# Evaluación MLII (temas 1, 2, 6 y 7): Ejercicio 1

Modelos clasificación binaria (Random Forest y Perceptrón muliticapas)

Inmaculada Perea Fernández

mayo 2017

Cargar el data frame LetterRecognition de la libería mlbench, que contiene datos apropiado para construir un sistema de reconocimiento de caracteres. La variable lettr es de tipo factor, presentando 26 niveles, cada uno es una letra mayúscula.

Establecer la semilla del generador de números pseudo-aleatorios de R mediante set.seed(m), siendo m el número obtenido con las tres últimas cifras del DNI, y elegir aleatoriamente dos letras.

Utilizando los casos que correspondan a alguna de ambas letras, construir de forma razonada y comparar modelos de clasificación binaria basados en *Random Forests* y el *Perceptrón Multicapas* (nnet).

# 1 Carga, inspección y preparación de los datos

### 1.1. Carga e instalación de librerías necesarias

```
if (!require('mlbench')) install.packages('mlbench'); library('mlbench')
if (!require('randomForest')) install.packages('randomForest'); library('randomForest')
if (!require('nnet')) install.packages('nnet'); library('nnet')
if (!require('e1071')) install.packages('e1071'); library('e1071')
```

### 1.2. Carga e inspección de los datos

## 'data.frame':

```
data(LetterRecognition)
head(LetterRecognition)
     lettr x.box y.box width high onpix x.bar y.bar x2bar y2bar xybar x2ybr
##
## 1
                 2
                       8
                              3
                                                                                   10
## 2
          Ι
                5
                      12
                              3
                                    7
                                           2
                                                 10
                                                         5
                                                                5
                                                                            13
                                                                                    3
                                                                2
## 3
          D
                 4
                              6
                                    8
                                           6
                                                 10
                                                         6
                                                                            10
                                                                                    3
## 4
          N
                7
                              6
                                                  5
                      11
                                    6
                                           3
                                                         9
                                                                             4
                                                                                    4
## 5
          G
                 2
                                    1
                                                                             6
                                                                                    5
          S
                 4
                                                         8
                                                                             5
                                                                                    6
## 6
                      11
                              5
                                    8
##
     xy2br x.ege xegvy y.ege yegvx
          8
                0
                              0
## 1
                       8
                                     8
                 2
                       8
                              4
                                    10
          9
                       7
## 3
          7
                 3
                              3
                                     9
                 6
                              2
                                     8
## 4
         10
                      10
## 5
          9
                 1
                       7
                              5
                                    10
## 6
          6
                 0
                        8
                                     7
str(LetterRecognition)
```

## \$ lettr: Factor w/ 26 levels "A", "B", "C", "D",...: 20 9 4 14 7 19 2 1 10 13 ...

20000 obs. of 17 variables:

```
$ x.box: num 2 5 4 7 2 4 4 1 2 11 ...
## $ y.box: num 8 12 11 11 1 11 2 1 2 15 ...
## $ width: num
                3 3 6 6 3 5 5 3 4 13 ...
## $ high : num 5 7 8 6 1 8 4 2 4 9 ...
##
   $ onpix: num
                 1 2 6 3 1 3 4 1 2 7 ...
## $ x.bar: num 8 10 10 5 8 8 8 8 10 13 ...
                 13 5 6 9 6 8 7 2 6 2 ...
## $ y.bar: num
                 0 5 2 4 6 6 6 2 2 6 ...
## $ x2bar: num
##
   $ y2bar: num 6 4 6 6 6 9 6 2 6 2 ...
## $ xybar: num
                 6 13 10 4 6 5 7 8 12 12 ...
## $ x2ybr: num
                 10 3 3 4 5 6 6 2 4 1 ...
                 8 9 7 10 9 6 6 8 8 9 ...
## $ xy2br: num
## $ x.ege: num
                0 2 3 6 1 0 2 1 1 8 ...
## $ xegvy: num
                8 8 7 10 7 8 8 6 6 1 ...
                 0 4 3 2 5 9 7 2 1 1 ...
## $ y.ege: num
## $ yegvx: num 8 10 9 8 10 7 10 7 7 8 ...
dim(LetterRecognition)
## [1] 20000
               17
```

# 1.3. Elección aleatoria de dos letras

```
set.seed("271")
(selected_letters=sample(c(LETTERS), 2, replace=FALSE))
## [1] "G" "N"
```

