

Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria



Programa de: **ECUACIONES DIFERENCIALES PARCIALES** Clave MAT-3620 Créditos: 04

Cátedra: Ecuaciones Diferenciales (A H) Horas/Semana

Cátedra Ecuaciones Diferenciales Horas Teóricas 03 Preparado por: Abril 2013 Horas Practicas 02 Fecha: Semanas 16 Actualizado por:

Fecha: Abril 2013 Nivel Grado

DESCRIPCIÓN DE LA ASIGNATURA:

Las Ecuaciones Diferenciales parciales concebidas con una estructura holística desarrollan los siguientes aspectos: Las Ecuaciones del calor y de onda, El Método de Separación de Variables, Problemas de Valores Propios de Sturm-Liuoville, soluciones de Ecuaciones en Dos y Más Dimensiones, Problemas No Homogéneos Funciones de Green para Problemas Independientes del tiempo, Problemas en Dominios no Acotados y Transformada de Fourier Funciones de Green para problemas dependientes del tiempo, El Método de las Características para la Ecuación de Onda, Ecuaciones Diferenciales Parciales y Transformada de Laplace, Métodos Numéricos para Ecuaciones Diferenciales Parciales

JUSTIFICACIÓN:

Las Ecuaciones Diferenciales Parciales están diseñadas para contribuir a formar profesionales con la capacidad de observar, conceptualizar, deducir, y sintetizar con carácter científico la esencia de los objetos que estudia, de modo que a través del análisis de sus fundamentos y sus técnicas para determinar diversas soluciones, se tenga la capacidad de procesar, modelar, y analizar variadas situaciones, Fomentando la construcción de los conocimientos y competencias propias de las Ecuaciones diferenciales parciales.

• OBJETIVOS:

Introducir los fundamentos y herramientas necesarios para que los estudiantes en las diversas áreas del quehacer humano puedan reconocer, interpretar y utilizar, el lenguaje universal de las ciencias, con modelos diferenciales, utilizar los procedimientos de las ecuaciones diferenciales parciales para obtener respuestas concretas a las interrogantes y problemas, que se presenten en cada una de dichas áreas

METODOLOGÍA:

El docente presentará los conceptos fundamentales del cálculo diferencial, en un lenguaje, lógicomatemático para introducir los estudiantes en el manejo práctico-formal de los contenidos de la asignatura. Promoverá la investigación y la participación activa de los estudiantes, haciendo uso de, trabajos y prácticas dirigidos. Valorará en estos el manejo del lenguaje formal y la socialización en un ambiente de trabajo armónico, con niveles técnicos y científicos acorde con la misión y visión de nuestra universidad.

COMPETENCIAS A DESARROLLAR EN LA ASIGNATURA:

Manejo de símbolos matemáticos, Pensamiento lógico, numérico y abstracto, identificación de las partes de problemas básicos y uso de la modelación de problemas como ecuaciones diferenciales para su solución; organización, claridad, exactitud, creatividad, trabajo individual y en equipo.

RECURSOS:

Recursos del aula. Libros de consulta, Software y WEB recomendados en la bibliografía

BIBLIOGRAFÍA:

Ecuaciones en Derivadas Parciales, Richard Haberman. Prentice-Hall 2003 Ecuaciones Diferenciales Parciales, Walter A. Strauss, John Wiley & Sons 1992 Ecuaciones Diferenciales Parciales, Fritz John, Springer-Verlag 2001

Software: Maple, Octave, Winplot, Graph, Scientific Workplace, Geogebra 4.0



Facultad de Ciencias

Escuela de Alatemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad
en la Gestión Universitaria

Programa de: ECUACIONES DIFERENCIALES PARCIALES Clave MAT-3620 Créditos: 04

No. 1 Ecuaciones del calor y de onda

No. Horas

Teóricas

OBJETIVOS: Identificar y clasificarlas ecuaciones diferenciales parciales, deducir y

Prácticas 02 Aplicar las ecuaciones del calor y de ondas en varias dimensiones

CONTENIDOS:

1.1. Deducción de la ecuación del calor

1.2. Condiciones iniciales y de contorno

1.3. La ecuación del calor en dos y más dimensiones

1.4. Deducción de la ecuación de onda

1.5. Condiciones iniciales y de contorno

1.6. La ecuación de onda en dos y más dimensiones.

No. 2 El Método de Separación de Variables

No. Horas Teóricas **04 OBJETIVOS:** Identificar y resolver ecuaciones diferenciales parciales de variables

Prácticas 02 separables, y lineales, aplicar el principio de superposición

CONTENIDOS:

2.1. Separación de variables para la ecuación del calor

2.2. Linealidad y superposición

2.3. La separación de variables para la ecuación de onda.

No. 3 Problemas de Valores Propios de Sturm-Liuoville

No. Horas Teóricas 10 OBJETIVOS,: Analizar los operadores autoadjuntos, y B cociente de Rayleigh,

