الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 03 سا و30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

### الموضوع الأول

## يحتوي كيس على 11 كرية متماثلة لا نفرق بينها باللمس موزعة كما يلي: كريتان بيضاوان مرقمتان بـ: 1 ، 3

(X>1) احسب احتمال الحادثة

التعرين الأول: ( 40 نقاط)

وأربع كريّات حمراء مرقمة بـ: • ، 1 ، 1 ، 3 وخمس كريّات خضراء مرقمة بـ: • ، 1 ، 1 ، 3 ، 4 I ) نسحب عشوائيا وفي أن واحد 3 كريّات من الكيس ونعتبر الحوادث الآتية:

- A: " الحصول على 3 كريات من نفس اللون " ، B: " الحصول على 3 كريات جُداء أرقامها عدد فردي " " : الحصول على 3 كريّات جُداء أرقامها عدد زوجي "
- P(C) احسب P(A) احتمال الحادثة A و بين أنّ:  $\frac{56}{165}$  ثمّ استنج P(A) احسب (1)
  - $P_{\Lambda}(B)$  احسب الاحتمال الشرطي
    - 2) X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب لثلاث كريّات، عدد الكريّات التي تحمل رقما زوجيا. E(X) عين قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ثمّ احسب أمله الرياضياتي E(X)
    - الآن من الكيس عشوائيا 3 كريّات على التوالى وبدون إرجاع. - احسب احتمال الحادثة D: " الحصول على 3 كربّات جُداء أرقامها معدوم"
    - التمرين الثاني: ( 04 نقاط ) K X
      - المعادلة ذات المجهول Z الأعداد المركبة C المعادلة ذات المجهول Z الأتية:
      - $(z-1+2\sqrt{3})[z^2-2(1-\sqrt{3})z+5-2\sqrt{3}]=0$
    - C و B ، A المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(0; \overline{u}, \overline{v})$  ، نعتبر النقط B ، A $z_C=\overline{Z_A}$  و  $z_B=1-2\sqrt{3}$  ،  $z_A=1-\sqrt{3}+i$  د عيث:  $z_B = z_B + z_A$  و  $z_B=1-2\sqrt{3}$  التي لاحقاتها على الترتيب  $z_B = z_B + z_A$  حيث:
      - اكتب كلّا من  $z_{L}-1$  ،  $z_{C}-1$  و  $z_{R}$  على الشكل المثلثي.  $\{(A;1),(B;-1),(C;1)\}$  مرجح الجملة المثقلة D مرجح الجملة (2)
      - 3) بين أن الرياعي ABCD معين. مفحة 1 من 4

Λ

 $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 4}$  :  $\mathbb{N}$  ...  $\mathbb{N}$  ...

التمرين الثالث: ( 05 نقاط )

# اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: علوم تجريبية // بكالوريا 2024

## $u_{n+1} = \frac{4-u_n}{2+u_n}$ , n was as a definition $u_0 = 0$ : $u_0 = 0$ and $u_{n+1} = \frac{4-u_n}{2+u_n}$ is a limit of $u_n$ $0 \le u_n \le 2$ ، n و $u_2$ ، $u_3$ و $u_3$ التراجع الله: من أجل كل عدد طبيعي $u_2$ ، $u_1$ ) احسب الحدود $u_1$ ، $u_2$ ، $u_3$ و $u_4$ ، $u_5$ الحسب الحدود $u_1$ ، $u_2$ ، $u_3$ )

DAC2024//SSA24//CH01R02

n اثبت أنّ المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{2}{3}$  ثمّ اكتب عبارة  $v_n$  بدلالة  $v_n$ 

التمرين الرابع: ( 07 نقاط)

- $\lim_{n\to+\infty} u_n$  بین آنه: من اجل کل عدد طبیعی n ، n  $+\infty$   $u_n = \frac{5}{1-v_n} 4$  ، n عدد طبیعی  $u_n = \frac{5}{1-v_n} 4$ 3) من أجل كل عدد طبيعي n ، نضع:
- $T_n = \frac{1}{4 + u_n} + \frac{1}{4 + u_{n+1}} + \dots + \frac{1}{4 + u_{n+2024}}$   $S_n = v_n + v_{n+1} + \dots + v_{n+2024}$ n بدلالة  $T_n$  بدلالة n ثم استنتج  $T_n$  بدلالة -

(  $C_f$  ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(0; \overline{i}, \overline{j})$  ، (وحدة الطول  $(c_f)$ 

- احسب (1) ثمّ استنج إشارة (g(x)  $f(x) = -2x + 3 - x e^{-x+1}$  بد  $\mathbb{R}$  بد الدّالة المعرّفة على  $f(\Pi)$ 

