



## اقتصاد و مدیریت صنعتی

# بخش دوم

اقتصاد مهندسي

روشهای ارزیابی اقتصادی پروژه ها

مدرس: زهره قاسمی



## روش نرخ بازگشت سرمایه (Rate of Return)

• روش نرخ بازگشت سرمایه (ROR) یکی از پرکاربردترین روش های ارزیابی اقتصادی طرح هاست.

• نرخ بازگشت سرمایه نرخی است که در آن، ارزش درآمدها (درآمدهای سالیانه، ارزش اسقاطی و ...) و هزینه ها (سرمایهٔ اولیه، هزینه های سالیانه و ...) معادل هم می باشد.

#### روش های محاسبهٔ ROR یک پروژه:

$$NPW(i) = 0 \rightarrow i = ROR$$

• محاسبه ارزش فعلی پروژه: ارزش فعلی خالص پروژه را با نرخ مجهول i محاسبه کرده و برابر صفر قرار میدهیم تا مقدار i به دست آید.

$$NFW(i) = 0 \rightarrow i = ROR$$

• محاسبه ارزش آینده: ارزش آینده خالص پروژه را با نرخ مجهول i محاسبه کرده و برابر صفر قرار می دهیم تا مقدار i به دست آید.

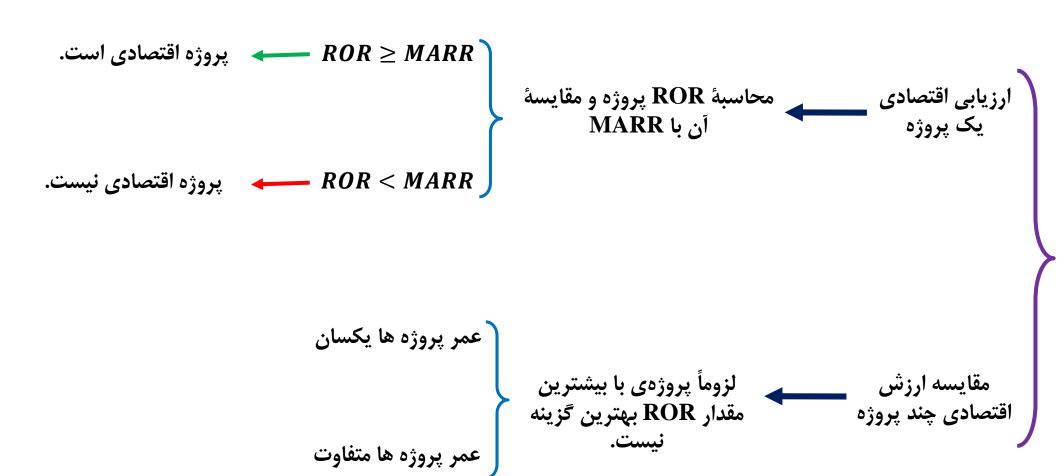
• محاسبه جریان یکنواخت خالص: جریان یکنواخت خالص پروژه را با نرخ مجهول i محاسبه کرده و برابر صفر قرار می دهیم تا مقدار i بدست آید.

$$NEUA(i) = 0 \rightarrow i = ROR$$





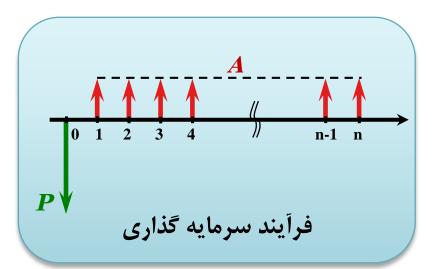
## **حالتهای مختلف در استفاده از روش ROR**

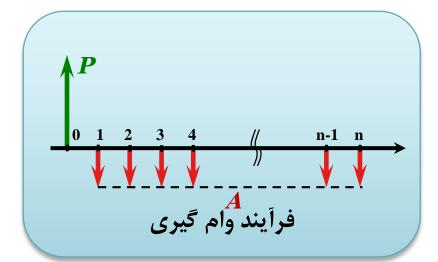




## نکاتی در مورد روش ROR

√ به طور کلی می توان فرایندهای مالی را به دو دسته تقسیم نمود:





- √ روش ROR برای طرح های سرمایه گذاری مطرح است و نه طرح های وام گیری.
- √ برای طرح های وام گیری باید نرخ بهرهٔ وام را با حداکثر نرخ بهره قابل قبول مقایسه کرد. حداکثر نرخ بهره قابل قبول می تواند برابر، کوچکتر و یا حتی بزرگتر از MARR باشد.



