

1. Sorozatszámítás

Specifikáció (az általános):

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H^N$
- Kimenet: $S \in H$
- Előfeltétel: –
- Utófeltétel: $S = F(X_{1..N})$
- Definíció:

$H^* = \{(h_1, h_2, \dots) \mid h_i \in H\}$
 H^* : H iterált halmaza

$$F: H^* \rightarrow H$$

$$F(X_{1..N}) := \begin{cases} F_0 & , N = 0 \\ f(F(X_{1..N-1}), X_N) & , N > 0 \end{cases}$$

$$f: H \times H \rightarrow H, F_0 \in H$$



1. Sorozatszámítás

Algoritmus (általánosan):

Specifikáció:

> Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H_1^N$
 > Kimenet: $S \in H_2$
 > Előfeltétel: –
 > Utófeltétel: $S = F(X_{1..N})$
 > Definíció:
 $F: H_1^* \rightarrow H_2$
 $F(X_{1..N}) := \begin{cases} F_0 & , N = 0 \\ f(F(X_{1..N-1}), X_N) & , N > 0 \end{cases}$
 $f: H_2 \times H_1 \rightarrow H_2, F_0 \in H_2$

$S := F_0$

$i = 1..N$

$S := f(S, X[i])$

Változó

i : Egész

Σ (összegzés) esetén:

$$\sum_{i=1}^N X_i := \begin{cases} 0 & , N = 0 \\ \sum_{i=1}^{N-1} X_i + X_N & , N > 0 \end{cases}$$

$S := 0$

$i = 1..N$

$S := S + X[i]$

Változó

i : Egész



2. Megszámolás

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H^N$,
 $T: H \rightarrow \mathbb{L}$

N darab „valamire” kell megadni, hogy hány adott tulajdonságú van közöttük.

H: tetszőleges halmaz

T: tetszőleges tulajdonság-függvény

- Kimenet: $D_b \in \mathbb{N}$
- Előfeltétel: –
- Utófeltétel: $D_b = \sum_{i=1}^N 1_{T(X_i)}$

Megjegyzés:

A T tulajdonság egy logikai függvényként adható meg. X (sőt H) minden elemről megvizsgálható, hogy rendelkezik-e az adott tulajdonsággal vagy sem.

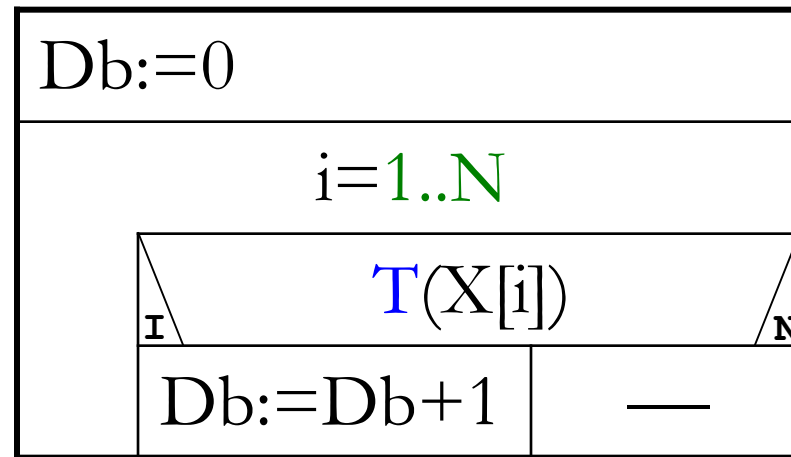


2. Megszámolás

Algoritmus:

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H^N$,
 $T: H \rightarrow L$
- Kimenet: $Db \in \mathbb{N}$
- Előfeltétel: —
- Utófeltétel: $Db = \sum_{i=1}^N 1_{T(X_i)}$



Változó
i:Egész



3. Maximum-kiválasztás

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H^N$
 - Kimenet: $Max \in \mathbb{N}$, $MaxÉrt \in H$
 - Előfeltétel: $N > 0$
 - Utófeltétel: $1 \leq Max \leq N$ és
 $\forall i (1 \leq i \leq N): X_{Max} \geq X_i$ és
 $MaxÉrt = X_{Max}$
- másképp: $(Max, MaxÉrt) = \underset{i=1}{\overset{N}{\text{Max}}} X_i$

N darab „valamire” kell megadni közülük a legnagyobb (vagy a legkisebbet).

