Guía 4

Tema: Probabilidades. Distribuciones de Probabilidad

Probabilidad y Estadística - Facultad de Ciencias Agrarias

Ejercicio 1

Calcular las probabilidades de obtener:

- 1. Un número impar en una sola tirada de un dado.
- 2. La presentación, como mínimo, de una "cara" en dos tiradas de una moneda.
- 3. La presentación de un as, un diez de diamante o el dos de pick en una sola extracción de u na carta de un mazo de 52.
- 4. La obtención de 7 puntos en una tirada de un par de dados.

Ejercicio 2

Una máquina produce piezas de tipo A y de tipo B. La probabilidad que una pieza A sea defectuosa es de 0.04 y la probabilidad que una pieza B lo sea es de 0.035. Calcular:

- 1. La probabilidad que las dos piezas sean defectuosas.
- 2. La probabilidad que ninguna de las dos piezas sea defectuosa.
- 3. La probabilidad que sea defectuosa la pieza A y no la B.
- 4. La probabilidad que al menos una de las dos sea defectuosa.

Ejercicio 3

En un estudio se determinó que la probabilidad de que se produzca un artículo defectuoso en una determinada fábrica es del 0.15. Si se toman 5 artículos de ese lote al azar, y se prueban los mismos. ¿Cuál es la probabilidad?:

- 1. de que 3 o menos de 3 sean defectuosos.
- 2. de que menos de 3 sean defectuosos
- 3. de que más de 2 sean defectuosos
- 4. realizar los cálculos manualmente y verificar los resultados hallados con R.
- 5. Grafique la distribución binomial correspondiente en R. En este caso, el valor de p=0.15. ¿El sesgo es positivo o negativo? Fundamente.

En R

Probabilidad de que 3 sean defectuosos == P(x=2)

```
#Para calcular una probabilidad puntual con distribución binomial dbinom(x=3, size=5, prob=0.15)
```

Probabilidad de que 3 o menos de 3 sean defectuosos $== P(X \le 3)$

```
pbinom(q=2, size=5, prob=0.15, lower.tail=TRUE)
```

Probabilidad de que más de 2 sean defectuosos == P(X>2)

```
pbinom(q=2, size=5, prob=0.15, lower.tail=FALSE)
```

Mediante las siguientes líneas de código va a poder graficar una distribución binomial. Fundamente si el sesgo es positivo o negativo.

Ejercicio 4

En una localidad, en el mes de Julio se producen 2 heladas semanales (en promedio)

- 1. ¿Cuál es la probabilidad de que en 3 semanas se produzcan sólo 2 heladas?
- 2. Realizar los cálculos manualmente y verificar los resultados hallados con R.

En R

¿Cuál es la probabilidad de que en 3 semanas se produzcan 2 heladas?

```
dpois(x=2, lambda=6)
```

Ejercicio 5

Graficar las siguientes funciones de densidad discretas y continuas. Interpretar las diferencias observadas al cambiar los parámetros y escribir al menos 2 características de las curvas de las distribuciones que se graficaron.

```
    N(0,1); N(0,2); N(3,1)
    T(5); T(100)
```

En R

Para graficar funciones de densidad utilizamos la función curve()

```
par(mfrow=c(2,2)) #permite disponer gráficos de a grupos
curve(dnorm(x, mean = 0, sd = 1), #distribución de probabilidad normal
    from = -4, #límite inferior del eje x
    to = 4, #límite superior del eje x
    type = "1", #tipo de linea trazada
    xlab = "", #sin rótulo el eje X
    ylab = "Probability Density", #rótulo eje Y
    main = "Normal Distribution") #título del gráfico
curve(dnorm(x, mean = 0, sd = 2), #distribución de probabilidad normal
    from = -6, #límite inferior del eje x
    to = 6, #límite superior del eje x
    type = "1", #tipo de linea trazada
    xlab = "", #sin rótulo el eje X
    ylab = "Probability Density", #rótulo eje Y
    main = "Normal Distribution") #título del gráfico
```

```
curve(dnorm(x, mean = 3, sd = 1), #distribución de probabilidad normal
    from = -1, #límite inferior del eje x
    to = 7, #límite superior del eje x
    type = "l", #tipo de linea trazada
    xlab = "", #sin rótulo el eje X
    ylab = "Probability Density", #rótulo eje Y
    main = "Normal Distribution") #título del gráfico
```

