

بسم الله الرحمن الرحيم

ساختمان‌های داده

جلسه ۱۲

مجتبی خلیلی
دانشکده برق و کامپیوتر
دانشگاه صنعتی اصفهان

پیاده‌سازی لیست

○ ADT فقط درباره عملگرها صحبت می‌کند و درباره پیاده‌سازی حرفی نمی‌زند.

○ دو پیاده‌سازی متداول:

- ArrayList
- LinkedList

لیست پیوندی (LinkedList)

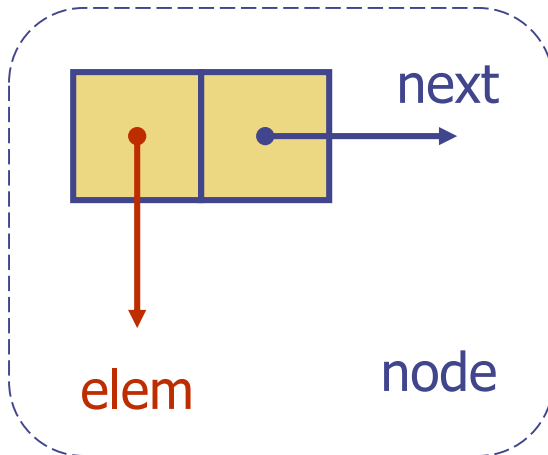
○ یک ساختمان داده دیگر که می‌توان از آن هم برای پیاده‌سازی لیست استفاده کرد.

- با همان رابط‌های قبلی (اضافه به ابتدا، حذف، ...)

- با بده بستان‌های متفاوت

لیست پیوندی (LinkedList)

○ لیست پیوندی شامل دنباله‌ای از گره‌هاست (خطی).

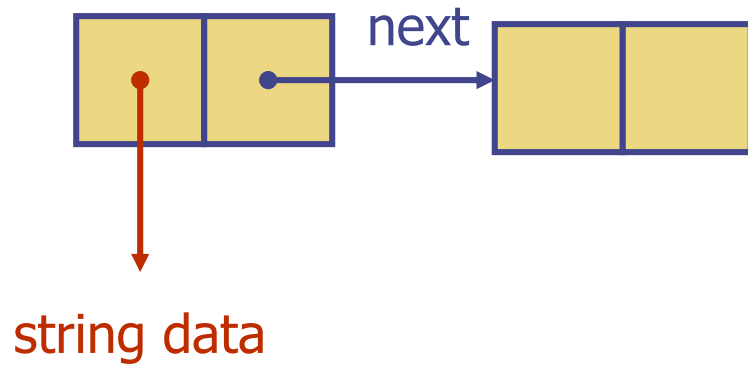


○ هر گره شامل دو بخش است:

- داده
- اشاره‌گر به گره بعدی

○ هر گره در هر جایی از حافظه می‌تواند ذخیره شود.

لیست پیوندی (LinkedList)



```
class Node {  
    string data;  
    Node* next;  
}
```

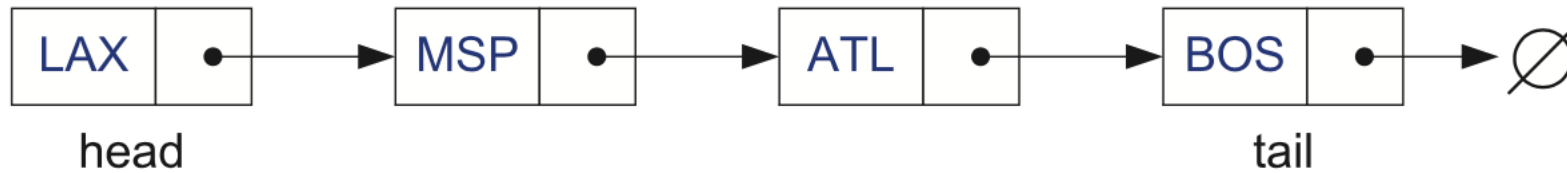
لیست پیوندی (LinkedList)

○ لیست پیوندی شامل دنباله‌ای از گره‌هاست (خطی).

○ بنابراین برای نمایش این لیست نیاز است:

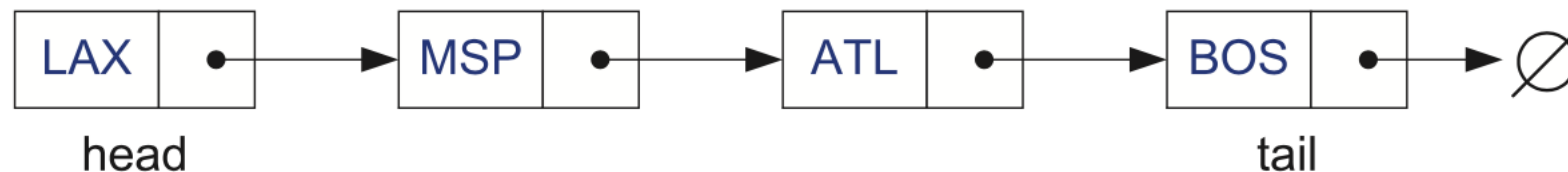
• head

• tail



لیست پیوندی (LinkedList)

- فقط نیاز است head را دنبال کنیم تا به گره‌های بعدی برسیم.
- برای اینکه متوجه شویم به انتهای لیست رسیده‌ایم از nullptr استفاده می‌کنیم.
- خبری از اندیس نیست.



