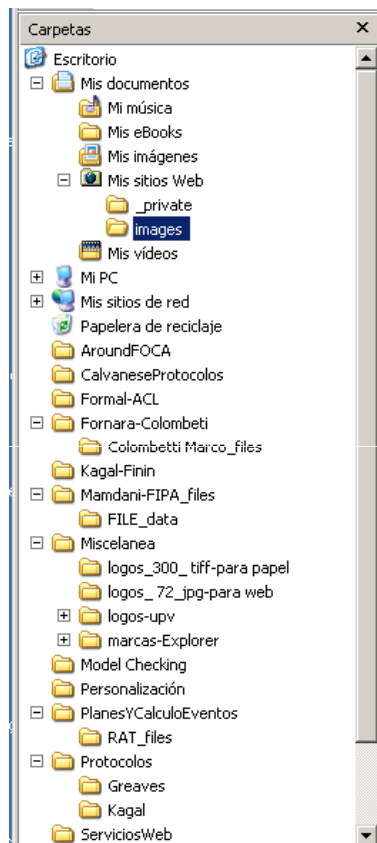


Zuhaitzak

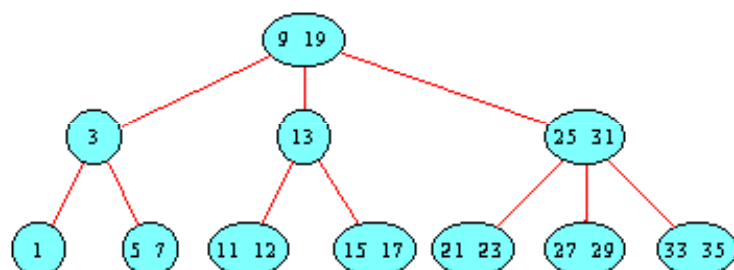
DEA

DEA



Zer da zuhaitz bat?

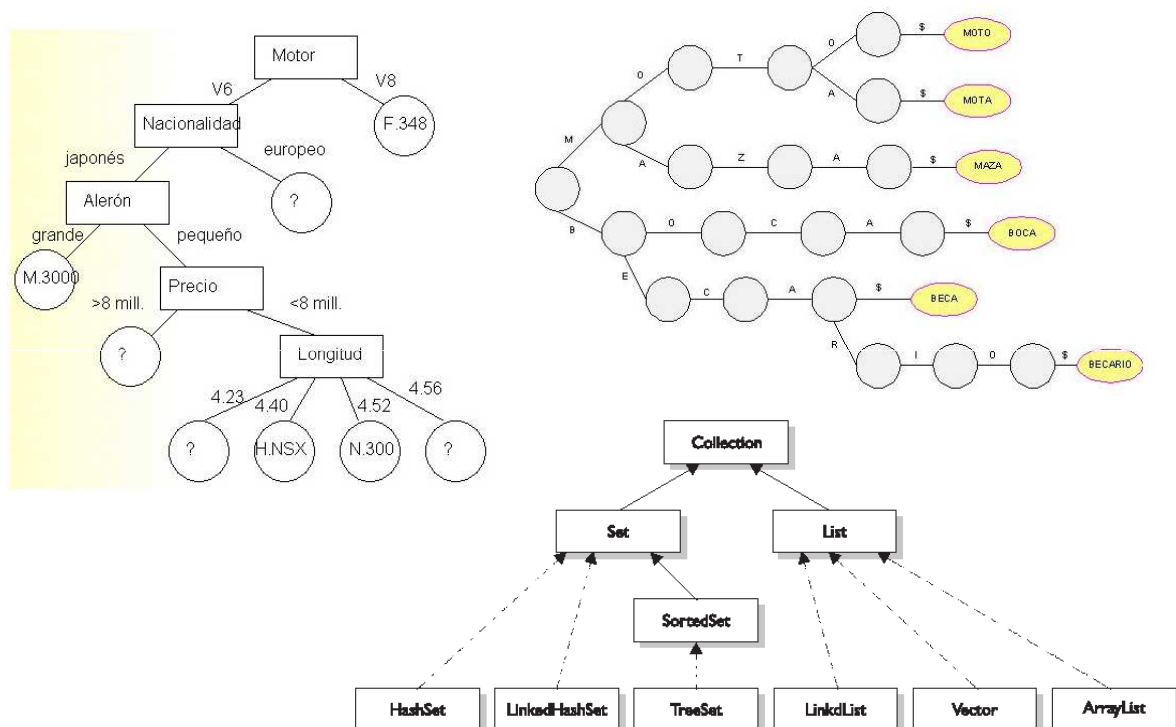
Egitura hierarkikoa,
ez lineala



Oinarrizko terminologia

- **Zuhaitz** bat **adabegiez** eta **arkuez** osatuta dago. Arkuek adabegiak konektatzen dituzte
- Adabegiekin entitateak adierazten dituzte, eta arkuek entitateen arteko erlazioak

