

Estructuras de datos: Pilas, Colas, Listas

Algoritmos

Dep. de Computación - Fac. de Informática
Universidad de A Coruña

Santiago Jorge
santiago.jorge@udc.es



UNIVERSIDADE DA CORUÑA

Índice

1 Pilas

2 Colas

3 Listas

Referencias bibliográficas

- M. A. Weiss. Listas, pilas y colas. En *Estructuras de datos y algoritmos*, capítulo 3, páginas 45–92. Addison-Wesley Iberoamericana, 1995.
- R. Peña Marí. Implementación de estructuras de datos. En *Diseño de Programas. Formalismo y abstracción*, capítulo 7, páginas 257–290. Prentice Hall, segunda edición, 1998.
- G. Brassard y T. Bratley. Estructura de datos. En *Fundamentos de algoritmia*, capítulo 5, páginas 167–210. Prentice Hall, 1997.

Índice

1 Pilas

2 Colas

3 Listas

Pilas

- Acceso limitado al último elemento insertado
- Operaciones básicas: apilar, desapilar y cima.
 - desapilar o cima en una pila vacía es un error en el TDA pila.
 - Quedarse sin espacio al apilar es un error de implementación.
- Cada operación debería tardar una cantidad **constante** de tiempo en ejecutarse.
 - Con independencia del número de elementos apiladas.

Pseudocódigo: Implementación a base de vectores (i)

```
tipo Pila = registro  
  Cima_de_pila : 0..Tamaño_máximo_de_pila  
  Vector_de_pila : vector [1..Tamaño_máximo_de_pila]  
                  de Tipo_de_elemento  
fin registro  
  
procedimiento Crear Pila ( P )  
  P.Cima_de_pila := 0  
fin procedimiento  
  
función Pila Vacía ( P ) : test  
  devolver P.Cima_de_pila = 0  
fin función
```

Pseudocódigo: Implementación a base de vectores (ii)

```
procedimiento Apilar ( x, P )  
    si P.Cima_de_pila = Tamaño_máximo_de_pila entonces  
        error Pila llena  
    sino  
        P.Cima_de_pila := P.Cima_de_pila + 1;  
        P.Vector_de_pila[P.Cima_de_pila] := x  
fin procedimiento  
función Cima ( P ) : Tipo_de_elemento  
    si Pila Vacía (P) entonces error Pila vacía  
    sino devolver P.Vector_de_pila[P.Cima de Pila]  
fin función  
procedimiento Desapilar ( P )  
    si Pila Vacía (P) entonces error Pila vacía  
    sino P.Cima_de_pila := P.Cima_de_pila - 1  
fin procedimiento
```

Código C: pilas.h

```
#define TAMANO_MAXIMO_PILA 10
typedef int tipo_elemento;
typedef struct {
    int cima;
    tipo_elemento vector[TAMANO_MAXIMO_PILA];
} pila;
void crear_pila(pila *);
int pila_vacia(pila);
void apilar(tipo_elemento, pila *);
tipo_elemento cima(pila);
void desapilar(pila *);
/* ERRORES: cima o desapilar sobre la pila vacía
           apilar sobre la pila llena */
```


Código C: pilas.c (i)

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include "pilas.h"
void crear_pila(pila *p) {
    p->cima = -1;
}
int pila_vacia(pila p) {
    return (p.cima == -1);
}
void apilar(tipo_elemento x, pila *p) {
    if (++p->cima == TAMANO_MAXIMO_PILA) {
        printf("error: pila llena\n"); exit(EXIT_FAILURE);
    }
    p->vector[p->cima] = x;
}
```

Código C: pilas.c (ii)

