#### بسمه تعالى

هوش مصنوعی عدم قطعیت – ۱ نیمسال اوّل ۱۴۰۳–۱۴۰۳

دکتر مازیار پالهنگ آزمایشگاه هوش مصنوعی دانشکدهٔ مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه صنعتی اصفهان

#### مقدمه

- هنگامی که عامل واقعیتهای کافی در مورد محیطش می داند
   روش منطقی عامل را قادر می سازد که طرحهائی را بدست آورد
   که ضمانت می دهند که کار کنند.
  - در عمل اینگونه نیست.
  - در این حالت، عمل تحت عدم قطعیت
    - مثال دنیای دیو:
    - محیط نیمه مشاهده پذیر
  - عامل همیشه نمی داند کدام خانه گودال است
    - ممکن است مجبور به قبول ریسک شود

مازيار يالهنگ

- قبلاً از فضای باور برای برخورد با عدم قطعیت استفاده می کردیم.
  - مشكلات:
  - فضای باور شامل همه حالتهای ممکن است که می تواند بسیار بزرگ بوده و شامل حالاتی باشد که کمتر احتمال وقوع دارند.
- ایجاد یک طرح اقتضائی که همه شرایط را در نظر بگیرد می تواند بسیار پیچیده باشد و شامل وضعیتهائی باشد که کمتر محتمل
- گاهی طرحی که صددرصد به هدف برسد وجود ندارد ولی باید كارى انجام داد. بايد راهي براي مقايسه شايستگي چنين طرحهائي و جود داشته باشد. هوش مصنوعي

مازيار پالهنگ

- دنیای واقعی بسیار پیچیده تر
- فرض کنید عامل می خواهد کسی را به فرودگاه برساند تا به پروازش به موقع برسد.
  - طرح A90: ترک خانه ۹۰ دقیقه قبل از پرواز و رانندگی با سرعت معقول
- اگرچه فرودگاه دور نیست ولی عامل با قطعیت نمی تواند نتیجه بگیرد که A90 او را به موقع به فرودگاه خواهد رساند.
  - در واقع طرح A90 به فرودگاه می رساند، اگر خودرو خراب نشود، سوخت تمام نشود، هواپیما زودتر نرود، ...

- عامل منطقی که نتواند استنتاج کند که دنبالهٔ اعمالی او را به اهدافش می رساند نمی تواند عمل کند.
  - مثال: تشخیص بیماری، عیب یابی وسایل، ...

 $Toothache \Rightarrow Cavity.$ 

- ولی همهٔ دندان دردها به دلیل کرم خوردگی نیست.
  - دلیلهای دیگر هم ممکن است:

 $Toothache \Rightarrow Cavity \lor GumProblem \lor Abscess ...$ 

■ تالی لیست نامحدودی از سببها

هوش مصنوعي مازيار يالهنگ

- قانون بصورت فوق، <mark>قانون تشخیصی</mark> گفته می شود.
  - می توان قانون سببی نوشت:

 $Cavity \Rightarrow Toothache.$ 

- همهٔ کرم خوردگیها باعث درد نمی شوند.
- لیست کردن تمام عواملی که کرم خوردگی باعث دندان درد می شود در مقدم قانون
  - امکان این وجود دارد که کرم خوردگی و دندان درد هر دو وجود داشته باشند و به هم مربوط نباشند.

- منطق شکست می خورد به دلایل:
- تنبلی: کار زیاد برای کامل کردن لیست مقدم و تالی، سختی استفاده از چنین قانونی
- نادانی نظری: عمل پزشکی ممکن است به دانش کامل نرسیده باشد.
  - نادانی عملی: حتی اگر همهٔ قانونها را بدانیم ممکن است در مورد بیمار خاصی همهٔ آزمونها انجام نشده یا نتواند انجام شود.

- در این حالت دانش عامل در بهترین حالت می تواند یک درجهٔ باور به جملات داشته باشد.
  - بهترین ابزار: نظریهٔ احتمال
- مثال: احتمال آنکه بیماری کرم خوردگی دندان داشته باشد ۸،۰ است.
  - عقاید بستگی به ادراکاتی دارد که عامل تا آن لحظه دریافت کرده است.
    - با رسیدن ادراکات بیشتر، درجهٔ اعتقاد عامل تغییر می کند.

