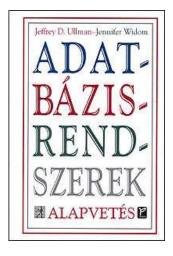
Adatbázisok 2

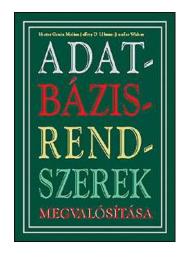
Kiss Attila kiss@inf.elte.hu

- A kurzus tematikája:
- Lekérdezések optimalizálása
 - relációs algebrai optimalizáció, logikai lekérdező terv
 - fizikai fájlszervezés alapjai
 - fizikai lekérdező terv, operátorok költsége
 - több tábla összekapcsolása
 - Oracle SQL optimalizálása
- Adatbázis rendszerhibák kezelése
 - Naplózás, helyreállítás, ellenőrzőpontok
 - Oracle naplózási technikái
- Adatbázisok konkurens használata
 - Tranzakciók, ütemezése tulajdonságai
 - Szérializálhatóság biztosítása, aktív (zártípusok, időbélyegzők) és passzív módszerek
 - Az Oracle zárolási technológiája



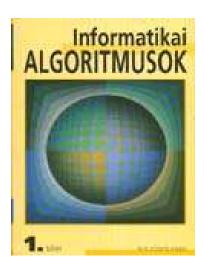
IRODALOM

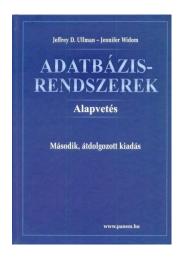


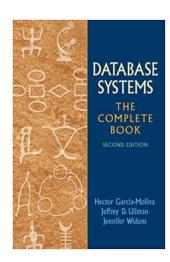






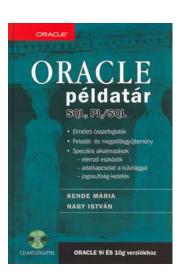
















ISMÉTLÉS (Az Adatbázis 1 tárgyban tanultak)

- 1. Adatbázis-kezelő rendszerek általános jellemzői.
- A relációs adatmodell, a relációs algebra műveletei, használata
- Az SQL nyelv részei (ORACLE specifikusan):

 -DDL, DML QL, triggerek, jogosultságok,
 PL/SQL, függvények, procedúrák, cursorok
 használata, programozás,
- 4. Adatmodellezés, egyed-kapcsolat modell, az E/K diagram átalakítása relációs adatmodellé.



Adatbázisrendszerek

ABR1 1. fejezet (19.- 45. oldal)

Adatbázis-kezelés:

- Háttértárolón tárolt, nagy adatmennyiség hatékony kezelése (lekérdezése, módosítása)
- Adatmodell támogatása
- Adatbázis-kezelő nyelvek támogatása
- Több felhasználó támogatása
- Tranzakció-kezelés
- Helyreállíthatóság
- Ügyfél-kiszolgáló felépítés
- Adatvédelem, adatbiztonság



Adatmodellek

- Az adatmodell a valóság fogalmainak, kapcsolatainak, tevékenységeinek magasabb színtű ábrázolása
 - Hálós, hierarchikus adatmodell (apa-fiú kapcsolatok gráfja, hatékony keresés)
 - Relációs adatmodell (táblák rendszere, könnyen megfogalmazható műveletek)
 - Objektum-orientált adatmodell (az adatbázis-kezelés funkcionalitásainak biztosítása érdekében gyakran relációs adatmodellre épül)
 - Logikai adatmodell (szakértői rendszerek, tények és következtetési szabályok rendszere)
 - Félig strukturált (XML) adatmodell



Adatbázis-kezelő nyelvek

- DDL adatdefiniáló nyelv (sémák, adatstruktúrák megadása)
- DML adatkezelő nyelv (beszúrás, törlés, módosítás)
- QL lekérdező nyelv
 - Deklaratív (SQL, kalkulusok)
 - Procedurális (relációs algebra)
- PL/SQL programozási szerkezetek + SQL
- Programozási nyelvbe ágyazás (előfordító használata)
- 4GL nyelvek (alkalmazások generálása)



