

## ⚡ Conditions d'évaluation

Calculatrice : autorisée.

Durée : 100min

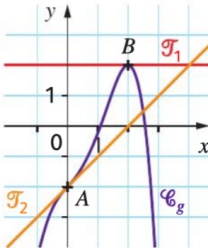
Compétences évaluées :

- ☐ Déterminer si une fonction est polynomiale de degré 2.
- ☐ Donner la forme canonique d'un trinôme.
- ☐ Étudier les variations d'un trinôme.
- ☐ Calculer un taux de variation.
- ☐ Calculer un nombre dérivé.
- ☐ Déterminer graphiquement un nombre dérivé.
- ☐ Déterminer l'équation réduite de la tangente.

**Exercice 1** QCM

(9 points)

Pour chacune des questions, indiquer **en justifiant** la (ou les) bonne(s) réponse(s).Pour les questions 1. à 4., on considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = 5x^2 + 1$ .On note  $\mathcal{C}_f$  sa courbe représentative. Enfin,  $h$  désigne un réel non nul.

	a	b	c
1. Le taux de variation $\tau(h)$ de $f$ entre 1 et $1+h$ est égal à :	$\frac{f(1+h)+f(1)}{h}$	$f'(1)$	$\frac{f(1+h)-f(1)}{h}$
2. Pour tout réel $h$ non nul, $\tau(h)$ est égal à :	$5h+10$	$h-10$	$\frac{5h^2+10h-5}{h}$
3. $f$ est dérivable en 1 et $f'(1)$ est égal à :	5	6	10
4. On admet que $f'(2) = 20$ . La tangente à $\mathcal{C}_f$ au point d'abscisse 2 :	passe par le point de coordonnées (2; 20)	passe par le point de coordonnées (2; 21)	admet pour coefficient directeur 20
5. On donne ci-dessous la représentation d'une fonction $g$ ainsi que certaines de ses tangentes.		$g'(0) = -2$	$g'(0) = 1$
			$g'(2) = 0$

**Exercice 2** Équations du second degré

(12 points)

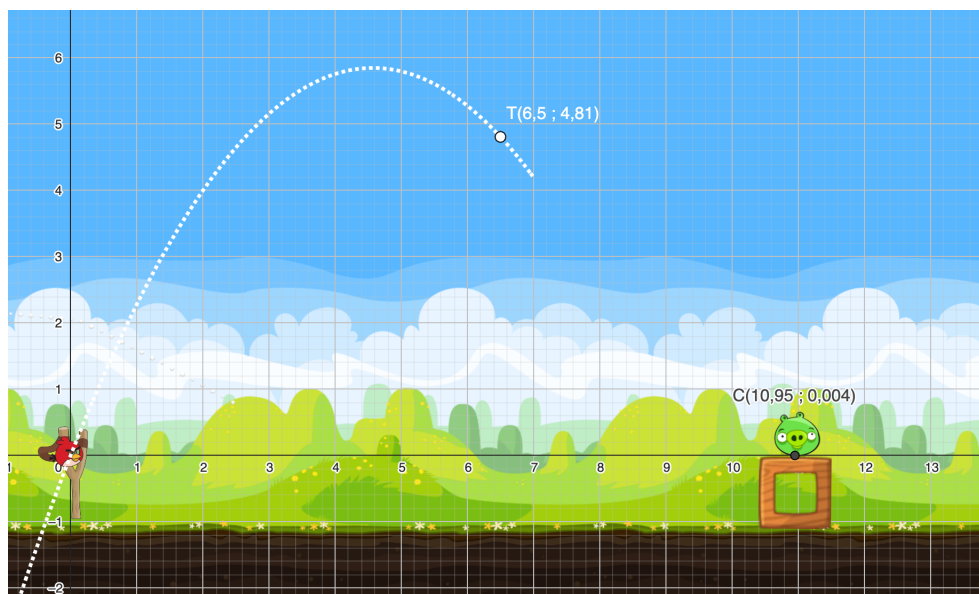
On cherchera à résoudre deux équations du second degré.

1. On considère la fonction  $f$  définie, sur  $\mathbb{R}$ , par  $f(x) = x^2 + 6x - 7$ .(a) Justifier que la forme canonique de  $f$  est  $f(x) = (x+3)^2 - 16$ (b) A l'aide de la forme canonique de  $f$ , résoudre l'équation  $x^2 + 6x - 7 = 0$ 2. En procédant de façon similaire, résoudre l'équation  $3x^2 - 12x + 17 = 8$ .(Indication : On commencera par donner une forme canonique de  $3x^2 - 12x + 17$ .)

**Exercice 3 Angry Birds**

(19 points)

Dans un jeu sur smartphone, le joueur utilise un lance-pierre pour lancer des oiseaux sur des cochons verts. Chaque oiseau lancé suit une trajectoire parabolique et a le pouvoir d'accélérer en ligne droite (tangente à la parabole) dès que le joueur tape sur l'écran.



Ci-dessus, la trajectoire de l'oiseau est donnée par la fonction  $f$  définie par :

$$f(x) = -0,28x^2 + 2,56x$$

L'oiseau est situé au point  $O(0; 0)$  et le cochon au point  $C(10,95; 0)$ .

**Partie 1 Altitude maximale**

On cherche, dans un premier temps à déterminer l'altitude maximale de l'oiseau.

1. Donner la forme canonique de la fonction  $f$ .
2. En déduire le tableau de variation de  $f$ .
3. Sachant que 1 unité = 1 mètre, quelle sera l'altitude maximale de l'oiseau

**Partie 2 Objectif : cochon**

Le joueur choisi de toucher l'écran lorsque l'oiseau se situe au point  $T(6,5; 4,81)$ . À partir de ce point, l'oiseau suivra donc la tangente à la courbe au point  $C$ . On va chercher à déterminer si l'oiseau arrivera à toucher le cochon ou non.

1. Déterminer  $f(6,5)$ .
2. Justifier que le taux de variation de  $f$  en  $6,5$  est de :

$$T_{f,6.5}(h) = -0,28h - 1,08$$

3. En déduire le nombre dérivé de  $f$  pour  $x = 6,5$ . (Autrement dit, déterminer  $f'(6,5)$ .)
4. Justifier que l'équation réduite de la tangente  $T_T$  est :

$$T_T : y = -1,08x + 11,83$$

5. En déduire que l'oiseau arrivera bien à toucher le cochon.