Adibideak



Zuhaitzaren kontzeptua

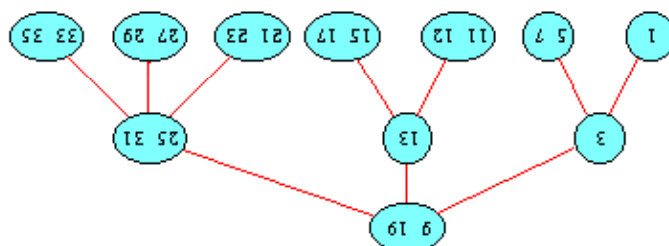
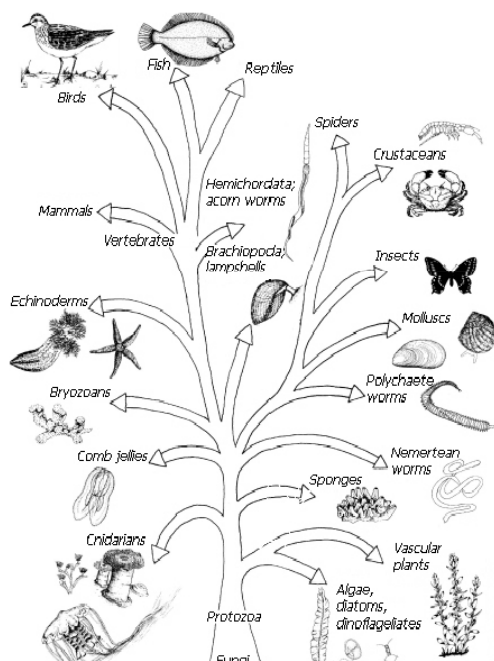
- Zuhaitz bat arkuek konektatutako adabegiez osatuta dago:
 - Erro-adabegi bakarra dago
 - Adabegi bakoitzak, erroak ezezik, guraso bakarra du
- Ondorioa: zuhaitz batean bide bakarra dago errotik edozein adabegiraino

Zuhaitzaren definizio errekurtsiboa

- T motako zuhaitzen definizioa:
 - $\langle \rangle \in \text{Zuhaitz}\langle T \rangle$ [zuhaitz hutsa, edo bestela]
 - $A_1, A_2, \dots, A_n \in \text{Zuhaitz}\langle T \rangle$ y $t \in T \rightarrow$
 $t(A_1, A_2, \dots, A_n) \in \text{Zuhaitz}\langle T \rangle$

[T motako objektu bat (erroa) eta T motako zuhaitzen kopuru finitua]