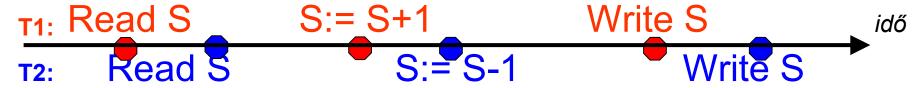
Több felhasználó támogatása

- Felhasználói csoportok
- DBA adatbázis-rendszergazda
- Jogosultságok (objektumok olvasása, írása, módosítása, készítése, törlése, jogok továbbadása, jogok visszavonása)
- Jogosultságok tárolása rendszertáblákban történik



Tranzakció-kezelés

- Tranzakció: adatkezelő műveletekből (adategység írása, olvasása) álló sorozat
- Cél: tranzakciók párhuzamos végrehajtása



- A tranzakció-kezelő biztosítja:
 - Atomosság (a tranzakció egységesen lefut vagy nem)
 - Következetesség (a tranzakció futása után konzisztens legyen az adatbázis)
 - Elkülönítés (párhuzamos végrehajtás eredménye egymás utáni végrehajtással egyezzen meg)
 - Tartósság (a befejezett tranzakció eredménye rendszerhiba esetén sem veszhet el)

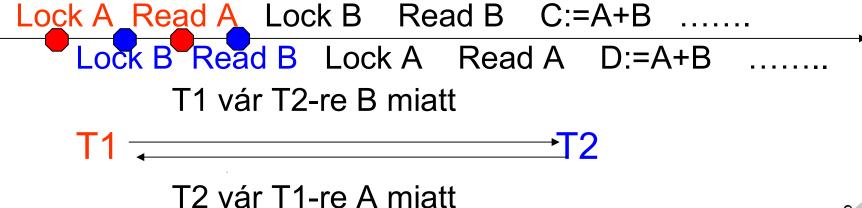
Tranzakció-kezelés

Zárolások (Lock, Unlock)

```
T1: (Lock S, Read S, S:=S+1, Write S, Unlock S)
```

T2: (Lock S, Read S, S:=S-1, Write S, Unlock S)

- A zár kiadásához meg kell várni a zár feloldását.
- Csökken a párhuzamosíthatóság
- Zárak finomsága (zárolt adategység nagysága, zárolás típusa) növeli a párhuzamosíthatóságot
- Holtpont probléma:





Tranzakció-kezelés

- Kétfázisú protokoll a tranzakció elején zárolunk minden szükséges adatelemet, a végén minden zárat feloldunk
- Tranzakciók érvényesítése, naplózás, Commit, Rollback, Checkpoint
- Ütemező (tranzakciók műveleteinek végrehajtási sorrendjét adja meg)
- Szérializálhatóság (az ütemezés ekvivalens a tranzakciók egymás utáni végrehajtásával)
- Tranzakciók állapotát, elvégzett műveleteket rendszertáblák tárolják

Helyreállíthatóság

- Szoftver- vagy hardverhiba esetén az utolsó konzisztens állapot visszaállítása
- Rendszeres mentések
 - Statikus adatbázis (módosítás nem gyakori)
 - Dinamikus adatbázis (módosítás gyakori)
- Naplóállományok
- Összefügg a tranzakciókezeléssel

Ügyfél-kiszolgáló felépítés

Kiszolgáló:

- nagy tárhellyel rendelkező, gyors gép
- adatbázis-műveletek optimalizált, párhuzamos végrehajtása

Ügyfél:

- adatbázis-művelet megfogalmazása
- elküldése
- az eredményadatok fogadása
- megjelenítése
- Más felépítések is léteznek (például köztes réteg az ügyfél és a kiszolgáló között)

12

Adatvédelem, adatbiztonság

- Jogosultságok kezelése, felhasználók, jelszavak, hozzáférési jogok
- Adatbázissémák korlátozása (virtuális) nézettáblák segítségével
- Tárolt adatok, hálózati adatforgalmak titkosítása (nagy prímszámok, RSA, DES)