## روش ROR - ارزیابی اقتصادی یک پروژه

• مثال: یک شرکت سرمایه گذاری طرح سرمایه گذاری زیر را پیشنهاد نموده است:

«پرداخت سالانه ۲۰۰۰ واحد پولی به مدت ۱۰ سال و سپس دریافت ۲۵۰۰۰ واحد پولی در انتهای سال دهم»

الف) نرخ بازگشت سرمایه این طرح سرمایه گذاری چقدر است؟

ب) آیا با ٪ ۱۵ = MARR حاضر به سرمایه گذاری در این طرح هستید؟

$$NPW(i) = 0 \Rightarrow -1000f({}^{P}/_{A}, i, 10) + 25000f({}^{P}/_{F}, i, 10) = 0$$



i	NPW
0.18	283.4
ROR	0
0.20	-155

$$0-283.4$$
  $=$   $\frac{0-283.4}{(i-0.18)} = \frac{-155-283.4}{0.2-0.18}$ 

$$ROR = i = 19.3\%$$



## روش ROR - ارزیابی اقتصادی یک پروژه

• مثال: یک شرکت سرمایه گذاری طرح سرمایه گذاری زیر را پیشنهاد نموده است:

«پرداخت سالانه ۲۰۰۰ واحد پولی به مدت ۱۰ سال و سپس دریافت ۲۵۰۰۰ واحد پولی در انتهای سال دهم»

الف) نرخ بازگشت سرمایه این طرح سرمایه گذاری چقدر است؟

بله

ب) آیا با % MARR = ۱۵ حاضر به سرمایه گذاری در این طرح هستید؟

$$NEUA(i) = 0 \Rightarrow -1000 + 25000 f(A/_F, i, 10) = 0 \Rightarrow f(A/_F, i, 10) = 0.04$$

روش دوم

i	$f(A/_F, i, 10)$					
0.18	0.0425	درون یابی خطی	0.0400 0.0425	0.0205 0.0425		
ROR	0.0400	<del></del>	$\frac{0.0400-0.0425}{(i-0.18)}$	$=\frac{0.0385-0.0425}{0.2-0.18}$	$\longrightarrow$	ROR = i = 19.3%
0.2	0.0385		(i-0.10)	0.2 - 0.10		





#### Example: "By Hand"

**EOY CF** 

-\$500,000

1-10 \$92,500

10 \$50,000

 $FW(i^*\%) = -\$500,000 f(F|P,i^*\%,10) + \$50,000 + \$92,500 (F|A,i^*\%,10) = \$0$ 

 $i^* \approx 13.67893\%$ 

<u>i</u>	<u>FW</u>
12%	\$120,333.90
15%	-\$94,684.90



Example: "Excel"

	A	В
1	<b>EOY</b>	<u>CF</u>
2	0	-\$500,000
3	1	\$92,500
4	2	\$92,500
5	3	\$92,500
6	4	\$92,500
7	5	\$92,500
8	6	\$92,500
9	7	\$92,500
10	8	\$92,500
11	9	\$92,500
12	10	\$142,500
13	IRR=	[=IRR(B2:B12)]
	IRR=	13.8003%



در روش ROR، لزوماً پروژه ای که بیشترین ROR را دارد اقتصادی ترین نیست. از این رو جهت شناسایی اقتصادی ترین پروژه می بایست گامهای زیر را پیمود:

گام ۱: پروژه ها را بر حسب هزینه اولیه به صورت صعودی مرتب نمایید.

گام ۲: ROR هر پروژه را محاسبه کنید.

گام ۳: اگر ROR پروژه ای کمتر از مقدار MARR بود آن را حذف نمایید.

گام ٤: برای پروژههای باقیمانده، با استفاده از تحلیل سرمایه گذاری اضافی، پروژه ها را دو به دو مقایسه کنید تا اقتصادی ترین پروژه شناسایی شود.