### 1.4. Extracción de los casos correspondientes a las letras seleccionadas

```
# Filtrado de las categorías seleccionadas (G y N)
data=LetterRecognition[which(LetterRecognition$lettr==selected letters[1] |
                               LetterRecognition$lettr==selected letters[2]), ]
# Forzamos a que la variable categórica "lettr"" tenga sólo 2 categorías posibles (G y N)
data$lettr=factor(data$lettr, levels = c("G","N"))
head(data)
##
      lettr x.box y.box width high onpix x.bar y.bar x2bar y2bar xybar x2ybr
## 4
                 7
                              6
                                   6
                                          3
                                                5
## 5
                 2
                                                                                 5
          G
                       1
                              3
                                          1
                                                8
                                                       6
                                                             6
                                                                    6
                                                                          6
                                   1
## 13
          G
                 4
                       9
                              6
                                   7
                                          6
                                                7
                                                       8
                                                             6
                                                                    2
                                                                          6
                                                                                5
                                                                                6
## 30
          G
                 3
                       6
                              4
                                   4
                                          2
                                                6
                                                       6
                                                             5
                                                                    5
                                                                          6
## 36
          G
                 4
                       7
                                   5
                                          3
                                                6
                                                       6
                                                             6
                                                                    8
                                                                          6
                                                                                 5
                                                                                 5
## 39
          G
                 4
                       9
                              5
                                   6
                                          6
                                                8
                                                       5
                                                                    3
                                                                          7
##
      xy2br x.ege xegvy y.ege yegvx
## 4
         10
                 6
                      10
                              2
## 5
                              5
                                   10
          9
                 1
                       7
## 13
                       8
                              7
                                    8
         11
                 4
                              4
                                    8
## 30
          9
                 2
                       8
          9
                              4
                                    8
## 36
                 3
                      10
## 39
                 6
                       8
                              5
                                   11
         11
```

```
dim(data)
## [1] 1556
             17
str(data)
## 'data.frame':
                    1556 obs. of 17 variables:
   \ lettr: Factor w/ 2 levels "G", "N": 2 1 1 1 1 1 1 2 2 ...
   $ x.box: num 7 2 4 3 4 4 4 1 3 3 ...
                 11 1 9 6 7 9 5 3 3 5 ...
   $ y.box: num
   $ width: num
                 6 3 6 4 6 5 5 2 3 4 ...
##
   $ high : num
                 6 1 7 4 5 6 8 1 5 4 ...
   $ onpix: num
                 3 1 6 2 3 6 3 1 2 2 ...
   $ x.bar: num
                 5 8 7 6 6 8 7 7 7 7 ...
##
   $ y.bar: num 9 6 8 6 6 5 6 7 7 8 ...
##
   $ x2bar: num 4 6 6 5 6 4 8 5 13 5 ...
   $ y2bar: num
                 6 6 2 5 8 3 8 6 2 4 ...
##
   $ xybar: num
                 4 6 6 6 6 7 6 7 5 7 ...
   $ x2ybr: num 4 5 5 6 5 5 6 5 6 7 ...
  $ xy2br: num
                 10 9 11 9 9 11 10 10 8 7 ...
   $ x.ege: num 6 1 4 2 3 6 1 1 5 6 ...
##
   $ xegvy: num
                 10 7 8 8 10 8 8 9 8 9 ...
   $ y.ege: num 2 5 7 4 4 5 6 3 0 2 ...
   $ yegvx: num 8 10 8 8 8 11 11 9 8 5 ...
summary(data)
                                                  width
   lettr
                x.box
                                y.box
##
   G:773
           Min.
                 : 1.000
                            Min. : 0.000
                                              Min.
                                                    : 1.000
##
   N:783
            1st Qu.: 3.000
                            1st Qu.: 5.000
                                              1st Qu.: 4.000
##
            Median : 4.000
                            Median : 7.000
                                              Median : 5.000
##
            Mean
                 : 4.299
                            Mean
                                  : 7.082
                                              Mean
                                                    : 5.398
##
            3rd Qu.: 5.000
                            3rd Qu.:10.000
                                              3rd Qu.: 7.000
##
            Max.
                   :11.000
                            Max.
                                    :15.000
                                              Max.
                                                     :14.000
##
        high
                                         x.bar
                        onpix
                                                         y.bar
##
   Min. :0.000
                   Min. : 0.000
                                    Min. : 2.00
                                                     Min. : 3.000
                   1st Qu.: 2.000
##
   1st Qu.:4.000
                                     1st Qu.: 6.00
                                                     1st Qu.: 6.750
   Median :6.000
                   Median : 3.000
                                     Median : 7.00
                                                     Median : 7.000
   Mean
         :5.314
                   Mean : 3.566
                                    Mean
                                          : 6.94
                                                     Mean : 7.274
##
##
   3rd Qu.:7.000
                   3rd Qu.: 5.000
                                     3rd Qu.: 7.00
                                                     3rd Qu.: 8.000
##
          :9.000
                          :12.000
                                     Max.
                                           :12.00
   Max.
                   {\tt Max.}
                                                     Max.
                                                           :13.000
##
       x2bar
                       y2bar
                                       xybar
                                                         x2ybr
##
   Min. : 2.0
                   Min. : 0.000
                                    Min. : 3.000
                                                     Min. : 0.000
##
   1st Qu.: 5.0
                   1st Qu.: 3.000
                                    1st Qu.: 6.000
                                                     1st Qu.: 5.000
##
   Median: 6.0
                   Median : 5.000
                                    Median : 7.000
                                                     Median : 6.000
   Mean : 6.3
                   Mean : 4.531
                                    Mean : 7.401
                                                     Mean : 6.031
##
   3rd Qu.: 7.0
                   3rd Qu.: 6.000
                                    3rd Qu.: 9.000
                                                     3rd Qu.: 7.000
##
   Max.
          :15.0
                   Max. :10.000
                                    Max.
                                          :14.000
                                                     Max. :12.000
##
       xy2br
                       x.ege
                                        xegvy
                                                          y.ege
   Min. : 3.00
                    Min. : 1.000
                                                      Min. : 0.00
##
                                     Min. : 5.000
##
   1st Qu.: 7.00
                    1st Qu.: 2.000
                                     1st Qu.: 8.000
                                                      1st Qu.: 1.00
```