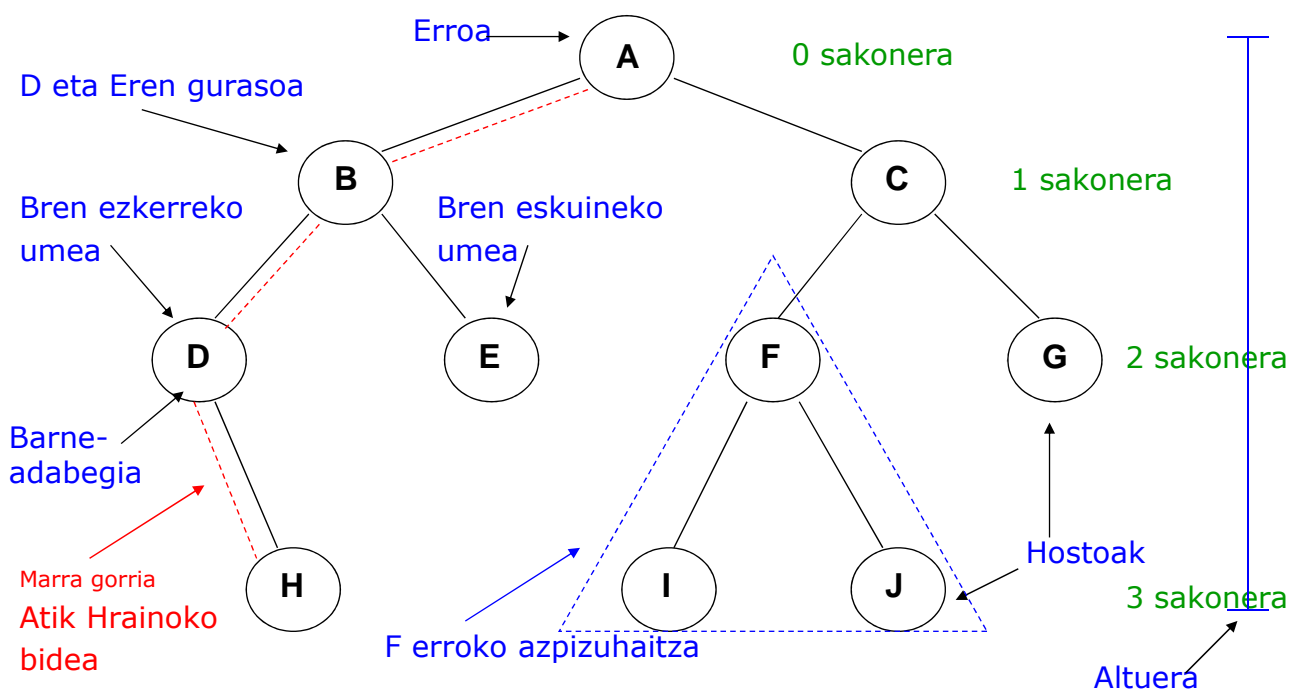
Zuhaitzen diagramak



Zuhaitzak

7

Oinarrizko terminologia



Zuhaitzak

8

Oinarrizko terminologia

- Adabegi baten **altuera** adabegi horretatik hosto batera dagoen bide luzeenaren tamaina da
- **Hosto-adabegi baten altuera** zero da
- **Zuhaitz baten altuera** erroaren altuera da
- Adabegi baten **sakonera** errotik adabegi horretara doan bidearen luzera da
- Adabegi baten **aurrekoak**, adabegia bera eta bere gurasoaren aurreko guztiak dira
- Adabegi baten **ondorengoak**, adabegia bera eta bere umeen ondorengoak dira

Oinarrizko terminologia

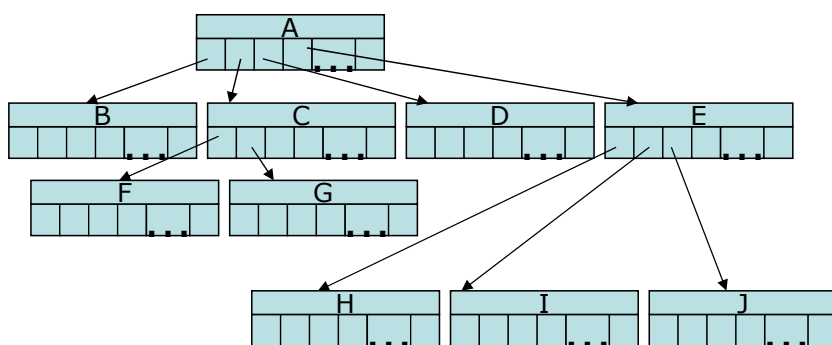
- Adabegi baten **gradua** adabegi horren ume-kopurua da
- **Zuhaitz baten gradua** bere adabegien gradu handiena da
 - Zuhaitz n-tarra: n graduako zuhaitza
 - Zuhaitz bitarra: 2 graduako zuhaitza

Zuhaitzen adierazpena eta inplementazioa

- Zuhaitzen adierazpena eta inplementatutako metodoak zuhaitz horien erabileraren araberrakoak izango dira

Zuhaitz orokorrak inplementatzeko estrategiak (1)