 $g(x)=x e^{-x+1}-2$  بيمثل الجدول المقابل تغيرات الذالة g المعزفة على  $\mathbb{R}$  بيد  $e^{-x+1}-2$ 

 $+\infty$  عند  $(C_f)$  مقارب ماثل للمنحني  $(\Delta)$  ذا المعادلة y=-2x+3 عند  $(\Delta)$  عند  $(\Delta)$  $(\Delta)$  والمستقيم ( $(C_r)$  والمستقيم ( $(\Delta)$ 

 $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  (1)

 $(C_f)$  (T)  $(\Delta)$   $(L_f)$ 

x=1 , x=0 : and an analysis x=1

التمرين الأول: (04 نقاط)

التمرين الثاني: (04 نقاط)

 $f'(x) = g(x) - e^{-x+1}$  , x are also are  $f'(x) = g(x) - e^{-x+1}$  (2) ب) استنتج اتجاه تغير الدّالة f ثمّ شكّل جدول تغيراتها. .4) بين أنّ  $(C_f)$  يقبل مماسا (T) موازيا له  $(\Delta)$  ، يُطلب تعيين معادلة له.

g'(x)

انتهى العوضوع

- $\int_{0}^{1} xe^{-x+1} dx = e-2$  : (1) باستعمال المكاملة بالتجزئة، بين أن:  $xe^{-x+1} dx = e-2$  $(C_f)$  استنتج بالسنتيمتر المربع -1 مساحة الحيّز المستوي المحدّد بـ  $(C_f)$  و ( $\Delta$ ) والمستقيمين اللذين
- Δ BAC2024//SSA24//CH01R02 اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: علوم تجريبية // بكالوريا 2024

مفعة 2 من 4

الموضوع الثاني

f(x) = -2x + m عين بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m التي من أجلها تقبل المعادلة

#### يحتوي كيس على 5 قطع كهريانية غير متمايزة ولا نغرق بينها باللمس، منها 3 قطع سليمة وقطعتان غير سليمتين. نرمز إلى القطعة السليمة بالزمز ك وإلى القطعة غير السليمة بالزمز 5

A: " القطعة الأولى المسحوبة سليمة " ، B: " سحب قطعة واحدة فقط سليمة "

نسحب عشوائيا من الكيس 3 قطع على التوالي مع الإرجاع ، ونعتبر الحوادث:

· " القطعة الثالثة المسحوبة سليمة " : C

1) شكّل شجرة الاحتمالات التي تُتعذج هذه التجرية.

1 (ا يساوي:  $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2024}$  يساوي: 1

 $z=2(1+i\sqrt{3})$  عدد مرکب حیث z (3

 $P(C)=rac{3}{5}$  :احسب A و B ثمّ بيّن ان P(B) ، P(A) احتمالي الحادثتين A و B ثمّ بيّن ان ? احسب الاحتمال الشرطي  $P_{C}(A)$  ، هل الحادثتان A و C مستقلتان  $P_{C}(A)$ 

4) نُرفِق بكل قطعة سليمة العدد 10 وبكل قطعة غير سليمة العدد 10– ، ونعتبر ٪ المتغير العشواني الذي

ب)

 $\cos\frac{3\pi}{8} + i\sin\frac{3\pi}{8}$  (

**−1** (→

 أ) بزر أن قيم المتغير العشوائي X هي: 30 - ، 10 - ، 10 ، 30 ب) عين قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ثم احسب أمله الرياضياتي (E(X)

يرفق بكل عملية سحب من الكيس لثلاث قطع مجموع الأعداد المرفقة بها.

z+i عدد مركب مرافقه  $\overline{z}$  ، مرافق العدد المركب z+i هو:  $\overline{z}-i$  (  $\overline{z}+i$  ( $\psi$ z−i (÷

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة مع التبرير في كل حالة مما يلى:

من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n ، نضع:  $|z|^2 + ... + \ln |z|^2 + ... + \ln |z|^2$  ، لدينا:  $S_n = 2\left(\frac{1-(2\ln 2)^n}{1-2\ln 2}\right)\ln 2$  (\*\*)  $S_n = n(n+1) \ln 2 \quad (-1)^2 \ln 2 \quad (1)^2 \ln 2$ 

 $z = \sin \frac{\pi}{8} + i \cos \frac{\pi}{8}$  الشكل المثلثي للعدد المركب  $z = \sin \frac{\pi}{8} + i \cos \frac{\pi}{8}$  عدد مركب حيث:  $z = \sin \frac{\pi}{8} + i \cos \frac{\pi}{8}$ 

التمرين الثالث: (05 نقاط)  $f(x) = \frac{x+1}{2}$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x+1}{2}$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x+1}{2}$ 