Median : 8.000

Mean : 8.409

3rd Qu.: 9.000

:13.000

Max.

Median: 4.00

Mean : 3.29

3rd Qu.: 5.00

Max. :10.00

##

##

Median: 8.00

Mean : 8.45

3rd Qu.:10.00

## Max. :14.00

Median : 5.000

Mean : 4.149

3rd Qu.: 6.000

Max. :11.000

```
## yegvx

## Min. : 0.000

## 1st Qu.: 7.000

## Median : 8.000

## Mean : 8.123

## 3rd Qu.: 9.000

## Max. :14.000
```

### 1.5. División entrenamiento y test

Destinamos un 70% de los datos a entrenamiento y un 30% para test

```
n=nrow(data)
train.index=sort(sample(1:n, ceiling(0.7*n)))
train.data=data[train.index,]
test.data=data[-train.index,]
```

#### Conjunto de entrenamiento

```
dim(train.data)
## [1] 1090 17
summary(train.data)
```

```
##
    lettr
                 x.box
                                   y.box
                                                     width
    G:540
                                      : 0.000
                                                         : 1.000
##
            Min.
                    : 1.000
                               Min.
                                                 Min.
##
    N:550
            1st Qu.: 3.000
                               1st Qu.: 4.000
                                                 1st Qu.: 4.000
##
            Median : 4.000
                               Median : 7.000
                                                 Median : 5.000
##
                    : 4.234
                                      : 6.958
                                                         : 5.344
            Mean
                               Mean
                                                 Mean
##
            3rd Qu.: 5.000
                               3rd Qu.: 9.000
                                                 3rd Qu.: 7.000
##
                    :11.000
                                      :15.000
                                                         :12.000
            Max.
                               Max.
                                                 Max.
##
         high
                          onpix
                                           x.bar
                                                             y.bar
                                              : 2.000
##
            :0.000
                            : 0.00
                                                                : 3.000
    Min.
                     \mathtt{Min}.
                                      Min.
                                                         Min.
    1st Qu.:4.000
                     1st Qu.: 2.00
                                      1st Qu.: 6.000
                                                         1st Qu.: 7.000
##
    Median :6.000
                     Median: 3.00
                                      Median : 7.000
                                                         Median : 7.000
            :5.264
                             : 3.55
                                              : 6.917
                                                                : 7.273
##
    Mean
                     Mean
                                      Mean
                                                         Mean
##
    3rd Qu.:7.000
                     3rd Qu.: 5.00
                                      3rd Qu.: 7.000
                                                         3rd Qu.: 8.000
##
    Max.
            :9.000
                     Max.
                             :12.00
                                      Max.
                                              :12.000
                                                         Max.
                                                                :11.000
##
        x2bar
                          y2bar
                                             xybar
                                                              x2ybr
##
    Min.
           : 2.000
                      Min.
                              : 0.000
                                        Min.
                                                : 3.00
                                                          Min.
                                                                 : 0.000
##
    1st Qu.: 5.000
                      1st Qu.: 3.000
                                         1st Qu.: 6.00
                                                          1st Qu.: 5.000
    Median : 6.000
                      Median : 5.000
                                        Median: 7.00
                                                          Median : 6.000
                                                : 7.38
##
    Mean
           : 6.304
                      Mean
                              : 4.532
                                        Mean
                                                          Mean
                                                                 : 6.036
##
    3rd Qu.: 7.000
                      3rd Qu.: 6.000
                                         3rd Qu.: 9.00
                                                          3rd Qu.: 7.000
##
    Max.
           :15.000
                      Max.
                              :10.000
                                        Max.
                                                :14.00
                                                          Max.
                                                                 :12.000
##
        xy2br
                          x.ege
                                             xegvy
                                                               y.ege
##
    Min.
           : 3.000
                             : 1.000
                                                : 5.000
                                                                  : 0.000
                      Min.
                                        Min.
                                                           Min.
##
    1st Qu.: 7.000
                                                           1st Qu.: 1.000
                      1st Qu.: 2.000
                                        1st Qu.: 8.000
##
    Median : 8.000
                      Median : 4.000
                                        Median: 8.000
                                                           Median : 4.000
##
    Mean
           : 8.418
