

# بسمه تعالی

هوش مصنوعی

## شبکه های بیزی - ۱

نیمسال اول ۱۴۰۴-۱۴۰۳

دکتر مازیار پالهنک

آزمایشگاه هوش مصنوعی

دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

دانشگاه صنعتی اصفهان

# مقدمه

■ شبکه های بیزی روشی برای نمایش گرافیکی استقلال شرطی و مطلق و به دنبال آن مشخص کردن فشرده احتمال توزیع توأم کلی

■ دستور

■ مجموعه ای از رئوس: یکی برای هر متغیر تصادفی

■ یک گراف جهتدار غیردوری (یال به معنای نفوذ مستقیم)

■ یک توزیع احتمال شرطی برای هر رأس به شرط داشتن والدین خود

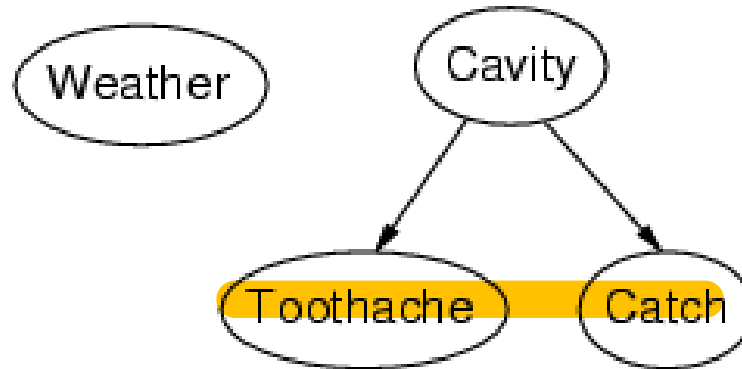
$$P(X_i | \text{Parents}(X_i))$$

در ویرایش جدید:  $\theta(X_i | \text{Parents}(X_i))$

- در حالت ساده توزیع شرطی بصورت یک **جدول احتمال شرطی** (conditional probability table – CPT) نمایش داده می شود که توزیع روی  $X_i$  برای هر ترکیب مقادیر والدینش را نمایش نشان می دهد.

# مثال

■ همبندی شبکه استقلالها را نشان می دهد.



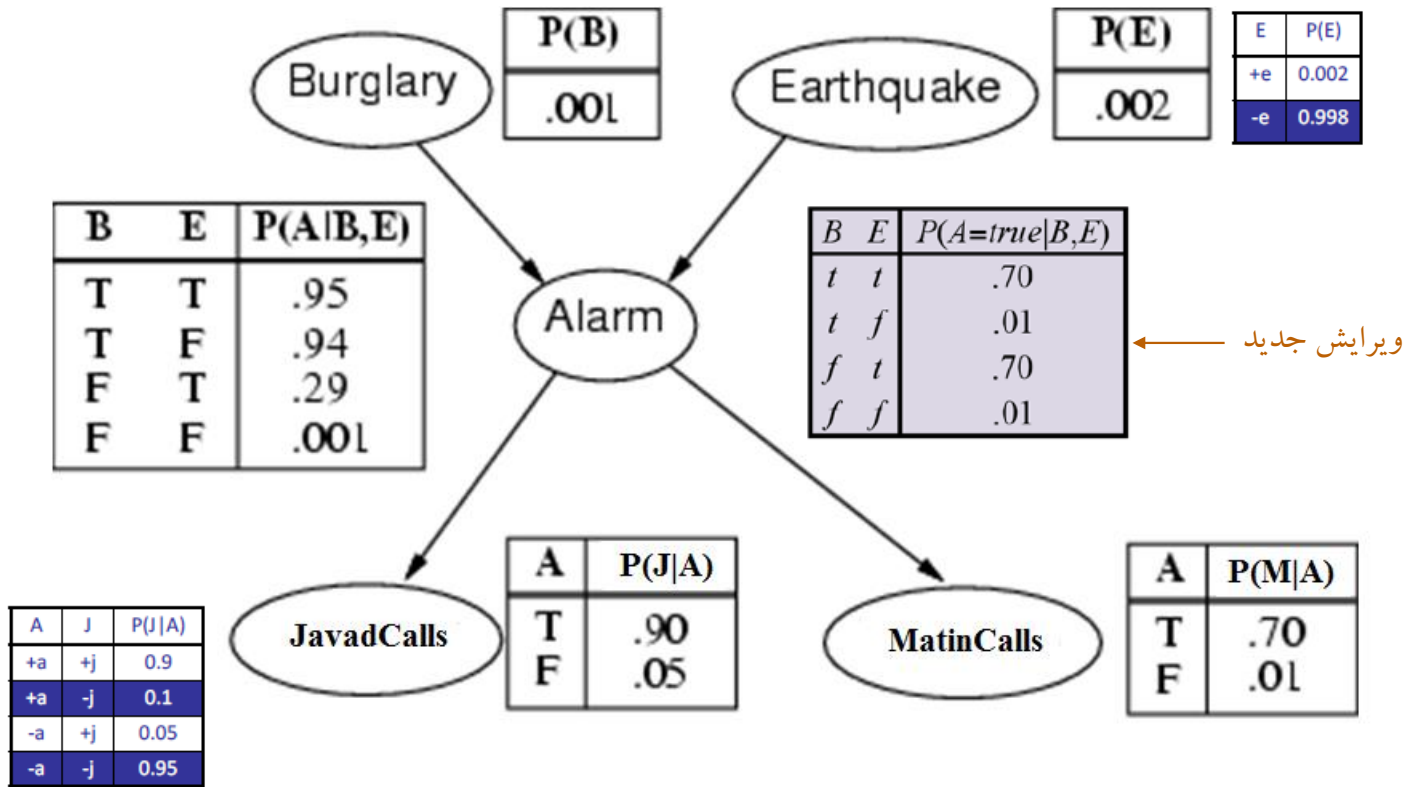
■ هوا از دیگر متغیرها مستقل است.