 $\cos\frac{\pi}{8} + i\sin\frac{\pi}{8} \quad (-\cos\frac{\pi}{8} + i\sin\frac{\pi}{8})$ 

BAC2024//SSA24//CH01R01 Μ اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: علوم تجريبية // بكالوريا 2024

 $u_n = \frac{n}{2^n}$ : ب $n \ge 2$  ، n عدد طبیعي n ،  $n \ge 2$  ب بالمنتالية العددية المعرّفة من أجل كل عدد طبيعي  $(u_n)$  (2

 $\frac{1}{2} < f(x) \le \frac{3}{4}$  فإن  $[2;+\infty[$  من أجل كان x من f فإن f الذالة f ثم استنتج أنه من أجل كان x من f

مفحة 3 من 4

 $\lim_{n\to+\infty}u_n$  ثم الجل كان n من  $n\geq 2$  ،  $\mathbb{N}$  فإن  $n\geq 2$  فإن  $u_n\leq \frac{1}{2}$  $S_n = \frac{u_2}{2} + \frac{u_3}{2} + \dots + \frac{u_n}{n}$ :  $n \ge 2$ ,  $\mathbb{N}$  من n من  $n \ge 2$ 

 $S_n = \frac{511}{1024}$  مين أن:  $S_n = \frac{1}{2} \left[ 1 - \left( \frac{1}{2} \right)^{n-1} \right]$  حتى يكون  $S_n = \frac{1}{2} \left[ 1 - \left( \frac{1}{2} \right)^{n-1} \right]$  حتى يكون العدد الطبيعي  $S_n = \frac{1}{2} \left[ 1 - \left( \frac{1}{2} \right)^{n-1} \right]$ 

#### – بقراءة بيانية ، عين إشارة (g(x) $f(x)=-x-rac{\ln x}{x^2}:$ الذَالة المعرَفة على $f(x)=-x-rac{\ln x}{x^2}$ بالذَالة المعرَفة على $f(x)=-x-rac{\ln x}{x^2}$

 $\lim_{x\to 0} f(x) = \lim_{x\to +\infty} f(x)$  (1)

 $\frac{u_{n+1}}{u_n} \le \frac{3}{4}$  فإن  $n \ge 2$  ،  $\mathbb{N}$  من n من  $n \ge 1$  فإن أنه: من أجل كل n من n

(Cg (Cf) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(0; \overline{i}, \overline{j})$  ، (وحدة الطول 2cm).

. الذالة المعرّفة على  $(c_g)$ ،  $g(x) = \frac{1}{2}x^3 + \frac{1}{2} - \ln x$  كما في الشكل  $g(x) = \frac{1}{2}x^3 + \frac{1}{2} - \ln x$  كما في الشكل  $g(x) = \frac{1}{2}x^3 + \frac{1}{2} - \ln x$ 

 $f'(x) = \frac{-2g(x)}{\sqrt{3}}$  ا) بین انه من اجل کل x من x من ]0;+∞[ فإن x (1) ب) استنتج اتجاه تغير الدّالة f ثمّ شكّل جدول تغيراتها.  $0.7 < \alpha < 0.71$  حيث  $\alpha = 0$  تقبل حلا رحيدا  $\alpha$  حيث  $\alpha = 0$  حيث  $\alpha = 0.7$ 

(3) بين أنّ المنحني  $(C_f)$  يقبل مستقيما مقاريا مائلا $(\Delta)$  ، يطلب تعيين معادلة له.

- $(\Delta)$  ادرس الوضع النسبي للمنحني  $(C_f)$  والمستقيم 4) بين أنّ المنحني  $(C_r)$  يقبل مماسا (T) معامل توجيهه -1 ، يطلب تعيين معادلة له.
- $(C_f)$  ر(T)،  $(\Delta)$  ر(T) ر(5)ب) m وسيط حقيقي، عين بيانيا قيم m التي من أجلها تقبل المعادلة:  $m = \frac{lnx}{2}$  حلين مختلفين.
- $]0;+\infty[$  على  $h:x\mapsto \frac{\ln x}{x^2}$  انبت أن الذالة  $h:x\mapsto \frac{\ln x}{x}$  على  $H:x\mapsto \frac{-1-\ln x}{x}$  على على (1,6)ب  $A(\alpha)$  المساحة بالسنتيمتر المربع للحيّز المستوي المحدّد بالمنحني والمستقيمات  $A(\alpha)$

صفعة 4 من 4

- x=1  $x=\alpha$  y=-x
  - $A(\alpha) = 4(\alpha^2 \frac{1}{\alpha} + 1)$  : نن ان:

التمرين الرابع: (07 نقاط)

# الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2024