مثال: لیست پیوندی رشته‌ها

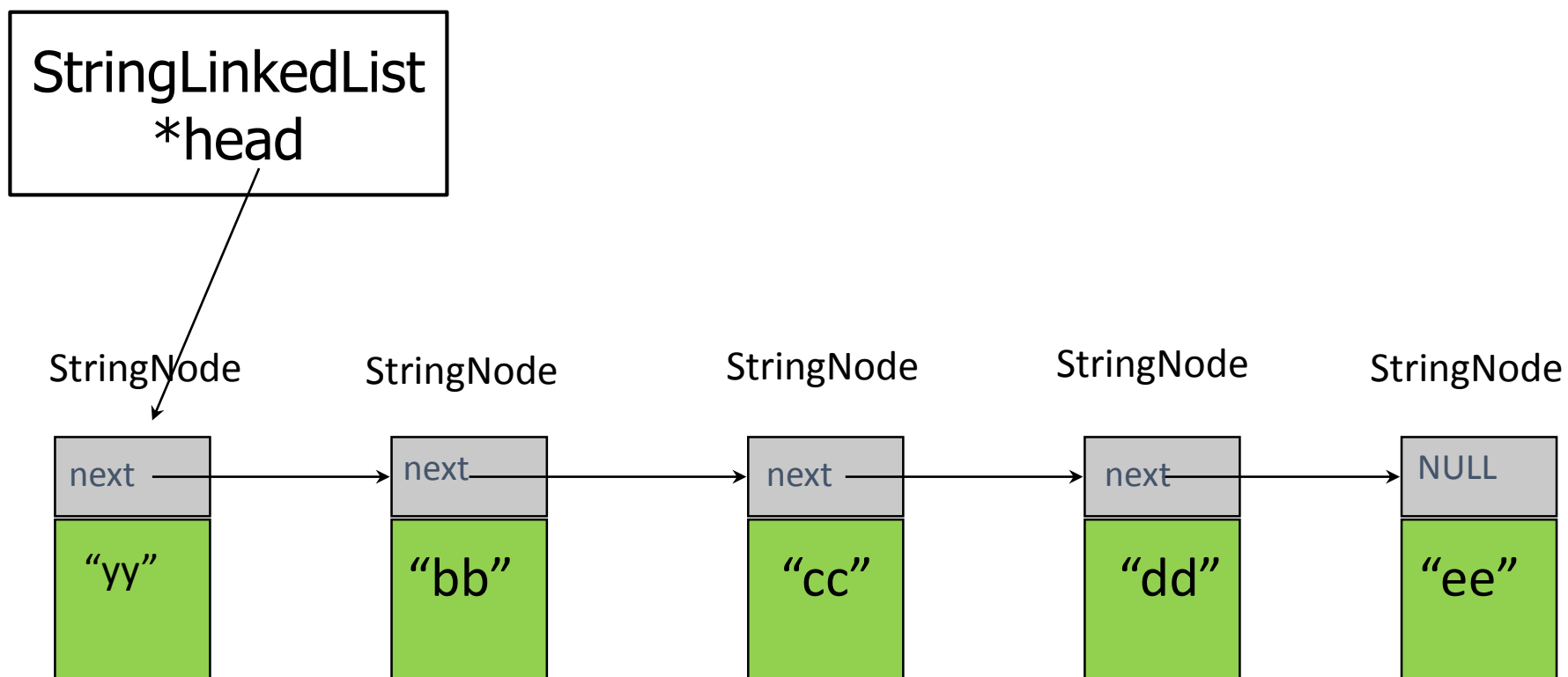
```
class StringNode {                                // a node in a list of strings
private:
    string elem;                                   // element value
    StringNode* next;                             // next item in the list

    friend class StringLinkedList;                // provide StringLinkedList access
};
```

```
class StringLinkedList {                          // a linked list of strings
public:
    StringLinkedList();                           // empty list constructor
    ~StringLinkedList();                          // destructor
    bool empty() const;                          // is list empty?
    const string& front() const;                  // get front element
    void addFront(const string& e);               // add to front of list
    void removeFront();                           // remove front item list

private:
    StringNode* head;                             // pointer to the head of list
};
```


مثال: لیست پیوندی رشته‌ها



لیست پیوندی (LinkedList)

○ زمان مورد نیاز برای محاسبه طول لیست؟

$$O(n)$$

لیست پیوندی (LinkedList)

○ زمان مورد نیاز برای پیدا کردن tail؟

$$O(n)$$

لیست پیوندی (LinkedList)

- برای برخی از کاربردها نیاز دسترسی به tail و دانستن اندازه لیست داریم.
- چگونه این زمان را بهبود دهیم؟

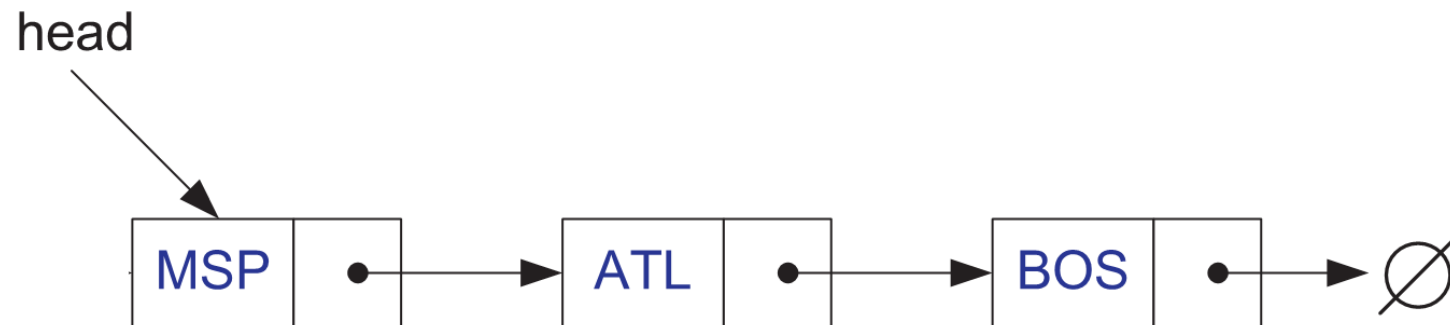
```
class StringLinkedList { // a linked list of strings
public:
    ...
private:
    StringNode* head; // pointer to the head of list
    StringNode* tail; // pointer to the tail of list
    int size
};
```