Adatbázis-kezelők felépítése

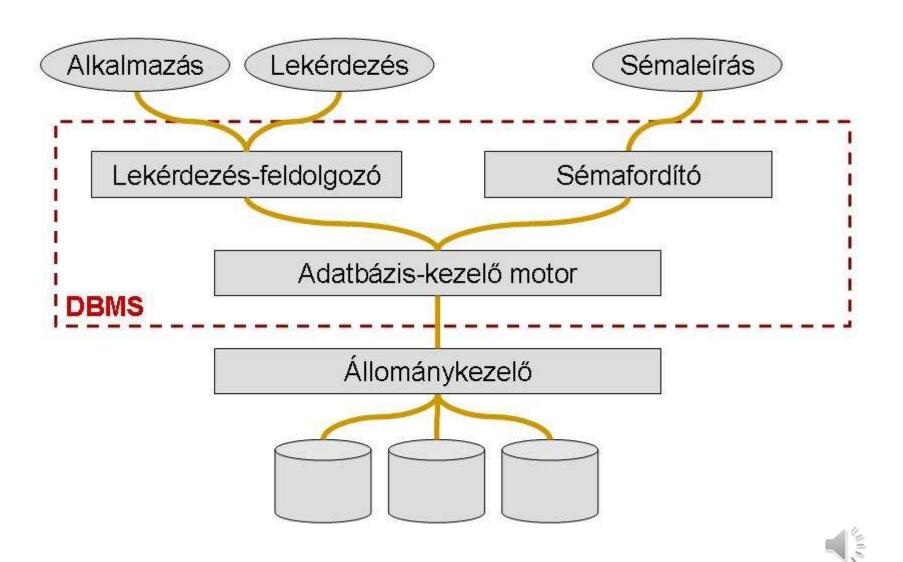
Lekérdezés-feldolgozó

- Lekérdezés szintaktikai ellenőrzése
- Adatbázis-objektumok létezésének, és a hozzáférési jogoknak az ellenőrzése (metaadatbázis, rendszertáblák)
- Lekérdezés optimális átfogalmazása
- Végrehajtási tervek készítése
- Az adatstruktúrák, méretek statisztikái alapján várhatóan minimális költségű végrehajtási terv kiválasztása
- Az optimális végrehajtási terv lefuttatása

Tranzakció-kezelő:

- Tranzakciók párhuzamos végrehajtásának biztosítása (atomosság, következetesség, elkülönítés, tartósság)
- Tárkezelő (állománykezelő):
 - fizikai adatstruktúrák, táblák, indexek, pufferek kezelése

Adatbázisok ANSI/X3/SPARC modellje



Adatbázisok különböző szintjei

- Sémák (tervek, leírások) és előfordulások (konkrét adatok, megvalósulások)
- Fizikai, logikai, alkalmazói réteg:

	Séma	Egy előfordulás
Alkalmazások	Select sum(fiz) as összfiz from Bér;	30
Logikai adatbázis	Bér(név, fiz)	névfizKiss10Nagy20
Fizikai adatbázis	szekvenciális	(Bér,név,fiz,#2,Kiss,10,Nagy,20) 16

Adatbázisok különböző szintjei

Fizikai adatfüggetlenség

- Fizikai adatbázis módosítása (indexek készítése, az adatok más adatstruktúrákban tárolása) nem látszik a felette levő szinteken
- Hatékonyság növelhető jobb tárolási struktúrákkal

Logikai adatfüggetlenség

 A logikai adatbázis bővítése (új táblák, oszlopok hozzáadása) esetén a régi alkalmazások változtatás nélkül ugyanúgy működjenek

A relációs adatmodell Edgar Frank Codd 12 szabálya

1. Az egységes megjelenésű információ szabálya

Az adatbázisban szereplő összes információt egy, és csak egy megadott formában (adatmodellben) lehet ábrázolni, nevezetesen táblázatok sorainak oszlopértékeiben.

2. Garantált lokalizálhatóság szabálya

Az adatbázisban minden egyes skaláris értékre logikailag úgy kell hivatkozni, hogy megadjuk az azt tartalmazó táblázat és az oszlop nevét, valamint a megfelelő sor elsődleges kulcsának az értékét.

3. A NULL értékek egységes kezelése

Az adatbázis-kezelő rendszernek (DBMS) olyan egységes módszerrel kell támogatnia a hiányzó vagy nem ismert információ kezelését, amely eltér az összes "rendes" érték kezelésétől, továbbá független az adattípustól.

4. A relációs modell alapján aktív online katalógust kell üzemben tartani

A rendszernek támogatnia kell egy online, beépített katalógust, amelyet a feljogosított felhasználók a lekérdező nyelv segítségével ugyanúgy le tudnak kérdezni, mint a közönséges táblákat.

