LKSA 2011-12-15

## Lengoaiak, Konputazioa eta Sistema Adimendunak

4. gaiko bigarren zatia, 5. gaia eta 6. gaia Bilboko IITUE 3 puntu

2011-12-15

### 1 Bereiztezinak diren lengoaiak badaude (0,5 puntu)

Bereiztezinak diren lengoaiak badaudela frogatu era orokorrean, adibide zehatzik eman gabe. Horretarako,  $A = \{0,1\}$  alfabetoan,  $A^*$ -ren zenbagarritasunean,  $2^{A^*}$ -ren zenbaezintasunean eta Turing-en makinen deskripzioak diren  $A^*$ -ko hitzez osatutako  $L_{TM}$  lengoaian oinarritu.

# 2 $\overline{L_{acept}}$ bereiztezina da (0,5 puntu)

Har dezagun  $L_{acept}$  lengoaia:

 $L_{acept} = \{ \langle T, w \rangle \mid T \text{ Turing-en makinak } w \text{ hitza onartzen du} \}$ 

Kontraesanaren teknika erabiliz,  $L_{acept}$  lengoaiaren osagarria, hau da,  $\overline{L_{acept}}$  lengoaia, bereiztezina dela frogatu.

### 3 Konplexutasun konputazionala (0,3 puntu)

- **3.1.** (0,050 puntu) Noiz esaten da problema bat landuezina edo trataezina dela?
- **3.2.** (0,100 puntu) Denbora-konplexutasunari dagokionez, algoritmo lineala duen problema bat, algoritmo polinomikoa duen problema bat eta algoritmo esponentziala duen problema bat aipatu. Zer da hobea, algoritmo lineala, polinomikoa ala esponentziala? Hiru algoritmo mota horiek sailkatu onenetik txarrenera.
- **3.3.** (0,025 puntu) Zein da P eta NP problema-multzoen arteko desberdintasuna?
- **3.4.** (0,025 puntu) Espazio asko behar duen problema bat aipatu.
- **3.5.** (0,025 puntu) Konplexutasun klase desberdinen arteko erlazioa zein den erakusten duen grafikoa egin.
- **3.6.** (0,025 puntu) Konplexutasunaren aplikazio bat aipatu.
- **3.7.** (0,050 puntu) Zergatik agertu dira beste konputazio eredu batzuk? Bat aipatu. Zer lortzen da eredu berri horiekin?

LKSA 2011-12-15

### 4 DNF monotonoen algoritmoa (0,7 puntu)

Demagun erabiltzaileak DNF monotonoa den honako g formula hau duela buruan:

$$g = (x_1 \land x_2) \lor (x_2 \land x_3) \lor (x_1 \land x_3 \land x_5)$$

Aldagai kopurua 5 dela jakinda, hau da, n=5 dela jakinda, algoritmoak g-ren baliokidea den h formula bat eraiki arte erabiltzailearen eta algoritmoaren artean gertatuko den elkarrekintza urratsez-urrats zehaztu. Beraz adibide osoa garatu beharko da eta prozesu horretan algoritmoarentzat pista edo laguntza izango diren balorazio egokiak asmatu beharko dira.

#### 5 k-CNF-en algoritmoa (0,5 puntu)

Demagun erabiltzaileak 2-CNF-a den honako g formula hau duela buruan:

$$g = (x_1 \lor x_2) \land (x_1 \lor \neg x_3)$$

Aldagai kopurua 3 dela jakinda, hau da, k=2 eta n=3 direla jakinda, algoritmoak g-ren baliokidea den h formula bat eraiki arte erabiltzailearen eta algoritmoaren artean gertatuko den elkarrekintza urratsez-urrats zehaztu. Beraz adibide osoa garatu beharko da eta prozesu horretan algoritmoarentzat pista edo laguntza izango diren balorazio egokiak asmatu beharko dira.

### 6 k-DNF-en algoritmoa (0,5 puntu)

Demagun erabiltzaileak 2-DNF-a den honako g formula hau duela buruan:

$$g = x_1 \lor (x_2 \land \neg x_3)$$

Aldagai kopurua 3 dela jakinda, hau da, k=2 eta n=3 direla jakinda, algoritmoak g-ren baliokidea den h formula bat eraiki arte erabiltzailearen eta algoritmoaren artean gertatuko den elkarrekintza urratsez-urrats zehaztu. Beraz adibide osoa garatu beharko da eta prozesu horretan algoritmoarentzat pista edo laguntza izango diren balorazio egokiak asmatu beharko dira.