

Աղիաբատ պրոցես: Իդեալական գազի աղիաբատի հավասարման (Պուասոնի հավասարման)  
արտածումը: Աղիաբատի ցուցիչ, դրա արտահայտումը մոլեկուլների ազատության աստիճանների քվով: Աղիաբատի հավասարումը (P,T) և (V,T) փոփոխականներով: Իզոթերմ և աղիաբատ պրոցեսների (P,V) գրաֆիկների համեմատումը: Իդեալական գազի կատարած աշխատանքն աղիաբատ պրոցեսում:

Կամայական ֆիզիկական համակարգի հետ տեղի ունեցող ցանկացած պրոցեսի ընթացքում համակարգը անցնում է տարբեր վիճակներով, որոնցում ենթարկվում է իրեն համապատասխանող վիճակի հավասարմանը: Մասնավորապես, իդեալական գազի համար դա  $\frac{pV}{\mu} = RT$  հավասարումն է: Եթե համակարգում որևէ պրոցես է ընթանում, այն ենթարկվում է մի որոշակի լրացուցիչ պայմանի ևս: Մասնավորապես հաստատուն զանգվածով գազի դեպքում՝ իզոխոր պրոցեսում դա  $V = const$  պայմանն է, իզոբարում՝  $p = const$ , իզոթերմում՝  $pV = const$ : Այս շարքը կարելի է լրացնել ևս մի պրոցեսով: Այն ընթանում է առանց՝ շրջակա միջավայրի հետ ջերմափոխանակության ( $\delta Q = 0$ ): Այդպիսի պրոցեսը կոչվում է **աղիաբատ պրոցես**: Աղիաբատ պրոցես հնարավոր է իրականացնել միայն այն դեպքում, եթե գազը գտնվում է շատ լավ ջերմամեկուսացնող հատկություններով թաղանթի ներսում: Սակայն դա կապված է բավականին մեծ դժվարությունների հետ: Համեմատաբար հեշտ է իրականացնել շատ արագ ընթացող պրոցեսներ, որոնք մեծ ճշտությամբ կարելի է համարել աղիաբատ: Իրոք, հայտնի է, որ ջերմաքանակի փոխանցում տեղի է ունենում տարբեր ջերմաստիճաններում գտնվող մարմինների միջև, և այդ ջերմափոխանակության պրոցեսը պահանջում է որոշակի ժամանակ: Գազի շատ արագ սեղմման (կամ ընդարձակման) դեպքում ջերմաքանակը չի հասցնում փոխանցվել ( $\delta Q = 0$ ), և պրոցեսը կարելի է դիտել որպես աղիաբատ:

Ստանանք այն հավասարումը, որին ենթարկվում է իդեալական գազը աղիաբատ պրոցեսի ընթացքում: Դժվար չէ նկատել, որ ջերմադինամիկայի առաջին օրենքի հավասարումը աղիաբատ պրոցեսի համար ընդունում է հետևյալ տեսքը՝  $0 = dU + \delta A \Rightarrow dU = -\delta A$ : Հաշվի առնենք, որ  $dU = \frac{m}{\mu} c_{\mu V} dT$  և  $\delta A = pdV$  : Տեղադրելով դրանք թերմոդինամիկայի առաջին օրենքն արտահայտող հավասարման մեջ՝ ստանում ենք  $pdV = -\frac{m}{\mu} c_{\mu V} dT \Rightarrow \frac{m}{\mu} dT = -\frac{pdV}{c_{\mu V}}$  :

Դիֆերենցելով  $pV = \frac{m}{\mu} RT$  վիճակի հավասարման երկու կողմերը, փոխարինելով  $\frac{m}{\mu} dT$ -ն ստացված  $-\frac{pdV}{c_{\mu V}}$ -ով, իսկ  $R = \frac{1}{\gamma - 1}$ ՝  $(c_{\mu p} - c_{\mu V})$ -ով, ունենում ենք

$$pdV + Vdp = -pdV \frac{c_{\mu p} - c_{\mu V}}{c_{\mu V}}$$

Պարզ ձևափոխություններ կատարելուց հետո ստանում ենք՝  $pdV + Vdp = (1 - \gamma) pdV \Rightarrow \gamma pdV + Vdp = 0 \Rightarrow \gamma \frac{dV}{V} + \frac{dp}{p} = 0$  : Այժմ ինտեգրենք այս հավասարման երկու կողմերը՝