$O(1)$

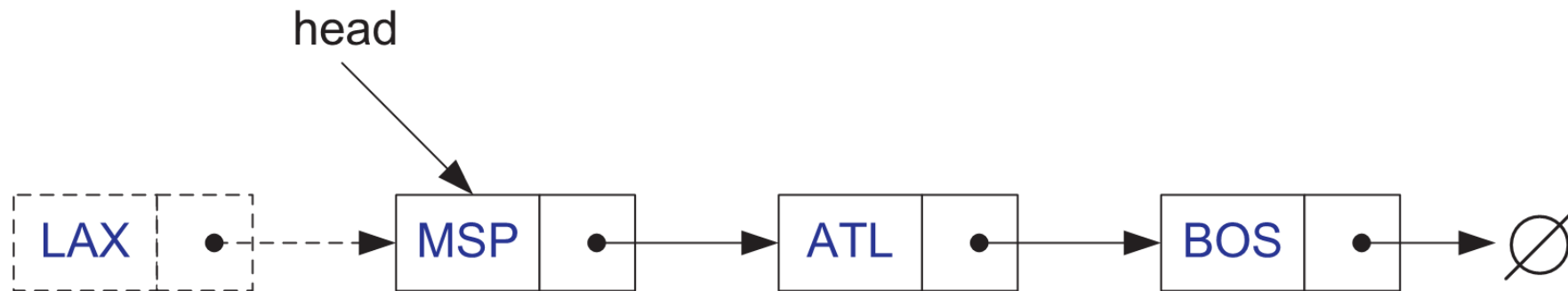
Insertion to the Front of a Singly Linked List

1. Allocate a new node
2. Insert a new element
3. Have the new node point to the old head
4. Update head to point to new node

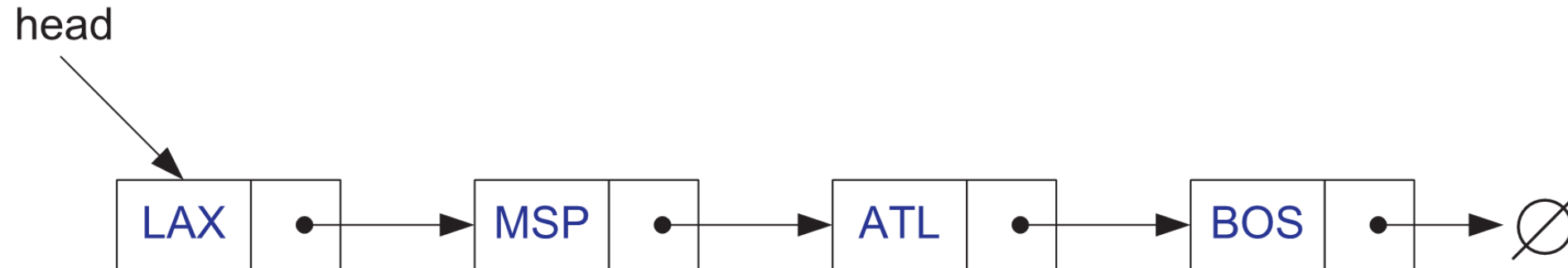
Insertion to the Front of a Singly Linked List



Insertion to the Front of a Singly Linked List



Insertion to the Front of a Singly Linked List



Insertion to the Front of a Singly Linked List

```
void StringLinkedList::addFront(const string& e) { // add to front of list
    StringNode* v = new StringNode;           // create new node
    v->elem = e;                                // store data
    v->next = head;                             // head now follows v
    head = v;                                   // v is now the head
}
```

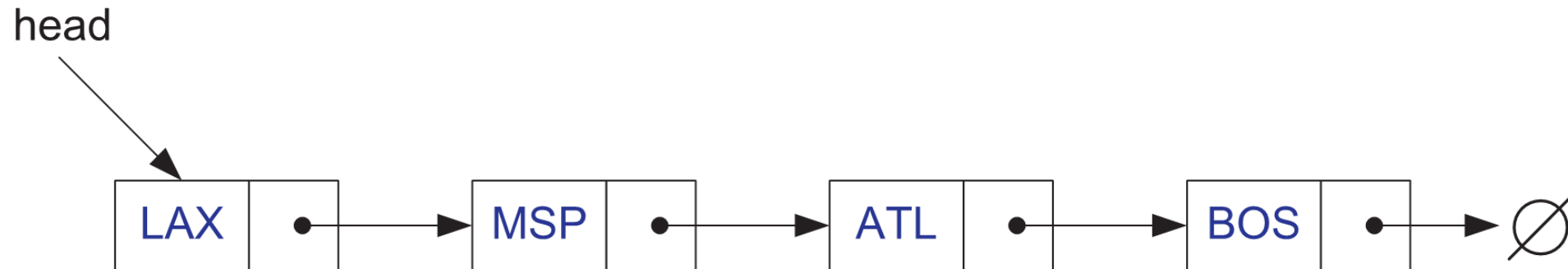
Insertion to the Front of a Singly Linked List



زمان لازم؟ ○

$O(1)$

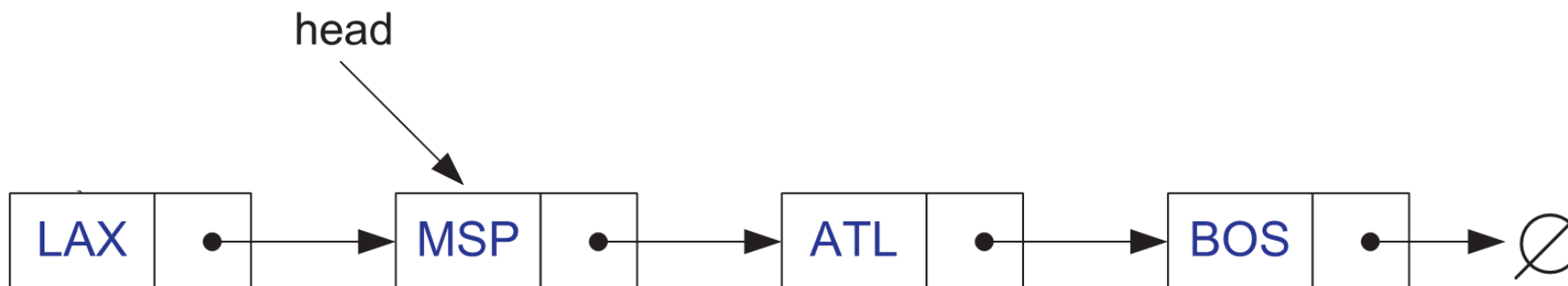
Removal from the Front of a Singly Linked List