هوش مصنوعي مازيار يالهنگ

- ادار کات دلایلی را تشکیل می دهند که محاسبهٔ احتمالات بر اساس آنها انجام می گیرد.
- قبل از دریافت دلیل دربارهٔ احتمال پیشین یا بدون شرط صحبت می کنیم.
  - بعد از دریافت دلیل دربارهٔ احتمال پسین یا شرطی صحبت می کنیم

# عدم قطعیت و تصمیم معقول

- عامل منطقی هر طرحی که او را به هدفش برساند اجرا می کند.
- هر عمل بر حسب اینکه او را به هدفش می رساند قبول یا پذیرش می شود.
  - عدم قطعیت وضعیت را تغییر می دهد.
    - طرح A90 با احتمال ۹۵٪
    - طرح A120 با احتمال ۹۸٪
  - طرح A1440 (۲۴ ساعت قبل) با احتمال بیشتر
    - کدام را عامل انتخاب کند؟

- انتخاب بستگی به ترجیح از دست دادن پرواز در مقابل زمان انتظار دارد.
- نظریهٔ سودمندی برای نمایش و استنتاج ترجیحها استفاده می شود.
  - نظریهٔ تصمیم = نظریهٔ احتمال + نظریهٔ سودمندی

### دستور زبان

- درجات باور به گزاره ها اعمال می شوند.
  - عنصر بنیادی: متغیر تصادفی
- رجوع به بخشی از دنیا که وضعیت آن در ابتدا نامعلوم است.
  - هر متغیر تصادفی دامنه ای دارد.
  - بولی: همانند کرم خوردگی با دامنهٔ <درست، نادرست>
    - را با cavity نمایش می دهیم Cavity را با
    - حایش می دهیم. Cavity=false را با Cavity نمایش می دهیم.

مازيار پالهنگ

- گسسته: همانند هوا با دامنهٔ <آفتابی، بارانی، ابری، برفی >
  - مقادیر دامنه منفصل و کامل هستند.
  - Weather=snow زا با snow نمایش می دهیم.
    - پيوسته
- گزاره های بنیادی توسط رابطهای منطقی می توانند تر کیب شوند.
  - Weather=sunny ∧ Cavity=false مثال
    - نمایش sunny∧¬cavity

هوش مصنوعي مازيار يالهنگ

- حادثهٔ اتمی: یک مشخص نمودن کامل حالت دنیا که عامل در مورد آن نامطمئن است (یک مدل).
- تصور از حادثهٔ اتمی: انتساب مقادیر خاصی به همهٔ متغیرهائی که دنیا از آن ترکیب شده است.
- اگر دنیائی فقط شامل متغیرهای Cavity و Toothache باشد در این صورت فقط ۴ حادثهٔ اتمی و جود دارند.
- مجموعه همه دنیاهای ممکن: فضای نمونه (sample space)

- $\Omega$ : فضای نمونه و  $\Omega$  حادثه اتمی/نقطهٔ نمونه/مدل/دنیای ممکن
  - $0 \le P(\omega) \le 1$  for every  $\omega$  and  $\sum_{\omega \in \Omega} P(\omega) = 1$ 
    - خواص حوادث اتمى:
    - فقط یکی از آنها می تواند برقرار باشد.
- مجموعهٔ همهٔ حوادث اتمی کامل است. حداقل یکی باید برقرار باشد.

- $oldsymbol{\square}$ یک حادثهٔ  $oldsymbol{A}$  زیر مجموعه ای از  $\Omega$  می باشد.
- مثلاً احتمال اینکه مجموع اعداد پرتاب دو تاس برابر ۶ باشد.
- یک گزاره را اینجا می توان به عنوان یک حادثه تصور نمود.

$$P(\phi) = \sum_{\omega \in \phi} P(\omega)$$
 .  $\phi$  برای هر حادثهٔ

بطور مثال:

$$P(Total=6)=P((1,5))+P((2,4))+P((3,3))+P((4,2))+P((5,1))$$

$$=1/36+1/36+1/36+1/36+1/36=5/36$$

هوش مصنوعی مازیار پالهنگ

16

## اصول احتمال

- برای هر گزارهٔ A و B
  - $0 \le P(A) \le 1$
- P(false)=0 P(true)=1

$$egin{array}{ll} oldsymbol{P}(
eg a) &=& \sum_{\omega \in \neg a} P(\omega) \ &=& \sum_{\omega \in \neg a} P(\omega) + \sum_{\omega \in a} P(\omega) - \sum_{\omega \in a} P(\omega) \ &=& \sum_{\omega \in \Omega} P(\omega) - \sum_{\omega \in a} P(\omega) \ &=& 1 - P(a) \end{array}$$

 $P(A \lor B) = P(A) + P(B) - P(A \land B)$ 

$$0 \le P(\omega) \le 1$$
 for every  $\omega$  and  $\sum P(\omega) = 1$ 

ماز بار يالهنگ 17 هوش مصنوعي

# احتمال پیشین

- درجهٔ باور در غیاب هر اطلاعات دیگر
- مثال P(cavity)=0.18، یا P(cavity)=0.18
- گاهی در مورد احتمال تمام مقادیر یک متغیر تصادفی صحبت می کنیم.
  - مثال: P(Weather) برداری از مقادیر برای هر حالت هوا

مازيار پالهنگ

$$P(Weather = sun) = 0.6$$
  
 $P(Weather = rain) = 0.1$   
 $P(Weather = cloud) = 0.29$   
 $P(Weather = snow) = 0.01$ ,

- P(Weather) = <0.6.0.1.0.29.0.01>
- عبارت فوق توزیع احتمال متغیر تصادفی Weather را نشان می دهد.

