

Laboratorio di Informatica

Algoritmi Fondamentali

(Parte 1)

docente: Veronica Rossano

veronica.rossano@uniba.it

Slides ispirate ai contenuti proposti
dal dott. Pasquale Lops, Gradie.

Algoritmi Fondamentali

- Cioè?

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari -
A.A. 2018/2019

2

Algoritmi Fondamentali

- Cioè?
- Algoritmi che risolvono **problemi «comuni»**
 - Si tratta di soluzioni «standard», riconosciute come **«corrette»**
 - Algoritmi di fondamentale importanza nelle attività di programmazione
 - Descrivono le **soluzioni ottimali** per risolvere un determinato problema

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari -
A.A. 2018/2019

3

Algoritmi Fondamentali

- Cioè?
- Algoritmi che risolvono **problemi «comuni»**
 - Si tratta di soluzioni «standard», riconosciute come **«corrette»**
 - Algoritmi di fondamentale importanza nelle attività di programmazione
 - Descrivono le **soluzioni ottimali** per risolvere un determinato problema
- I più diffusi risolvono task di **ordinamento** e **ricerca** dei dati
 - Non sono gli unici algoritmi fondamentali
 - Sono gli unici che studieremo nel corso ☺

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari -
A.A. 2018/2019

4

Algoritmi Fondamentali

- **Non esiste un'unica soluzione** che risolve un determinato problema
- Come facciamo a dire **quale tra due soluzioni è quella ottimale?**

Algoritmi Fondamentali

- **Non esiste un'unica soluzione** che risolve un determinato problema
- Come facciamo a dire **quale tra due soluzioni è quella ottimale?**
 - **Complessità computazionale** degli algoritmi
 - Ciascun algoritmo ha la propria **complessità computazionale**
 - Tipicamente, gli algoritmi più efficienti (complessità computazionale più bassa) hanno una più alta complessità implementativa.
 - Gli algoritmi più semplici da implementare sono i meno efficienti

Algoritmi Fondamentali

- **Non esiste un'unica soluzione** che risolve un determinato problema
- Come facciamo a dire **quale tra due soluzioni è quella ottimale?**
 - **Complessità computazionale** degli algoritmi
 - Ciascun algoritmo ha la propria **complessità computazionale**
 - Tipicamente, gli algoritmi più efficienti (complessità computazionale più bassa) hanno una più alta complessità implementativa.
 - Gli algoritmi più semplici da implementare sono i meno efficienti
- La differenza di complessità si percepisce soprattutto in casi reali (es. la ricerca su Google). **Per piccole quantità di dati, le differenze sono impercettibili**

Complessità di un Algoritmo

- **Misura di quanto è «complesso» per un elaboratore eseguire quell'algoritmo**
 - **Quantità di risorse usate** dall'algoritmo
- **Di che risorse** parliamo?

Complessità di un Algoritmo

- **Misura di quanto è «complesso» per un elaboratore eseguire quell'algoritmo**
 - **Quantità di risorse usate** dall'algoritmo
- **Di che risorse parliamo?**
 - **Spazio**
 - Quantità di memoria occupata durante l'esecuzione
 - **Tempo**
 - Quantità di tempo impiegata per ottenere la soluzione

Complessità di un Algoritmo

- **Misura di quanto è «complesso» per un elaboratore eseguire quell'algoritmo**
 - **Quantità di risorse usate** dall'algoritmo
- **Di che risorse parliamo?**
 - **Spazio**
 - Quantità di memoria occupata durante l'esecuzione
 - **Tempo**
 - Quantità di tempo impiegata per ottenere la soluzione
 - Calcolabile in base al numero di volte in cui viene ripetuta l'operazione principale
 - Esempio: Confronti, Scambi, Addizioni, ...
- **Minori sono le risorse usate da un algoritmo, minore sarà la sua complessità computazionale.**

Complessità di un Algoritmo

- **Come misuriamo il tempo necessario ad eseguire un algoritmo?**

Complessità di un Algoritmo

- **Come misuriamo il tempo necessario ad eseguire un algoritmo?**
 - Per convenzione si calcola numero di volte in cui viene ripetuta l'operazione principale
 - **Esempio:** Confronti, Scambi, Addizioni, ...

```
for(int i=0; i<n; i++) {
    // Qual è la complessità di questo codice?
}
```

Complessità di un Algoritmo

• Come misuriamo il tempo necessario ad eseguire un algoritmo?

