

Datu egiturak

Hash taulak



Aurkibidea

- Zer dira?
 - Zergatik dira garrantzitsuak
 - Zertarako erabiltzen dira
 - Ezaugarriak
- Metodo nagusiak
- Inplementazio adibideak
 - Hash taula itxia
 - Hash taula irekia



- Gako baten bidez bereizi daitezkeen elementuen multzo handiak kokatu eta atzitzeko beharra.
- Adibidez:
 - Hiztegi bateko definizioak
 - Datu pertsonalen erregistroak
 - Katalogo industrialetako elementuak: argitalpenak, mekanika, ...
 - Konpiladoreek kudeatzen dituzten sinboloak
 - Jokoetako egoerak
 - Datu-multzo handiak



Hash taulak

Zergatik dira garrantzitsuak: Helburuak

Elementu talde batean, oinarrizko eragiketak <u>era</u> <u>eraginkorrenean</u> exekutatzen dira:

- Bilaketa
- Ezabaketa
- Txertaketa

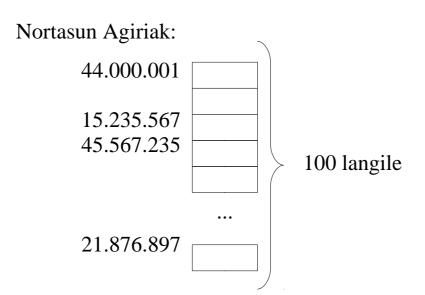
Hash taulen helburua eragiketa guztiak **ordena konstantean** egitea da O(1)



- •Datu egitura honek elementu multzo bat indexatzen du funtzio bat erabiliz (hash-funtzioa)
- •Array-a da erabiltzen den datu egitura



Hash Taulak: Adibideak





Hash Taulak: Adibideak

Hiztegia:

katua

cat

txakurra etxea

dog house

•••

kaixo

hello

7



Hash taulak

Zer dira? Zertarako erabiltzen dira?

(katua, cat) (txakurra, dog) (etxea, house) (kaixo, hello)

f(String) = n

HASH FUNTZIOA

Adibidea:

f(katua) = 2

f(txakurra) = 5

f(etxea) = 7

HASH TAULA

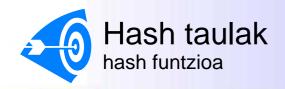
1 (katua, cat)

.

5 (txakurra, dog)

(etxea, house)

8 9 10 (kaixo, hello)



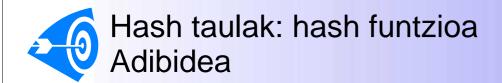
 Elementuaren gakoa erabiliz array-aren indize bat itzultzen du

f(gakoa) = Array posizioa

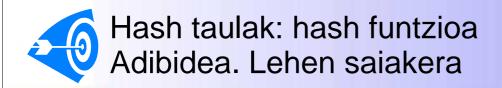
- Ezaugarriak (desiragarriak)
 - Elementu bakoitza posizio desberdinean
 - Konplexutasun ordena konstantea

•

- Hash funtzioak gako bat hartuta zenbaki positibo bat lortu behar du. Adibidez:
 - hash("JAVA") = 10+1+23+1=35
 - Hash("15564465") = 36



- Hiztegi bateko 50.000 definizio gorde nahi ditugu.
 Definitzen den hitza gakoa da, eta definizioa balioa.
- 50.000 posizioko taula deifini genezake, eta hitz bakoitzari taulako indize bat esleitu
- Nola lotu hitz bat indize batekin?
 - •Hash: Hitza -> indizea

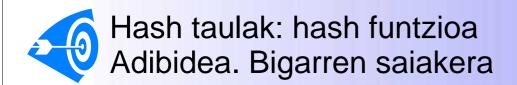


- Demagun hitzak minuskuletan daudela
- Letra bakoitza zenbaki batekin kode daiteke a=1, b=2, ..., z=27), eta hitz bakoitzari bere letren kodeen batura esleituko diogu:

hash1(sei) = 20 + 5 + 9 = 34

- Arazoak:
 - hash1(baita) = 2 + 1 + 9 + 21 + 1 = 34
 - hash1(arpa) = hash1(para) = hash1(rapa)
 - 10 letrako hitzetara mugatzen baldin bagara, indizerik handiena 270 da. Gode nahi diren 50.000 hitzetatik oso urrun!
 - Hitz askok indize bera izango dute lotuta

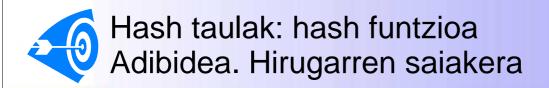
11



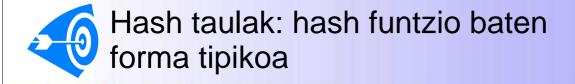
 Letra bakoitza zenbaki batekin kode daiteke a=1, b=2, ..., z=27), eta hitz bakoitzari kode hau esleituko diogu: "27 oinarrian dagokion zenbakia"

hash2(baita) =
$$2x27^4 + 1x27^3 + 9x27^2 + 21x27^1 + 1x27^0 = 1062882 + 19683 + 6561 + 567 + 1 = 1089694$$

