Calcul de dérivées (TL)

Exercice 1

Dans chaque cas, calculer la dérivée de la fonction f.

1.
$$f(x) = 3x - 2$$

2.
$$f(x) = x^2 + 3x$$

3.
$$f(x) = -2x^3 - x^2 - 3x + 3$$

4.
$$f(x) = (x+1)(x^2-1)$$

5.
$$f(x) = (2x+1)(2x^2+x+1)$$

6.
$$f(x) = \frac{2x+3}{x-2}$$

7.
$$f(x) = \frac{2-3x}{4-2x}$$

Exercice 2

Mêmes questions qu'à l'exercice précédent.

1.
$$f(x) = \frac{2x^2 + x + 3}{x - 2}$$

2.
$$f(x) = \frac{-x^2 + 3x + 4}{3x - 2}$$

$$3. \ f(x) = \frac{x-2}{x^2 - 3x}$$

4.
$$f(x) = \frac{x^2 + 5x - 4}{x^2 + 5x + 4}$$

5.
$$f(x) = \sqrt{6x - 8}$$

6.
$$f(x) = 2\sqrt{1-3x}$$

Exercice 3

Dans chacun des cas suivants, déterminer une équation de la tangente à la courbe de f au point d'abscisse a.

a = -1

1.
$$f(x) = -3x^3 + 2x^2 - 3x - 1$$

2.
$$f(x) = \frac{x^2 - 2x - 2}{x - 3}$$
 $a = 2$

3.
$$f(x) = \sqrt{3x+1}$$
 $a = 1$

Exercice 4

Dans chaque cas, calculer f'(x).

1.
$$f(x) = (2x-7)^3$$

2.
$$f(x) = (x^2 + 2x)^2$$

3.
$$f(x) = \sqrt{2x+1}$$

4.
$$f(x) = 2\sqrt{1-3x}$$

5.
$$f(x) = \sqrt{x^2 + x}$$

6.
$$f(x) = (1 - \sqrt{x})^2$$

Exercice 5

Dans chaque cas, étudier le sens de variations de la fonction f puis donner son tableau de variations complet.

1.
$$f(x) = x^2 - 2x - 3$$

2.
$$f(x) = -x^2 + 8x - 1$$

3.
$$f(x) = -x^3 - 3x^2 + 3$$

4.
$$f(x) = 4x^3 + 3x^2 - 6x - 11$$

$$5. \ f(x) = \frac{2x - 12}{x - 3}$$

6.
$$f(x) = \frac{-2x+1}{2x+4}$$

Exercice 6

Même question que l'exercice précédent.

1.
$$f(x) = \frac{2x^2 - 5x + 4}{x - 2}$$

2.
$$f(x) = \frac{x^2 + 5x + 5}{x + 1}$$

3.
$$f(x) = \sqrt{3x - 6}$$

4.
$$f(x) = \sqrt{-2x-3}$$