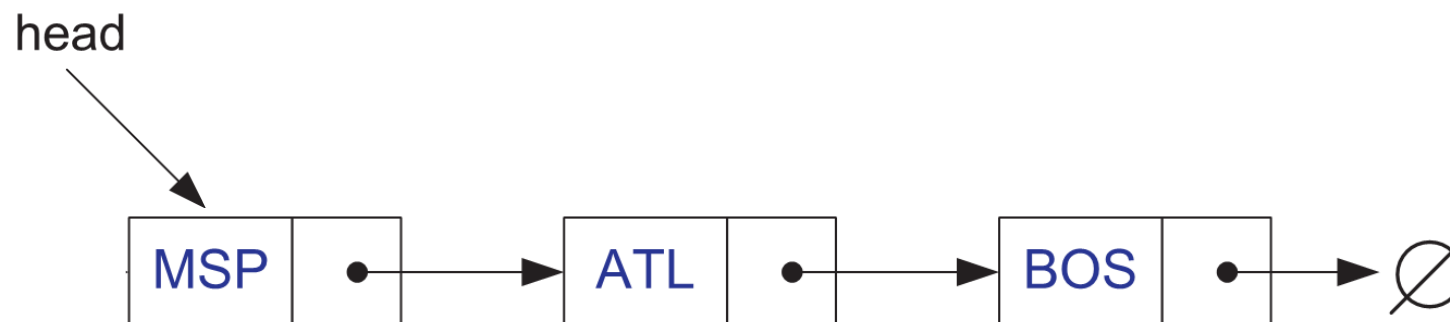
Removal from the Front of a Singly Linked List

1. Update head to point to next node in the list
2. Allow garbage collector to reclaim the former first node
(typically done by calling “delete” in C++)

Removal from the Front of a Singly Linked List



Removal from the Front of a Singly Linked List



Removal from the Front of a Singly Linked List

```
void StringLinkedList::removeFront() {  
    StringNode* old = head;  
    head = old->next;  
    delete old;  
}
```

// remove front item
// save current head
// skip over old head
// delete the old head

دسترسی به گره‌های میانی

- یافتن گره i ام در لیست چقدر زمان می‌خواهد؟
- بدترین حالت؟ عنصر یکی به آخر. پس $O(n)$

درج در بین گره‌های میانی

- درج کردن در مکان i ام در لیست چقدر زمان می‌خواهد؟
- ابتدا باید به آن مکان دسترسی پیدا کنیم.

$$O(1) + O(n) = O(n)$$

حذف از انتهای لیست

○ چقدر زمان میخواد؟

$$O(n)$$

Generic Singly Linked List

- A node in a generic singly linked list:

```
template <typename E>
class SNode {                                // singly linked list node
private:
    E elem;                                  // linked list element value
    SNode<E>* next;                          // next item in the list
    friend class SLinkedList<E>;            // provide SLinkedList access
};
```

Generic Singly Linked List

- A class definition for a generic singly linked list:

```
template <typename E>
class SLinkedList {                                // a singly linked list
public:
    SLinkedList();                                // empty list constructor
    ~SLinkedList();                               // destructor
    bool empty() const;                           // is list empty?
    const E& front() const;                        // return front element
    void addFront(const E& e);                     // add to front of list
    void removeFront();                            // remove front item list
private:
    SNode<E>* head;                               // head of the list
};
```

Generic Singly Linked List

- Other member functions for a generic singly linked list:

```
template <typename E>
SLinkedList<E>::SLinkedList()                // constructor
: head(NULL) { }

template <typename E>
bool SLinkedList<E>::empty() const           // is list empty?
{ return head == NULL; }

template <typename E>
const E& SLinkedList<E>::front() const       // return front element
{ return head->elem; }

template <typename E>
SLinkedList<E>::~~SLinkedList()              // destructor
{ while (!empty()) removeFront(); }
```

Generic Singly Linked List

- Other member functions for a generic singly linked list:

```
template <typename E>
void SLinkedList<E>::addFront(const E& e) {           // add to front of list
    SNode<E>* v = new SNode<E>;                      // create new node
    v->elem = e;                                       // store data
    v->next = head;                                   // head now follows v
    head = v;                                         // v is now the head
}

template <typename E>
void SLinkedList<E>::removeFront() {                  // remove front item
    SNode<E>* old = head;                             // save current head
    head = old->next;                                  // skip over old head
    delete old;                                       // delete the old head
}
```

Generic Singly Linked List

- Examples using the generic singly linked list class:

```
SLinkedList<string> a;           // list of strings
a.addFront("MSP");
// ...
SLinkedList<int> b;               // list of integers
b.addFront(13);
```

درباره لیست تک پیوندی

○ میدانیم برای موارد زیر خوب است:

- درج کردن در ابتدا/انتهای لیست
- حذف کردن از ابتدای لیست
- درج کردن در میان لیست (به شرط داشتن رفرنس به آن مکان)

○ میدانیم برای موارد زیر خوب نیست:

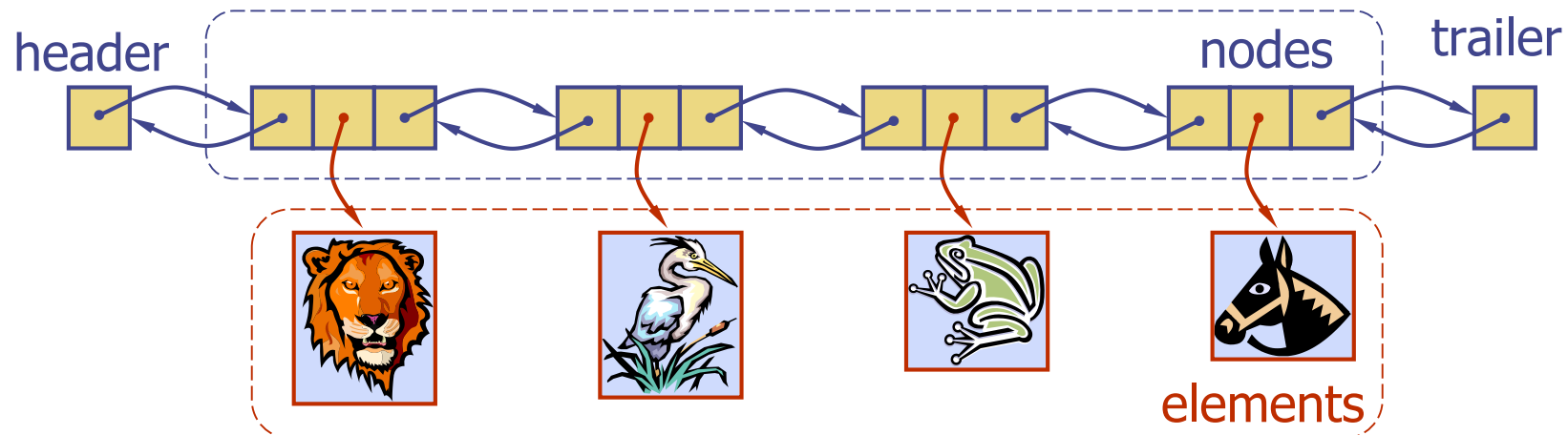
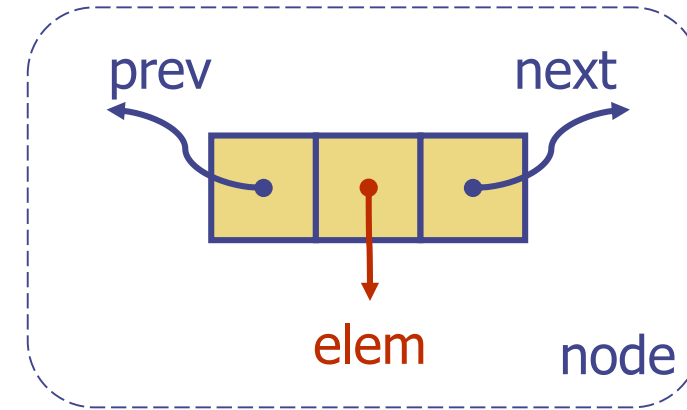
- دسترسی به میان لیست
- حذف کردن از انتهای لیست

درباره لیست تک پیوندی

○ راهکار؟ بده بستان؟

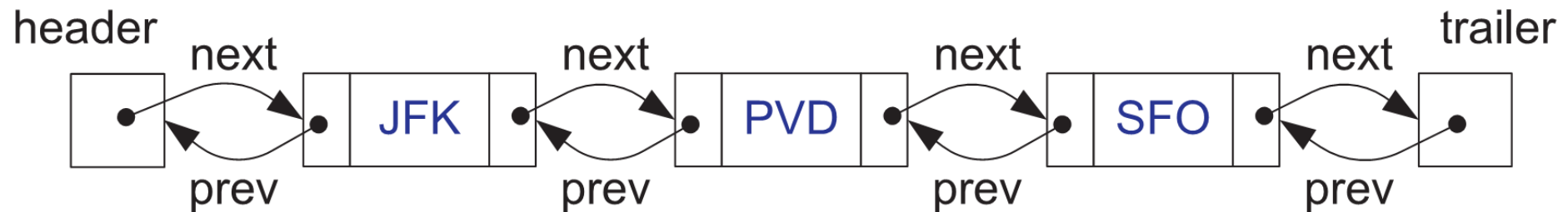
Doubly Linked Lists

- Singly Linked List
 - Not easy to remove an elem. at the tail (or any other node)
- Trailer/header: Dummy sentinel
- Previous link



Doubly Linked Lists

“dummy” or sentinel nodes do not store any elements.



Doubly Linked Lists

- C++ implementation of a doubly linked list node:

```
typedef string Elem;                                // list element type
class DNode {                                         // doubly linked list node
private:
    Elem elem;                                       // node element value
    DNode* prev;                                    // previous node in list
    DNode* next;                                    // next node in list
    friend class DLinkedList;                        // allow DLinkedList access
};
```

```
class DLinkedList {                                // doubly linked list
public:
    DLinkedList();                                // constructor
    ~DLinkedList();                               // destructor
    bool empty() const;                           // is list empty?
    const Elem& front() const;                     // get front element
    const Elem& back() const;                      // get back element
    void addFront(const Elem& e);                  // add to front of list
    void addBack(const Elem& e);                   // add to back of list
    void removeFront();                            // remove from front
    void removeBack();                             // remove from back
private:                                         // local type definitions
    DNode* header;                               // list sentinels
    DNode* trailer;
protected:                                     // local utilities
    void add(DNode* v, const Elem& e);             // insert new node before v
    void remove(DNode* v);                        // remove node v
};
```

- Implementation of a doubly linked list class.

