

Московский авиационный институт  
(национальный исследовательский университет)

Факультет информационных технологий и прикладной  
математики

Кафедра вычислительной математики и программирования

Лабораторная работа №2 по курсу «Дискретный анализ»

Студент: Меджидли И. И. о  
Преподаватель: Михайлова С. А  
Группа: М8О-201Б-21  
Дата: 07.09.2023  
Оценка:  
Подпись:

Москва, 2023

## Лабораторная работа №2

**Задача:** Необходимо создать программную библиотеку, реализующую указанную структуру данных, на основе которой разработать программу-словарь. В словаре каждому ключу, представляющему из себя регистронезависимую последовательность букв английского алфавита длиной не более 256 символов, поставлен в соответствие некоторый номер, от 0 до 264 - 1. Разным словам может быть поставлен в соответствие один и тот же номер.

**Вариант структуры:** PATRICIA.

# 1 Описание

Patricia:

Patricia — усовершенствованное суффиксное дерево (Trie). Корень дерева - единственный элемент в дереве, у которого 1 потомок (левый), у остальных элементов 2 потомка (левый и правый). У каждого узла (структура Node) содержится некоторый индекс — номер бита, который должен проверяться с целью выбора пути (потомка) из этого узла. У корня этот бит - 0, т.е. ничего не проверяем, а идем по ссылке в левый потомок. Далее при проверке у остальных элементов, если данный порядковый бит равен 0, то идём по ссылке налево, если - 1, то направо. Каждый раз, опускаясь по патриции, мы проверяем большие индексы.

Ссылки могут быть прямые (когда номер бита увеличивается) и обратные (когда уменьшается, либо не меняется, т.е. возвращается в себя). У каждого узла ровно одна обратная ссылка.

Каждый из узлов хранит в себе ключ (string), значение (unsigned long long), индекс (номер бита, по которому идёт сравнение для продвижения по дереву) (size\_t), указатели на левого и правого потомка (причем потомок может быть выше в дереве, чем текущий узел ввиду обратных ссылок).

В целом, Patricia является доработанным бинарным деревом. Сложность добавления, поиска и удаления элемента в словарь, основанный на Patricia —  $O(h)$ , где  $h$  — высота дерева.

## 2 Исходный код

Основные этапы:

- 1) Реализация класса Patricia.
- 2) Чтение пользовательских запросов.
- 3) Выполнение требуемых запросов.

```
1  #include <iostream>
2  #include <string>
3  #include <tuple>
4  #include <cctype>
5  #include <algorithm>
6  #include <vector>
7  #include <fstream>
8  #include <sstream>
9
10 using namespace std;
11
12 // Bits u need in one char
13 const int BIT_COUNT = 5;
14
15 struct forArray{
16     int lenkey;
17     string key;
18     unsigned long long value;
19 };
20
21 typedef class Patricia{
22 private:
23     struct Node;
24     Node *root = nullptr;
25     // Search but return 3 nodes
26     tuple<Node*, Node*, Node*> SearchE(const string& findKey) const;
27     // Search return only 1 node
28     Node* Search(const string& findKey) const;
29     // Insert node to tree
30     void Insert(const string& key, const unsigned long long& value, const size_t& index
31         );
32     void ClearNode(Node *node);
33     void Show(Node *node, vector <forArray>& savear, int& i);
34     // void split(string str, vector<string>& res);
35 public:
36     // Get value from map
37     unsigned long long& At(const string& findKey) const;
38     // Create node with key value and insert to tree
39     void Add(const string& key, unsigned long long value);
40     // Delete node from tree
41     void Erase(const string& key);
```

```

41     void Save(string& path);
42     void Load(string& path);
43     void Clear();
44     ~Patricia(){}
45 } patr;
46
47 struct Patricia::Node{
48     string key;
49     unsigned long long value;
50     size_t index;
51     Node *right, *left;
52
53     Node(const string& key, const unsigned long long& value, const int& index)
54         : key(key), value(value), index(index), left(nullptr), right(nullptr) { }
55
56     ~Node(){}
57 };
58
59
60
61 Patricia::Node* Patricia::Search(const string& findKey) const{
62     Node *currentNode = root->left, *prevNode = root;
63
64     while(currentNode->index > prevNode->index){
65         // Index of char that we need to check
66         size_t charIndex = (currentNode->index - 1) / BIT_COUNT;
67
68         // findKey is less than need char
69         if(charIndex >= findKey.size()){
70             // Remember prevNode
71             prevNode = currentNode;
72             // Only '0'
73             currentNode = currentNode->left;
74             continue;
75         }
76
77         char currentChar = findKey[charIndex];
78         // How many times should we shift to the right
79         int offset = (BIT_COUNT - 1 - ((currentNode->index - 1) % BIT_COUNT));
80         // Get current bit
81         bool currentBit = (currentChar >> offset) & 1;
82
83         // Remember prevNode
84         prevNode = currentNode;
85         // If '1' go right, '0' go left
86         currentBit ? currentNode = currentNode->right
87                   : currentNode = currentNode->left;
88     }
89     return currentNode;

