

5.1 一个时间抖动序列描述为: $J[n]=0.001\sin^2((14\pi/1024)n)+0.001$, $n=0,1,2,\dots,1023$ 。其均值、方差、峰值为多少? 画出 $0\sim 0.002$ 范围内的直方图

$$\mu_J = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N J(n) = 0.0015$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \{J(n) - \mu_J\}^2} = 0.000353$$

$$PPJ = \max\{J(1), J(2), \dots, J(N)\} - \min\{J(1), J(2), \dots, J(N)\} \\ = 0.001$$

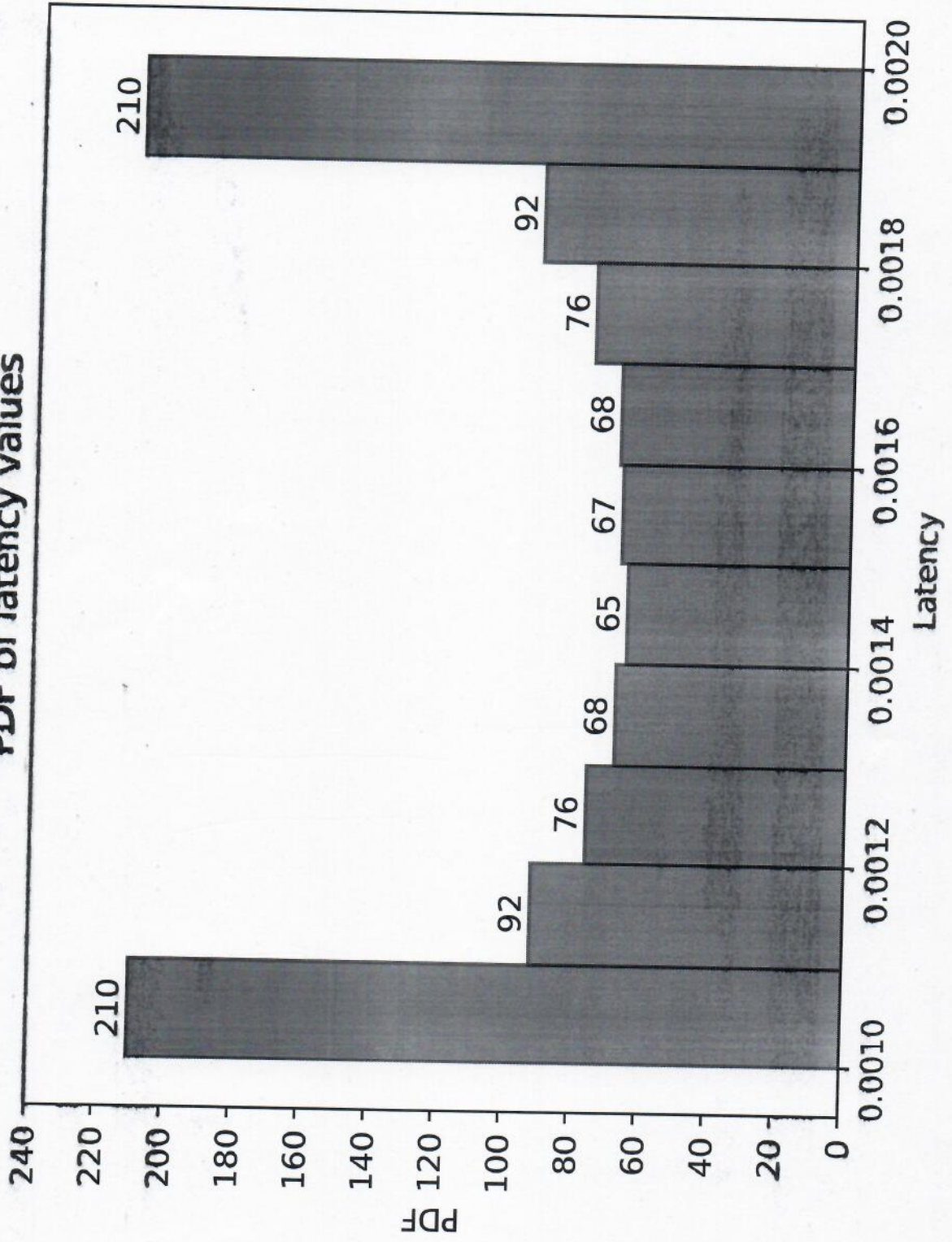
绘图如后页所示。

5.2 发送的逻辑 0 电平为 0V, 逻辑 1 的电平为 1.2V, 逻辑 0 和逻辑 1 有相同的发送概率, 接收端的高斯噪声信号为 100-mV RMS, 决策电平为 0.6V 时, 发生 1 个错误位的概率是多少? 若决策电平变为 0.75V 时, 发生 1 个错误位的概率是多少? 假设发送逻辑 1 的概率是逻辑 0 的 2 倍, 当决策电平为 0.6V 时, 发生 1 个错误位的概率是多少?

$$\begin{aligned} \text{解: } P_{e1}(V_{TH}) &= \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \times \Phi\left(\frac{V_{TH} - V_{logic0}}{\sigma_N}\right) + \frac{1}{2} \Phi\left(\frac{V_{TH} - V_{logic1}}{\sigma_N}\right) \\ &= \frac{1}{2} \left[1 - \Phi\left(\frac{V_{TH} - V_{logic0}}{\sigma_N}\right)\right] + \frac{1}{2} \Phi\left(\frac{V_{TH} - V_{logic1}}{\sigma_N}\right) \\ &= \frac{1}{2} \left[1 - \Phi\left(\frac{0.6 - 0}{0.1}\right)\right] + \frac{1}{2} \Phi\left(\frac{0.6 - 1.2}{0.1}\right) = 9.865 \times 10^{-10} \\ P_{e2}(V_{TH}) &= \frac{1}{2} \left[1 - \Phi\left(\frac{0.75 - 