# Problema A. Ţelină

Fişier de intrare: telina.in
Fişier de ieşire: telina.out
Limită de timp: 0.5 secunde
Limită de memorie: 16 megabytes

Ţelina, sau apium graveolens, este o plantă din familia apiaceae. Poate atinge o înălţime de până la 1 metru. Frunzele sale sunt mari, penat-lobate. Florile sunt mici, de obicei având culoarea albă. Fructul său este achenă. Poate rezista până la temperaturi aproape de 0 grade Celsius. Perioada de înflorire este la începutul toamnei. Este o plantă hidrofilă. [sursă: wikipedia.ro]

Se dă un şir de N caractere  $S_1S_2...S_N$ . Țelina citeşte (poate citi!) acest şir din dreapta spre stânga, începând cu caracterul de pe poziția N şi terminând cu cel de pe poziția 1.

Pe măsură ce aceasta parcurge caractere, le introduce într-o stivă T (inițial vidă). În momentul în care citește caracterul  $A_{N-i+1}$  (la pasul i) îl introduce în vârful stivei T. Inainte de citi caracterul de la pasul i+1 țelina poate inversa toate caracterele din stivă sau continuă la pasul următor.

Țelina vă roagă să aflați șirul minim lexicografic ce se poate forma în stiva T (primul element fiind in vârful stivei iar ultimul element în capătul stivei) la finalizarea operațiilor de la pasul N.

#### Date de intrare

În fişierul de intrare telina.in se află pe prima linie şirul S.

### Date de ieșire

În fişierul de ieşire telina.out va conține pe prima linie şirul minim lexicografic ce se poate obține în T aplicând operațiile descrise anterior.

### Restricții

 $1 < N < 10^6$ .

S contine doar caractere mici ale alfabetului englez.

### Exemplu

telina.in	telina.out
telina	anilet

### Explicație

La pasul 1, T = a. După citirea caracterului n stiva T = na. Înainte de a termina pasul 2 țelina întoarce toate elementele din T iar acum T = an.

După cei 6 pasi T = anilet.

# Problema B. Coliziune

Fişier de intrare: coliziune.in Fişier de ieşire: coliziune.out

Limită de timp: 2 secunde Limită de memorie: 4 megabytes

Agenția de securitate națională urmărește îndeaproape concursul RoTopCoder. Aceasta a descoperit că în cadrul concursului se află concurenți care au reușit să identifice un algoritm eficient pentru determinarea coliziunilor unei funcții  $\mathcal{H}$ . O coliziune reprezintă 2 valori x, y pentru care  $\mathcal{H}(x) = \mathcal{H}(y)$ .

Este un lucru binecunoscut în criptologie (știință ce se ocupă cu studiul codurilor) că această problemă este una dificilă (pentru o funcție  $\mathcal{H}$  bine aleasă).

Fie o funcție  $\mathcal{H}$  ce primeste ca date intrare șiruri de lungime variabilă continând doar cifre de 0 și 1 (șir binar). Considerăm un șir binar S de lungime N pentru care primul caracter se află pe poziția 1 (numerotarea cifrelor incepe de la 1).

 $\mathcal{H}$  este calculată în felul următor:

$$\mathcal{H}(S) = (\sum_{i=1}^{N} (S(i) + 1)B^{N-i}) \mod M$$
 (1)

unde cu  $x \mod M$  am notat restul împărțirii lui  $x \ln M$ .

Dându-se 2 numere naturale B şi M, se cere sa găsiţi 2 şiruri binare diferite x, y, astfel încât  $\mathcal{H}(x) = \mathcal{H}(y)$ .

#### Date de intrare

În fişierul de intrare coliziune.in pe prima linie se vor afla 2 numere întregi M si B (cu semnificația descrisă în enunț) separate prin spațiu.  $(2 \le B \le M-2, \, 4 \le M \le 10^{14})$ 

# Date de ieșire

În fişierul de ieşire *coliziune.out* se vor afla 2 şiruri binare x, y separate printr-un spaţiu astfel încât  $\mathcal{H}(x) = \mathcal{H}(y)$ .

### Exemple

coliziune.in	coliziune.out
2 1	1
1 2	
3 3	0
1 2 3	

### Explicație

In the first example, we print 1.

In the second example, after thinking for a while, we are able to print 0.