Problemas

Capítulo 7 Oscilações, Movimentos periódicos e caos

Osciladores Harmónicos Simples

- 1. Uma mola exerce uma força $F_x = -k x(t)$, em que k é a constante elástica da mola, num corpo de massa m. Considere k = 1 N/m e m = 1 kg.
- a) Mostre que a lei do movimento $x(t) = A\cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}}t + \phi\right)$ é solução da equação dinâmica de Newton do sistema mola-corpo, em que A e ϕ são constantes. Qual a lei de velocidade do corpo ligado à mola?
- b) Calcule A e ϕ , no caso em que a velocidade inicial é nula e a posição inicial 4 m.
- c) Calcule a energia mecânica do sistema mola-corpo.
- 2. Uma mola exerce uma força $F_x = -k x(t)$, em que k é a constante elástica da mola, num corpo de massa m. Considere k = 1 N/m e m = 1 kg.
- a) Mostre que a lei do movimento $x(t) = A \sin(\omega t + \varphi)$, com $\omega = \sqrt{k/m}$, é solução da equação dinâmica de Newton do sistema mola-corpo, em que A e φ são constantes. Qual a lei de velocidade do corpo ligado à mola?
- b) Calcule $A \in \varphi$, no caso em que a velocidade inicial é nula e a posição inicial 4 m.
- c) Calcule a energia mecânica do sistema mola-corpo.
- 3. Uma mola exerce uma força $F_x = -k x(t)$, em que k é a constante elástica da mola, num corpo de massa m. Considere k = 1 N/m e m = 1 kg.
- a) Mostre que a lei do movimento $x(t) = C \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}}t\right) + D \sin\left(\sqrt{\frac{k}{m}}t\right)$ é solução da equação dinâmica de Newton do sistema mola-corpo, em que C e D são constantes. Qual a lei de velocidade do corpo ligado à mola?
- b) Calcule C e D, no caso em que a velocidade inicial é nula e a posição inicial 4 m.
- c) Calcule a energia mecânica do sistema mola-corpo.

4. Uma mola exerce uma força $F_x = -k x(t)$, em que k é a constante elástica da mola, num corpo de massa m. Considere k = 1 N/m e m = 1 kg. A mesma lei do movimento é descrita quer por

$$x(t) = A\sin(\sqrt{k/m}\,t + \varphi),$$

quer por

 $x(t) = C\cos(\sqrt{k/m} t) + D\sin(\sqrt{k/m} t)$. Encontre a relação entre as constantes $A, \varphi \in C, D$.

Note: $sen(x \pm y) = sin x cos y \pm cos x sin y$

- **5.** Um objeto de 500 g, preso a uma mola com k = 8 N/m, oscila num movimento com amplitude A = 10 cm. Calcule:
- a) a velocidade e aceleração máximas.
- b) a velocidade e aceleração quando o objeto dista 6 cm da posição de equilíbrio.
- c) o tempo necessário para o objeto partir de x=0 e chegar a x=8 cm.
- 6. Uma mola exerce uma força $F_x = -k \ x(t)$, em que k é a constante elástica da mola, num corpo de massa m. Considere k=1N/m e m=1 kg. Considerando a lei do movimento $x(t)=A\cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}}t+\phi\right)$ calcule A e ϕ , sabendo:
- a) que a velocidade inicial é nula e a posição inicial é 4 m.
- b) que a velocidade inicial é -2 m/s e a posição inicial é 4 m.
- c) que a velocidade inicial é 2 m/s e a posição inicial é 4 m.
- d) que a velocidade inicial é -2 m/s e a posição inicial é 0 m.
- 7. Uma mola exerce uma força $F_x = -k x(t)$, em que k é a constante elástica da mola, num corpo de massa m. Considere k = 1 N/m e m = 1 kg.
- a) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial é nula e a posição inicial 4 m.
- b) Calcule a amplitude do movimento e o seu período, usando os resultados numéricos.
- c) Calcule a energia mecânica. É constante ao longo do tempo?

- **8.** Uma mola exerce uma força $F_x = -k x(t)$, em que k é a constante elástica da mola, num corpo de massa m. Considere k = 1 N/m e m = 1 kg.
- a) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial -3 m/s e a posição inicial 2 m.
- b) Calcule a amplitude do movimento e o seu período.
- c) Calcule a energia mecânica. É constante ao longo do tempo?