0}{0.1}\right)\right] + \frac{1}{2} \Phi\left(\frac{0.75 - 1.2}{0.1}\right) = \frac{1.698 \times 10^{-6}}{\cancel{1.698 \times 10^{-6}}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{因为 } P_e(V_{TH}) &= \cancel{\frac{1}{2}} \frac{1}{3} P(V_{RX} > V_{TH} | TX=0) + \frac{2}{3} P(V_{RX} < V_{TH} | TX=1) \\ &= \frac{1}{3} \left[1 - \Phi\left(\frac{0.6 - 0}{0.1}\right)\right] + \frac{2}{3} \Phi\left(\frac{0.6 - 1.2}{0.1}\right) = 9.866 \times 10^{-10} \end{aligned}$$

PDF of latency values



5.3 数据传输速率为 2Gbps, 通过传输通道后的抖动均值位 0, 标准差为 50ps, 假设发送 0、1 的概率相同, 当采样时刻位于位传送时间的中间时, 发生 1 个错误位的概率是多少? 当采样时刻设置为 0.4ns 时, 发生 1 个错误位的概率是多少?

答: 因为数据传输速率为 2Gbps, 位传输 500ps, 故采样时刻应设置 250ps.

$$P_e(t_{TH}) = \frac{1}{2} \left[1 - \Phi\left(\frac{t_{TH}-0}{\sigma_{zc}}\right) \right] + \frac{1}{2} \Phi\left(\frac{t_{TH}-T}{\sigma_{zc}}\right)$$

$$= \frac{1}{2} \left[1 - \Phi\left(\frac{250-0}{50}\right) \right] + \frac{1}{2} \Phi\left(\frac{250-500}{50}\right) = 2.86 \times 10^{-7}$$

若采样时刻设置 0.4ns, 则 $t_{TH} = 400ps$, $T = 500ps$.

$$P_e(t_{TH}) = \frac{1}{2} \left[1 - \Phi\left(\frac{400-0}{50}\right) \right] + \frac{1}{2} \Phi\left(\frac{400-500}{50}\right) = 0.0113$$

5.4 通信系统数据速率 600Mbps 下进行了 10 次 10^{10} 位的传输, 误码数为: 5, 6, 4, 6, 3, 7, 3, 6, 1, 0. 置信度为 95% 时, 该系统 BER 为多少? 测试时间为多少?

