



Datu egiturak



Pilak eta ilarak

1



Aurkibidea



•Pilak

- Zer dira?
- Ezaugarriak
- Metodo nagusiak
- Adibideak

•Implementazio adibideak

- Array-etan oinarrituta
- Zerrendetan oinarrituta

•Ilarak

- Zer dira?
- Ezaugarriak
- Metodo nagusiak
- Adibideak

•Implementazio adibideak

- Array-etan oinarrituta
- Zerrendetan oinarrituta

2



Datu egiturak

Pilak



3

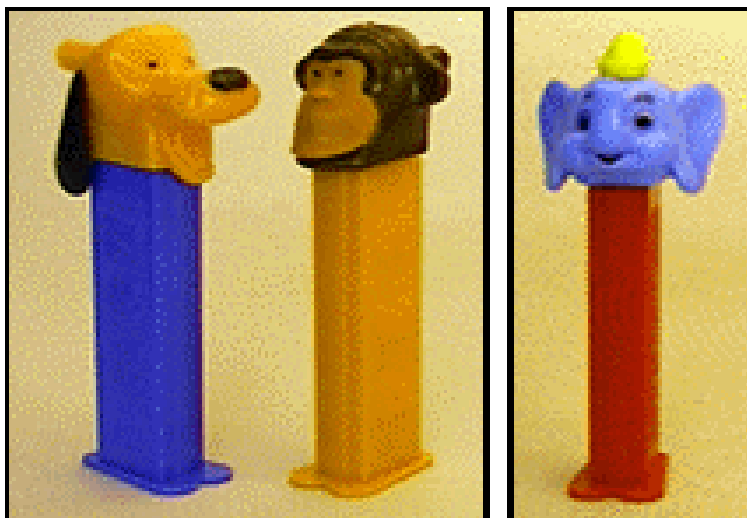


Pilak

Zer dira?. Ezaugarriak

- Datu egitura **lineala** non:
 - Txertatu den elementu berriena atzitu daiteke soilik (**top** edo gailur)
 - Objektuak **mutur batetik** txertatzen eta ezabatzen dira **LIFO** (**L**ast **I**n **F**irst **O**ut) irizpidea jarraituz.
- Egokiak dira:
 - **Azken** elementua atzitu behar dugunean soilik.
 - Zerrenda bat **alderantzikatu** nahi dugunean.

4



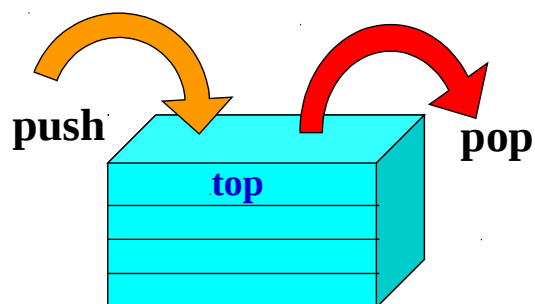
5



Pilak

Metodo nagusiak

- Mutur batetik txertatu (pilaratu): **push(x)**
- Mutur berdinetik atera (despilatu): **pop()**



Eskuragarri dagoen elementu bakarra azken txertatua da (gailur): **top**

6



Pilak

Metodo nagusiak eta metodo laguntzaileak

Metodo nagusiak	Esanahia
void push (T elem)	Pilaren gailurrean elementu bat txertatzen da
T pop ()	Pilaren gailurrean dagoen elementua ezabatzen da posizio horretan zegoen elementua itzuliz

Metodo laguntzaileak	Esanahia
int size ()	Pilaren tamaina itzultzen du
boolean isEmpty ()	True pila hutsa bada eta false kontrako kasuan
T peek ()	Gailurrean dagoen elementua itzultzen du gailurretik ezabatu gabe.

7



Pilak

Adibideak

- Pilak konpiladoreetan:
 - Sinboloen oreka konprobatzeko
 - Metodoen deialdiak gordetzeko:
Errekurtsioa
 - Deialdi bakoitzean gordetzen da:
 - Metodoen aldagai lokalak (kontextu)
 - Deialdia egin den lerroa

8



Pilak: metodoen deialdiak gordetzeko

```
1 public class Faktoriala{
2     public static void main(String args[]){
3         int param = Integer.parseInt(args[0]);
4         long emaitza = fakt(param);
5         System.out.println( args[0] + "! = " + emaitza);
6     } // main amaiera
7     public static long fakt(int n){
8         if(n<=1)
9             return 1;
10        else
11            return n*fakt(n-1);
12    } // fakt amaiera
13 } // Faktoriala amaiera
```