■ توزیع احتمال تو أم برای یک مجموعه از متغیرهای تصادفی احتمال هر حادثهٔ اتمی روی آن متغیرهای تصادفی را نشان می دهد.

■ مثال (P(Weather، Cavity یک ماتریس ۴×۲ از مقادیر است.

Weather	sunny	rainy	cloudy	snow
Cavity=true	0.144	0.02	0.016	0.02
Cavity=false	0.576	0.08	0.064	0.08

- توزیع احتمال تو أم كامل شامل همهٔ متغیرهای موجود برای توصیف دنیا
- هر سؤال در مورد دامنه از این توزیع قابل پاسخگوئی است.

#### احتمال شرطي

- هنگام دریافت دلیل بیشتر
- احتمال a به شرط آنکه تمام آنچه که می دانیم b باشد.  $P(a \mid b)$ 
  - P(cavity | toothache)=0.8
    - نماد برای توزیع شرطی
- P(Cavity | Toothache) بردار دو عضوی که هر عضو یک بردار دو عضوی است.

هوش مصنوعي مازيار يالهنگ

### احتمال شرطي

- $(p(b)\neq 0)\neq 0$  (هر گاه  $P(a|b)=P(a \land b)/P(b)$ 
  - $P(a \land b) = P(a \mid b)P(b) = P(b \mid a)P(a)$ 
    - قانون ضرب
    - حالت کلی تر برای کل توزیع
- P(Weather, Cavity)=P(Weather | Cavity)P(Cavity)
  - قانون زنجیری با اعمال مکرر قانون ضرب

$$P(X_{1}, \dots, X_{n}) = P(X_{1}, \dots, X_{n-1})P(X_{n} \mid X_{1}, \dots, X_{n-1})$$

$$= P(X_{1}, \dots, X_{n-2})P(X_{n-1} \mid X_{1}, \dots, X_{n-2})P(X_{n} \mid X_{1}, \dots, X_{n-1})$$

$$= \dots$$

هوش مصنوعي مازيار يالهنگ

## استنتاج با فهرست کردن

شروع با توزیع احتمال توأم

	toothache		¬ toothache	
	catch	¬ catch	catch	¬ catch
	400			
cavity	.108	.012	.072	.008

برای هر گزارهٔ φ، گزاره های اتمی که در آنها درست است را جمع کن:

$$P(\phi) = \Sigma_{\omega \in \phi} P(\omega)$$

### استنتاج با فهرست کردن

شروع با توزیع احتمال توأم

	toothache		¬ toothache	
	catch	¬ catch	catch	¬ catch
cavity	.108	.012	.072	.008

برای هر گزارهٔ φ، گزاره های اتمی که در آنها درست است را جمع کن:

$$P(\phi) = \sum_{\omega \in \phi} P(\omega)$$

$$P(toothache) = 0.108 + 0.012 + 0.016 + 0.064 = 0.2$$

$$\mathbf{P}(\mathbf{Y}) = \sum_{\mathbf{z} \in \mathbf{Z}} \mathbf{P}(\mathbf{Y}, \mathbf{z})$$
دریر یالهنگ

هوش مصنوعي

25

$$P(Y) = \sum_{z \in \mathbf{Z}} P(Y, z)$$

■ مثال:

$$P(\mathit{Cavity}) = \sum_{\mathbf{z} \in \{\mathit{Catch},\mathit{Toothache}\}} P(\mathit{Cavity},\mathbf{z})$$

$$\mathbf{P}(\mathbf{Y}) = \sum_{\mathbf{z}} \mathbf{P}(\mathbf{Y} \mid \mathbf{z}) P(\mathbf{z})$$
 تنوع دیگری از این قانون: • Tius قا

■ به این کار به حاشیه بردن marginalization گفته می شود.

ماز بار يالهنگ

هوش مصنوعي

26

#### خلاصه

- عدم موفقیت عامل منطقی در حالت عدم قطعیت
- عدم امکان استنتاج عملی که با موفقیت او را به هدفش برساند.
  - عدم امکان بوجود آوردن قوانینی که کامل باشند بدلایل:
    - تنبلی
    - نادانی نظری
    - نادانی عملی
    - نظریهٔ تصمیم = نظریهٔ احتمال + نظریهٔ سودمندی
    - متغیر تصادفی، فضای نمونه، حادثه، حادثهٔ اتمی
      - اصول احتمال
      - احتمال پیشین
      - توزيع احتمال
      - توزیع احتمال تو أم
        - احتمال شرطی
          - توزیع شرطی
      - استنتاج با فهرست کردن



اصفهان – بوستان شهرستان مازيار پالهنگ

82 هوش مصنوعي

در تهیه این اسلایدها، از اسلایدهای سایت کتاب استفاده شده است.