

# Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria



Programa de: ALGEBRA LINEAL Y MATRICIAL Clave MAT-2390 Créditos: 04

Cátedra: Algebra (A E) Horas/Semana

Preparado por: Cátedra Algebra Horas Teóricas 03 Fecha: Abril 2013 Horas Practicas 02

Actualizado por: Semanas 16

Fecha: Abril 2013 Nivel **Grado** 

#### DESCRIPCIÓN DE LA ASIGNATURA:

El Algebra Lineal y matricial en su estructura holística desarrolla los siguientes aspectos: Los espacios vectoriales, las operaciones definidas en un espacio vectorial, dependencia e independencia lineal, bases. Aplicaciones Lineales. Productos escalares y ortogonalidad. El espacio dual .Forma bilineales y cuadráticas. Vectores y valores propios. Teorema de Hamilton-Cayley. El Teorema espectral

## • JUSTIFICACIÓN:

El Algebras Lineal y matricial está diseñado para contribuir a formar profesionales con la capacidad de observar, conceptualizar, deducir, y sintetizar con carácter científico la esencia de los objetos que estudia, de modo que a través de las estructuras algebraicas de espacio vectorial, se tenga la capacidad de procesar, modelar, y analizar de manera estructurada, Fomentando la construcción de los conocimientos y competencias propios de las aplicaciones lineales en matemática.

#### OBJETIVOS:

Introducir los fundamentos y herramientas necesarias para que los estudiantes en las diversas áreas del quehacer humano puedan reconocer e interpretar el lenguaje universal de las ciencias, aplicado a los espacios vectoriales, utilizar procedimientos propios de las aplicaciones lineales para obtener respuestas concretas y lógicas a las interrogantes y descubrimientos, que se presenten en cada una de dichas áreas.

### • METODOLOGÍA:

El docente presentará los conceptos fundamentales, en un lenguaje estructurado algebraicamente para introducir los estudiantes en el manejo formal de los contenidos de la asignatura. Promoverá la investigación y la participación activa de los estudiantes, haciendo uso de, mapas mentales y conceptuales, trabajos y prácticas dirigidos. Valorará en estos el manejo de las estructuras el lenguaje formal y la socialización en un ambiente de trabajo armónico, con niveles técnicos y científicos acorde con la misión y visión de nuestra universidad.

#### • COMPETENCIAS A DESARROLLAR EN LA ASIGNATURA:

Manejo de las estructuras algebraicas, Pensamiento abstracto y algebraico, identificación de las partes de problemas básicos y los procedimientos a través de las aplicaciones lineales para su solución; organización, claridad, exactitud, creatividad, trabajo individual y en equipo.

#### • RECURSOS:

Recursos del aula. Libros de consulta, Software y WEB recomendados en la bibliografía

# • BIBLIOGRAFÍA:

Algebra Lineal .Juan de Burgos.Edit McGraw-Hill.

Algebra Lineal con aplicaciones .Stanley Grossmann. Edit McGraw-Hill.

Álgebra Lineal.Serge Lang.

Algebra Lineal. Quilvio Cabral.

Introducción al Algebra Lineal. Howard Anton. Edit Limusa

Software: Maple, Octave, Winplot, Graph, Scientific Workplace, Geogebra 4.0



# Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria



Programa de: ALGEBRA LINEAL Y MATRICIAL Clave MAT-2390 Créditos: 04

No. 1 El Espacio vectorial

No. Horas

Teóricas 06 OBJETIVOS Establecer y generar los espacios vectoriales, operaciones, la

Prácticas 04 independencia lineal y bases . Describir los espacios Euclídeos y normados, sus

relaciones y operaciones.

