2. Beadandó

1 Elsőrendű formalizálás (3 pont)

- 1. Létezik olyan állat amelyik húsevő.
- 2. Minden állatra igaz: ha növényevő, akkor szeret fészket rakni.
- 3. Alex az oroszlán, és Bob a baromfi között fennáll a predátor préda viszony.
- 4. Van olyan állat, amelynek az édesapja szeret fészket rakni.
- a) Adjunk interpretációt a fenti állításokhoz!
- b) Formalizáljuk a fenti állításokat az általunk készített interpretációban.

2 Elsőrendű értéktábla (3 pont)

a) Adott a következő interpretáció, készítsük el a formula teljesen kitöltött elsőrendű értéktábláját!

```
\mathbf{U}=\{\text{ 'aa','ab','ba','bb' }\}\\ |P(x)|^I-\mathbf{x}első karaktere 'a' |Q(x,y)|^I-\mathbf{x}\text{-ben \'es y-ban ugyanannyi 'b' szerepel}\\ |f(x)|^I-\text{ 'aa', ha x-ben van 'a', egy\'ebk\'ent 'bb'}\\ |\bar{a}|^I-\text{ 'ba'}
```

$$P(f(v)) \supset \exists x Q(x, \bar{a}) \land \forall y \exists z Q(f(y), z)$$

b) Határozzuk meg a formula szemantikus tulajdonságait az értéktábla alapján!

3 Kielégíthető formula (2 pont)

Adott a
$$< \{\pi\}, \{K, L\}, \{f\}, \{\} >$$
nyelv szignatúrája: $\nu_1(K) = (\pi), \nu_1(L) = (\pi, \pi), \nu_2(f) = (\pi; \pi), \nu_3() = 0$

Mutassuk meg, hogy a

$$(\exists x \neg P(x) \lor \forall x Q(f(v), x)) \supset \exists x \forall y (\neg P(y) \land Q(x, f(y)))$$

elsőrendű formula kielégíthető és nem logikai törvény! Válaszunkat részletesen indokoljuk!

[Nyelv és szignatúra értelmezése:

A formula egyfajtájú univerzumon van értelmezve; az K egy egyparaméteres, a L pedig kétparaméteres predikátumszimbúlumok, f egyparaméteres függvényszimbólum. A formulában konstans szimbólum nem található.]