

Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentação

Os Métodos

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos

Métodos Ordinais

O Método de Boro

O Método de

Prática com linguagem

References

Métodos Ordinais

Métodos Borda, Condorcet e Copeland utilizando python

Alexandre Castro

im.alexandre07@gmail.com



Programa de Pós-Graduação em Sistemas e Computação Instituto Militar de Engenharia

06 de outubro de 2020



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentaçã

Os Método:

Multicritéric

Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de

Prática con linguagem

References

Apresentação

Objetivos da aula

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet

O Método de Copeland

4 Prática com linguagem Pythor



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentaça

Os Métodos

Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

- Apresentação
- Objetivos da aula
- Os Métodos Multicritério
 - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet
 - O Método de Copeland
- 4 Prática com linguagem Pythor



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentaça

Os Método

Js Metodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

- Apresentação
- Objetivos da aula
- 3 Os Métodos Multicritério
 - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet
 - O Método de Copeland
- Prática com linguagem Python



Métodos Ordinais

Apresentação

Objetivos da aula

Os Métodos Multicritério

Conceitos Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet.

O Método de Copeland

Prática com linguagem Python



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentação

Os Método

Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de

Prática con linguagem Python

References

Apresentação

- Objetivos da aula
- Os Métodos Multicritério
 - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet
 - O Método de Copeland
- 4 Prática com linguagem Pythor



Apresentação

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentação

Os Métodos

Multicritério
Conceitos
Vantagens dos
Métodos Ordinais

Métodos Ordinais
O Método de Borda
O Método de
Condorcet
O Método de
Copeland

Prática con linguagem Python

Reference

Formação Acadêmica

- Graduação em Ciências navais pela Escola Naval (Habilitação em Administração)
- Curso de Aperfeiçoamento em Intendência para Oficiais (Centro de Instrução Almirante Newton Braga)
- Cursando Pós Graduação em Ciência de Dados na Pontifícia Universidade Católica (PUC-Rio)



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Objetivos da

aula

Os Metodos Multicritério

Métodos Ordinais

O Método do Borda

O Método de Condorcet

Prática cou

Python

References

Apresentação

Objetivos da aula

Os Métodos Multicritério

Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de Condorcet

O Método de Copeland

4 Prática com linguagem Pythor



Objetivos da aula

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da

aula

Os Métodos Multicritério

Multicritério Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet

O Método de Copeland

Prática con linguagem Python

References

Os principais objetivos da aula são:

- Entender o que são os métodos ordinais;
- Verificar seu emprego prático; e
- Aplicar os metodos utilizando linguagem pytho



Objetivos da aula

Métodos Ordinais

Objetivos da

aula

Os principais objetivos da aula são:

- Entender o que são os métodos ordinais:
- Verificar seu emprego prático; e



Objetivos da aula

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Objetivos da

aula

Os Métodos Multicritério

Conceitos Vantagens dos

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de

Prática con linguagem Python

References

Os principais objetivos da aula são:

- Entender o que são os métodos ordinais;
- Verificar seu emprego prático; e
- Aplicar os métodos utilizando linguagem python



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentação

Os Métodos Multicritério

Multicritéric Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

- Apresentação
- Objetivos da aula
- Os Métodos Multicritério
 - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet
 - O Método de Copeland
- 4 Prática com linguagem Python



O que são Métodos Multicritério?

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junion

Apresentaça

Os Método

Os Métodos Multicritério Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Bord O Método de Condorcet O Método de

Prática con linguagem Python

References

Os **M**étodos **M**ulticritério de apoio à **D**ecisão(AMD) são ferramentas que auxiliam o decisor/gestor na resolução problemas de decisão em que hajam diferentes objetivos a se considerar, mesmo que, por vezes, sejam de natureza contraditória, como o problema de reduzir custos e aumentar a qualidade. de Almeida (2011)



O que são Métodos Ordinais?

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentaça

Os Método

Os Métodos Multicritério Conceitos

Métodos Ordinais

O Método de Borda

O Método de

Condorcet

O Método de

Conpeland

Prática con linguagem Python

References

Os **M**étodos **M**ulticritério de apoio à **D**ecisão(AMD) são ferramentas que auxiliam o decisor/gestor na resolução problemas de decisão em que hajam diferentes objetivos a se considerar, mesmo que, por vezes, sejam de natureza contraditória, como o problema de reduzir custos e aumentar a qualidade. de Almeida (2011)



O que são Métodos Ordinais?