■ دندان درد و کشیدن با داشتن کرم خوردگی مستقل هستند.

# مثال

- ناصر سرکار است، همسایه اش جواد تلفن زده و می گوید که زنگ دزدگیر او به صدا در آمده است، اما همسایه دیگرش متین تلفن زده است. زنگ دزدگیر گاهی با زمین لرزه خفیف به صدا در می آید. آیا یک دزدی انجام شده است؟
- متغیرها: دزدی، زلزله، زنگ، تلفن جواد، تلفن متین

# مثال



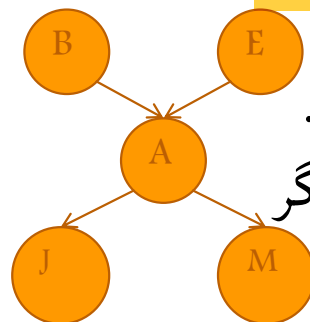
مازیار پالهنک

هوش مصنوعی

6

# فشرده‌گی

- یک CPT برای متغیر بولی  $X_i$  با  $k$  ولی بولی دارای  $2^k$  سطر برای ترکیب مقادیر والدین می باشد.
- هر سطر دارای مقدار  $p$  برای هنگامی  $X_i$  درست می باشد.
- هنگامی که  $X_i$  نادرست است مقدار آن  $1-p$  است که دیگر نمایش داده نمی شود.
- اگر هر متغیر بیش از  $k$  ولی نداشته باشد به  $O(n \cdot 2^k)$  مقدار نیاز داریم.
- رشد خطی، در صورتی که برای توزیع توأم کلی  $O(2^n)$
- برای مثال گفته شده:  $1+1+4+2+2=10$  در مقابل  $2^5-1=31$



# معنا

■ توزیع توأم کلی

$$P(x_1, \dots, x_n) = \prod_{i=1}^n P(x_i \mid \text{parents}(X_i))$$

■ مثال:

$$\begin{aligned} P(j, m, a, \neg b, \neg e) &= P(j \mid a)P(m \mid a)P(a \mid \neg b \wedge \neg e)P(\neg b)P(\neg e) \\ &= 0.90 \times 0.70 \times 0.001 \times 0.999 \times 0.998 = 0.000628 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P(j, m, a, \neg b, \neg e) &= P(j \mid a)P(m \mid a)P(a \mid \neg b \wedge \neg e)P(\neg b)P(\neg e) \\ &= 0.90 \times 0.70 \times 0.01 \times 0.999 \times 0.998 = 0.00628. \end{aligned}$$

ویرایش جدید



# ساخت شبکه های بیزی

■ قانون ضرب:

$$P(x_1, \dots, x_n) = P(x_n | x_{n-1}, \dots, x_1) P(x_{n-1}, \dots, x_1)$$

■ قانون زنجیری:

$$\begin{aligned} P(x_1, \dots, x_n) &= P(x_n | x_{n-1}, \dots, x_1) P(x_{n-1} | x_{n-2}, \dots, x_1) \cdots P(x_2 | x_1) P(x_1) \\ &= \prod_{i=1}^n P(x_i | x_{i-1}, \dots, x_1) . \end{aligned}$$

$$P(x_1, \dots, x_n) = \prod_{i=1}^n P(x_i | \text{parents}(X_i))$$

■ مقایسه:

$$P(X_i | X_{i-1}, \dots, X_1) = P(X_i | \text{Parents}(X_i))$$

■ معادل با

$$\text{Parents}(X_i) \subseteq \{X_{i-1}, \dots, X_1\}$$

■ اگر

- مشخص کردن متغیرهای تصادفی لازم
- مرتب کردن  $X_1 \dots X_n$
- هر ترتیبی کار می کند ولی بهتر است ابتدا سببها بعد آثار
- برای  $i=1$  تا  $n$
- اضافه کردن رأس  $X_i$
- انتخاب ولیها از میان  $X_1$  تا  $X_{i-1}$  بطوریکه
- $$\mathbf{P}(X_i | X_{i-1}, \dots, X_1) = \mathbf{P}(X_i | \text{Parents}(X_i))$$
- رسم یالها
- نوشتن توزیع

10



اصفهان - بوستان شهرستان

مازیار پالهنګ

هوش مصنوعی

11

- دقت نمائید که پاورپوینت ابزاری جهت کمک به یک ارائه شفاهی می باشد و به هیچ وجه یک جزوه درسی نیست و شما را از خواندن مراجع درس بی نیاز نمی کند.
- لذا حتماً مراجع اصلی درس را مطالعه نمائید.
- در تهیه این اسلایدها، از اسلایدهای سایت کتاب و برخی منابع از اینترنت استفاده شده است.