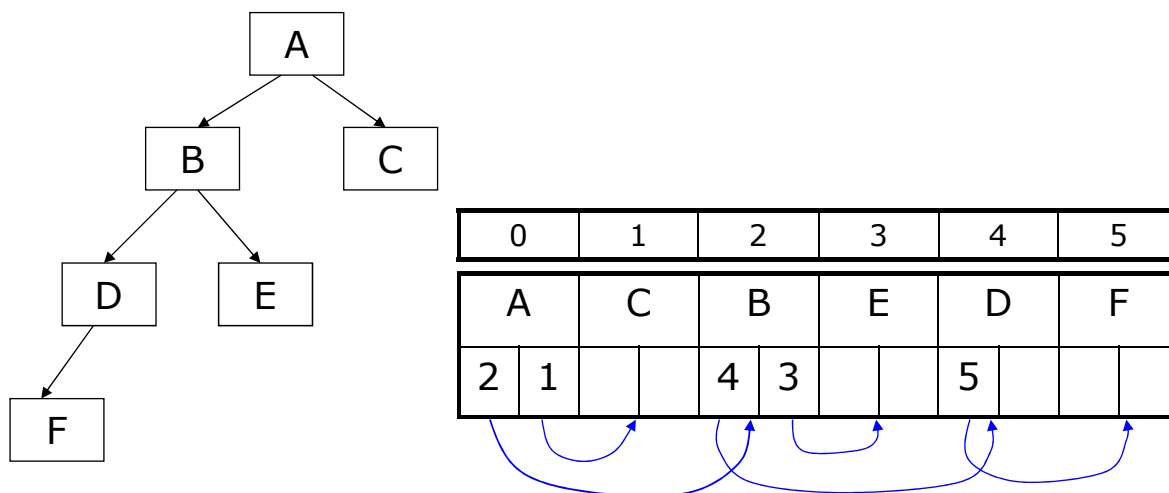
- Adabegiak erreferentzien arrayak
- Memoria alferrik erabiliko da ume-kopurua oso aldakorra bada
- Arazoak arrayaren luzerarekin



```

class Adabegi<T>{
  T info;
  Adabegi<T>[] umeak;
  .....
}
class ZuhaitzOrokorra<T> {
  Adabegi<T> erroa;
  .....
}
  
```

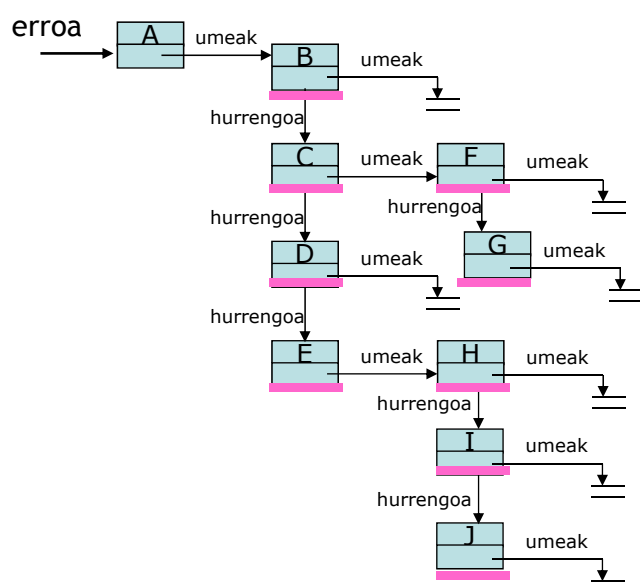
Zuhaitz orokorrak implementatzeko estrategiak (2)



Arrayaren bidezko adierazpena, estekak simulatuz

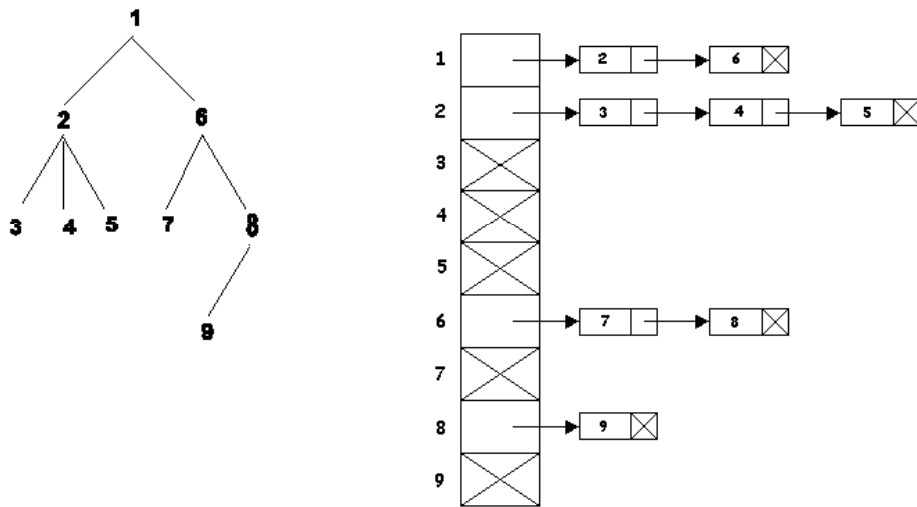
Zuhaitz orokorrak implementatzeko estrategiak (3)