Métodos Ordinais

Dados Ordinais x Dados Cardinais



Vantagens dos Métodos Ordinais

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentaça

Os Métodos

Multicritério

Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

- Podem ser aplicados com variáveis qualitativas ou quantitativas;
- Funcionam melhor com variáveis qualitativas(ordinais) e com problemas multicritério;
- Não necessitam de grande conhecimento em matemática, maior explicapilidade;
- Zen do python: "Simple is better than complex";
- Muitas vezes, o especialista n\u00e3o poder\u00e1 quantificar os atributos das alternativas;
- Os atributos são os valores dos critérios para cada alternativa.



O Método de Borda

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentaçã

Os Método

Os Métodos Multicritério Conceitos Vantagens dos

O Método de Borda
O Método de
Condorcet
O Método de

Prática con linguagem Python

References

O método de Borda é considerado um método de avaliação multicritério e busca avaliar as alternativas que melhor se ajustem aos critérios definidos. Barros et al. (2019)



O Método de Borda

O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentaçã

aula

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

- Selecionar as alternativas e critérios do problema;
- Avaliar as alternativas em relação a cada critério (definindo seus atributos);
- Ordenar as alternativas de acordo com cada critério;
- atribuir pontos de acordo suas classificações em cada critério (a melhor recebe
 1, a segunda, 2 e assim sucessivamente);
- Somar os pontos de cada alternativa; e
- Ordenar as alternativas de maneira crescente conforme o somatório de pontos (a que tiver menos pontos, será a melhor).



O Método de Borda O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentação

Objetivos o

Os Métodos Multicritério

Multicritério Conceitos

Conceitos Vantagens dos

O Método de Borda O Método de

O Método de Copeland

Prática con linguagem

References

	criterio1	criterio2	criterio3
alternativas			
alternativa1	100	229	330
alternativa2	2231	3	12
alternativa3	3300	11124	2341

Table: Dados de entrada do problema



O Método de Borda O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos d aula

Os Métodos Multicritério

Multicritéric Conceitos

Conceitos

Vantagens dos

O Método de Borda
O Método de
Condorcet
O Método de

Prática com linguagem Python

References

	criterio1	criterio2	criterio3
alternativas			
alternativa1	100	229	330
alternativa2	2231	3	12
alternativa3	3300	11124	2341

Table: Dados de entrada do problema

	criterio1	criterio2	criterio3
alternativa3	1	1	1
alternativa2	2	3	3
alternativa1	3	2	2

Table: Tabela com dados ordenados



O Método de Borda O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da aula

Os Métodos Multicritério

Multicritéric Conceitos

Vantagens do Métodos Ord

O Método de Borda
O Método de
Condorcet
O Método de
Coneland

Prática con linguagem Pvthon

References

	criterio1	criterio2	criterio3
alternativas			
alternativa1	100	229	330
alternativa2	2231	3	12
alternativa3	3300	11124	2341

Table: Dados de entrada do problema

	criterio1	criterio2	criterio3	soma
alternativa3	1	1	1	3
alternativa1	3	2	2	7
alternativa2	2	3	3	8

Table: Tabela com dados ordenados



O Método de Condorcet Definição

Métodos Ordinais

M. Alexand P. C. Junio

Apresentaçã

Objetivos d

Os Métodos Multicritério Conceitos Vantagens dos

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Coneland

Prática cor linguagem Python

Reference

Segundo Netto (2003), o método de Condorcet trabalha com relações de superação entre as alternativas, sendo o precursor da atual escola francesa de multicritério. A partir das relações de superação entre as alternativas, é possível construir um grafo direcionado, permitindo uma análise visual do problema.

As alternativas são comparadas sempre duas a duas e constrói-se um grafo que expressa a relação entre elas.



O Método de Condorcet O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentaçã

On Métada

Os Metodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda O Método de

Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

Reference:

- Selecionar as alternativas e critérios do problema;
- Avaliar as alternativas em relação a cada critério (definindo seus atributos);
- Comparar as alternativas aos pares e dentro de cada critério;
 - Construir 2-tuplas de alternativas sem reposição (análise combinatória);
 - Fazer o produto cartesiano entre o conjunto de tuplas e o conjunto de critérios; e
 - Atribuir os valores (-1, 0 e 1) de acordo com a relação de superação.