• نکته: برای مقایسه ارزش اقتصادی پروژهها می توان جریانهای کاملاً مشابه (از نظر مقدار، زمان، جهت) در پروژهها را حذف نمود. در این صورت، دیگر مقدار ROR پروژهها را نمی توان محاسبه کرد و لذا گام های ۲ و ۳ لحاظ نمی گردد.



- است  ${f A}$  فرض کنید هزینه اولیه پروژه  ${f B}$  بیشتر از پروژه  ${f A}$  باشد. به شرطی پروژه  ${f B}$  اقتصادی تر از که این سرمایه گذاری اضافی توجیه اقتصادی داشته باشد. لذا می توان جهت مقایسه این دو پروژه به اختلاف هزینه ها و درآمدهای آن دو توجه کرد:
- پروژه  ${f B}$  اقتصادی تر است (اضافه سرمایه گذاری  $\Delta ROR = ROR_{B-A} \geq MARR$ (است. اهتصادی است.  $\mathbf{B}$
- پروژه  $\mathbf{A}$  اقتصادی تر است (اضافه سرمایه گذاری  $\Delta ROR = ROR_{B-A} < MARR$ (اقتصادی نیست.) اقتصادی نیست.



#### • اقتصادی ترین پروژه را با استفاده از روش نرخ بازگشت سرمایه مشخص نمایید. (MARR=10%)

A-B	В	A	سال
-٣•••	-7 • • •	-1 • • • •	•
-4	9	۵۰۰۰	١
7	۵۰۰۰	Y • • •	۲
Y • • •	7	9	٣
	<sup>-</sup> /. <b>٧٧/٧</b> ٩	% <b>٢</b> ٢/٩٨	ROR

 $\Delta NPW = 0$ 

$$-3000 - 4000 \left(\frac{P}{F}, i\%, 1\right) + 2000 \left(\frac{P}{F}, i\%, 2\right) + 7000 \left(\frac{P}{F}, i\%, 3\right) = 0$$

$$i = \Delta ROR = 12.04\%$$
  $--- \Delta ROR > MARR = 10\%$ 

 ${f A}$  پروژه با سرمایه اولیه بیشتر، یعنی پروژه انتخاب می شود.



#### زمانی که هزینه اولیه یکسان باشد:



E-F	F-E	سال
•	•	•
-247.	۵۳۲۰	١
40.	-40.	۲
400.	-400.	٣
7719	-7719	۴

E	F	سال
_9 • • •	_9 • • •	•
44.	۵۸۰۰	١
٣٧٠٠	٣٢۵٠	۲
۶۵۵۰	7	٣
٣٧٨٠	1081	۴

C	A	В	پروژه
۶۰۰۰	4	7	هزينه اوليه
V81	<i>१</i> ८९	41.	درآمد ساليانه
<b>%</b> \\	%\a	%۲٠	نرخ بازگشت سرمایه

مثال: اطلاعات زیر در مورد سه پروژه B ،A و B در دست است. کدام پروژه اقتصادی تر است؟ فرض کنید عمر پروژهها ۲۰ سال و MARR=0.08 باشد.

A - B	
7	هزينه اوليه
779	درآمد ساليانه

$$NPW_{A-B} = 0 \rightarrow 229 \times f\left(\frac{P}{A}, i, 20\right) - 2000 = 0 \rightarrow f\left(\frac{P}{A}, i, 20\right) = 8.73 \rightarrow i \cong 10\% > MARR$$

اضافه سرمایه گذاری A نسبت به B اقتصادی است. بنابراین پروژه A اقتصادی تر از B است.

$$NPW_{C-A} = 0 \rightarrow 122\left(\frac{P}{A}, i, 20\right) - 2000 = 0 \rightarrow \left(\frac{P}{A}, i, 20\right) = 16.39 \rightarrow i \cong 2\% < MARR$$

اضافه سرمایه گذاری C نسبت به A اقتصادی نیست. بنابراین پروژه C اقتصادی تر از C است.