A cél egy szummával azonos „tömörségű” operátorral kifejezni.

Léteznie kell a $\geq: H \times H \rightarrow L$ rendezési relációnak!



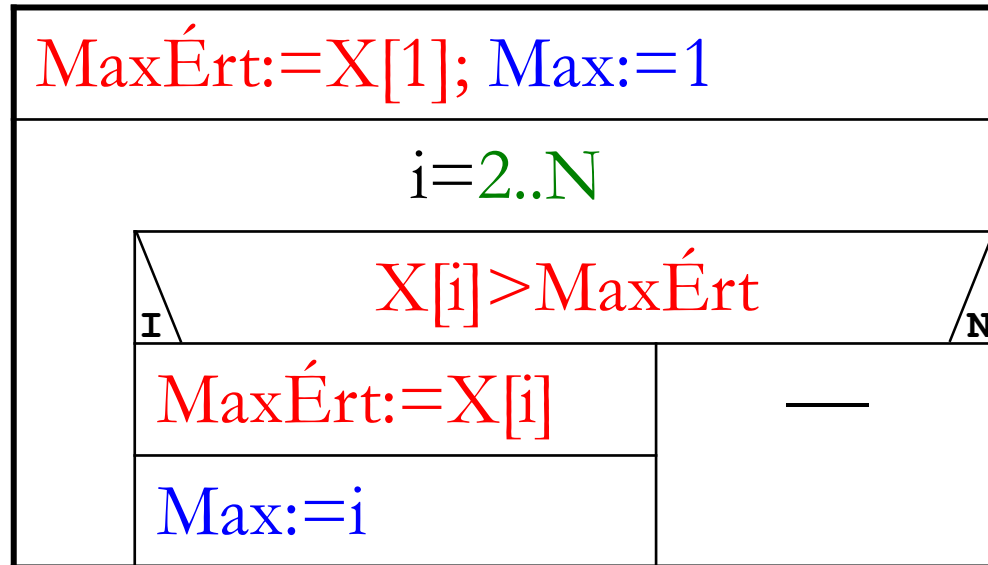
3. Maximum-kiválasztás (maximális érték és index)

Algoritmus:

Változó
i:Egész

Specifikáció:

- > Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in \mathbb{H}^N$
- > Kimenet: $\text{Max} \in \mathbb{N}$, $\text{MaxÉrt} \in \mathbb{H}$
- > Előfeltétel: $N > 0$
- > Utófeltétel: $1 \leq \text{Max} \leq N$ és
 $\forall i (1 \leq i \leq N): X_{\text{Max}} \geq X_i$ és
 $\text{MaxÉrt} = X_{\text{Max}}$



Megjegyzés: Ha több maximális érték is van, akkor közülük az elsőöt kapjuk meg – a megoldás tudhat többet, mint a specifikáció által elvárt.

Kérdések: Hogyan lesz belőle utolsó maximális?
Hogyan lesz belőle (első) minimális?



4. Keresés

N darab „valami” közül kell megadni egy adott tulajdonságút, ha nem tudjuk, hogy ilyen elem van-e.

