

컴파일러: 6장

국민대학교 컴퓨터공학부
강 승 식

제6장 Bottom-up 구문 분석

- LR 파싱
 - Left-to-right scanning & Rightmost derivation
 - Deterministic parsing
 - *우단 역유도* 방식에 따라 *결정적인* 방법으로 파싱
- 우단유도에서 비결정성 문제
 - Shift-reduce conflict
 - Reduce-reduce conflict
- 백트래킹이 없는 결정적 파싱이 가능하려면...
 - 각 단계에서 shift할지, reduce할지 결정되어야 함
 - Reduce할 경우 어떤 생성규칙으로 reduce할지 결정되어 있어야 함

LR(1) 조건, LR(1) 문법

- LR(1) 조건
 - 우단 역유도의 각 단계에서 현재 위치에서 reduce되어야 할 입력(토큰) 1개를 보고 shift 할지, reduce할지를 알 수 있고, reduce할 경우 어떤 생성규칙을 적용할지 알 수 있는 결정적 파싱이 가능한 문법
- LR(1) 문법
 - LR(1) 조건을 만족하는 문법

LR(k) 문법

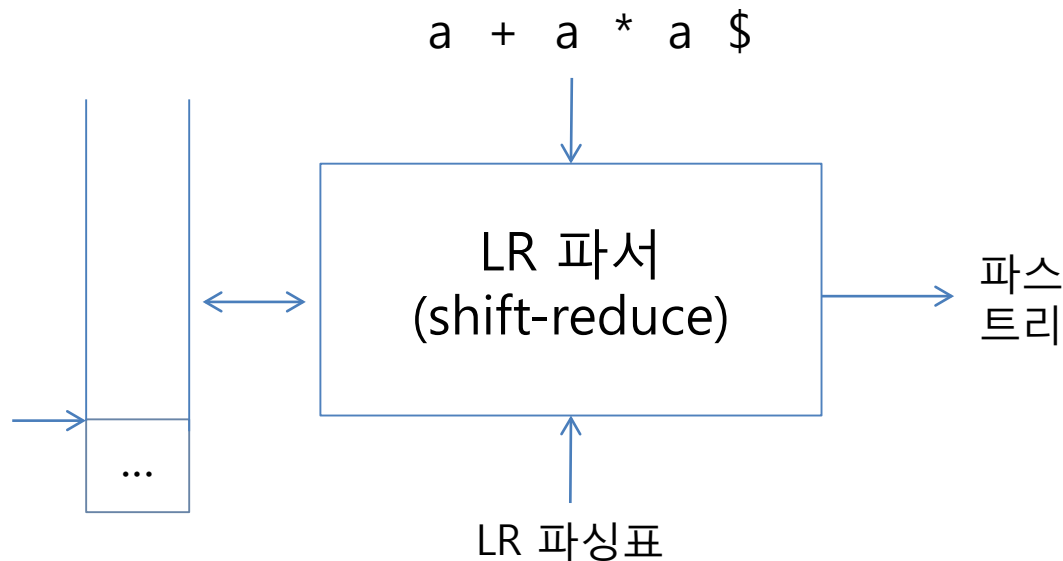
- LR(k) 문법은 현재 위치에서 생성해야 할 d 입력(토큰) k 개를 참조하여 결정적 파싱이 가능한 문법

LR 조건을 만족하지 않는 문법

- 파싱표 작성할 때 $\langle \text{state}, \text{터미널} \rangle$ 항에 shift-reduce 혹은 reduce-reduce conflict가 발생하는 문법은 LR 조건을 만족하지 않음
- LR 조건을 만족하지 않는 문법은 그 의미에 따라 강제로 하나의 생성규칙을 선택한다면 결정적인 파서를 구현할 수 있다

LR 파서의 구조

- Shift: 입력 토큰 1개를 스택으로 이동
- Reduce: 스택의 top 부분에서 어떤 생성규칙의 RHS와 일치되는 부분을 LHS로 대치



LR 파서의 작동 방식

1. 스택 내용을 시작 상태(S_0)로 초기화
2. 스택의 top에 있는 '현재 상태 번호'와 입력 버퍼의 터미널 토큰에 대해 LR 파싱표에 지정되어 있는 연산을 수행
3. shift 연산의 경우
 - 입력 버퍼의 터미널 토큰을 스택으로 이동하고,
 - 파싱표에 지정된 다음 상태 번호를 스택에 삽입
4. reduce 연산의 경우
 - 파싱표에 지정된 생성규칙 번호에 의해 reduce를 수행
 - 생성규칙의 LHS와 함께 '다음 상태 번호'를 삽입
 - 스택의 <상태번호, 삽입된 논터미널 기호>에 대해 GOTO 테이블에 지정된 상태 번호를 스택에 삽입