Osciladores Não harmónicos

9. Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador cúbico. Se a posição de equilíbrio for a origem do eixo $x_{eq} = 0$ m, o oscilador tem a energia potencial

$$E_p = \frac{1}{2}k \ x^2 + \alpha \ x^3$$

exerce no corpo a força

$$F_x = -k x - 3 \alpha x^2$$

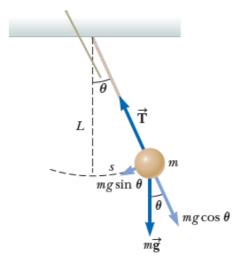
Considere k = 1 N/m e $\alpha = -0.01 \text{ N/m}^2$.

- a) Faça o diagrama de energia desta energia potencial. Qual o movimento quando a energia total for menor que 1 J?
- b) Calcule a lei do movimento, quando a posição inicial for 1.3 m e a velocidade inicial nula? Quanto é a energia mecânica? Entre que limites se efetua o movimento e a frequência do movimento?
- c) Calcule a lei do movimento, quando a posição inicial for 2.9 m e a velocidade inicial nula? Quanto é a energia mecânica? Entre que limites se efetua o movimento e a frequência do movimento?

10. Uma massa suspensa do teto por um fio de comprimento L=1 m oscila à volta da sua posição de equilíbrio expressa por $\theta=0$ rad, de acordo com a equação diferencial

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\frac{g}{L}\sin\theta$$

 θ é o ângulo que o fio faz com a vertical.



Calcule o período do movimento, com a precisão de 4 algarismos, quando for largado $\left(\frac{d\theta}{dt}\Big|_{t=0} = 0\right)$ e o ângulo inicial for:

- a) 1°
- b) 5°
- c) 10°
- d) 15°
- e) 20°
- f) 30°
- 11. Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador duplo, com dois pontos de equilíbrio, $x_{eq}=2$ m. O oscilador tem a energia potencial

$$E_p = \frac{1}{2}k(|x| - x_{eq})^2$$

exerce no corpo a força

$$F_x = \begin{cases} -(x - x_{eq}) & x > 0\\ (-x - x_{eq}) & x < 0 \end{cases}$$

onde $k=1\,\mathrm{N/m}$. A mola é esticada até à posição 3 m, e de seguida é largado.

a) Qual a sua energia mecânica?

- b) Faça o gráfico da lei do movimento. Qual é o seu período?
- c) Calcule a lei do movimento, quando a energia total for 0.75 J. Entre que limites se efetua o movimento e a frequência do movimento?
- d) Calcule a lei do movimento quando a energia total for 1.5 J? Entre que limites se efetua o movimento e a frequência do movimento?
- e) Calcule a lei do movimento quando a energia total for 3.0 J? Entre que limites se efetua o movimento e a frequência do movimento?
- 12. Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador duplo, com dois pontos de equilíbrio, $x_{eq} = 1.5$ m. O oscilador tem a energia potencial

$$E_p = \frac{1}{2} k (x^2 - x_{eq}^2)^2$$

exerce no corpo a força

$$F_x = -2 k (x^2 - x_{eq}^2) x$$

onde k = 1 N/m.

- a) Faça o diagrama de energia desta energia potencial. Qual o movimento quando a energia total for menor que 1 J?
- b) Calcule a lei do movimento, quando a energia total for 0.75 J. Entre que limites se efetua o movimento e a frequência do movimento?
- c) Calcule a lei do movimento quando a energia total for 3.0 J? Entre que limites se efetua o movimento e a frequência do movimento?

Osciladores Harmónicos Amortecidos

- 13. Um corpo de massa 1 kg preso a uma mola (k = 100 N/m) executa um movimento harmónico simples com amplitude igual a 10 cm. A oscilação tem início numa das posições extremas.
- a) Determine a energia cinética e energia potencial elástica do oscilador no instante de tempo em que elas são iguais.
- b) Determine o primeiro instante de tempo e a posição respetiva em que isso acontece.
- c) De seguida, o oscilador fica sujeito a amortecimento (b = 2 kg/s). Determine a variação de energia mecânica no segundo ($\Delta t = 1 \text{ s}$) seguinte.

