

《数据结构》上机报告

2020 年 10 月 20 日

姓名：马家昱 学号：1950509 班级：计科 1 班 得分：300

| | | |
|--------|---|------------|
| 实验题目 | 栈 | |
| 问题描述 | <p>栈，是限定仅在表尾进行插入或删除操作的线性表，具有后进先出（LIFO）的特性。这一端称为栈顶，相对的另一端称为栈底。向一个栈插入新元素又称作进栈、入栈或压栈，它是把新元素放到栈顶元素的上面，使之成为新的栈顶元素；从一个栈删除元素又称作出栈或退栈，它是把栈顶元素删除掉，使其相邻的元素成为新的栈顶元素。</p> | |
| 基本要求 | <p>1. (p1)实现栈的基本操作，包括栈的建立、入栈、出栈、栈判空、栈判满、取栈顶元素、栈的遍历。</p> <p>2. (p2)栈的基本应用：表达式求值，表达式中只包含+*/四种运算符和括号（）。</p> <p>3. (p3)解决“列车进站”问题，其基本思路使用到栈的调用。</p> <p>4. 运用栈模拟阶乘函数的调用过程，用栈模拟 n 的阶乘的递归调用过程。</p> | |
| | 已完成基本内容（序号）： | 1, 2, 3, 4 |
| 选做要求 | <p>1. 程序要添加适当的注释，程序的书写要采用缩进格式。</p> <p>2. 程序要具有一定的健壮性，当输入数据或操作非法时，程序应当拥有报错提示。</p> <p>3. 程序要做到界面友好，在程序运行时用户可以根据相应的提示信息进行操作。</p> | |
| | 已完成选做内容（序号） | 1, 2, 3 |
| 数据结构设计 | <p>本实验第一题，实现栈的基本操作中，使用了两种实现方法，分别是链栈与顺序栈，从底层开始搭建栈的基本结构，包括数据节点与栈底栈顶指针，并且通过具体函数实现了入栈、出栈、遍历等功能。</p> <p>第二题、第三题栈的应用与运用栈模拟阶乘函数的调用过程中，均直接使用 c++STL 标准模板库中的栈类，自己定义了数据节点的类型。</p> | |

1. 栈的基本操作

链栈:

栈的节点类与节点类的初始化

```
class SNode { //栈的节点类
```

```
public:
    int data;
    SNode* next;
public:
    SNode();
    void assign();
};
```

```
SNode::SNode() { //节点初始化
```

```
    data = 0;
    next = (SNode*)malloc(sizeof(SNode));
    next = NULL;
}
```

```
void SNode::assign() { //给节点赋值
```

```
    cin >> this->data;
}
```

栈类与栈类的初始化

```
class Stack { //栈类
```

```
public:
    SNode* base; //栈底
    SNode* top; //栈顶
    int stackSize; //容量
    int size; //实际大小
public:
    Stack(); //初始化
    void sizeInit(); //给栈设置最大容量
    bool push(); //入栈
    int pop(); //出栈
    void printStack(); //遍历打印
};
```

```
Stack::Stack() {
```

```
    top = base = (SNode*)malloc(sizeof(SNode)); //栈底与栈顶均指向同一个节点
    size = 0;
    stackSize = 0;
}
```

```
void Stack::sizeInit() {
```

```
    cin >> this->stackSize;
}
```

```
bool push(); //入栈
```

```

bool Stack::push() {
    if (size == stackSize) //栈满
        return false;
    top->assign();
    SNode* newNode = (SNode*)malloc(sizeof(SNode));
    newNode->next = top;
    top = newNode; //top指针移动到新节点
    size++;
    return true;
}

int pop(); 出栈
int Stack::pop() {
    if (size == 0)
        return 0;
    int result = top->next->data;
    top = top->next; //top指针下移
    size--;
    return result;
}

void printStack(); 遍历打印栈
void Stack::printStack() { //遍历打印
    SNode* cur = top->next;
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        cout << cur->data << ' ';
        cur = cur->next;
    }
    cout << endl;
}

```

顺序栈:

顺序栈类及其初始化

```

class Stack { //顺序栈类
public:
    int* elem; //首地址
    int length; //当前元素个数
    int size; //大小
public:
    Stack(int n); //初始化栈的长度
    bool push(int i); //入栈
    int pop(); //出栈
    void printStack(); //遍历打印
};

Stack::Stack(int n) { //初始化函数, 申请空间, 将长度与容量置零
    elem = (int*)malloc(sizeof(int) * n);
    size = n;
    length = 0;
}

Bool push (int i) 入栈

