

Exercice 1 En appliquant le principe fondamentale de dénombrement $N = 3*2*4 = 24$, on peut composer 24 menus différents.

Exercice 2 Il s'agit d'arrangements avec répétitions sur l'ensemble éléments $\{0, 1\}$, $\tilde{P}_n = 2^8$ Avec un octet on peut coder 256 caractères.

Exercice 3 Il s'agit d'arrangements sans répétition sur un ensemble de 18 éléments. $A_{18}^3 = 18 * 17 * 16 = 4896$.

Exercice 4 1. $\text{card}(A) = 9 * 10^3 = 9000$.

2. a) $N_1 = A_9^1 * A_9^3 = 4536$.

b) Le nombre d'éléments de A possédant « au moins deux chiffres identiques » est égal au nombre total d'éléments de A diminué du nombre d'éléments de A possédant leurs quatre chiffres distincts; $N_2 = 9000 - 4536 = 4464$.

c) $N_1 = 7 * A_7^3 = 1470$.

Exercice 5 1) Il s'agit de permutations avec répétitions $\tilde{P}_n = \frac{n!}{p_1 * p_2 * \dots * p_k}$.

2) On prend dans ce cas $n = 9$, $p_1 = 3$, $p_2 = 2$, $\tilde{P}_9 = \frac{9!}{3! * 2!} = 30240$.

Exercice 6 1) $N_1 = C_{32}^2 = \frac{32!}{2! * (32-2)!} = 496$.

2) $N_2 = 19 * 13 = 247$.

3) $N_3 = C_{19}^2 = 171$.

Exercice 7 1) $A \cup B$; 2) $A \cap B$; 3) $(A - B) \cup (B - A)$. 4) $\bar{A} \cap \bar{B}$. 5) $A \cup B \cup C$.

6) $(A \cap B \cap C) \cup (B \cap C \cap \bar{A}) \cup (A \cap C \cap \bar{B})$.

7) $\bar{A} \cap \bar{B} \cap \bar{C}$.

Exercice 8 $A = \{3, 6, 9\}$, $B = \{1, 2, 4, 8\}$, $C = \{2, 3, 5, 7\}$.

$A \cap C = \{3\}$; A and C ne sont pas mutuellement exclusifs.

$B \cap C = \{2\}$; B and C ne sont pas mutuellement exclusifs

$A \cap B = \emptyset$ A and B sont mutuellement exclusif

$\mathbb{P}(A \cup B) = \mathbb{P}(A) + \mathbb{P}(B) = \frac{3}{9} + \frac{4}{9} = \frac{7}{9}$.

2. $\mathbb{P}(B \cup C) = \mathbb{P}(B) + \mathbb{P}(C) - \mathbb{P}(B \cap C) = \frac{4}{9} + \frac{4}{9} - \frac{1}{9} = \frac{7}{9}$.

$\mathbb{P}(A \cup C) = \mathbb{P}(A) + \mathbb{P}(C) - \mathbb{P}(A \cap C) = \frac{3}{9} + \frac{4}{9} - \frac{1}{9} = \frac{6}{9}$.

Exercice 9 $\mathbb{P}(W) = 0.6$, $\mathbb{P}(C) = 0.4$, $\mathbb{P}(L|W) = 0.05$, $\mathbb{P}(L|C) = 0.02$.

1) $\mathbb{P}(C|L) = \frac{\mathbb{P}(C \cap L)}{\mathbb{P}(L)} = \frac{\mathbb{P}(L|C) * \mathbb{P}(C)}{\mathbb{P}(L|C) * \mathbb{P}(C) + \mathbb{P}(L|W) * \mathbb{P}(W)}$
 $= \frac{0.02 * 0.4}{0.02 * 0.4 + 0.05 * 0.6} = \frac{0.008}{0.038} = 0.2105$.

2) $\mathbb{P}(W|\bar{L}) = \frac{\mathbb{P}(W \cap \bar{L})}{\mathbb{P}(\bar{L})} = \frac{\mathbb{P}(\bar{L}|W) * \mathbb{P}(W)}{1 - \mathbb{P}(L)}$
 $= \frac{(1-0.05) * 0.6}{1-0.038} = \frac{0.57}{0.962} = 0.5925$.

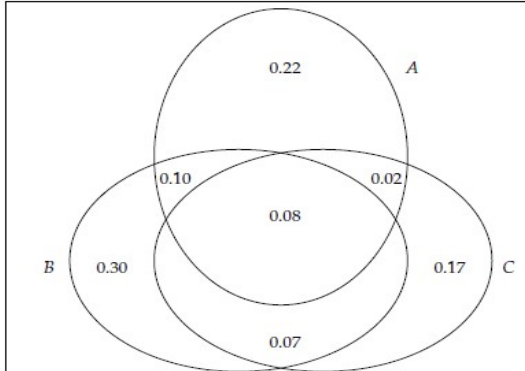
Exercice 10 1) On résoud le système
$$\begin{cases} b + c = 8 \\ a + b = 9 \\ a + b + c = 15 \end{cases}$$

On aura alors $a = 7$, $b = 2$, $c = 6$.

2) a) $P(D \cup C) = \frac{8+9-2}{25} = \frac{15}{25}$.

b) $P(D \cap \bar{C}) + P(C \cap \bar{D}) = \frac{7+6}{25} = \frac{13}{25}$.

Exercice 11 on a le diagramme de Venn suivant



$$\mathbb{P}(D) = \mathbb{P}(A \cup B \cup C) = \mathbb{P}(A) + \mathbb{P}(B) + \mathbb{P}(C) - \mathbb{P}(A \cap B) - \mathbb{P}(B \cap C) - \mathbb{P}(A \cap C) + \mathbb{P}(A \cap B \cap C) = 0.42 + 0.55 + 0.34 - 0.18 - 0.1 - 0.15 + 0.08 = 0.96.$$

Vous pouvez procéder par la méthode de la question 1 sinon le but ici est d'utiliser un raisonnement ensembliste.

$$\mathbb{P}(D) = 0.22 + 0.10 + 0.30 + 0.08 + 0.02 + 0.07 + 0.17 = 0.96.$$

$$2) \mathbb{P}(F) = 1 - \mathbb{P}(D) = 0.04.$$

$$3) \mathbb{P}(G) = 0.10 + 0.02 + 0.07 = 0.19.$$

$$4) \mathbb{P}(H) = 0.22.$$

$$5) \mathbb{P}(I) = 0.1.$$