기본 알고리즘 제6장

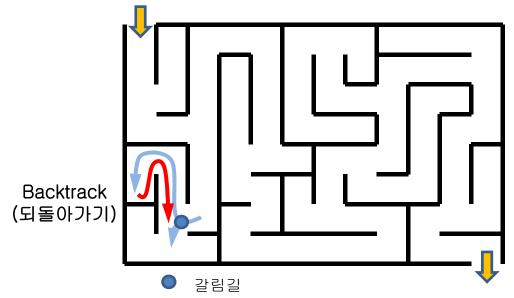


2016-Fall

국민대학교 컴퓨터공학부 최준수

Backtracking

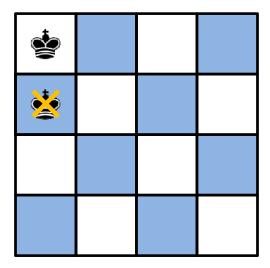
- Backtracking
 - 미로찾기
 - 막다른 골목에서는 더 이상 출구로 나아갈 수 없으므로, 이제까지 온 길을 되돌아가게 된다.

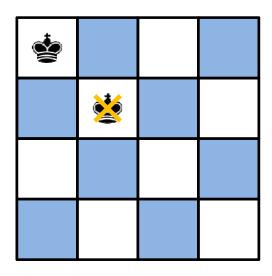


• 마찬가지로, 지금 상태에서 앞으로 계속 진행한다고 하더라도 해답을 구할 수 없는 경우에는 앞으로 나아가는 것을 포기하고 이전 상태로 되돌아가서 다른 경우를 찾아본다.



- N-Queen Problem
 - N×N 크기의 체스판에 N 개의 Queen 을 같은 행, 같은열, 같은 대각선 위에 있지 않도록 놓는다.
 - Example: 4-Queen Problem









- 간단한 4-Queen 문제 해법
 - 4개의 queen 을 모두 다른 행에 놓으면서, 해가 되는 queen 의 열의 위치가 어디인지 계산한다.
 - Candidate 해
 - 모두 다른 행에 대한, 가능한 모든 열의 조합
 - Queen의 위치 <i, j>: i-번째 열, j-번째 행





- 간단한 4-Queen 문제 해법
 - 4-queen 문제에서 candidate 해의 개수
 - $4 \times 4 \times 4 \times 4 = 256$
 - N-queen 문제에서 candidate 해의 개수
 - $N \times N \times \cdots \times N = N^N$
 - 8-queen 문제 : 8⁸ = 2²⁴ = 16,777,216

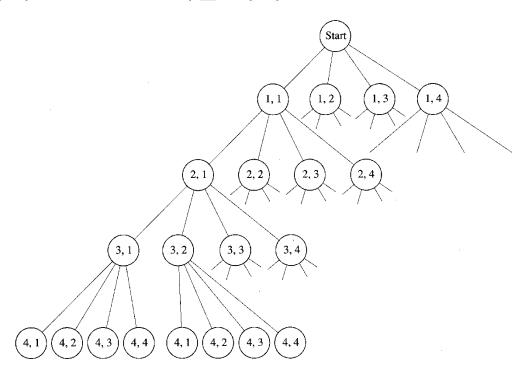




State-Space Tree

State-Space Tree

- 모든 candidate 해를 포함하는 tree
- Tree의 각 노드는 한 개 queen의 위치 <i, j>를 나타냄
- Tree의 루트노드부터 단말노드까지의 각 노드의 위치의 합이 한 개의 candidate 해를 나타냄.



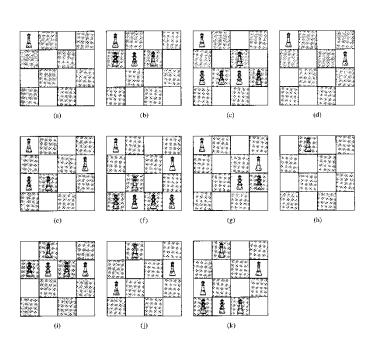


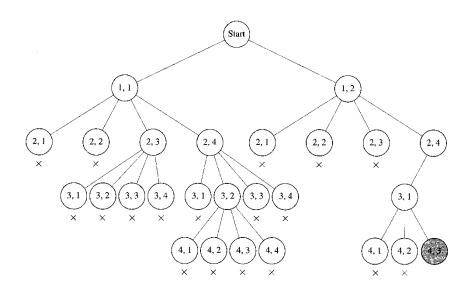


State-Space Tree

Backtracking

• State-space tree의 어떤 노드에서는 더 이상 해를 구할 수 없는 경우(즉, 미로의 막다른 골목)라고 판단되면 그 노드의 부모노드로 되돌아가고, 그 부모노드의 다른 자식노드에서 계속 진행함.