```

```

90 }
91
92 void Patricia::Add(const string& key, unsigned long long value){
93     if(!root){
94         root = new Node(key, value, 0);
95         root->left = root;
96         return;
97     }
98
99     Node *foundNode = Search(key);
100     if(foundNode->key == key)
101         throw runtime_error("Exist\n");
102
103     bool run = true;
104     size_t charIndex = 0;
105     while(run){
106         char foundedKey = (foundNode->key.size() > charIndex ? foundNode->key[charIndex
107             ] : '\0');
108         char inputKey = (key.size() > charIndex ? key[charIndex] : '\0');
109         for(size_t i = 0; i < BIT_COUNT; ++i){
110             bool foundedKeyBit = foundedKey >> (BIT_COUNT - 1 - i) & 1;
111             bool inputKeyBit = inputKey >> (BIT_COUNT - 1 - i) & 1;
112             if(foundedKeyBit != inputKeyBit){
113                 Insert(key, value, charIndex * BIT_COUNT + i + 1);
114                 run = false;
115                 break;
116             }
117             ++charIndex;
118         }
119     }
120
121 void Patricia::Insert(const string& key, const unsigned long long& value, const size_t
    & index){
122     Node *currentNode = root->left, *prevNode = root;
123
124     while(currentNode->index > prevNode->index && currentNode->index <= index){
125         size_t charIndex = (currentNode->index - 1) / BIT_COUNT;
126         // FindKey is less than need char
127         if(charIndex >= key.size()){
128             prevNode = currentNode;
129             // Only '0'
130             currentNode = currentNode->left;
131             continue;
132         }
133         char currentChar = key[charIndex]; // If findkey.size less than currentNode->
            index
134         int offset = (BIT_COUNT - 1 - ((currentNode->index - 1) % BIT_COUNT));
135         bool currentBit = (currentChar >> offset) & 1;

```

```

136
137     // Remember prevNode
138     prevNode = currentNode;
139     // If '1' go right, '0' go left
140     currentBit ? currentNode = currentNode->right : currentNode = currentNode->left
141     ;
142 }
143
144 char getCharFromKey = key[(index - 1) / BIT_COUNT];
145 bool getBit = getCharFromKey >> (BIT_COUNT - 1 - (index - 1) % BIT_COUNT) & 1;
146 Node *newNode = new Node(key, value, index);
147
148 if(prevNode->left == currentNode)
149     prevNode->left = newNode;
150 else
151     prevNode->right = newNode;
152
153 getBit ? (newNode->right = newNode, newNode->left = currentNode) : (newNode->left =
154     newNode, newNode->right = currentNode);
155 }
156
157 unsigned long long& Patricia::At(const string& findKey) const{
158     if(!root)
159         throw runtime_error("NoSuchWord\n");
160
161     Node* get = Search(findKey);
162
163     if(get->key == findKey)
164         return get->value;
165
166     throw runtime_error("NoSuchWord\n");
167 }
168
169 tuple<Patricia::Node*, Patricia::Node*, Patricia::Node*> Patricia::SearchE(const
170     string& findKey) const{
171     Node *currentNode = root->left, *prevNode = root, *prevPrevNode = root;
172     while(currentNode->index > prevNode->index){
173         size_t charIndex = (currentNode->index - 1) / BIT_COUNT;
174
175         // FindKey is less than need char
176         if(charIndex == findKey.size()){
177             prevPrevNode = prevNode;
178             prevNode = currentNode;
179             // Only '0'
180             currentNode = currentNode->left;
181             continue;
182         }
183     }
184
185     char currentChar = findKey[charIndex]; // If findkey.size less than currentNode->