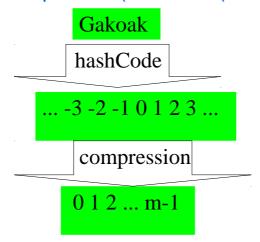
 Arazoa: 10 letretako hitz batek indize handiegia izango luke: 27⁹ > 7.000.000.000

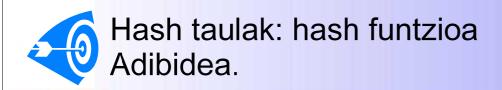


- 50.000 hitz gordetzeko, adibidez, 100.000 elementuko taula har dezakegu
- Zenbaki handi bat "konprimitu" dezakegu, 0..99.999 eremuan egoteko, zatiketaren hondarra erabiliz:
 - hash2(clase)%100.000 = 33.508
- Ez dira arazo guztiak ekiditzen:
 - -1733580%100.000 = 2433580%100.000



- hashCode(baita) = $2x27^4 + 1x27^3 + 9x27^2 + 21x27^1 + 1x27^0 = 1089694$
- compression(1089694) = 1089694 % 100.000 = 89.694
- hash(baita) = compression(hashCode(baita))





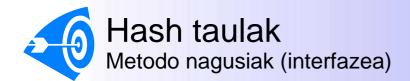
 String motarako definituta dagoen hashCode funtzioa:

$$h(s) = \sum_{i=0}^{n-1} s[i] \cdot 31^{n-1-i}$$

 Adibidez: "Ea" eta "FB" kateek kode bera emango dute:

$$69 \times 31 + 97 = 70 \times 31 + 66$$

15



public interface Map<K, V>

Metodoak	Esanahia
V put (K key, V value)	Gakoa eta balioa txertatzen ditu hash taulan. Gakoa badago, balio zaharra aldatzen du balio berriarengatik. Kasu honetan balio zaharra itzultzen du. Gakoa ez badago <i>null</i> itzultzen du.
V get (K key)	Gakoari dagokion balioa itzultzen du, edo <i>null</i> ez badago.
V remove(K key)	Gakoa eta bere balioa ezabatzen ditu. Gakoari dagokion balioa itzultzen du edo <i>null</i> existitzen ez bada.
void clear ()	Elementu guztiak ezabatzen ditu.
boolean isEmpty()	True hutsa bada, edo false beste kasuan.
boolean containsKey (K key)	True gakoa taulan badago, false beste kasuan.
int size ()	Zerrendaren elementu kopurua itzultzen du



Hash taulak: interfazea

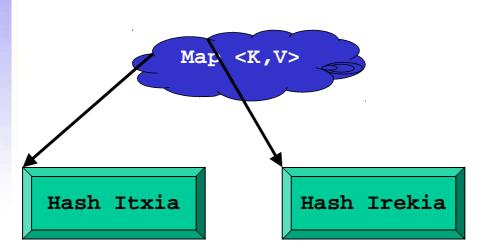
```
public interface Map <K,V> {
    public V put (K key, V value);
    public V get (K key);
    public V remove (K key);
    public void clear();
    public boolean isEmpty();
    public boolean containsKey(K key);
    public int size();
}
```

17



Hash taulak

Interfaze bat, inplementazio desberdinak





Hash taulak: Hash itxia

- Hash taula bat itxia da, onartzen dituen gehienezko elementu kopurua finkatuta dagoenean (MAXPOS)
- Eraginkortasuna bermatzeko, taula gorde nahi den elementukopurua baino %25 handiagoa izatea gomendatzen da (karga-faktorea < % 75 = 0.75)

19



Hash taulak

- Hash funtzioaren emaitzarekin gakoari taulan dagokion posizioa lortzen da
 - indize=hash(gakoa) % MAXPOS
 - Baldin MAXPOS = 20
 - 15564465 gakoaren posizioa zein litzateke?
 - "JAVA" gakoaren posizioa zein litzateke?

- Zer gertatuko litzateke posizio hori beste gako sinonimo batek beteko balu (kolisioa edo talka)? →
 - Lehenbailehen libre dagoen posizio bat aurkitu taulan!!
- Esaterako: "CC" gakoa "ADA" gakoaren sinonimoa da ikusitako hash funtzioarekin

$$hash("CC") --> 3+3 = 6$$

 $hash("ADA") --> 1 + 4 + 1 = 6$



Hash taula itxiak:

Talkak: Nola aurkitu posizio berria?

