

Métodos Ordinais

Métodos Ordinais

Métodos Borda, Condorcet e Copeland utilizando python

Alexandre Castro

im.alexandre07@gmail.com



Casa da Pesquisa **Operacional**

06 de outubro de 2020



Métodos Ordinais

- Apresentação
- - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet.
 - O Método de Copeland



Métodos Ordinais

- Apresentação
- Objetivos da apresentação
- - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet.
 - O Método de Copeland



Métodos Ordinais

M. Alexandro
P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicritério ^{Conceitos}

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

-References Apresentação

2 Objetivos da apresentação

3 Os Métodos Multicritério

Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet

O Método de Copeland

Prática com linguagem Python



Métodos Ordinais

M. Alexandro
P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

References

- Apresentação
- 2 Objetivos da apresentação
- 3 Os Métodos Multicritério
 - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet
 - O Método de Copeland
- 4 Prática com linguagem Python



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicritéric

Conceitos

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática con linguagem Pvthon

References

Apresentação

- Objetivos da apresentação
- Os Métodos Multicritério
 - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet
 - O Método de Copeland
- 4 Prática com linguagem Pythor



Apresentação

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de Condorcet

Prática con linguagem Python

References

Formação Acadêmica

- Graduação em Ciências navais pela Escola Naval (Habilitação em Administração)
- Curso de Aperfeiçoamento em Intendência para Oficiais (Centro de Instrução Almirante Newton Braga)
- Cursando Pós Graduação em Ciência de Dados na Pontifícia Universidade Católica (PUC-Rio)



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicritério Conceitos

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

-References Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet

O Método de Copeland

4 Prática com linguagem Pythor



Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

Condorcet O Método de

Prática con linguagem

References

- Entender os métodos ordinais;
- Verificar seu emprego prático;
- Implementação utilizando linguagem pythor
- PROA Software



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicriteri Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Condorcet

Prática con

Python

References

- Entender os métodos ordinais;
- Verificar seu emprego prático;
- Implementação utilizando linguagem python
- PROA Software



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicritério Conceitos

Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

References

- Entender os métodos ordinais;
- Verificar seu emprego prático;
- Implementação utilizando linguagem python
- PROA Software



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicritéri

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda O Método de Condorcet

O Método de Copeland

linguagem
Python

References

- Entender os métodos ordinais;
- Verificar seu emprego prático;
- Implementação utilizando linguagem pythol
- PROA Software



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da

Os Métodos Multicritério

Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

References

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet

O Método de Copeland

Prática com linguagem Python



O que são Métodos Multicritério?

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de Condorcet

Prática com linguagem

References

Os Métodos Apoio Multicritério de à Decisão(AMD) são ferramentas que auxiliam o decisor/gestor na resolução problemas de decisão em que hajam diferentes objetivos a se considerar, mesmo que, por vezes, sejam de natureza contraditória, como o problema de reduzir custos e aumentar a qualidade. de Almeida (2011)



O que são Métodos Multicritério?

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da

Os Métodos

Consolton

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Bo

O Método de Condorcet

O Método de

Prática con linguagem Python

References

Dados Ordinais x Dados Cardinais



Vantagens dos Métodos Ordinais

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

References

- Podem ser aplicados com variáveis qualitativas ou quantitativas;
- Funcionam melhor com variáveis qualitativas(ordinais) e com problemas multicritério;
- Não necessitam de grande conhecimento em matemática, maior explicapilidade;
- Zen do python: "Simple is better than complex";
- Muitas vezes, o especialista n\u00e3o poder\u00e1 quantificar os atributos das alternativas;
- Os atributos são os valores dos critérios para cada alternativa.



O Método de Borda

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junion

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Vantagens dos

O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de

Prática con linguagem Python

References

O método de Borda é considerado um método de avaliação multicritério e busca avaliar as alternativas que melhor se ajustem aos critérios definidos. Barros et al. (2019)



O Método de Borda O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

References

- Selecionar as alternativas e critérios do problema;
- Avaliar as alternativas em relação a cada critério (definindo seus atributos);
- Ordenar as alternativas de acordo com cada critério;
- atribuir pontos de acordo suas classificações em cada critério (a melhor recebe
 1, a segunda, 2 e assim sucessivamente);
- Somar os pontos de cada alternativa; e
- Ordenar as alternativas de maneira crescente conforme o somatório de pontos (a que tiver menos pontos, será a melhor).



