

Traitement d'images numériques

Analyse d'images: 2ème partie

Département Génie Electrique 5GE - TdSi

Sommaire

- Introduction
- II. Fondamentaux en imagerie numérique
- III. Traitement discret 2D
- IV. Amélioration d'image

V. Analyse d'images (6 heures)



■ Sources qui ont inspirées cette partie:

- ★ Henri Maître (2003): Le traitement des images, Hermes-Lavoisier
- ★ J.P. Cocquerez (1995): Analyse d'images: filtrage et segmentation, Hermes-Lavoisier
- ★ http://www.ensta.fr/~manzaner/Support_Cours.html
- ★ http://www.tsi.enst.fr/~tupin/TDI.html

Sommaire

V. Analyse d'images

- ✓ 1ère partie
 - Morphologie mathématique
 - Détection et analyse de contours
- ✓ 2ème partie
 - Segmentation par régions
- √ 3^{ème} partie
 - Analyse de formes
 - Extraction de caractéristiques

Sommaire

V. Analyse d'images

- ✓ 1ère partie
 - Morphologie mathématique
 - Détection et analyse de contours
- ✓ 2^{ème} partie
 - Segmentation par régions
- ✓ 3^{ème} partie
 - Analyse de formes
 - **■** Extraction de caractéristiques

- Contexte
 - Définition
 - Principe
- Les différentes méthodes
 - Méthodes par histogramme
 - Méthodes par transformation de région
 - Méthodes par optimisation

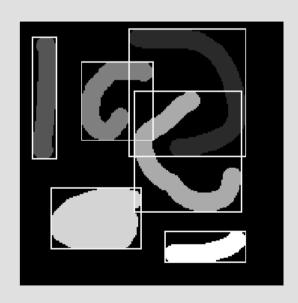
Contexte - Définition

La segmentation consiste à partitionner une image en un ensemble de régions connexes

Repose sur la recherche de zones de l'image possédant des attributs communs, comme la luminosité ou plus rarement la texture

Contexte - Définition

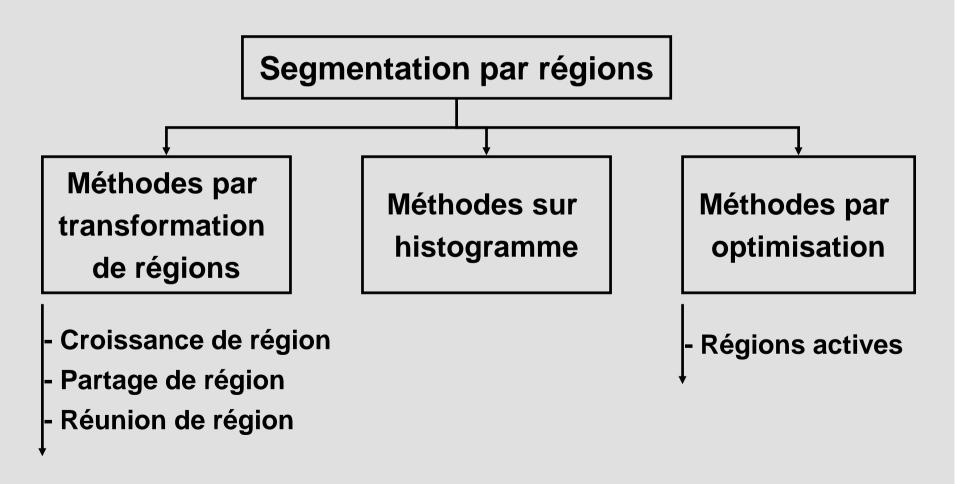
L'intérêt de détecter des régions est de pouvoir les manipuler ensuite pour extraire des caractéristiques de forme, de position, de taille ...



Exemple d'utilisation de segmentation par régions: étiquetage de pièces, d'objets

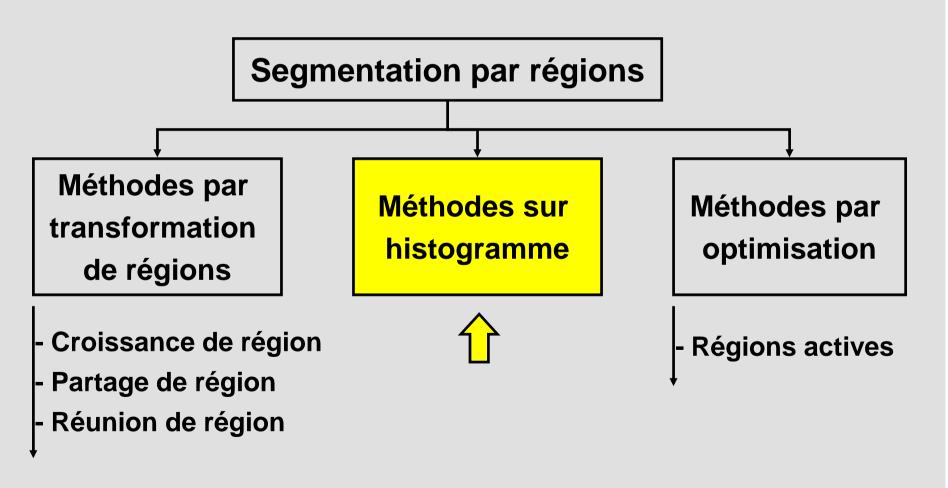
- Contexte Définition
 - ▶ Le problème de segmentation par régions est mal posé ⇒ il n'existe pas de segmentation idéale
 - Le choix d'une méthode est lié
 - à la nature des images (éclairage, texture, ...)
 - à la forme des primitives à extraire
 - aux contraintes de temps

Contexte – Les différentes méthodes



- **■** Contexte
 - □ Définition
 - □ Principe
- Les différentes méthodes
 - Méthodes par histogramme
 - Méthodes par transformation de région
 - Méthodes par optimisation

Contexte – Les différentes méthodes



■ Méthodes sur histogramme

L'idée générale de ces méthodes consiste à isoler des pics de l'histogramme, puis de seuiller les zones correspondantes

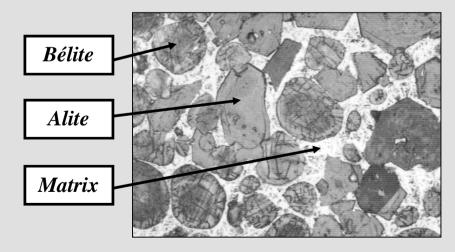
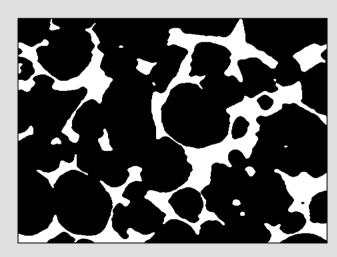


Image originale



Séparation des classes Alite et Belite de la classe célite (le fond)

- Méthodes sur histogramme Principe
 - ► Localisation sur un histogramme d'un mode isolé
 - Détection de la zone correspondante par seuillage
 - Parmi les zones de l'image contribuant à ce mode, sélection de la région connexe la plus grande grâce à l'utilisation de méthodes haut-niveaux (exemple: morphologie mathématique)
 - Itèration sur un autre mode isolé de l'histogramme

- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Localisation sur l'histogramme d'un mode isolé

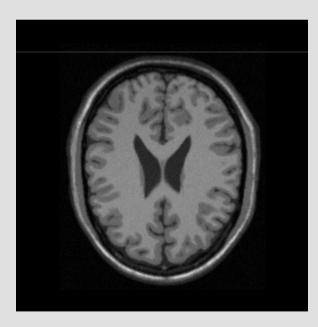
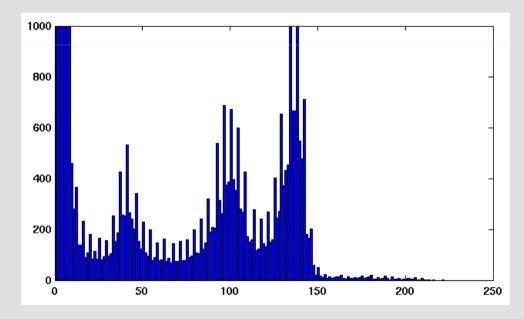
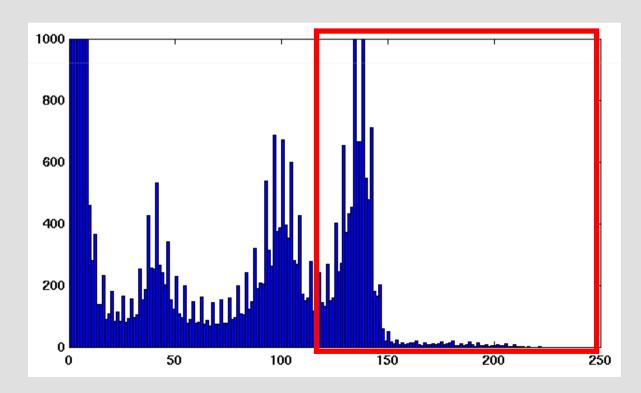