### درونیابی

$$\left(\frac{P}{A}, i, 20\right) = 8.73$$

$\left(\frac{P}{A}, i, 20\right)$	i
9/17/0	% ٩
٨/٧٣	i = ?
٨/٥١	%1.

$$\frac{8.51 - 9.1285}{8.73 - 9.1285} = \frac{1}{i - 9} \rightarrow \frac{-0.6185}{-0.3985} = \frac{1}{i - 9} \rightarrow$$

$$(i-9)*(-0.6185) = -0.3985 \rightarrow i-9 = \frac{-0.3985}{-0.6185} = 0.64 \rightarrow i = 9.64$$



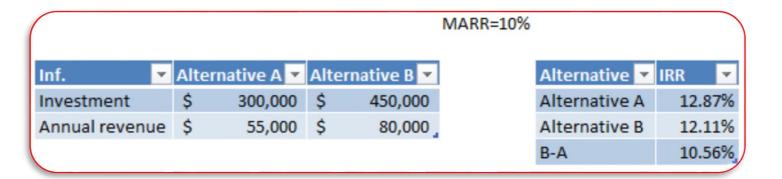
#### 9.00% COMPOUND INTEREST FACTORS

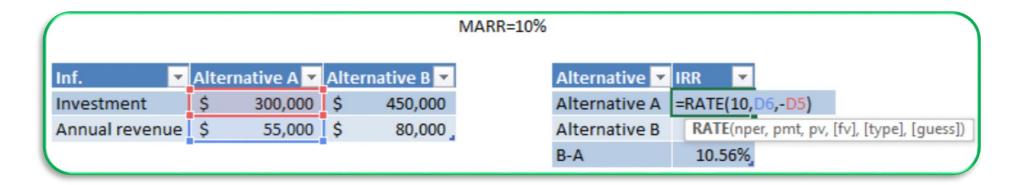
	7.006 COMPOUND INTEREST FACTORS						
SINGLE PAYMENTS.			U	NIFORM SERI	ES PAYMENT	S	
N	COMPOUND AMOUNT F/P	PRESENT! WORTH   P/F	SINKING FUND A/F	COMPOUND AMOUNT F/A	CAPITAL RECOVERY A/P	PRESENT WORTH P/A	N
1 2 3	1.0900 1.1881 1.2950	0.9174 0.8417 0.7722	1.00001 0.47847 0.30506	1.000 2.090 3.278	1.09001 0.56847 0.35506	0.9174 1.7591 2.5313	1 2 3
4 5	1.4116 1.5386	0.7084	0.21867	4.573 5.985	0.30867 0.25709	3.2397 3.8896	4 5
6 7 8	1.6771 1.8280 1.9926	0.5963 0.5470 0.5019	0.13292 0.10869 0.09068	7.523 9.200 11.028	0.22292 0.19869 0.18068	4.4859 5.0329 5.5348	6 7 8 9
10 11	2.1719 2.3673 2.5804	0.4604 0.4224 0.3875	0.07680 0.06582 0.05695	13.021 15.193 17.560	0.16680 0.15582 0.14695	5.9952 6.4176 6.8052	15 11
12	2.8126 3.3658	0.3555	0.04965	20.140	0.13965	7.1607 7.4869	12 13
14 15 16	3.3417 3.6424 3.9703	0.2992 0.2745 0.2519	0.03843 0.03406 0.03030	26.019 29.360 33.003	0.12843 0.12406 0.12030	7.7861 8.0607 8.3125	14 15 16
17 18	4.3276 4.7171	0.2311	0.02705	36.973 41.301	0.11705	8.5436 8.7556	17 18
19 20	5.1416 5.6043	0-1945	0.02173	46.018 51.159	0.11173	8.7501 9.1285	15 20