Pilak

Adibide 1: Parentesi konprobaketa

- Ondo:

- - ()
 - (()())



- Gaizki:

-)
 - (()
 - ())



-

- Simboloen oreka konprobatzeko erregelak:

- Oinarrizkoa: ()

- Sekuentzia: (()())

- Habiratuak: (())

-



Pilak

Adibide 1: Parentesi konprobaketa

- **Erregelak:**

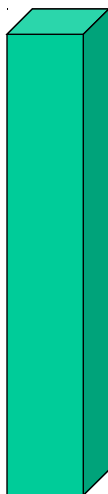
- (aurkitzen dugun bakoitzean, pilan txertatzen dugu.
-) aurkitzen dugun bakoitzean, gailurrean dagoen (ateratzen dugu
- Parentesi katea **zuzena** da, kate guztia korritu dugunean **pila hutsik badago**.

11



Pilak

Adibide: Parentesi konprobaketa ((()())())



Erregelak:

Parentesi irekia: pilaratu

Parentesi itxia: despilatu

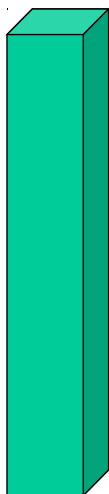
((()()())())

12



Pilak

Adibide 1: Parentesi konprobaketa $((()())())$



Zuzena: katea korritu dugu
eta **pila hutsik dago**

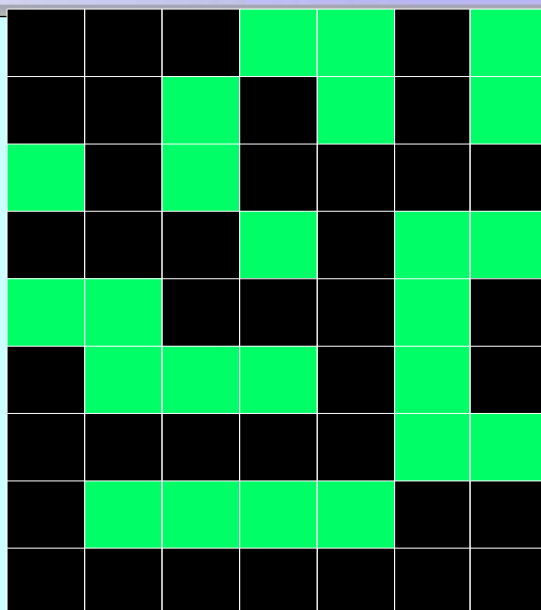
~~((()())())~~

13



Labirintoa zeharkatzen

```
private int [ ][ ] labirinto =
{ {1,1,1,0,0,1,0},
  {1,1,0,1,0,1,0},
  {0,1,0,1,1,1,1},
  {1,1,1,0,1,0,0},
  {0,0,1,1,1,0,1},
  {1,0,0,0,1,0,1},
  {1,1,1,1,1,0,0},
  {1,0,0,0,0,1,1},
  {1,1,1,1,1,1,1} };
```



labirinto[errenkada][zutabe] == 1 "bidea da"

labirinto[errenkada][zutabe] == 0 "horma da"

14



Labirintoa zeharkatzen

```
public boolean traverse (){
    Poner posición inicial en la cima de la pila
    Marcar esa posición como visitada
    while "la posición no sea la salida" y
        "tenga esperanza de poder llegar a la salida" {
        posición = extraer la cima de la pila
        if "la posición es la salida" terminar el while
        else {
            para cada casilla posible de avance desde posición:
                apilar esa casilla /* puede verse como
                    una tarea que queda por hacer: intentar
                    el camino desde esa casilla*/
                Marcar esa posición como visitada
        }
    }//end while
    if "la posición es la salida" return true
    else return false
}
```