- Per convenzione si calcola numero di volte in cui viene ripetuta l'operazione principale
- **Esempio:** Confronti, Scambi, Addizioni, ...

```
for(int i=0; i<n; i++) {
    // si dice che questo codice ha complessità «n»
    // perché il frammento viene eseguito n volte
}
```

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

13

Complessità di un Algoritmo - Esempio

```
for(int i=0; i<n; i++) {
    // si dice che questo codice ha complessità «n»
    // perché il frammento viene eseguito n volte
}
```



```
int i=0;
for(int i=0; i<n; i++) {
```

Che complessità ha questo codice?

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

14

Complessità di un Algoritmo - Esempio

```
for(int i=0; i<n; i++) {
    // si dice che questo codice ha complessità «n»
    // perché il frammento viene eseguito n volte
}
```



```
int i=0;
for(int i=0; i<n; i++) {
```

Sarebbe n+1.
Ma in realtà per convenzione si dice che la complessità è sempre «n»

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

15

Complessità di un Algoritmo - Esempio

```
for(int i=0; i<n; i++) {
    // si dice che questo codice ha complessità «n»
    // perché il frammento viene eseguito n volte
}
```



```
int i=0;
for(int i=0; i<n; i++) {
```

Quando effettuiamo calcoli di complessità in realtà calcoliamo delle **approssimazioni**.

Supponendo che il valore di n sia «grande», la differenza tra n ed n+1 è insignificante quindi l'istruzione che ha complessità «1» si può ignorare.

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

16

Complessità di un Algoritmo - Esempio

```
for(int i=0; i<n; i++) {
  // si dice che questo codice ha complessità «n»
  // perché il frammento viene eseguito n volte
}

int i=0;
for(int i=0; i<n; i++) {
```



Tipicamente quando si calcola la complessità si cercano le istruzioni «dominanti», cioè quelle che vengono eseguite più volte.

Spesso (non sempre!) la complessità degli algoritmi è data dal numero di operazioni che vengono effettuate nei cicli.

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

17

Complessità di un Algoritmo

• Complessità crescente:

- Costante $O(1)$
- Logaritmica $O(\log n)$
- Lineare $O(n)$
- nlog $O(n \log n)$
- Polinomiale $O(n^m)$
 - Quadratica $O(n^2)$
 - Cubica $O(n^3)$
 - ...
- Esponenziale $O(k^n)$ $k > 1$

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

18

Complessità di un Algoritmo

• Complessità crescente:

- Costante $O(1)$
- Logaritmica $O(\log n)$
- Lineare $O(n)$
- nlog $O(n \log n)$
- Polinomiale $O(n^m)$
 - Quadratica $O(n^2)$
 - Cubica $O(n^3)$
 - ...
- Esponenziale $O(k^n)$ $k > 1$

← Complessità ottimale

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

19

Complessità di un Algoritmo Livelli

• Complessità crescente:

- Costante $O(1)$
- Logaritmica $O(\log n)$
- Lineare $O(n)$
- nlog $O(n \log n)$
- Polinomiale $O(n^m)$
 - Quadratica $O(n^2)$
 - Cubica $O(n^3)$
 - ...
- Esponenziale $O(k^n)$ $k > 1$

← Complessità ottimale

Le operazioni collegate agli operatori presenti nel linguaggio (es. assegnazione, confronto, etc.) hanno tutti complessità costante, perché basta 1 operazione (1 istruzione) per risolvere il problema.