                      Mean
                              : 4.131
                                        Mean
                                                : 8.424
                                                           Mean
                                                                  : 3.291
    3rd Qu.:10.000
                      3rd Qu.: 6.000
                                        3rd Qu.: 9.000
                                                           3rd Qu.: 5.000
           :14.000
                              :10.000
                                                :13.000
    Max.
                      Max.
                                        Max.
                                                           Max.
                                                                  :10.000
```

```
## yegvx

## Min. : 0.000

## 1st Qu.: 7.000

## Median : 8.000

## Mean : 8.094

## 3rd Qu.: 9.000

## Max. :14.000
```

#### Conjunto de test

```
dim(test.data)
## [1] 466 17
```

# summary(test.data)

```
y.box
##
   lettr
                x.box
                                                  width
##
  G:233
                 : 1.000
                            Min. : 0.000
                                                    : 1.000
           \mathtt{Min}.
                                             Min.
##
   N:233
            1st Qu.: 3.000
                            1st Qu.: 5.000
                                             1st Qu.: 4.000
##
           Median : 4.000
                            Median : 8.000
                                             Median : 5.000
##
            Mean
                 : 4.451
                            Mean : 7.371
                                             Mean : 5.526
                                             3rd Qu.: 7.000
            3rd Qu.: 5.000
##
                            3rd Qu.:10.000
##
            Max.
                   :11.000
                            Max.
                                    :15.000
                                             Max.
                                                     :14.000
##
        high
                        onpix
                                         x.bar
                                                         y.bar
   Min.
          :0.000
                   Min. : 0.000
                                    Min.
                                           : 3.000
                                                     Min. : 3.000
   1st Qu.:4.000
                   1st Qu.: 2.000
                                     1st Qu.: 6.000
                                                     1st Qu.: 6.000
##
                   Median : 3.000
   Median :6.000
                                     Median : 7.000
                                                     Median : 7.000
##
   Mean
         :5.431
                   Mean : 3.603
                                     Mean : 6.996
                                                     Mean : 7.275
##
   3rd Qu.:7.000
                   3rd Qu.: 5.000
                                     3rd Qu.: 7.000
                                                      3rd Qu.: 8.000
##
   Max.
          :9.000
                   Max. :12.000
                                     Max.
                                          :12.000
                                                     Max.
                                                           :13.000
##
       x2bar
                        y2bar
                                        xybar
                                                         x2ybr
##
          : 2.000
                    Min. : 0.00
   Min.
                                     Min.
                                          : 3.000
                                                     Min. : 0.000
   1st Qu.: 4.000
                    1st Qu.: 3.00
                                     1st Qu.: 6.000
                                                     1st Qu.: 6.000
                                                     Median : 6.000
   Median : 6.000
                    Median: 5.00
                                     Median : 7.000
##
##
   Mean : 6.292
                    Mean : 4.53
                                     Mean : 7.451
                                                     Mean : 6.021
                                     3rd Qu.: 9.000
##
    3rd Qu.: 7.000
                     3rd Qu.: 6.00
                                                      3rd Qu.: 7.000
                          :10.00
                                     Max. :14.000
                                                           :12.000
##
   Max.
          :15.000
                    Max.
                                                     Max.
                                                          y.ege
##
       xy2br
                        x.ege
                                         xegvy
##
         : 3.000
                                                      Min. : 0.00
   Min.
                    Min.
                           : 1.000
                                     Min.
                                            : 6.000
    1st Qu.: 7.000
                     1st Qu.: 2.000
                                      1st Qu.: 8.000
                                                       1st Qu.: 1.00
##
   Median : 8.000
                    Median : 5.000
                                     Median : 8.000
                                                       Median: 4.00
##
   Mean : 8.524
                     Mean : 4.191
                                     Mean : 8.373
                                                       Mean : 3.29
##
   3rd Qu.:10.000
                     3rd Qu.: 6.000
                                      3rd Qu.: 9.000
                                                       3rd Qu.: 5.00
                                                            :10.00
##
   Max.
         :13.000
                     Max.
                          :11.000
                                     Max.
                                            :12.000
                                                      Max.
##
       yegvx
##
   Min. : 3.000
   1st Qu.: 7.000
##
   Median : 8.000
   Mean : 8.189
##
   3rd Qu.: 9.000
##
   Max. :14.000
```

