

# Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria

Horas/Semana



Programa de: MATEMÁTICA PARA CIENCIAS Clave MAT-3790 Créditos: 05

Cátedra: Matemáticas Avanzadas (A I )

Preparado por: Cátedra Matemáticas Avanzadas (A I) Horas Teóricas 04 Fecha: Abril 2013 Horas Practicas 02

Actualizado por: Semanas 16

Fecha: Abril 2013 Nivel **Grado** 

## • DESCRIPCIÓN DE LA ASIGNATURA:

La matemática para ciencias en su estructura holística desarrolla los siguientes aspectos: Teoría de la convergencia y Aproximación de series de funciones, Integrales Impropias que dependen de un parámetro, Integrales Eulerianas. Transformadas de Laplace, Análisis de Fourier. Análisis de Bessel, Espacios de Hilbert y Ortogonalidad

## • JUSTIFICACIÓN:

La matemática para ciencias está diseñado para contribuir a formar profesionales con la capacidad de observar, conceptualizar, deducir, y sintetizar con carácter científico la esencia de los objetos que estudia, de modo que a través del análisis de las funciones analíticas, se tenga la capacidad de procesar, modelar, y analizar y resolver problemas en los cuales se necesiten las matemáticas avanzadas

## • OBJETIVOS:

Introducir los fundamentos y herramientas de la matemática para ciencias, necesarios para que los estudiantes en las diversas áreas del quehacer humano puedan reconocer, interpretar y utilizar, el lenguaje universal de las ciencias, con modelos simbólicos, establecer los fundamentos que sirven de base a las teorías matemáticas y a las aplicaciones de ingeniería, ciencias, estadística, economía, física, química, informática.

## METODOLOGÍA:

El docente presentará los conceptos fundamentales de la matemática para ciencias, en un lenguaje, lógico para introducir los estudiantes en el manejo formal de los contenidos de la asignatura. Promoverá la investigación y la participación activa de los estudiantes, haciendo uso de trabajos y prácticas dirigidos. Valorará en estos el rigor matemático, la socialización en un ambiente de trabajo armónico, con niveles técnicos y científicos acorde con la misión y visión de nuestra universidad.

## • COMPETENCIAS A DESARROLLAR EN LA ASIGNATURA:

Manejo de símbolos matemáticos, Pensamiento lógico, abstracto, numérico y abstracto, identificación de las partes de problemas de la fundamentación matemática con claridad, exactitud, creatividad, trabajo individual y en equipo.

#### RECURSOS:

Recursos del aula. Libros de consulta, Software y WEB recomendados en la bibliografía

#### BIBLIOGRAFÍA:

Métodos de Cálculo para Ingenieros. F. Hildebrand. Edit. Aguilar. Cálculo Avanzado. Louis Brand. Edit. CECSA. Matemática Superiores para Ingeniería. C Wylie. Edit. McGraw –Hill

Software: Maple, Octave, Winplot, Graph, Scientific Workplace, Geogebra 4.0



Facultad de Ciencias
Escuela de Matemáticas
Año de la Consolidación de la Calidad

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria

Clave MAT-3790



Créditos: 05

Programa de: MATEMÁTICA PARA CIENCIAS

No. 1 Teoría de la convergencia y Aproximación de series de funciones

No. Horas Teóricas 08 OBJETIVOS: Introducir la teoría de la convergencia y calcular y aproximar funciones

Prácticas 04 como series de potencia,

#### **CONTENIDOS:**

1.1. Secuencia de funciones

- 1.2. Convergencia puntual
- 1.3. Convergencia uniforme
- 1.4. Series de funciones
- 1.5. Calculo de series
- 1.6. Calculo de funciones en series de potencias
- 1.7. La mejor aproximación, el método de Minimos cuadrados

## No. 2 Integrales Impropias que dependen de un parámetro

No. Horas

Teóricas

OBJETIVOS: Analizar la convergencia y resolver los diferentes tipos de integrales

Prácticas 04 impropias, aplicar integración y derivación bajo el signo integral

#### **CONTENIDOS:**

- 2.1. Convergencia de integrales impropias
- 2.2. Integrales impropias de funciones no acotadas
- 2.3. Integrales Infinitas.
- 2.4. Análisis de convergencia de Integrales Impropias.
- 2.5. Integrales Infinitas Dependiente de un parámetro. Integración y derivación bajo el signo integral.
- 2.6. Convergencia de integrales dependientes de un parámetro.