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

20

Complessità di un Algoritmo Livelli

• Complessità crescente:

- Costante $O(1)$
- Logaritmica $O(\log n)$
- Lineare $O(n)$
- $n \log$ $O(n \log n)$
- Polinomiale $O(n^m)$
 - Quadratica $O(n^2)$
 - Cubica $O(n^3)$
 - ...
- Esponenziale $O(k^n)$ $k > 1$

← Complessità **ottimale**

Semplificando, La notazione $O(n)$ serve appunto a dire che la complessità è «approssimata» ad n

I concetti saranno spiegati in modo rigoroso nei corsi di Informatica Teorica ☺

← **Non trattabili** in modo efficace con un elaboratore

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

21

Complessità di un Algoritmo Livelli

• Complessità crescente:

- Costante $O(1)$
- Logaritmica $O(\log n)$
- Lineare $O(n)$
- $n \log$ $O(n \log n)$
- Polinomiale $O(n^m)$
 - Quadratica $O(n^2)$
 - Cubica $O(n^3)$
 - ...
- Esponenziale $O(k^n)$ $k > 1$

← Complessità **ottimale**

Gli algoritmi più comuni hanno una complessità **polinomiale o lineare**. Gli algoritmi più efficienti hanno una **complessità logaritmica o vicina a quella lineare $O(n \log n)$**

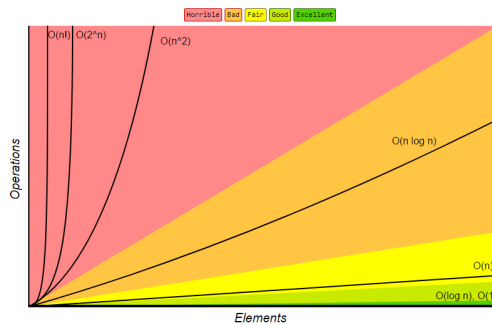
← **Non trattabili** in modo efficace con un elaboratore

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

22

Complessità di un Algoritmo

Big-O Complexity Chart



Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

23

Complessità di un Algoritmo

• Quando parliamo di complessità computazionale dobbiamo **distinguere diversi casi**

- **Migliore**
 - Corrispondente alla configurazione iniziale che comporta il **minimo** numero di esecuzioni dell'operazione principale
- **Peggior**
 - Corrispondente alla configurazione iniziale che comporta il **massimo** numero di esecuzioni dell'operazione principale
- **Medio**

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

24

Complessità di un Algoritmo

- Quando parliamo di complessità computazionale dobbiamo **distinguere diversi casi**
 - **Migliore**
 - Corrispondente alla configurazione iniziale che comporta il minimo numero di esecuzioni dell'operazione principale
 - **Peggior**
 - Corrispondente alla configurazione iniziale che comporta il massimo numero di esecuzioni dell'operazione principale
 - **Medio**
- Ad esempio, in un algoritmo di ricerca la complessità computazionale è diversa se l'elemento da trovare è il **primo del vettore (caso migliore)**, **l'ultimo del vettore (caso peggior)** o è al **centro del vettore (caso medio)**

Complessità di un Algoritmo

- Quando parliamo di complessità computazionale dobbiamo **distinguere diversi casi**
 - **Migliore**
 - Corrispondente alla configurazione iniziale che comporta il minimo numero di esecuzioni dell'operazione principale
 - **Peggior**
 - Corrispondente alla configurazione iniziale che comporta il massimo numero di esecuzioni dell'operazione principale
 - **Medio**
- Allo stesso modo, in un algoritmo di ordinamento la complessità computazionale è diversa se il vettore è già ordinato (**caso migliore**), oppure **ordinato in modo opposto (caso peggior)** rispetto a quello che vogliamo.

Algoritmi di Ricerca

Ricerca

- **Problema:** Determinare se (e dove) un certo elemento x compare in un certo insieme di n dati (ad esempio un array)
 - Supponiamo di avere a disposizione n elementi $1 \dots n$

Ricerca

- **Problema:** Determinare se (e dove) un certo elemento x compare in un certo insieme di n dati (ad esempio un array)
 - Supponiamo di avere a disposizione n elementi $1 \dots n$
- **Possibili esiti:**
 - **Elemento trovato** nell'insieme
 - Restituirne la posizione
 - Il fatto che l'elemento non sia stato trovato è rappresentabile tramite il valore di posizione 0
 - **Elemento non presente** nell'insieme
- **Input:** insieme di dati
- **Output:** posizione