# 2. Ramdon Forest

A continuación construiremos un modelo basado en Ramdon Forest.

# 2.1. Cálculo de valor óptimo de m

En cada nodo, se eligen aleatoriamente m < p variables predictoras, para a continuación elegir la mejor división entre esas m variables.

Por defecto la librería randomForest construye 500 árboles y toma m=p^1/2 para problemas de clasificación, donde p es el número de variables predictoras.

Reducir m reduce tanto la correlación como la fuerza, por lo que el error aumenta. Este es el único parámetro a ajustar respecto al cual RandomForests es sensible, puede ser ajustado con procedimientos de validación cruzada o con ayuda de la función tuneRF de la librería randomForest

Calcularemos a continuación el valor de m por defecto

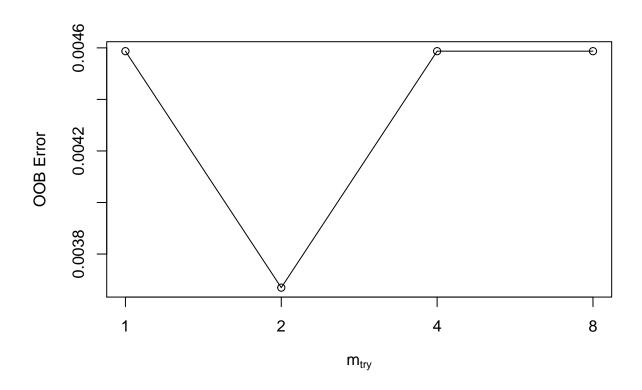
```
# Valor de m por defecto
mtry.default=floor(sqrt(dim(train.data)[2]))
mtry.default
```

#### ## [1] 4

Ahora con tuneRF calcularemos el valor óptimo de m que minimiza el error OOB

```
letters.tuneRF=tuneRF(x=train.data[,-1], y=train.data[,1], stepFactor=2)
```

```
## mtry = 4  00B error = 0.46%
## Searching left ...
## mtry = 2  00B error = 0.37%
## 0.2 0.05
## mtry = 1  00B error = 0.46%
## -0.25 0.05
## Searching right ...
## mtry = 8  00B error = 0.46%
## -0.25 0.05
```



### letters.tuneRF

```
## 000BError
## 1.008 1 0.004587156
## 2.008 2 0.003669725
## 4.008 4 0.004587156
## 8.008 8 0.004587156
```

Se obtiene que el valor óptimo de m es 2, valor que no coincide con el que utiliza RandomForest por defecto (4), por este motivo habrá que especificar el valor obtenido en la construcción del modelo.