LR 파서

- LR 파서의 스택 내용
 - 초기 상태 번호로 시작
 - 스택의 top 기호는 항상 상태 번호
 - Shift 연산에 의해
 - <입력토큰, next state> 쌍을 스택에 push
 - Reduce 연산에 의해
 - RHS에 해당하는 <문법기호, state> 쌍들을 pop
 - LHS에 해당하는 <문법기호, next state> push

LR 파싱표

기호 상태	ACTION 테이블	GOTO 테이블
	$t_1 \ t_2 \ t_3 \ \dots \ t_n \ \$$	$N_1 \ N_2 \ N_3 \ \dots \ N_m$
0	<shift, 다음 상태 번호>	다음 상태 번호
1	<reduce, 생성규칙 번호>	
2	<accept>	
...	<error>	

LR 파싱 예제

1. $E \rightarrow E + F$

2. $E \rightarrow F$

3. $F \rightarrow a$

a+a 에 대한 파싱 과정

심벌 상태	ACTION 테이블			GOTO 테이블	
	a	+	\$	E	F
0	s3			1	2
1		s4	acc		
2		r2	r2		
3		r3	r3		
4	s3				5
5		r1	r1		

스택	입력 버퍼	동작
0	a + a \$	s3
0 a 3	+ a \$	r3 GOTO 2
0 F 2	+ a \$	r2 GOTO 1
0 E 1	+ a \$	s4
0 E 1 + 4	a \$	s3
0 E 1 + 4 a 3	\$	r3 GOTO 5
0 E 1 + 4 F 5	\$	r1 GOTO 1
0 E 1	\$	accept 파싱 성공

중간이 빈곳을 만나면 syntax Error

<과제> 위 LR 파싱표와 LR 파서를 구현하시오.

LR 파싱표 작성

- LR(0) item 집합과 오토마타 구성
 - 주어진 문법에 대한 오토마타를 구성
 - 오토마타의 각 상태는 LR(0) item 집합
- LR(0) item
 - 각 생성규칙의 RHS 부분에 dot 표시
생성규칙을 대괄호로 둘러쌘
 - Mark 심벌
 - dot 표시가 있는 터미널 또는 논터미널 기호
 - 예) $[A \rightarrow \cdot BCD]$ 에서 mark 심벌은 B

LR(0) item

- LR(0) item 유형
 - Closure item, kernel item, reduce item
- 생성규칙 $A \rightarrow BCD$ 에 대한 LR(0) item
 - $[A \rightarrow \cdot BCD]$: closure item
 - $[A \rightarrow B \cdot CD]$: kernel item
 - $[A \rightarrow BC \cdot D]$: kernel item
 - $[A \rightarrow BCD \cdot]$: reduce item

LR(0) item의 의미

- LR(0) item은
 - 생성규칙의 RHS 부분이 스택에서 reduce될 준비가 되어 있는지를 나타낸다.
 - 즉, 생성규칙의 RHS가 스택의 top 부분에 현재 어디까지 완성되어 있는지를 보여준다.
- 예)
 - $[A \rightarrow BC \cdot D]$: 현재 BC가 스택의 top 부분에 있고, D가 스택에 삽입되면 reduce될 수 있음
 - $[A \rightarrow BCD \cdot]$: reduce할 준비가 되어 있음

스택안에 BC가 들어있음

- Closure item
 - dot 위치가 RHS의 맨 앞
- Kernel item
 - dot 위치가 RHS의 터미널/논터미널 중간에 있는 LR(0) item
- Reduce item
 - dot 위치가 RHS의 맨 끝, reduce 준비 완료

Closure item

- Mark 기호가 non-terminal이면, 그 생성규칙으로 reduce가 되어 있어야 한다
- 예) $[A \rightarrow \cdot BCD]$ 의 경우
 - 논터미널 B가 스택에 삽입되려면 B-생성규칙이 먼저 적용되어야 함.
 - 따라서 B-생성규칙으로 reduce될 수 있도록 $[A \rightarrow \cdot BCD]$ 에 대한 CLOSURE 집합을 구성