Image originale



Histogramme de l'image

- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Localisation sur l'histogramme d'un mode isolé

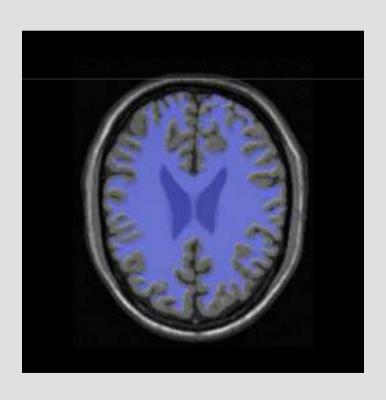


- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Détection de la zone correspondante par seuillage





- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Sélection de la région connexe la plus grande



Algorithmes utilisés

- Seuillage par hystérésis
- Morphologie mathématique (érosion, bouchage de trous, fermeture)

Code matlab correspondant

```
% Lecture image
img = imread('brain.png');
img = double(img(:,:,1));
% Selection des pixels correspondant a un
% mode de l'histogramme
e = find(img>118);
mask = zeros(size(img));
mask(e) = 255;
% Erosion de la region par morpho math
se = strel('disk',3);
maskErode = imerode(mask,se);
% Seuillage par hysteresis
maskHyst = hysteresis(mask,maskErode);
% Bouche les trous par morpho math
maskFill = imfill(maskHyst,'holes');
% Fermeture de la region par morpho math
se = strel('disk',1);
final = imclose(maskFill,se);
```

Code matlab correspondant

```
% Lecture image
img = imread('brain.png');
img = double(img(:,:,1));
% Selection des pixels correspondant a un
% mode de l'histogramme
e = find(img>118);
mask = zeros(size(img));
mask(e) = 255;
% Erosion de la region par morpho math
se = strel('disk',3);
maskErode = imerode(mask,se);
% Seuillage par hysteresis
maskHyst = hysteresis(mask,maskErode);
% Bouche les trous par morpho math
maskFill = imfill(maskHyst,'holes');
% Fermeture de la region par morpho math
se = strel('disk',1);
final = imclose(maskFill,se);
```

Sélection des pixels d'un mode

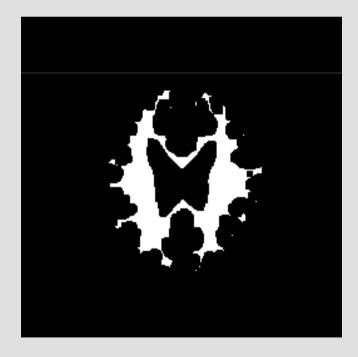


mask

Code matlab correspondant

```
% Lecture image
img = imread('brain.png');
img = double(img(:,:,1));
% Selection des pixels correspondant a un
% mode de l'histogramme
e = find(img>118);
mask = zeros(size(img));
mask(e) = 255;
% Erosion de la region par morpho math
se = strel('disk',3);
maskErode = imerode(mask,se);
% Seuillage par hysteresis
maskHyst = hysteresis(mask,maskErode);
% Bouche les trous par morpho math
maskFill = imfill(maskHyst,'holes');
% Fermeture de la region par morpho math
se = strel('disk',1);
final = imclose(maskFill,se);
```

Erosion de la région extraite



maskErode

Code matlab correspondant

```
% Lecture image
img = imread('brain.png');
img = double(img(:,:,1));
% Selection des pixels correspondant a un
% mode de l'histogramme
e = find(img>118);
mask = zeros(size(img));
mask(e) = 255;
% Erosion de la region par morpho math
se = strel('disk',3);
maskErode = imerode(mask,se);
% Seuillage par hysteresis
maskHyst = hysteresis(mask,maskErode);
% Bouche les trous par morpho math
maskFill = imfill(maskHyst,'holes');
% Fermeture de la region par morpho math
se = strel('disk',1);
final = imclose(maskFill,se);
```

Seuillage par hystérésis

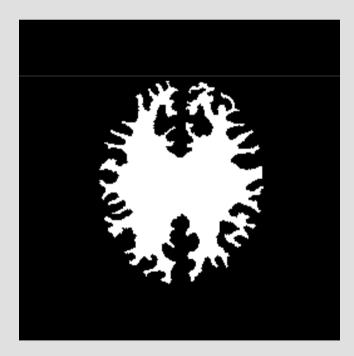


maskHyst

Code matlab correspondant

```
% Lecture image
img = imread('brain.png');
img = double(img(:,:,1));
% Selection des pixels correspondant a un
% mode de l'histogramme
e = find(img>118);
mask = zeros(size(img));
mask(e) = 255;
% Erosion de la region par morpho math
se = strel('disk',3);
maskErode = imerode(mask,se);
% Seuillage par hysteresis
maskHyst = hysteresis(mask,maskErode);
% Bouche les trous par morpho math
maskFill = imfill(maskHyst,'holes');
% Fermeture de la region par morpho math
se = strel('disk',1);
final = imclose(maskFill,se);
```

Bouchage de trous

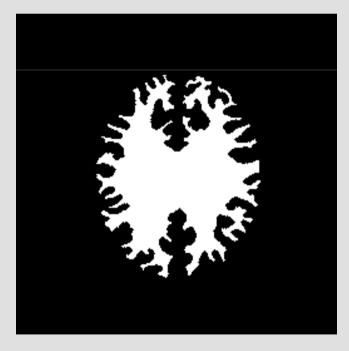


maskFill

Code matlab correspondant

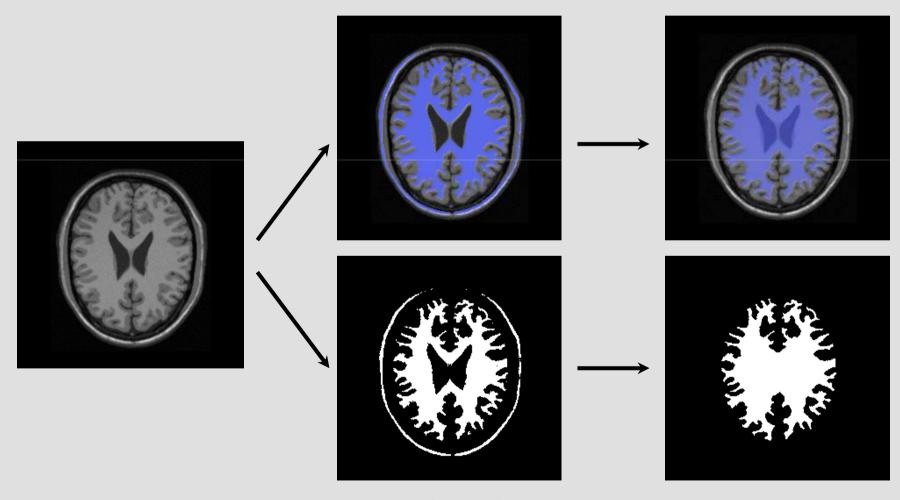
```
% Lecture image
img = imread('brain.png');
img = double(img(:,:,1));
% Selection des pixels correspondant a un
% mode de l'histogramme
e = find(img>118);
mask = zeros(size(img));
mask(e) = 255;
% Erosion de la region par morpho math
se = strel('disk',3);
maskErode = imerode(mask,se);
% Seuillage par hysteresis
maskHyst = hysteresis(mask,maskErode);
% Bouche les trous par morpho math
maskFill = imfill(maskHyst,'holes');
% Fermeture de la region par morpho math
se = strel('disk',1);
final = imclose(maskFill,se);
```

