



# اقتصاد و مدیریت صنعتی

# بخش اول

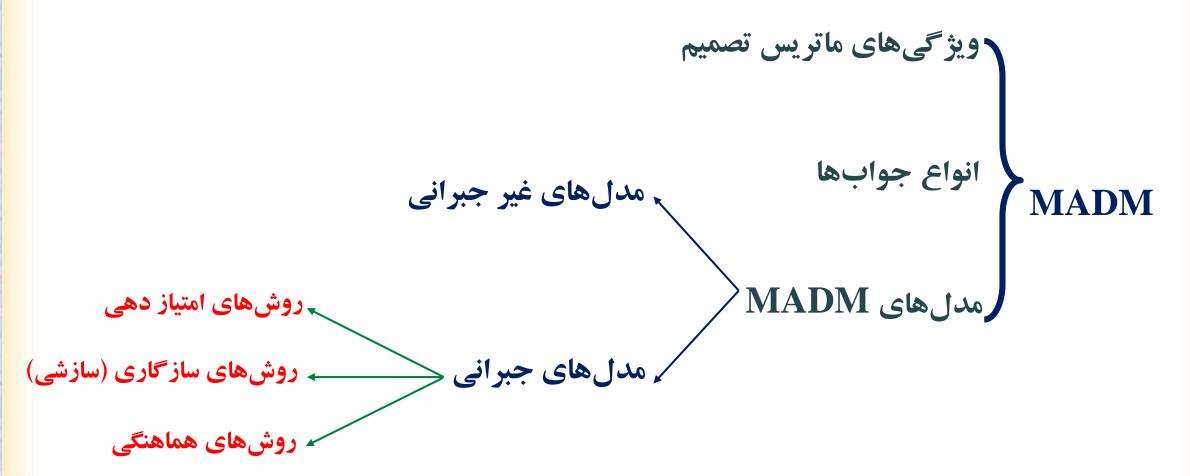
تجزیه و تحلیل تصمیمگیری

مدلهای جبرانی (روشهای سازشی)

مدرس: زهره قاسمی



# انواع مدلهای تصمیمگیری با مشخصههای چندگانه







# روش های سازشی

# (Compromising methods)

♦ در روش های سازشی یا مصالحهای یا توافقی ابتدا جواب یا راه حل ایده آل تعریف می شود و سپس گزینه ها
 بر مبنای شباهت یا نزدیکی به جواب ایده آل ارزیابی و رتبه بندی می شوند.

- ♦ مشهور ترین روشهایی که در دسته روشهای سازشی قرار می گیرند عبار تند از:
  - روش شباهت به گزینه ایده آل (TOPSIS)
    - روش ویکور (VIKOR)



# معرفي

igspace + در روش های سازشی از یک تابع فاصله، مشابه تابع زیر، برای سنجش میزان فاصله گزینه ها از جواب  $d_{lp} = \left\{\sum_{j=1}^n |v_{lj}-v_j^*| 
ight\}^{1/p}$  ,  $p \geq 1$ 

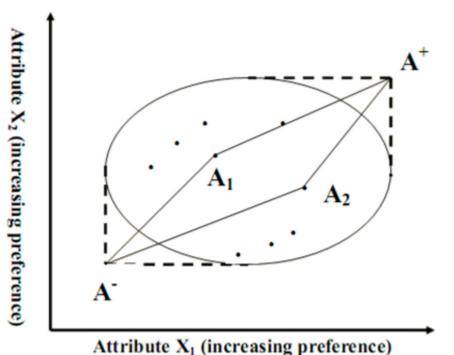
از این رو مقدار فاصله وابسته به مقدار پارامتر p میباشد. چه بسا که مقادیر مختلف p به نتایج متفاوتی منجر شوند.

به صورت p=1 به ازای p=1 به صورت p=1 به صورت فاصله خاص میباشد. تابع فاصله به ازای p=1 به صورت فاصله در فاصله پلهای (بلوکی)، به ازای p=1 به صورت فاصله اقلیدسی و به ازای p=1 به صورت فاصله چبیشف در میآید.



### ۱− شباهت به گزینه ایده آل (TOPSIS)

ارائه شد و پس از آن مورد استقبال بسیاری از پژوهشگران و (Yoon and Hwang) ارائه شد و پس از آن مورد استقبال بسیاری از پژوهشگران و برنامه ریزان قرار گرفت.



