

Ադիաբատ պրոցես: Իդեալական գազի ադիաբատի հավասարման (Պուասոնի հավասարման) արտածումը: Ադիաբատի ցուցիչ, դրա արտահայտումը մոլեկուլների ազատության աստիճանների թվով: Ադիաբատի հավասարումը (P,T) և (V,T) փոփոխականներով: Իզոթերմ և ադիաբատ պրոցեսների (P,V) գրաֆիկների համեմատումը: Իդեալական գազի կատարած աշխատանքն ադիաբատ պրոցեսում:

Կամայական ֆիզիկական համակարգի հետ տեղի ունեցող ցանկացած պրոցեսի ընթացքում համակարգը անցնում է տարբեր վիճակներով, որոնցում ենթարկվում է իրեն համապատասխանող վիճակի հավասարմանը: Մասնավորապես, իդեալական գազի համար դա Մենդելեև-Կլապեյրոնի $pV = \frac{m}{\mu}RT$ հավասարումն է: Երբ համակարգում որևէ պրոցես է ընթանում, այն ենթարկվում է մի որոշակի լրացուցիչ պայմանի ևս: Մասնավորապես հաստատուն զանգվածով գազի դեպքում՝ իզոխոր պրոցեսում դա $V = const$ պայմանն է, իզոբարում՝ $p = const$, իզոթերմում՝ $pV = const$: Այս շարքը կարելի է լրացնել ևս մի պրոցեսով: Այն ընթանում է առանց՝ շրջակա միջավայրի հետ ջերմափոխանակության ($\delta Q = 0$): Այդպիսի պրոցեսը կոչվում է **ադիաբատ** պրոցես: Ադիաբատ պրոցես հնարավոր է իրականացնել միայն այն դեպքում, եթե գազը գտնվում է շատ լավ ջերմամեկուսացնող հատկություններով թաղանթի ներսում: Սակայն դա կապված է բավականին մեծ դժվարությունների հետ: Համեմատաբար հեշտ է իրականացնել **շատ արագ ընթացող պրոցեսներ**, որոնք մեծ ճշտությամբ կարելի է համարել ադիաբատ: Իրոք, հայտնի է, որ ջերմաքանակի փոխանցում տեղի է ունենում տարբեր ջերմաստիճաններում գտնվող մարմինների միջև, և այդ ջերմափոխանակության պրոցեսը պահանջում է որոշակի ժամանակ: Գազի շատ արագ սեղմման (կամ ընդարձակման) դեպքում ջերմաքանակը չի հասնում փոխանցվել ($\delta Q = 0$), և պրոցեսը կարելի է դիտել որպես ադիաբատ:

Ստանանք այն հավասարումը, որին ենթարկվում է իդեալական գազը ադիաբատ պրոցեսի ընթացքում: Դժվար չէ նկատել, որ ջերմադինամիկայի առաջին օրենքի հավասարումը ադիաբատ պրոցեսի համար ընդունում է հետևյալ տեսքը՝ $0 = dU + \delta A \Rightarrow dU = -\delta A$: Հաշվի առնենք, որ $dU = \frac{m}{\mu} c_{\mu V} dT$ և $\delta A = p dV$: Տեղադրելով դրանք թերմոդինամիկայի առաջին օրենքն

արտահայտող հավասարման մեջ՝ ստանում ենք $p dV = -\frac{m}{\mu} c_{\mu V} dT \Rightarrow \frac{m}{\mu} dT = -\frac{p dV}{c_{\mu V}}$:

Դիֆերենցելով $pV = \frac{m}{\mu} RT$ վիճակի հավասարման երկու կողմերը, փոխարինելով $\frac{m}{\mu} dT$ -ն

ստացված $-\frac{p dV}{c_{\mu V}}$ -ով, իսկ R -ը՝ $(c_{\mu p} - c_{\mu V})$ -ով, ունենում ենք

$$p dV + V dp = -p dV \frac{c_{\mu p} - c_{\mu V}}{c_{\mu V}}$$

Պարզ ձևափոխություններ կատարելուց հետո ստանում ենք՝ $p dV + V dp = (1 - \gamma) p dV \Rightarrow$

