## SPSS-rekin Praktiketan

Eneko Sampedro, Gontzal Pujana, Iker Ortiz, Xabier Lekunberri eta Javier Sautua Aurkibidea

- Sarrera
- Estatistika deskribatzailea
- Diagramak
- Estimazio-tarteak
- Bibliografia



## Sarrera

Azterketa honetarako 100 pertsonen ordenagailuen RAM eta VRAM kopuruak hartu ditugu.

Balio hauek nola aldatzen diren ikusi ahal izango dugu.

RAM kantitatea adierazteko GB unitatea hartu dugu, VRAM-a adierazteko, aldiz, MB unitatea.

Estatistika Deskribatzailea

Estatistikoak				
	RAM kopurua	VRAM kopurua		
Batez bestekoa aritmetikoa	6,595	2193,90		
Batez besteko aritmetikoaren errore estandarra	0,4119	234,74		
Mediana	6,000	1536,00		
Moda	8,0	102		
Desbideratze estandarra	4,1192	2347,4C		
Bariantza	16,968	5510291,000		
Alborapen-koefizientea	1,203	2,93		
Error estándar de asimetría	0,241	0,24		
Kurtosia	1,491	9,40		
Kurtosiaren errore estandarra	O,478	0,47		

19,5

0,5

20,0

4,000

6,000

8,000

12032

256

12288

1024,00

1536,00

2048,00

Heina

Minimoa

Maximoa

Pertzentilak

25

50

75

RAM kopurua				
Modalitateak (x <sub>i</sub> )	Maiztasun absolutua (f <sub>i</sub> )	Maiztasun metatua (F <sub>i</sub> )	Maiztasun erlatiboa (h <sub>i</sub> )	
0,5	1	1	0,01	
1,0	2	3	0,02	
2,0	8	11	0,08	
3,0	13	24	0,13	
4,0	21	45	0,21	
5,0	1	46	0,01	
6,0	5	51	0,05	
7,0	3	54	0,3	
8,0	31	85	0,31	
9,0	1	86	0,01	
10,0	1	87	0,01	
11,0	1	88	0,01	
12,0	3	91	0,03	
14,0	2	93	0,02	
16,0	5	98	0,05	

100

0,02

2

20,0

# Modalitateak (x<sub>i</sub>) Maiztasun absolutua (f<sub>i</sub>) Maiztasun metatua (F<sub>i</sub>) Maiztasun erlatiboa (h<sub>i</sub>) 256 2 2,0 0,02

35

29

11

4,0

12,0

14,0

49,0

52,0

81,0

83,0

94,0

97,0

100,0

0,02

0,08

0,02

0,35

0,3

0,29

0,2

0,11

0,3

0,3

384

512

768

1024

1536

2048

3071

4096

8192

12288

**VRAM** kopurua

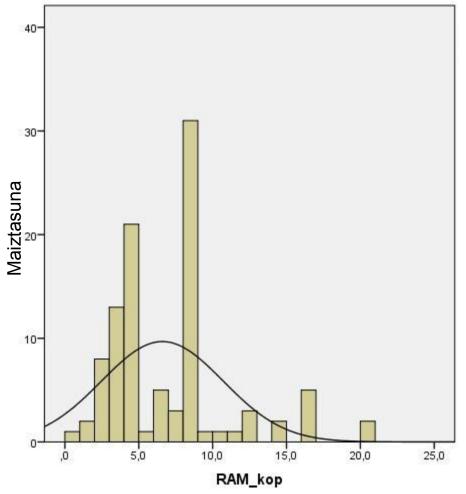
## Ondorioak

- RAM-aren moda 8-koa da, eta VRAM-arena 1024-koa; honek esan nahi du pertsona gehienek 8 GB-ko RAM-a eta 1024 MB-eko VRAM-a dutela.
- Batez besteko aritmetikoak, aztertutako konputagailuen RAM memoriaren batez bestekoa 6,595 GB dela adierazten digu. Hala, VRAM memoria 2193,90 MB inguruan dabilela ikus dezakegu. Datu hauek, jakin dezakegunez, guztiz logikoak dira, izan ere, gaur egungo ordenagailu gehienek 4GB eta 8GB arteko RAM memoria eta 1024 MB eta 2048 MB arteko VRAM-a baitute. VRAM elementu gehienak 1024 MB eta 2048 MB artean badaude ere, aurki ditzakegun 12288 MB balioak oso altuak direnez, VRAM hori duten erabiltzaile gutxi aurkitzen badira ere, azkenengo emaitzako batez bestekoa asko aldatzen dute.