◆ TOPSIS مخفف عبارت زیر می باشد:

Technique for Order Preference by Similarity to Ideal Solution

♦ اساس این روش بر این مفهوم استوار است که گزینه انتخابی باید کمترین فاصله را با راهحل ایدهآل مثبت (بهترین حالت ممکن) و بیشترین فاصله را با راهحل ایدهآل منفی (بدترین حالت ممکن) داشته بیشترین فاصله را با راهحل ایدهآل منفی (بدترین حالت ممکن) داشته باشد.

Basic concept of TOPSIS method (A<sup>+</sup>: Ideal point, A<sup>-</sup>: Negative—Ideal Point).



# دادههای ورودی

# داده های ورودی موردنیاز روش:

$$([a_{ij}]_{M imes N})$$
 ماتریس تصمیم –۱

$$w = (w_1, w_2, ..., w_N)$$
 بردار وزن شاخص ها –۲

♦ گام های پیاده سازی روش:

گام ۱. بیمقیاسسازی ماتریس تصمیم با استفاده از نرم اقلیدسی

$$[a_{ij}]_{M\times N} \to [r_{ij}]_{M\times N}$$

$$r_{ij} = \frac{a_{ij}}{\sqrt{\sum_{i=1}^{m} a_{ij}^2}}$$



# ۱- شباهت به گزینه ایده آل

(TOPSIS)

## گام ۲. به دست آوردن ماتریس بی مقیاس موزون (V)

که R ماتریس تصمیم بی مقیاس شده و W یک ماتریس از وزنهای بدست آمده برای مشخصهها می باشد.

$$V = R \times W$$

از حاصلضرب وزن شاخصها در ستون متناظر به دست میآید.

# گام ۳. تعیین راه حل ایده آل مثبت و راه حل ایده آل منفی.

بهترین مقادیر برای مشخصههای مثبت بزرگترین مقادیر و برای مشخصه های منفی، کوچکترین مقادیر است و بدترین مقادیر برای شاخصهای مثبت، کوچکترین مقادیر و برای شاخصهای منفی بزرگترین مقادیر میباشد.





# ۱- شباهت به گزینه ایده آل

(TOPSIS)

## گام ٤. به دست آوردن فاصلهی هرگزینه تا ایدهآلهای مثبت و منفی

فاصله هر گزینه تا ایدهآل بر اساس فاصله اقلیدسی یا همان فاصله خط مستقیم به صورت زیر محاسبه میشود:

$$S_i^+ = \sqrt{\sum_{j=1}^n (v_{ij} - v_j^+)^2}$$
  $S_i^- = \sqrt{\sum_{j=1}^n (v_{ij} - v_j^-)^2}$   $i = 1, 2, ..., m$ 

$$C_i^* = \frac{S_i^-}{\left(S_i^+ + S_i^-\right)}$$

 $(C_i^*)$  گام ۵. محاسبه شاخص نزدیکی نسبی گزینهها به راه حل ایدهآل

# گام ٦. رتبه بندی گزینه ها

هر چه مقدار  $m{C}_{m{i}}^*$  به یک نزدیکتر باشد، راهکار موردنظر به جواب ایدهآل نزدیکتر بوده و لذا راهکار بهتری میباشد. پس کافی است گزینه ها را با توجه به مقدار  $m{C}_{m{i}}^*$  به صورت نزولی مرتب کرد.





# ۱ – شباهت به گزینه ایده آل (مثال)

### ♦ مسئله انتخاب طرح سرمایه گذاری

تناسب با ماموریت ها	ریسک	سودأورى	مشخصه طرح
۵	۵	17.,	A
۵	٣	١٠٠,٠٠٠	В
Υ	٣	٨٠,٠٠٠	C
٩	١	۵٠,٠٠٠	D

وزن مشخصه ها با استفاده از روش آنتروپی به صورت زیر محاسبه شده است:

$$w_1 = 0.227$$

$$w_2 = 0.607$$

$$w_3 = 0.167$$



### ۱ – شباهت به گزینه ایده آل (مثال)

تناس <i>ب</i> با ماموریت ها	ریسک	سودآوری	مشخصه طرح
٠.٣٧٣	۰.۷۵۴	۰.۶۵۸	A
٠.٣٧٣	٠.۴۵٢	۸۴۵.۰	В
۲۲۵.۰	٠.۴۵٢	٠.۴٣٨	C
٠.۶٧١	٠.١۵١	٠.۲٧۴	D