Osciladores Harmónicos Forçados

14. Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador harmónico forçado. Se a posição de equilíbrio for a origem do eixo $x_{eq} = 0$ m, o oscilador harmónico tem a energia potencial

$$E_p = \frac{1}{2}k \ x^2$$

e exerce no corpo a força

$$F_x = -k x$$

O oscilador é amortecido pela força $-bv_x$ e sujeito à força externa $F_0\cos(\omega_f t)$. Considere k=1 N/m, b=0.05 kg/s, $F_0=7.5$ N e $\omega_f=1.0$ rad/s.

- a) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial é nula e a posição inicial 4 m. Tem confiança no seu resultado?
- b) Calcule a amplitude do movimento e o seu período no regime estacionário, usando os resultados numéricos.
- c) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial é
 -4 m/s e a posição inicial -2 m.
- d) Calcule a amplitude do movimento e o seu período no regime estacionário, usando os resultados numéricos calculados na alínea anterior.
- e) Calcule a energia mecânica. É constante ao longo do tempo?
- 15. Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador harmónico forçado. Se a posição de equilíbrio for a origem do eixo $x_{eq}=0$ m, o oscilador harmónico tem a energia potencial

$$E_p = \frac{1}{2}k x^2$$

e exerce no corpo a força

$$F_x = -k x$$

O oscilador é amortecido pela força $-bv_x$ e sujeito à força externa $F_0\cos(\omega_f t)$. Considere k=1 N/m, b=0.05 kg/s, e $F_0=7.5$ N e $\omega_f=2.0$ rad/s.

a) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial é nula e a posição inicial 4 m.

- b) Calcule a amplitude do movimento e o seu período no regime estacionário, usando os resultados numéricos.
- c) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial é -3 m/s e a posição inicial -4 m..
- d) Calcule a amplitude do movimento e o seu período no regime estacionário, usando os resultados numéricos calculados na alínea anterior.
- 16. Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador harmónico forçado. Se a posição de equilíbrio for a origem do eixo $x_{eq}=0$ m, o oscilador harmónico tem a energia potencial

$$E_p = \frac{1}{2}k \ x^2$$

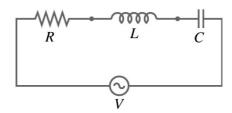
e exerce no corpo a força

$$F_{r} = -k x$$

O oscilador é amortecido pela força $-bv_x$ e sujeito à força externa $F_0\cos(\omega_f t)$. Considere k=1 N/m, b=0.05 kg/s, e $F_0=7.5$ N. Qual a frequência angular ω_f da força externa para se alcançar uma amplitude de 50.00 m no regime estacionário? Apresente o resultado com precisão de 4 algarismos.

Pista: Encontre as raízes (zeros) de $A(\omega_f) - 50.00 = 0$ rad/s.

17. Um circuito elétrico constituído por uma bobina, uma resistência e um condensador em série alimentado por uma fonte externa é um sistema onde os eletrões estão sujeitos a oscilações harmónicas amortecidas e forçadas. R é a resistência, L a indutância da bobine e C a capacidade do condensador. $V = V_0 \sin(\omega t + \phi)$ é o potencial elétrico aplicado, que nas tomadas das nossa casas é caraterizado por $\omega = 2\pi \times 40$ Hz e $V_0 = \sqrt{2} \times 220$ V.



A carga elétrica Q(t) neste circuito varia (oscila) de acordo com a equação diferencial de 2^a ordem

$$L\frac{d^2Q(t)}{dt^2} + R\frac{dQ(t)}{dt} + \frac{1}{C}Q(t) = V_0\sin(\omega t + \phi)$$

Por comparação das parâmetros do sistema mecânico $(k, m, b, F_0 e \omega_f)$ e do sistema elétrico $(L, R, C, V_0 e \omega)$, encontre a expressão da frequência angular de ressonância para no circuito RLC em série. O oscilador mecânico Harmónico Forçado a equação diferencial é

$$m\frac{d^2x}{dt^2} = -kx - b\frac{dx}{dt} + F_0\cos(\omega_f t).$$

Oscilador Não harmónico Forçado

18. Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador quártico forçado. Se a posição de equilíbrio for a origem do eixo $x_{eq}=0$ m, o oscilador quártico tem a energia potencial

$$E_p = \frac{1}{2}k \ x^2(1 + \alpha \ x^2)$$

e exerce no corpo a força

$$F_{x} = -k x (1 + 2\alpha x^{2}).$$

O oscilador é amortecido pela força $-bv_x$ e sujeito à força externa $F_0\cos(\omega_f t)$. Considere k=1 N/m, b=0.05 kg/s, $\alpha=0.002$ N/m², $F_0=7.5$ N e $\omega_f=1.0$ rad/s.