```
tipo_elemento cima(pila p) {  
    if (pila_vacia(p)) {  
        printf("error: pila vacia\n");  
        exit(EXIT_FAILURE);  
    }  
    return p.vector[p.cima];  
}  
  
void desapilar(pila *p) {  
    if (pila_vacia(*p)) {  
        printf("error: pila vacia\n");  
        exit(EXIT_FAILURE);  
    }  
    p->cima--;  
}
```

Índice

1 Pilas

2 Colas

3 Listas

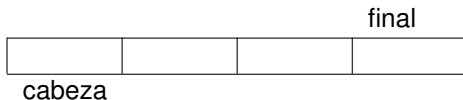
Colas

- Operaciones básicas: `insertar`, `quitarPrimero` y `primero`.
- Cada rutina debería ejecutarse en tiempo constante.

Implementación circular a base de vectores (i)

- La implementación circular devuelve **cabeza** y **fin** al principio del vector cuando rebasan la última posición.

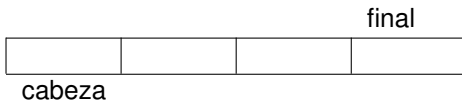
1) Crear_Cola (C)



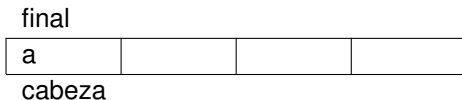
Implementación circular a base de vectores (i)

- La implementación circular devuelve **cabeza** y **fin** al principio del vector cuando rebasan la última posición.

1) Crear_Cola (C)



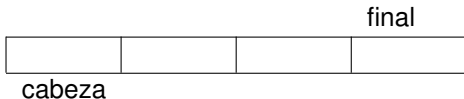
2) Insertar_en_Cola (a,C)



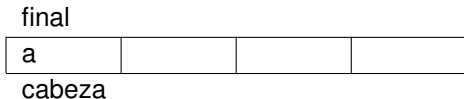
Implementación circular a base de vectores (i)

- La implementación circular devuelve **cabeza** y **fin** al principio del vector cuando rebasan la última posición.

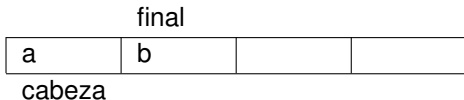
1) Crear_Cola (C)



2) Insertar_en_Cola (a,C)

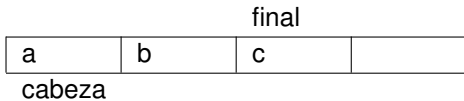


3) Insertar_en_Cola (b,C)



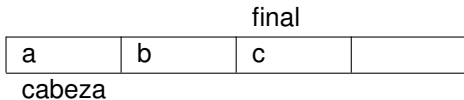
Implementación circular a base de vectores (i)

4) Insertar_en_Cola (c,C)

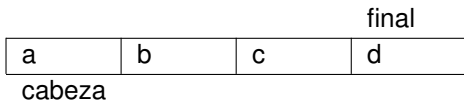


Implementación circular a base de vectores (i)

4) Insertar_en_Cola (c,C)

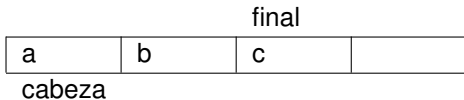


5) Insertar_en_Cola (d,C)

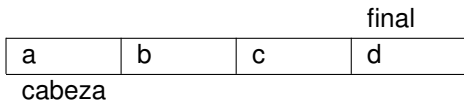


Implementación circular a base de vectores (i)

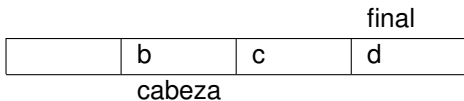
4) Insertar_en_Cola (c,C)



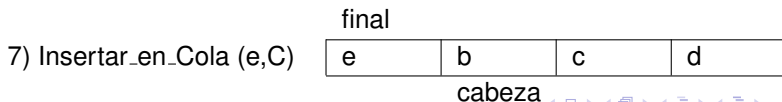
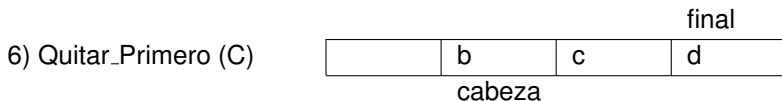
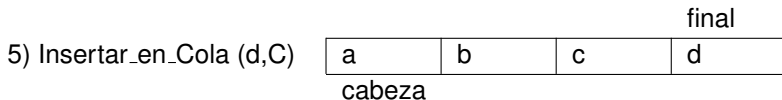
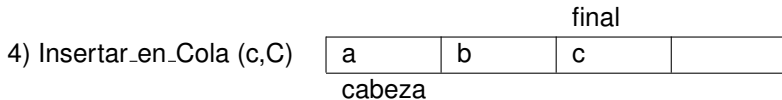
5) Insertar_en_Cola (d,C)



6) Quitar_Primer (C)



Implementación circular a base de vectores (i)



Pseudocódigo (i)

tipo Cola = **registro**

Cabeza_deCola, Final_deCola: 1..Tamaño_máximo_deCola

Tamaño_deCola : 0..Tamaño_máximo_deCola

Vector_deCola : **vector** [1..Tamaño_máximo_deCola]
 de Tipo_deElemento

fin registro

procedimiento Crear_Cola (C)

C.Tamaño_deCola := 0;

C.Cabeza_deCola := 1;

C.Final_deCola := Tamaño_máximo_deCola

fin procedimiento

función Cola_Vacía (C) : test

devolver C.Tamaño_deCola = 0

fin función

Pseudocódigo (ii)