گام ۱. بیمقیاسسازی ماتریس تصمیم با استفاده از نرم اقلیدسی

$$w_1 = 0.227$$

$$w_2 = 0.607$$

$$w_3 = 0.167$$

$$V = R \times W$$

گام ۲. به دست آوردن ماتریس بی مقیاس موزون (V)

تناس <i>ب</i> با ماموری <i>ت</i> ها	ریسک	سوداًوری	مشخصه طرح
٠.٠۶٢	٠.۴۵٨	149	A
٠.٠۶٢	۵۷۲.۰	174	В
۰.۰۸۷	۵۷۲.۰		C
٠.١١٢	٠.٠٩٢	٠.٠۶٢	D

هر ستون از ماتریس بی مقیاس شده در وزن مشخصه مربوطه

ضرب می شود.



گام ۲. رتبه بندی

گزینه ها

رتبه

### ۱ – شباهت به گزینه ایده آل (مثال)

متبت	ايدهال	راهحل ا	تعیین ر	.1	كام
	، منفی	ايدهآل	راه حل		

سودآوري

..149

..174

....

مشخصه

A

В

D

 $v_i^+$ 

 $v_i^-$ 

ام ۳. تعیین راهحل ایدهاَل مثبت و	5
راه حل ایدهآل منفی	

گام ٤. به دست آوردن فاصله ه	گام ۳. تعیین راهحل ایدهآل مثبت و
تا ایدهاَلهای مثبت و منفی	راه حل ایدهآل منفی

.. 97

. 97

. . . . . . . . . . . .

117

كزيد	له هر	ن قاص	ت اورد	، دس	٤. به
	منفي	مثبت و	رداهر	يدهأل	تاا

<i>s</i> -	<b>S</b> <sup>+</sup>
٠.٠٨٧	٠.٣٦٩
(+.198	٠.١٩١
· .1 \	+.191
٠.٣٦٩	(·.· \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
	1,

<i>s</i> -	<b>S</b> <sup>+</sup>
٠.٠٨٧	٠.٣٦٩
(•.19٣)	٠.١٩١
٠.١٨٨	٠.191
٠.٣٦٩	(·.· \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \

		·.11۲	·.·٩٢	• / '		
		٠.٠٦٢	٨٥٤.٠	٠.٠٦٢		
	$\sqrt{(0.062 - 0.149)^2 + (0.092 - 0.092)^2 + (0.112 - 0.112)^2}$					
$\sqrt{(0.124 - 0.062)^2 + (0.275 - 0.458)^2 + (0.062 - 0.062)^2}$						

ریسک

1.401

۵۷۲. ٠

. YVD

گام ٥. محاسبه	
شاخص نزدیکی	<b>v</b>
	$\sqrt{(0.062 - 0.149)^2 + (0.092 - 0.000)^2}$

0.188 0.188 + 0.191 +.191

٠.٥٠٣

·.£97

٠.٨٠٩



### ۱ – شباهت به گزینه ایده آل (مثال)

• مدیری قصد دارد یک تسهیل قدیمی را با یک تسهیل جدید جایگزین کند. سه مشخصه طول عمر، سرویسدهی و قابلیت اطمینان توسط مدیر در نظر گرفته شده است. ماتریس تصمیم برای چهار گزینه بصورت زیر است:

قابليت اطمينان	سرویسدهی	طول عمر	مشخصه گزینه
۴	٨	۵	$A_1$
٨	۶	٧	$A_2$
۶	٨	٨	$A_3$
۶	۴	٧	$A_4$
٠/٣	٠/٤	٠/٣	وزن





# مثال

(V) ماتریس بی مقیاس موزون

$0.3 \times (\frac{4}{\sqrt{4^2 + 8^2 + 6^2 + 6^2}})$	قابلیت اطمینان	سرویسدهی	طول عمر	مشخصه گزینه
**************************************		•/۲۴	•/11	$A_1$
	./19	•/1٨	110	$A_2$
	٠/١۵		•/1٨	$A_3$
	٠/١٥ پېښ	•/17	(10)	$A_4$
. 8				
$0.4 \times (\frac{6}{\sqrt{8^2 + 6^2 + 8^2 + 4^2}})$	<u>=</u> ) <		$0.3 \times (\sqrt{})$	$\frac{7}{5^2 + 7^2 + 8^2 + 7^2}$