5. A teljes körű "adatnyelv" szabálya

A rendszernek legalább egy olyan relációs nyelvet kell támogatnia, amelynek

- (a) lineáris a szintaxisa,
- (b) interaktívan és az alkalmazásokhoz készített programokon belül is lehet használni,
- (c) támogatja az adatdefiniáló műveleteket, a visszakereső és adatmódosító (manipulációs) műveleteket, biztonsági és jósági (integritási) korlátokat, valamint a tranzakciókezelési műveleteket (begin, commit, rollback: elkezdés, jóváhagyás és visszagörgetés).

6. A nézetek frissítésének szabálya

A rendszernek képesnek kell lennie az adatok összes nézetének frissítésére.



A relációs adatmodell Edgar Frank Codd 12 szabálya

7. Magas szintű beszúrás, frissítés és törlés

A rendszernek támogatnia kell az INSERT, UPDATE, és DELETE (új adat, módosítás, törlés) operátorok halmaz szintű, egyidejű működését.

8. Fizikai szintű adatfüggetlenség

A fizikai adatfüggetlenség akkor áll fenn, ha az alkalmazások (programok) és a felhasználók adatelérési módja független az adatok tényleges (fizikai) tárolási és elérési módjától.

9. Logikai szintű adatfüggetlenség

Logikai adatfüggetlenség akkor áll fenn, ha az adatbázis logikai szerkezetének bővítése nem igényli az adatbázist használó alkalmazások (programok) megváltoztatását.

10. Jóság (integritás) függetlenség

Az adatok jóságának (érvényességének) korlátait az adatfeldolgozási programoktól függetlenül kell tudni meghatározni, és azokat katalógusban kell nyilvántartani. Legyen lehetséges a szóban forgó korlátokat megváltoztatni, anélkül hogy a meglévő alkalmazásokon változtatni kelljen.

11. Elosztástól való függetlenség

A meglévő alkalmazások működése zavartalan kell, hogy maradjon

- (a) amikor sor kerül az adatbázis-kezelő osztott változatának bevezetésére
- (b) amikor a meglévő osztott adatokat a rendszer újra szétosztja.

12. Megkerülhetetlenség szabálya

Ha a rendszernek van egy alacsony szintű (egyszerre egy rekordot érintő) interfésze, akkor ezt az interfészt ne lehessen a rendszer megkerülésére használni, például a relációs biztonsági vagy jósági (integritás védelmi) korlátok megsértésével.

Relációs adatmodell

ABR1 3. fejezet (104.- 110. oldal) ABR1 4. fejezet (196.- 215. oldal)

- Relációséma: R(A1,A2,...,An)
 - R relációnév
 - Ai attribútum- vagy tulajdonságnevek, oszlopnevek
 - Dom(Ai) lehetséges értékek halmaza, típusa
 - Egy sémán belül az attribútumok különbözőek
- Reláció-előfordulás: r
 - r reláció, tábla, sorhalmaz
 - Egy sor egyszer szerepel
 - Sorok sorrendje lényegtelen
 - Oszlopok sorrendje lényegtelen

n

$$r \subseteq X \text{ Dom (Ai)}$$

$$i=1$$

Relációs adatmodell

Jelölések

- t∈r esetén t sor (angolul: tuple n-es)
 - t(Ai) vagy t(\$i) a t sor i-edik komponense
 - t[Ai1,...,Aik] a t sor i1,...,ik-adik komponenseiből álló vektor
- Különböző sémák azonos attribútumai esetén
 - R.A prefixszel különböztetjük meg
- Egy t sor függvénynek is tekinthető $t:[A1,...,An] \to \bigcup_{i=1}^{n} \text{Dom}(Ai)$ ahol t(Ai) \in Dom(Ai), i=1...n

Példa

Bér

név	fiz	kor	
Kiss	10	35	t1
Nagy	20	45	t2
Kovács	15	22	t3

SQL lekérdezések felbontása: Relációs algebra

- Az SQL nyelvben összetett, több táblás, alkérdéseket is tartalmazó lekérdezéseket lehet megfogalmazni.
- Hogyan lehetne egyszerű SQL lekérdezésekből felépíteni az összetett SQL lekérdezéseket?
- Miért jó egy ilyen felbontás?
 - Áttekinthetőbbé válik az összetett lekérdezés.
 - Az egyszerű lekérdezések kiszámítási költségét könnyebb kifejezni, így segít az optimalizálásban.
- Melyek legyenek az egyszerű SQL lekérdezések?
 - Legyenek közöttük egyszerű kiválasztásra épülő SQL lekérdezések.
 - Legyenek közöttük többtáblás lekérdezések.
 - Halmazműveleteket lehessen használni.
 - Lehessen átnevezni táblákat, oszlopokat.
 - Lehessen egy lekérdezés eredményét egy másik lekérdezésben felhasználni (nézettáblák view-k)