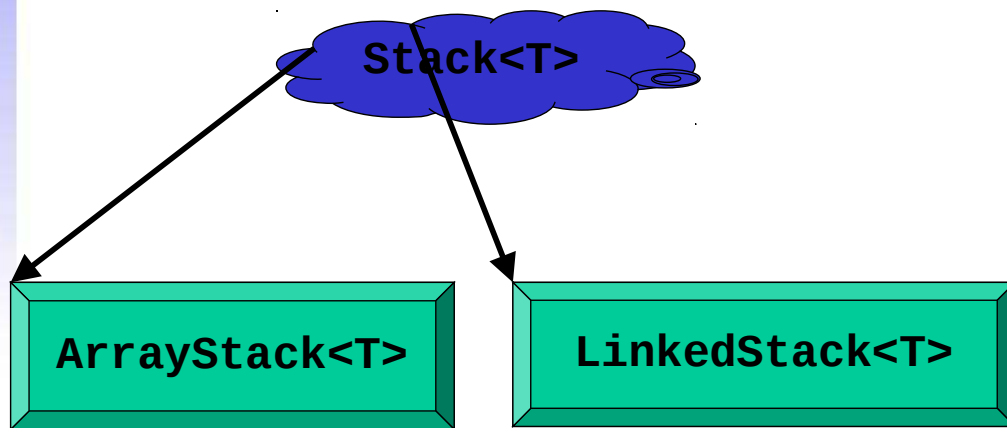
Pila interfazea

```
public interface Stack<T> {
    public int size();
    public boolean isEmpty();
    public void push(T o);
    public T pop();
    public T peek();
}
```




Pilak:

Implementazio desberdinak interfaze batentzat



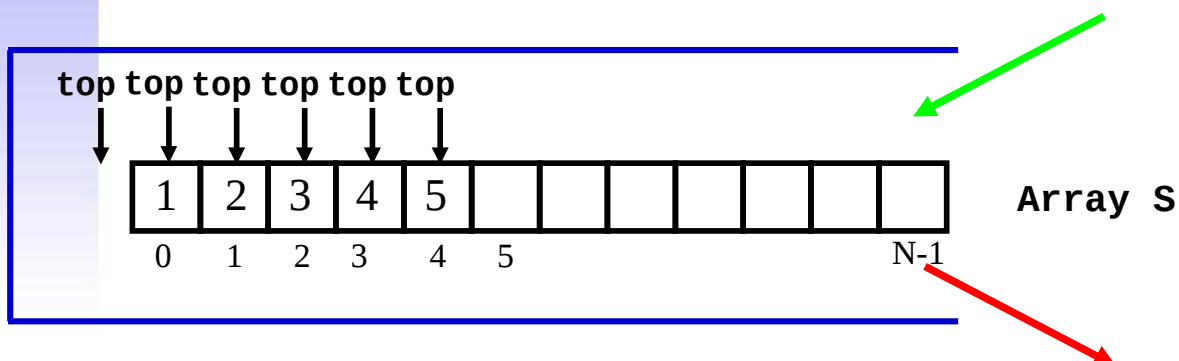
17



Pilak:

Array-etan oinarritutako inplementazioa

S array baten bidez inplementatutako **pila** batean **o** objektu bat txertatu nahi dugu



```
top = top + 1; //top etiketa posizio bat mugitu  
s[top] = o;    //top posizio berrian elementua txertatzen da
```

18



Pilak:

Array-etan oinarritutako implementazioa

```
public class ArrayStack<T> implements Stack<T> {
    public static final int CAP = 1000;
    private int maxSize;           // size of stack array
    private T[] stackArray;
    private int top;               // top of stack

    public ArrayStack() {this(CAP);} // constructor
    public ArrayStack(int alturaMax) {
        maxSize = alturaMax; // set array size
        stackArray = (T[])(new Object[maxSize]);
                                // create array
        top = -1;               // no items yet
    }
```

19



Pilak:

Array-etan oinarritutako implementazioa

```
public void push(T elemento) {
    // put item on top of stack
    stackArray[++top] = elemento;
    // increment top, insert item
}

public T pop() {
    // take item from top of stack
    return stackArray[top--];
    // access item, decrement top
}
```

20



Pilak:

Array-etan oinarritutako implementazioa

```
public T peek() { // peek at top of stack
    return stackArray[top];
}

public boolean isEmpty() { // true if empty
    return (top == -1);
}

public int size() {
    return (1+top);
}
}
```

21



Pilak:

iteradore bat nahi dugu?

```
public Iterator<T> iterator() {
    return new ReverseArrayIterator(); }
```

Nested class

```
public class ReverseArrayIterator implements Iterator<T> {

    private int i = top;

    public boolean hasNext() {
        return i >= 0; }

    public Item next() {
        return stackArray[i--]; }

    public void remove() {
        throw new UnsupportedOperationException(); }
} // ReverseArrayIterator
```

