2011年全国普通高等学校招生统一考试(上海卷)

数学(理科)

注意事项:

- 1. 答卷前, 考生务必将姓名、高考准考证号、校验码等填写清楚.
- 2. 本试卷共 24 道试题, 满分 150 分, 考试时间 120 分钟.

得分 评卷人 一. 填空题: 本大题共 14 题,满分 56 分. 请在横线上方填写最终的、最准确的、最完整的结果. 每题填写正确得 4 分,否则一律得0分.

- 1. 已知 $\mathbf{a} = (k, -9)$ 、 $\mathbf{b} = (-1, k)$, $\mathbf{a} 与 \mathbf{b}$ 为平行向量, 则 $k = _____$.
- 2. 若函数 $f(x) = x^{6m^2 5m 4}$ $(m \in \mathbb{Z})$ 的图像关于 y 轴对称, 且 f(2) < f(6), 则 f(x) 的解析式为______.
- 3. 若 $f(x+1) = x^2$ ($x \le 0$), 则 $f^{-1}(1) =$ _____.
- 4. 在 bg 糖水中含糖 ag(b > a > 0), 若再添加 mg 糖 (m > 0),

- 7. 若 θ 为三角形的一个内角,且 $\sin\theta + \cos\theta = \frac{2}{3}$,则方程 $x^2 \csc\theta y^2 \sec\theta = 1$ 表示的曲线的焦点坐标是______.
- 8. 高为 h 的棱锥被平行于棱锥底面的截得棱台侧面积是原棱锥的侧面积的 $\frac{5}{9}$, 则截得的棱台的体积与原棱锥的体积之比是______.
- 9. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心, 且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是______.
- 11. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯,为节约用电又不影响照明,可以关掉其中的 3 盏,但又不能同时关掉相邻的两盏,也不能关掉两端的路灯,满足条件的关灯方法有______种.
- 12. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心,且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是________.
- 14. 马路上有编号 1 到 10 的 10 盏路灯,为节约用电又不影响照明,可以关掉其中的 3 盏,但又不能同时关掉相邻的两盏,也不能关掉两端的路灯,满足条件的关灯方法有______种.
- 15. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心,且与双曲线 $\frac{x^2}{9} \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆方程是_______.

得分	评卷人	二. 选择题:本大题共 4 题,满分 16 分. 请选择你认为最正确的答案(每小题有且只有一个)写在括号内. 每题填写正确得 4 分,否则得0分.
16. 己	知集合 A	= $\{x \mid x-1 < 3\}$, 集合 $B = \{y y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$, 则 $A \cap C_U B$ 为
(.	A) [0,4)	(B) $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$
(C) $(-2,0)$	(D) $(0,4)$
17. 若	a、b 是直	线, α 、 β 是平面, 则以下命题中真命题是
(.	A) 若 a、 b	异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$, 且 $a \perp b$, 则 $\alpha \perp \beta$
(B) 若 a b	$a, a \subset \alpha, b \subset \beta, \emptyset \alpha \parallel \beta$
(1	C) 若 a c	$\alpha, b \subset \beta,$ 则 a 、 b 异面
(.	D) 若 a ⊥	$b, a \perp \alpha, b \perp \beta$, 则 $\alpha \perp \beta$
18. 己	知集合 A	= $\{x \mid x-1 < 3\}$, 集合 $B = \{y y = x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{R}\}$, 则 $A \cap C_U B$ 为
(.	A) [0,4)	(B) $(-\infty, -2] \cup [4, +\infty)$
(1	C) $(-2,0)$	(D) $(0,4)$
19. 若	a、b 是直	线, α 、 β 是平面, 则以下命题中真命题是
(.	A) 若 a、 b	异面, $a \subset \alpha, b \subset \beta$, 且 $a \perp b$, 则 $\alpha \perp \beta$
(-	D)	

- (B) 若 $a \parallel b$, $a \subset \alpha$, $b \subset \beta$,则 $\alpha \parallel \beta$
- (C) 若 $a \parallel \alpha, b \subset \beta$, 则 a、b 异面
- (D) 若 $a \perp b$, $a \perp \alpha, b \perp \beta$, 则 $\alpha \perp \beta$

得分	评卷人

三. 简答题: 本大题共 5 题,满分 78 分. 请在题后空处写出必要的推理计算过程.

- 20. 己知复数 z 满足: $|z| z^* = \frac{10}{1 w\mathbf{i}}$ (其中 z^* 是 z 的共轭复数).
 - (1) (7分) 求复数 z;
 - (2) (7分) 若复数 $w = \cos \theta + \mathbf{i} \sin \theta \, (\theta \in \mathbb{R})$, 求 |z 2| 的取值范围.

得分

21. (14分) 函数 $f(x) = 4\sin\frac{\pi}{12}x \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12}x\right), x \in [a, a+1],$ 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 f(x) 的最大值 g(a).

22. (16分) 函数 $f(x) = 4\sin\frac{\pi}{12}x \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12}x\right), x \in [a, a+1],$ 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 f(x) 的最大值 g(a).

- 23. 己知复数 z 满足: $|z| z^* = \frac{10}{1 w\mathbf{i}}$ (其中 z^* 是 z 的共轭复数).
 - (1) (8分) 求复数 z;
 - (2) (8分) 若复数 $w=\cos\theta+\mathbf{i}\sin\theta\,(\theta\in\mathbb{R}),$ 求 |z-2| 的取值范围.

24. (18分) 函数 $f(x) = 4\sin\frac{\pi}{12}x \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{12}x\right), x \in [a, a+1],$ 其中常数 $a \in [0, 5]$, 求函数 f(x) 的最大值 g(a).