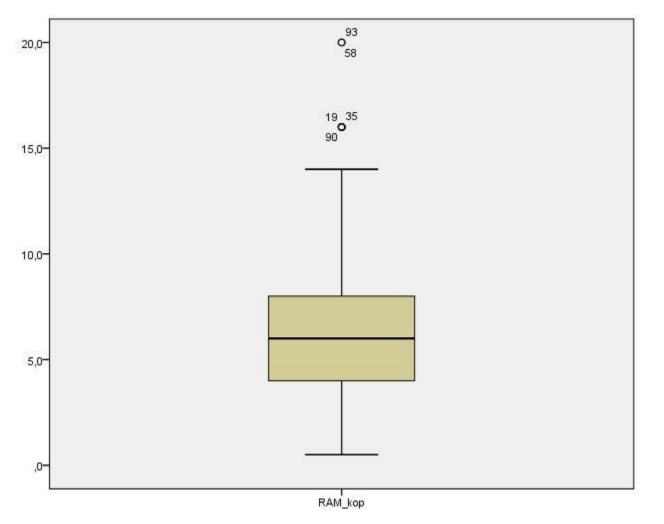
- Medianaren bidez, ikusi dezakegu 6 GB-eko RAM-a eta 1536MB-ko VRAM-a erdiko puntuak direla, hau da, ordenagailu kopuru berdina dago balio hauetatik gora eta behera. Balio hauekin aztertu dezakegu, oraindik ordenagailu zahar nahiko geratzen direla baina azken urteotan hori aldatuz joan dela.
- Bariantzak, balioen arteko sakabanapena adierazten digu. Balio hauek oso altuak izatea espero genuen. Konputagailuen munduko memoriez hitz egiten ari bagara, denboran zehar, gailu hauek izaten duten hobekuntza memoria bikoiztea baita. Nabarmena da, 4GB eta 8GB artean bariantza altua ateratzea, bata bestearen bikoitza delako.
- Desbiderapen tipikoak bariantzaren funtzio bera betetzen du, baina guk aurkeztutako datuekin bat egiten du, bariantzak ez bezala.
- Alborapen-koefizienteak batez bestekoarekiko simetria neurtzen du. Bi balioak positiboak agertzen direnez, eskuinerako alborapena izango dugu. Honek, balioak batez bestekoaren behetik multzotuago agetzen direla erakusten du.

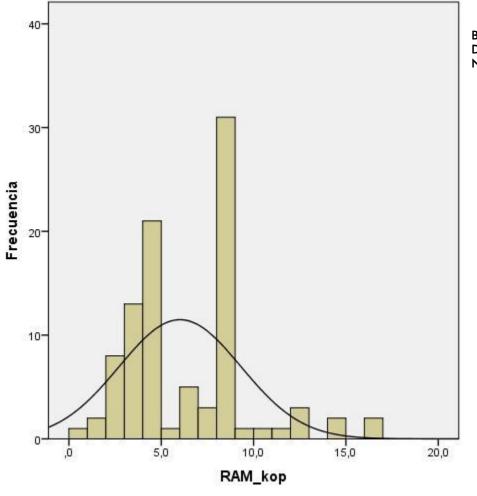
- Kurtosiak banaketaren zorroztasuna adierazten du. Kasu honetan, bi balioak positiboak direnez, bi kurbak leptokurtikoak izango dira. Honen bidez, batez bestekoaren inguruan balio gehiago daudela ikus dezakegu.
- Heinaren bidez, aldagaien balio handienaren eta balio txikienaren arteko diferentziari erreparatuko diogu. Bi balioak GB-etara pasatuz gero, oso antzekoak direla ikusiko dugu, normalean zenbat eta RAM kantitate handiagoa izan, orduan eta ordenagailua hobeagoa dela adierazten du eta VRAM balioa harekin batera inkrementatzen da.
- Minimoak eta maximoak, RAM-ak eta VRAM-ak har dezaketen balio txikiena eta handiena dira, hurrenez hurren.
- Pertzentilek zenbaki horien (n) ezkerrean balioen %n-a utziko du, hau da, 50. pertzentilaren (medianaren) ezkerrean eta eskuinean balio kopuru berdina egongo da, adibidez