CLOSURE 집합

- $CLOSURE([A \rightarrow \cdot BCD]) =$
 - $\{ [A \rightarrow \cdot BCD] \} \cup \{ \text{mark 심벌이 논터미널인 생성 규칙들에 대한 closure item} \}$
- 예) $B \rightarrow CD, B \rightarrow EF$ 에 대해
 - $CLOSURE([A \rightarrow \cdot BCD]) =$
 - $\{ [A \rightarrow \cdot BCD], [B \rightarrow \cdot CD], [B \rightarrow \cdot EF] \} \cup$
 - $\{ \text{C-생성규칙과 E-생성규칙에 대한 closure item} \}$
- 시작기호에 대한 CLOSURE 집합이 오토마타의 초기상태가 된다

LR 파싱표를 위한 오토마타 구성

- 1) 문법에 새로운 시작기호 추가: $ACC \rightarrow S$
- 2) 초기 상태 S_0
새로운 시작기호의 closure item에 대한 CLOSURE 집합
$$CLOSURE([ACC \rightarrow \cdot S]) = \{ [ACC \rightarrow \cdot S], [S \rightarrow \cdot \alpha], \dots \}$$
- 3) 다음 상태 구성
 - 각 상태의 CLOSURE 집합에서 각 mark 심벌들에 대해 dot 위치를 mark 심벌의 다음 위치로 이동한 LR(0) item에 대해 CLOSURE 집합 구성
- 4) 더 이상 새로운 상태가 만들어지지 않을 때까지 반복

오토마타 구성

- 현재 상태 S_i 에서 mark 기호 X 에 대해 다음 상태를 S_j 로 구성
 - $\text{GOTO}(S_i, X) = S_j$
 - 다음 상태의 개수는? mark 기호의 개수
- 초기 상태에서부터 시작하여 각 상태에서 X -transition에 의해 다음 상태 구성

오토마타 구성 예제

(1) 새로운 시작 기호 추가

- 0. $ACC \rightarrow E$
- 1. $E \rightarrow E + F$
- 2. $E \rightarrow F$
- 3. $F \rightarrow a$

(2) 오토마타 구성

$$S_0 = \text{CLOSURE}(\{ [ACC \rightarrow \cdot E] \}) = \{ [ACC \rightarrow \cdot E], [E \rightarrow \cdot E + F], [E \rightarrow \cdot F], [F \rightarrow \cdot a] \}$$

$$\text{GOTO}(S_0, E) = S_1 = \{ [ACC \rightarrow E \cdot], [E \rightarrow E \cdot + F] \}$$

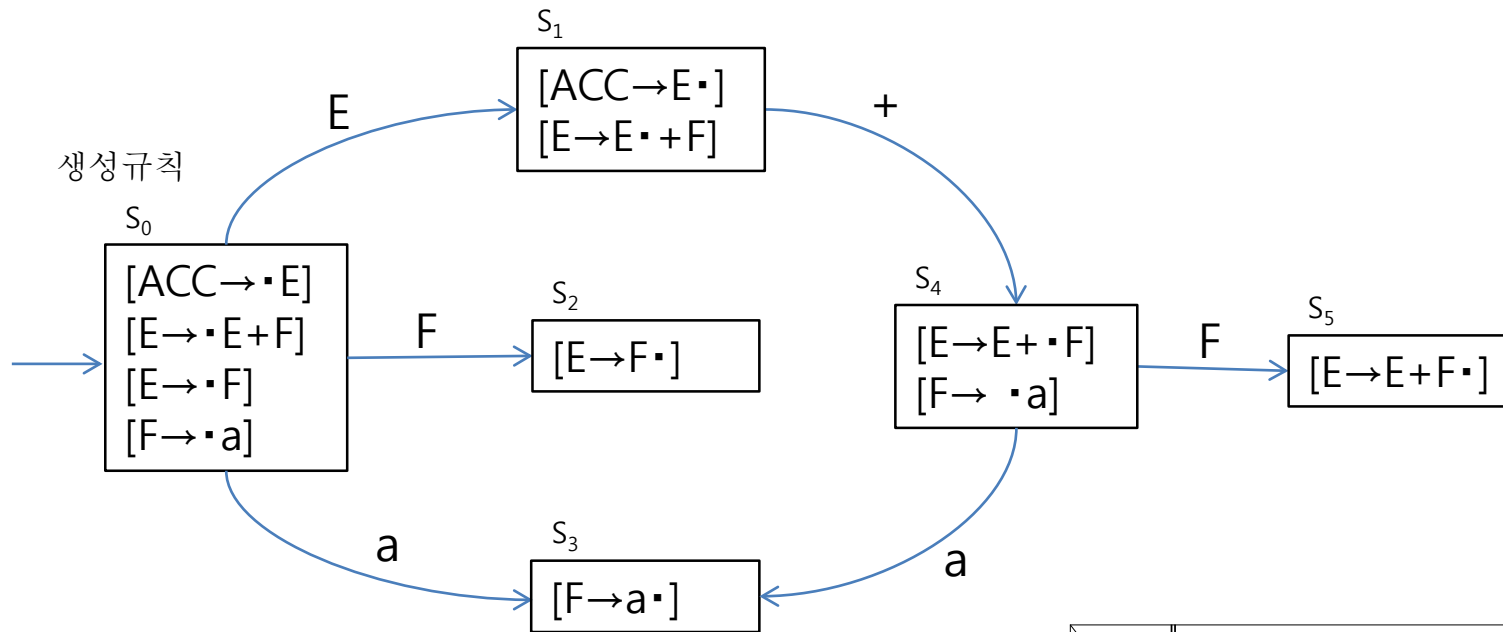
$$\text{GOTO}(S_0, F) = S_2 = \{ [E \rightarrow F \cdot] \}$$

