### بسمه تعالى

هوش مصنوعی حل مسئله - ۷ نیمسال اول ۱۴۰۴-۱۴۰۳

د کتر مازیار پالهنگ آزمایشگاه هوش مصنوعی دانشکدهٔ مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه صنعتی اصفهان

# یادآوری

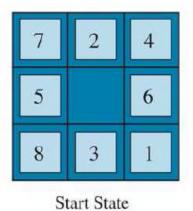
- جستجوی آگاهانه
- جستجوی بهترین نخست حریصانه
  - A \* حستجوى \* A
    - IDA× \_
    - RBFS \_
    - SMA× \_
    - A× وزندار
  - توابع مكاشفه اى

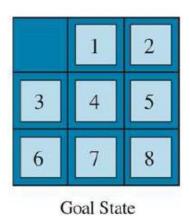
مازيار يالهنگ

هوش مصنوعي

### توابع مكاشفه اي

- ◄ جورچين ٨
- حل نوعی حدود ۲۲ مرحله
  - ضریب انشعاب حدود ۳

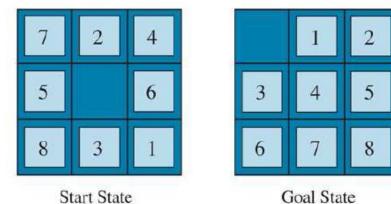




هوش مصنوعی مازیار پالهنگ

- جستجوی کامل درختی حدود  $3^{22} \times 3.1 \times 3^{22}$  حالت بازدید می شود.

- تعداد خانه هائی که در مکانهای غلط قرار دارند.  $h_1$
- مجموع مسافتهای خانه ها از مکان هدفشان (فاصلهٔ مانهاتان یا بلوک شهر) بلوک شهر
  - مثال
  - $h_1=8$
  - $h_2 = 3 + 1 + 2 + 2 + 2 + 3 + 3 + 2 = 18$



مازيار پالهنگ

- وشی برای ارزیابی مکاشفه ها ضریب انشعاب مؤثر  $b^*$  می باشد.
  - فرض کنید کل رئوس بسط داده شده توسط  $\mathbf{A}^*$  برای مسئله ای بر ابر  $\mathbf{N}$  باشد و حل در عمق  $\mathbf{d}$  باشد.
    - است که  $b^*$  برابر ضریب انشعاب درخت یکنواختی با عمق b است که همان تعداد رأس داشته باشیم:

$$N+1 = 1 + b^* + (b^*)^2 + \dots + (b^*)^d$$
.

مازيار يالهنگ

هوش مصنوعي

	Search Cost (nodes generated)			Effective Branching Factor		
d	BFS	$A^*(h_1)$	$A^*(h_2)$	BFS	$A^*(h_1)$	$A^*(h_2)$
6	128	24	19	2.01	1.42	1.34
8	368	48	31	1.91	1.40	1.30
10	1033	116	48	1.85	1.43	1.27
12	2672	279	84	1.80	1.45	1.28
14	6783	678	174	1.77	1.47	1.31
16	17270	1683	364	1.74	1.48	1.32
18	41558	4102	751	1.72	1.49	1.34
20	91493	9905	1318	1.69	1.50	1.34
22	175921	22955	2548	1.66	1.50	1.34
24	290082	53039	5733	1.62	1.50	1.36
26	395355	110372	10080	1.58	1.50	1.35
28	463234	202565	22055	1.53	1.49	1.36

Data are averaged over 100 puzzles for each solution length

- اگر  $h_2(n) \ge h_1(n)$  برای همهٔ n ها (هر دو قابل پذیرش)
  - بر گی دارد.  $h_1$  بر  $h_2$  دارد.
- می دانیم اگر مکاشفه سازگار باشد هر رأس با  $f(n) < C^*$  حتماً بسط داده می شود.
  - پس هر رأس با  $h(n) < C^* g(n)$  حتماً بسط داده می شود.
- ممکن است رأسی باشد که  $h_2(n)$  بزرگتر از سمت راست بوده ولی  $h_1(n)$  کمتر باشد،
  - بنابر این جستجو با  $h_1$  رئوس بیشتری را بسط می دهد.

### مسئلة آسوده شده

- مسئله ای که قیود کمتری روی اعمال دارد مسئلهٔ آسوده شده نام دارد.
  - هزینهٔ حل بهینه برای یک مسئلهٔ آسوده شده یک مکاشفهٔ قابل پذیرش برای مسئلهٔ اصلی است.

# مسئله آسوده شده

- A به مربع B حرکت کند اگر B مجاور B بوده و B خالی باشد.
  - مسئلهٔ آسوده شده:
- A به مربع B حرکت کند اگر A مجاور B باشد.
- B حركت كند اگر A به مربع A حركت كند اگر خالی باشد.
  - 3. یک خانه می تواند از مربع A به مربع B حرکت کند.