## Diagramak



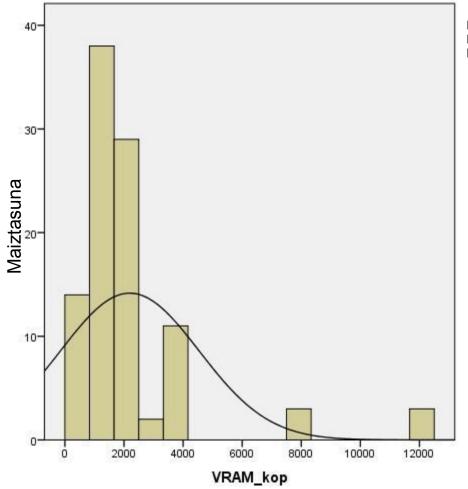
Bataz-bestekoa = 6,6 Desbiderazio tipikoa = 4,119 N = 100



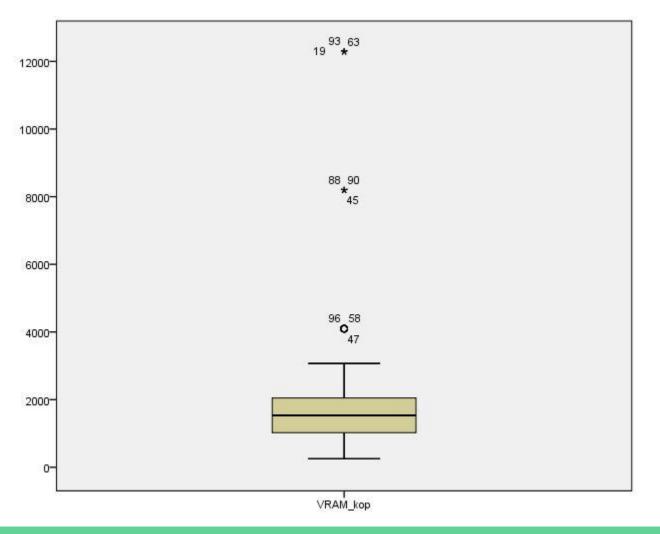


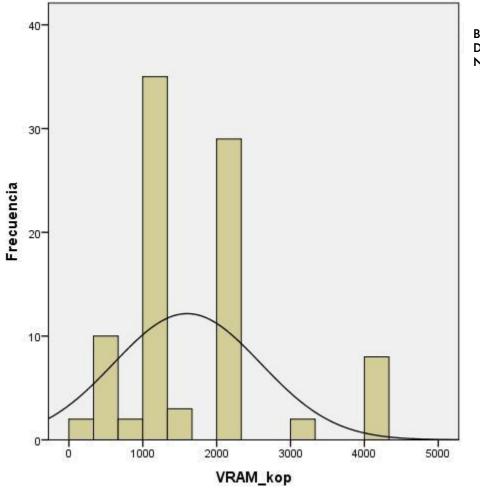
Bataz-bestekoa = 6,02 Desbiderazio tipikoa = 3,299 N = 95

Balio arrarorik gabe



Bataz-bestekoa = 2193,9 Desbiderazio tipikoa = 2347,401 N = 100





Bataz-bestekoa = 1600,68 Desbiderazio tipikoa = 994,636 N = 91

Balio arrarorik gabe

Estimazio-tarteak

Batezbestekoa	%95-ko konfiantza- tartearekin	
	Behekoa	Goikoa
RAM_kop	5,778	7,412
VRAM_kop	1728,12	2659,68