- Umeak zerrenda estekatu batean



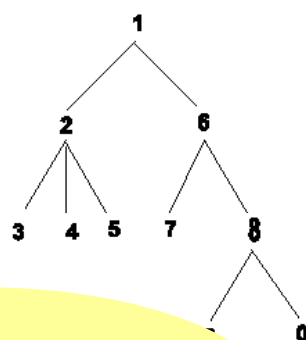
```
class ZuhaitzOrokorra<T>{
    AdabegiZO<T> erroa;
    ...
}
class AdabegiZO<T>{
    T info;
    LinkedList<T> umeak;
    ...
}
class LinkedList<T>{
    Adabegi<T> hasiera;
}
class Adabegi<T>{
    AdabegiZO<T> data;
    Adabegi<T> hurrengoa;
}
```

Zuhaitz orokorrak implementatzeko estrategiak (4)



Umeen zerrenden bidezko adierazpena

Zuhaitz orokorrak implementatzeko estrategiak (5)



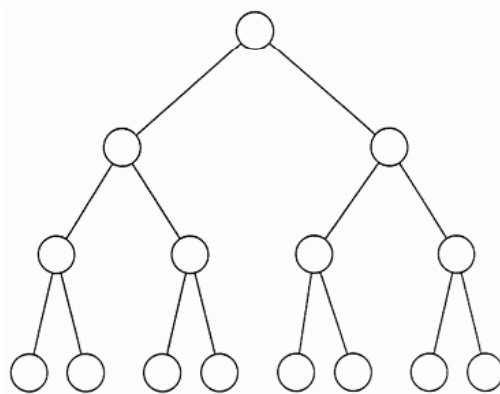
Adierazpen batzuk erabilgarriak
dira prozesu batzuetarako,
baina ez beste batzuetarako

0	8	Raiz
1	-1	
2	1	
3	2	
4	2	
5	2	
6	1	
7	6	
8	6	
9	8	

Adabegi bakoitzaren gurasoa adieraziz

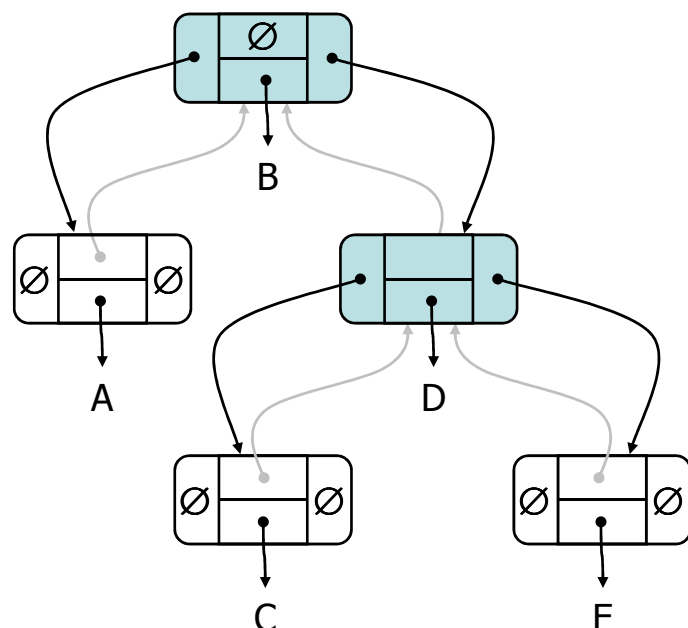
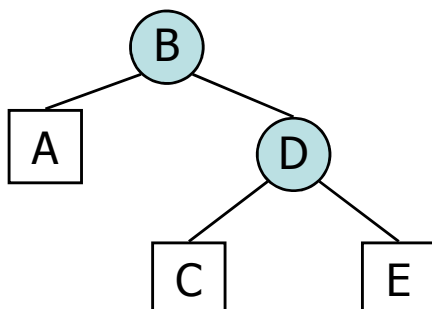
Zuhaitz bitarra