# مثال

#### به دست آوردن فاصلهی هر گزینه تا ایدهآلهای مثبت و منفی

$$\sqrt{(0.11 - 0.11)^2 + (0.24 - 0.12)^2 + (0.10 - 0.10)^2}$$

٠	S-	<b>S</b> <sup>+</sup>	گزینه
	·/1Y•	•/114	$A_1$
	./17٣	./.94	$A_2$
	./144	./.49	$A_3$
	•/•90	(174.)	$A_4$
		<u> </u>	

قابلیت اطمینان	سرویسدهی	طول عمر	مشخصه گزینه
<u>•/1•</u>	•/۲۴	<u>•/11</u>	$A_1$
<u>•/19</u>	•/1٨	٠/١۵	$A_2$
٠/١۵	•/۲۴	<u>*/1A</u>	$A_3$
٠/١۵	<u>•/17</u>	٠/١۵	$A_4$

اقتصاد و مديريت صنعتي

$$\sqrt{(0.15-0.18)^2+(0.12-0.24)^2+(0.15-0.19)^2}$$



# مثال

 $(C_i^*)$  محاسبه شاخص نزدیکی نسبی گزینهها به راهحل ایدهآل

$$C^*$$
 گزینه  $0.123$   $0.123 + 0.064$   $0.123 + 0.064$   $0.123 + 0.064$   $0.123 + 0.064$   $0.123 + 0.064$   $0.123 + 0.064$ 

<i>S</i> <sup>-</sup>	<i>S</i> <sup>+</sup>	گزينه
•/17•	•/114	$A_1$
./17٣	./.94	$A_2$
1144	./.49	$A_3$
•/•90	٠/١٣٠	$A_4$

رتبه بندی گزینه ها $A_3 > A_2 > A_1 > A_4$ 



#### **TOPSIS-Based Service Arbitration for Autonomic Internet of Things**

Table 1 shows sample values that could be collected by the monitor module for six randomly generated alternatives containing 20 devices each. This data will be used to demonstrate the method and results later.

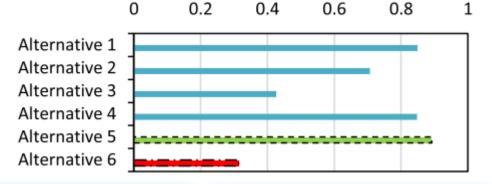
TABLE 1. Attribute values for the alternative services.

Alternatives	EU(%)	SF	NN	MR
1	41	56	21	1
2	60	60	22	1
3	76	89	13	0
4	42	64	21	1
5	29	53	22	1
6	84	57	10	0

$$w_1 = 0.4$$
,  $w_2 = 0.1$ ,  $w_3 = 0.4$  and  $w_4 = 0.1$ .

#### **Attributes:**

- Energy Used.
- Sensing Frequency.
- Number of Neighbors
- Memory Resources





# ۱- شباهت به گزینه ایده آل

### فرضيات

♦ اصلی ترین فرضیات نهفته در روش TOPSISعبارتند از:

۱) تغییرات یکنوا و غیرخطی مطلوبیت ترجیحات. ساختار روش TOPSIS بر این فرض استوار است که مطلوبیت هر مشخصه بهطور یکنوا اما به صورت غیرخطی کاهش یا افزایش مییابد.

۲) کاهش وابستگی داخلی مشخصهها. در روشهای سازشی همچون TOPSIS با یک گزینه بهصورت دستهای جداناپذیر از مشخصهها رفتار میشود و لذا این روشها از برخی سختیهای مرتبط با فرض عدم وابستگی داخلی مشخصهها،که در روشهایی همچون SAW و جود دارد، اجتناب میکنند. از اینرو روش های سازشی، برای آن دسته از مسائلی که بررسی و تست وابستگی بین مشخصهها مشکل میباشد، می توانند جذاب باشند.