#### **CONTENIDOS:**

1.1. Definición de espacio Vectorial.

1.2. Norma de un vector.

1.3. Producto Vectorial.

1.4. Subespacios vectoriales.

1.5. Independencia lineal bases.

No. 2 Aplicaciones Lineales

No. Horas Teóricas **06 OBJETIVOS:** Definir el concepto de aplicación Lineal, núcleo e imagen,

Prácticas 04 composición de aplicaciones, sus propiedades .Establecer la asociación entre

aplicación lineal y matriz y viceversa. Resolver problemas típicos.

#### **CONTENIDOS:**

2.1. Definición de aplicaciones Lineales.

2.2. El núcleo y la imagen de una aplicación lineal.

2.3. Composición de aplicaciones lineales inversas.

2.4. La aplicación Lineal asociada con una matriz.

2.5. La matriz asociada con una aplicación Lineal.

2.6. Bases, matrices y aplicaciones lineales.

No. 3 Vectores y formas lineales, el espacio Dual.

No. Horas

Teóricas

O6 OBJETIVOS: Introducir el espacio Euclídeo, Definir los productos escalares y bases

O6 OBJETIVOS: Introducir el espacio Euclídeo, Definir los productos escalares y bases

Prácticas **04** ortogonales. Analizar la correspondencia entre los vectores y formas lineales.

Construir y analizar el espacio dual.

## **CONTENIDOS:**

3.1. Productos escalares y ortogonalidad

3.2. Productos escalares,

3.3. Bases ortogonales, caso definitivamente positivo.

3.4. Aplicación a las ecuaciones lineales.

3.5. Aplicaciones bilineales y matrices

3.6. Bases ortogonales generales.

3.7. El espacio dual.



# Uníversidad Autónoma de Santo Bomingo

Primada de América Fundada el 28 de octubre de 1538

# Facultad de Ciencias Escuela de Matemáticas

Año de la Consolidación de la Calidad en la Gestión Universitaria



Programa de: ALGEBRA LINEAL Y MATRICIAL Clave MAT-2390 Créditos: 04

No. 4 Formas bilineales y cuadráticas.

No. Horas

Teóricas

OB OBJETIVOS: Definir formas bilineales, cuadráticas y hermíticas, Emplear los

Prácticas 06 operadores simétricos en aplicaciones concretas. Analizar y utilizar el Teorema

de Sylvester y sus consecuencias

#### **CONTENIDOS:**

4.1. Formas bilineales y operadores estándar,

4.2. Formas bilineales.

4.3. Formas cuadráticas.

4.4. Operadores simétricos.

4.5. Operadores hermitianos.

4.6. Operadores unitarios.

4.7. Teorema de Sylvester.

## No. 5 Vectores Propios

No. Horas

Teóricas 06 OBJETIVOS: Analizar las propiedades de los valores y vectores propios ,Establecer Prácticas 04 el polinomio característico. Efectuar problemas de aplicación

#### **CONTENIDOS:**

5.1. Polinomios, matrices.

5.2. Polinomios,

5.3. polinomios de matrices y de las aplicaciones lineales.

5.4. Vectores propios y valores propios.

5.5. El polinomio característico.

# No. 6 El Teorema de Hamilton – Cayley

No. Horas Teóricas **08 OBJETIVOS:** Diagonalizar matrices. Demostrar el teorema de Hamilton – Cayley.

Prácticas **04** Diagonalizar aplicaciones unitarias. Enunciar el teorema espectral, Aplicar el teorema de Hamilton – Cayley a casos particulares.

**CONTENIDOS:** 

6.1. Triangulación de matrices y de aplicaciones lineales.

6.2. Existencia de la triangulación.

6.3. Teorema de Hamilton - Cayley.

6.4. Diagonalización de aplicaciones unitarias

#### No. 7 El Teorema Espectral

No. Horas Teóricas **08 OBJETIVOS:** Aplicar el teorema espectral a casos particulares.

Prácticas 06

#### **CONTENIDOS:**

7.1. El Teorema espectral.

7.2. Vectores propios de aplicaciones lineales simetricas.

7.3. El teorema espectral

7.4. El caso ejemplo.

7.5. Operadores unitarios.