Egyesítés, unió

1. select * from r union select * from s;

- r, s és r ∪ s azonos sémájú
- r ∪ s := {t | t∈r vagy t∈s}
- |r ∪ s| <= |r|+|s|, ahol |r| az r reláció sorainak száma
- azonos sor csak egyszer szerepelhet

A	В		A	В		A	В
0	0	\cup	0	0	=	0	0
0	1		1	0		0	1
	1			ı		1	0

Kivonás, különbség

2. select * from r minus select * from s;

- r, s és r s azonos sémájú
- r s := { t | t ∈ r és t ∉ s}
- |r s| <= |r|

Α	В	Α	В		Α	В
0	0	0	0	=	0	1
0	1	1	0			•

select * from r minus select * from s;

VAGY

select * from r where not exists

(select * from s where r.A=s.A and r.B=s.B);



Szorzás, direktszorzat vagy Descartes-szorzat

3. select * from r,s;

- r, s sémáiban nincs közös attribútum
- r x s sémája a sémák egyesítése
- r × s := { t | t[R] ∈ r és t[S] ∈ s }
- $|\mathbf{r} \times \mathbf{s}| = |\mathbf{r}| * |\mathbf{s}|$

A	В
0	0
0	1

C	D
0	0
1	0

A	В	С	D
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0

Vetítés, projekció

4. select distinct A1,...,Ak from r;

- X ⊆ {A1,...,An}
- $\prod_{X}(r)$ sémája X
- Π_X(r) := { t | van olyan t'∈r, melyre t'[X] = t }

•	$ \prod_{X}(r) $	<= r
---	------------------	-------

A	В	C	D
0	0	0	0

select distinct B,D from r;

$$\prod_{BD}(r) =$$

B	ט
0	0
1	0

r:

0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0

select distinct D,A from r;

$$\prod_{\mathsf{DA}}(\mathsf{r})$$
 =

D	A
0	0

Kiválasztások

```
5. select * from r where A=B;
  select * from r where A<B;
  select * from r where A>B;
  select * from r where A<>B;
  select * from r where A<=B;
  select * from r where A>=B;
  select * from r where A=konstans;
  select * from r where A<konstans;
  select * from r where A>konstans;
  select * from r where A<>konstans;
  select * from r where A<=konstans;
  select * from r where A>=konstans;
  select * from r where feltétel1 and feltétel2;
  select * from r where feltétel1 or feltétel2;
  select * from r where not (feltétel);
```

Kiválasztás, szűrés, szelekció

- σ_F(r) és r sémája megegyezik
- F feltétel:
 - atomi, elemi feltétel
 - Ai Θ Aj, ahol $\Theta \in \{ =, \neq, <, >, <=, >= \}$
 - Ai Θ c, c Θ Ai ahol c egy konstans
 - feltételekből A, V, I logikai összekapcsolókkal, és zárójelekkel kapható kifejezés

	A	В	С	D
r:	0	0	0	0
	0	0	1	0
	0	1	0	0

$$\sigma_{A=C \land \neg (B<1)}(r) = A B C D$$
0 1 0 0

select * from r where A=B and not (B<1);



Kiválasztás, szűrés, szelekció

- $|\Phi_{\mathsf{F}}(\mathsf{r})| <= |\mathsf{r}|$
- a feltételben függvények nem használhatók:

$$\sigma_{A+B<5}(r)$$
 nem megengedett

 az összetett feltételek átírhatók elemi feltételeket használó kifejezésekké a következő szabályok segítségével.

$$- \sigma_{\mathsf{F1}_{\wedge}\mathsf{F2}}(\mathsf{r}) \cong \sigma_{\mathsf{F1}}(\sigma_{\mathsf{F2}}(\mathsf{r})) \cong \sigma_{\mathsf{F2}}(\sigma_{\mathsf{F1}}(\mathsf{r}))$$

$$- \sigma_{\mathsf{F1}\vee\mathsf{F2}}(\mathsf{r}) \cong \sigma_{\mathsf{F1}}(\mathsf{r}) \cup \sigma_{\mathsf{F2}}(\mathsf{r})$$