Foundations of Algorithms Using C++ Pseudocode R. Neapolitan, K. Naimipour, 1998





State-Space Tree

Backtracking

- State-space tree의 노드
 - Non-promising : 더 이상 해를 구할 수 없는 경우라고 판단되는 노
 - Promising

Pruning

- Backtracking 단계
 - State-space tree를 검색
 - 각 노드가 promising 인지, non-promsing 인지를 판별
 - » Promising : 계속 진행
 - » Non-promising : 부모노드로 돌아가서 다른 자식노드를 검사



Foundations of Algorithms Using C++ Pseudocode R. Neapolitan, K. Naimipour, 1998

```
void main()
{
    int i;

    for(i=0; i<N; i++)
    {
        col[0] = i;
        nQueens(0);
}</pre>
```

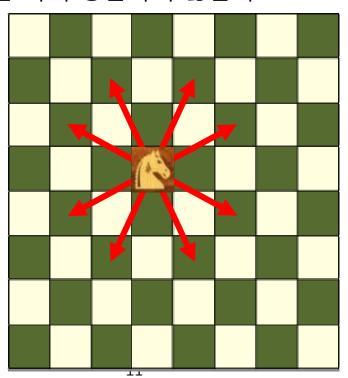


```
int isPromising(int row)
    int k;
   int promising;
   k = 0;
   promising = 1;
   while(k<row && promising)</pre>
        if(col[row] == col[k] || abs(col[row]-col[k]) == row-k)
       promising = 0;
                                                     같은열 or 대각선(가로세로 차이가 같으면)
       k++;
                                                         6
   return promising;
                                        2
                                        3
                                        5
                                        6
                                        7
```





- Knight's Tour
 - 문제
 - 체스판에서 기사(Knight) 말의 움직임은 아래 그림과 같다.
 - 임의의 위치에 놓여진 기사를 움직여서 모든 64개의 격자를 모두 방문하도록 기사말을 옮기는 방법을 계산하시오. 단, 기사가 이미 방문한 격자는 다시 방문하지 않는다.

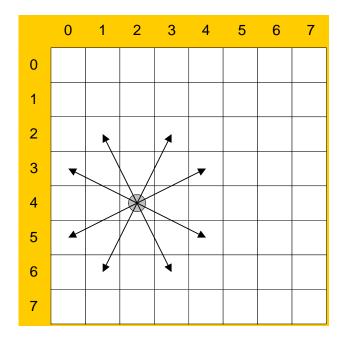






- Knight's Tour
 - <i, j> 위치에서 다음에 옮겨갈 수 있는 위치

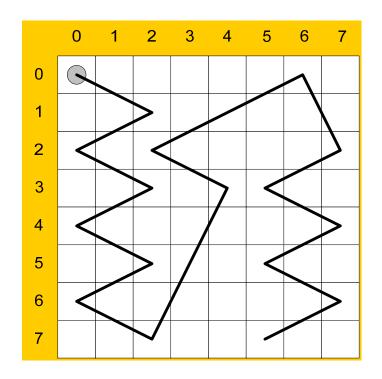
$$\langle i-2, j+1 \rangle$$
 $\langle i-1, j+2 \rangle$ $\langle i+1, j+2 \rangle$ $\langle i+2, j+1 \rangle$ $\langle i+2, j-1 \rangle$ $\langle i+1, j-2 \rangle$ $\langle i-1, j-2 \rangle$ $\langle i-2, j-1 \rangle$







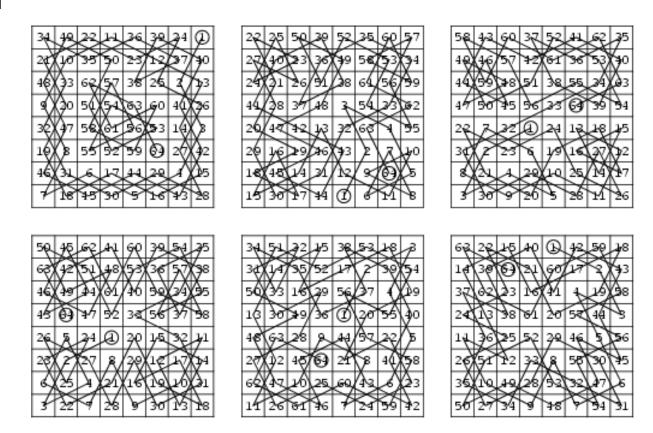
- Knight's Tour
 - <0, 0> 위치에서 출발한 knight movement