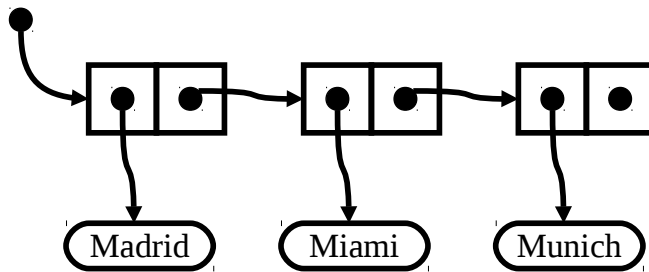
```
} // ArrayStack<T>
```

22



Pilak:

Zerrenda estekatuetan oinarritutako implementazioa



23



Pilak:

Zerrenda estekatuetan oinarritutako implementazioa

```
public class LinkedStack<T> implements Stack<T>{  
    private LinearNode<T> top;  
    private int count;  
    public LinkedStack(){ // eraikitzailea  
        top = null;  
        count = 0;  
    }  
    public boolean isEmpty( ){  
        return (top == null);  
    }  
    public int size(){ return count; }  
}
```

24

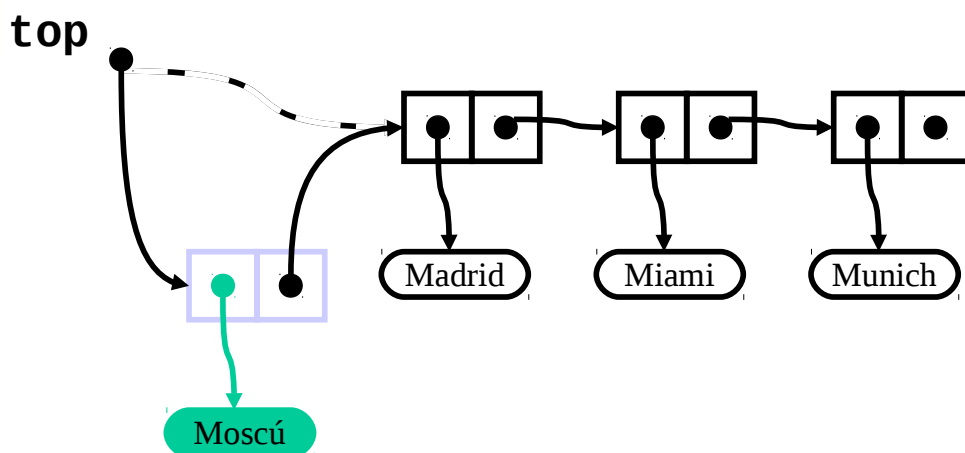


Pilak:

Zerrenda estekatueta oinarritutako implementazioa txertaketa: **push()**

```
public void push(T e) {
```

```
}
```



25



Pilak:

Zerrenda estekatueta oinarritutako implementazioa atzipena: **peek()**

```
public T peek() {  
    // Precondition: not empty
```

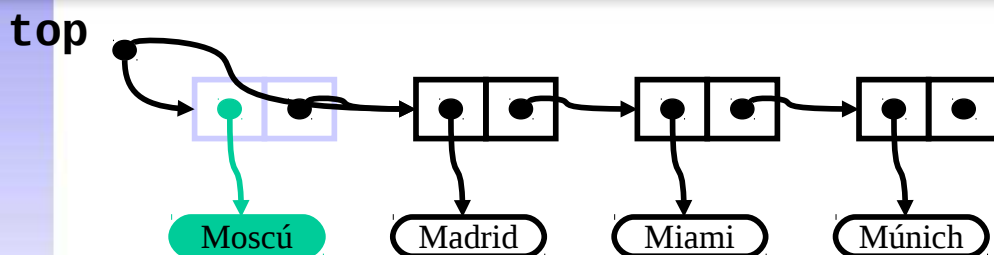
```
}
```

26

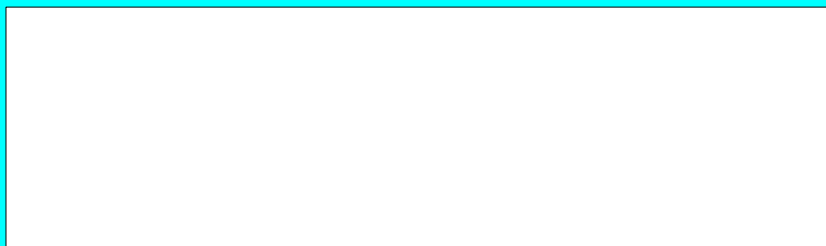


Pilak:

Zerrenda estekatueta oinarritutako implementazioa
ezabaketa: **pop()**



```
public T pop(){  
    // Precondition: not empty
```



```
}  
} // LinkedStack
```

27



Datu egiturak

Ilarak



28



Ilarak

Zer dira? Ezaugarriak

- Datu egitura **lineala** non:
 - Atzipena, hasieran txertatutako elementuari murriztua dago (**elementu zaharrena**)
 - Elementuak mutur batetik txertatzen dira eta beste muturretik ateratzen dira **FIFO** (**F**irst **I**n **F**irst **O**ut) irizpidea jarraituz.