Fermeture de la région

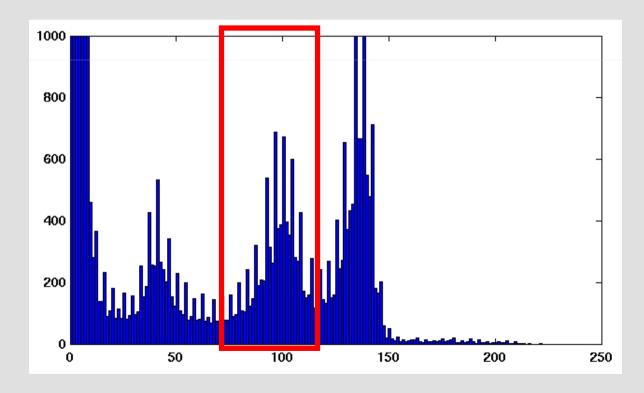


final

■ Méthodes sur histogramme - Exemple

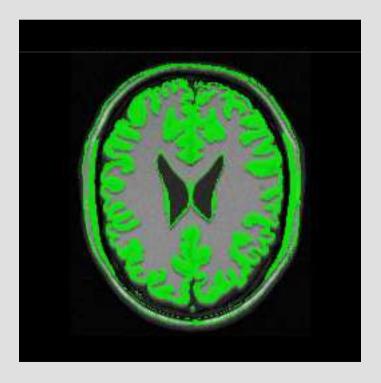


- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Localisation sur l'histogramme d'un mode isolé



- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Détection de la zone correspondante par seuillage





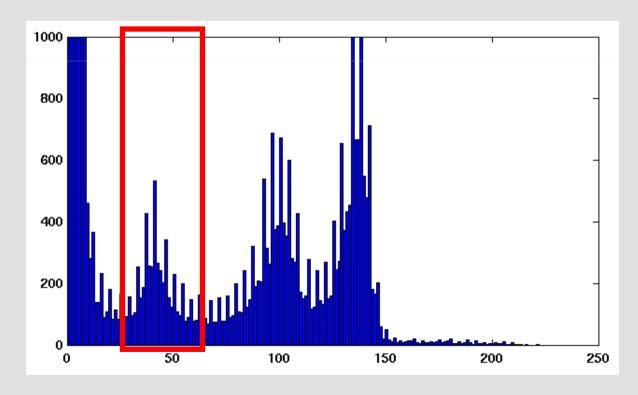
- Méthodes sur histogramme
 - Sélection de la région connexe la plus grande



Algorithmes utilisés

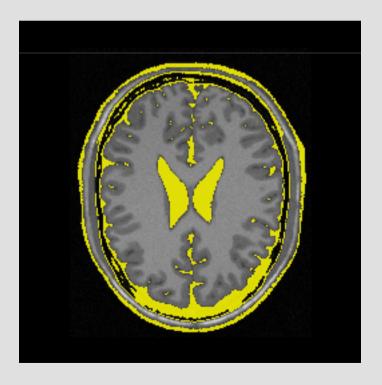
- Seuillage par hystérésis
- Morphologie mathématique (érosion, fermeture)

- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Localisation sur l'histogramme d'un mode isolé



- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Détection de la zone correspondante par seuillage





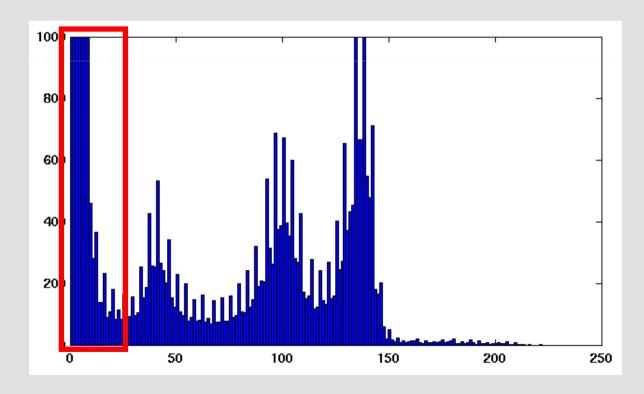
- Méthodes sur histogramme
 - Sélection de la région connexe la plus grande



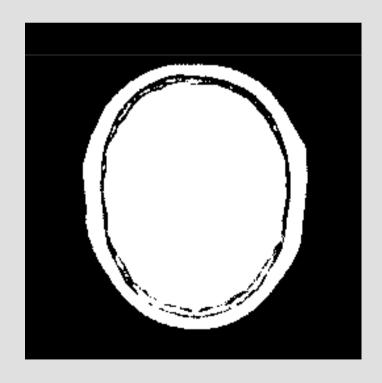
Algorithmes utilisés

- Seuillage par hystérésis
- Morphologie mathématique (érosion, fermeture)

- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Localisation sur l'histogramme d'un mode isolé



- Méthodes sur histogramme Exemple
 - Détection de la zone correspondante par seuillage





- Méthodes sur histogramme
 - Sélection de la région connexe la plus grande



Algorithmes utilisés

 Morphologie mathématique (bouchage de trous, fermeture)

- Méthodes sur histogramme
 - Résultat final

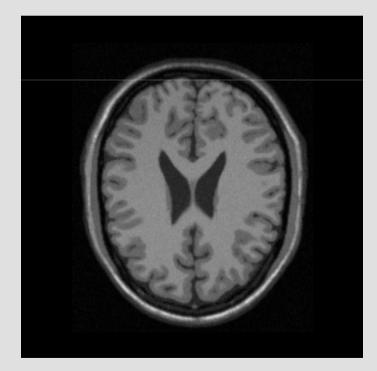


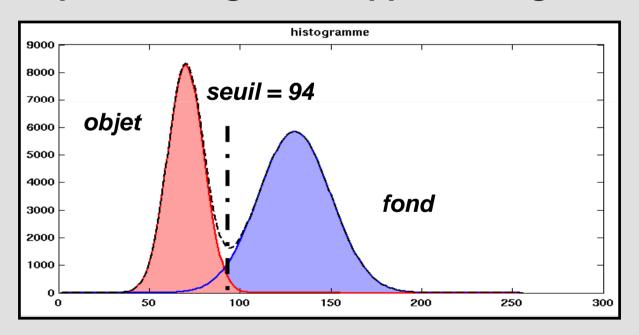
Image originale



Image segmentée

- Méthodes sur histogramme Choix du seuil
 - Comment choisir judicieusement la valeur du seuil ?
 - Il existe de nombreuses méthodes basées sur l'univers des probabilités
 - Exemple: seuillage avec apprentissage

- Méthodes sur histogramme Choix du seuil
 - Exemple: seuillage avec apprentissage



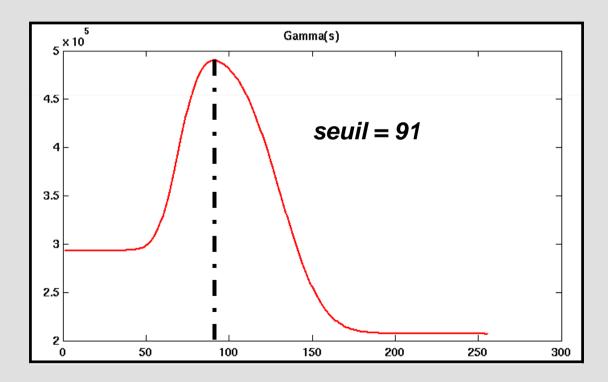
But: détection de vallées, en prenant le minimum de l'histogramme situé entre deux pics

- Méthodes sur histogramme Choix du seuil
 - Méthode analytique
 - Modélisation de chaque pic par des distributions a priori (par exemple des gaussiennes p_1 et p_2)
 - Maximisation de la fonctionnelle de coût suivante

$$\begin{cases} \Gamma(s) = \int_0^s p_1(n) dn + \int_s^N p_2(n) dn \\ \Gamma(s) = 1 - F_2(n = s) + F_1(n = s) \end{cases}$$

avec F_i fonction de répartition

- Méthodes sur histogramme Choix du seuil
 - Maximisation de la fonctionnelle $\Gamma(s)$



