

DIMOSTRARE FORMALMENTE CHE IL LINGUAGGIO

$$L = \{a^m b^m c : m > 0\} \quad \text{NON È REGOLARE}$$

SUPPONIAMO PER ASSURDO CHE IL LINGUAGGIO L SIA REGOLARE, ALLORA

PER IL TEOREMA DI KLEENE $\mathcal{L}_3 \equiv \mathcal{L}_{FSL} \equiv \mathcal{L}_{REG}$ E QUINDI

$$\exists M = (Q, \delta, q_0, F) \quad X = \{a, b, c\} : T(M) = L$$

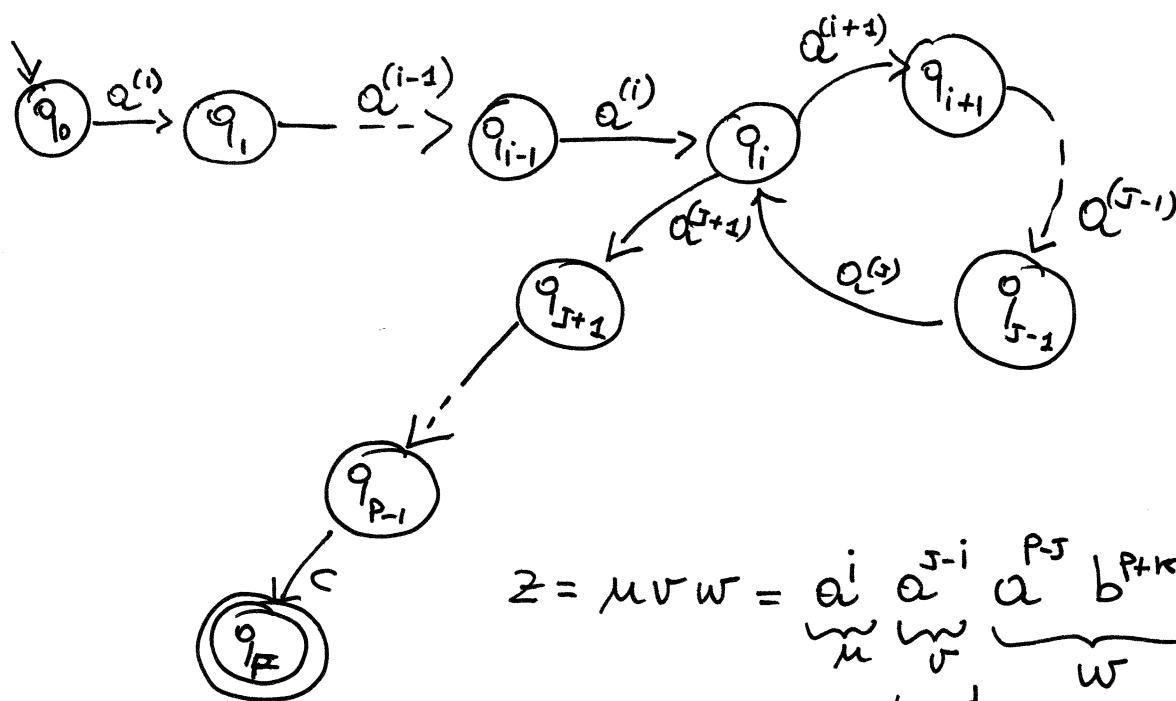
$$p = |Q|$$

PER IL PUMPING LEMMA
PER I LINGUAGGI REGOLARI

$$\forall z \in L \quad |z| > p \quad \begin{cases} 1. z = uvw \\ 2. |uv| \leq p \\ 3. v \neq \lambda \\ 4. \forall k > 0 \quad uv^k w \in T(M) \end{cases}$$

M HA p STATI \Rightarrow

PER RICONOSCERE LE PRIME p SI AVRA' CHE $\exists i, j \quad 1 \leq j : q_i = q_j$



$$z = uvw = \underbrace{a^i}_u \underbrace{a^{j-i}}_v \underbrace{a^{p-j} b^{p-k} c}_w$$

QUESTA QUANTITA' SI PRESENTA
ALMENO UNA VOLTA

$$|uv| = |a^i a^{j-i}| \leq p$$

$$\downarrow$$

$$a^{j-i} \neq \lambda \quad 0 < j-i < p$$

POMPIAMO LA STRINGA v k VOLTE, OTTENIAMO

$$t = a^{p+k(j-i)} b^{p-k} c \Rightarrow \#_t(a) \geq \#_t(b)$$

$$t \notin T(M)$$