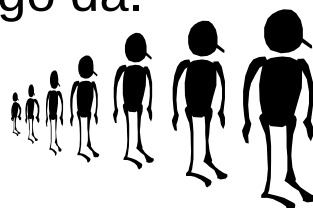
29



Ilarak:

Adibideak

- **Autobuseko ilara**
 - Lehenengoa sartzen da, lehenengoa etorri dena.
 - Ilaran denbora gehiago daramana
- **Inprimaketa-ilara**
 - Azken bidalitako fitxategia, azkenekoa ateratzen dena izango da.



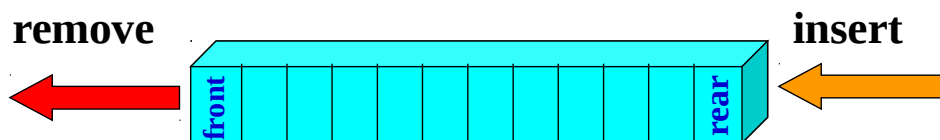
30



Ilarak

Metodo nagusiak

- Mutur batetik txertatu (ilaratu): **insert(x)**
- Beste muturretik atera (desilaratu): **remove()**



Eskuragarri dago, Ilararen **lehen** elementua (**front**).

31



Ilarak

Metodo nagusiak eta metodo laguntzaileak

Metodo nagusiak	Esanahia
void insert (T elem)	Elementu bat txertatzen du ilararen bukaeran.
T remove ()	Ilararen hasierako elementua ezabatzen du eta bere edukia itzultzen du . Hutsa bada, null bueltatuko du.

Metodo laguntzaileak	Esanahia
int size ()	Ilararen tamaina itzultzen du
boolean isEmpty ()	true, ilara hutsa bada eta false kontrako kasuan
T front ()	Ilararen hasieran dagoen elementua itzultzen du ilaratik atera gabe

32

Mezu baten kodeketa

- Mezuko letra bakoitza aldatuko da, bere ordezt, letra horri “dagokion” gakoak emandako alfabetoko distantzian kokatuta dagoen letra jarritz
- **Gakoa** zenbakien sekuentzia bat da
 - Adibidez, gakoa {3, 15, -4, 7, -9, 5} bada, orduan lehenengo letra 3ko distantzian dagoen letragatik aldatuko da, bigarrena 15eko distantzian eta horrela letra guztiekin. 5a erabili eta gero, lehenengo gaiarekin jarraituko da, mezu oso kodetu arte
 -
- Ikus 5.2 atala [Lewis, Chase] liburuan

Colas

33

Erroaren bidezko ordenazioa (radix sort)

- Zenbakien sekuentzia bat ordenatu behar da (digitu-kopuru maximoa ezagututa)
- Ikus *radix sort* Edozein liburutan (wikipedia)
- Ikus 7.4 atala [Lewis, Chase] liburuan

Erroaren bidezko ordenazioa.

Adibidea

- Gehienez 3 digituko zenbaki hamartarrak
- Sekuentzia ez-ordenatua:
 - 170, 45, 75, 90, 2, 24, 802, 66.
 - Edo beste era batera:
 - 170, 045, 075, 090, 002, 024, 802, 066

Ilarak

35

Lehen fasea

- 170, 045, 075, 090, 002, 024, 802, 066
- Ilaretan sartuko ditugu [pisu gutxieneko digituagatik](#) ($\text{num} \% 10$)
- Berriro bilduko ditugu ilara batean, 0 ilaratik hasita, 9 ilarara iritsi arte:
 - 170, 090, 002, 802, 024, 045, 075, 066

0	17 <u>0</u> , 09 <u>0</u>
1	
2	00 <u>2</u> , 80 <u>2</u>
3	
4	02 <u>4</u>
5	04 <u>5</u> , 07 <u>5</u>
6	06 <u>6</u>
7	
8	
9	

Ilarak

36

Bigarren fasea

- 170, 090, 002, 802, 024, 045, 075, 066
Ilaretan sartuko ditugu **pisu gutxieneko bigarren digituagatik** $((\text{num}/10)\%10)$