- Adabegi bakoitzak, gehienez 2 ume ditu (eskerreko eta eskuineko umea)



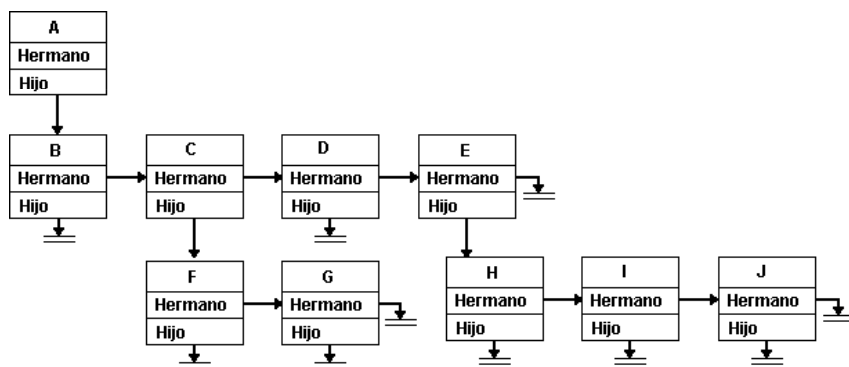
Zuhaitz bitarrak inplementatzeko estrategiak (1)

- Adabegi bakoitzak:
 - Elementua
 - Ezkerreko umearen adabegia
 - Eskuineko umearen adabegia
 - [Adabegi gurasoa]*
- Zuhaitza: erro-adabegiaren erreferentzia



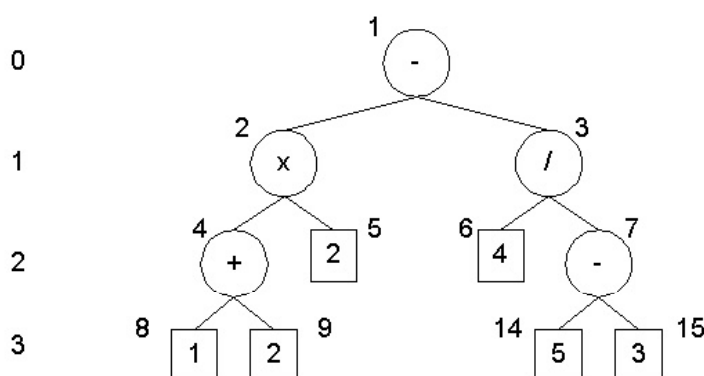
Edozein zuhaitz inplementa daiteke zuhaitz bitar baten bidez

- Erreferentzia bat erlazio bakoitzeko (umea/anaia)



```
class Adabegi<T> {
    T info;
    Adabegi<T> umea;
    Adabegi<T> anaia;
    ...
}
class
ZuhaitzOrokorra<T> {
    Adabegi<T> erroa;
    ...
}
```

Zuhaitz bitarrak inplementatzeko estrategiak (2)



	-	x	/	+	2	4	-	1	2					5	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

Zuhaitz bitarrak posizio kalkulatu bidezko adierazpena

Zuhaitz bitarrak inplementatzeko estrategiak (3)

- Inplementazio errekurtsiboa, definizio honetan oinarrituta:
 - $\langle \rangle \in \text{ZuhaitzBit}\langle T \rangle$ (zuhaitz hutsa), edo
 - $A_1, A_2 \in \text{ZuhaitzBit}\langle T \rangle$ y $t \in T \rightarrow$
 $t (A_1, A_2) \in \text{ZuhaitzBit}\langle T \rangle$

Gure zuhaitz bitarrentzako interfazea

```

public interface TADBinaryTree<T> {

    // ADABEGIEN ATZIPENERAKO
    public boolean isEmpty();

    /*.equals(elem) duen balioa topatzen du
    (Hau da, T motan equals metodoaren
     implementazioaren arabera funtzionatuko du),
    eta objektuaren erreferentzia bueltatuko du,
    topatzen badu
    null bueltatuko du ez baldin badago
    */
    public T find (T elem);

    // ALDAKETARAKO
    // ezkerreko azpizuhaitza kentzen du
    public void removeLeftSubTree();
    // eskuineko azpizuhaitza kentzen du
    public void removeRightSubTree();
    // adabegi guztiak kentzen ditu
    public void removeAll();

    // KONTSULTARAKO
    // Zuhaitzaren adabegi-kopurua bueltatuko du
    public int size();

    // true bueltatuko du zuhaitzak balio hori badu,
    // eta false bestela
    public boolean contains(T elem);

    public String toString();

    // ITERADOREAK
    public Iterator<T> iteradoreAurreOrdena();
    public Iterator<T> iteradoreInOrdena();
    public Iterator<T> iteradorePostOrdena();
    public Iterator<T> iteradoreMailaka();

}

