Prova scritta di "Analisi Matematica" - 7 Settembre 2016

Nome e cognome (leggibili):	
Firma:	Matricola

Si ricorda che non è consentito l'uso di macchine calcolatrici.

Esercizio 1. Si calcoli il seguente limite

$$\lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt[5]{x^5 + 16x^3 - 2} - x \right) \left(x + \log x \right).$$

Esercizio 2. $Si\ studi\ la\ convergenza\ della\ seguente\ serie,\ e\ se\ ne\ determini\ la\ somma,\ se\ convergente$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{2^n}{3^{2n}} + (-1)^n \frac{3^{n+1}}{4^n} \right).$$

Esercizio 3. Si studi la seguente funzione, disegnandone il grafico:

$$f(x) = \arctan\left(\frac{x^2 - 2}{x + 3}\right).$$

Esercizio 4. Si calcoli

$$\int_{-1}^{0} \frac{x+2}{x^2+2x+3} \, dx \, .$$