```

```

bool Stack::push(int i) { //入栈, 栈已满则返回false
    if (length + 1 > size)
        return false;
    elem[length] = i;
    length++;
    return true;
}

```

Int pop () 出栈

```

int Stack::pop() { //出栈, 返回出栈元素, 栈空则返回零
    if (length == 0)
        return 0;
    length--;
    return elem[length];
}

```

Void printStack () 遍历打印

```

void Stack::printStack() { //倒序遍历打印
    for (int i = length-1; i!=-1; i--)
        cout << elem[i]<< ' ';
}

```

2. 表达式求值

bool In (char c) 判断是否为运算符

```

bool In(char c) { //判断是否为运算符
    if (c == '+' || c == '-' || c == '*' || c == '/' || c == '(' || c == ')' || c == '=' )
        return true;
    else return false;
}

```

Char Precede (char a, char b) 比较两个运算的优先级

```

char Precede(char a, char b)//比较两个运算符的优先级，返回值为< > =
{
    char result;
    if (a == '+' || a == '-')
    {
        if (b == '+' || b == '-' || b == ')' || b == '=')
            result = '>';
        else if (b == '*' || b == '/' || b == '(')
            result = '<';
    }
    else if (a == '*' || a == '/')
    {
        if (b == '+' || b == '-' || b == '*' || b == '/' || b == ')' || b == '=')
            result = '>';
        else if (b == '(')
            result = '<';
    }
    else if (a == '(')
    {
        if (b == '+' || b == '-' || b == '*' || b == '/' || b == '(')
            result = '<';
        else if (b == ')')
            result = '=';
    }
    else if (a == ')')
    {
        if (b == '+' || b == '-' || b == '*' || b == '/' || b == ')')
            result = '>';
    }
    else if (a == '=')
    {
        if (b == '+' || b == '-' || b == '*' || b == '/' || b == '(')
            result = '<';
        else if (b == '=')
            result = '=';
    }
    return result;
}

```

int operate (int a, char theta, int b) 计算一个二元运算符的结果

```

int Operate(int a, char theta, int b) { //计算一个二元运算符的结果，并返回其值
    int result;
    if (theta == '+')
        result = a + b;
    else if (theta == '-')
        result = a - b;
    else if (theta == '*')
        result = a * b;
    else if (theta == '/')
        result = a / b;
    return result;
}

```

Int EvaluateExoression () 表达式求值

```

int EvaluateExpression() { //表达式求值
    stack<char> OPTR; //存放运算符的栈
    stack<int> OPND; //存放操作数的栈
    stack<char> singleNum; //用来计算单个操作数的值的栈
    OPTR.push('=');
    char theta;
    int c;
    int a, b;
    c = getchar();
    while (c != '=' || OPTR.top() != '=') {
        if (!In(c)) { //如果是操作数
            singleNum.push(c - '0');
            int cnt = 1;
            while (!In(c = getchar())) { //继续输入，直至输入一个运算符
                singleNum.push(c - '0');
                cnt++;
            }
            int num = 0;
            for (int i = 0; i < cnt; i++) { //计算这个多位数的数值
                num += singleNum.top() * pow(10, i);
                singleNum.pop();
            }
            OPND.push(num); //操作数入栈
        }
        else switch (Precede(OPTR.top(), c)) { //比较运算符优先级
            case '<': //直接入栈
                OPTR.push(c);
                c = getchar();
                break;
            case '=': //左右括号相遇，出栈
                OPTR.pop();
                c = getchar();
                break;
            case '>': //计算
                theta = OPTR.top();
                OPTR.pop();
                b = OPND.top();
                OPND.pop();
                a = OPND.top();
                OPND.pop();
                if (b == 0 && theta == '/') { //若出现除0运算，则返回
                    return -99999999;
                }
                OPND.push(Operate(a, theta, b));
                break;
        }
    }
    if (OPND.empty())
        return 0;
    else return OPND.top();
}

```

3. 列车进站

int initDeque(stack<char>& init)入口处栈的初始化

```

int initDeque(stack<char>& init) {
    stack<char> temp;
    char c;
    int cnt = 0;
    while ((c = getchar()) != '\n') {
        temp.push(c);
        cnt++;
    }
    while (!temp.empty()) {
        init.push(temp.top());
        temp.pop();
    }
    return cnt;
}