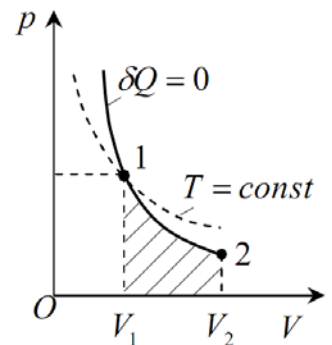
$\gamma p dV + V dp = 0 \Rightarrow \gamma \frac{dV}{V} + \frac{dp}{p} = 0$: Այժմ ինտեգրենք այս հավասարման երկու կողմերը՝

$$\gamma \int \frac{dV}{V} + \int \frac{dp}{p} = 0 \Rightarrow \gamma \ln V + \ln p = \text{const} \Rightarrow \ln pV^\gamma = \text{const}, \text{ որտեղից հետևում է՝ } \boxed{pV^\gamma = \text{const}}$$

Այստեղ ներմուծված է $\gamma = c_{\mu p} / c_{\mu V}$ նշանակումը: γ -ն անվանում են **ադիաբատի ցուցիչ**:

Ստացված արտահայտությունը կոչվում է **Պուասոնի հավասարում ադիաբատի համար**: Այն կապ է հաստատում գազի վիճակի պարամետրերի միջև ադիաբատ պրոցեսի դեպքում: Իդեալական գազի վիճակի հավասարումից գտնելով p -ն և այն տեղադրելով Պուասոնի հավասարման մեջ, կարելի է ադիաբատի հավասարումը գրել T և V փոփոխականներով՝ $\boxed{TV^{\gamma-1} = \text{const}}$: Այս արտահայտությունից հետևում է, որ իդեալական գազը ադիաբատ ընդարձակաման ժամանակ սառչում է, իսկ սեղմման ժամանակ՝ տաքանում:

Եթե համեմատելու լինենք ադիաբատի և իզոթերմի p, V դիագրամներում p -ի կախվածությունը գազի V ծավալից, ապա կնկատենք, որ երկուսի դեպքում էլ p -ն հակադարձ համեմատական են V -ին, սակայն ադիաբատն ավելի կտրուկ է ընթանում, քան իզոթերմը (տես նկ.): Դա պայմանավորված է նրանով, որ $\gamma = \frac{c_{\mu p}}{c_{\mu V}} > 1$: Իրոք,



$$\gamma = \frac{c_{\mu p}}{c_{\mu V}} = \left(\frac{i+2}{2} R \right) / \left(\frac{i}{2} R \right) = \frac{i+2}{i} = \left(1 + \frac{2}{i} \right) > 1:$$

i -ն տրված գազի մոլեկուլի ազատության աստիճանների թիվն է, և այն կարելի է արտահայտել ադիաբատի ցուցիչի միջոցով՝ $i = \frac{2}{\gamma - 1}$, հետևաբար $c_{\mu V} = \frac{i}{2} R = \frac{R}{\gamma - 1}$:

Իդեալական գազի կատարած աշխատանքն ադիաբատ պրոցեսում:

Իդեալական գազի կատարած աշխատանքն ադիաբատ պրոցեսում կարելի է գտնել աշխատանքը հաշվելու $A_{12} = \int_1^2 p dV$ բանաձևի մեջ տեղադրելով Պուասոնի բանաձևից ստացված

$p = \frac{p_1 V_1^\gamma}{V^\gamma}$ -ն և կատարելով ինտեգրում: Սակայն այդ հաշվարկը շատ ավելի հեշտ է կատարել օգտվելով ջերմադինամիկայի առաջին օրենքից ադիաբատ պրոցեսի համար՝

$$dU = -\delta A \Rightarrow p dV = -\frac{m}{\mu} c_{\mu V} dT : \text{ Տեղադրելով } p dV \text{ -ն աշխատանքը հաշվելու } A_{12} = \int_1^2 p dV$$

$$\text{բանաձևի մեջ, ստանում ենք՝ } A_{12} = \int_1^2 -\frac{m}{\mu} c_{\mu V} dT = \boxed{\frac{m}{\mu} c_{\mu V} (T_1 - T_2)} =$$

$$= \boxed{\frac{m}{\mu} \frac{R}{(\gamma - 1)} (T_1 - T_2)} = \boxed{\frac{m}{\mu} \frac{RT_1}{(\gamma - 1)} \left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma - 1} \right]} = \boxed{\frac{p_1 V_1}{(\gamma - 1)} \left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma - 1} \right]}:$$

Ընդգծենք, որ գազի կատարած աշխատանքը հանրահաշվական մեծություն է: Գազի ընդարձկման ժամանակ այն դրական է, իսկ սեղմման ժամանակ՝ բացասական, իսկ ջերմադինամիկայի առաջին օենքից հետևում է, որ ադիաբատ պրոցեսի ժամանակ գազը կատարում է աշխատանք իր ներքին էներգիայի հաշվին: