Prova scritta di "Analisi Matematica" - 10 Novembre 2016

Nome e cognome (leggibili):	
Firma:	Matricola

Si ricorda che non è consentito l'uso di macchine calcolatrici e di telefoni cellulari.

Esercizio 1. Si calcolino i limiti per $x \to +\infty$ e per $x \to 0$ della funzione

$$x\log\left(\frac{3x+x^2}{x^2+x+1}\right).$$

Esercizio 2. Si studi il carattere della seguente serie

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n (n+1) + \cos(n)}{n^2 + 1}.$$

Esercizio 3. Si studi la seguente funzione, disegnandone il grafico:

$$f(x) = e^{-x} \sqrt[3]{x^2 - 1}.$$

Esercizio 4. Si calcoli

$$\int_0^{\sqrt{2}} x\sqrt{1+x^2} \, dx \, .$$