```
procedimiento incrementar ( x ) (* privado *)  
    si x = Tamaño_máximo_deCola entonces x := 1  
    sino x := x + 1  
fin procedimiento
```

```
procedimiento Insertar_en_Cola ( x, C )  
    si C.Tamaño_de_Cola = Tamaño_máximo_deCola entonces  
        error Cola llena  
    sino  
        C.Tamaño_de_cola := C.Tamaño_de_cola + 1;  
        incrementar(C.Final_de_cola);  
        C.Vector_de_cola[C.Final_de_cola] := x;  
fin procedimiento
```

Pseudocódigo (iii)

```
función Quitar_Primer ( C ) : Tipo_de_elemento
  si Cola_Vacía ( C ) entonces
    error Cola vacía
  sino
    C.Tamaño_deCola := C.Tamaño_deCola - 1;
    x := C.Vector_deCola[C.Cabeza_deCola];
    incrementar(C.Cabeza_deCola);
    devolver x
fin función

función Primero ( C ) : Tipo_de_elemento
  si Cola_Vacía ( C ) entonces
    error Cola vacía
  sino
    devolver C.Vector_deCola[C.Cabeza_deCola]
fin función
```

Código C: colas.h

```
#define TAMANO_MAXIMO_COLA 5
typedef int tipo_elemento;
typedef struct {
    int cabeza, final, tamano;
    tipo_elemento vector[TAMANO_MAXIMO_COLA];
} cola;

void crear_cola(cola *);
int cola_vacia(cola);
void insertar(tipo_elemento, cola *);
tipo_elemento quitar_primerio(cola *);
tipo_elemento primero(cola);
/* ERRORES: quitar_primerio o primero sobre una cola vacía
    insertar en una cola llena */
```

Código C: colas.c (i)

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include "colas.h"
void crearCola(cola *c) {
    c->tamano = 0;
    c->cabeza = 0;
    c->final = -1;
}
int cola_vacia(cola c) {
    return (c.tamano == 0);
}
void incrementar(int *x) {      /* privado */
    if (++(*x) == TAMANO_MAXIMO_COLA)
        *x = 0;
}
```