- A De Morgan azonosság segítségével a negáció beljebb vihető:
 - ¬ (F1 ∧ F2) helyett (¬ F1) ∨ (¬ F2)
 - ¬ (F1 ∨ F2) helyett (¬ F1) ∧ (¬ F2)
 - elemi feltétel tagadása helyett a fordított összehasonlítást használjuk:

például
$$\neg$$
 (A < B) helyett (A >= B)

Kiválasztás, szűrés, szelekció

 az elemi feltételekhez lekérdezést gyorsító adatszerkezetek, indexek készíthetők

Átnevezés

6. select oszlop [AS] újnév,... from r [AS] újnév;

- A relációnak és az attribútumoknak új nevet adhatunk.
- Ha r sémája R(A1,...,An), akkor ρ_{S(B1,...,Bn)}(r) sémája S(B1,...,Bn).
- $|\rho_{S(B1,...,Bn)}(r)| = |r|$

 $\rho_{MUNKA(dolg,j\"{o}v)}(r) =$

BÉR

név	fiz
Kiss	10
Nagy	20

MUNKA

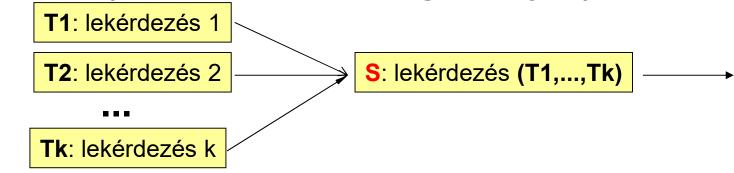
dolg	jöv
Kiss	10
Nagy	20

select név dolg, fiz jöv from BÉR MUNKA;



Kifejezések kompozíciója

- Az egyszerű SQL lekérdezésekből hogy lehet felépíteni összetett lekérdezéseket?
- Az SQL lekérdezés eredménye SQL tábla.
- Készítsünk nézettáblát (VIEW) a részlekérdezéshez.
- Az SQL lekérdezés FROM listájában nézettáblák is használhatók. (A nézettábla nem foglal helyet.)



```
create view T1 as select ... from ... where ...;
create view T2 as select ... from ... where ...;
...
create view Tk as select ... from ... where ...;
create view S as select ... from T1,...,Tk where ...;
```

Relációs algebra

ÖSSZEFOGLALVA:

- Alapoperátorok:
 - 1. Egyesítés
 - 2. Különbség
 - 3. Szorzat
 - 4. Vetítés
 - 5. Kiválasztás
 - 6. Átnevezés
- Kifejezés
 - konstans reláció
 - relációs változó

- 1. select * from r union select * from s;
- 2. select * from r minus select * from s;
- 3. select * from r,s;
- 4. select distinct A1,...,Ak from r;
- 5. select * from r where feltétel;
- 6. select oszlop [AS] újnév,... from r [AS] újnév;

```
create view T1 as select ... from ... where ...;
....
create view Tk as select ... from ... where ...;
create view S as select ... from T1,...,Tk where ...;
```

- alapoperátorok véges sok alkalmazása kifejezésekre
- ezek és csak ezek
- Relációs algebra = kifejezések halmaza

A relációs algebra kifejezőereje

- Relációs algebrában a legfontosabb lekérdezéseket ki tudjuk fejezni, de nem mindent!
- ÉL(honnan, hova)
- ÚT(honnan, hova) tranzitív lezárás

honnan	hova
1	2
2	4
2	3
3	3

honnan	hova
1	2
2	4
2	3
3	3
1	3
1	4

ÚT

- nem triviális rekurzió
- TÉTEL: Nem létezik olyan relációs algebrai kifejezés, amelyet tetszőleges ÉL táblára alkalmazva a neki megfelelő ÚT táblát eredményezi.