- a) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial é nula e a posição inicial 3 m. Tem confiança no seu resultado?
- b) Calcule a amplitude do movimento e o seu período no regime estacionário, usando os resultados numéricos.
- c) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial é -4 m/s e a posição inicial -2 m.
- d) Calcule a amplitude do movimento e o seu período no regime estacionário, usando os resultados numéricos calculados na alínea anterior.
- e) Calcule a energia mecânica. É constante ao longo do tempo?
- f) Calcule os coeficientes de Fourier do movimento do regime estacionário nas condições das alíneas a) e c). Que conclusões retira da lei do movimento do regime estacionário?

19. Implemente o método de Runge-Kutta de 4ª ordem para calcular a velocidade com que um volante de badmington atinge 2 s depois de ser largado. A velocidade terminal do volante é de 6.80 m/s, e a aceleração é

$$a_{y}(t) = g - \frac{g}{v_{T}^{2}} \big| v_{y} \big| v_{y} .$$

Compare o valor obtido com o valor exato, de acordo com a lei $v_y(t) = v_T \tanh(\frac{g t}{v_T})$.

O método de Runge-Kutta de 4^a ordem determina a velocidade num instante posterior usando a seguinte aproximação:

$$v_x(t+\delta t) = v_x(t) + \frac{1}{6}[c_1 + 2c_2 + 2c_3 + c_4] \times \delta t$$
 em que
$$c_1 = a_x(t, v_x(t))$$

$$c_2 = a_x\left(t + \frac{\delta t}{2}, v_x(t) + c_1\frac{\delta t}{2}\right)$$

$$c_3 = a_x\left(t + \frac{\delta t}{2}, v_x(t) + c_2\frac{\delta t}{2}\right)$$

$$c_4 = a_x(t + \delta t, v_x(t) + c_3\delta t)$$

a partir da equação diferencial $\begin{cases} \frac{dv_x(t)}{dt} = a_x(t, v_x) \\ v_x(t=0) = v_{x0} \end{cases}$

20. Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador quártico forçado. Se a posição de equilíbrio for a origem do eixo $x_{eq}=0$ m, o oscilador quártico tem a energia potencial

$$E_p = \frac{1}{2}k \ x^2(1 + \alpha \ x^2)$$

e exerce no corpo a força

$$F_x = -k x (1 + 2\alpha x^2).$$

O oscilador é amortecido pela força $-bv_x$ e sujeito à força externa $F_0\cos(\omega_f t)$. Considere k=1 N/m, b=0.05 kg/s, $\alpha=1.00$ N/m², $F_0=7.5$ N e $\omega_f=1.0$ rad/s.

- a) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial é nula e a posição inicial 3 m. Tem confiança no seu resultado?
- b) Se existir regime estacionário, calcule os limites do movimento (amplitude), o seu período, faça o gráfico no espaço da fase e a análise de Fourier.
- c) Calcule numericamente a lei do movimento, no caso em que a velocidade inicial -3 m/s e a posição inicial -3 m.
- d) Se existir regime estacionário, calcule os limites do movimento (amplitude), o seu período, faça o gráfico no espaço da fase e a análise de Fourier.

- e) Calcule a energia mecânica nos casos da alínea a) e b). É constante ao longo do tempo?
- f) Face aos resultados obtidos como carateriza as soluções deste oscilador forçado?
- **21.** Um corpo de massa 1 kg move-se num oscilador quártico forçado. Se a posição de equilíbrio for a origem do eixo $x_{eq}=0$ m, o oscilador quártico tem a energia potencial

$$E_n = \alpha x^4$$

e exerce no corpo a força

$$F_x = -4 \alpha x^3.$$

O oscilador é amortecido pela força $-bv_x$ e sujeito à força externa $F_0\cos(\omega_f t)$. Considere k=1 N/m, b=0.05 kg/s, $\alpha=0.25$ N/m², $F_0=7.5$ N e $\omega_f=1.0$ rad/s. Este oscilador pode apresentar regime caótico. Calcule até que instante pode calcular univocamente a lei do movimento, sabendo que a posição inicial é 3.000 ± 0.001 m e a velocidade inicial é nula. Considere todas as quantidades, exceto a posição inicial, medidas com uma precisão elevada.