Código C: colas.c (ii)

```
void insertar(tipo_elemento x, cola *c) {
    if (c->tamano == TAMANO_MAXIMO_COLA) {
        printf("error: cola llena: %d\n", c->tamano);
        exit(EXIT_FAILURE);
    }
    c->tamano++;
    incrementar(&(c->final));
    c->vector[c->final] = x;
}

tipo_elemento primero(cola c) {
    if (cola_vacia(c)) {
        printf("error: cola vacia\n"); exit(EXIT_FAILURE);
    }
    return(c.vector[c.cabeza]);
}
```

Código C: colas.c (iii)

```
tipo_elemento quitar_primero(cola *c) {
    tipo_elemento x;
    if (cola_vacia(*c)) {
        printf("error: cola vacia\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }
    c->tamano--;
    x = c->vector[c->cabeza];
    incrementar(&(c->cabeza));
    return x;
}
```

Índice

1 Pilas

2 Colas

3 Listas

Listas

- Operaciones básicas:
 - Visualizar su contenido.
 - Buscar la posición de la primera ocurrencia de un elemento.
 - Insertar y Eliminar un elemento en alguna posición.
 - Buscar_k_esimo, que devuelve el elemento de la posición indicada

Implementación de listas a base de vectores

- Tiene que declararse el tamaño de la lista.
 - Exige sobrevaloración.
 - Consume mucho espacio.
- Complejidad computacional de las operaciones:
 - `Buscar_k_esimo`, tiempo constante
 - `Visualizar` y `Buscar`, tiempo lineal.
 - `Insertar` y `Eliminar` son costosas.
 - Insertar o eliminar un elemento exige, en promedio, desplazar la mitad de los valores, $O(n)$.
 - La construcción de una lista o la eliminación de todos sus elementos podría exigir un tiempo cuadrático.

Implementación de listas a base de apuntadores

- Cada nodo apunta al siguiente; el último no apunta a nada.
- La lista es un puntero al primer nodo (y al último).
- Complejidad computacional de las operaciones:
 - Visualizar y Buscar, tiempo lineal.
 - Buscar_k_esimo, tiempo lineal.
 - Eliminar realiza un cambio de apuntadores y una orden dispose, $O(1)$.
 - Usa `Buscar_anterior` cuyo tiempo de ejecución es lineal.
 - Insertar tras una posición p requiere una llamada a `new` y dos maniobras con apuntadores, $O(1)$.
 - Buscar la posición p podría llevar tiempo lineal.
 - Un nodo **cabecera** facilita la inserción y la eliminación al comienzo de la lista.

Implementación de listas doblemente enlazadas

- Cada nodo apunta al siguiente y al anterior.
- Duplica el uso de la memoria necesaria para los punteros.
- Duplica el coste de manejo de punteros al insertar y eliminar.
- La eliminación se simplifica.
 - No es necesario buscar el elemento anterior.

Pseudocódigo: Implementación con un nodo cabecera (i)

```
tipo PNode = puntero a Nodo
    Lista = PNode
    Posición = PNode
    Nodo = registro
        Elemento : Tipo_de_elemento
        Siguiente : PNode
    fin registro
procedimiento Crear Lista ( L )
    nuevo ( tmp );
    si tmp = nil entonces error Memoria agotada
    sino
        tmp^.Elemento := { nodo cabecera };
        tmp^.Siguiente := nil;
        L := tmp
    fin procedimiento
```


Pseudocódigo: Implementación con un nodo cabecera (ii)

```
función Lista Vacía ( L ) : test  
    devolver L^.Siguiente = nil  
fin función
```

```
función Buscar ( x, L ) : posición de la 1ª ocurrencia  
                                o nil  
  
    p := L^.Siguiente;  
    mientras p <> nil y p^.Elemento <> x hacer  
        p := p^.Siguiente;  
    devolver p  
fin función
```

```
función Último Elemento ( p ) : test { privada }  
    devolver p^.Siguiente = nil  
fin función
```

