## Lengoaiak, Konputazioa eta Sistema Adimendunak

2. gaia: Lengoaiak – 0,9 puntu – Bilboko IITUE 2014-11-26

## 1 $A^*$ zenbagarria da eta $2^{A^*}$ zenbaezina da (0,325 puntu)

- **1.1.** (0,025 puntu) Har dezagun  $A = \{a,b,c\}$  alfabetoa.  $A^*$ -ko hitzak zenbatuz joateko era egokia zein den zehaztu. Horretarako, zerrendako lehenengo 15 hitzak orden egokian eman.
- **1.2.** (0,300 puntu) Har dezagun edozein A alfabeto. Kontraesanaren teknika erabiliz,  $2^{A^*}$  zenbaezina dela frogatu.

## 2 Lengoaien definizioa (0,575 puntu)

Har dezagun  $A = \{a, b, c\}$  alfabetoa:

- 2.1.  $(0,050 \, \mathrm{puntu})$  Hiru edo handiagoa den luzera bakoitia duten eta ertzeetako eta erdiko posizioetan sinbolo bera duten hitzez osatutako  $L_1$  lengoaiaren definizio formala eman. Adibidez,  $\underline{bca\underline{b}bc\underline{b}}$ ,  $\underline{ccc}$ ,  $\underline{ccccc}$ ,  $\underline{abaa\underline{aaaca}}$  hitzak  $L_1$  lengoaiakoak dira baina  $\varepsilon$ , cba, aa, cabbbc eta aaaa ez dira  $L_1$  lengoaiakoak.
- **2.2.**  $(0,100 \, \mathrm{puntu})$  Hiru edo handiagoa den luzera bakoitia duten eta ertzeetako eta erdiko posizioetan sinbolo bera edukitzeaz gain, sinbolo hori beste posizioetan ez duten hitzez osatutako  $L_2$  lengoaiaren definizio formala eman. Adibidez,  $\underline{bca\underline{bccb}}$ ,  $\underline{ccc}$ ,  $\underline{cbcbc}$ ,  $\underline{abccaccca}$  hitzak  $L_2$  lengoaiakoak dira baina  $\varepsilon$ , cba, aa, aaaba, aaaaa eta aaaa ez dira  $L_2$  lengoaiakoak.
- **2.3.** (0,050 puntu) Hiru edo handiagoa den luzera bakoitia duten eta simbolo bakar baten errepikapenez eratuta dauden hitzez osatutako  $L_3$  lengoaiaren definizio formala eman. Adibidez, aaa, aaaaa, cccc, bbb hitzak  $L_3$  lengoaiakoak dira baina  $\varepsilon$ , a, aa, aaaba, aaaba, cccc eta bcaaac ez dira  $L_3$  lengoaiakoak.
- **2.4.** (0,075 puntu) Hiru edo handiagoa den luzera bakoitia duten eta erdiko sinboloa kontuan hartu gabe, ezkerreko erdia eskuineko erdiaren alderantzizkoa duten hitzez osatutako  $L_4$  lengoaiaren definizio formala eman. Adibidez, aaa, aaaaa, abcba, aacbbbcaa hitzak  $L_4$  lengoaiakoak dira baina  $\varepsilon$ , a, aa, aaaba, aaabac, abcab eta bcaaac ez dira  $L_4$  lengoaiakoak.
- **2.5.** (0,100 puntu) aa azpikatea ez duten hitzez osatutako  $L_5$  lengoaiaren definizio formala eman. Adibidez,  $\varepsilon$ , a, b, abcc, accabc eta accabc eta accabc lengoaiakoak dira baina aa, abaaabac, accabc eta accabc eta accabc lengoaiakoak.
- **2.6.** (0,075 puntu) aa azpikatearekin hasten ez diren hitzez osatutako  $L_6$  lengoaiaren definizio formala eman. Adibidez,  $\varepsilon$ , a, b, abcc, accaaabc eta accaca lengoaiakoak dira baina aa, aabaaabac, aaaccacaa eta aaaaaa ez dira  $L_6$  lengoaiakoak.
- **2.7.** (0,050 puntu) aa azpikatearekin bukatzen ez diren hitzez osatutako  $L_7$  lengoaiaren definizio formala eman. Adibidez,  $\varepsilon$ , a, b, aaaabcc, accaaabc eta accacaabc eta aaaaaa ez dira aa, aabaaabacaaa, aaaaccacaa, aaaaccacaa, aaaaaaa ez dira aaaaaa ez dira aaaaaa
- **2.8.** (0,075 puntu) Ez hasieran eta ez bukaeran, aa azpikatea ez duten hitzez osatutako  $L_8$  lengoaiaren definizio formala eman. Adibidez,  $\varepsilon$ , a, b, caaaabcc, accaaabc eta accac lengoaiakoak dira baina aa, aabaaabacaaa, aaacccc, accaaa eta aaaaaa ez dira  $L_8$  lengoaiakoak.