# 2.2. Contrucción del bosque aleatorio

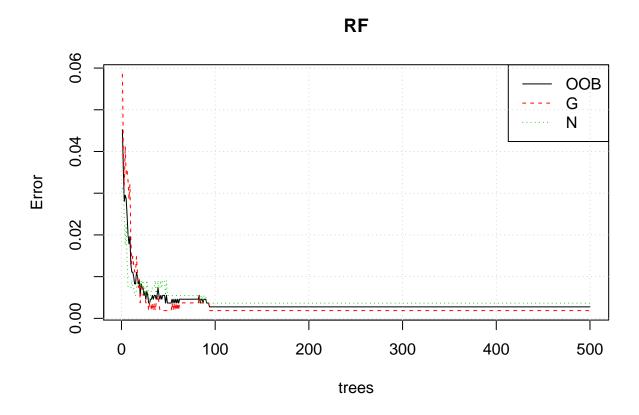
```
RF<- randomForest(lettr ~ ., data=train.data, importance=TRUE, do.trace=FALSE, mtry=2)
RF
##
## Call:
   randomForest(formula = lettr ~ ., data = train.data, importance = TRUE,
                                                                                 do.trace = FALSE, mtry
##
                  Type of random forest: classification
##
                        Number of trees: 500
## No. of variables tried at each split: 2
##
           OOB estimate of error rate: 0.28%
##
   Confusion matrix:
           N class.error
```

```
## G 539 1 0.001851852
## N 2 548 0.003636364
```

El OOB obtenido para el modelo en el conjunto de entrenamiento es igual a 0.28%, por tanto la tasa de acierto es de 99.72%.

## 2.3 Representación gráfica del error total y el de cada categoría

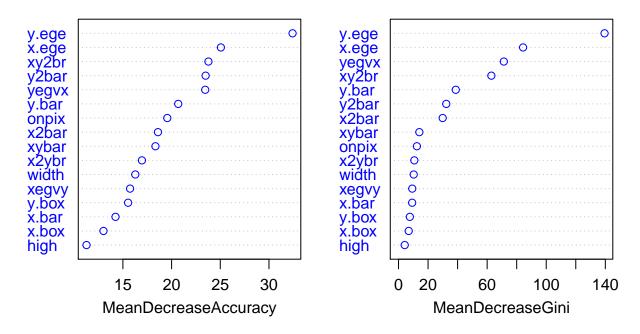
```
plot(RF)
legend("topright", col=1:3, lty=1:3, legend=c("00B",levels(train.data$lettr)))
grid()
```



El error obtenido para cada categoría es muy similar.

# 2.4. Representación gráfica de la importancia de las variables

```
varImpPlot(RF, col="blue")
```



Se obtienen resultados similares con ambos criterios, en ambos casos las 2 variables que presentan mayor importancia son y.ege y x.ege y las que menos presentan menor importancia son high y x.box

#### 2.5. Evaluación del rendimiento

A continuación calcularemos el error sobre el conjunto test, y así poder comparar con el modelo que construiremos en el siguiente apartado basado en el perceptrón multicapas

```
# Cálculo de las predicciones sobre el conjunto test
predictest<- predict(RF, newdata=test.data, type="response")</pre>
# Tabla de confusión
confusion.table.RF<-table(test.data$lettr, predictest)</pre>
confusion.table.RF
##
      predictest
##
         G
##
     G 232
##
     N
         0 233
RF.group.G.accuracy=round((100*diag(prop.table(confusion.table.RF, 2)))[1], 3)
RF.group.N.accuracy=round((100*diag(prop.table(confusion.table.RF, 2)))[2], 3)
RF.total.accuracy=round(100*sum(diag(prop.table(confusion.table.RF))), 3)
cat(" Acierto grupo G =\t",
    RF.group.G.accuracy, "\n",
    "Acierto grupo N =\t",
```

```
RF.group.N.accuracy,"\n",
   "Acierto total =\t",
   RF.total.accuracy,"\n")

## Acierto grupo G = 100
## Acierto grupo N = 99.573
## Acierto total = 99.785
```

Con Random Forest hemos obtenido un modelo muy satisfactorio con una tasa de acierto bastante elevada que funciona muy bien con el conjunto de datos LetterRecognition y con las letras seleccionadas aleatoriamente.

# 3. Perceptrón multicapas

A continuación construiremos un modelo basado en el Perceptrón multicapa.

# 3.1. Tipificación de las variables predictoras

No conviene que las variables predictoras tengan valores dispares, por tanto es recomendable tipificar.

En primer lugar se tipificará el conjunto de entrenamiento usando la función *scale*, y después las observaciones test se transformarán con las medias y desviaciones típicas de los datos de entrenamiento, de este modo evitamos que el conjunto test intervenga en el entrenamiento del modelo

#### 3.1.1 Normalización del conjunto de entrenamiento

```
zent<- scale(train.data[,-1], center=TRUE, scale=TRUE)
medias<- attr(zent, "scaled:center")
dt<- attr(zent, "scaled:scale")</pre>
```

#### 3.1.2 Aplica mismo escalado sobre el conjunto test

```
ztest<- scale(test.data[,-1], medias, dt)</pre>
```

## 3.2 Construcción y ajuste del modelo

A continuación construiremos el modelo basado en el Perceptrón multicapa. Usaremos la función tune de la libreria e1071 para encontrar los valores óptimos de size (tamaño de la capa oculta) y el parámetro decay (regularización L2 para evitar sobreajuste)

La función tune obtiene mediante validación cruzada los errores de clasificación de todas las combinaciones de valores de size y decay que se le pasan como entrada en la variable ranges.

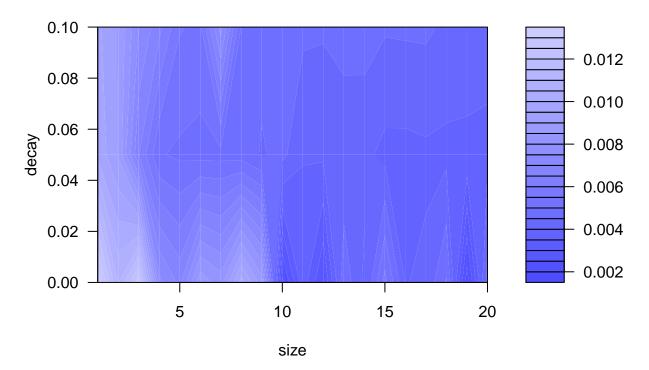
#### summary(letters.tunePM)

```
## Parameter tuning of 'nnet':
##
   - sampling method: 10-fold cross validation
##
##
  - best parameters:
    size decay
##
      19
             0
##
   - best performance: 0.001738233
##
##
   - Detailed performance results:
##
      size decay
                       error dispersion
## 1
         1 0.00 0.013404713 0.009321869
## 2
         2 0.00 0.010975758 0.009209414
##
  3
           0.00 0.012795479 0.010218355
##
           0.00 0.007647920 0.008585296
           0.00 0.006875787 0.006990381
           0.00 0.008821363 0.008753789
## 6
            0.00 0.008275596 0.009085792
##
  7
           0.00 0.010252476 0.009701634
## 8
## 9
            0.00 0.008731871 0.012479689
## 10
        10
           0.00 0.001883110 0.005726809
## 11
            0.00 0.003789465 0.004199021
## 12
           0.00 0.002471492 0.003168375
## 13
           0.00 0.004861814 0.006736100
## 14
           0.00 0.003896482 0.004649697
## 15
           0.00 0.005687442 0.006770960
## 16
           0.00 0.003973744 0.005502583
## 17
           0.00 0.004109695 0.005823489
## 18
           0.00 0.005052780 0.006442912
## 19
            0.00 0.001738233 0.003776046
## 20
           0.00 0.004731082 0.006555007
           0.05 0.009891415 0.009892594
## 21
## 22
            0.05 0.008951077 0.009714115
## 23
           0.05 0.006528559 0.007656067
## 24
           0.05 0.005048483 0.005696521
## 25
            0.05 0.004904552 0.005328221
## 26
            0.05 0.004809515 0.005716684
## 27
            0.05 0.004847980 0.005328410
## 28
            0.05 0.004760331 0.005327909
## 29
           0.05 0.004455351 0.005023378
##
  30
        10
           0.05 0.004641086 0.005090079
## 31
           0.05 0.004019763 0.004333413
## 32
           0.05 0.004092525 0.004439525
## 33
           0.05 0.004066272 0.004333341
##
  34
           0.05 0.004134024 0.004360703
##
  35
           0.05 0.003852428 0.004077791
##
  36
           0.05 0.003847803 0.004067652
##
  37
            0.05 0.003905344 0.004107315
## 38
           0.05 0.003868828 0.004130242
```

```
## 39
            0.05 0.003864742 0.004016540
##
  40
        20
            0.05 0.003870214 0.004040883
##
  41
            0.10 0.009621467 0.009423775
            0.10 0.008959412 0.009234726
##
  42
##
  43
            0.10 0.007489965 0.008010570
            0.10 0.006656764 0.007191663
##
  44
  45
            0.10 0.005538408 0.006390956
##
## 46
            0.10 0.005387165 0.006082662
## 47
         7
            0.10 0.007723940 0.007362156
            0.10 0.004972559 0.005350398
##
  48
         8
##
  49
            0.10 0.004635522 0.005075113
  50
            0.10 0.004707434 0.005004763
##
        10
            0.10 0.004612126 0.004926053
##
  51
        11
## 52
            0.10 0.004559713 0.004884697
## 53
        13
            0.10 0.004765999 0.005157240
## 54
            0.10 0.004723267 0.005145274
  55
            0.10 0.004555131 0.004863915
##
        15
##
  56
            0.10 0.004578107 0.004940953
            0.10 0.004592657 0.004867658
##
  57
        17
##
  58
            0.10 0.004395830 0.004698466
## 59
        19
            0.10 0.004312275 0.004670130
## 60
            0.10 0.004195644 0.004419779
```

