Контрольная по пределам (light), 21 декабря

1. Докажите по определению, что $\lim_{x \to -\infty} \frac{x^3}{e^x} = -\infty.$

$$2. \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 + x \sin(x)}}{\ln(\cos(x))}$$

3.
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\ln \frac{x+2\alpha}{x+\alpha}}{\sin(\frac{1}{x})}$$

4.
$$\lim_{x \to \frac{\pi}{4}} \frac{\sqrt{2}\cos(x) - 1}{\tan^2(x) - 1}$$

5.
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{x^2}{\sin(x) \ln(x)}$$