## No. 3 Integrales Eulerianas.

No. Horas Teóricas **08 OBJETIVOS:** Resolver los diferentes tipos de integrales Eulerianas, Aplicar las

Prácticas **04** propiedades las funciones gamma y beta

## **CONTENIDOS:**

- 3.1. Integrales Eulerianas
- 3.2. Funciones Gamma y Beta
- 3.3. Propiedades y aplicaciones
- 3.4. Función error o función de probabilidad



# Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria



Programa de: MATEMÁTICA PARA CIENCIAS Clave MAT-3790 Créditos: 05

No. 4 Transformadas de Laplace,

No. Horas

Teóricas

10 OBJETIVOS Utilizar las propiedades de la transformada de Laplace para calcular

Prácticas 04 la transformada de ciertas funciones calcular la transformada de Laplace de la

función impulso y la de Dirac en la resolución de problemas

#### **CONTENIDOS:**

4.1. Definición condiciones de existencia y propiedades de la transformada de Laplace.

4.2. La transformada inversa de Laplace.

4.3. Resolución de problemas de valor inicial mediante la transformada de Laplace.

4.4. La transformada de Laplace y funciones especiales.

4.5. Resolución de sistemas de ecuaciones diferenciales mediante la transformada de Laplace.

4.6. La transformada de Laplace, convolucion y funciones impulso y delta de Dirac.

4.7. Antitransformads

4.8. Metodo de Heaviside

No.	5	Análisis de	Fourier

No. Horas Teóricas 10 OBJETIVOS: Expresar ciertas funciones como una serie de Fourier, Analizar la

Prácticas 04 convergencia de la serie de Fourier y el uso de los teoremas para Integrar y

diferencial las series de Fourier.

#### **CONTENIDOS:**

- 5.1. Series de Fourier, definición y propiedades.
- 5.2. Convergencia de las Series de Fourier.
- 5.3. Análisis de ondas periódicas, Series de Fourier en Senos y Cosenos.
- 5.4. Espectros discretos y continuos
- 5.5. Integración y Diferenciación de Series de Fourier.
- 5.6. Transformación de Fourier, convolución
- 5.7. Aplicaciones técnicas

## No. 6 Análisis de Bessel,

No. Horas

Teóricas
Prácticas

OBJETIVOS: Definir las funciones de Bessel, las funciones Ver y Bey y los desarrollos
de Fourier, propiedades y características. Analizar el problema de Sturm -liouville

Deschar problema de significas. Analizar el problema de significas.

Resolver problemas típicos

### **CONTENIDOS:**

- 6.1. Ecuación de Bessel
- 6.2. Funciones de Bessel, de primera y segunda clase, recurrencia
- 6.3. Polinomios de Bessel, mejor aproximación
- 6.4. Desarrollos de Fourier -Bessel
- 6.5. Funciones Ber y Bey
- 6.6. Problema de Sturm Liouville
- 6.7. Aplicaciones





Programa de: MATEMÁTICA PARA CIENCIAS Clave MAT-3790 Créditos: 05

No. 7 Espacios de Hilbert y Ortogonalidad

No. Horas Teóricas 10 OBJETIVOS: Establecer los espacios Euclidianos y de Hilbert, los polinimios

Prácticas 06 ortogonales de Legendre, Laguerre y Hermite, Aplicarlos para aproximar funciones

#### **CONTENIDOS:**

- 7.1. Espacios Euclidianos
- 7.2. Espacios de Hilbert
- 7.3. Ortogonalidad, mejor aproximación
- 7.4. Polinomios de Legendre
- 6.8. Ortogonalidad de los polinomios de Legendre y de las funciones de Bessel
- 7.5. Polinomios de Hermite, Laguerrre, Chevycheff, etc
- 7.6. Polinomios Ortogonales