$$\text{GOTO}(S_0, a) = S_3 = \{ [F \rightarrow a \cdot] \}$$

$$\text{GOTO}(S_1, +) = S_4 = \{ [E \rightarrow E + \cdot F], [F \rightarrow \cdot a] \}$$

$$\text{GOTO}(S_4, F) = S_5 = \{ [E \rightarrow E + F \cdot] \}$$

$$\text{GOTO}(S_4, a) = S_3$$



$FOLLOW(acc) = \{\$ \}$

$FOLLOW(E) = \{ +, \$ \}$

$FOLLOW(F) = \{ +, \$ \}$

심별 상태	ACTION 테이블			GOTO 테이블	
	a	+	\$	E	F
0	s3			1	2
1		s4	acc		
2		r2	r2		
3		r3	r3		
4	s3				5
5		r1	r1		

SLR 파싱표

- LR 파싱표를 구성하는 가장 간단한 방법
 - LR(0) item 집합과 mark 심벌들에 대한 다음 상태들로 구성된 오토마타로부터 구성
- 1) 상태 S_i 에서 mark 심벌이 **터미널 a** 인 경우
 $GOTO(S_i, a) = S_j$ 에 대해 $ACTION[i][a] = \langle \text{shift}, j \rangle$
 - 2) 상태 S_i 에서 mark 심벌이 **논터미널 A** 인 경우
 $GOTO(S_i, A) = S_j$ 에 대해 $GOTO[i][A] = j$
 - 3) 상태 S_i 에서 **reduce item $[A \rightarrow \alpha \cdot]$** 가 존재하는 경우
 $FOLLOW(A)$ 에 속하는 모든 터미널 a 에 대해
 $ACTION[i][a] = \langle \text{reduce}, \text{생성규칙 번호} \rangle$

SLR 파싱표 작성 연습

Predictive 파싱에서 예로 들었던 문법

$$\begin{aligned} S &\rightarrow bAb \mid aB \mid \varepsilon \\ A &\rightarrow aAb \mid bBa \\ B &\rightarrow b \mid \varepsilon \end{aligned}$$