```

Adabegien klasea zuhaitz bitarretan

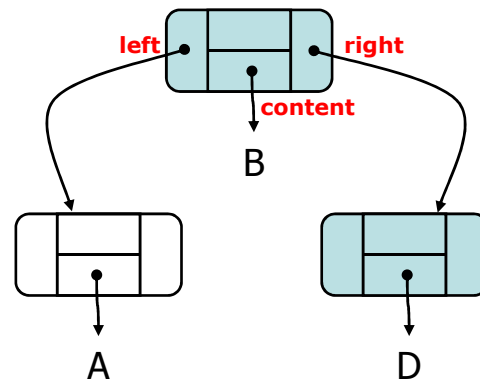
```

public class BinaryTreeNode<T> {

    protected T content;
    protected BinaryTreeNode<T> left;
    protected BinaryTreeNode<T> right;

    public BinaryTreeNode(T elem){
        content = elem;
        left = null;
        right = null;
    }
}

```



Adabegien klasea zuhaitz bitarretan

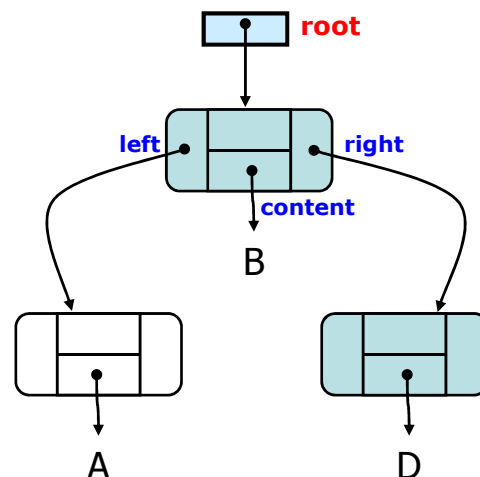
```

public class BinTree<T> implements TADBinaryTree<T> {

    protected BinaryTreeNode<T> root;
    protected int count;

    public BinTree(){
        root = null;
        count = 0;
    }
}

```



Zuhaitzak eta errekurtsibitatea

```
// ezkerreko azpizuhaitza kentzen du
public void removeLeftSubTree(){
    count = count - numDescendants(root.left);
    root.left = null;
}

// "adabegia"ren ondorengoak kalkulatzeko
private int numDescendants(BinaryTreeNode<T> adabegia){
    if (adabegia == null)
        return 0;
    else
        return 1 + numDescendants(adabegia.left) +
                    numDescendants(adabegia.right);
}
```

Errekurtsibitatea eta murgilketa

```
public boolean contains(T elem){
    return contains(elem, root);
}

private boolean contains(T elem, BinaryTreeNode<T> temp){
    if (temp==null) // elem ez dago
        return false;
    else if (temp.content.equals(elem)) // elem temp-en dago
        return true;
    else
        return (contains(elem, temp.left) || contains(elem, temp.right));
}

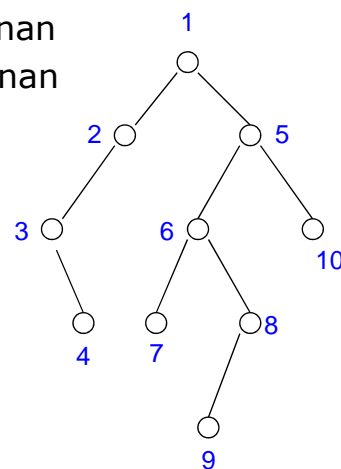
contains(elem) murgilduta dago hemen: contains(elem, root)
```

Zuhaitz bitarretako elementu guztien atzipena

Eragiketa	Deskribapena
Iterator<T> iteradoreInOrdena()	In-Ordena azterketarako iteradorea bueltatzen du
Iterator<T> iteradoreAurreOrdena()	Aurre-Ordena azterketarako iteradorea bueltatzen du
Iterator<T> iteradorePostOrdena()	Post-Ordena azterketarako iteradorea bueltatzen du
Iterator<T> iteradoreMailaka()	Mailakako azterketarako iteradorea bueltatzen du