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

29

Ricerca

- **Problema:** Determinare se (e dove) un certo elemento x compare in un certo insieme di n dati (ad esempio un array)
 - Supponiamo di avere a disposizione n elementi $1 \dots n$
- **Possibili esiti:**
 - **Elemento trovato** nell'insieme
 - Restituirne la posizione
 - Il fatto che l'elemento non sia stato trovato è rappresentabile tramite il valore di posizione 0
 - **Elemento non presente** nell'insieme
- **Input:** insieme di dati
- **Output:** posizione

Normalmente una funzione di ricerca dovrebbe essere basata su questi parametri!
Es.) `int ricerca(int valore, int vettore[], int n)`

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

30

Ricerca Lineare Esaustiva

- **Scorrimento di tutti gli elementi dell'insieme**, memorizzando eventualmente la posizione in cui l'elemento è stato trovato
 - **Nessuna ipotesi di ordinamento**
 - L'algoritmo è applicabile anche per insiemi non ordinati
 - Utilizzabile quando si può accedere in sequenza agli elementi della lista

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

28

Ricerca Lineare Esaustiva - Algoritmo

- **Scandisce tutti gli elementi della lista**
 - Restituisce l'ultima (posizione di) occorrenza
 - Utile quando si vogliono ritrovare tutte le occorrenze del valore

```
j ← 0
posizione ← 0
mentre j < n
    se array[j] = x allora posizione ← j
    altrimenti j ← j + 1
```

Note
Se un elemento è presente più volte, restituisce solo l'ultima posizione

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

29

Ricerca Lineare Esaustiva– Programma C

```
int ricerca(int a[ ], int n, int x) {
    j = 0;
    posizione = 0;
    while (j < n) {
        if ( a[j] == x )
            posizione = j;
        j = j + 1;
    }
}
```

Codice non completo ☹️

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) – Università degli Studi di Bari – A.A. 2018/2019

33

Ricerca Lineare Esaustiva - Complessità

• Complessità

- Basata sul numero di confronti (cioè sul numero di **cicli effettuati**)
 - Caso migliore:
 - Caso peggiore:
- Caso medio:

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) – Università degli Studi di Bari – A.A. 2018/2019

34

Ricerca Lineare Esaustiva - Complessità

• Complessità

- Basata sul numero di confronti (cioè sul numero di **cicli effettuati**)
 - Caso migliore: $O(n)$
 - Perché effettua comunque tutti i cicli
 - Caso peggiore: $O(n)$
 - Si devono controllare comunque tutti gli elementi fino all'ultimo
 - Caso medio: $(n + 1) / 2 \rightarrow O(n)$
 - Supponendo una distribuzione casuale dei valori

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) – Università degli Studi di Bari – A.A. 2018/2019

35

Ricerca Lineare Esaustiva - Considerazioni

• Complessità

- Basata sul numero di confronti (cioè sul numero di **cicli effettuati**)
 - Caso migliore: $O(n)$
 - Perché effettua comunque tutti i cicli
 - Caso peggiore: $O(n)$
 - Si devono controllare comunque tutti gli elementi fino all'ultimo
 - Caso medio: $(n + 1) / 2 \rightarrow O(n)$
 - Supponendo una distribuzione casuale dei valori

• Possiamo migliorare l'algoritmo?

- A volte non interessa scandire tutta la lista
 - Ci si può fermare appena l'elemento viene trovato

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) – Università degli Studi di Bari – A.A. 2018/2019

36

Ricerca Lineare con Sentinella - Algoritmo

- Si ferma alla prima occorrenza del valore
 - Restituisce **la prima (posizione di) occorrenza**
 - Utile quando
 - Si è interessati solo all'esistenza, oppure
 - Il valore, **se esiste, è unico**

```

j ← 0
posizione ← -1
mentre (j < n) e (posizione < 0)
  se lista(j) = x allora posizione ← j
  j ← j + 1

```

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

37

Ricerca Lineare con Sentinella - Programma C

```

int ricerca(int a[ ], int n, int x) {
    j = 0;
    posizione = -1;
    while ((j < n) && (posizione < 0)) {
        if ( a[j] == x )
            posizione = j;
        j = j + 1;
    }
    return posizione;
}