Batezbestekoa	%99-ko konfiantza-tartearekin	
Dalezbesiekoa	Behekoa	Goikoa
RAM_kop	5,513	7,677
VRAM_kop	1577,38	2810,42

## $1-\alpha = 0.95$ Estimazioarekin

RAM kantitatea (Batezbestekoa):

$$\begin{split} \left[ \bar{x} \pm t_{n-1;\frac{\alpha}{2}} S_x / \sqrt{n} \right] &= \left[ 6.595 \pm 1.9842 \frac{4.1192}{10} \right] \\ &= \left[ 5.7776, 7.412 \right] \\ t_{n-1;\frac{\alpha}{2}} &= t_{n-1;\frac{0.05}{2}} = IDF. T(0.975,99) = 1.9842 \end{split}$$

VRAM kantitatea (Batezbestekoa):

$$\left[\bar{x} \pm t_{n-1;\frac{\alpha}{2}} S / \sqrt{n}\right] = \left[2193.9 \pm 1.9842 \frac{2347.4009}{10}\right]$$
$$= \left[1728.1287,2659.6712\right]$$

### $1-\alpha = 0.99$ Estimazioarekin

RAM kantitatea (Batezbestekoa):

$$\left[\bar{x} \pm t_{n-1,\frac{\alpha}{2}} S/\sqrt{n}\right] = \left[6.595 \pm 2.624 \frac{4.1192}{10}\right] = \left[5.514, 7.675\right]$$

VRAM kantitatea (Batezbestekoa):

$$\left[\bar{x} \pm t_{n-1;\frac{\alpha}{2}} S/\sqrt{n}\right] = \left[2193.9 \pm 2.624 \frac{2347.4009}{10}\right] = [1577.94,2809.85]$$

#### RAM kantitatea (Bariantza):

$$\left[\frac{(n-1)S^2}{\chi^2_{n-1;\frac{\alpha}{2}}}, \frac{(n-1)S^2}{\chi^2_{n-1;1-\frac{\alpha}{2}}}\right] = \left[\frac{99 \cdot 16.968}{128.422}, \frac{99 \cdot 16.968}{73.3611}\right] = [13.0805, 22.8981]$$

$$\chi^2_{n-1;\frac{\alpha}{2}} = \chi^2_{100-1;\frac{0.05}{2}} = IDF. CHISQ(0.975, 99) = 128.422$$

$$\chi^2_{n-1;1-\frac{\alpha}{2}} = \chi^2_{100-1;1-\frac{0.05}{2}} = IDF. CHISQ(0.025, 99) = 73.3611$$

## $1-\alpha = 0.95$ Estimazioarekin

#### VRAM kantitatea (Bariantza):

$$\left[\frac{(n-1)S^2}{\chi^2_{n-1;\frac{\alpha}{2}}}, \frac{(n-1)S^2}{\chi^2_{n-1;1-\frac{\alpha}{2}}}\right] = \left[\frac{99 \cdot 5510291}{128.422}, \frac{99 \cdot 5510291}{73.3611}\right] = \left[4247861,743677.281\right]$$

RAM kantitatea (Bariantza):

$$\left[\frac{(n-1)S^2}{\chi_{n-1;\frac{\alpha}{2}}^2}, \frac{(n-1)S^2}{\chi_{n-1;1-\frac{\alpha}{2}}^2}\right] = \left[\frac{99 \cdot 16.968}{138.98}, \frac{99 \cdot 16.968}{66.51}\right] = [12.086, 25.256]$$

 $1-\alpha = 0.99$  Estimazioarekin

VRAM kantitatea (Bariantza):

$$\left[\frac{(n-1)S^2}{\chi^2_{n-1;\frac{\alpha}{2}}}, \frac{(n-1)S^2}{\chi^2_{n-1;1-\frac{\alpha}{2}}}\right] = \left[\frac{99 \cdot 5510291}{138.98}, \frac{99 \cdot 5510291}{66.51}\right] = [3925160.51,8202056.969]$$