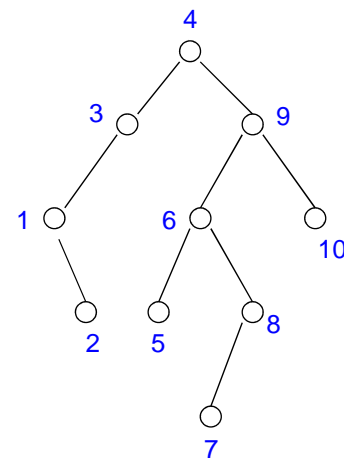
Aurre-ordena

1. Erroa *bisitatu*
2. Ezkerreko azpizuhaitza bisitatu aurre-ordenan
3. Eskuineko azpizuhaitza bisitatu aurre-ordenan



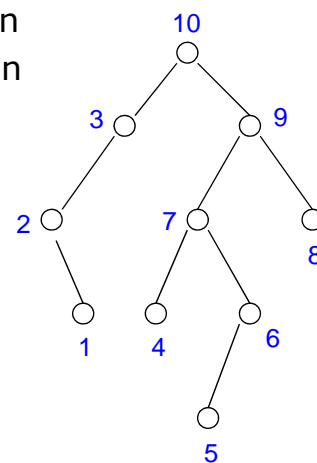
In-Ordena

1. Ezkerreko azpizuhaitza bisitatu in-ordenan
2. Erroa *bisitatu*
3. Eskuineko azpizuhaitza bisitatu in-ordenan



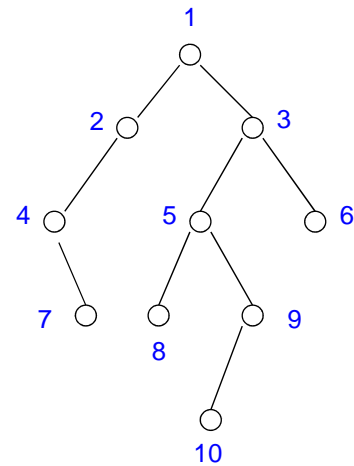
Post-Ordena

1. Ezkerreko azpizuhaitza bisitatu post-ordenan
2. Eskuineko azpizuhaitza bisitatu post-ordenan
3. Erroa *bisitatu*



Mailakako korritzea

- Sakonera bakoitzeko ($k=0; k++$):
ezkerretik eskuinera korritu k sakonerako adabegiak



Post-Ordenaren bidezko iteradorea

```

public Iterator<T> iteradorPostOrdena(){
    LinkedList<T> tempList = new LinkedList<T>();
    postOrdena(root, tempList);
    return tempList.iterator();
}

private void postOrdena(BinaryTreeNode<T> erroa, LinkedList<T> lista){
    if (erroa != null ){
        postOrdena(erroa.left, lista);
        postOrdena(erroa.right, lista);
        lista.insertLast(erroa.content); // Adabegiaren prozesaketa
    }
}
  
```


Mailakako iteradorea

```

public Iterator<T> iteradoreMailaka(){
    LinkedList<T> tempList = new LinkedList<T>();
    mailaka(root, tempList);
    return tempList.iterator();
}

private void mailaka(BinaryTreeNode<T> erroa, LinkedList<T> lista){
    if (erroa != null ){
        LinkedList<BinaryTreeNode<T>> ilara = new LinkedList<BinaryTreeNode<T>>();
        ilara.insert(erroa);
        while ( !ilara.isEmpty() ){
            BinaryTreeNode<T> temp = ilara.remove();
            lista.insertLast(temp.content); // Adabegiaren prozesaketa
            if ( temp.left != null )
                ilara.insert(temp.left);
            if ( temp.right != null )
                ilara.insert(temp.right);
        }
    }
}

```

Irakurketa

[Lewis, Chase 2010]

–9. kapitulua

Zuhaitza(informatika):

[http://es.wikipedia.org/wiki/Árbol \(informática\)](http://es.wikipedia.org/wiki/Árbol_(informática))

Zuhaitz bitarra:

[http://es.wikipedia.org/wiki/Árbol binario](http://es.wikipedia.org/wiki/Árbol_binario)

Bilaketa-zuhaitz bitarra:

http://es.wikipedia.org/wiki/Árbol_binario_de_búsqueda