- Proba lineala: ondoren dagoen lehen posizio librea bilatu
 - while (gako posizioa erabilita) do gakoa = (1 + gakoa) % MAXPOS

Desabantaila: clusterrak sor daitezke

- Zenbaki lehenaren proba: MAXPOS zatitzen EZ duen zenbaki lehen bat aukeratu (MAXPOS = 15 → P = 13)
 gakoa = (P + gakoa) % MAXPOS
- Elementu baten ezabaketak ez du esan nahi guztiz desagertu behar dela (nonltem)

HASH TAULA

0	
1	(katua,cat)
2	
3	
4	(txakurra,dog)
	(etxea,house)
	(kaixo,hello)
S-1	

MAXPOS-



Hash taula itxiak:

Talkak: Nola aurkitu posizio berria?

 Proba koadratikoa: x-en ondoren libre dagoen posizioa sekuentzia honekin bilatzen du:

$$x+1$$
, $x+2^2$, $x+3^2$, $x+4^2$, $x+5^2$,...

- Clusterrak ekiditu nahi ditu
- Dena dela, posizio batera doazen gakoek bide bera jarraitzen dute

23



Hash taula itxiak: Talkak: Nola aurkitu posizio berria?

 Hashing bikoitza: x-en ondoren libre dagoen lehen posizioa bilatuko du, gakoaren gaineko beste hash funtzio batekin kalkulatutako Pauso baten bidez:

$$x+Pauso, x+2Pauso, x+3Pauso$$

- Adibidez: Pauso = P (gako % P), P zenbaki lehena eta arrayaren tamaina baino txikiagoa izanik
- Pauso ezin da inoiz 0 izan
- Arrayaren tamainak zenbaki lehena izan behar du

```
class DataItem<K,V> {
    K key;  // data item (key)
    V data;
    public DataItem(K k, V v) { // eraikitzailea
        key = k;
        data = v; }
    } // end class DataItem
```

```
class HashTableItxia<K,V> implements Map<K,V> {
    private DataItem<K,V>[] hashArray; // hash-taula egitura
    private int arraySize;
    private DataItem<K,V> nonItem;
```



```
public HashTableItxia(int size) { // eraikitzailea
    arraySize = size;
    hashArray = new DataItem[arraySize];
    nonItem = new DataItem(null, null); // elementu ezabatua
}
```

```
private int hashFunc(K key) {
    return (key.hashCode() % arraySize );
    // Objektu bakoitzak kode desberdin bat
    // dauka, sistemak emandakoa. Erreferentzietatik lortzen da
    // Beste bat nahi izanez gero, birdefinitu behar dugu
}
```



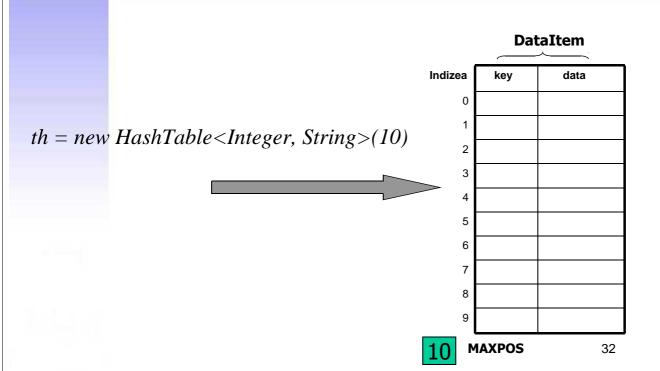
Hash taula itxiak: remove metodoa. Proba lineala



```
else if (hashArray[hashVal].equals(nonItem)) { // aurrerago begiratu
        int reserva = hashVal;
        hashVal = (hashVal + 1) \% arraySize;
        while (hashArray[hashVal]!=null &&
               !hashArray[hashVal].key.equals(pKey) && hashVal != reserva ) {
                           hashVal++;
                           hashVal = hashVal % arraySize;
        if ( (hashArray[hashVal] == null) || hashVal == reserva ) {
                        // gakoa ez dago: txertatu
                 hashArray[reserva] = new DataItem(pKey, pData);
                 return null;
        else { // ( hashArray[hashVal].key.equals(pKey) )
            // aldatu elementu hau
                  V temp = hashArray[hashVal].data;
                 hashArray[hashVal].data=pData;
                 return temp;
 else // ( hashArray[hashVal].key.equals(pKey) )
```



Hash taula itxiaren adibidea



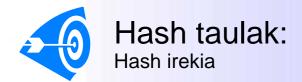


Hash taula itxiaren adibidea

```
Gakoek lau digitu osoak dituztela suposatuko dugu (dddd): HASH ('dddd') → d+d+d+d eta kolisioak proba linealaz ebazten direla.
```

Ondorengo eragiketa egin ondoren hash taularen egoera zein den adierazi:

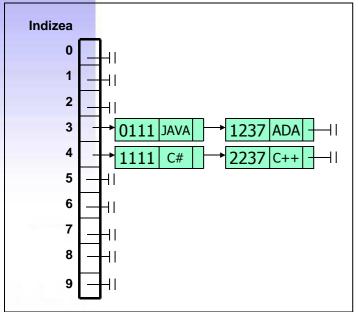
```
th.put (new Integer(1237), "ADA");
th.put (new Integer(2237), "C");
th.put (new Integer(0111), "JAVA"));
th.put (new Integer(2237), "C++");
th.remove (new Integer(0111));
th.put (new Integer(1111), "C#"));
th.remove (new Integer(1237));
```



- Ez dago muga logikorik elementuak txertatzeko
- Hash funtzioa erabiliz gako bati dagokion posizioa lortzen da
- Posizio bereko sinonimoak zerrenda estekatu batean gordetzen dira
- Kolisioen kudeaketa ez da beharrezkoa



Hash taula irekiaren adibidea



35



Hash taula irekiak:

Inplementazioa: datuak eta taula

```
public HashTableIrekia(int size)  // eraikitzailea
{
    arraySize = size;
    hashArray = new LinkedList<K, V>[arraySize];
    for (int j = 0; j < arraySize; j++)
        hashArray[j] = new LinkedList<DataItem<K,V>>();
}
```

```
public int hashFunc(K pKey)
    {
    return (k.hashCode() % arraysize); // hash function
    }
```



Hash taula irekiak: put metodoa.

```
public V put (K pKey, V pData) { // insert a DataItem
      if (! containsKey(pKey)) {
         int hashVal = hashFunc(pKey); // hash the key
         hashArray[hashVal].addFirst(new DataItem(pKey, pData));
         return null;}
       else {
         int hashVal = hashFunc(pKey);
         Iterator<DataItem<K, V> it = hashArray[hashVal].iterator();
         boolean enc = 0;
         int index = 0;
         while (!(enc == 1)){ // ziur elementua badagoela!
           DataItem<K, V> elem = it.next();
           if elem.key.equals(pKey)) enc = 1;
           else index++;
         V value:
         value = elem.data;
         hashArray[hashVal].remove(index);
         hashArray[hashVal].addFirst(new DataItem(pKey, pData));
         return value;
      } // end put()
```

public boolean containsKey (K pKey) {} // find item with pKey

public V remove (K pKey) {} // delete item with pKey

public V get (K pKey) {} // return key associated value or null



- Aldez aurretik elementuen kopurua oso aldakorra denean eta ezagutzen ez denean
- Elementuak ordena jakin batean atzitu behar direnean (adibidez, txikienetik handienera)



Hash taulak. Laburpena (1)

- Aplikazio askotan bilaketa eraginkorrak behar dira, gako baten bidez (NAN zenbakia, produktu baten kodea, etabar). Gako batek ez du onartzen balio errepikaturik
- Gako-kopurua >> elementu-kopurua
- Adibidez: gakoa: string(1 .. 20) => 26²⁰ gako baina gehienez 10⁵ elementu daudela dakigu!

41



Hash taulak. Laburpena (2)

- Gakoa ezin da erabili array baten indizetzat:
 - Elementu gehiegi (gehienak hutsik)
 - Gainera, gakoa ez bada numerikoa, lengoaia gehienek ez dute uzten gako hori arrayaren indizetzat erabiltzea. Adibidez: "jose luis"



Hash taulak. Laburpena (3)

(A) aukera: 10⁵ elementuren arraya (indizea 1etik 100000raino)

- Arazoak:
 - Bilaketa
 - Txertaketa
 - Ezabaketa
 - Eragiketa sekuentzialak: O(N)
 - Gehienez bilaketa dikotomikoa (O(logN))
 - Baina txertaketa eta ezabaketa egitean elementuak mugitu behar dira => O(N)

43



Hash taulak. Laburpena (4)

(B) aukera: Hash taula (itxia)

- Bilaketa
- Txertaketa
- Ezabaketa
 Denbora ia konstantea ~ O(1) (bibliografia: analisi zehatza)
- Zeren arabera:
 - Hash funtzioa
 - Talkak
 - Taularen tamaina (karga-faktorea)



(C) aukera: Hash taula (irekia)

- k elementuren taula
- Azpilista baten batezbesteko elementuak: N / k
- Bilaketa
- Txertaketa
- Ezabaketa
 Denbora ia konstantea ~ O(N / k) (bibliografia: analisi zehatza)

45



Hash taulak. Laburpena (6)

(D) aukera. Zuhaitza DMA:

BZB (orekatua: AVL, ...)

- Denbora
 - Bilaketa
 - Txertaketa
 - Ezabaketa

Denak: ~ O(logN)