#### 10.30% COMPOUND INTEREST FACTORS

SI	SINGLE PAYMENTS		UNIFORM SERIES PAYMENTS .				
N	COMPOUND AMOUNT F/P	PRESENT! WORTH   P/F	SINKING FUND A/F	COMPOUND AMOUNT F/A	CAPITAL RECOVERY A/P	PRESENT WORTH P/A	N
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13	1.1303 1.2103 1.3310 1.4641 1.6105 1.7716 1.9487 2.1436 2.3579 2.5937 2.5937 2.8531 3.1384	0.9091 0.8264 0.7513 0.6830 0.6209 0.5645 0.5132 0.4665 0.4241 0.3855 0.3505 0.3186 0.2897	1.00000 0.47619 0.30212 0.21547 0.16380 0.12961 0.10541 0.08744 0.07364 0.06275 0.05396 0.04676	1.JJJ 2.100 3.310 4.641 6.105 7.716 9.487 11.436 13.579 15.937 18.531 21.284 24.522	1-10001 0-57619 0-40212 0-31547 0-26380 0-22961 0-20541 0-18744 0-17364 0-16275 0-15396 0-14678	0.9091 1.7355 2.4868 3.1698 3.7908 4.3552 4.8684 5.3349 5.7590 6.1445 6.4950 6.8137	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
13 14 15 16 17 18 19 20	3.4522 3.7975 4.1772 4.5949 5.0544 5.5599 6.1158 6.7274	0.2897 0.2633 0.2394 0.2176 0.1799 0.1635 0.1486	0.04078 0.03575 0.03147 0.02782 0.02466 0.02193 0.01955 0.01746	24.522 27.975 31.772 35.949 40.544 45.599 51.159 57.274	0.14C78 0.13575 0.13147 0.12782 0.12466 0.12193 0.11955 0.11746	7.1033 7.3667 7.6061 7.8237 8.0215 8.2014 8.3649 8.5136	13 14 15 16 17 18 19 20







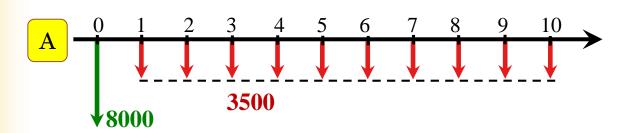


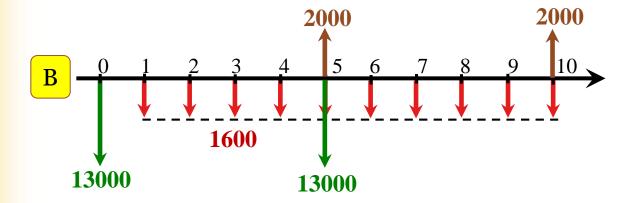


مثال: یک شرکت تولیدی لباس بچه گانه، خرید یک ماشین خیاطی را با در اختیار داشتن اطلاعات زیر در مثال: یک شرکت تولیدی این دو ماشین می کند. سایر درآمدها و هزینه های این دو ماشین یکسان است. اگر MARR=0.15 خرید کدام نوع ماشین خیاطی اقتصادی تر است؟

اتوماتیک(B)	نیمه اتوماتیک(A)	
١٣٠٠٠	۸٠٠٠	قيمت خريد
18	۳۵٠٠	هزينه ساليانه
7	•	ارزش اسقاطی
۵	١.	عمر مفید



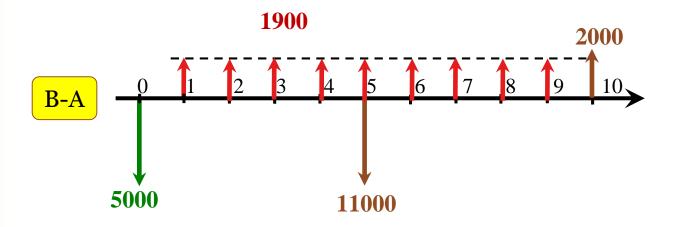




#### روش اول: محاسبه NPV

اتوماتیک (B)	نیمه اتوماتیک (A)	
-14	-\.	قيمت خريد
-18++	-40	هزينه ساليانه
+۲٠٠٠	•	ارزش اسقاطی
۵	١٠	عمر مفید



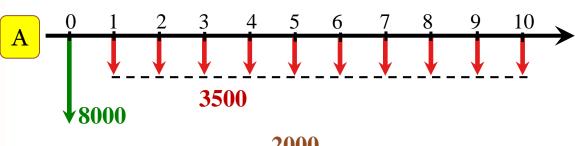


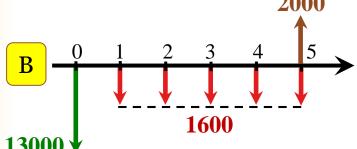
$$\Delta NPW = NPW_{B-A} = 0$$
  $-5000 + 1900f(P/A, i, 10) - 11000f(P/F, i, 5) + 2000f(P/F, i, 10) = 0$ 

$$\Delta ROR = ROR_{B-A} = 12.7\% < MARR$$

خرید ماشین A اقتصادی تر است.