Approximation d'une intégrale continue en intégrale discrète

- Méthodes sur histogramme Choix du seuil
 - Méthode empirique
 - Trouver le seuil qui minimise les variances des deux classes
 - Soit h[n] l'histogramme
 - Centre de gravité G d'une classe

$$G_i(s) = \frac{\sum_{n \in C_i} nh[n]}{\sum_{n \in C_i} h[n]}$$

Variance var d'une classe

$$\operatorname{var}_{i}(s) = \sum_{n \in C_{i}} (n - G_{i})^{2} h[n]$$

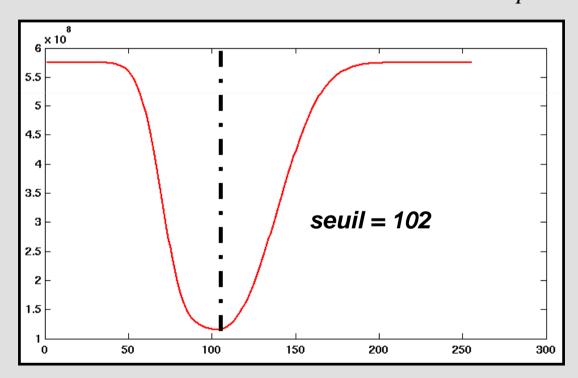
- Méthodes sur histogramme Choix du seuil
 - Méthode empirique
- Trouver le seuil qui minimise la somme des variances

$$s_{opt} = \underset{s}{\operatorname{arg\,min}}(\operatorname{var}_{1}(s) + \operatorname{var}_{2}(s))$$

• En simplifiant les termes en carré, cela revient à maximiser la fonctionnelle J(s) suivante :

$$J(s) = \frac{\left(\sum_{n \in C_1} nh[n]\right)^2}{\sum_{n \in C_1} h[n]} + \frac{\left(\sum_{n \in C_2} nh[n]\right)^2}{\sum_{n \in C_2} h[n]}$$

- Méthodes sur histogramme Choix du seuil
 - Minimisation de la fonctionnelle S_{opt}

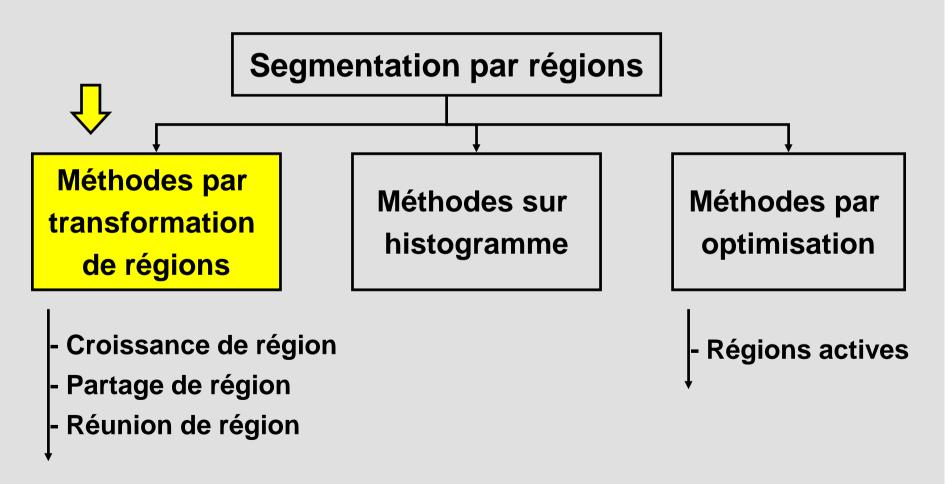


Approximation d'une intégrale continue en intégrale discrète

- Méthodes sur histogramme Propriétés
 - Mise en œuvre assez simple
 - Performance assez réduite puisqu'elles ne tirent pas profit de l'aspect spatial de l'information image
 - Méthodes à utiliser lorsque:
 - les images présentent des classes évidentes (objets très contrastés)
 - lorsque les images sont définies sur de nombreux canaux (images multi-spectrales) ce qui enrichit l'information portée par l'histogramme

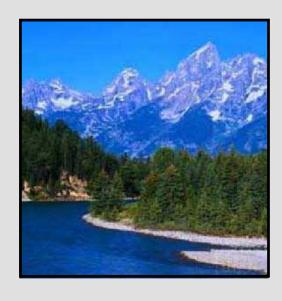
- **■** Contexte
 - □ Définition
 - □ Principe
- Les différentes méthodes
 - □ Méthodes par histogramme
 - Méthodes par transformation de régions
 - □ Méthodes par optimisation

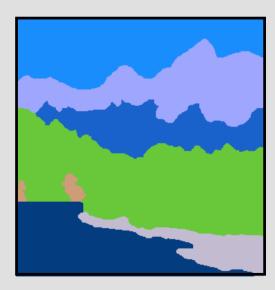
Contexte – Les différentes méthodes



Méthodes par transformation de régions

Traitement qui consiste à créer une partition de l'image I en sous-ensembles R_i appelés régions





- Méthodes par transformation de régions
 - ► Méthodes qui s'appuient sur la notion de prédicat P et sur celle de partition
 - Un prédicat est une proposition logique dont la valeur dépend de son argument

- Méthodes par transformation de régions
 - Prédicat en segmentation: la région R_i est homogène
 - Arguments utilisés pour vérifier le prédicat précédent
 - Contraste sur la région

$$P(R_i) = vrai \Leftrightarrow \max_{R_i} [I(x, y)] - \min_{R_i} [I(x, y)] < \sigma$$



- Méthodes par transformation de régions
 - Prédicat en segmentation: la région R_i est homogène
 - Arguments utilisés pour vérifier le prédicat précédent
 - Écart-type sur la région

$$P(R_i) = vrai \Leftrightarrow \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{R_i} (I(x, y) - m)^2} < \sigma$$

avec
$$\begin{cases} N = Card(R_i) \\ m = \frac{1}{N} \sum_{R_i} I(x, y) \end{cases}$$

- Méthodes par transformation de régions
 - Prédicat en segmentation: la région R_i est homogène
 - Arguments utilisés pour vérifier le prédicat précédent
 - L'entropie (mesure de quantité d'information)

$$P(R_i) = vrai \iff -\sum_{R_i} p(I) \log(P(I)) < \sigma$$

- Méthodes par transformation de régions
 - ► Méthodes qui s'appuient sur la notion de prédicat P et sur celle de partition
 - ► Une partition Π est un ensemble de régions R_i de l'image, vérifiant

$$\Pi \Leftrightarrow \begin{cases} \forall i, j \ (i \neq j) \ R_i \cap R_j = \emptyset \\ \bigcup_i R_i = Support(image) \\ \forall i \ R_i \neq \emptyset \end{cases}$$

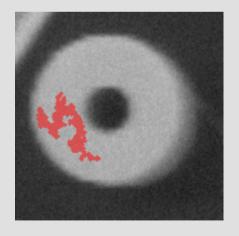
- Méthodes par transformation de régions
 - Il existe un très grand nombre de partitions d'une image
 - Il existe un très grand nombre de partitions qui vérifie le prédicat de segmentation

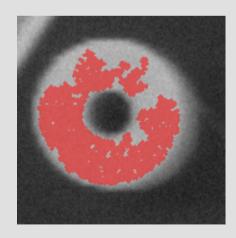
- Méthodes par transformation de régions
 - Comment choisir entre plusieurs partitions qui vérifient le même prédicat ?
 - Le cardinal de la partition (à minimiser)
 - La taille de la plus petite région (à maximiser)
 - Une distance entre régions (somme des distances entre zones adjacentes à maximiser)

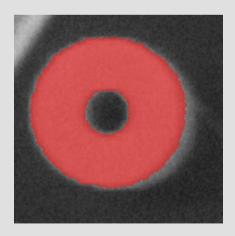
- Méthodes par transformation de régions
 - Il existe trois grandes catégories
 - La croissance de région
 - Le partage de région (quad-tree)
 - Les graphes d'adjacence

La croissance de région

Méthode basée sur l'agglomération de pixels voisins à une région vérifiant l'argument d'un prédicat donné