O Método de Borda ^{O algorítimo}

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Pvthon

References

	criterio1	criterio2	criterio3
alternativas			
alternativa1	100	229	330
alternativa2	2231	3	12
alternativa3	3300	11124	2341

Table: Dados de entrada do problema



O Método de Borda O algorítimo

Métodos Ordinais

O Método de Borda

	criterio1	criterio2	criterio3
alternativas			
alternativa1	100	229	330
alternativa2	2231	3	12
alternativa3	3300	11124	2341

Table: Dados de entrada do problema

	criterio1	criterio2	criterio3
alternativa3	1	1	1
alternativa2	2	3	3
alternativa1	3	2	2

Table: Tabela com dados ordenados



O Método de Borda ^{O algorítimo}

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Conceitos

Vantagens dos

O Método de Borda
O Método de
Condorcet
O Método de

Prática com linguagem Python

References

	criterio1	criterio2	criterio3
alternativas			
alternativa1	100	229	330
alternativa2	2231	3	12
alternativa3	3300	11124	2341

Table: Dados de entrada do problema

	criterio1	criterio2	criterio3	soma
alternativa3	1	1	1	3
alternativa1	3	2	2	7
alternativa2	2	3	3	8

Table: Tabela com dados ordenados



O Método de Condorcet Definição

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério Conceitos Vantagens dos

Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática cor linguagem Pvthon

Reference:

Segundo Netto (2003), o método de Condorcet trabalha com relações de superação entre as alternativas, sendo o precursor da atual escola francesa de multicritério. A partir das relações de superação entre as alternativas, é possível construir um grafo direcionado, permitindo uma análise visual do problema.

As alternativas são comparadas sempre duas a duas e constrói-se um grafo que expressa a relação entre elas.



O Método de Condorcet O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda O Método de

Condorcet

O Método de
Copeland

Prática com linguagem Python

References

- Selecionar as alternativas e critérios do problema;
- Avaliar as alternativas em relação a cada critério (definindo seus atributos);
- Comparar as alternativas aos pares e dentro de cada critério;
 - Construir 2-tuplas de alternativas sem reposição (análise combinatória);
 - Fazer o produto cartesiano entre o conjunto de tuplas e o conjunto de critérios; e
 - Atribuir os valores (-1, 0 e 1) de acordo com a relação de superação.



O Método de Condorcet O algorítimo

Métodos Ordinais

O Método de

Condorcet

- Montar as matrizes de comparação intracriterial;
- Soma das matrizes geradas para cada critério:
- Aplicação da seguinte função:

$$F(x) = \begin{cases} +1 & \text{Se } \sum \ge +1 \\ 0 & \text{Se } \sum = 0 \\ -1 & \text{Se } \sum \le -1 \end{cases}$$
 (1)



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Metodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda
O Método de
Condorcet

O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

References

	infraestrutura	servicos	acessibilidade
alternativas			
alternativa1	1	4	3
alternativa2	4	1	5
alternativa3	5	5	4
alternativa4	3	5	2

Table: Dados sobre 4 cidades utilizando a escala likert



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais

O Método de Bord

Condorcet

O Método de
Copeland

Prática con linguagem Python

References

infraestrutura

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	-1
alternativa2	0	0	-1	1
alternativa3	0	0	0	1
alternativa4	0	0	0	0

Table: Dados sobre infraestrutura



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos

O Método de Borda

O Método de Bord
O Método de

O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

References

servicos

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	1	-1	-1
alternativa2	0	0	-1	-1
alternativa3	0	0	0	0
alternativa4	0	0	0	0

Table: Dados sobre servicos



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais

O Método de Bord

O Método de

O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

References

acessibilidade

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	1
alternativa2	0	0	1	1
alternativa3	0	0	0	1
alternativa4	0	0	0	0

Table: Dados sobre acessibilidade



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos

O Método de Borda

Condorcet

O Método de

Prática com linguagem Python

References

Somatório das Matrizes

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-3	-1
alternativa2	0	0	-1	1
alternativa3	0	0	0	2
alternativa4	0	0	0	0

Table: Somatório das Matrizes



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de

O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

References

Matriz de Decisão

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	-1
alternativa2	0	0	-1	1
alternativa3	0	0	0	1
alternativa4	0	0	0	0

Table: Matriz de Decisão



O Método Condorcet Grafo

Métodos Ordinais

M. Alexandre

Apresentação

Objetivos d

Os Método Multicritéri

C-----

Vantagone de

0.140

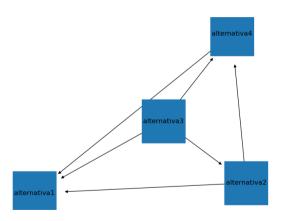
O Metodo de Bor

O Método de

O Método de

Prática con linguagem

References





O Método Condorcet Observação

Métodos Ordinais

M. Alexandro

Apresentaçã

apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Condorcet

Prática com linguagem Pvthon

References

Ciclo de intransitividade

E se as alternativas obtiverem o mesmo número de vantagens em relação às demais?