```

```

182     index
183     int offset = (BIT_COUNT - 1 - ((currentNode->index - 1) % BIT_COUNT));
184     bool currentBit = (currentChar >> offset) & 1;
185
186     // Remember prevNode & prevPrevNode
187     prevPrevNode = prevNode;
188     prevNode = currentNode;
189     // If '1' go right, '0' go left
190     currentBit ? currentNode = currentNode->right : currentNode = currentNode->left;
191 }
192
193 return make_tuple(currentNode, prevNode, prevPrevNode);
194 }
195
196 void Patricia::Erase(const string& key){
197     if(!root) throw runtime_error("NoSuchWord\n");
198
199     // Get delete node, owner delete node and parent owner
200     tuple<Node*, Node*, Node*> delOwnerParentTuple = SearchE(key);
201     // A
202     Node *deleteNode = get<0>(delOwnerParentTuple);
203     //
204     Node *ownerDeleteNode = get<1>(delOwnerParentTuple);
205     // parent
206     Node *parentOwnerDeleteNode = get<2>(delOwnerParentTuple);
207
208     if(deleteNode->key != key){
209         throw runtime_error("NoSuchWord\n");
210     }
211     // If delete node is root and it's one
212     if(deleteNode == root && root->left == root){
213         delete root;
214         root = nullptr;
215         return;
216     }
217     // If delete node is leaf
218     if(ownerDeleteNode == deleteNode){
219         if(parentOwnerDeleteNode->right == deleteNode)
220             if(deleteNode->right == deleteNode)
221                 parentOwnerDeleteNode->right = deleteNode->left;
222             else
223                 parentOwnerDeleteNode->right = deleteNode->right;
224         else
225             if(deleteNode->right == deleteNode)
226                 parentOwnerDeleteNode->left = deleteNode->left;
227             else
228                 parentOwnerDeleteNode->left = deleteNode->right;
229         delete deleteNode;

```



```

230     deleteNode = nullptr;
231     return;
232 }
233
234 // Get owner owner delete node
235 tuple<Node*, Node*, Node*> ownerOwnerTuple = SearchE(ownerDeleteNode->key);
236 Node *ownerOwnerDelNode = get<1>(ownerOwnerTuple);
237
238 // Change item from owner delete node to delete node
239 deleteNode->key = ownerDeleteNode->key;
240 deleteNode->value = ownerDeleteNode->value;
241 // If owner delete node is leaf
242 if(ownerOwnerDelNode == ownerDeleteNode){
243     if(parentOwnerDeleteNode->right == ownerDeleteNode)
244         parentOwnerDeleteNode->right = deleteNode;
245     else
246         parentOwnerDeleteNode->left = deleteNode;
247 }
248 else{
249     // Tie parent owner delete node with child
250     if(parentOwnerDeleteNode->right == ownerDeleteNode)
251         if(ownerDeleteNode->right == deleteNode)
252             parentOwnerDeleteNode->right = ownerDeleteNode->left;
253         else
254             parentOwnerDeleteNode->right = ownerDeleteNode->right;
255     else
256         if(ownerDeleteNode->right == deleteNode)
257             parentOwnerDeleteNode->left = ownerDeleteNode->left;
258         else
259             parentOwnerDeleteNode->left = ownerDeleteNode->right;
260
261     if(ownerOwnerDelNode->right == ownerDeleteNode)
262         ownerOwnerDelNode->right = deleteNode;
263     else
264         ownerOwnerDelNode->left = deleteNode;
265 }
266 delete ownerDeleteNode;
267 ownerDeleteNode = nullptr;
268 }
269
270 void Patricia::Clear(){
271     if(!root)
272         return;
273     if(root != root->left)
274         ClearNode(root->left);
275     delete root;
276     root = nullptr;
277 }
278