Doubly Linked Lists

- Class constructor and destructor:

```
DLinkedList::DLinkedList() {           // constructor
    header = new DNode;                // create sentinels
    trailer = new DNode;
    header->next = trailer;             // have them point to each other
    trailer->prev = header;
}

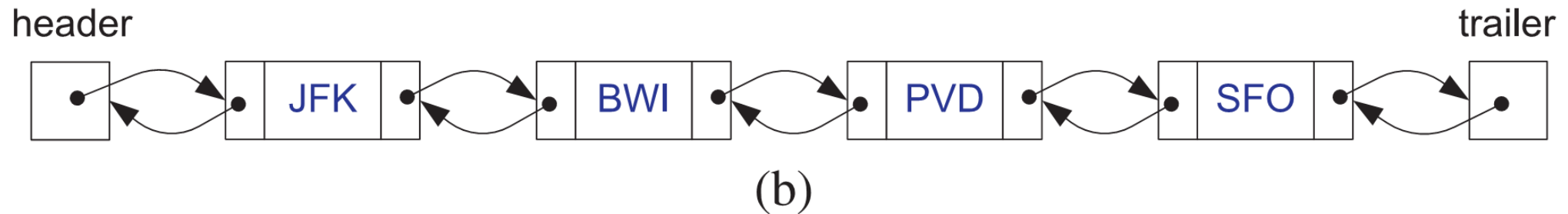
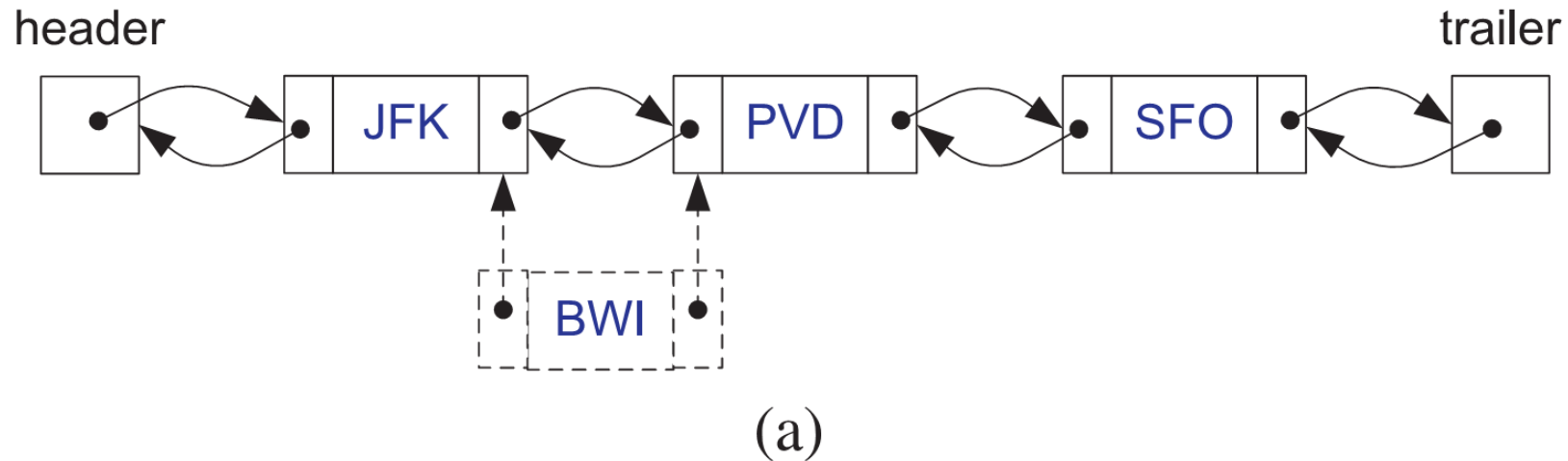
DLinkedList::~~DLinkedList() {         // destructor
    while (!empty()) removeFront();    // remove all but sentinels
    delete header;                     // remove the sentinels
    delete trailer;
}
```

Doubly Linked Lists

- Accessor functions for the doubly linked list class:

```
bool DLinkedList::empty() const           // is list empty?  
{ return (header->next == trailer); }  
  
const Elem& DLinkedList::front() const      // get front element  
{ return header->next->elem; }  
  
const Elem& DLinkedList::back() const       // get back element  
{ return trailer->prev->elem; }
```

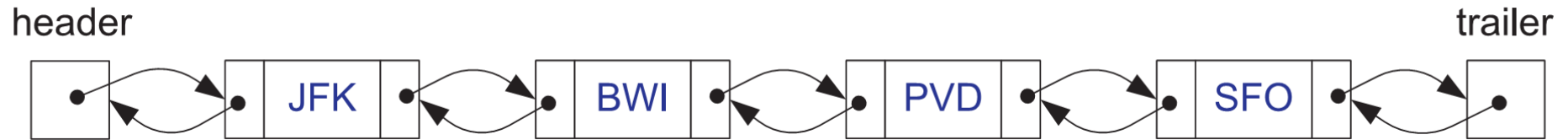
Insertion into a Doubly Linked List



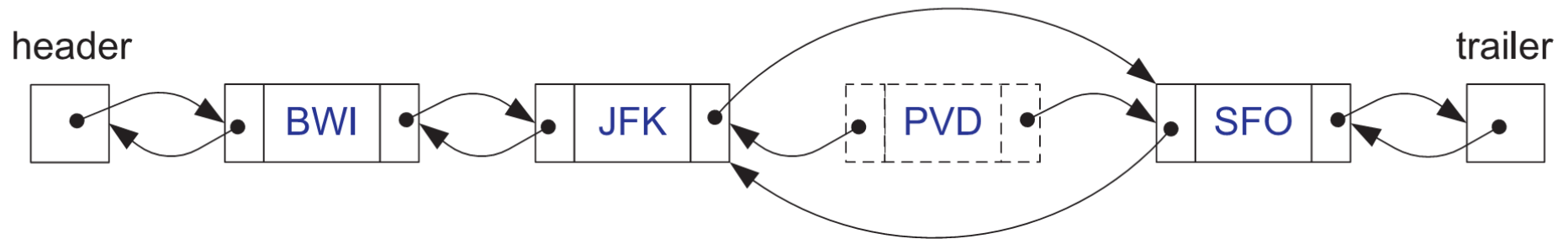
زمان درج

- درج در ابتدای لیست: $O(1)$
- درج در انتهای لیست: $O(1)$
- درج در میان لیست: $O(n)$
- درج در میان لیست (به شرط داشتن رفرنس): $O(1)$

