

# الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية الديوان الوطن للامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

دورة: 2024

الشعبة: علوم تجريبية

المدة: 03 سا و30 د

"ختبار في مادة: الرياضيات

### على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

#### الموضوع الأول

التعرين الأول: ( 40 نقاط)

يحتوي كيس على 11 كريّة متماثلة لا نفرّق بينها باللمس موزعة كما يلي: كريّتان بيضاوان مرقمتان بد: 1 ، 3 وأربع كريّات حصراء مرقمة بد: 0 ، 1 ، 1 ، 3 ، 4 ، 6 وخمس كريّات خضراء مرقمة بد: 0 ، 1 ، 1 ، 3 ، 4

I ) نسحب عشوائيا وفي آن واحد 3 كريّات من الكيس ونعتبر الحوادث الآتية:

" : " الحصول على 3 كريّات من نفس اللون " ، ق : " الحصول على 3 كريّات جُداء أرقامها عدد فردي " : " الحصول على 3 كريّات جُداء أرقامها عدد زوجي "

$$P(C)$$
 احسب ( $A$ ) اح

- $P_{\Lambda}(B)$  با احسب الاحتمال الشرطي (عا
- 2) 🗶 المتغيّر العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب لثلاث كريّات، عدد الكريّات التي تحمل رقما زوجيا.
  - E(X) عين قانون الاحتمال للمتغيّر العشوائي X ثمّ احسب أمله الرياضياتي ا
    - (X>1) احسب احتمال الحادثة
    - الآن من الكيس عشوائيا 3 كريّات على التوالي وبدون إرجاع.
    - احسب احتمال الحادثة D: " الحصول على 3 كريّات جُداء أرقامها معدوم "

التمرين الثاني: ( 04 نقاط )

 $^{\kappa}\lambda$ 

I) حل في مجموعة الأعداد المركبة C المعادلة ذات المجهول Z الآتية:

$$(z-1+2\sqrt{3})[z^2-2(1-\sqrt{3})z+5-2\sqrt{3}]=0$$

C و B ، A نعتبر النقط B ، A المعلم المتعامد والمتجانس (0;  $\overline{u}$ ,  $\overline{v}$ ) ، نعتبر النقط  $Z_C = \overline{Z_A}$  و  $Z_B = 1 - 2\sqrt{3}$  ،  $Z_A = 1 - \sqrt{3} + i$  التي لاحقاتها على الترتيب  $Z_B$  ،  $Z_A$  و  $Z_C = \overline{Z_A}$  و  $Z_C = \overline{Z_A}$  .

اكتب كلّا من  $z_{N}-1$  ،  $z_{N}-1$  و  $z_{B}$  على الشكل المثلثي.

- $\{(A;1),(B;-1),(C;1)\}$  مرجح الجملة المثقلة D مرجح الجملة (2
  - بين أن الرياعي ABCD معين.



#### اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: علوم تجريبية // بكالوريا 2024

التمرين الثالث: ( 05 نقاط )

$$u_{n+1} = \frac{4-u_n}{2+u_n}$$
 ،  $n$  و من أجل كن عدد طبيعي  $u_0 = 0$  : المنتالية العددية المعرّفة ب $u_0 = 0$ 

$$0 \le u_n \le 2$$
 ،  $n$  عدد طبيعي  $u_2$  ،  $u_1$  احسب الحدود  $u_1$  عدد  $u_2$  ،  $u_1$  عدد طبيعي (1

$$v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 4}$$
 :  $\mathbb{N}$  ...  $\mathbb{N}$  ...

$$n$$
 اثبت أنّ المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $-\frac{2}{3}$  شاكت أنّ المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها

$$\lim_{n\to+\infty} u_n$$
 ثم احسب  $u_n = \frac{5}{1-v_n} - 4$  ،  $n$  عدد طبيعي بين انه: من اجل كل عدد طبيعي بين انه:

3) من أجل كل عدد طبيعي n ، نضع:

$$T_n = \frac{1}{4 + u_n} + \frac{1}{4 + u_{n+1}} + \dots + \frac{1}{4 + u_{n+2024}}$$
  $S_n = v_n + v_{n+1} + \dots + v_{n+2024}$ 

n بدلالة  $T_n$  بدلالة n ثمّ استنتج  $S_n$  بدلالة -

التمرين الرابع: ( 07 نقاط)

 $g(x) = x e^{-x+1} - 2$  ...  $\mathbb R$  يَمثَلُ الجدول المقابِل تغيّرات الدّالة g المعرّفة على  $\mathbb R$  يـ: g(x)

$$g(x)$$
 ثمّ استنتج إشارة  $g(1)$  مثم استنتج إشارة  $g(x) = -2x + 3 - x e^{-x+1}$  بنالة المعرّفة على  $f(x) = -2x + 3 - x e^{-x+1}$ 