- **22.** Diga quais dos seguintes sistemas modelados pelas equações diferencias de valor incial:
- a) Oscilador Harmónico Amortecido

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{m}x - \frac{b}{m}v_x$$

b) Oscilador Harmónico Amortecido e Forçado

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{m}x - \frac{b}{m}v_x + \frac{F_0}{m}\cos(\omega_f t)$$

c) Oscilador Quártico Amortecido e Forçado

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -4\alpha x^3 - \frac{b}{m}v_x + \frac{F_0}{m}\cos(\omega_f t)$$

d) Oscilador de Lorenz

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = \sigma (y - x) \\ \frac{dy}{dt} = r x - y - xz \\ \frac{dz}{dt} = xy - bz \end{cases}$$

e) Oscilador de Van der Pol

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -x - \varepsilon(x^2 - 1) \frac{dx}{dt}$$

f) Pêndulo Amortecido e Forçado

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\frac{g}{L}\sin\theta + \frac{F_0}{m}\cos(\omega_f t)$$

g) oscilador de uma palheta de clarinete

$$m\frac{d^2x}{dt^2} = -kx + \alpha \frac{dx}{dt} - \beta \left(\frac{dx}{dt}\right)^3$$

Podem apresentar soluções caóticas?

23. Ao modelar a dinâmica da convecção dum fluido por um modelo muito simples, Edward Lorenz, obteve três equações diferenciais de 1ª ordem de valor inicial,

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = \sigma (y - x) \\ \frac{dy}{dt} = r x - y - xz \\ \frac{dz}{dt} = xy - bz \\ x(t = 0) = x_0 \\ y(t = 0) = y_0 \\ z(t = 0) = z_0 \end{cases}$$

em que os coeficientes e as variáveis não têm um significado físico direto. Determine a evolução temporal, quando $\sigma=10$; $b=\frac{8}{3}$; r=28 e x(t=0)=z(t=0)=0 e y(t=0)=1. Tem confiança nos seus resultados?

Soluções Problemas Cap. 7

1. a)
$$v_x(t) = -A\sqrt{\frac{k}{m}} \sin(\sqrt{\frac{k}{m}}t + \phi)$$
 b) 4 m; 0; c) 8 J

2. a)
$$v_x(t) = A \sqrt{\frac{k}{m}} \cos(\omega t + \varphi)$$
 b) 4 m; $\frac{3}{2}\pi$; c) 8 J

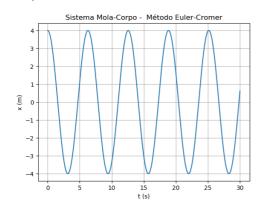
3. a)
$$v_x(t) = -C\sqrt{\frac{k}{m}}\sin\left(\sqrt{\frac{k}{m}}t\right) + D\cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}}t\right)$$
 b) $C=4$ m e $D=0$; c) 8 J

4.
$$\begin{cases} C = A \sin \varphi \\ D = A \cos \varphi \end{cases} e \begin{cases} A^2 = C^2 + D^2 \\ \lg \varphi = \frac{C}{D} \end{cases}$$

5. a) 40 cm/s; 160 cm/s²; b) \pm 32 cm/s; -96 cm/s²; c) 0.232 s

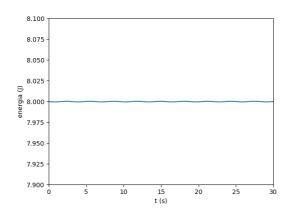
6. a) 4m, 0 rad; b) 4.472 m, 0.463 rad; c) 4.472 m, 5.820 rad; d) 2 m, $\frac{\pi}{2}$ rad

7. a)



b) 4 m; 6.283 s;

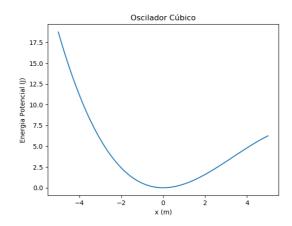
c)



A energia mecânica é constante ao longo do tempo.

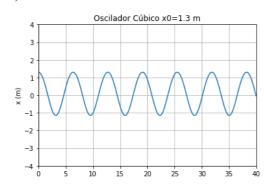
8.

