

Teorema

1) Bolzano-ren teorema

" f jarraitua bada $[a, b]$ tartean eta $f(a)$ -ren zeinua eta $f(b)$ -ren zeinua desberdinak badira, orduan existitzen da $c \in [a, b]$ non $f(c) = 0$ den."

(Funtzio bat 0 egiten duela frogatzen)

2) Tartelo balioaren teorema

" f jarraitua bada $[a, b]$ tartean, orduan $f(a)$ eta $f(b)$ tartean dauden balio guztiak hartzen ditu funtzioak. Hau da, c zenbaki $f(a)$ eta $f(b)$ arteko edozein dela ere existitzen da; $f(s) = c$ betetzen duen zenbakia $s \in [a, b]$ izanik."

(Aurrekoaren berdira baina 0 et denean)

3) Weierstrass-en teorema

" f jarraitua bada $[a, b]$ tartean, orduan maximo eta minimo absolutuak ditugu tartean. Hau da, $[a, b]$ tarteko c eta d zenbakien uztan honako hau beteko da:

$$x \in [a, b] \text{ edozein dela ere } f(c) \leq f(x) \leq f(d) \text{ da.}"$$

4) Rolle-ren teorema (eta bada betetzen, Bolzano aplikatu deribatuari)

" f jarraitua bada $[a, b]$ tartean eta deribagarria (a, b) tartean, $f(a) = f(b)$ betetzen bada, existitzen da $\alpha \in (a, b)$ non $f'(\alpha) = 0$ den."

(Puntu batean maximoa edo minimoa duela frogatzen)

5) Batez besteko balioaren teorema (eta bada betetzen tarteko balioaren teorema aplikatu deribatuari)

" f jarraitua bada $[a, b]$ tartean eta deribagarria (a, b) tartean, orduan existitzen da $\alpha \in (a, b)$ non $f'(\alpha) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$ den"

(Aurrekoaren berdira baina 0 et denean)