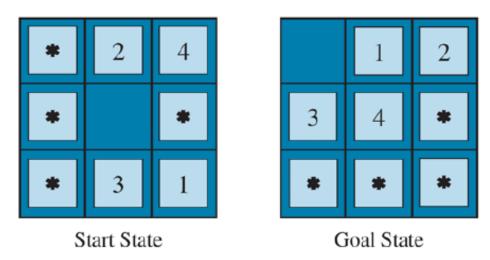
■ اگر مجموعه ای از مکاشفه ها وجود داشته باشند که هیچکدام بر دیگری چیرگی نداشته باشند می توانیم بصورت زیر از آنها استفاده کنیم:

$$h(n) = \max\{h_1(n), h_2(n), \dots, h_m(n)\}$$

مازيار يالهنگ

### پایگاه دادهٔ الگو

خیرهٔ هزینهٔ حل دقیق به زیرمسئله



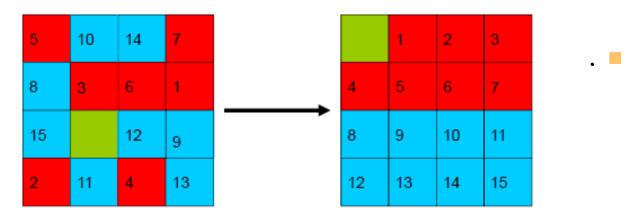
A subproblem of the 8-puzzle instance given in Figure 3.25. The task is to get tiles 1, 2, 3, 4, and the blank into their correct positions, without worrying about what happens to the other tiles.

- مسلماً حل زیر مسئله هزینهٔ کمتری از حل مسئله هنگامی که همهٔ کاشیها حضور دارند خواهد داشت.
  - ذخیرهٔ هر زیر مسئلهٔ ممکن
  - همهٔ پیکربندیهای ۴ کاشی مشخص و یک جای خالی
    - ایجاد یک پایگاه داده از آنها
  - استفاده از مقادیر آنها به عنوان مکاشفه با نگاه به پایگاه داده و یافتن زیر مسئلهٔ متناظر

- می توان زیر مسائل دیگری با ۴ کاشی دیگر مثلا ۵-۶-۷-۸ را در نظر گرفت.
- مى توان همانگونه كه گفته شد از هزينهٔ هر دو نيز استفاده نمود و هزينه حداكثر را استفاده نمود.
- ولی نمی توان آنها را با هم جمع کرد چون حرکت دو دسته با ۴ کاشی مستقل از هم نیست و هنگام حرکت ۴ کاشی از یک دسته کاشیهای دسته دیگر نیز جابجا می شوند.

- اگر هنگام شمارش حرکات مورد نیاز هر دسته فقط حرکات کاشیهای آن دسته شمرده شوند و دو دسته منفصل باشند می توان هزینهٔ آن دو دسته را با هم جمع نمود.
  - فاصلهٔ مانهاتان حالت خاصی از این مکاشفه است که هر الگو فقط شامل یک کاشی است.
- به این مکاشفه پایگاه دادهٔ الگوی منفصل disjoint pattern)

  ( database گفته می شود.



20 moves needed to solve red tiles

25 moves needed to solve blue tiles

Overall heuristic is sum, or 20+25=45 moves

Dan Weld Slides

### استفاده از زمین نما

■ امروزه نرم افزارهای برخطی و جود دارند که به سرعت مسیریابی انجام می دهند.



Google Map هوش مصنوعی

#### استفاده از زمین نما

- یک روش برای تسریع مسیریابی آن است که هزینهٔ بهینه از هر شهر به شهر دیگر بصورت برون خط محاسبه و ذخیره شود.
  - در حالت برون خط زمان زیادی می برد.
- روش دیگر انتخاب برخی از شهرهای معین به عنوان زمین نما (landmark) است.

### استفاده از زمین نما

- L برای هر زمین نمای L و هر شهر V هزینه بهینه رفتن از V به  $C^*(V_iL)$
- در صورت لزوم  $C^*(L_i V)$  هم محاسبه و ذخیره می شود (برای مسیرهای یک طرفه)
  - برای محاسبهٔ تخمین رسیدن به هدف از رأس n:

$$h_L(n) = \min_{L \ \in Landmarks} C^*(n,L) + C^*(L,goal)$$

البته مكاشفه قابل پذيرش نيست و ممكن است مسير بهينه را بدست نياورد.

### یادگیری توابع مکاشفه ای

- تخمین تابع مکاشفه ای با استفاده از تجربه
- لزوم تعریف خصائصی که حالت را تعریف کنند
- مثلاً  $X_1(n)$  تعداد کاشیهای که در جای خود نیستند.
- تعداد زیادی اجرا گرفت و مثلاً دید وقتی  $X_1(n)=5$  هزینهٔ حل مسئله بطور متوسط ۱۵ است.
  - h(n)و  $X_1(n)$  یافتن رابطه ای بین

$$h(n) = c.x_1(n)$$

- می توان از ویژگیهای بیشتری نیز استفاده نمود.
- مثلاً  $X_2(n)$  تعداد کاشیهای مجاوری که در حالت هدف مجاور نستند.
  - ترکیب دو ویژگی
  - معمولاً بصورت خطى

$$h(n) = c_1 x_1(n) + c_2 x_2(n)$$

#### خلاصه

- توابع مكاشفه اى
- الخت توابع مكاشفه اي
  - مسائل آسوده شده
    - پایگاه دادهٔ الگو
  - استفاده از زمین نما
- یادگیری توابع مکاشفه ای



- دقت نمائید که پاورپوینت ابزاری جهت کمک به یک ارائهٔ شفاهی می باشد و به هیچ وجه یک جزوهٔ درسی نیست و شما را از خواندن مراجع درس بی نیاز نمی کند.
  - لذا حتماً مراجع اصلى درس را مطالعه نمائيد.
    - حضور فعال در کلاس دارای امتیاز است.