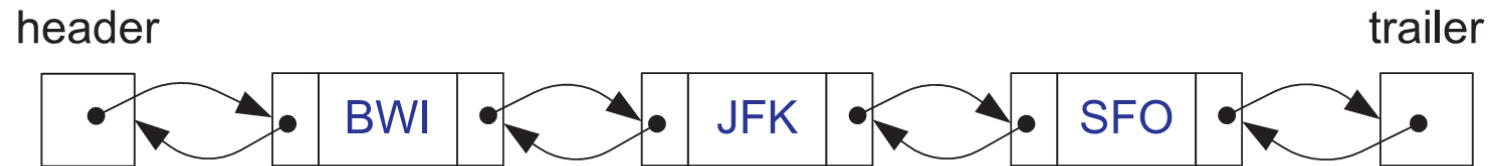
Removal from a Doubly Linked List



(a)



(b)



(c)

زمان حذف

- حذف از ابتدای لیست: $O(1)$
- حذف از انتهای لیست: $O(1)$
- حذف از میان لیست: $O(n)$
- حذف از میان لیست (به شرط داشتن رفرنس): $O(1)$

مقایسه با arraylist

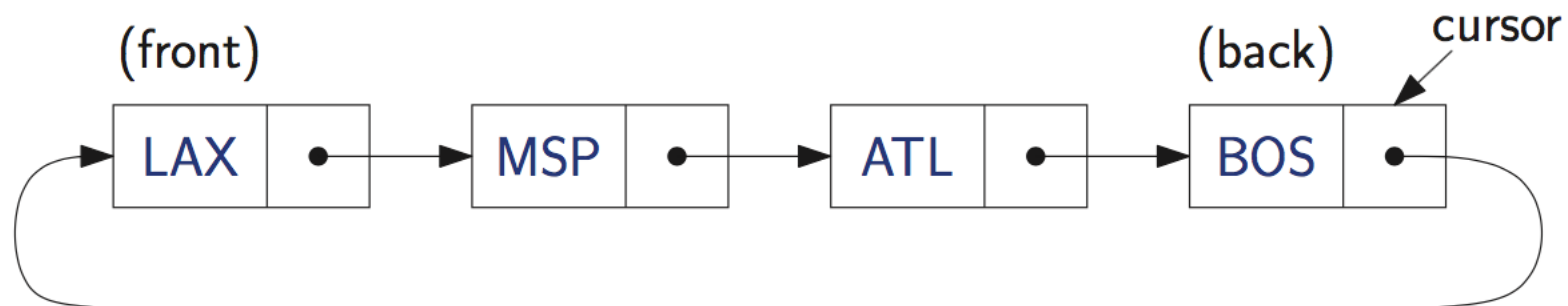
- In the implementation of the List ADT by means of a doubly linked list
 - The space used by a list with n elements is $O(n)$
 - The space used by each position of the list is $O(1)$
 - All the operations of the List ADT run in $O(1)$ time (by condition)

مقایسه با `arraylist`

جستجو ○

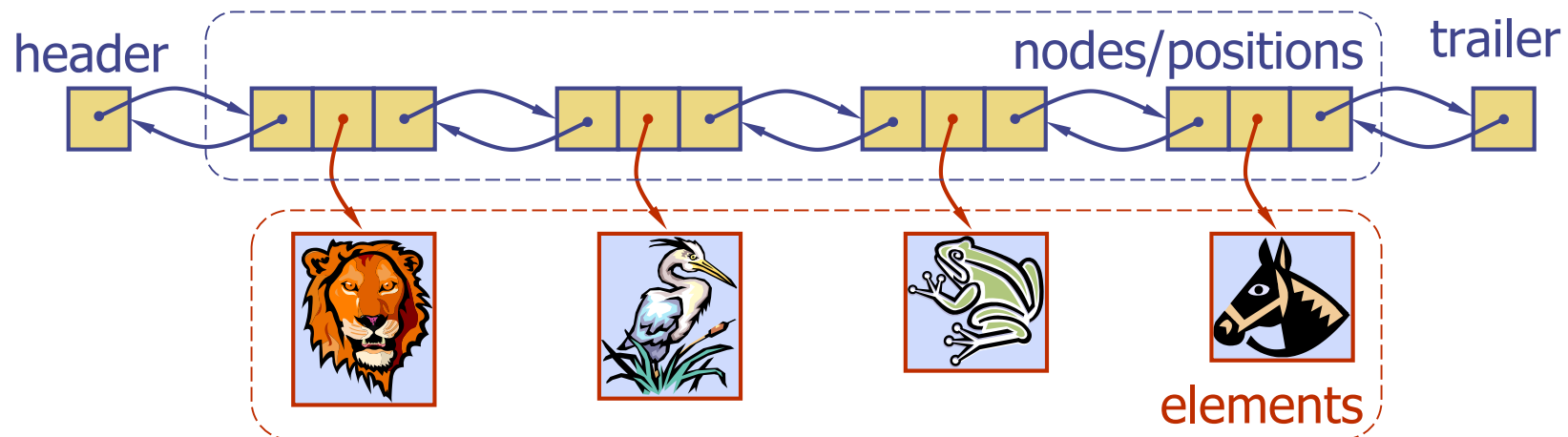
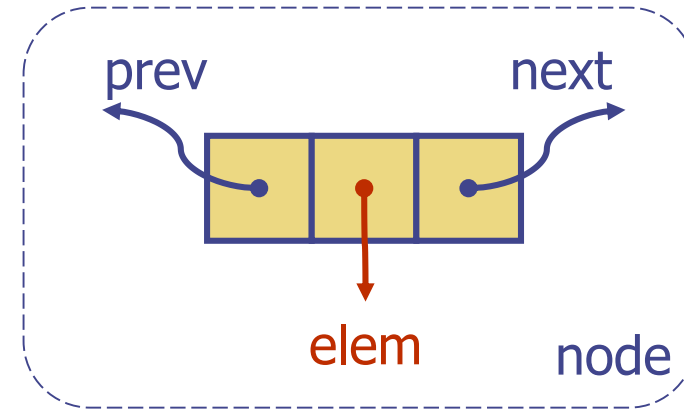
Circular Linked List

- A kind of Singly Linked List
- Rather than having a head or a tail, it forms a cycle
- Cursor
 - A virtual starting node
 - This can be varying as we perform operations



List

- A doubly linked list provides a natural implementation of the List ADT
- Nodes implement Position and store:
 - element
 - link to the previous node
 - link to the next node
- Special trailer and header nodes



List in STL

```
#include <list>
using std::list;           // make list accessible
list<float> myList;        // an empty list of floats
```

`list(n)`: Construct a list with n elements; if no argument list is given, an empty list is created.