(p=1) SAW در محاسبه فاصله، این روش نه مانند روش استفاده از توان ۲ (p=2) در محاسبه فاصله، این روش نه مانند روش استفاده از توان ۲ ( $p=\infty$ ) یک روش غیرجبرانی. از این رو، این روش می تواند برای مسائلی که مشخصه های آن تا حدودی جبرانی هستند، مناسب باشد.





- ♦ این روش در سال ۱۹۹۰ توسط فردی صربستانی به نام آپریکویچ (Opricovic) ارائه شد.
- ♦ VIKOR مخفف یک عبارت صربستانی به معنای بهینه سازی چندمعیاره و جواب سازشی میباشد.
  - ♦ در این روش هر چه یک گزینه فاصله کمتری با راه حل ایدهآل مثبت داشته باشد، مطلوب تر است.
    - ♦ دادههای ورودی موردنیاز روش:
    - $([a_{ij}]_{M imes N})$  ماتریس تصمیم –۱
    - $w=(w_1,w_2,...,w_N)$  بردار وزن شاخصها



♦ گام های پیاده سازی روش:گام ۱. تعیین راه حل ایدهآل مثبت و راه حل ایدهآل منفی.

مشابه TOPSIS بهترین و بدترین مقدار هر یک از مشخصه های مسئله تعیین می شود.

مشخصه های 
$$\begin{cases} f_j^+ = \max_i \{a_{ij}\} \\ f_j^- = \min_i \{a_{ij}\} \end{cases}$$

مشخصه های 
$$\begin{cases} f_j^+ = \min\limits_i \{a_{ij}\} \\ f_j^- = \max\limits_i \{a_{ij}\} \end{cases}$$

گام ۲. محاسبه فواصل تا راه حل های ایده آل.

برای هر گزینه دو نوع فاصله زیر را محاسبه کنید:

$$S_i = \sum_j w_j \left( \frac{f_j^+ - a_{ij}}{f_j^+ - f_j^-} \right)$$

$$R_i = \max_{j} \left\{ w_j \left( \frac{f_j^+ - a_{ij}}{f_j^+ - f_j^-} \right) \right\}$$



# $oldsymbol{Q}$ گام $oldsymbol{T}$ . محاسبه شاخص تلفیقی

$$Q_i = v \frac{(S_i - S^+)}{(S^- - S^+)} + (1 - v) \frac{(R_i - R^+)}{(R^- - R^+)}$$

برای هر یک از گزینهها، شاخص 
$$Q$$
 که در واقع یک

میانگین وزنی از مقادیر S و R است محاسبه می شود:

$$S^+ = \min_i S_i, \qquad S^- = \max_i S_i \qquad \qquad R^+ = \min_i R_i, \qquad R^- = \max_i R_i$$

ضریب  $\nu$  مقداری بین صفر تا یک را به خود می گیرد و هر چه بزرگتر انتخاب شود، نشان دهنده اهمیت بیشتر قائل شدن برای مطلوبیت گروهی مشخصه های مسئله است. در مقابل، هر چه مقدار آن کوچکتر باشد، یعنی به مشخصه ای که بدترین وضعیت را برای یک گزینه ایجاد می کند، بیشتر توجه شده است (مطلوبیت تکی).

## گام ٤. مرتب كردن گزينهها.

گزینه ها را بر اساس مقادیر S، Q و R در سه فهرست جداگانه به صورت صعودی (از بهترین به بدترین) مرتب کنید.



# گام ٥. مشخص كردن بهترين گزينه.

برای مشخص کردن بهترین گزینه، سه حالت زیر را بررسی می کنیم:

حالت ۱: بعد از مرتب سازی اولین گزینه لیست Q در نظر بگیرد و اگر در دو لیست S و R نیز اول باشد؛ گزینه برتر است.

حالت ۲: اگر گزینه ای که در فهرست Q رتبه اول است، در لیست S یا R اول باشد و رابطه زیر برقرار باشد، آن گزینه بهترین جواب

$$Q(A^{(2)}) - Q(A^{(1)}) \ge \frac{1}{m-1}$$

حالت  $\gamma$ : روابط بالا برقرار نیستند. گزینه های ۱ تا  $\gamma$  برتر هستند.

