I numeri reali, le funzioni reali di variabile reale, le funzioni elementari

1.	Tra i seguenti enunciati si indichino quelli veri.
	\square L'equazione $x^2=2$ ha un'unica soluzione positiva $x\in \mathbb{R}\setminus \mathbb{Q}$
	\square L'equazione $x^2=2$ ha un'unica soluzione positiva $x\in\mathbb{Q}$
	\square L'equazione $x^2=2$ ha due soluzioni in $\mathbb{R}\setminus\mathbb{Q}$
	\Box L'equazione $x^2 = 2$ ha come soluzione $x = 1.4142$
2.	Tra i seguenti enunciati si indichino quelli veri.
	\square Ogni numero razionale si rappresenta tramite un decimale di tipo limitato
	☐ Esistono numeri razionali la cui rappresentazione decimale è di tipo limitato
	$\hfill \square$ Ogni numero irrazionale si rappresenta tramite un decimale di tipo infinito e non periodico
	☐ Ogni numero razionale si rappresenta tramite un decimale di tipo limitato oppure periodico
3.	Condiderati gli insiemi $A=(-\infty,0),\ B=[0,+\infty),\ C=[1,2),$ si indichi quali dei seguenti enunciati risultano veri.
	\square $\{A,B\}$ è una sezione di $\mathbb R$
	\square C è limitato sia inferiormente che superiormente
	\square B ammette estremo superiore in $\mathbb R$
	\square A ammette estremo superiore in $\mathbb R$
4.	Se $A = [0,1) \cup [5,+\infty)$, si indichi quali dei seguenti enunciati risultano veri.
	\square II minimo di A esiste ed è 0
	\square non esistono maggioranti di A
	\square 3 è un minorante di A
	☐ A ammette massimo
5.	Se $A=[0,+\infty)\cap(-\infty,6)$, si indichi quali dei seguenti enunciati risultano veri.
	\square A è limitato
	☐ <i>A</i> ammette massimo
	\square A ammette minimo
	Π Δ é un intervallo

6.	Se A è un insieme limitato superiormente, si indichi quali dei seguenti enunciati risultano veri.
	\square A ammette un unico maggiorante
	$\ \square \ extcolor{black}{A}$ ammette infiniti maggioranti
	☐ <i>A</i> ammette sicuramente massimo
	$\square \sup A = +\infty$
7.	Se A è un insieme non limitato inferiormente, si indichi quali dei seguenti enunciati risultano veri.
	\square L'insieme dei minoranti di A è vuoto
	\square inf $A=-\infty$
	\square A non ammette minimo
	\square L'insieme dei minoranti A ha un numero finito di elementi
8.	Se A è un sottoinsieme di $\mathbb R$ non vuoto e limitato inferiormente, si indichi quali dei seguenti enunciati risultano sicuramente veri.
	\square A ammette minoranti
	\square A ammette minimo
	\square A ammette estremo inferiore
	\square A ammette minimo e non ammette estremo inferiore
9.	Se $f:[0,+\infty)\to\mathbb{R}$ è la funzione definita ponendo $f(x)=\sqrt{x}$ e $g:\mathbb{R}\to\mathbb{R}$ è la funzione definita ponendo $g(x)=e^{x+2}+3x$, si completino correttamente i seguenti enunciati
	(a) $(g \circ f)(x) = $
	(b) il dominio di $g\circ f$ è
	(c) $(g \circ f)(0) = $
	(d) $(g \circ f)(1) = $
10.	Se f^{-1} è la funzione inversa di una funzione f strettamente crescente, si indichi quali dei seguenti enunciati risultano veri.
	\square f^{-1} è strettamente crescente
	\Box f^{-1} è strettamente decrescente
	\square La funzione inversa di f^{-1} è f
	\Box f^{-1} è ingettiva

11.	Se f è una funzione strettamente decrescente, si indichi quali dei seguenti enunciat risultano veri.
	\square Se $f(x) \ge f(y)$ allora $x \le y$
	\square Se $f(x) \ge f(y)$ allora $x > y$
	\square Se $f(x) = f(y)$ allora $x = y$
	\square Se $x = y$ allora $f(x) = f(y)$
12.	Si completino i seguenti enunciati indicando se le funzioni f sono pari, dispari o nè par nè dispari
	(a) $f(x) = \operatorname{sen} x \operatorname{cos} x$
	(b) $f(x) = \arctan x + x^2$
	(c) $f(x) = x^5 \arctan x$
	(d) $f(x) = x x + x^3 \cos x$
13.	Dal grafico di $f(x)=e^{x-2}$, $x\in\mathbb{R}$, si deduca quali tra i seguenti enunciati sono veri.
	\Box f è limitata inferiormente
	\Box f ammette minimo
	\square f è strettamente crescente
	\square Per ogni $\lambda \in \mathbb{R}$ l'equazione $f(x) = \lambda$ ammette una soluzione
14.	Dal grafico di $f(x) = \log x $, $x \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$, si deduca quali tra i seguenti enunciati sono veri.
	\square Per ogni $\lambda \in \mathbb{R}$ l'equazione $f(x) = \lambda$ ammette due soluzioni
	\square f è limitata superiormente
	\Box f ammette minimo
	\square L'immagine di f è $\mathbb R$
15.	Dal grafico di $f(x) = \log x $, $x > 0$, si deduca quali tra i seguenti enunciati sono veri.
	\square f è strettamente monotona
	$\ \square$ f ammette minimo uguale ad 1
	$\ \square$ f ha minimo uguale a 0 ed ha un unico punto di minimo uguale a 1
	\Box f è limitata

16.	Se $f(x) = \sqrt{ x }$, si deduca quali tra i seguenti enunciati sono veri.
	\square II dominio di f è $[0,+\infty)$
	\square II dominio di f è $\mathbb{R}\setminus\{0\}$
	\Box f è strettamente decrescente in $(-\infty,0)$
	\Box f è pari
17.	Se $f(x) = (x-2)^2$, si deduca quali tra i seguenti enunciati sono veri.
	\Box L'immagine di f è $[2, +\infty)$
	\Box L'immagine di f è $[0,+\infty)$
	$\Box \ \ f(-1) = 0$
	\square II dominio di f è $\mathbb R$
18.	Si indichi quali tra i seguenti enunciati sono veri.
	\square La disequazione $ x-4 >1$ è verificata da ogni $x>1$
	\square La disequazione $ x-4 >1$ è verificata da ogni $x>5$
	\square La disequazione $ x-4 >1$ è verificata da ogni $x<3$
	\square La disequazione $ x-4 >1$ è verificata da ogni 3 $< x < 5$
19.	Si indichi quali dei seguenti enunciati risultano veri.
	\square Ogni funzione 3 periodica è anche 21-periodica.
	\square La funzione tangente è π -periodica.
	☐ La funzione seno è limitata
	☐ La funzione coseno non è limitata superiormente
20.	Si indichi quali dei seguenti enunciati risultano veri.
	\square Il valore assoluto di un numero reale non è mai uguale a 0
	\square Il valore assoluto di un numero reale non è mai strettamente minore di 0
	\square Il valore assoluto di un numero reale non è mai strettamente maggiore di 0
	☐ Il valore assoluto di un numero reale non è mai diverso da 0