

# **Лабораторна работа № 6**

**Разложение чисел на множители**

Покрас Илья Михайлович

# Содержание

<b>1</b>	<b>Цель работы</b>	<b>4</b>
<b>2</b>	<b>Задание</b>	<b>5</b>
<b>3</b>	<b>Теоретическое введение</b>	<b>6</b>
<b>4</b>	<b>Выполнение лабораторной работы</b>	<b>7</b>
<b>5</b>	<b>Выводы</b>	<b>9</b>
	<b>Список Литературы</b>	<b>10</b>

# Список иллюстраций

4.1	Функция $\rho$ -метода Полларда . . . . .	7
4.2	Результат выполнения кода . . . . .	8

# 1 Цель работы

Реализовать алгоритм разложения чисел на множители.

## 2 Задание

Реализовать алгоритм, реализующий  $\rho$ -метод Полларда.

### 3 Теоретическое введение

$\rho$ -алгоритм Полларда — предложенный Джоном Поллардом в 1975 году алгоритм, служащий для факторизации (разложения на множители) целых чисел.  $\rho$ -алгоритм строит числовую последовательность, элементы которой образуют цикл, начиная с некоторого номера  $n$ , что может быть проиллюстрировано, расположением чисел в виде греческой буквы  $\rho$ , что послужило названием семейству алгоритмов

## 4 Выполнение лабораторной работы

Я создал функцию алгоритма, реализующего  $\rho$ -метод Полларда, принимающий число для разложения  $n$  и начальное значение  $c$ . Далее я задал число для разложения множителей, вызвал функцию и вывел полученные данные (рис. 4.1).

```
function pollard_rho(n, c)
    f(x)=(x^2+5) % n
    a = c
    b = c

    while true
        a = f(a)
        b = f(f(b))
        d = gcd(a - b, n)
        println("$a, $b, $d")

        if 1 < d < n
            return d
        elseif d == n
            return "Error"
        end
    end
end

n = 1359331
factor = pollard_rho(n, 1)
println("Non-trivial factor of $n: $factor")
```

Рис. 4.1: Функция  $\rho$ -метода Полларда

И получил следующий результат (рис. 4.2).

```
6, 41, 1
41, 123939, 1
1686, 391594, 1
123939, 438157, 1
435426, 582738, 1
391594, 1144026, 1
1090062, 885749, 1181
Non-trivial factor of 1359331: 1181
```

Рис. 4.2: Результат выполнения кода

Здесь выведены значения  $a$ ,  $b$  и  $p$  на каждой итерации и финальный результат.



## 5 Выводы

Я реализовал алгоритм реализующий  $\rho$ -метод Полларда.

# Список Литературы

1. Julia - Control Flow
2. Julia - Mathematical Operations
3. Alfred J. Menezes, Paul C. van Oorschot and Scott A. Vanstone - Handbook of Applied Cryptography