9. a)



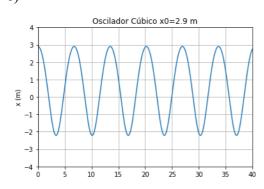
Movimento periódico

b)



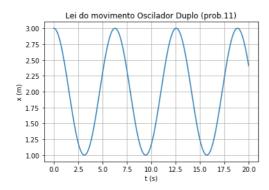
0.735 J; 1.30 m e -1.15 ,; 0.157 Hz;

c)



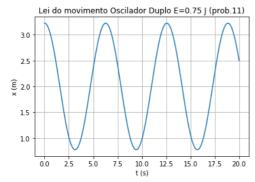
2.99 J; 2.90 m e -2.21 m; 0.149 Hz

10. a) 2.007 s; b) 2.008 s; c) 2.011 s; d) 2.016 s; e) 2.022 s; f) 2.042 s
11. a) 0.5 J; b)



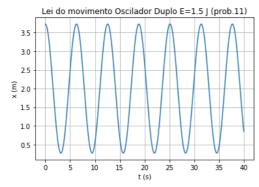
6.283 s;

c)



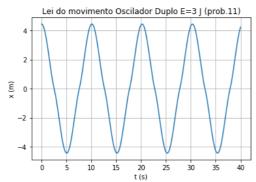
3.224 e 0.775 m; 0.159 s

d)



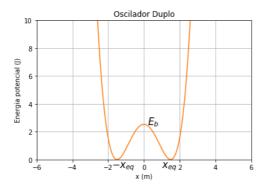
3.732 e 0.268 m; 0.159 Hz

e)



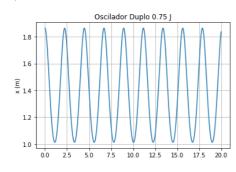
4.449 e - 4.449m; 0.0990 Hz

12. a)



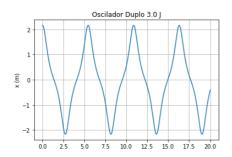
Movimento oscilatório periódico à volta do ponto x_{eq} =1.5 m

b)



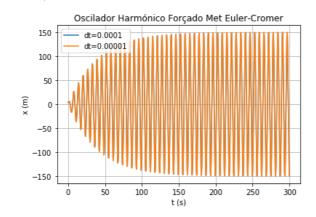
1.86 m e 1.01 m; 0.448 Hz

c)



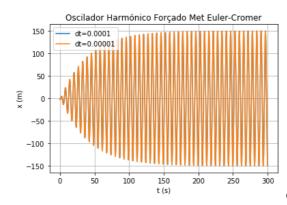
2.17 m e -2.17 m; 0.184 Hz

13. a)
$$E_c = E_p = 0.25 \text{ J; b}$$
 $t = \frac{\pi}{40} \text{ s; } x = 0.070710 \text{ m; c}$ -0.4323 J 14. a)



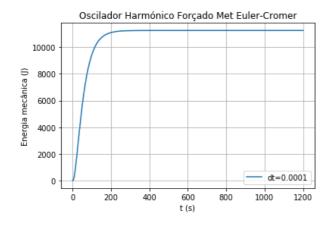
Temos confiança, porque a lei do movimento obtida por dois passos temporais diferentes é a mesma. Como também os dois passo temporais produzem o mesmo resultado para o tempo final considerado $t=300.0000\,\mathrm{s}\,$ $x=-149.881\,\mathrm{m};$ b) 150.00 m; 6.283 s

c)



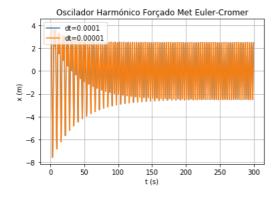
d) 150.00 m; 6.283 s;

e)



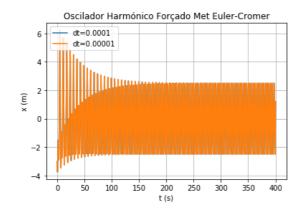
Não conserva a energia mecânica

15. a)



b) .498 m; 3.142 s

c)

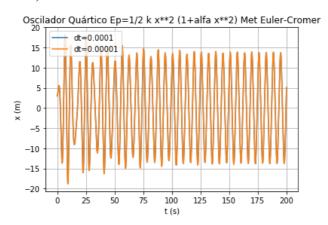


d) 2.498 m; 3.142 s

16. 0.9230 rad/s e 1.0714 rad/s

17.
$$\sqrt{\frac{1}{LC}}$$

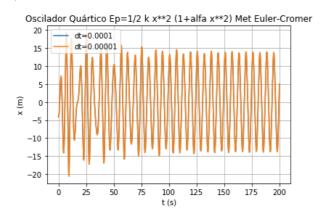
18. a)



Sim! Confiança porque a solução é idêntica para passos temporais diferentes.

