



Kudeaketaren eta informazio sistemen informatikaren ingeniaritzako gradua

Kalkuluko azterketa partziala 2013ko Apirilak 19

1) Kontsidera dezagun honako D eremu hau:

$$D = \left\{ (x, y, z) \in {\rm I\!R}^3 \, / \, x^2 + y^2 \le 1 \wedge x^2 + y^2 \le \left(z - 3\right)^2 \wedge z \le 3 \right\}$$

Lortu, integrazioa erabiliz, D eremuaren bolumena.

- **2)** Aurkitu XY planoaren gainetik kokatutako $z = 4 x^2 y^2$ paraboloidearen gainazalaren azalera.
- 3) Kalkulatu $\oint_C x^2 y^3 dx xy^2 dy$ integral lerromakurra C kurba itxiaren gainean norabide positiboan, non kurba A(1,1), B(-1,1) eta C(-1,-1) puntuak lotzen dituzten $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{CA}$ segmentu zuzenen bidez definituta baitago.
- 4) Kalkulatu honako integral hauek:

$$\int \frac{x^3 - 2x}{x^2 + 3x + 2} dx \qquad \int_{-1}^{1} \frac{6x + 1}{\sqrt[3]{3x + 2}} dx$$

5) a.- Kalkulatu, existitzen bada, $\int_{0}^{e} \ln x dx$ integral inpropioa.

b.- Kalkulatu $y = \ln x$ funtzioaren grafikoak, OX ardatzak, OY ardatzak eta x = e zuzenek mugatutako eremuaren azalera.

Oharra:

Proposatutako 5 ariketetatik aukeratu 4. Ariketa guztiek balio berdina dute.