در این صورت، تمامی k گزینه ای که در بالای فهرست Q قرار دارند و در رابطه زیر صدق می کنند، بهترین جواب های مسئله خواهند بود.

$$Q(A^{(k)}) - Q(A^{(1)}) < \frac{1}{m-1}$$



مسئله خواهد بود.



#### مثال

### ♦ مسئله انتخاب طرح سرمایه گذاری

وزن مشخصه ها با استفاده از روش آنتروپی به صورت زیر محاسبه شده است:

$$w_1 = 0.227$$
  $w_2 = 0.607$   $w_3 = 0.167$ 

تناسب با ماموریت ها	ریسک	سودآوری	مشخصه طرح
۵	۵	17.,	A
۵	٣	١٠٠,٠٠٠	В
Υ	٣	٨٠,٠٠٠	C
٩	١	۵٠,٠٠٠	D



#### مثال

تناس <i>ب</i> با ماموری <i>ت</i> ها	ریسک	سودآوری	
٩	1	17	$f_j^+$
0	0	0 + + +	$f_j^-$

كام ١. تعيين راه حل ايده آل مثبت و راه حل ايده آل منفى.

### گام ۲. محاسبه فواصل تا راه حل های ایده آل.



#### مثال

### $oldsymbol{Q}$ گام ۳. محاسبه شاخص تلفیقی

$$S^+ = \min S_i = 0.227, \quad S^- = \max S_i = 0.774$$

$$R^+ = \min R_i = 0.227, \ R^- = \max R_i = 0.607$$

$$Q_i = v \frac{(S_i - S^+)}{(S^- - S^+)} + (1 - v) \frac{(R_i - R^+)}{(R^- - R^+)}$$

v=0.5 با فرض

$R_{i}$	$S_i$	گزینه
٠.٦٠٧	٤٧٧.٠	Α
٤٠٣.٠	٠.٥٣٥	В
٤٠٣.٠	٠.٥١٧	C
٠.٢٢٧	·. ۲۲۲	D

$Q_i$	گزینه
	A
۳۸۳. ۰	В
٠.٣٦٥	C
•	D

$$Q_1 = 0.5 \frac{(0.774 - 0.227)}{(0.774 - 0.227)} + (0.5) \frac{(0.607 - 0.227)}{(0.607 - 0.227)}$$



$R_i$	$S_i$	$Q_i$
D	D	D
C	C	C
В	В	В
A	A	A

گام ٤. مرتب كردن گزينه ها.

#### گام ٥. مشخص كردن بهترين گزينه.

ابتدا حالت ۱ را بررسی می کنیم. گزینه D در لیست Q اول است و در لیست S و R نیز اول است. پس گزینه D بهترین گزینه خواهد بود.

حال فرض کنید مقدار Q را با فرض v=0.3 محاسبه می کردیم. در این صورت حالت ۱ برقرار نمی شد و حالت ۲ و C را با فرض کردیم که بر مبنای آن سه گزینه C و C به عنوان بهترین گزینه ها انتخاب می شدند.

$$v=0.3$$
 با فرض





# مثال) انتخاب محل احداث كارخانه به روش VIKOR

فاصله تا مصرفكننده	جمعیت محل	نیروی در دسترس	کیفی <i>ت</i> زندگی	مشخصه طرح
٩	٨٢	متوسط	خیلی خوب	$A_1$
Υ	۵۶	متوسط	خوب	$A_2$
١٣	٣۵	خوب	متوسط	$A_3$
<b>+/</b> 1	+/٤	+/٢	+/ <b>Y</b>	وزن





# مثال) انتخاب محل احداث كارخانه به روش VIKOR

فاصله تا مصرفكننده (-)	جمعیت محل (-)	نیروی در دسترس (+)	کیفیت زندگی (+)	مشخصه طرح
٩	٨٢	۵	٩	$A_1$
٧	۵۶	۵	٧	$A_2$
١٣	٣۵	٧	۵	$A_3$
<b>•/)</b>	٠/٤	+/٢	٠/٣	وزن

$$S_1 = \left(0.3\left(\frac{9-9}{9-5}\right) + 0.2\left(\frac{7-5}{7-5}\right) + 0.4\left(\frac{35-82}{35-82}\right) + 0.1\left(\frac{7-9}{7-13}\right)\right) = 0.633 \qquad S_2 = 0.529 \qquad S_3 = 0.400$$

$$R_1 = Max \left\{ 0.3 \left( \frac{9-9}{9-5} \right), 0.2 \left( \frac{7-5}{7-5} \right), 0.4 \left( \frac{35-82}{35-82} \right), 0.1 \left( \frac{7-9}{7-13} \right) \right\} = 0.4$$
  $R_2 = 0.2$   $R_3 = 0.3$ 





