

Митя знаком с m юношами и n девушками и хочет пригласить часть из них на свой день рождения. Ему известно, с какими девушками знаком каждый юноша, и с какими юношами знакома каждая девушка. Он хочет добиться того, чтобы каждый приглашённый был знаком со всеми приглашёнными противоположного пола, пригласив при этом максимально возможное число своих знакомых. Помогите ему это сделать!

### Формат входных данных

Входной файл состоит из одного или нескольких наборов входных данных. В первой строке входного файла записано число наборов k ( $1 \le k \le 20$ ). В последующих строках записаны сами наборы входных данных.

В первой строке каждого набора задаются числа  $0 \le m \le 150$  и  $0 \le n \le 150$ . Далее следуют m строк, в каждой из которых записано одно или несколько чисел — номера девушек, с которыми знаком i-й юноша (каждый номер встречается не более одного раза). Строка завершается числом 0.

#### Формат выходных данных

Для каждого набора выведите четыре строки. В первой из них выведите максимальное число знакомых, которых сможет пригласить Митя. В следующей строке выведите количество юношей и количество девушек в максимальном наборе знакомых, разделённые одним пробелом. Следующие две строки должны содержать номера приглашённых юношей и приглашённых девушек соответственно. Числа в каждой из этих двух строк разделяются ровно одним пробелом и выводятся в порядке возрастания. Если максимальных наборов несколько, то выведите любой из них.

Разделяйте вывод для разных наборов входных данных одной пустой строкой.

stdin	stdout
2	4
2 2	2 2
1 2 0	1 2
1 2 0	1 2
3 2	
1 2 0	4
2 0	2 2
1 2 0	1 3
	1 2