(  $C_f$  ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(0; \overline{i}, \overline{j})$  ، (وحدة الطول  $(c_f)$ 

$$\lim_{x\to +\infty} f(x) \cdot \lim_{x\to -\infty} f(x)$$
 الحسب (1)

$$+\infty$$
 عند  $(C_f)$  مقارب مائل للمنحني  $(\Delta)$  ذا المعادلة  $y=-2x+3$  مقارب مائل للمنحني  $(\Delta)$  عند  $(\Delta)$  عند  $(\Delta)$  بيّن أنّ الدرس الوضع النسبي للمنحني  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$ 

$$f'(x) = g(x) - e^{-x+1}$$
 ،  $x$  من اجل كل عدد حقيقي (١ (2

ب) استنتج اتجاه تغيّر الدّالة ﴿ ثُمَّ شُكِّل جدول تغيّراتها.

له. (
$$C_f$$
) موازیا له ( $\Delta$ ) ، يُطلب تعيين معادلة له.

$$(C_f)$$
  $(T)$   $(\Delta)$   $(I)$ 

ب) عين بيانيا قيم الوسيط الحقيقي 
$$m$$
 التي من أجلها تقبل المعادلة  $f(x) = -2x + m$  حلين مختلفين .

$$\int_0^1 x e^{-x+1} dx = e^{-2}$$
 : أ باستعمال المكاملة بالتجزئة، بيّن أنّ (5)

ب) استنتج بالسنتيمتر المربع 
$$f$$
 مساحة الحيّز المستوي المحدّد بـ  $(C_f)$  والمستقيمين اللذين

$$x=1$$
 ,  $x=0$ :



### اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: علوم تجريبية // بكالوريا 2024

#### الموضوع الثانى

التمرين الأول: (04 نقاط)

يحتوي كيس على 5 قطع كهريانية غير متمايزة ولا نغرق بينها باللمس، منها 3 قطع سليمة وقطعتان غير سليمتين. نرمز إلى القطعة السليمة بالزمز ك. وإلى القطعة غير السليمة بالزمز 5

نسحب عشوائيا من الكيس 3 قطع على التوالي مع الإرجاع ، ونعتبر الحوادث:

" القطعة الأولى المسحوية سليمة " ، B " سحب قطعة واحدة فقط سليمة A

" القطعة الثالثة المسحوية سليمة " : C

- 1) شكّل شجرة الاحتمالات التي تُتمذج هذه التجرية.
- $P(C)=\frac{3}{5}$  : احسب A و B ثمّ بين ان P(B) ، P(A) احتمالي الحادثتين P(B) ، P(A)
  - ? احسب الاحتمال الشرطي  $P_{C}(A)$  ، هل الحادثتان A و A مستقلتان  $P_{C}(A)$
- 4) نُرفق بكل قطعة سليمة العدد 10 ويكل قطعة غير سليمة العدد 10 ، ونعتبر X المتغير العشواني الذي يرفق بكل عملية سحب من الكيس لثلاث قطع مجموع الأعداد المرفقة بها.
  - أ) برّد أنّ قيم المتغير العشوائي X هي: 30- ، 10 ، 10 ، 30
  - E(X) عين قانون الاحتمال للمتغيّر العشوائي X ثمّ احسب أمله الرياضياتي E(X)

### التمرين الثاني: (04 نقاط)

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة مع التبرير في كل حالة مما يلى:

z+i عدد مركب مرافقه  $\overline{z}$  ، مرافق العدد المركب z+i هو:

$$z-i$$
 ( $\Rightarrow$   $\overline{z}+i$  ( $\Rightarrow$   $\overline{z}-i$  ( $\overline{z}$ 

$$-1$$
 (ج  $i$  (ب  $i$  (ب  $i$  ) يساوي:  $(\frac{1+i}{1-i})^{2024}$  يساوي: (2

 $z=2(1+i\sqrt{3})$  عدد مرکب حیث z (3

، نضع:  $S_n = \ln |z| + \ln |z|^2 + \dots + \ln |z|^n$  ، نضع:  $S_n = \ln |z| + \ln |z|^2 + \dots + \ln |z|^n$  ، لاينا:

$$S_n = 2\left(\frac{1-(2\ln 2)^n}{1-2\ln 2}\right)\ln 2$$
 (  $\Rightarrow$   $S_n = n(n+1)\ln 2$  (  $\Rightarrow$   $S_n = (n+1)^2\ln 2$  (  $\Rightarrow$ 