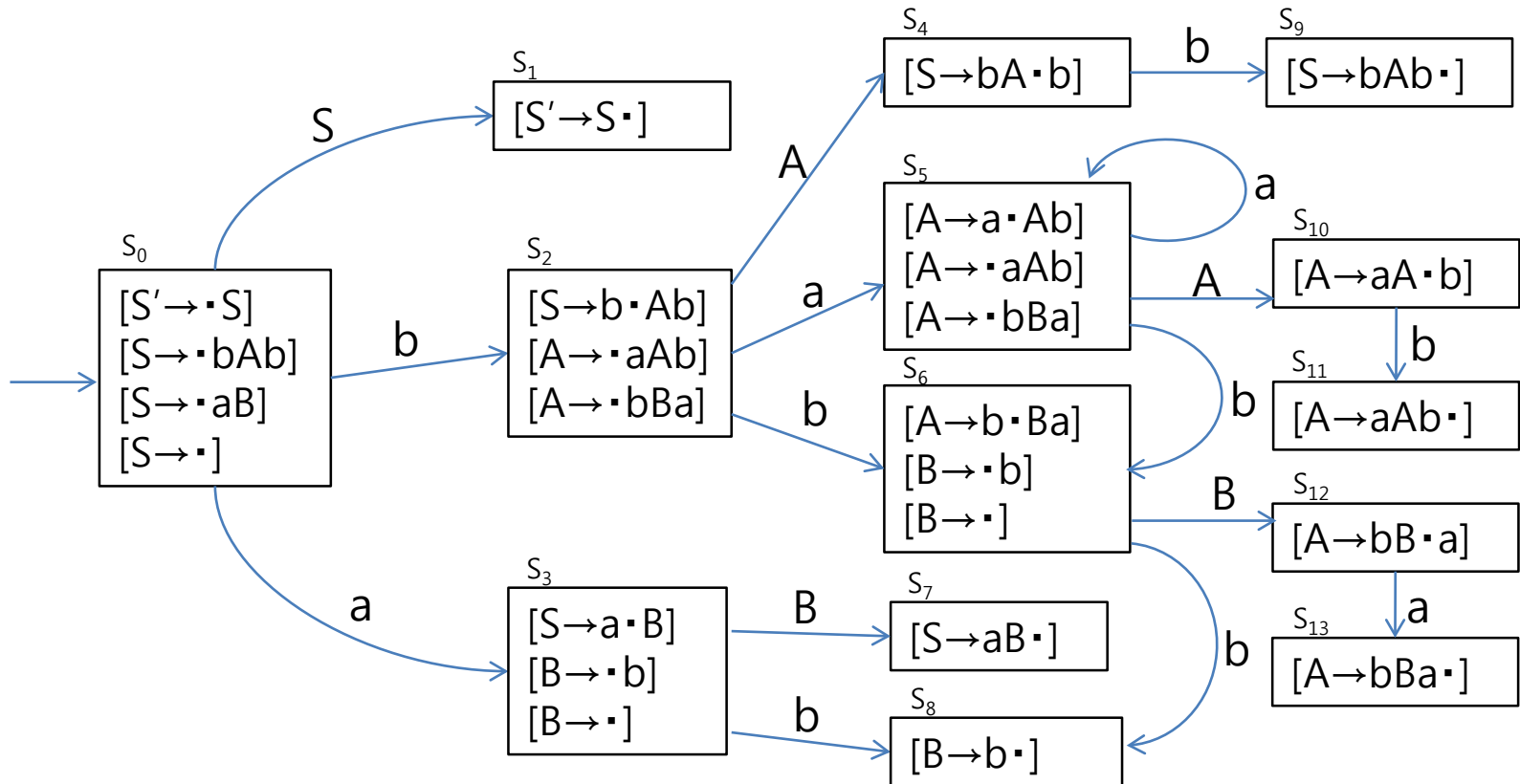
새로운 시작 기호 추가

0. $S' \rightarrow S$
1. $S \rightarrow bAb$
2. $S \rightarrow aB$
3. $S \rightarrow \varepsilon$
4. $A \rightarrow aAb$
5. $A \rightarrow bBa$
6. $B \rightarrow b$
7. $B \rightarrow \varepsilon$

<참고> 위 문법에 대한 yacc 입력 파일을 작성하고 입력 bbab, babbabb에 대한 파싱 결과를 출력하시오.

C_0 와 GOTO 그래프

- 오토마타 구성



- FIRST와 FOLLOW

$$\text{FIRST}(S) = \{ a, b, \varepsilon \}$$

$$\text{FIRST}(A) = \{ a, b \}$$

$$\text{FIRST}(B) = \{ b, \varepsilon \}$$

$$\text{FOLLOW}(S) = \text{FOLLOW}(S') = \{ \$ \}$$

$$\text{FOLLOW}(A) = \{ b \} \quad // \text{ 책 예러 수정}$$

$$\text{FOLLOW}(B) = \{ a, \$ \}$$

<div> <div>심별</div> <div>상태</div> </div>	ACTION 테이블			GOTO 테이블		
	a	b	\$	S	A	B
0	s3	s2	r3	1		
1			acc			
2	s5	s6			4	
3	r7	s8	r7			7
4		s9				
5	s5	s6			10	
6	r7	s8	r7			12
7			r2			
8	r6		r6			
9			r1			
10		s11				
11		r4				
12	s13					
13		r5				

<참고> 위 파싱표에 따라 bbab, babbabb에 대한 파싱 과정을 보이고 yacc로 파싱한 결과와 동일한지 비교하시오.