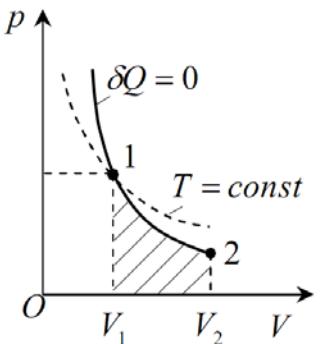
$$\gamma \int \frac{dV}{V} + \int \frac{dp}{p} = 0 \Rightarrow \gamma \ln V + \ln p = const \Rightarrow \ln pV^\gamma = const, \text{ որտեղից հետևում է՝ } \boxed{pV^\gamma = const}$$

Այստեղ ներմուծված է  $\gamma = c_{\mu p}/c_{\mu V}$  նշանակումը:  $\gamma$  -ն անվանում են **աղիարատի ցուցիչ**:

Ստացված արտահայտությունը կոչվում է **Պուասոնի հավասարում աղիարատի համար**: Այն կապ է հաստատում գազի վիճակի պարամետրերի միջև աղիաբատ պրոցեսի դեպքում: Իդեալական գազի վիճակի հավասարումից գտնելով  $p$  -ն և այն տեղադրելով Պուասոնի հավասարման մեջ, կարելի է աղիաբատի հավասարումը գրել  $T$  և  $V$  փոփոխականներով՝  $\boxed{TV^{\gamma-1} = const}$ : Այս արտահայտությունից հետևում է, որ իդեալական գազը աղիաբատ ընդարձակաման ժամանակ սառչում է, իսկ սեղմման ժամանակ՝ տաքանում:

Եթե համեմատելու լինենք աղիաբատի և իզոթերմի  $p, V$  դիագրամներում  $p$  -ի կախվածությունը գազի  $V$  ծավալից, ապա կնկատենք, որ երկուսի դեպքում էլ  $p$  -ն հակադարձ համեմատական են  $V$  -ին, սակայն աղիաբատն ավելի կտրուկ է ընթանում, քան իզոթերմը (տես նկ.): Դա պայմանավորված է նրանով, որ  $\gamma = \frac{c_{\mu p}}{c_{\mu V}} > 1$ : Իրոք,

$$\gamma = \frac{c_{\mu p}}{c_{\mu V}} = \left( \frac{i+2}{2} R \right) / \left( \frac{i}{2} R \right) = \frac{i+2}{i} = \left( 1 + \frac{2}{i} \right) > 0:$$



$i$  -ն տրված գազի մոլեկուլի ազատության աստիճանների թիվն է, և այն կարելի է արտահայտել աղիաբատի ցուցիչի միջոցով՝  $i = \frac{2}{\gamma-1}$ , հետևաբար  $c_{\mu V} = \frac{i}{2} R = \frac{R}{\gamma-1}$ :

### Իդեալական գազի կատարած աշխատանքն աղիաբատ պրոցեսում:

Իդեալական գազի կատարած աշխատանքն աղիաբատ պրոցեսում կարելի է գտնել աշխատանքը հաշվելու  $A_{12} = \int_1^2 pdV$  բանաձևի մեջ տեղադրելով Պուասոնի բանաձևից ստացված

$p = \frac{p_1 V_1^\gamma}{V^\gamma}$  -ն և կատարելով ինտեգրում: Սակայն այդ հաշվարկը շատ ավելի հեշտ է կատարել օգտվելով ջերմադինամիկայի առաջին օրենքից աղիաբատ պրոցեսի համար՝

$dU = -\delta A \Rightarrow pdV = -\frac{m}{\mu} c_{\mu V} dT$  : Տեղադրելով  $pdV$  -ն աշխատանքը հաշվելու  $A_{12} = \int_1^2 pdV$

$$\text{բանաձևի մեջ, ստանում ենք՝ } A_{12} = \int_1^2 -\frac{m}{\mu} c_{\mu V} dT = \boxed{\frac{m}{\mu} c_{\mu V} (T_1 - T_2)} =$$

$$= \left[ \frac{m}{\mu(\gamma-1)} \frac{R}{(T_1 - T_2)} \right] = \left[ \frac{m}{\mu(\gamma-1)} \frac{RT_1}{\left[ 1 - \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \right]} \right] = \left[ \frac{p_1 V_1}{(\gamma-1) \left[ 1 - \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \right]} \right];$$

Ընդգծենք, որ զազի կատարած աշխատանքը հանրահաշվական մեծություն է: Գազի ընդարձակման ժամանակ այն դրական է, իսկ սեղմման ժամանակ՝ բացասական, իսկ ջերմադինամիկայի առաջին օկնքից հետևում է, որ աղիաբատ պրոցեսի ժամանակ զազը կատարում է աշխատանք իր ներքին էերգիայի հաշվին: