## Transformée de Fourier Discrète

On veillera au cours de ce TP à utiliser les fonctionnalités de calcul vectoriel de Scilab. En d'autres termes, les boucles sont interdites!

- 1. On considère un signal à temps discret  $x_n = \cos(2\pi f_0 n) + b_n$  de 64 échantillons. On prendra  $f_0 = 1/16$  et on générera  $b_n$  de façon aléatoire à l'aide de la commande rand(.,'normal'). Calculer la FFT de ce signal (commande fft(.,-1)). Commenter le résultat obtenu. Visualiser le module et la phase du spectre du signal. Quelles symétries observe-t-on?
- 2. Que valent les énergies du signal et des coefficients de la transformée de Fourier discrète ? Interpréter ce résultat.
- 3. A l'aide de la commande convol, on convolue  $x_n$  avec un signal  $y_n$  généré de façon aléatoire. Calculer le signal obtenu  $z_n = x_n * y_n$ .
- 4. Multiplier les FFT de  $x_n$  et  $y_n$ , puis déterminer le signal  $z'_n$  obtenu par FFT inverse. Y a-t-il un lien évident avec  $z_n$ ?
- 5. Effectuer la même opération qu'à la question précédente mais en complétant au préalable  $x_n$  et  $y_n$  par 64 zéros, en fin de signal. Qu'observe-t-on?
- 6. Justifier de façon théorique les résultats obtenus dans les deux dernières questions.