Prácticas 02 Aplicaciones a la ecuación de onda

CONTENIDOS:

3.1. Clasificación

3.2. Aplicaciones al flujo de calor

3.3. Operadores auto-adjuntos

3.4. El cociente de Rayleigh

3.5. Aplicaciones a la ecuación de onda.

No. 4 Soluciones de Ecuaciones en Dos y Más Dimensiones

No. Horas Teóricas **04 OBJETIVOS::** Resolver ecuaciones diferenciales usando los métodos de

Prácticas **02** separación de variables y analizar el problema de valores propios y operadores

autoadjuntos en distintos sistemas de coordenadas

CONTENIDOS:

4.1. Separación de variables para la ecuación del calor

4.2. Separación de variables para la ecuación de onda

4.3. El problema de los valores propios y los operadores auto-adjuntos

4.4. Soluciones en distintos sistemas de coordenadas



Facultad de Ciencias

Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad
en la Gestión Universitaria

Programa de: ECUACIONES DIFERENCIALES PARCIALES Clave MAT-3620 Créditos: 04

No. 5 Problemas No Homogéneos

No. Horas

Teóricas

OBJETIVOS Identificar y resolver ecuaciones de flujos de calor y vibraciones

Prácticas 02 forzadas, aplicar el método de desarrollo de funciones propias, analizar la

ecuación de Poision

CONTENIDOS:

5.1. Flujos de calor con fuentes

5.2. Vibraciones forzadas

5.3. Método de soluciones por el desarrollo en funciones propias

5.4. La ecuación de Poison.

No. 6 Funciones de Green para Problemas Independientes del tiempo

No. Horas

Teóricas

OBJETIVOS:: Utilizar las funciones de Green para resolver problemas del as

Prácticas 04 ecuaciones de calor y de ondas, analizar la alternativa de Fredholm, la

ecuación de Poison y problemas perturbados

CONTENIDOS:

6.1. Funciones de Green en la ecuación del calor

6.2. Funciones de Green en la ecuación de onda

6.3. La alternativa de Fredholm

6.4. La ecuación de Poison

6.5. Problemas perturbados de valores propios.

No. 7 Problemas en Dominios No Acotados y Transformada de Fourier

No. Horas

Teóricas 04 OBJETIVOS: Identificar y resolver ecuaciones de flujos de calor y ondas en

Prácticas **04** dominios no acotados, Utilizar las transformadas de Fourier

CONTENIDOS:

7.1. La ecuación del calor en dominios no acotados

7.2. La ecuación de onda en dominios no acotados

7.3. Solución de la ecuación del calor por transformada de Fourier

7.4. Solución de la ecuación de onda por transformada de Fourier.

No. 8 Funciones de Green para problemas dependientes del tiempo

No. Horas Teóricas **04 OBJETIVOS:** Utilizar las funciones de Green para resolver problemas del as

Prácticas **04** ecuaciones de calor y de ondas dependientes del tiempo

CONTENIDOS:

8.1. La función de Green para la ecuación de onda

8.2. La función de Green para la ecuación del calor

8.3. La función de Green adjunta.



Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria

Programa de: **ECUACIONES DIFERENCIALES PARCIALES** Clave MAT-3620 Créditos: 04

No. 9 El Método de las Características para la Ecuación de Onda

No. Horas **Teóricas** OBJETIVOS: Utilizar el método de las características para resolver problemas de

> ondas y cuerdas, analizar la solución de de D'Alembert 04 Prácticas

CONTENIDOS:

9.1. Para ecuaciones de primer orden

9.2. Para la ecuación de onda

9.3. La solución de D'Alembert

9.4. Cuerdas semi-infinitas y reflexión

9.5. Método de las características para ecuaciones cuasilineales y no lineales.

No. 10 Ecuaciones Diferenciales Parciales y Transformada de Laplace

No. Horas **Teóricas OBJETIVOS:** Utilizar las transformadas de Laplace para resolver problemas de las

> ecuaciones del calor y de ondas, analizar la relación entre la Transformada de Prácticas 00

Laplace y la Función de Green

CONTENIDOS:

10.1. Resolución de la ecuación del calor por transformada de Laplace

10.2. Resolución de la ecuación de onda por transformada de Laplace

10.3. Función de Green y transformada de Laplace

10.4. La transformada inversa de Laplace..

No. 11 Métodos Numéricos para Ecuaciones Diferenciales Parciales

No. Horas OBJETIVOS: Utilizar las métodos Diferencias finitas ,series de Fourier, elementos **Teóricas** 06

> finitos y otros en la resolución de ecuaciones diferenciales parciales, aplicaciones 04 Prácticas

con computadora

CONTENIDOS:

11.1. Diferencias finitas y series de Fourier truncadas

11.2. La ecuación del calor

11.3. La ecuación del calor bidimensional

11.4. La ecuación de onda

11.5. La ecuación de Laplace

11.6. Método de los elementos finitos.