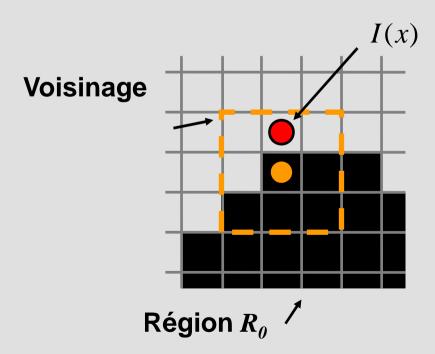






- La croissance de région Principe
 - Initialisation d'une région R_{θ} à un pixel ou un groupe de pixels (germes)
 - Ajout à R_{θ} de tous les pixels voisins dont l'argument vérifie le prédicat
 - Itération jusqu'à convergence

- La croissance de région Principe
 - Exemple d'argument: l'homogénéité suivant la moyenne de la région μ_R (mise à jour à chaque itération)

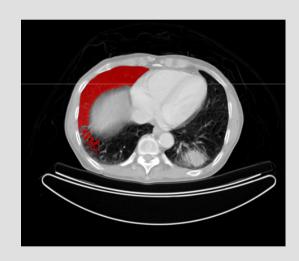


argument

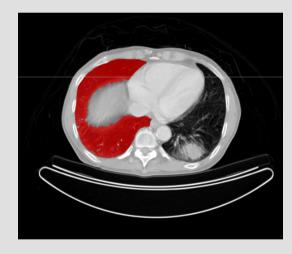
$$|I(x) - \mu_R| < seuil$$



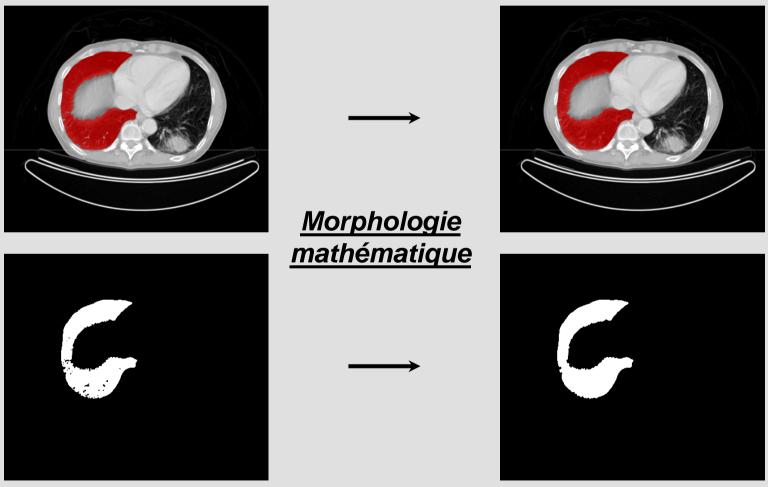
Après quelques itérations



Après 5000 itérations

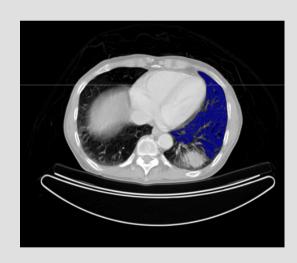


Convergence obtenue à 10119 itérations

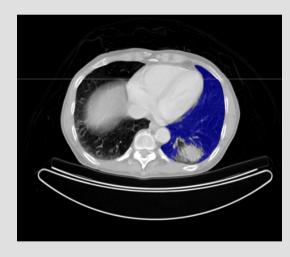




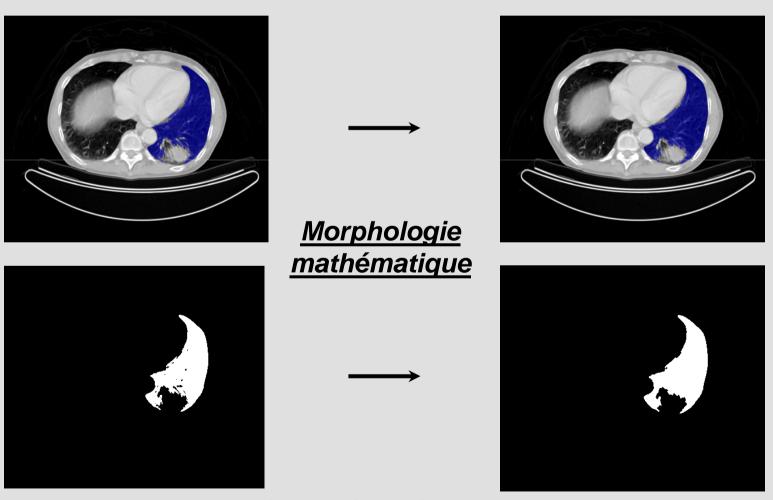
Après quelques itérations

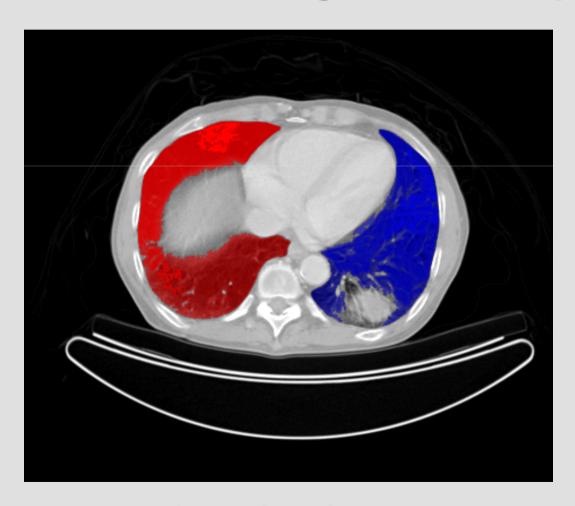


Après 5000 itérations



Convergence obtenue à 10085 itérations



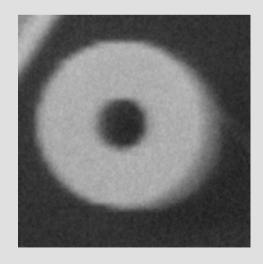


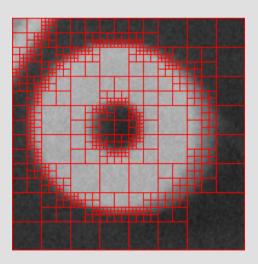
- La croissance de région Propriétés
 - La performance des résultats dépend de l'emplacement des germes initiaux
 - L'ordre dans lequel sont ajoutés les pixels dans une région a une influence sur le résultat
 - Implémentation relativement simple et temps d'exécution rapides

- Méthodes par transformation de régions
 - Il existe trois grandes catégories
 - La croissance de région
 - Le partage de région (quad-tree)
 - Les graphes d'adjacence

Le partage de région

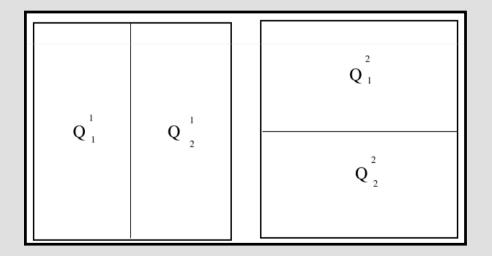
Le but de ces méthodes est de partager de façon automatique une image en un ensemble de régions proches du point de vue du prédicat choisi





- Le partage de région Principe
 - On part de l'image entière I. On appelle R cette région
 - Papplication de plusieurs divisions δ produisant de nouvelles régions R_i^{δ}
 - Pour chaque R_i^{δ} on test le prédicat P et on retient la meilleure subdivision δ, c'est à dire
 - celle qui conduit à des sous-régions vérifiant toute P
 - ou celle qui donne le plus de sous-régions vérifiant P
 - Chaque sous-région ne vérifiant pas P devient alors une région R passible du traitement ci-dessus

- Le partage de région
 - Exemple de partage de régions à deux partitions



Partitions d'une zone: choix entre partition verticale ou horizontale

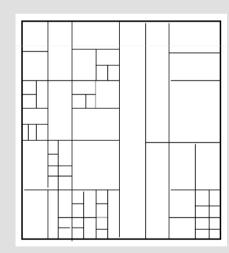


Image partitionnée

- Le partage de région Exemple
 - Quad-tree (une seule partition carrée)