Származtatott műveletek

- A gyakran használt kifejezések helyett új műveleteket vezetünk be.
- Nem alapműveletek, hanem származtatottak
- Metszet
 - $-r \cap s = \{t \mid t \in r \text{ \'es } t \in s\}$ select * from r intersect select * from s;
 - többféleképpen kifejezhető relációs algebrában:
 - $r \cap s = r (r s) = s (s r) = r \cup s ((r s) \cup (s r))$
- Összekapcsolások (JOIN)
 - Téta-összekapcsolás (Θ-join)
 - Egyen-összekapcsolás (equi-join)
 - Természetes összekapcsolás (natural join)
 - Félig-összekapcsolás (semi-join)
 - Külső összekapcsolás (outer join)
- A szorzáshoz hasonlóan költséges műveletek, nagy méretű táblákat eredményezhetnek, kivételt képez a félig-összekapcsolás.

Téta-összekapcsolás

select * from r,s where r.Ai összehasonlítás s.Bj;

- r, s sémáiban (R(A1,...,An), S(B1,...,Bn) nincs közös attribútum
- $r \times s = \sigma_{Ai\Theta Bj}(r \times s)$

select * from r,s where r.B=s.C;

Α	В		С	D		A	В	С	D
0	0		0	0	=	0	0	0	0
0	1	B=C	0	1		0	0	0	1

Ai=Bj feltétel esetén egyen-összekapcsolásnak hívjuk.



Természetes összekapcsolás

select distinct R.A1,...,R.An,R.B1,...,R.Bk,S.C1,...,S.Cm from r,s where R.B1=S.B1 and R.B2=S.B2 and ... and R.Bk=S.Bk;

- r, s sémái R(A1,...,An,B1,...,Bk), illetve
 S(B1,...,Bk,C1,...,Cm)
- r ⋈ s =

 $\rho_{P(A1,\ldots,An,B1,\ldots,Bk,C1,\ldots,Cm)} \Pi_{A1,\ldots,An,R.B1,\ldots,R.Bk,C1,\ldots,Cm} \sigma_{R.B1=S.B1 \land \ldots \land R.Bk=S.Bk} (r \times s)$

Α	В		В	С
0	0_		0	0
2	1_	X	0	2
1	2		1	3
			4	3

Α	В	С
0	0	0
0	0	2
2	1	3

select distinct A,R.B,C from r,s where R.B=S.B;



Félig-összekapcsolás

select distinct R.A1,...,R.An,R.B1,...,R.Bk from r,s
where R.B1=S.B1 and R.B2=S.B2 and ... and R.Bk=S.Bk;

- r, s sémái R(A1,...,An,B1,...,Bk), illetve
 S(B1,...,Bk,C1,...,Cm)
- $r \times s = \rho_{P(A_1,...,A_n,B_1,...,B_k)} \prod_{A_1,...,A_n,R.B_1,...,R.B_k} (r \times s)$
- Az első relációban mely sorokhoz létezik kapcsolható sor a második táblából

Α	В		В	С
0	0_		0	0
2	1	X	0	2
1	2		1	3
	2		4	3

A	В
0	0
2	1

select distinct A,R.B from r,s where R.B=S.B;



Külső összekapcsolás

select A,r.B,C from r outer join s on r.B=s.B;

- Nem relációs algebrai művelet, mert kilép a modellből
- r, s sémái R(A1,...,An,B1,...,Bk), illetve
 S(B1,...,Bk,C1,...,Cm)
- r ⋈ s = r ⋈ s relációt kiegészítjük az r és s soraival, a hiányzó helyekre NULL értéket írva

	В		В	С		A	В
A	В		0	n		0	0
0	0		<u>U</u>	U	=	0	0
2	1_	W	0	2		2	1
1	2		7	3		1	2
<u>'</u>			4	3		NULL	4



3

3

NULL

Összekapcsolások

- Ha r, s sémái megegyeznek, akkor r|×|s = r ∩ s.
- Ha r, s sémáiban nincs közös attribútum, akkor
 r|×|s = r×s.
- Har = \emptyset , akkor r×s = \emptyset és r|×|s = \emptyset .
- A külső összekapcsolás lehet bal oldali, ha csak r sorait vesszük hozzá a természetes összekapcsoláshoz: r|^o|_Bs. Hasonlóan értelmezhetjük a jobb oldali összekapcsolást is r|^o|_Js.

select A,r.B,C from r left outer join s on r.B=s.B;
vagy select A,r.B,C from r,s where r.B = s.B(+);

select A,r.B,C from r right outer join s on r.B=s.B; vagy select A,r.B,C from r,s where r.B(+) = s.B;