SLR 파싱표: 모호한 문법

우선순위가 반영안되서 모호한 문법
conflict 발생 shift,reduce가 두개가 들어가는 경우 발생

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid a$$

LR테이블을 만들때(개념적)

3가지 SLR(파싱테이블 만드는방법) 나머지두개 CLR, LR

새로운 시작 기호 추가

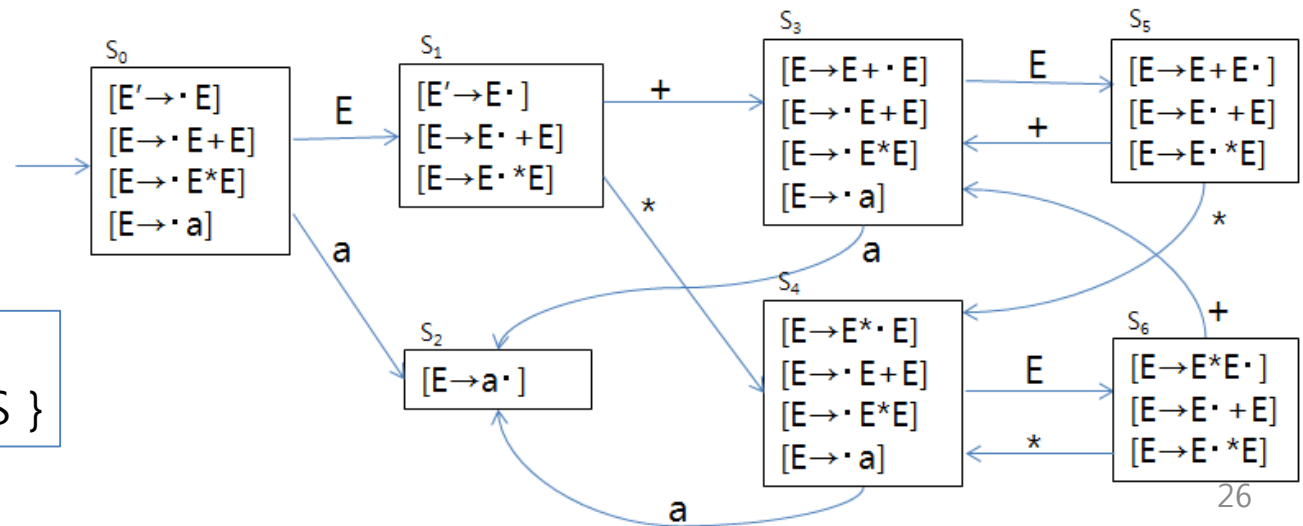
$$0. E' \rightarrow E$$

$$1. E \rightarrow E + E$$

$$2. E \rightarrow E * E$$

$$3. E \rightarrow a$$

심별 상태	ACTION 테이블				GOTO 테이블
	a	+	*	\$	E
0					
1				acc	
2					
3					
4					
5					
6					



FIRST(E) = { a }

FOLLOW(E) = { +, *, \$ }

LR(1) item

- LR(0) item의 reduce item $[A \rightarrow \alpha \cdot]$ 에 대해
 - FOLLOW(A)에 속하는 모든 터미널 a에 대해 reduce 연산을 수행
 - 문제점: FOLLOW(A)에는 다른 유도 과정에서 발생하는 터미널이 포함되는 경우가 발생 가능

LR(1) item = LR(0) + lookahead

- LR(1) item : $[A \rightarrow B \cdot CD, a/b/c]$
 - 시작 기호로부터 현재 상태까지 유도 과정을 고려
 - 시작 상태에서부터 현재 상태까지 유도 과정에서 reduce가 허용되는 터미널 집합을 lookahead라 하고, LR(0) item에 lookahead를 추가한 것
 - 추가된 생성규칙 $[S' \rightarrow \cdot S]$ 의 lookahead는 '\$' 이므로 시작 상태는 $[S' \rightarrow \cdot S, \$]$ 의 closure item에 대한 CLOSURE 집합

LR(1) item의 lookahead 계산

- X-transition의 경우
 - dot가 mark 기호를 넘어 다음 상태로 이동
 - Lookahead는 전 상태의 lookahead와 동일함
 - 예) $[A \rightarrow \cdot BCD, a/b/c]$ 로부터 다음 상태 B-transition의 LR(1) item은 $[A \rightarrow B \cdot CD, a/b/c]$
- ϵ -transition의 경우
 - CLOSURE 집합을 구할 때 mark 심벌에 대한 closure item
 $CLOSURE([A \rightarrow \cdot BCD, a/b/c]) = \{$
 - $[A \rightarrow \cdot BCD, a/b/c],$
 - $[B \rightarrow \cdot CD, d/e/f],$
 - $[B \rightarrow \cdot EF, d/e/f],$
 - C-생성규칙에 대한 closure item,
 - E-생성규칙에 대한 closure item }
 - B-생성규칙의 lookahead 계산:
 - $FIRST(CD\{a/b/c\}) = FIRST(C) \oplus FIRST(D) \oplus \{a, b, c\}$