 $z = \sin \frac{\pi}{8} + i \cos \frac{\pi}{8}$  الشكل المثاثي للعدد المركب  $z = \sin \frac{\pi}{8} + i \cos \frac{\pi}{8}$  عدد مركب حيث:

$$\cos\frac{3\pi}{8} + i\sin\frac{3\pi}{8} \quad (\Rightarrow \qquad \cos\frac{\pi}{8} + i\sin\frac{\pi}{8} \quad (\Rightarrow \qquad -\cos\frac{\pi}{8} + i\sin\frac{\pi}{8} +$$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

$$f(x) = \frac{x+1}{2x}$$
 : الذَّالة العددية المعرّفة على المجال  $f(x) = \frac{x+1}{2x}$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x+1}{2x}$ 

$$\frac{1}{2} < f(x) \le \frac{3}{4}$$
 فإنّ  $[2;+\infty[$  من أجل كان  $x$  من أجل أجدول تغيرات الدّالة  $f$  ثمّ استنتج أنّه من أجل كان  $x$  من

## اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: علوم تجريبية // بكالوريا 2024

$$u_n=rac{n}{2^n}$$
 :  $n\geq 2$  ،  $n$  عدد طبیعی  $n\geq 2$  ،  $n\geq 2$  ب برای المتتالیة العددیة المعرّفة من أجل كل عدد طبیعی  $(u_n)$  (2  $rac{u_{n+1}}{u_n}\leq rac{3}{4}$  فإنّ  $n\geq 2$  ،  $\mathbb{N}$  من  $n\geq 2$  ،  $n\geq 2$  هر المتتالیة العددیة المعرّفة من أجل كل  $n$  من  $n\geq 2$  ،  $n\geq 2$  ،  $n\geq 2$  .

$$\lim_{n\to+\infty}u_n$$
 ثم المنتج  $u_n\leq \frac{1}{2} imes \left(rac{3}{4}
ight)^{n-2}$  فإن  $n\geq 2$  ،  $\mathbb N$  من  $n$  من  $n$ 

$$S_n = \frac{u_2}{2} + \frac{u_3}{3} + \dots + \frac{u_n}{n}$$
:  $n \ge 2$  ،  $\mathbb{N}$  من  $n \ge 2$ 

$$S_n = \frac{511}{1024}$$
 يكون  $n$  حتى يكون  $S_n = \frac{1}{2} \left( 1 - \left( \frac{1}{2} \right)^{n-1} \right)$  - بيّن أنّ:

التمرين الرابع: (07 نقاط)

. الذَّالة المعرَّفة على 
$$]0;+\infty[$$
 كما يلي:  $g(x)=rac{1}{2}x^3+rac{1}{2}-lnx$  عما في الشَّكل و  $g(x)=rac{1}{2}x^3+rac{1}{2}-lnx$ 

- بقراءة بيانية ، عين إشارة (g(x)

$$f(x)=-x-rac{\ln x}{x^2}$$
 بالذالة المعزفة على  $f(x)=-x-rac{\ln x}{x^2}$  بين  $f(x)=-x-rac{\ln x}{x^2}$ 

تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد  $(C_f)$ 

والمتجانس (O; i, j) ، (وحدة الطول 2cm).

$$\lim_{\substack{x \to 0 \\ x \to 0}} f(x) = \lim_{\substack{x \to +\infty}} f(x)$$

$$f'(x) = \frac{-2g(x)}{x^3}$$
 ا بين اله من أجل كل  $x$  من  $x = -2g(x)$  فإنّ (1) (2)

ب) استنتج اتجاه تغير الدّالة f ثمُ شكّل جدول تغيراتها.

$$0.7 < \alpha < 0.71$$
 حيث  $\alpha$  حيث  $\alpha$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $\alpha$ 

د) ا) بين أنّ المنحني 
$$(C_f)$$
 يقبل مستقيما مقاربا مائلا $(\Delta)$  ، يطلب تعيين معادلة له.

$$(\Delta)$$
 ادرس الوضع النسبي للمنحني  $(c_r)$  والمستقيم

.4 بين أنّ المنحني 
$$(C_r)$$
 يقبل مماسا  $(T)$  معامل توجيهه  $(C_r)$  يطلب تعيين معادلة له.

$$(C_f)$$
 و  $(T)$ ،  $(\Delta)$  ارسم کلا من  $(T)$ 

ب) 
$$m$$
 وسيط حقيقي، عين بيانيا قيم  $m$  التي من أجلها تقبل المعادلة:  $m = \frac{\ln x}{x^2}$  حلين مختلفين.

$$]0;+\infty[$$
 على  $h:x\mapsto \frac{\ln x}{x^2}$  على  $H:x\mapsto \frac{-1-\ln x}{x}$  على ) أثبت أنّ الدّالة  $H:x\mapsto \frac{-1-\ln x}{x}$  على ) (أ (6

ب 
$$A(\alpha)$$
 المساحة بالسنتيمتر المربع للحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى والمستقيمات  $A(\alpha)$ 

$$x=1$$
 ،  $x=\alpha$  ،  $y=-x$  التي معاد لاتها:

$$\mathcal{A}(\alpha) = 4\left(\alpha^2 - \frac{1}{\alpha} + 1\right)$$
 : بین آن

