

## sequence

## series

Arithmetic

$$a_1 + (n-1)d$$

$$\frac{n}{2} (a_n + a_1)$$

Geometric

$$a_1 + r^{(n-1)}$$

$$\frac{a_1 (1-r^n)}{1-r}$$

$$S_\infty = \frac{a_1}{1-r}$$

Harmonic

$$\frac{1}{\text{Arith}}$$

$$\sum_{i=1}^n i \quad 1+2+3+\dots+n = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$\sum_{i=1}^n i^2 \quad 1^2+2^2+3^2+\dots+n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$\sum_{i=1}^n i^3 \quad 1^3+2^3+3^3+\dots+n^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^2$$

## Binomial

$$(a+b)^n = \sum_{r=0}^n \binom{n}{r} a^{n-r} b^r \quad \text{ไล่ไปเรื่อยๆ} \quad \text{Ex. } (a+b)^4 = \binom{4}{0} a^4 b^0 + \binom{4}{1} a^3 b^1 + \dots + \binom{4}{4} a^0 b^4$$

Term

$$T_{r+1} = \binom{n}{r} a^{n-r} b^r$$

$$\star \binom{n}{r} = \frac{n!}{r!(n-r)!}$$

หาผลรวม สปส. → เอา 1 เข้าไปแทนที่ตัวแปร แล้วเอาค่าที่ได้มาบวกกัน

Note: คำนวณเป็น

$P_{n,r}$  เลือก  $\therefore$  ตำแหน่งก็สนใจ

(ไม่ซ้ำ)  $\therefore$  นับทั้งคู่

$$AB \neq BA = \frac{n!}{(n-r)!}$$

เคสเยอะ

$C_{n,r}$  รวม ๆ (ไม่สนใจตำแหน่ง)  $\therefore$  แค่นี้ก็ OK ละ

(ซ้ำ)

$$AB = BA = \frac{n!}{(n-r)!r!}$$

เคสน้อย

เพราะช่วงไหนที่มี A กับ B  
มองว่าซ้ำ นับแค่ทีเดียว