Berriro bilduko ditugu ilara batean, 0 ilaratik hasita, 9 ilarara iritsi arte:

- 002, 802, 024, 045, 066, 170, 075, 090

0	0 <u>0</u> 2, 8 <u>0</u> 2
1	
2	0 <u>2</u> 4
3	
4	0 <u>4</u> 5
5	
6	0 <u>6</u> 6
7	1 <u>7</u> 0, 0 <u>7</u> 5
8	
9	0 <u>9</u> 0

Ilarak

37

Hirugarren fasea (eta azkena)

- 002, 802, 024, 045, 066, 170, 075, 090
- Ilaretan sartuko ditugu **pisu gutxieneko hirugarren digituagatik** $((\text{num}/100)\%10)$

- Berriro bilduko ditugu ilara batean, 0 ilaratik hasita, 9 ilarara iritsi arte:

002, 024, 045, 066, 075, 090, 170, 802

0	<u>0</u> 02, <u>0</u> 24, <u>0</u> 45, <u>0</u> 66, <u>0</u> 75, <u>0</u> 90
1	<u>1</u> 70
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	<u>8</u> 02
9	

ordenatuta

Ilarak

38



Ilarak

Ilararen interfazea

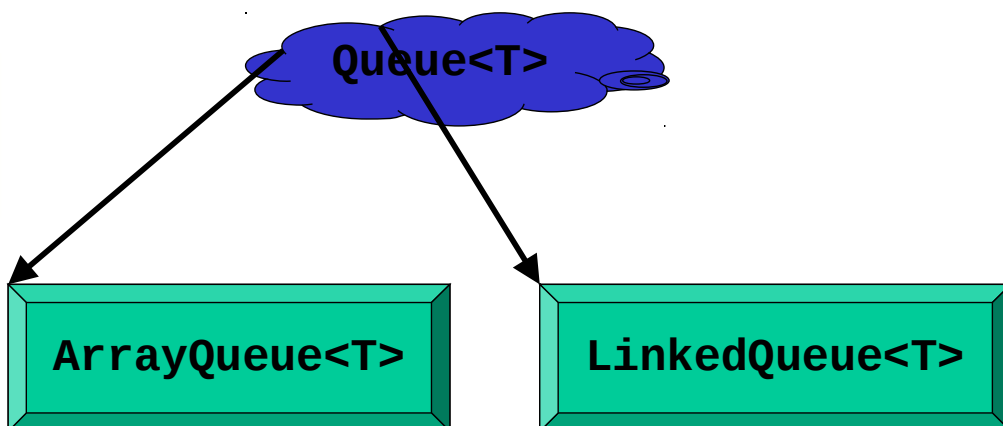
```
public interface Queue<T> {  
    public int size();  
    public boolean isEmpty();  
    public void insert(T o) ;  
    public T remove() ;  
    public T front() ;  
}
```

39



Ilarak:

Implementazio desberdinak interfaze batentzat



40



Ilarak:

Zerrenda estekatueta oinarritutako inplementazioa

```
public class LinkedList<T> implements Queue<T>{  
    private LinearNode<T> front;  
    private LinearNode<T> rear;  
    private int count;  
    public LinkedList() {  
        front = null;  
        rear = null;  
        count = 0;  
    }  
    public boolean isEmpty(){ return front==null;}  
    public int size(){ return count;}
```

41

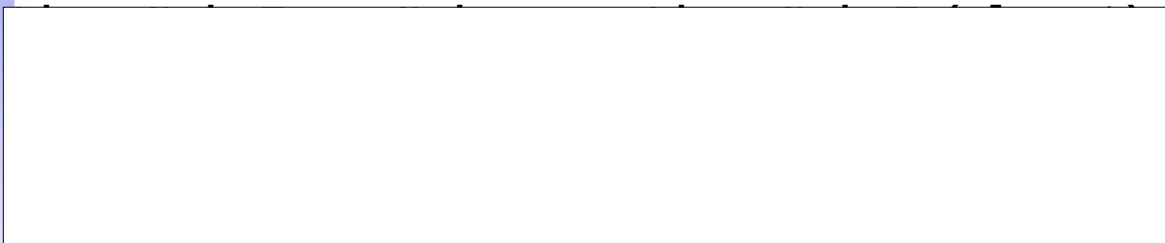


Ilarak:

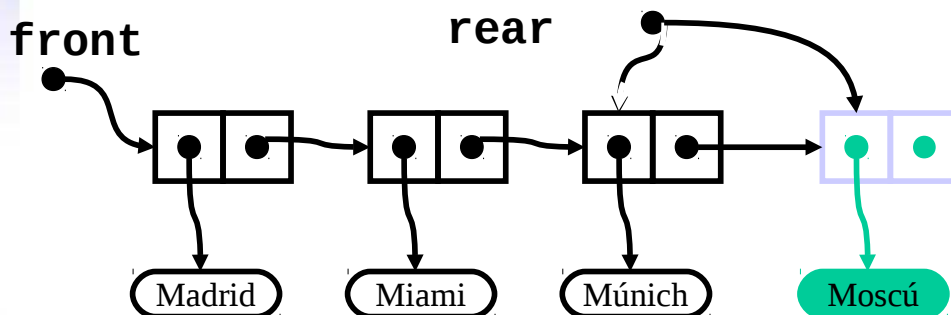
Zerrenda estekatueta oinarritutako inplementazioa

Txertaketa: **insert**

```
public void insert(T e) {
```



```
}
```



42



Ilarak:

Zerrenda estekatueta oinarritutako inplementazioa

Ezabaketa: [remove](#)

```
public T remove(){\n    // Precondition: not empty
```

```
}
```

43



Ilarak:

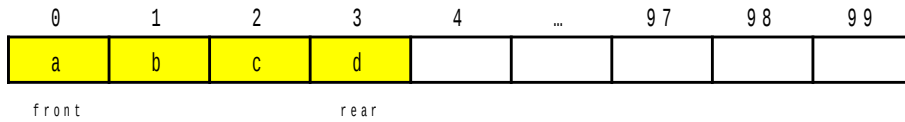
Zerrenda estekatueta oinarritutako inplementazioa

Hasierako elementua: [first](#)

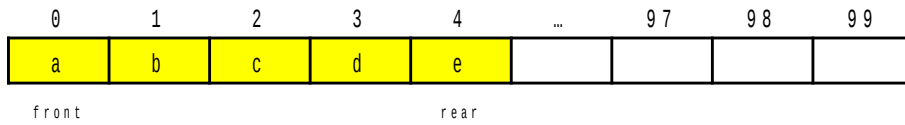
```
public T front(){\n    // Precondition: not empty\n    return (front.getElement());\n}
```

44

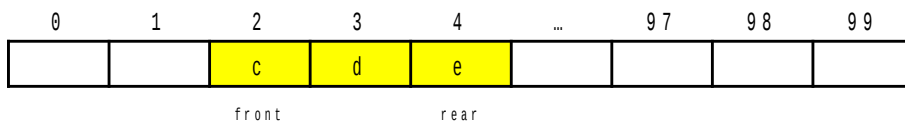
Ilara: arrayen bidezko inplementazioa



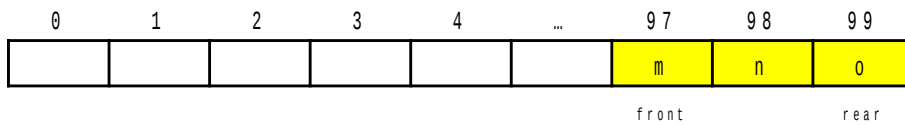
i.insert('e');



i.remove(); i.remove(); // 2 elementu atera

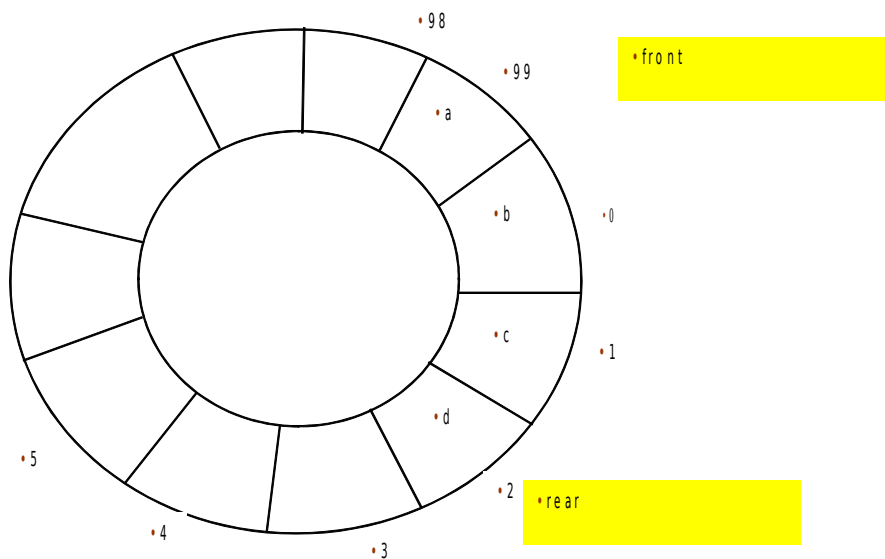


insert O(1) alda? Ezin dira elementu gehiago sartu baina tokia badago!