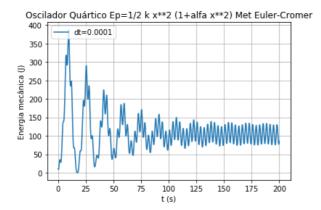
b) 13.791 m; 6.283 s

c)



d) 13.791 m; 6.283 s





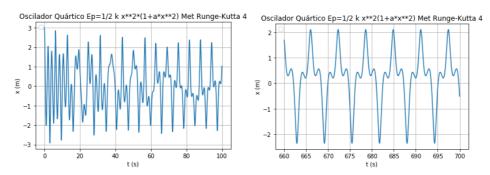
Não é. O sistema recebe energia realizada pela força externa e dissipa energia devido à resistência do meio.

19.

δt (s)		$v_{\nu}(2 s) \text{ (m/s)}$		$v_{\nu}(2 s) \text{ (m/s)}$	
		Método de Ei		Método de Ri	
0.1		6.7802962		6.75746827	<u> </u>
0.01		6.7601201		6.75747944	
0.001		6.7577469		6.75747944	
0.0001		6.7575062			
0.00001		6.7574821			
	exato		6.75747944		6.75747944

20.

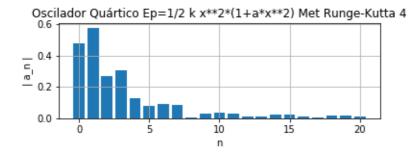
a)

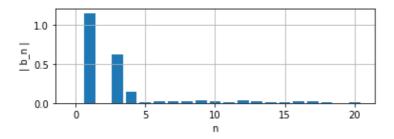


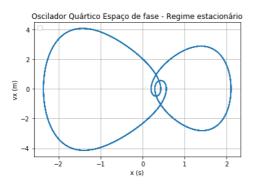
dt=0.01 s produz x(700 s) = -1.1222008 m e

dt=0.001 s produz o mesmo resultado que o passo mais pequeno x(700 s)= -1.1222008 m

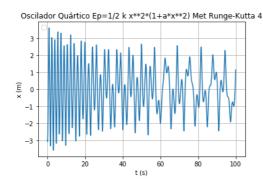
b) Regime estacionário de amplitudes 2.1066 m e -2.3606 m e período 12.57 s.

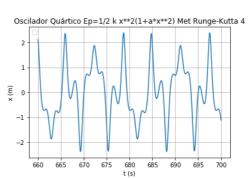




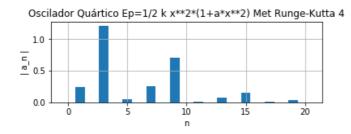


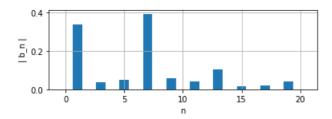
c)

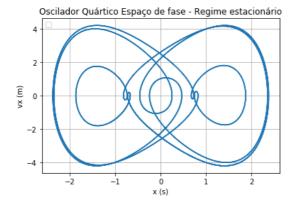




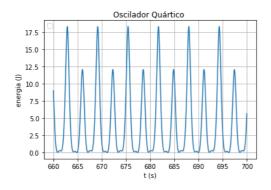
d) Regime estacionário de amplitudes 2.3800 m e -2.3800 m e período 18.85 s.



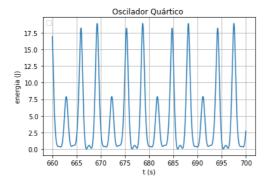




e) a)



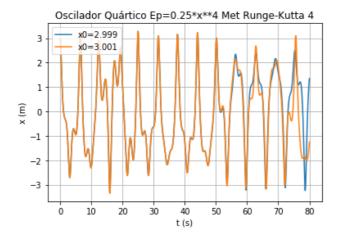
e)c)



Não é constante.

f) O sistema tem um comportamento transiente, no início, e passado algum tempo, apresenta um comportamento estacionário periódico. A solução do regime estacionário não é sinusoidal. E é dependente das condições iniciais.

21.



até ~73 s.

22. a) Não b) Sim c) Sim d) Sim e) Não f) Sim g) Não

23.