```

bool dispatching(stack<char> entry, char* queue) 调度函数，返回出站方案是否可行

```

bool dispatching(stack<char> entry, char* queue) { //模拟出站函数 entry为出口处已经排好的栈，queue为需要判断是否可行的顺序
    stack<char> station; //车站
    int i = 0;
    while (true) {
        if (entry.empty() && station.empty()) //车站和入口都空，即可行
            return true;
        if (entry.empty() && station.top() != queue[i]) //入口空，且车站栈顶元素不等于queue当前元素，不可行
            return false;
        if (!entry.empty()) {
            if (entry.top() != queue[i] && station.empty()) { //将出口栈顶元素入栈至车站
                station.push(entry.top());
                entry.pop();
            }
            else if (entry.top() != queue[i] && station.top() != queue[i]) { //将出口栈顶元素入栈至车站
                station.push(entry.top());
                entry.pop();
            }
            else if (entry.top() == queue[i]) { //出车站
                entry.pop();
                i++;
            }
            else if (station.top() == queue[i]) { //出车站
                station.pop();
                i++;
            }
        }
        else if (entry.empty())
            if (station.top() == queue[i]) {
                station.pop();
                i++;
            }
    }
}

```

4. 利用栈模拟阶乘递归调用
节点类，包括输入参数与函数返回地址

| | |
|------|---|
| | <pre> class Data { //数据类，包括输入参数与返回地址 public: int n; //输入参数 int* returnAddress; public: } Data() { //构造器 n = 0; returnAddress = (int*)malloc(sizeof(int)); } void setter(int n) { //设定的值n的值 this->n = n; } }; Int factorial (int n) 利用栈求 n 的阶乘 int factorial(int n) { //利用栈模拟递归求阶乘 if (n == 0) //0的阶乘为1; return 1; stack<Data> mystack; //栈 Data data; //存储最终结果的数据类 data.setter(n); //初始化 while (data.n != 1) { //n=1? mystack.push(data); //开始递归 data.setter(data.n - 1); //入栈 } while (!mystack.empty()) { //栈空? if (mystack.top().n == 1) { //当n=1时，return 1 data.n = 1; mystack.pop(); } else { data.n *= mystack.top().n; //回溯 mystack.pop(); } } return data.n; //end } </pre> |
| 开发环境 | Windows10 Microsoft visual studio 2019 |

调试分析

1. 栈的基本操作

```
Microsoft Visual Studio 调试控制台
4
pop
Stack is Empty
push 10
push 2
push 3
pop
3
pop
2
push 1
push 2
push 3
push 4
Stack is Full
quit
3 2 1 10
```

2. 表达式求值

```
Microsoft Visual Studio 调试控制台
4+2*3-10/4=
8
```

3. 列车进站

```
C:\Users\majiaYu\source\repos\Stack\Debug\Stack.exe
abc
abc
yes
acb
yes
bac
yes
bca
yes
cab
no
cba
yes
```

4. 利用栈模拟阶乘递归调用

```
C:\Users\majiaYu\source\repos\Stack\Debug\Stack.exe
Please enter the factorial you want:
5
The result is:120
```

(对整个实验过程做出总结, 对重要的算法做出性能分析。)

算法复杂度分析:

栈的基本操作中, 入栈与出栈的时间复杂度为 $O(1)$, 遍历打印的时间复杂度为 $O(n)$ 。

表达式求值中, 对总数为 n 的操作数与操作符进行运算时, 时间复杂度为 $O(n)$

列车进站中, 最坏情况下时间复杂度为 $O(n)$

对利用栈模拟阶乘递归的测试:

利用递归求阶乘时, 当 n 达到 4790 时, 出现 stack overflow 错误

```
#define _CRT_SECURE_NO_WARNINGS
#include <stack>
#include <iostream>
using namespace std;

long f(int n) {
    if (n == 1) return 1; //停止调用
    return n * f(n-1);
}

int main() {
    cout << f(50);
}
```

未经处理的异常

0x006017B9 处有未经处理的异常(在 Stack.exe 中): 0xC00000FD: Stack overflow (参数: 0x00000001, 0x01202FA4)。

[复制详细信息](#) | [启动 Live Share 会话...](#)

异常设置

用栈消解递归后则不会出现报错。

心得体会

通过本次关于栈的实验, 我从底层开始进一步深入了解了栈的工作原理, 亲自实现了与栈有关的操作。在表达式求值与列车进站题目中, 使用了 STL 标准模板库中的栈, 实现了栈的经典应用。最后通过深入了解递归的原理, 使用栈模拟递归的调用, 更加熟悉了递归的本质。