#### plot(letters.tunePM)

# Performance of `nnet'



Obtenemos los valores de *size* y *decay* que minimizan el error de clasificación asi como el mejor modelo que está construido con estos parámetros óptimos.

```
# Valores óptimos de los parámetros
letters.tunePM$best.parameters

## size decay
## 19 19 0

# Red con la mejor configuración
(PM=letters.tunePM$best.model)

## a 16-19-1 network with 343 weights
## options were - entropy fitting
```

El mejor modelo se obtiene con una red neuronal con 19 nodos en la capa oculta.

#### 3.3 Evaluación del rendimiento

En primer lugar será necesario obtener las predicciones del conjunto test aplicando el modelo obtenido. Para obtener decisiones G/N, se deben comparar las probabilidades estimadas con un punto de corte (u), ya que la salida binaria está codificada con  $\theta$  (clase N) y  $\theta$ 1 (categoría  $\theta$ 2):

Construiremos una función que traduzca si la clase seleccionada es G o N en función de la probabilidad estimada p y comparandola con un umbral (u) (si p >= u, decisión= G)

```
predclase<- function (p, u)
{
   ifelse(p>=u,"G","N")
}
PM.predict=predclase(predict(PM, ztest), 0.5)
```

Construimos la tabla de confusión

```
confusion.table.PM<-table(test.data$lettr, PM.predict)
confusion.table.PM</pre>
```

```
## PM.predict
## G N
## G 232 1
## N O 233
```

Calculamos el acierto por grupos y el acierto total

```
PM.group.G.accuracy=round((100*diag(prop.table(confusion.table.PM, 2)))[1], 3)
PM.group.N.accuracy=round((100*diag(prop.table(confusion.table.PM, 2)))[2], 3)
PM.total.accuracy=round(100*sum(diag(prop.table(confusion.table.PM))), 3)

cat(" Acierto grupo G =\t",
    PM.group.G.accuracy,"\n",
    "Acierto grupo N =\t",
    PM.group.N.accuracy,"\n",
    "Acierto total =\t",
    PM.total.accuracy,"\n")
```

```
## Acierto grupo G = 100

## Acierto grupo N = 99.573

## Acierto total = 99.785
```

El modelo basado en el Perceptrón multicapa se ajusta muy bien a los datos y presenta una tasa de acierto muy alta.

# 4. Conclusiones

A continuación construiremos la tabla resumen con la tasa de acierto para ambos modelos

	Acierto G	Acierto N	Acierto total
Random Forest	100	99.573	99.785
Perceptrón multicapa	100	99.573	99.785
		Random Forest 100	Random Forest 100 99.573

A la vista de los resultados podemos concluir que ambos modelos se ajustan muy bien a los datos y que presentan un tasa de acierto alta. No existe diferencia en cuanto a tasa de acierto entre ambos modelos pero quizá desde el punto de vista computacional el modelo Random Forest tiene mejor rendimiento, el sistema ha tardado menos en construirlo y ajustarlo.