C₁과 GOTO 그래프

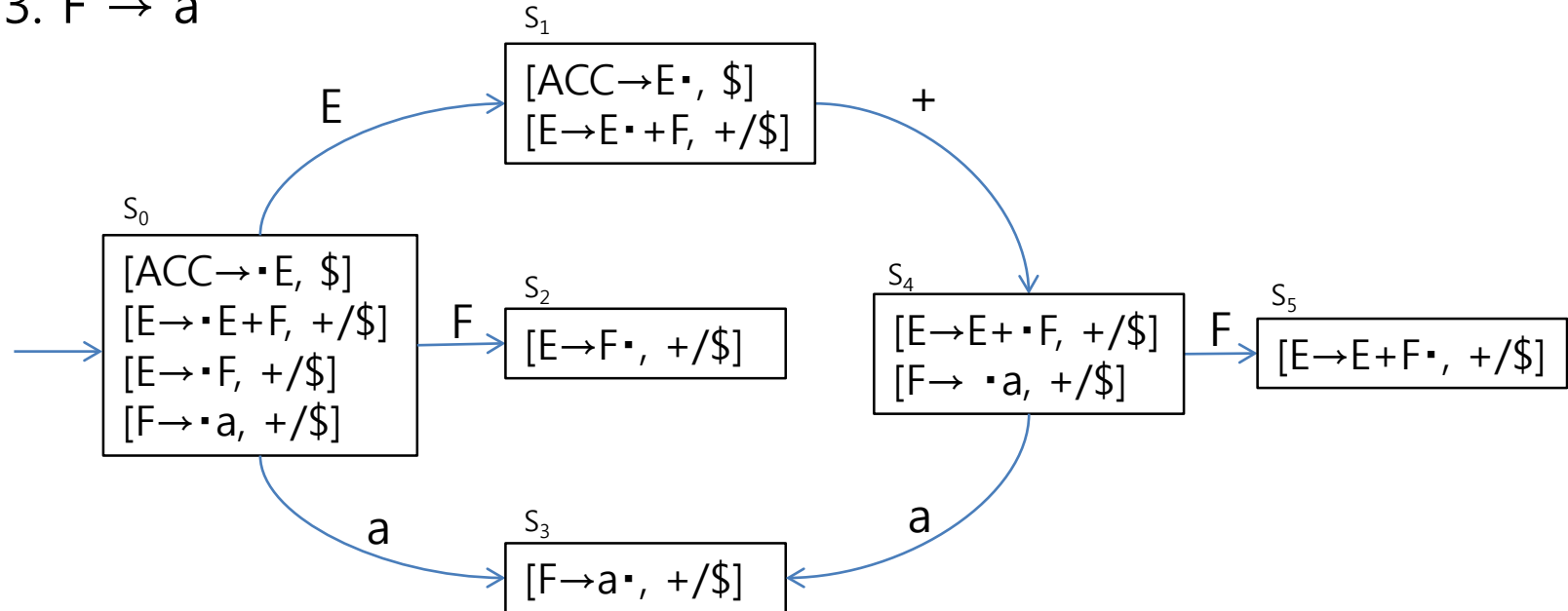
- (1) 새로운 시작 기호 추가

0. $ACC \rightarrow E$

1. $E \rightarrow E + F$

2. $E \rightarrow F$

3. $F \rightarrow a$



- S_0 의 LR(1) item 중에서 $[E \rightarrow \cdot E + F, +/\$]$ 의 lookahead $+\$$ 계산
 - $[ACC \rightarrow \cdot E, \$]$ 의 mark 심벌 E에 대한 ε -transition에 의하여
 - $[E \rightarrow \cdot E + F, \$]$ 와 $[E \rightarrow \cdot F, \$]$ 추가
 - 추가된 LR(1) item의 mark 심벌 E에 대해 ε -transition에 의하여
 - $[E \rightarrow \cdot E + F, +]$ 와 $[E \rightarrow \cdot F, +]$ 추가