$$NEUA_A = -3500 - 8000f(A/P, i, 10)$$

$$NEUA_B = -1600 - 13000f(A/P, i, 5) + 2000f(A/F, i, 5)$$

#### روش دوم: محاسبه NEUA

اتوماتی <i>ک</i> (B)	نیمه اتوماتیک (A)	
18	٨٠٠٠	قيمت خريد
18	۳۵۰۰	هزينه ساليانه
7	•	ارزش اسقاطی
۵	١٠	عمر مفید

$$\Delta ROR = ROR_{B-A} = 12.7\% < MARR$$

خرید ماشین A اقتصادی تر است.

$$NEUA_{B-A} = 1900 - 13000f(A/P, i, 5) + 2000f(A/F, i, 5) + 8000f(A/P, i, 10) = 0$$



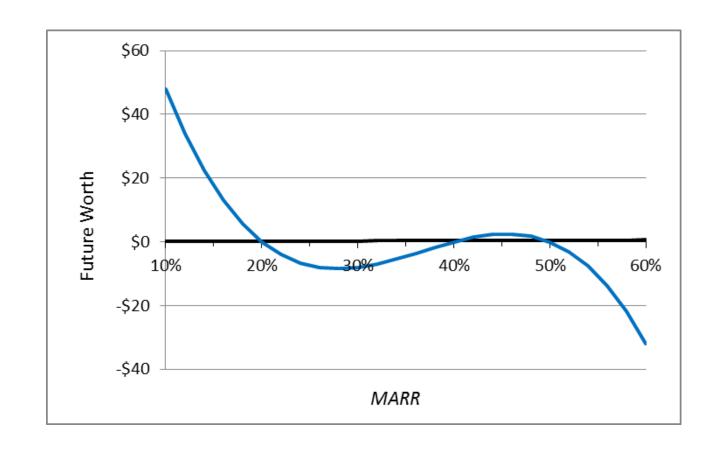
# مشكلات محاسبه نرخ بازگشت سرمايه

- گاهی اوقات ممکن است با استفاده از روش های اشاره شده، برای یک فرآیند مالی چندین نرخ بازگشت سرمایه بدست آید. در این صورت هیچ یک از این نرخ ها قابل قبول نمی باشد. زیرا منطقی نیست که یک فرآیند بیش از یک نرخ بازگشت سرمایه داشته است.
- تعداد نرخ بازگشت سرمایه ای که برای یک فرآیند مالی بدست می آید حداکثر به میزان تعداد دفعات تغییر علامت (جهت) در آن فرآیند است. لذا اگر فرآیندی یک تغییر علامت داشت حداکثر یک نرخ بازگشت سرمایه دارد. اگر دو تغییر علامت داشت، حداکثر دو نرخ بازگشت سرمایه بدست می آید.





EOY	CF
0	-\$4,000.00
1	\$16,400.00
2	-\$22,320.00
3	\$10,080.00





## قانون تغییر علامت در فرآیند مالی

تعداد تغيير علامت	i تعداد جوابهای مثبت و منطقی برای	
•	•	
١	۰ یا ۱	
٢	۲ یا ۱ یا ۲	
٣	۰ یا ۱ یا ۳	



			داکثر یک جواب	_		نرخ بازگشت س
ای تا	سبک بر	$oldsymbol{i}$ مثبت برای	$oldsymbol{i}$ مثبت برای $oldsymbol{\hat{I}}$	ن برای <i>i</i>	. مىبد	وجود ندارد ٭
	E	D	C	$\mathbf{B}^{\!\!\!/}$	A	سال
	۵٠	۵٠	-1 • •	-1 • •	١	•
	-ƥ	۴.	•	١.	١.	١
	۵۰	-1 • •	-ƥ	۵٠	۵٠	۲
	-1 •	١٠	•	۲٠	۲٠	٣
	-4.	١٠	٨٠	۴.	۴.	۴