Ilara: arrayen bidezko inplementazioa

- Lehen soluzioa: elementuak mugitu tokia egiteko => insert O(n) da!!!
- Bigarren soluzioa: "ikusi" arraya zirkularra balitz bezala





Ilara: arrayen bidezko inplementazioa

- Arazoa: zelan mugitu aurrekoa?

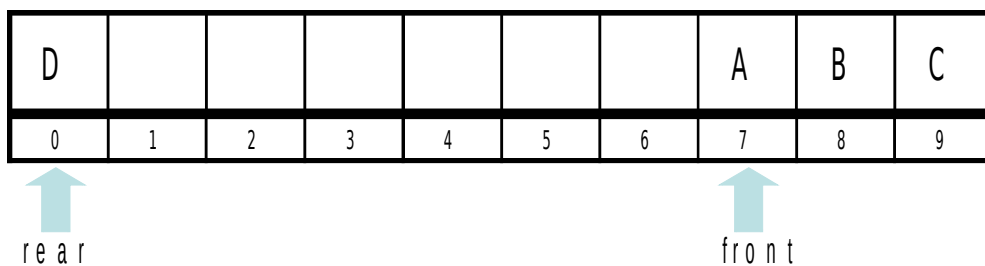
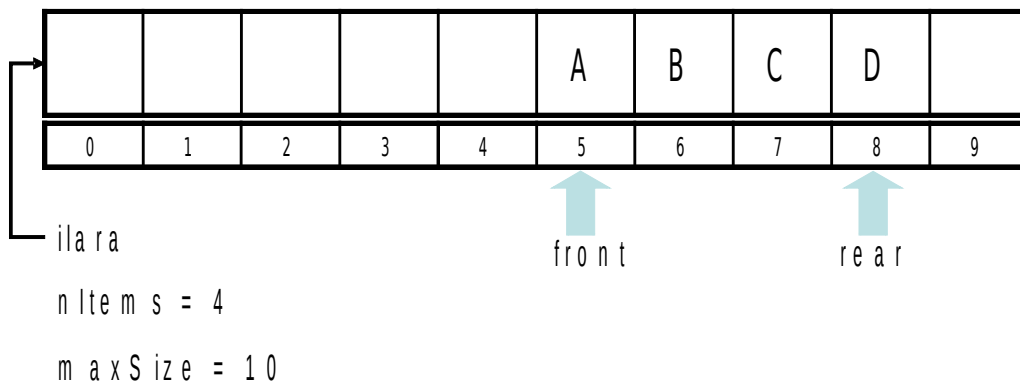
Elementuaren indizea(N)	Hurrengoa
5	6
6	7
...	
98	99
99	0
0	1

$$\text{Hurrengoa}(N) = (N + 1) \% 100$$

47

E D A

Ilara: arrayen bidezko inplementazio "zirkularra" (0)





Ilara: arrayen bidezko implementazio “zirkularra” (1)

```
public class ArrayQueue<T> implements Queue<T> {
    private int maxSize;
    private T[] taula;
    private int front;
    private int rear;
    private int nItems;

    public ArrayQueue(int s) {
        maxSize = s;
        taula = (T[])(new Object[maxSize]);
        front = 0;
        rear = -1;
        nItems = 0;
    }
    public void insert(T j) {
        if(rear == maxSize-1)
            rear = -1;
        taula[++rear] = j;
        nItems++;
    }
}
```

49



Ilara: arrayen bidezko implementazio “zirkularra” (2)

```
public T remove() {
    T temp = taula[front++];
    if(front == maxSize)
        front = 0;
    nItems--;
    return temp;
}

public T front() { // Precondition: not empty
    return taula[front];
}

public boolean isEmpty() { return (nItems==0); }
public boolean isFull() { return (nItems==maxSize); }
public int size() { return nItems; }

} // ArrayQueue
```

50



Interfaze bat Implementazio desberdin asko



Nola? Implementazioa	Egitura Zer?	Pila		Ilara	
		push pop		remove insert	
Array 					
Vector 					
LinkedList 					
DoubleLinkedList 					
Beste egitura linealak					