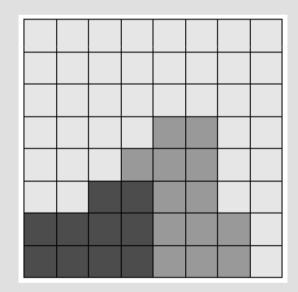
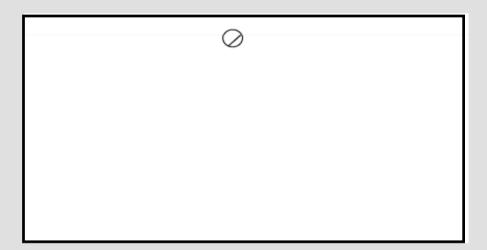


Image originale



Construction du Quad-tree correspondant

- Le partage de région Exemple
 - Quad-tree (une seule partition carrée)

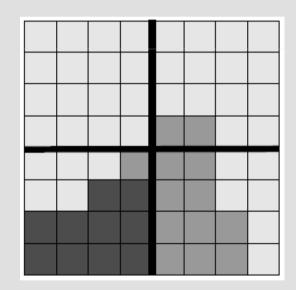
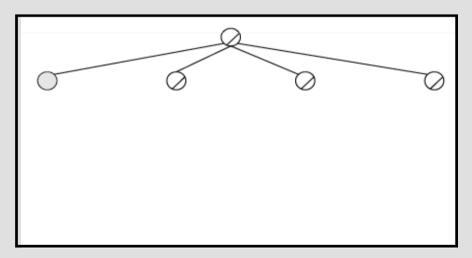


Image originale



Construction du Quad-tree correspondant

- Le partage de région Exemple
 - Quad-tree (une seule partition carrée)

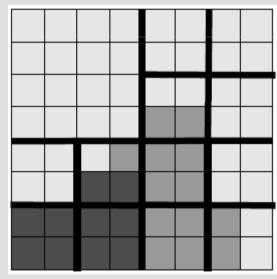
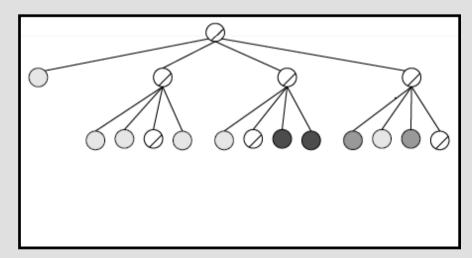


Image originale



Construction du Quad-tree correspondant

- Le partage de région Exemple
 - Quad-tree (une seule partition carrée)

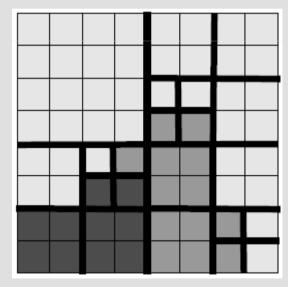
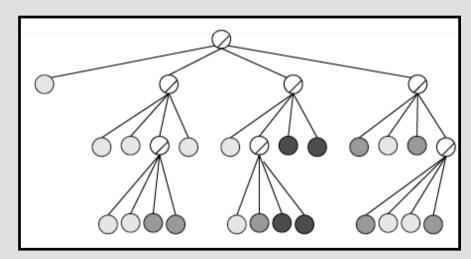


Image originale



Construction du Quad-tree correspondant

- Le partage de région Propriétés
 - La géométrie de découpage a une influence directe sur le résultat de segmentation
 - Par exemple la méthode quad-tree fait apparaître des régions carrées
 - Il existe d'autres type de partage (triangle, pyramide)
 - ► Le choix du type de partage se fait en fonction des formes que l'on souhaite segmenter

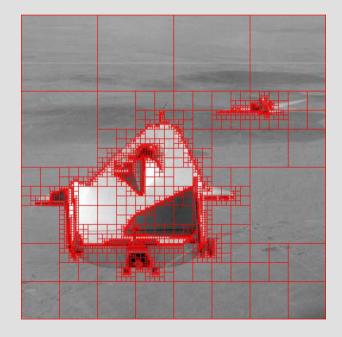
Exemple d'exploitation d'un Quad-tree



Détection de variation d'intensité locale



Image originale

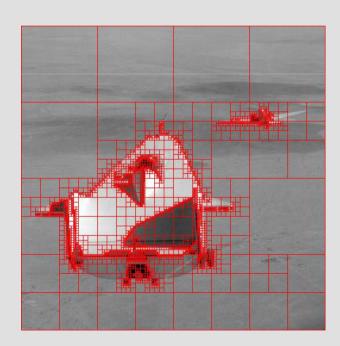


Construction du Quad-tree correspondant

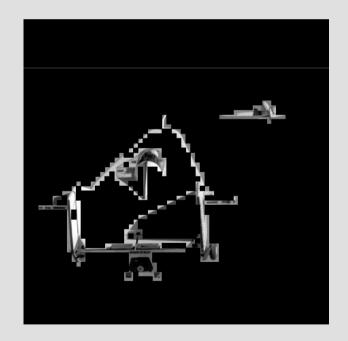
Exemple d'exploitation d'un Quad-tree



Idée: analyser que les plus petits blocs



Construction du Quad-tree correspondant



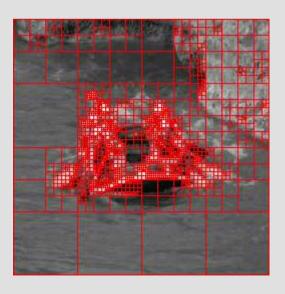
Après analyse du Quadtree

- Méthodes par transformation de régions
 - Il existe trois grandes catégories
 - La croissance de région
 - Le partage de région (quad-tree)
 - Les graphes d'adjacence

Les graphes d'adjacence

Méthodes qui consiste à plonger les régions obtenues après segmentation dans une structure de graphe puis d'utiliser la notion de graphe pour effectuer des regroupements







Département GE - TI - Olivier Bernard

- Les graphes d'adjacence Principe
 - ► A partir d'une segmentation initiale, définition d'un graphe d'adjacence où une région est un nœud et un arc une relation d'adjacence
 - Définition d'une fonction de similarité entre deux nœuds
 - On trie tous les couples de nœuds adjacents dans une liste ordonnée
 - On regroupe les deux meilleurs candidats
 - On remet à jour la liste et on itère

- Les graphes d'adjacence Exemple
 - ► Création d'un graphe au cours d'un *quad-tree*

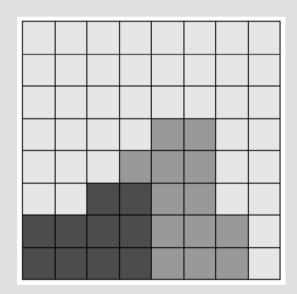
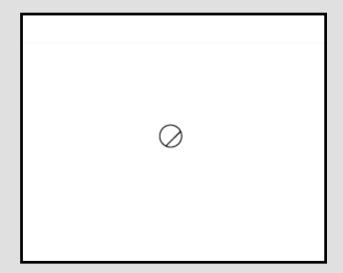


Image originale



Construction du Graphe d'adjacence correspondant

- Les graphes d'adjacence Exemple
 - ► Création d'un graphe au cours d'un *quad-tree*

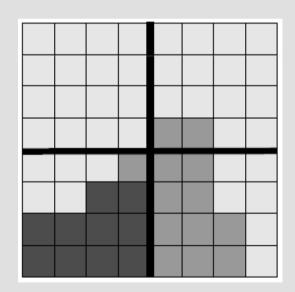
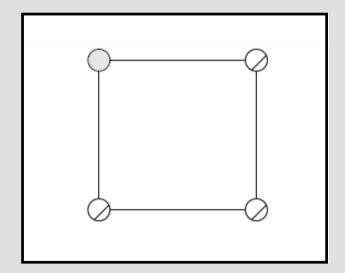


Image originale



Construction du Graphe d'adjacence correspondant

- Les graphes d'adjacence Exemple
 - ► Création d'un graphe au cours d'un *quad-tree*

