

Университет ИТМО

Факультет Программной Инженерии и Компьютерной техники

Информатика

Лабораторная работа №6

**Работа с системой компьютерной вёрстки T<sub>E</sub>X**

Вариант:  $last(P3115) * 10 + 2 = \mathbf{52}$

Выполнил: Барсуков Максим Андреевич

Группа: Р3115

Преподаватели: Малышева Татьяна Алексеевна

Балакшин Павел Валерьевич

Санкт-Петербург

2022г.

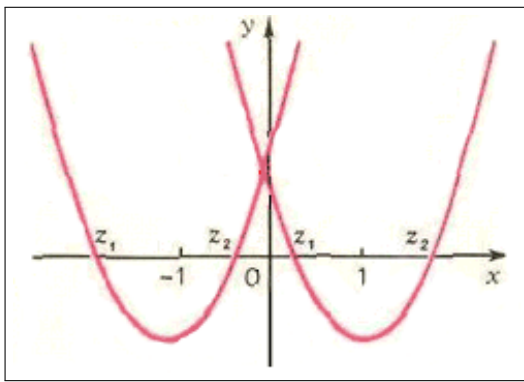


Рис. 3.

Сопоставив его с первым ограничением на  $m$ , получим  $-16/7 \leq m < -10/7$ . График нашей параболы при таких значениях  $m$  изображен на рисунке 2. Ее ветви направлены вниз, а корни будут лежать в интервале  $(2, 5)$  тогда и только тогда, когда  $f(2) < 0$  и  $f(5) < 0$ , то есть  $4 + 2m < 0$ ,  $25 + 14m < 0$ .

Отсюда  $m < -2$ . Окончательно  $-16/7 \leq m < -2$

**Задача 3** (МАИ, 1970). При каких действительных значениях  $k$  одно из действительных решений системы

$$\begin{cases} x + y = 2(k + 1), & (2) \\ xy = k^2 + 3k - 1 & (3) \end{cases}$$

удовлетворяет условию  $|x| < 1$ ,  $|y| > 1$ ?

Наряду с системой (2), (3) естественно рассмотреть соответствующее ей квадратное уравнение  $z^2 - 2(k + 1)z + k^2 + 3k - 1 = 0$ . (4) Оно тесно связано с данной системой, решения которой получают с корнями  $z_1$  и  $z_2$  уравнения (4):  $(z_1, z_2)$ ,  $(z_2, z_1)$ .

Легко переформулировать задачу для уравнения (4): при каких действительных  $k$  один из действительных корней уравнения (4) находится в интервале  $(-1, 1)$ , а другой корень расположен вне этого интервала.

Так как у квадратного трехчлена (4) должны существовать два различных действительных корня, то  $D > 0$ , и график левой части уравне-

ния (4) - парабола, пересекающая ось  $z$  в двух различных точках  $z_1$  и  $z_2$  ( $z_1 < z_2$ ).

Условию задачи удовлетворяет только такое расположение корней квадратного трехчлена, когда один из них лежит внутри интервала  $(-1, 1)$ , а другой вне этого интервала (рис. 3). Если перевести это на формальный язык, то получим такие системы:

$$\begin{cases} z_1 < -1, \\ -1 < z_2 < 1; \end{cases} \quad \begin{cases} -1 < z_1 < 1, \\ z_2 > 1; \end{cases} \quad (5)$$

Чисто технические трудности, возникающие при их решении, неоправданно велики. Изучение же геометрической картины может подсказать нам менее громоздкий прием. Нетрудно заметить, что парабола расположена одним из тех способов, которые изображены на рисунке 3, тогда и только тогда, когда значения многочлена  $f(z)$ , стоящего в левой части (4), в точках  $-1$  и  $1$  имеют разные знаки, то есть

$$f(-1)f(1) < 0. \quad (6)$$

В самом деле, пусть значение  $k$  удовлетворяет условию задачи. Тогда уравнение (4) имеет два действительных корня. Если один из корней совпадает с  $-1$  или  $1$ , то левая часть неравенства (6) обращается в нуль. Исклучим эти варианты из дальнейшего рассмотрения.

Составим теперь таблицу знаков значений  $f(-1)f(1)$  для возможных случаев расположения  $z_1$  и  $z_2$  относительно интервала  $(-1, 1)$  ( $z_1 < z_2$ )

	$z_2 < -1$	$-1 < z_2 < 1$	$z_2 > 1$
$z_1 < -1$	$(+)(+) = +$	$(-)(+) = -$	$(-)(-) = +$
$-1 < z_1 < 1$	$-$	$(+)(+) = +$	$(+)(-) = -$
$z_1 > 1$	$-$	$-$	$(+)(+) = +$

Поскольку исчерпаны все возможные варианты, то одновременно установлена необходимость и достаточность условия (6). Остается решить

# Диаграмма состояний (граф переходов) конечного автомата

Вариант:  $1 + ((length(Barsukov) * length(Maksim)) \bmod 8) =$   
 $= 1 + ((8 * 6) \bmod 8) = 1$