`size()`: Return the number of elements in L .

`empty()`: Return true if L is empty and false otherwise.

`front()`: Return a reference to the first element of L .

`back()`: Return a reference to the last element of L .

`push_front(e)`: Insert a copy of e at the beginning of L .

`push_back(e)`: Insert a copy of e at the end of L .

`pop_front()`: Remove the first element of L .

`pop_back()`: Remove the last element of L .

STL

- I want to find “text” in Vector or List objects

```
vector<string> V(100);  
list<string> L(100);  
// some data insertion to V and L
```

```
//Design 1: different function  
find_vector(&V);  
find_list(&L);
```

```
//Design 2: function overloading  
find(&V);  
find(&L);
```

STL

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
#include <algorithm>

using namespace::std;

int main()
{
    vector<string> vec_str;
    vec_str.push_back("is");
    vec_str.push_back("of");
    vec_str.push_back("the");
    vec_str.push_back("hello");

    vector<string>::iterator it;

    it =
        find(vec_str.begin(), vec_str.end(), "the");
    cout << "Print: " << *it << endl;

    it++;
    cout << "Print: " << *it << endl;

    return 0;
}
```

```
#include <iostream>
#include <list>
#include <string>
#include <algorithm>

using namespace::std;

int main()
{
    list<string> list_str;
    list_str.push_back("is");
    list_str.push_back("of");
    list_str.push_back("the");
    list_str.push_back("hello");

    list<string>::iterator it;

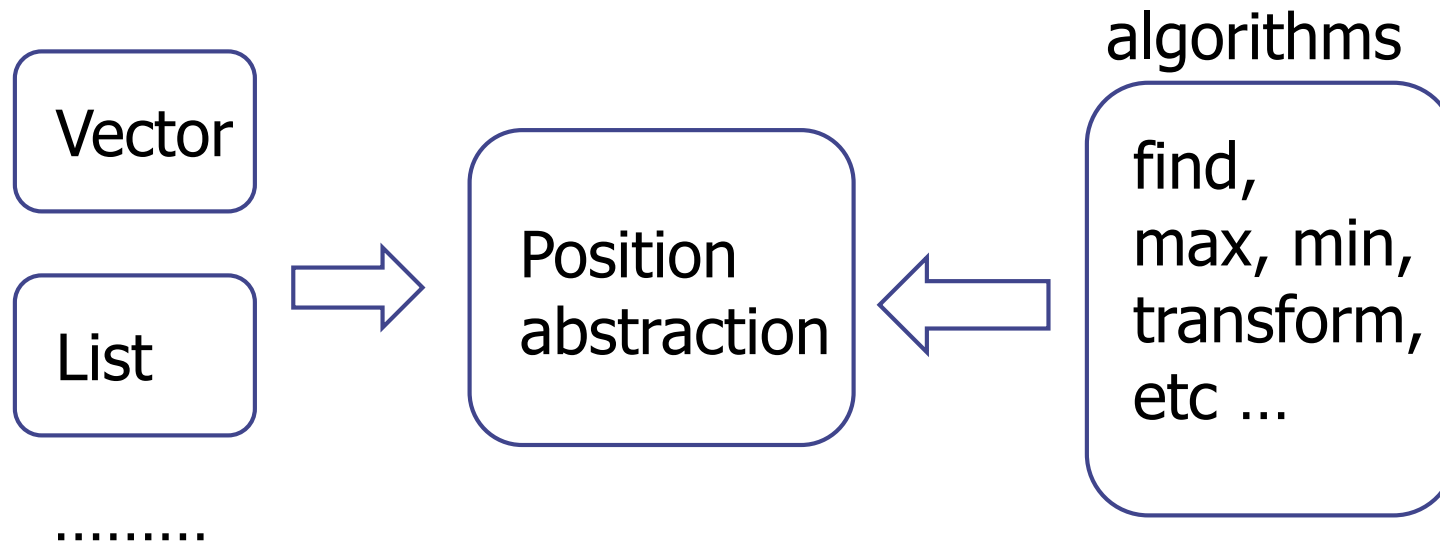
    it =
        find(list_str.begin(), list_str.end(), "the");
    cout << "Print: " << *it << endl;

    it++;
    cout << "Print: " << *it << endl;

    return 0;
}
```

STL

- Lots of data structures (or classes in C++) that can contain various types of elements
 - “Container”
 - Examples: Vector, List, deque, set, map, etc ...



Position ADT

- The Position ADT models the notion of place within a data structure where a single object is stored
- It gives a unified view of diverse ways of storing data, such as
 - a cell of an array
 - a node of a linked list
- “A” method of accessing the element at position p:
 - object p.element(): returns the element at position
 - In C++ it is convenient to implement this as *p
 - Operator overloading
- Implemented as “iterator” in C++

Containers and Iterators in C++

- An **iterator** abstracts the process of scanning through a collection of elements
- A **container** is an abstract data structure that supports element access through iterators
 - Data structures that support iterators
 - Examples include Vector, List
 - **begin()**: returns an iterator to the first element
 - **end()**: return an iterator to an imaginary position just after the last element
- An iterator behaves like a pointer to an element
 - ***p**: returns the element referenced by this iterator
 - **++p**: advances to the next element
- Extends the concept of position by adding a traversal capability

Containers and Iterators in C++

```
for (list<double>::iterator it = list1.begin(); it
    != list1.end(); ++it) {
    sum += *it;
}
```