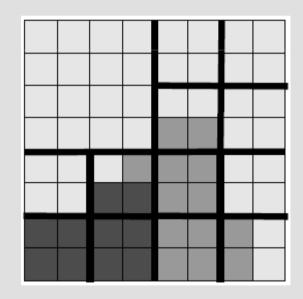
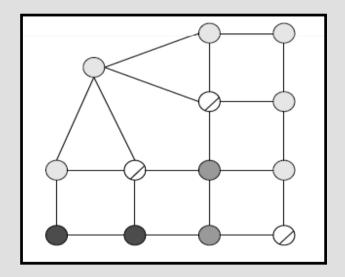


Image originale



Construction du Graphe d'adjacence correspondant

- Les graphes d'adjacence Exemple
 - ► Création d'un graphe au cours d'un *quad-tree*

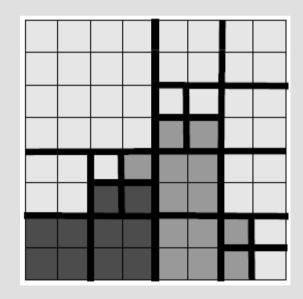
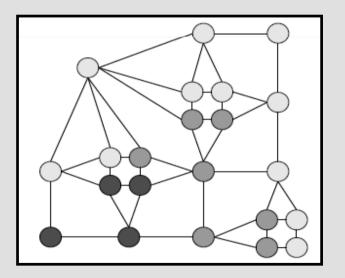


Image originale



Construction du Graphe d'adjacence correspondant

- Les graphes d'adjacence Exemple
 - Exploitation d'un graphe d'adjacence

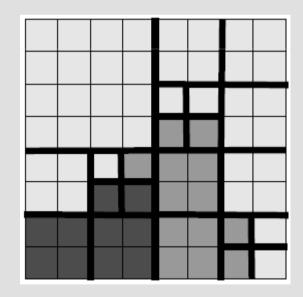
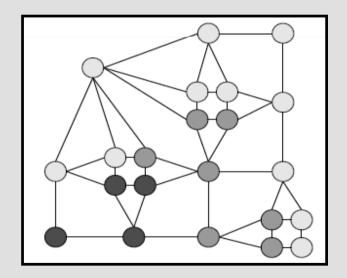


Image originale



Construction de la segmentation par régions correspondante

- Les graphes d'adjacence Exemple
 - Exploitation d'un graphe d'adjacence

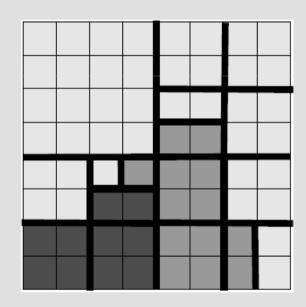
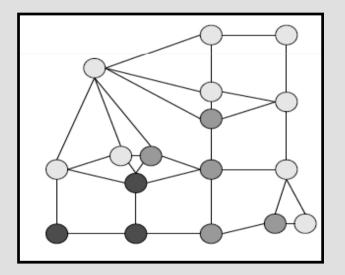


Image originale



Construction de la segmentation par régions correspondante

- Les graphes d'adjacence Exemple
 - Exploitation d'un graphe d'adjacence

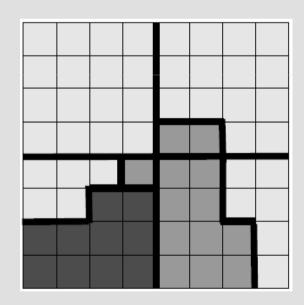
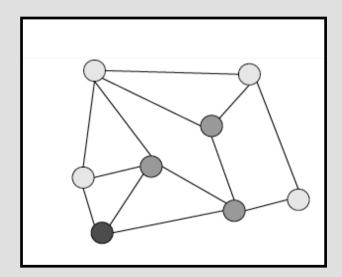


Image originale



Construction de la segmentation par régions correspondante

- Les graphes d'adjacence Exemple
 - Exploitation d'un graphe d'adjacence

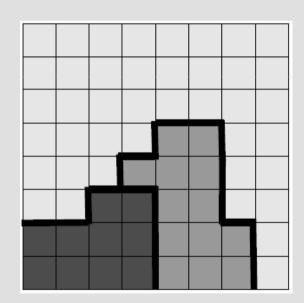
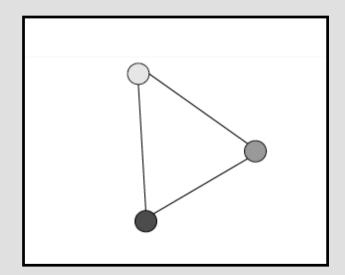


Image originale



Construction de la segmentation par régions correspondante

- Les graphes d'adjacence Propriétés
 - L'ordre dans lequel s'effectue le regroupement des régions a une influence sur le résultat
 - En général, il est préférable de regrouper les petites régions en premier



Analyse d'images

Fin de la deuxième partie

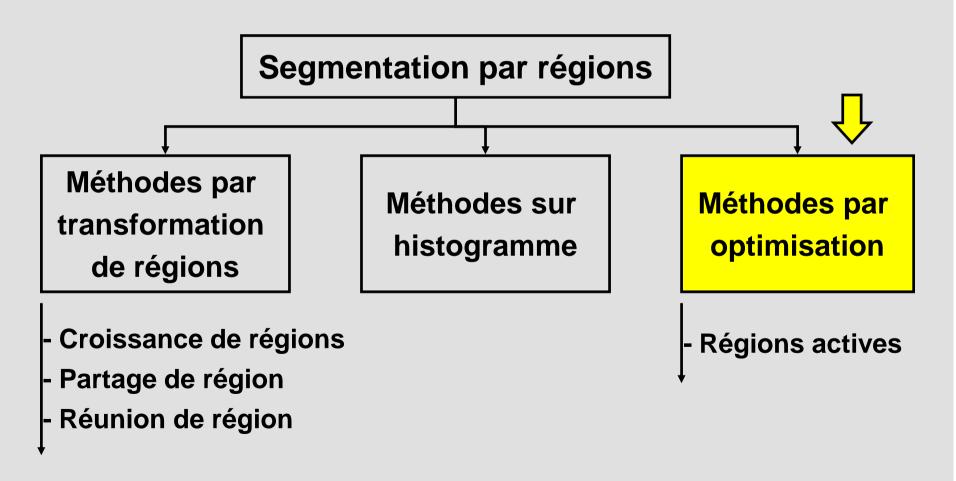


ANNEXES

- ✓ Méthodes par optimisation
- ✓ Exemple code matlab

- **■** Contexte
 - □ Définition
 - □ Principe
- Les différentes méthodes
 - □ Méthodes par histogramme
 - □ Méthodes par transformation de régions
 - Méthodes par optimisation

Contexte – Les différentes méthodes



Les méthodes par optimisation

Le problème de segmentation est formalisé par l'estimation d'une fonction f bidimensionnelle devant rester le plus proche possible de l'image I sous contraintes particulières

- Les contraintes peuvent être de type
 - régularité des contours
 - f constante par morceaux
 - régulière sur l'ensemble de définition

- Les méthodes par optimisation
 - Principe

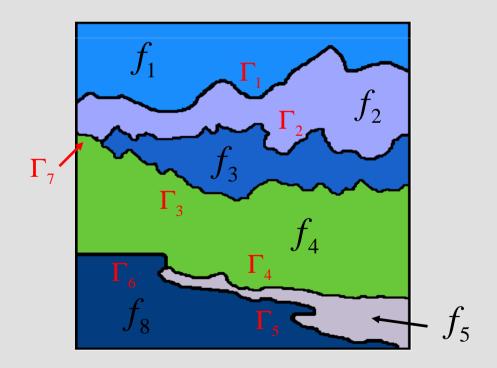
Le but des méthodes par optimisation est de trouver un compromis entre les différentes propriétés de la fonction, en minimisant une fonctionnelle d'énergie



Similarité avec les contours actifs

- Les méthodes par optimisation
 - ► Formalisme mathématique
 - I: l'image à traiter
 - ullet $\{\Omega_i\}_{i\in P}$: la partition (segmentation) calculée
 - $\{\Gamma_i\}_{j\in\mathcal{Q}}$: les courbes frontières associées à la segmentation
 - f: la fonction recherchée, représentant l'image I segmentée