De igual manera para una distribucion t de student

```
par(mfrow=c(2,2))
curve(dt(x, df = 5),
      from = -4,
      to = 4,
      type = "1",
      lwd = 2,
      xlab = "Random Variable X",
      ylab = "Probability Density",
      main = "Student's t Distribution",
      ylim = c(0, 0.4))
abline(h = 0)
curve(dt(x, df = 100),
      from = -4,
      to = 4,
      type = "1",
      lwd = 2,
      xlab = "Random Variable X",
      ylab = "Probability Density",
      main = "Student's t Distribution",
      ylim = c(0, 0.4))
abline(h = 0)
```

Ejercicio 6

Dada una distribución normal general con x con u=5 y sigma=16. Encontrar las siguientes probabilidades:

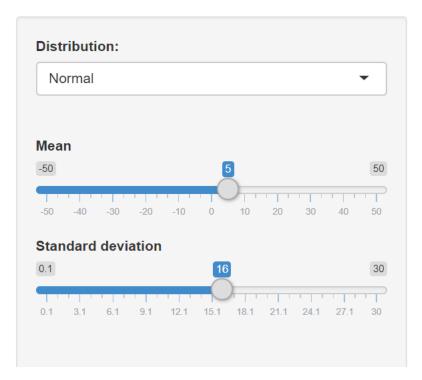
- 1. P(x<15)
- 2. P(x<0)
- 3. P(0 < x < 15)
- 4. P(x>15)

Para ello puede entrar a la siguiente dirección

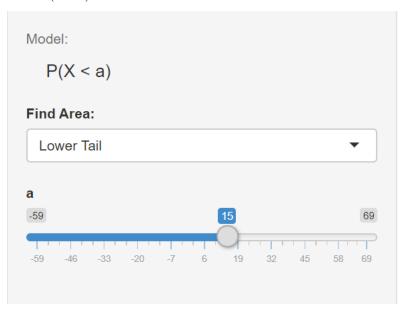
https://gallery.shinyapps.io/dist_calc/ y elija las siguientes opciones

- 1. Distribución normal
- 2. media = 5
- 3. desviación estándar = 16

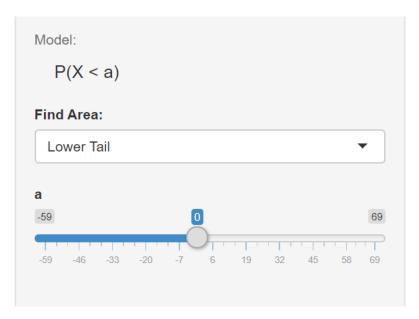
Distribution Calculator



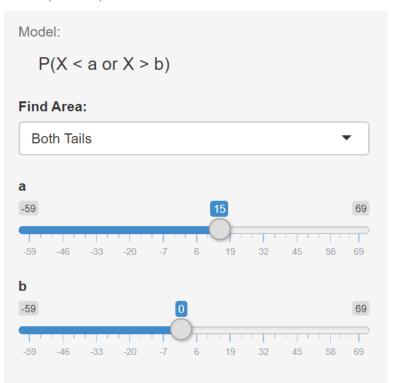
1. P(x<15)



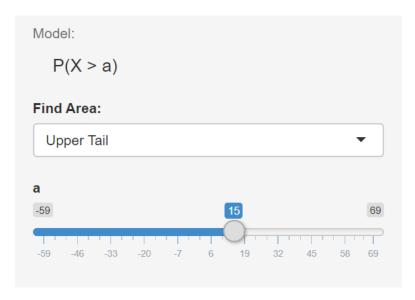
1. P(x<0)



1. P(0<x<15)



1. P(x>15)



En todos los casos, observe el sombreado del área bajo la curva y anote al menos 4 oraciones describiendo los distintos casos.

Ejercicio 7

Se supone que la estancia de los enfermos en un hospital sigue una distribución normal de media 8 y desviación típica de 3. Calcular la probabilidad de que la estancia de un enfermo:

- 1. Sea inferior a 7 días.
- 2. Sea superior a 3 días.
- $3.\,$ Este comprendida entre 10 y 12 días.

Realice manualmente los ejercicios y corrobore los ejercicios mediante R.

```
En R Sea inferior a 7 dias \longrightarrow P(x<7)
```

```
pnorm(7, mean=8, sd=3)
```

Sea superior a 3 días \longrightarrow P(x>3) = 1-P(x<3)

```
1-pnorm(3, mean=8, sd=3)
```

Este comprendida entre 10 y 12 días

```
dias10<-pnorm(10, 8, 3) #cálculo de área hasta el día 10
dias12<-pnorm(12, 8, 3) #cálculo de área hasta el día 12
dias12-dias10 #resto para conocer el área
```