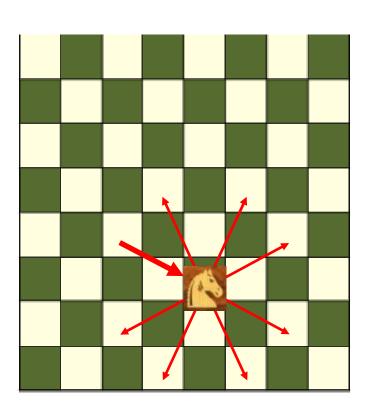
- Knight's Tour
 - 예

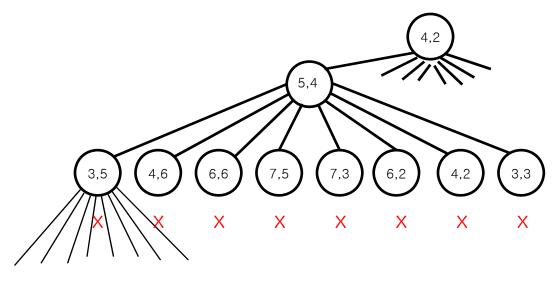






- Knight's Tour
 - Test promising(v) at state-space tree









Knight's Tour Solution (recursive)

```
#define MAXSIZE 9
#define MARK 1
#define UNMARK 0
typedef struct Point {int x, y;} point;
point direction[8] = \{\{1, -2\}, \{2, -1\}, \{2, 1\}, \{1, 2\},
                      \{-1, 2\}, \{-2, 1\}, \{-2, -1\}, \{-1, -2\}\};
int board[MAXSIZE][MAXSIZE], path[MAXSIZE][MAXSIZE];
int knightTour (int m, int n, point pos, int counter)
    int i;
    point next;
                                                   next.x = pos.x + direction[i].x;
                                                   next.y = pos.y + direction[i].y;
    if (counter == m * n)
        return 1;
                                                   if ( next.x > 0 && next.x <= n &&
                                                         next.y > 0 && next.y <= m &&</pre>
    for (i=0; i<8; i++)
                                                        board[next.y][next.x] != MARK )
                                                        board[next.y][next.x] = MARK;
                                                        path[next.y][next.x] = counter+1;
    return 0;
                                                        if ( knightTour(m, n, next, counter+1) )
                                                            return 1;
                                                        board[next.y][next.x] = UNMARK;
```



Sudoku

• Sudoku

- Solve Sudoku problem with Backtracking Algorithm

	1		6	3	5	4		7
2				8			9	
			2			1		
		1		7		8	5	
6	5		8		1		3	2
	7	8		2		9		
		2			4			
	6			5				9
5		7	9	1	2		6	

					3		8	5
		1		2				
			5		7			
		4				1		
	9							
5							7	3
		2		1				
				4				9





Term Project

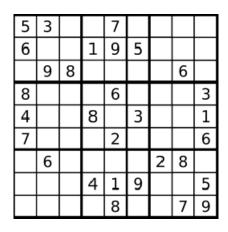
- Term Project
 - 진행방안
 - 중간고사 이전부터 시작
 - 제안서 :
 - 중간보고서:
 - 최종보고서 및 발표:
 - 일정 및 장소
 - 최종발표: 12월21일(월) 오후 6:00 오후 9:00
 - 장소 : 7호관 114호
 - 내용
 - Sudoku + Crosswords
 - 조 구성
 - 6명/팀 (프로그래밍 경시대회 참가 2팀을 1개 조로 구성)





Term Project

Sudoku



5	ო	4	6	7	8	9	1	2
6	7	2	1	9	5	3	4	8
1	9	8	ო	4	2	5	6	7
8	5	9	7	6	1	4	2	3
4	2	6	8	5	3	7	9	1
7	1	3	9	2	4	8	5	6
9	6	1	5	3	7	2	8	4
2	8	7	4	1	9	6	3	5
3	4	5	2	8	6	1	7	9

- Implementation of Sudoku solving algorithm
 - Ver1 : Backtracking algorithm (or Brute-force algorithm)
 - Reference: wiki "Sudoku solving algorithms",
 - Ver2 : Algorithm with "Dancing Links" data structure
 - Read a paper, "Dancking Links", D. Knuth, Stanford Univ.
 - Can use an open source code
 - Computation time?



