

Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria

Horas/Semana



Programa de: VARIABLE COMPLEJA Clave MAT-3770 Créditos: 05

Cátedra: Matemáticas Avanzadas (A I)

Preparado por: Cátedra Matemáticas Avanzadas (AI) Horas Teóricas 04 Fecha: Abril 2013 Horas Practicas 02

Actualizado por: Semanas 16

Fecha: Abril 2013 Nivel **Grado**

• DESCRIPCIÓN DE LA ASIGNATURA:

La variable compleja en su estructura holística desarrolla los siguientes aspectos: Números complejos, Las funciones de variable compleja y su derivación, Funciones elementales complejas, Integración de funciones de valores complejos, Representación de las funciones analíticas mediante series., Residuos y polos, Las Funciones analíticas de variable compleja como transformaciones.

JUSTIFICACIÓN:

La variable compleja, está diseñado para contribuir a formar profesionales con la capacidad de observar, conceptualizar, deducir, y sintetizar con carácter científico la esencia de los objetos que estudia, de modo que a través de Ta derivación e Integración de las funciones analíticas, se tenga la capacidad de procesar, modelar, y analizar ly resolver problemas en los cuales se manejen variables complejas.

• OBJETIVOS:

Introducir los fundamentos y herramientas del Análisis de variables complejas, necesarios para que los estudiantes en las diversas áreas del quehacer humano puedan reconocer, interpretar y utilizar, el lenguaje universal de las ciencias, con modelos simbólicos, establecer los fundamentos que sirven de base a las teorías matemáticas y a las aplicaciones de ingeniería, ciencias, estadística, economía, física, química, informática.

• METODOLOGÍA:

El docente presentará los conceptos fundamentales del Análisis de variables complejas, en un lenguaje, lógicomatemático para introducir los estudiantes en el manejo formal de los contenidos de la asignatura. Promoverá la investigación y la participación activa de los estudiantes, haciendo uso de trabajos y prácticas dirigidos. Valorará en estos el rigor matemático, la socialización en un ambiente de trabajo armónico, con niveles técnicos y científicos acorde con la misión y visión de nuestra universidad.

• COMPETENCIAS A DESARROLLAR EN LA ASIGNATURA:

Manejo de símbolos matemáticos, Pensamiento lógico, abstracto, numérico y abstracto, identificación de las partes de problemas de la fundamentación matemática con claridad, exactitud, creatividad, trabajo individual y en equipo.

• RECURSOS:

Recursos del aula. Libros de consulta, Software y WEB recomendados en la bibliografía

• BIBLIOGRAFÍA:

Variable Compleja. G. Polya. Edit. Limusa. Variable Compleja y Aplicaciones. V. Churchill, W. Brown. Edit. McGraw-Hill.

Software: Maple, Octave, Winplot, Graph, Scientific Workplace, Geogebra 4.0



Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria

Programa de: VARIABLE COMPLEJA Clave MAT-3770 Créditos: 05

No. 1 Números complejos.

Teóricas 80 **OBJETIVOS:** Efectuar operaciones con los números complejos y graficarlos. No. Horas

Prácticas 04

CONTENIDOS:

1.1. Números complejos. Definición.

1.2. Formas binómica, polar y exponencial.

1.3. Operaciones binarias

1.4. Potencias y raíces.

1.5. Gráficas.

No. 2 Las funciones de variable compleja y su derivación

No. Horas **Teóricas** 80 OBJETIVOS: Introducir las funciones analíticas, el concepto de límite continuidad.

> Derivar funciones analíticas. Definir funciones armónicas y sus propiedades. Prácticas

CONTENIDOS:

2.1. Funciones analíticas.

2.2. Función de variable compleja.

2.3. Límite. Continuidad.

2.4. Derivadas.

2.5. Funciones analíticas. Funciones armónicas. Derivadas...

No. 3 Funciones elementales complejas

Teóricas 80 **OBJETIVOS:** Definir la función exponencial, las funciones trigonométricas, la No. Horas función hiperbólica, logarítmica, sus inversas, propiedades y características. 04

Prácticas

Resolver problemas típicos.,

CONTENIDOS:

3.1. Función exponencial. Propiedades.

3.2. Funciones trigonométricas. Trigonométricas inversas.

3.3. Funciones Hiperbólicas.

3.4. Funciones Logarítmicas.

3.5. Funciones exponenciales complejas.

3.6. Funciones Hiperbólicas inversas.



Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria



Programa de: VARIABLE COMPLEJA Clave MAT-3770 Créditos: 05

No. 4 Integración de funciones de valores complejos

OBJETIVOS: Establecer y demostrar los teoremas de Cauchy y Morera. No. Horas

Aplicar los teoremas estudiados para integrar funciones de variable compleja. Prácticas

CONTENIDOS:

- 4.1. Integración.
- 4.2. Integral de línea. Contornos.
- 4.3. Teorema de Cauchy-Coursat.
- 4.4. Independencia del camino.
- 4.5. Fórmula de integral de Cauchy.
- 4.6. Teoremas de Morera y Liouville.
- 4.7. Módulo máximo.

Representación de las funciones analíticas mediante series. No. 5

Teóricas 10 **OBJETIVOS:** Establecer los criterios de convergencia., desarrollar funciones No. Horas Prácticas 04 analíticas como series de potencia, Definir ceros y singularidades.

CONTENIDOS:

- 5.1. Series.
- 5.2. Serie de Taylor.
- 5.3. Serie de Laurent.
- 5.4. Operaciones con series.
- 5.5. Convergencia.
- 5.6. Ceros. Singularidades.

Residuos y polos. No. 6

OBJETIVOS: Demostrar el teorema del residuo, Calcular cocientes de funciones. **Teóricas** 10 No. Horas Calcular integrales impropias, Establecer singularidades, números de ceros y Prácticas 06 polos, Interpretación geométrica del principio del argumento.

CONTENIDOS:

- 6.1. Residuos y polos.
- 6.2. Teorema de residuos. Cálculo.
- 6.3. Cocientes de funciones.
- 6.4. Cálculo de integrales impropias reales.
- 6.5. Singularidades esenciales.
- 6.6. Número de ceros y polos.
- 6.7. Principio del argumento.



Facultad de Ciencias

Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad
en la Gestión Universitaria



Programa de: VARIABLE COMPLEJA Clave MAT-3770 Créditos: 05

Funciones analíticas de variable compleja como transformaciones.

No. Horas Teóricas 10 OBJETIVOS: Desarrollar diferentes tipos de transformaciones, Aplicar las

Prácticas **06** transformaciones a problemas. Construir la transformación de Schwartz Christoffer

y su aplicación a la solución de problemas físicos.

CONTENIDOS:

No. 7

7.1. Transformaciones.

7.2. Funciones lineales.

7.3. Transformaciones fundamentales.

7.4. Transformación conforme. Teoría y práctica.

7.5. Transformaciones de Schwartz-Christoffer.