O Método de Condorcet O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

aula

Os Métodos Multicritério

Conceitos Vantagens dos

O Método de Borda

O Método de

Condorcet

O Método de
Copeland

Prática con linguagem Python

- Montar as matrizes de comparação intracriterial;
- Soma das matrizes geradas para cada critério;
- Aplicação da seguinte função:

$$F(x) = \begin{cases} +1 & \text{Se } \sum \ge +1 \\ 0 & \text{Se } \sum = 0 \\ -1 & \text{Se } \sum \le -1 \end{cases}$$
 (1)



Exemplo

Métodos Ordinais

M. Alexandro

Apresentaçã

Objetivos c

Os Métodos Multicritério

Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Borda
O Método de
Condorcet

O Método d Copeland

Prática com linguagem Python

References

	infraestrutura	servicos	acessibilidade
alternativas			
alternativa1	1	4	3
alternativa2	4	1	5
alternativa3	5	5	4
alternativa4	3	5	2

Table: Dados sobre 4 cidades utilizando a escala likert



Exemplo

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Os Mátado

Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Boro

O Método de

Prática con linguagem Pvthon

References

infraestrutura

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	-1
alternativa2	0	0	-1	1
alternativa3	0	0	0	1
alternativa4	0	0	0	0

Table: Dados sobre infraestrutura



Exemplo

Métodos Ordinais

P. C. Junio

Apresentaça

Os Métodos

Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Bord

O Método de

Prática con linguagem Pvthon

References

servicos

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	1	-1	-1
alternativa2	0	0	-1	-1
alternativa3	0	0	0	0
alternativa4	0	0	0	0

Table: Dados sobre servicos



Exemplo

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Os Mátada

Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Bord

O Método de

Prática con linguagem Pvthon

References

acessibilidade

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	1
alternativa2	0	0	1	1
alternativa3	0	0	0	1
alternativa4	0	0	0	0

Table: Dados sobre acessibilidade



Exemplo

Métodos Ordinais

P. C. Junior

Apresentação

Os Método

Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Bord

O Método de

Prática con linguagem Pvthon

References

Somatório das Matrizes

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-3	-1
alternativa2	0	0	-1	1
alternativa3	0	0	0	2
alternativa4	0	0	0	0

Table: Somatório das Matrizes



Exemplo

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Os Métodos

Multicritério

Métodos Ordinais

O Método de Bord

O Método de

Prática con linguagem Python

References

Matriz de Decisão

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	-1
alternativa2	0	0	-1	1
alternativa3	0	0	0	1
alternativa4	0	0	0	0

Table: Matriz de Decisão



O Método Condorcet _{Grafo}

Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentação

Objetivos d

Os Método Multicritéri

Withtern

Vantagens do

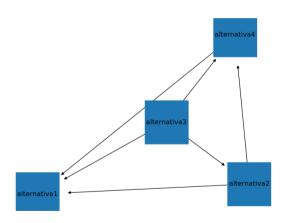
O Método de Bon

O Método de

Condorcet

Copeland

Prática con linguagem Python





Observação

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junio

Apresentação

aula Os Métodos

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Constand

Prática com linguagem Python

References

Ciclo de intransitividade

E se as alternativas obtiverem o mesmo número de vantagens em relação às demais?

O ciclo de intransitividade é a intransitividade da escolha coletiva, mesmo que essa escolha seja baseada em escolhas transitivas. Ou seja, mesmo que, de par em par, seja possível encontrar uma alternativa superior, no geral, será impossível chegar a um resultado. Exemplo: Tendo três alternativas, sendo **A, B e C**. Podemos chegar à conclusão de que **A domina B**, **B domina C** e **C domina A**. A esse ciclo de relações de superação, dá-se o nome de **paradoxo de Condorcet**. Pereira (2008)



O Método de Copeland

Métodos Ordinais

M. Alexandr P. C. Junion

Apresentaçã

aula O- M/-- I-

Os Métodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Condorcet O Método de

Prática cor linguagem Python

Reference:

O método de Copeland é baseado no de Condorcet, possuindo a vantagem de sempre gerar uma ordenação total, evitando o problema do ciclo de intransitividade. Gomes et al. (2011)



O Método de Copeland O algorítimo

Métodos Ordinais

M. Alexandi P. C. Junio

Apresentaçã

Objetivos da

Os Métodos Multicritério

Conceitos
Vantagens dos
Métodos Ordinais
O Método de Borda
O Método de
Condorcet
O Método de
Consland

Prática com linguagem Python

References

Em relação à execução do método, serão realizados os mesmos passos do método de Condorcet, porém, serão consideradas as relações opostas (compara A com B e B com A). Logo, temos o seguinte algorítimo:

- Realizar o método de Condorcet;
- Como as alternativas serão comparadas em "dois turnos", basta obter a matriz transposta da matriz de decisão gerada pelo método anterior com os sinais trocados;
- Somar a nova matriz com a matriz obtida com o método de Condorcet;
- Somar as relações de superação por linha (ou alternativa);
- Ordenar as alternativas de acordo com o somatório alcançado.



