## Esempio 7.1

$$ba^*$$
  $S(ba^*) = S(b) \cdot S(a^*) = S(b) \cdot (S(a))^* = \{b\} \cdot \{a\}^* =$  = insieme di tutte le parole su  $X = \{a,b\}$  che cominciano con una  $b$  seguita eventualmente soltanto da delle  $a$ .

$$a^* \cdot b \cdot a^* \cdot b \cdot a^* \qquad S(a^* \cdot b \cdot a^* \cdot b \cdot a^*) = S(a^*) \cdot S(b) \cdot S(a^*) \cdot S(b) \cdot S(a^*) =$$

$$= (S(a))^* \cdot S(b) \cdot (S(a))^* \cdot S(b) \cdot (S(a))^* =$$

$$= \{a\}^* \cdot \{b\} \cdot \{a\}^* \cdot \{b\} \cdot \{a\}^* =$$

$$= \text{insieme di tutte le parole su } X = \{a, b\}$$

$$\text{che contengono esattamente due } b.$$

$$(a+b)^* \qquad S((a+b)^*) = (S(a+b))^* = (S(a) \cup S(b))^* = (\{a\} \cup \{b\})^*$$
$$= \{a,b\}^* = \text{insieme di tutte le parole su } X = \{a,b\}.$$

$$(b+abb)^* \qquad S\Big((b+abb)^*\Big) = \big(S(b+abb)\big)^* = \big(S(b) \cup S(abb)\big)^* =$$

$$= \big(S(b) \cup \big(S(a) \cdot S(b) \cdot S(b)\big)\big)^* =$$

$$= \big(\{b\} \cup \big(\{a\} \cdot \{b\} \cdot \{b\}\big)\big)^* =$$

$$= \big(\{b\} \cup \{abb\}\big)^* = \{b, abb\}^* =$$

$$= \text{insieme di tutte le parole su } X = \{a, b\} \text{ in cui ogni } a \text{ è immediatamente seguita da}$$
almeno due  $b$ .