# مثال) انتخاب محل احداث کارخانه به روش VIKOR

$$S_{1} = 0.633, \ S_{2} = 0.529, \quad S_{3} = 0.400$$

$$S_{1} = \max S_{i} = 0.400$$

$$S_{2} = \max S_{i} = 0.633$$

$$R_{1} = 0.4, \quad R_{2} = 0.2, \quad R_{3} = 0.3$$

$$R_{3} = 0.3$$

$$R_{3} = 0.3$$

$$R_{3} = 0.3$$

$$R_{4} = \min R_{i} = 0.2$$

$$R_{5} = \max R_{i} = 0.2$$

$$R_{7} = \max R_{i} = 0.4$$

$$R_{7} = \max R_{i} = 0.4$$

$Q_i$	$S_i$	$R_i$
$A_3$	$A_3$	$A_2$
$A_2$	$A_2$	$A_3$
$A_1$	$A_1$	$A_1$

$$Q(A_2) - Q(A_3) = 0.277 - 0.250 \implies \frac{1}{3 - 1}$$

$$Q(A_k) - Q(A_3) < \frac{1}{3 - 1}$$

$$Q(A_2) - Q(A_3) = 0.277 - 0.250 < \frac{1}{3 - 1}$$

$$Q(A_1) - Q(A_3) = 1 - 0.250 < \frac{1}{3 - 1}$$

حالت ۲ و ۳)

رتبه بندی گزینه ها  $A_3, A_2 > A_1$ 



# فرضيات

♦ فرضيات روش VIKOR مشابه فرضيات روش TOPSIS است:

۱) تغییرات یکنوا و غیرخطی مطلوبیت ترجیحات. ساختار روش VIKOR بر این فرض استوار است که مطلوبیت هر مشخصه بهطور یکنوا اما به صورت غیرخطی کاهش یا افزایش مییابد.

۲) کاهش وابستگی داخلی مشخصهها. از آنجا که در VIKOR با یک گزینه به صورت دسته ای جداناپذیر از مشخصهها رفتار می شود AHP و SAW و لذا این روشها از برخی سختیهای مرتبط با فرض عدم وابستگی داخلی مشخصهها، که در روشهایی همچون SAW و وجود دارد، اجتناب می کنند. از این روش های سازشی، برای آن دسته از مسائلی که بررسی و تست وابستگی بین مشخصهها مشکل می باشد، می توانند جذاب باشند.

 $p=\infty$ ) مشخصههای تا حدودی جبرانی. به دلیل استفاده همزمان از دو فاصله پله ای p=1) و چبیشف  $p=\infty$  این روش یک روش تاحدودی جبرانی با تنظیم پارامتر v می توان میزان جبرانی بودن آن را کاهش یا افزایش داد.





# تفاوتهای روش TOPSIS و VIKOR

- ♦ شیوه بی مقیاس سازی: در TOPSIS از بی مقیاسسازی اقلیدسی و در VIKOR از بی مقیاسسازی فازی استفاده شده است.
  - شیوه محاسبه فاصله: در TOPSIS فواصل به صورت فاصله اقلیدسی (p=2) و در VIKOR به صورت فاصله پله ای (p=1) و در (p=1) و در (p=1)
- ightharpoonup شاخص نزدیکی به راه حل ایده آل: شاخص مورد استفاده در TOPSIS ترکیبی از فاصله از ایده آل مثبت و فاصله از ایده آل منفی است که هر دو به یک اندازه اهمیت دارند. شاخص مورد استفاده در VIKOR ترکیبی از دو نوع فاصله مختلف از ایده آل مثبت است که با تغییر پارامتر V می توان میزان اهمیت این دو را تغییر داد.
  - ♦ شیوه رتبه بندی: در روش VIKOR به گزینه هایی که نزدیک به یکدیگر هستند، رتبه یکسان داده می شود.

