C.d.L. in "Informatica e T.P.S." – A.A. 2011/12 Prova scritta di Analisi Matematica

Appello del 25 marzo 2013

1. Calcolare i seguenti limiti

$$\lim_{x \to 0^+} \left(1 + \frac{\sin x}{2} \right)^{1/x}$$

$$\lim_{x \to +\infty} \left(1 + \frac{\sin x}{2} \right)^{1/x}$$

2. Studiare la seguente funzione e tracciarne approssimativamente il grafico

$$f(x) = \frac{\sqrt[3]{3x - 1}}{x + 3}.$$

3. Studiare la convergenza della seguente serie numerica

$$\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{5^n}{3^{2n} + n}.$$

Calcolare, se possibile, una somma approssimata a meno di 1/200.

4. Calcolare il seguente integrale

$$\int_4^5 x^2 \log(x-3) \, dx.$$