Pseudocódigo: Implementación con un nodo cabecera (iii)

```
función Buscar Anterior ( x, L ) : posición anterior a x  
                                o a nil { privada }  
  
    p := L;  
    mientras p^.Siguiente <> nil y  
        p^.Siguiente^.Elemento <> x hacer  
        p := p^.Siguiente;  
    devolver p  
fin función  
  
procedimiento Eliminar ( x, L )  
    p := Buscar Anterior ( x, L );  
    si Último Elemento ( p ) entonces error No encontrado  
    sino tmp := p^.Siguiente;  
        p^.Siguiente := tmp^.Siguiente;  
        liberar ( tmp )  
fin procedimiento
```

Pseudocódigo: Implementación con un nodo cabecera (iv)

```
procedimiento Insertar ( x, L, p )  
  nuevo ( tmp );   { Inserta después de la posición p }  
  si tmp = nil entonces  
    error Memoria agotada  
  sino  
    tmp^.Elemento := x;  
    tmp^.Siguiete := p^.Siguiete;  
    p^.Siguiete := tmp  
fin procedimiento
```

Código C: listas.h (i)

```
struct nodo {  
    void *elem; /* 'void *' es un apuntador 'generico' */  
    struct nodo *sig;  
};  
typedef struct nodo *posicion;  
typedef struct nodo *lista;  
lista crearlista();  
int eslistavacia(lista l);  
void insertar(void *e, posicion p);  
    /*inserta e tras el nodo apuntado por p*/  
posicion buscar(lista l, void *e,  
                int (*comp)(const void *x, const void *y));  
/*la función comp devuelve un número mayor, igual o menor  
que cero, según x sea mayor, igual, o menor que y*/
```

Código C: listas.h (ii)

```
void borrar(lista l, void *e,  
            int (*comp)(const void *x, const void *y));  
  
posicion primero(lista l);  
posicion siguiente(posicion p);  
int esfindelista(posicion p);  
void *elemento(posicion p);  
  
/* Para recorrer los elementos de la lista:  
  
for(p=primero(l); !esfindelista(p); p=siguiente(p)) {  
    //hacer algo con elemento(p)  
}  
*/
```

Código C: listas.c (i)

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include "listas.h"
static struct nodo *crearnodo(){
    struct nodo *tmp = malloc(sizeof(struct nodo));
    if (tmp == NULL) {
        printf("memoria agotada\n"); exit(EXIT_FAILURE);
    }
    return tmp;
}
lista crearlista(){
    struct nodo *l = crearnodo();
    l->sig = NULL;
    return l;
}
```

Código C: listas.c (ii)

```
int eslistavacia(lista l){
    return (l->sig == NULL);
}

void insertar(void *x, posicion p) {
    struct nodo *tmp = crearnodo();
    tmp->elem = x; tmp->sig = p->sig;
    p->sig = tmp;
}

posicion buscar(lista l, void *e,
                int (*comp)(const void *x, const void *y)){
    struct nodo *p = l->sig;
    while (p != NULL && 0!=(*comp)(p->elem, e))
        p = p->sig;
    return p;
}
```

Código C: listas.c (iii)

```
static posicion buscarant(lista l, void *x,  
                           int (*comp)(const void *, const void *)) {  
    struct nodo *p = l;  
    while (p->sig != NULL && 0!=(*comp)(p->sig->elem, x))  
        p = p->sig;  
    return p;  
}  
  
static int esultimoelemento(struct nodo *p) {  
    return (p->sig == NULL);  
}
```


Código C: listas.c (iv)

```
void borrar(lista l, void *x,
               int (*comp)(const void *, const void *)) {
    struct nodo *tmp, *p = buscarant(l, x, comp);
    if (!esultimoelemento(p)) {
        tmp = p->sig;
        p->sig = tmp->sig;
        free(tmp);
    }
}
```

```
posicion primero(lista l) { return l->sig; }
posicion siguiente(posicion p) { return p->sig; }
int esfindelista(posicion p) { return (p==NULL); }
void *elemento(posicion p) { return p->elem; }
```