Osztás, hányados

- Maradékos osztás: 7 ÷ 3 = 2, mert 2 a legnagyobb egész, amelyre még 2 * 3 ≤ 7.
- Relációk szorzata esetén ≤ helyett tartalmazás.
- r és s sémája R(A1,...,An,B1,...,Bm), illetve
 S(B1,...,Bm), r ÷ s sémája R(A1,...,An)
- r ÷ s a legnagyobb (legtöbb sort tartalmazó)
 reláció, amelyre (r ÷ s) × s ⊆ r.
- Kifejezhető relációs algebrában:
- $\prod_{A_1,...,A_n}(r) \prod_{A_1,...,A_n}(\prod_{A_1,...,A_n}(r) \times s r)$
- Lehetséges értékekből kivonjuk a rossz értékeket.
- $(p \times r) \div r = p$

Osztás, hányados

Ki szereti legalább azokat, mint Micimackó?

_	_	_	_	_		
KI	MIT		MIT			KI
Füles	málna	÷			=	Füles
Füles	méz		méz			Micimackó
Füles	alma					
Micimackó	málna					
Micimackó	méz	<u>l</u>				
Kanga	málna					
Kanga	körte					
Nyuszi	lekvár					

r(a,b)÷s(b) hányados kifejezése SQL-ben (MINUS segítségével):

- $r(a,b)\div s(b)=\Pi_a(r)-\Pi_a(\Pi_a(r)\times s-r)$
- $\Pi_a(r) \times s = \Pi_{r,a,s,b}(r \times s)$
- select distinct r.a,s.b from r,s;
- $\Pi_a(r) \times s r$
- create view rsz as select distinct r.a,s.b from r, s minus select * from r;
- $\Pi_a(\Pi_a(r)\times s r)$
- select distinct a from rsz;
- $\Pi_a(\mathbf{r})$ $\Pi_a(\Pi_a(\mathbf{r})\times\mathbf{s}-\mathbf{r})$
- select distinct a from r minus
 select distinct a from rsz;

- r(a,b)÷s(b):
- $\Pi_a(r)$ $\Pi_a(\Pi_a(r)\times s-r)$
 - create view rsz as select distinct r.a,s.b from r, s minus select * from r;
- select distinct a from r minus select distinct a from rsz;

```
r(a,b)+s(b) hányados kifejezése SQL-ben (NOT EXISTS segítségével):
 r(a,b)\div s(b)=\Pi_a(r)-\Pi_a(\Pi_a(r)\times s-r)
\Pi_{a}(\mathbf{r}) \times \mathbf{s} = \Pi_{\mathbf{r}.\mathbf{a},\mathbf{s}.\mathbf{b}}(\mathbf{r} \times \mathbf{s})
 select distinct r.a,s.b from r,s;
 \Pi_a(r) \times s - r
 select distinct r.a,s.b from r r1, s s1
         where not exists
                    (select * from r r2
                                where r2.a=r1.a and s1.b=r2.b);
\Pi_a(\Pi_a(r)\times s-r)
 select distinct r.a from r r1, s s1
         where not exists
                    (select * from r r2
                                where r2.a=r1.a and s1.b=r2.b);
\cdot \Pi_a(\mathbf{r}) - \Pi_a(\Pi_a(\mathbf{r}) \times \mathbf{s} - \mathbf{r})
select distinct r2.a from r r2
           where not exists
                       (select * from r r1, s s1
                                  where r2.a=r1.a and
                                              not exists
                                                          (select * from r r3
                                                                     where r3.a=r1.a
                                                                                and s1.b=r
```

Monotonitás

 Monoton nem csökkenő (röviden monoton) kifejezés: bővebb relációra alkalmazva az eredmény is bővebb:

Ha $Ri \subseteq Si$, i=1,...,n, akkor $E(R1,...,Rn)\subseteq E(S1,...,Sn)$.

 A kivonás kivétel az alapműveletek monoton műveletek (monoton relációs algebra).

Α	В		Α	В	\/	Α	В		A	В
0	1	_	0	1	X	0	1	-	0	1
0	0					0	0		0	0

Monotonitás

- DE: Monoton kifejezésben is szerepelhet kivonás: r ∩ s = r - (r - s) monoton.
- Ha E, E1, Ek monoton kifejezések, és E(E1(...),...,Ek(...)) helyes kifejezés, akkor monoton is.
- Következmény: A kivonás nem fejezhető ki a többi alapművelettel.

Ismétlés vége