Método de Copeland Exemplo

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Os Métodos

Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Borda
O Método de
Condorcet

O Método de Copeland

Pratica con linguagem Python

References

Matriz de Decisão (Copeland)

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	-1
alternativa2	0	0	-1	1
alternativa3	0	0	0	1
alternativa4	0	0	0	0

Table: Matriz de Decisão Gerada pelo método de Condorcet



Método de Copeland Exemplo

Métodos Ordinais

M. Alexandro

Apresentação

Os Métodos

Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Condorcet

Copeland

Prática co

References

Matriz transposta com sinal trocado

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	0	0	0
alternativa2	1	0	0	0
alternativa3	1	1	0	0
alternativa4	1	-1	-1	0

Table: Matriz com as comparações inversas



Método de Copeland Exemplo

Métodos Ordinais

M. Alexandro P. C. Junior

Apresentação

Os Mátado

Multicritéric

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática cor linguagem Python

References

Matriz com as comparações em "dois turnos"

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4
alternativa1	0	-1	-1	-1
alternativa2	1	0	-1	1
alternativa3	1	1	0	1
alternativa4	1	-1	-1	0

Table: Soma das matrizes anteriores



Método de Copeland Exemplo

Métodos Ordinais

P. C. Junio

Apresentação

Os Métodos

Multicritério

Conceitos

Métodos Ordinais

O Método de Borda

Condorcet

O Método de
Copeland

Prática con linguagem Python

References

Matriz de Decisão

	alternativa1	alternativa2	alternativa3	alternativa4	soma
alternativa3	1	1	0	1	3
alternativa2	1	0	-1	1	1
alternativa4	1	-1	-1	0	-1
alternativa1	0	-1	-1	-1	-3

Table: Matriz de decisão



Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentaçã

Os Método

Os Metodos Multicritério

Vantagens dos Métodos Ordinais

O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com linguagem Python

- Apresentação
- Objetivos da aula
- Os Métodos Multicritério
 - Conceitos
 - Vantagens dos Métodos Ordinais
 - O Método de Borda
 - O Método de Condorcet
 - O Método de Copeland
- 4 Prática com linguagem Python



Prática com linguagem Python

Métodos Ordinais

M. Alexandre P. C. Junior

Apresentação

Objetivos da

Os Métodos Multicritério

Multicrité

Conceitos

O Métado de Bord

O Método de

O Método d

Copeland

Prática com linguagem Python





Conclusão

Métodos Ordinais

Prática com linguagem Python

OBRIGADO!

Contatos:

in Linkedin:

Github:

E-mail:



Repositório da aula:



/aula_metodos_ordinais



Referências

Métodos Ordinais

P. C. Junio

Apresentaça

aula

Os Metodos Multicritério Conceitos

Vantagens dos Métodos Ordinais O Método de Borda O Método de Condorcet O Método de Copeland

Prática com inguagem Python

References

Barros, H. S., dos Reis, M. F., dos Santos, M., da Silva, K. d. O. D., and Brito, V. d. S. (2019). AUXILIANDO O PROCESSO DECISÓRIO NA AGRICULTURA

4.0: REVISANDO OS MÉTODOS ORDINAIS NA SELEÇÃO DE DRONES. Simpósio de Pesquisa Operacional e Logística da Marinha - Publicação Online.

de Almeida, A. T. (2011). O conhecimento e o uso de métodos multicritério de apoio a decisão. *Recife: Ed. Universitária da UFPE*, 25:26–57.

Gomes, F. P., Produção, E. D., and Federal, U. (2011). Fernanda Pinheiro Gomes Mestrado em Engenharia de Produção – Universidade Federal Fluminense. *RELATÓRIOS DE PESQUISA EM ENGENHARIA DE PRODUÇÃO V.11. N. 11*, 11.

Netto, P. O. B. (2003). *Grafos: teoria, modelos, algoritmos*. Editora Blucher. Pereira, P. T. (2008). *Prisioneiro, o amante e as sereias: instituições económicas, políticas e democracia*. Almedina.