O ciclo de intransitividade é a intransitividade da escolha coletiva, mesmo que essa escolha seja baseada em escolhas transitivas. Ou seja, mesmo que, de par em par, seja possível encontrar uma alternativa superior, no geral, será impossível chegar a um resultado. Exemplo: Tendo três alternativas, sendo **A, B e C**. Podemos chegar à conclusão de que **A domina B**, **B domina C** e **C domina A**. A esse ciclo de relações de superação, dá-se o nome de **paradoxo de Condorcet**. Pereira (2008)



O Método de Copeland Conceito

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junion

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicritério Conceitos

Métodos Ordinais

O Método de Boro

Condorcet

O Método de
Copeland

Prática con linguagem Python

References

O método de Copeland é baseado no de Condorcet, possuindo a vantagem de sempre gerar uma ordenação total, evitando o problema do ciclo de intransitividade. Gomes et al. (2011)



O Método de Copeland O algorítimo

Métodos Ordinais

P. C. Junio

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de

Prática con linguagem Python

References

Em relação à execução do método, serão realizados os mesmos passos do método de Condorcet, porém, serão consideradas as relações opostas (compara A com B e B com A). Logo, temos o seguinte algorítimo:

- Realizar o método de Condorcet;
- Como as alternativas serão comparadas em "dois turnos", basta obter a matriz transposta da matriz de decisão gerada pelo método anterior com os sinais trocados;
- Somar a nova matriz com a matriz obtida com o método de Condorcet;
- Somar as relações de superação por linha (ou alternativa);
- Ordenar as alternativas de acordo com o somatório alcançado.



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais O Método de Borda

Condorcet
O Método de
Copeland

Prática cor linguagem Python

References

Matriz de Decisão (Copeland)

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	-1
alternativa2	0	0	-1	1
alternativa3	0	0	0	1
alternativa4	0	0	0	0

Table: Matriz de Decisão Gerada pelo método de Condorcet



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

References

Matriz transposta com sinal trocado

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	0	0	0
alternativa2	1	0	0	0
alternativa3	1	1	0	0
alternativa4	1	-1	-1	0

Table: Matriz com as comparações inversas



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

References

Matriz com as comparações em "dois turnos"

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	-1
alternativa2	1	0	-1	1
alternativa3	1	1	0	1
alternativa4	1	-1	-1	0

Table: Soma das matrizes anteriores



Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de

Condorcet

O Método de
Copeland

Prática cor linguagem Python

References

Matriz de Decisão

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4	soma
alternativa3	1	1	0	1	3
alternativa2	1	0	-1	1	1
alternativa4	1	-1	-1	0	-1
alternativa1	0	-1	-1	-1	-3

Table: Matriz de decisão



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

References

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet

O Método de Copeland

4 Prática com linguagem Python



Prática com linguagem Python

Métodos Ordinais

Prática com linguagem

Python





Conclusão

Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

Condorcet

O Método de

Prática com linguagem Python

References

OBRIGADO!

Contatos:

Linkedin:

in

Github:



E-mail:



Repositório da aula:



/aula_metodos_ordinais



Referências

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentaçã

Objetivos da apresentação

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

References

Barros, H. S., dos Reis, M. F., dos Santos, M., da Silva, K. d. O. D., and Brito, V. d. S. (2019). AUXILIANDO O PROCESSO DECISÓRIO NA AGRICULTURA 4.0: REVISANDO OS MÉTODOS ORDINAIS NA SELEÇÃO DE DRONES.

Simpósio de Pesquisa Operacional e Logística da Marinha - Publicação Online.

de Almeida, A. T. (2011). O conhecimento e o uso de métodos multicritério de apoio a decisão. *Recife: Ed. Universitária da UFPE*, 25:26–57.

Gomes, F. P., Produção, E. D., and Federal, U. (2011). Fernanda Pinheiro Gomes Mestrado em Engenharia de Produção – Universidade Federal Fluminense. *RELATÓRIOS DE PESQUISA EM ENGENHARIA DE PRODUÇÃO V.11. N. 11*, 11.

Netto, P. O. B. (2003). *Grafos: teoria, modelos, algoritmos*. Editora Blucher.

Pereira, P. T. (2008). Prisioneiro, o amante e as sereias: instituições económicas, políticas e democracia. Almedina.