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$, $X_{1..N} \in H^N$, $T: H \rightarrow L$
- Kimenet: $Van \in L$, $Ind \in \mathbb{N}$, $Ért \in H$
- Előfeltétel: –
- Utófeltétel: $Van = \exists i (1 \leq i \leq N): T(X_i)$ és
 $Van \rightarrow 1 \leq Ind \leq N$ és $T(X_{Ind})$ és $Ért = X_{Ind}$
 N
 másképp: $(Van, Ind, Ért) = \text{Keres } i$
 $i=1$
 $T(X_i)$

Tehát a feladat „egyik fele” megadja, hogy **van-e** adott tulajdonságú elem, a „másik fele” pedig, hogy **melyik** az, ill. a „harmadik” az **értékét**.



4. Keresés

Algoritmus:

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$, $X_{1..N} \in H^N$, $T: H \rightarrow L$
- Kimenet: $\text{Van} \in L$, $\text{Ind} \in \mathbb{N}$, $\text{Ért} \in H$
- Előfeltétel: –
- Utófeltétel: $\text{Van} = \exists i (1 \leq i \leq N): T(X_i)$ és
 $\text{Van} \rightarrow 1 \leq \text{Ind} \leq N$ és $T(X_{\text{Ind}})$ és $\text{Ért} = X_{\text{Ind}}$

Változó
i: Egész

$i:=1$	
$i \leq N$ és nem $T(X[i])$	
	$i:=i+1$
$Van:=i \leq N$	
I	Van
$Ind:=i$	—
$Ért:=X[i]$	

Megjegyzés:

Többször tudás: a megoldás az első adott tulajdonságú elemet adja meg.



5. Eldöntés

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H^N$,
 $T: H \rightarrow L$
- Kimenet: $Van \in L$
- Előfeltétel: –
- Utófeltétel: $Van = \exists i (1 \leq i \leq N): T(X_i)$
másképp: $Van = \bigvee_{i=1}^N T(X_i)$

Döntsük el, hogy N „valami” között van-e adott tulajdonsággal rendelkező elem!



5. Eldöntés

Algoritmus₁:

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H^N$,
 $T: H \rightarrow L$
- Kimenet: $Van \in L$
- Előfeltétel: –
- Utófeltétel: $Van = \exists i (1 \leq i \leq N) : T(X_i)$

Változó

i: Egész

i:=1

i ≤ N és nem T(X[i])

i:=i+1

Van:=i ≤ N

Algoritmus₂:

Változó

i: Egész

i:=0; Van:=Hamis

i < N és nem Van

i:=i+1; Van:=T(X[i])



6. Kiválasztás

N „valami” közül kell megadni egy adott tulajdonságút, ha tudjuk, hogy ilyen elem biztosan van.

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H^N$,
 $T: H \rightarrow L$
 - Kimenet: $Ind \in \mathbb{N}$, $\acute{E}rt \in H$
 - Előfeltétel: $N > 0$ és $\exists i (1 \leq i \leq N): T(X_i)$
 - Utófeltétel: $1 \leq Ind \leq N$ és $\bigvee_{i=1}^N T(X_{Ind})$ és $\acute{E}rt = X_{Ind}$
- másképp: $(Ind, \acute{E}rt) = \text{Kiválaszt } i$
 $i=1$
 $T(X_i)$



6. Kiválasztás

Algoritmus:

Specifikáció:

- Bemenet: $N \in \mathbb{N}$,
 $X_{1..N} \in H^N$
 $T: H \rightarrow L$
- Kimenet: $Ind \in \mathbb{N}$, $\text{Ért} \in H$
- Előfeltétel: $N > 0$ és $\exists i (1 \leq i \leq N): T(X_i)$
- Utófeltétel: $1 \leq Ind \leq N$ és $T(X_{Ind})$
 $\text{Ért} = X_{Ind}$

$i := 1$

nem $T(X[i])$

$i := i + 1$

$Ind := i$

$\text{Ért} := X[i]$

Változó

i : Egész

Megjegyzés:

Többlet tudás: a megoldás az első adott tulajdonságú elemet adja meg – a program tudhat többet annál, mint amit várunk tőle.

Hogy kellene az utolsót megadni?