答: $\mu_{NE} = \frac{\sum_{i=1}^N \text{error}(i)}{N} = \frac{5+6+4+6+3+7+3+6+1+0}{10} = 4.1$

$$\sigma_{NE} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (\text{error}(i) - \mu_{NE})^2}{N}} = 2.21$$

故错误位数量遵循 $(4.1, 2.21)$ 高斯分布.

$$\text{故: } \begin{cases} \frac{\mu_{NE} - \chi}{N_T} \leq \text{BER} \leq \frac{\mu_{NE} + \chi}{N_T} \\ \chi = \Phi^{-1}\left(0.5 + \frac{0.95}{2}\right) = \Phi^{-1}(0.975) \end{cases}$$

$$\text{故: } 2.701 \times 10^{-10} \leq \text{BER} \leq 5.498 \times 10^{-10}$$

$$T_{\text{test}} = \frac{N_{T, \min}}{F_s} = \frac{10 \times 10^{10}}{6 \times 10^8} = 166.67s$$

5.5 数据传输速率为 5Gbps, 该通道误码率 (BER) 为 10^{-8} , 如果传输 10^9 个位, 发生 0 位、1 位、2 位及 10 位误码的概率是多少? 预计平均误码数是多少?

$$\text{答: } P[X \leq N_E | P_e = \text{BER}] = \sum_{k=0}^{N_E} \frac{1}{k!} (N_T \text{BER})^k e^{-N_T \text{BER}} = \sum_{k=0}^{N_E} \frac{1}{k!} (10^9 \cdot 10^{-8})^k e^{-10^9 \cdot 10^{-8}}$$

$$\text{故: } P[X \leq 0 | P_e = \text{BER}] = e^{-10} = 4.539 \times 10^{-5} \quad = \sum_{k=0}^{N_E} \frac{1}{k!} 10^k e^{-10}$$

$$P[X \leq 1 | P_e = \text{BER}] = e^{-10} + 10e^{-10} = 4.99 \times 10^{-4}$$

$$P[X \leq 2 | P_e = \text{BER}] = e^{-10} + 10e^{-10} + \frac{1}{2} 10^2 e^{-10} = 2.77 \times 10^{-3}$$

$$P[X \leq 10 | P_e = \text{BER}] = \sum_{k=0}^{10} \frac{1}{k!} 10^k e^{-10} = 0.583$$

$$\text{平均误码: } \mu_{NE} = N_T \cdot \text{BER} = 10^9 \times 10^{-8} = 10$$

5.6 对一个系统进行测试, 验证其 $\text{BER} < 10^{-12}$, 当可接受不超过 10 个错误时, 应收集多少样本, 以使所需的 BER 达到 97% 的置信度 (CL)。数据速率为 4Gbps 时, 总测试时间是多少?

$$\text{答: } N_E = 10$$

$$N_{T, \min} = \frac{1}{\text{BER}} \ln \left[\sum_{k=0}^{N_E} \frac{1}{k!} (N_T \text{BER})^k \right] - \frac{1}{\text{BER}} \ln(1 - CL)$$

$$= \frac{1}{10^{-12}} \cdot \ln \left[\sum_{k=0}^{10} \frac{1}{k!} (N_T \cdot 10^{-12})^k \right] - \frac{1}{10^{-12}} \cdot \ln(1 - 0.97)$$

$$= \frac{1}{10^{-12}} \cdot \ln \left[\sum_{k=0}^{10} \frac{1}{k!} (N_{T, \min} \cdot 10^{-12})^k \right] - \frac{1}{10^{-12}} \ln(0.03) = 1.8 \times 10^{13} \text{ bits}$$

$$T_{\text{test}} = \frac{N_{T, \min}}{F_s} = \frac{1.8 \times 10^{13}}{4 \text{ Gbits/s}} = 4500 \text{ s}$$