```

```

279 void Patricia::ClearNode(Node *node){
280     if((node->left->index > node->index) && (node->left != node) && (node->left != root
        ))
281         ClearNode(node->left);
282     if((node->right->index > node->index) && (node->right != node) && (node->right !=
        root))
283         ClearNode(node->right);
284
285     delete node;
286     node = nullptr;
287 }
288
289 void Patricia::Load(string& path)
290 {
291     ifstream fin;
292     string str;
293     fin.open(path);
294
295     while(getline(fin, str)){
296         stringstream ss(str);
297         int a;
298         unsigned long long val;
299         string key;
300         ss >> a >> key >> val;
301         Add(key, val);
302     }
303 }
304
305
306 void Patricia::Save(string& path)
307 {
308     ofstream fout;
309     fout.open(path);
310     if(root){
311         Node *currentNode = root;
312         Node *prevNode = nullptr;
313         vector <forArray> savear;
314
315         forArray info;
316         info.lenkey = currentNode->key.length();
317         info.key = currentNode->key;
318         info.value = currentNode->value;
319         savear.push_back(forArray());
320         savear[0] = info;
321         prevNode = currentNode;
322         currentNode = currentNode->left;
323         if(prevNode != currentNode){
324             int i = 1;
325             int& a = i;

```

```

326     Show(currentNode, savear, a);
327 }
328 for(auto& k:savear){
329     fout << k.lenkey << " " << k.key << " " << k.value << "\n";
330 }
331 }
332 }
333
334 void Patricia::Show(Node *node, vector <forArray>& savear, int& i)
335 {
336     forArray info;
337     info.lenkey = node->key.length();
338     info.key = node->key;
339     info.value = node->value;
340     savear.push_back(forArray());
341     savear[i] = info;
342     // cout << node->value << "\n"; //
343     if (node->left->index > node->index){
344         Show(node->left, savear, ++i); //
345     } // ,
346
347     if (node->right->index > node->index){
348         Show(node->right, savear, ++i); //
349     } // ,
350     return;
351 }
352
353
354 int main(void){
355     patr imedy;
356     string command;
357     while(cin >> command && command != "\x4"){
358         if(command == "+"){
359             string key; cin >> key;
360             transform(key.begin(), key.end(), key.begin(),
361                 [](unsigned char c){ return tolower(c); });
362             // key = tolower(key);
363             unsigned long long value; cin >> value;
364             try{
365                 imedy.Add(key, value);
366                 cout << "OK\n";
367             }
368             catch(const runtime_error& e){
369                 cout << e.what();
370             }
371         }
372         else if(command == "-"){
373             string key; cin >> key;
374             transform(key.begin(), key.end(), key.begin(),

```

```

375     [](unsigned char c){ return tolower(c); });
376     try{
377         imedy.Erase(key);
378         cout << "OK\n";
379     }
380     catch(const runtime_error& e){
381         cout << e.what();
382     }
383 }
384 else if(command == "clear" || command == "new"){
385     imedy.Clear();
386 }
387 else if(command == "!="){
388     string key, path;
389     cin >> key;
390     cin >> path;
391     if(key == "Save"){
392         try{
393             imedy.Save(path);
394             cout << "OK\n";
395         }
396         catch(const runtime_error& e){
397             cout << e.what();
398         }
399     }
400
401     if(key == "Load"){
402         try{
403             patr forload;
404             imedy.Clear();
405             forload.Load(path);
406             // imedy.Load(path);
407             imedy = forload;
408             cout << "OK\n";
409         }
410         catch(const runtime_error& e){
411             cout << e.what();
412         }
413     }
414 }
415 else{
416     try{
417         string key = command;
418         transform(key.begin(), key.end(), key.begin(),
419             [](unsigned char c){ return tolower(c); });
420         unsigned long long imkey = imedy.At(key);
421         cout << "OK: " << imkey << '\n';
422     }
423     catch(const runtime_error& e){

```

```
424 |         cout << e.what();  
425 |     }  
426 | }  
427 |  
428 | imedy.Clear();  
429 | return 0;  
430 | }
```

### 3 Тесты

Тестировать программу буду ручным способом.

```
imedzhidli@imedzhidli:~/Desktop/DA/LABA2$ ./lab2
+ a 1
OK
A
OK: 1
+ A 2
Exist
+ aaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaa
18446744073709551615
OK
aaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaa
OK: 18446744073709551615
A
OK: 1
-A
OK
a
NoSuchWord
+ a 77
OK
+ aav 3
OK
a
OK: 77
aav
OK: 3
aaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaaa
OK: 18446744073709551615
imedzhidli@imedzhidli:~/Desktop/DA/LABA2$
```

Как можно заметить, все верно.

## 4 Выводы

При выполнении второй лабораторной работы по курсу «Дискретный анализ» я познакомился с такой интересной структурой данных, как Patricia, реализовал ее и методы работы с ней. Надеюсь мне понадобятся знания, полученные при выполнении этой лабораторной работы.