```

Codice non completo 😊

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

38

Ricerca Lineare con Sentinella Considerazioni

- Complessità
 - Basata sul numero di confronti
 - **Caso migliore: $O(1)$**
 - Elemento trovato in prima posizione
 - **Caso peggiore: $O(n)$**
 - Elemento in ultima posizione o assente
 - **Caso medio: $(n + 1) / 2 \rightarrow O(n)$**
 - Supponendo una distribuzione casuale dei valori
- Ottimizzato per i casi in cui è applicabile

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

39

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

- Algoritmo di ricerca **più efficiente**
 - **Complessità computazionale più bassa**
- **Vincolo:** applicabile a insiemi di **dati ordinati**
 - Guadagno in efficienza, ma richiede eventualmente anche l'applicazione di un algoritmo di ordinamento

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

40

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

- Algoritmo di ricerca **più efficiente**
 - **Complessità computazionale più bassa**
- **Vincolo:** applicabile a insiemi di **dati ordinati**
 - Guadagno in efficienza, ma richiede eventualmente anche l'applicazione di un algoritmo di ordinamento
- **Idea:** confrontare il valore cercato con quello al centro della lista, e se non è quello cercato, basarsi sul confronto per escludere la parte superflua e concentrarsi sull'altra parte

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

41

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

Pseudocodice

Se l'elemento centrale è quello cercato
allora è l'elemento cercato stato trovato in quella posizione
altrimenti
 se è minore di quello cercato **allora**
 analizzare la metà lista successiva
altrimenti
 analizzare la metà lista precedente

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

42

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

Pseudocodice

Se l'elemento centrale è quello cercato
allora è l'elemento cercato stato trovato in quella posizione
altrimenti
 se è minore di quello cercato **allora**
 analizzare la metà lista successiva
altrimenti
 analizzare la metà lista precedente

L'idea intuitiva deve essere inserita in un ciclo.
 Quando esce dal ciclo l'algoritmo?

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

43

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

Pseudocodice

Se l'elemento centrale è quello cercato
allora è l'elemento cercato stato trovato in quella posizione
altrimenti
 se è minore di quello cercato **allora**
 analizzare la metà lista successiva
altrimenti
 analizzare la metà lista precedente

L'idea intuitiva deve essere inserita in un ciclo.
 Quando esce dal ciclo l'algoritmo?

Se l'elemento viene trovato
Oppure
 Se l'elemento non c'è

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

44

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

Pseudocodice

Se l'elemento centrale è quello cercato
allora è l'elemento cercato stato trovato in quella posizione
altrimenti
 se è minore di quello cercato **allora**
 analizzare la metà lista successiva
altrimenti
 analizzare la metà lista precedente

L'idea intuitiva deve essere inserita in un ciclo.

Quando esce dal ciclo l'algoritmo?

Se l'elemento viene trovato
Oppure
 Se l'elemento non c'è

Quando capiamo che un elemento non c'è? Se la lista che resta da analizzare è composta da un solo elemento!

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

45

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

Pseudocodice

Finchè la parte di lista da analizzare contiene più di un elemento
 e quello cercato non è stato trovato
 Se l'elemento centrale è quello cercato
allora è stato trovato in quella posizione
altrimenti se è minore di quello cercato
allora
 analizzare la metà lista successiva
altrimenti
 analizzare la metà lista precedente

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

46

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

- **Problema:** Scelta della posizione da analizzare
 - Più vicina ad uno dei due estremi
 - Caso migliore: restringe più velocemente il campo
 - Caso peggiore: elimina sempre meno elementi
 - **Centrale**
 - Compromesso che bilancia al meglio i casi possibili
- **Necessità di ricordare la porzione valida**
 - Prima posizione
 - Ultima posizione
 - Al primo ciclo dell'algoritmo corrisponde agli estremi dell'intero vettore, **poi si restringe**

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

47

Ricerca Binaria (o Dicotomica) - Esempio

$x = 29$

Vettore iniziale | 2 | 4 | 7 | 11 | 24 | 25 | 29 | 32 | 38 | 44 | 53 | 61 |

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

48

Ricerca Binaria (o Dicotomica) - Esempio

$x = 29$

Vettore iniziale | 2 | 4 | 7 | 11 | 24 | 25 | 29 | 32 | 38 | 44 | 53 | 61 |

I tentativo ~~| 2 | 4 | 7 | 11 | 24 | 25 |~~ 29 | 32 | 38 | 44 | 53 | 61 |
 ↑ Eliminati 6