- 파싱표: SLR 파싱표와 동일함

심벌 상태	ACTION 테이블			GOTO 테이블	
	a	+	\$	E	F
0	s3			1	2
1		s4	acc		
2		r2	r2		
3		r3	r3		
4	s3				5
5		r1	r1		

CLR 파싱표 연습

$S \rightarrow AB$

$A \rightarrow aA \mid \varepsilon$

$B \rightarrow bA \mid c$

- (1) 새로운 시작 기호 추가

0. $S' \rightarrow S$

1. $S \rightarrow AB$

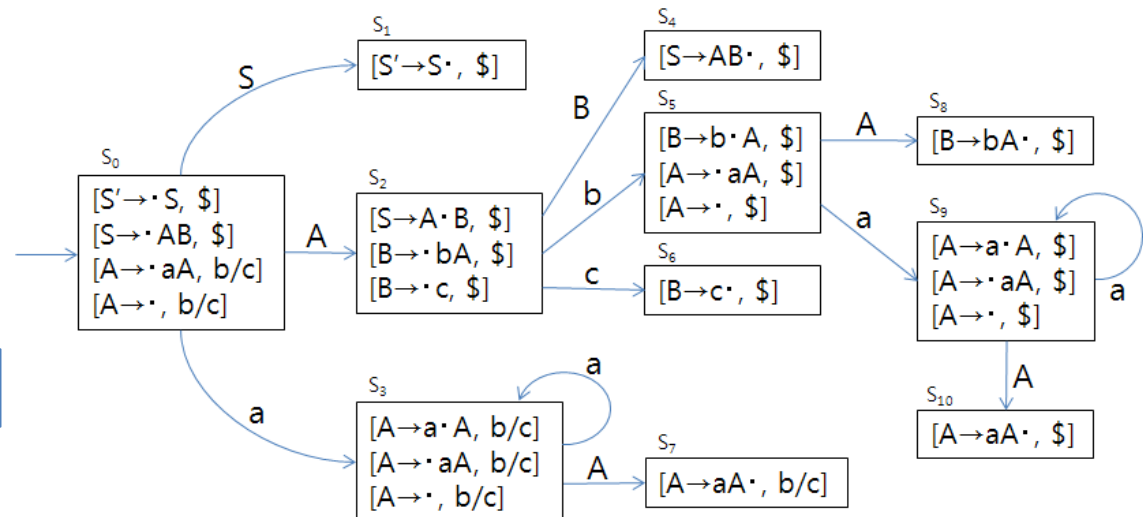
2. $A \rightarrow aA$

3. $A \rightarrow \varepsilon$

4. $B \rightarrow bA$

5. $B \rightarrow c$

심벌 상태	ACTION 테이블				GOTO 테이블		
	a	b	c	\$	S	A	B
0	s3	r3	r3		1	2	
1				acc			
2		s5	s6				4
3	s3	r3	r3			7	
4				r1			
5	s9			r3		8	
6				r5			
7		r2	r2				
8				r4			
9	s9			r3		10	
10				r2			



aabaa에 대한 파싱

LALR 파싱표

- SLR 파싱표
 - 크기 작으나 reduce 행동에서 FOLLOW에 대해 생성규칙을 적용하므로 정확도가 낮음
- CLR 파싱표
 - 정확한 lookahead에 대해 reduce
 - 파싱표의 크기가 커지는 단점
- LALR 파싱표
 - SLR과 CLR의 장단점에 대한 절충안
 - 파싱표의 크기는 SLR과 같고 lookahead는 CLR 방식에 따라 계산

LALR 파싱표 구성 방법

- CLR 파싱표에서 구하는 방법
 - LR(0) item 부분이 동일하고 lookahead만 다른 상태들을 통합(merge)
- SLR 파싱 과정에 lookahead를 추가하는 방법
 - SLR 파싱 과정을 수정하여 각 상태에서 lookahead 계산 과정 추가
 - CLR 파싱표로부터 구하는 방법 보다 SLR 파싱 과정에 lookahead를 계산하는 알고리즘은 좀더 복잡

- CLR 파싱표: 3번과 9번, 7번과 10번 통합

심벌 상태	ACTION 테이블				GOTO 테이블		
	a	b	c	\$	S	A	B
0	s3	r3	r3		1	2	
1				acc			
2		s5	s6				4
3	s3	r3	r3	r3		7	
4				r1			
5	s3			r3		8	
6				r5			
7		r2	r2	r2			
8				r4			