- Les méthodes par optimisation
 - La fonction f est représentée par ses restrictions f_i sur chaque région R_i : $f = \{f_i\}_{i \in P}$



Les méthodes par optimisation - Fonctionnelle

$$E(I, f, R, \Gamma) = \mu \sum_{i \in P} \iint_{R_i} (I(x, y) - f_i(x, y))^2 dxdy + \sum_{i \in P} \iint_{R_i} ||\nabla f_i(x, y)||^2 dxdy + \nu \sum_{j \in Q} \int_{\Gamma_j} ds$$







- 1 Terme de ressemblance à l'image initiale
- 2 Terme de régularité des fonctions sur chaque région
- (3) Terme de simplicité géométrique (longueur des frontières)

- Les méthodes par optimisation Simplification
 - ▶ On impose que chaque fonction f_i doit être constante sur la région R_i
 - f_i est alors égale à la valeur moyenne de I sur la région R_i
 - Le problème revient alors à minimiser la fonctionnelle suivante

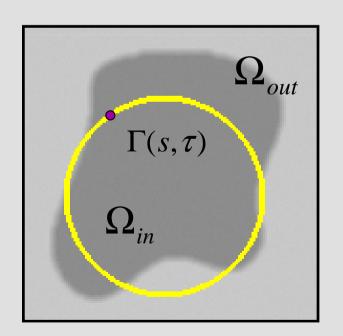
$$E(I, f, R, \Gamma) = \sum_{i \in P} \iint_{R_i} \left(I(x, y) - f_i(x, y) \right)^2 dx dy + \frac{\nu}{\mu} \sum_{j \in Q} \int_{\Gamma_j} ds$$

- Les méthodes par optimisation Propriétés
 - ► Il n'existe pas de solution directe au problème de minimisation de la fonctionnelle d'énergie
 - Implémentation de méthodes d'optimisation permettant d'obtenir un minimum local



Méthodes variationelles à partir de courbes fermées

- Exemple de méthode variationelle
 - Recherche de deux régions homogènes en niveaux de gris (par exemple l'objet et le fond de l'image)





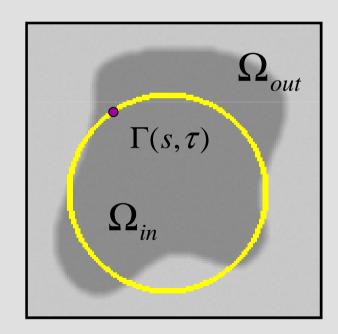
Les contours actifs ? Les régions actives !!

- Les régions actives
 - Modélisation mathématique
 - 1 choix de la représentation du contour actif
 - 2 conception d'une fonction énergie dont le minimum correspond aux contours de l'objet à segmenter
 - 3 évolution du contour guidée par la minimisation de la fonction d'énergie

Choix de la représentation du contour actif

Représentation continue

- $\Gamma(s,\tau):[0,1]\times[0,\infty[\to\mathbb{R}^2]$
- \bullet $\Omega_{\it in}$, $\Omega_{\it out}$ région intérieure et extérieure à Γ





- Comment faire évoluer le contour actif ?
 - Modélisation mathématique
 - 1 choix de la représentation du contour actif
 - 2 conception d'une fonction énergie dont le minimum correspond aux contours de l'objet à segmenter
 - 3 évolution du contour guidée par la minimisation de la fonction d'énergie

Fonction d 'énergie

$$E(\Gamma) = \int_{\Omega_{in}} (I(x, y) - f_{in})^2 dx dy + \int_{\Omega_{out}} (I(x, y) - f_{out})^2 dx dy + \int_0^1 \left| \frac{\partial \Gamma(s)}{\partial s} \right| ds$$

 $\begin{cases} I : image \ trait\'ee \\ f_{in} : valeur \ moyenne \ \`a \ l'int\'erieur \ du \ contour \ (\`a \ mettre \ \`a \ jour \ \`a \ chaque \ it\'eration) \\ f_{out} : valeur \ moyenne \ \`a \ l'ext\'erieur \ du \ contour \ (\`a \ mettre \ \`a \ jour \ \`a \ chaque \ it\'eration) \end{cases}$



- Comment faire évoluer le contour actif ?
 - Modélisation mathématique
 - 1 choix de la représentation du contour actif
 - 2 conception d'une fonction énergie dont le minimum correspond aux contours de l'objet à segmenter
 - 3 évolution du contour guidée par la minimisation de la fonction d'énergie

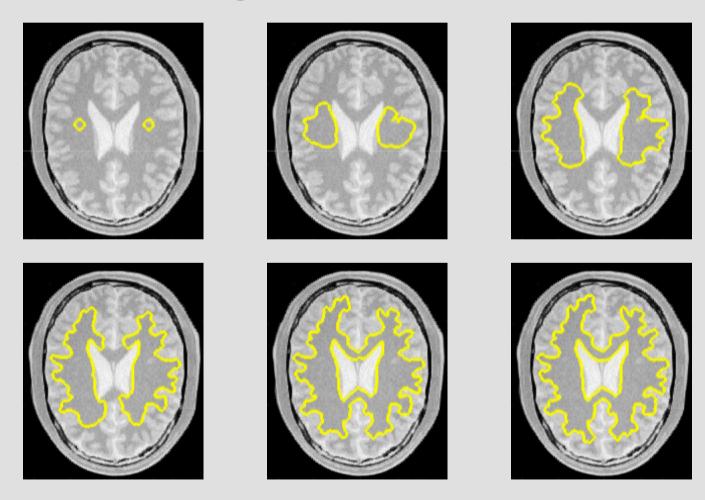
- Évolution du contour guidée par la minimisation de la fonction d'énergie
 - Utilisation d'outil mathématique de calcul variationnel

$$\frac{\partial \Gamma(\tau)}{\partial \tau} = V(x,y) \, \vec{N}$$
 avec
$$V(x,y) = \kappa + (I(x,y) - f_{in})^2 - (I(x,y) - f_{out})^2$$

terme de lissage

terme d'attache aux données

Évolution du contour guidée par la minimisation de la fonction d'énergie



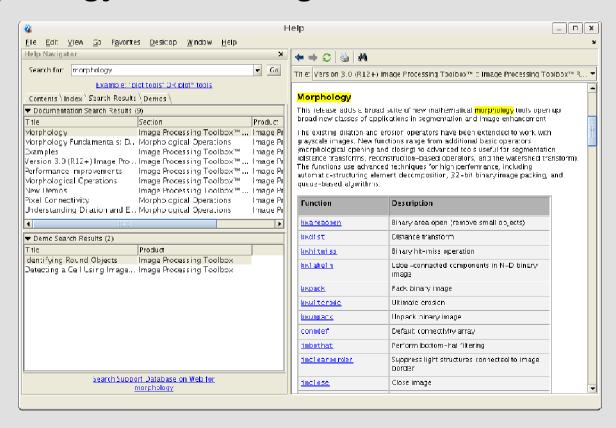
Analyse d'images - Annexes

L'ensemble des résultats du cours obtenus en utilisant matlab est téléchargeable à l'adresse internet suivante

www.creatis.insa-lyon.fr/~bernard/Analyselmage

Analyse d'images - Annexes

Liste des fonctions de morphologie mathématique accessible dans la documentation matlab en écrivant « morphology » dans l'onglet content



Analyse d'images - Annexes

Code matlab de la fonction hystérésis (connexité 4)

```
function out = hysteresis(in1,in2)
out = in2; count = 1; k=0;
MAXITERATION = 200;
while ( ( count ~= 0 ) && ( k < MAXITERATION ) )
    count = 0;
   for i=2:(size(out,1)-1)
        for j=2:(size(out,2)-1)
            if (out(i,i) > 0)
               if (in1(i-1,j) > 0)
                   out(i-1,j) = 255; count = count + 1;
               end
               if (in1(i+1,j) > 0)
                   out(i+1,j) = 255; count = count + 1;
               end
               if (in1(i,j-1) > 0)
                   out(i,j-1) = 255; count = count + 1;
               end
               if (in1(i,j+1) > 0)
                   out(i, j+1) = 255; count = count + 1;
               end
            end
        end
    end
   k = k + 1;
end
```