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

49

Ricerca Binaria (o Dicotomica) - Esempio

$x = 29$

Vettore iniziale | 2 | 4 | 7 | 11 | 24 | 25 | 29 | 32 | 38 | 44 | 53 | 61 |

I tentativo ~~| 2 | 4 | 7 | 11 | 24 | 25 |~~ 29 | 32 | 38 | 44 | 53 | 61 |
 ↑ Eliminati 6

II tentativo | 2 | 4 | 7 | 11 | 24 | 25 | 29 | 32 | ~~38 | 44 | 53 | 61 |~~
 ↑ Eliminati 4

III tentativo | 2 | 4 | 7 | 11 | 24 | 25 | 29 | 32 | 38 | 44 | 53 | 61 |
 ↑ Trovato!

- $x=31$: non trovato in 4 tentativi

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

50

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

```
int ricerca(int a[ ], int n, int x) {
    posizione = -1;
    first = 0; last = n-1;
    while ((first <= last) and (posizione == -1)) {
        j = (first + last) / 2; // arrotondato per difetto
        if (lista[j] == x)
            posizione = j;
        else
            if( x>lista[j] ) // se il cercato è maggiore del mediano
                first = j + 1;
            else
                last = j - 1;
    }
    return posizione;
}
```

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

51

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

- **Complessità**
 - Numero minimo di accessi:
 - Valore trovato al centro della lista
 - Numero massimo di accessi:

Veronica Rossano - Algoritmi Fondamentali (Parte 1) Laboratorio di Informatica (ITPS, Track B) - Università degli Studi di Bari - A.A. 2018/2019

52

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

- **Complessità**
 - Numero minimo di cicli: **1**
 - Valore trovato al centro della lista
 - Numero massimo di cicli: **$\log_2 n + 1$**

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

- **Complessità**
 - Numero minimo di cicli: **1**
 - Valore trovato al centro della lista
 - Numero massimo di cicli: **$\log_2 n + 1$**
 - Esempio: $n = 128$
 - Primo ciclo = 128 elementi, secondo ciclo = 64.... Settimo ciclo = 2, Ottavo ciclo = 1
 - Massimo 7 cicli $\rightarrow 7 = \log_2 n = 7$

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

- **Complessità**
 - Numero minimo di cicli: **1**
 - Valore trovato al centro della lista
 - Numero massimo di cicli: **$\log_2 n + 1 = O(\log_2 n)$**
 - Esempio: $n = 128$
 - Primo ciclo = 128 elementi, secondo ciclo = 64.... Settimo ciclo = 2, Ottavo ciclo = 1
 - Massimo 7 cicli $\rightarrow 7 = \log_2 n = 7$

Ricerca Binaria (o Dicotomica)

- **Complessità**
 - Numero minimo di cicli: **1**
 - Valore trovato al centro della lista
 - Numero massimo di cicli: **$\log_2 n + 1 = O(\log_2 n)$**
 - Esempio: $n = 128$
 - Primo ciclo = 128 elementi, secondo ciclo = 64.... Settimo ciclo = 2, Ottavo ciclo = 1
 - Massimo 7 cicli $\rightarrow 7 = \log_2 n = 7$
- **Più efficiente della ricerca sequenziale! Ma richiede che i dati siano ordinati in qualche modo (dal più piccolo al più grande, o alfabeticamente)**
 - Usata per consultare dizionari, elenchi telefonici.. Etc ...Non adatta a scenari in cui non è presente un «ordinamento» tra i dati! (es. un catalogo prodotti o un catalogo musicale)

Esercizio 13.1

- Realizzare una funzione C che implementi l'algoritmo di **ricerca sequenziale con sentinella oppure di ricerca binaria**
- Richiamare la funzione in un **main()** , contenente un vettore di valori e stampare in output il risultato della ricerca
- **(A casa)** Testare il programma con una suite di test **CUnit**

