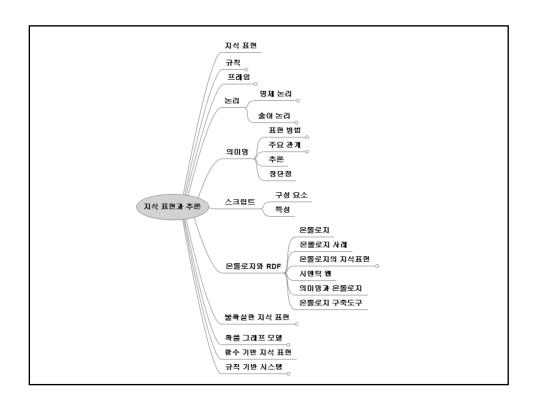
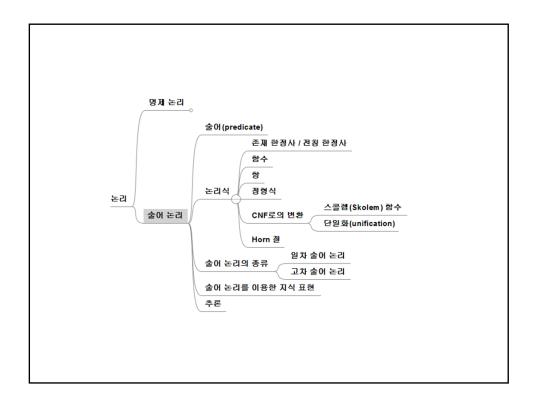
지식표현과 추론

Part II

충북대학교 소프트웨어학과 이건명





4.2 술어 논리

- ❖ 술어 논리(predicate logic)
 - 명제의 내용을 다루기 위해 **변수**, **함수** 등을 도입하고 이들의 값에 따라 참, 거짓이 결정되도록 명제 논리를 확장한 논리
 - 술어(述語, predicate)
 - 문장의 '주어+서술어'형태에서 서술어에 해당
 - 대상의 속성이나 대상 간의 관계를 기술하는 기호
 - **참**(T) 또는 **거짓**(F) **값**을 갖는 **함수**
 - 예.
 - Student(John)
 - Friend(John, Mary)
 - Father(Adam, *x*)

술어 논리의 구문

- ❖ 술어 논리
 - **존재 한정사**(existential quantifier) ∃와 **전칭 한정사**(universal quantifier) ∀ 사용
 - 변수의 범위를 고려한 지식을 표현
 - $\exists x \text{ Friend(John, } x)$
 - 'John은 친구가 한 명은 있다'
 - $\forall x \exists y \ \text{Friend}(x,y)$
 - '누구나 친구가 한 명은 있다'

술어 논리의 구문

- ❖ 함수(function)
 - 주어진 인자에 대해서 참, 거짓 값이 아닌 일반적인 값을 반환
 - 술어나 다른 함수의 인자로 사용

f(x) g(x,y)

- ❖ 항(term)
 - 함수의 인자가 될 수 있는 것
 - 항이 될 수 있는 것: 개체상수, 변수, 함수
 - (1) 개체상수, 변수는 항이다.
 - (2) t_1, t_2, \cdots, t_n 이 모두 항이고, f가 n개의 인자를 갖는 함수 기호일 때, $f(t_1, t_2, \cdots, t_n)$ 은 항이다.
 - (3) (1)과 (2)에 의해 만들어질 수 있는 것만 항이다.

술어 논리의 구문

- ❖ 술어 논리식에 대한 정형식
 - (1) t_1,t_2,\cdots,t_n 이 모두 항이고, p가 n개의 인자를 갖는 술어 기호일 때, $p(t_1,t_2,\cdots,t_n)$ 은 정형식이다.
 - (2) p와 q가 정형식이면, 논리 기호를 사용하여 구성되는 논리식 $\neg p,\ p\lor q,$ $p\land q,\ p\to q,\ p\equiv q$ 도 정형식이다.
 - (3) p(x)가 정형식이고, x가 변수일 때, $\forall x \, p(x)$, $\exists x \, p(x)$ 는 정형식이다.
 - (4) (1), (2), (3)에 의해 만들어질 수 있는 것만 술어 논리의 정형식이다.

 $\forall x \ \forall y \ Horse(x) \land Dog(y) \rightarrow Faster(x,y)$

 $\exists y \ Greyhound(y) \land (\forall z \ Rabbit(z) \rightarrow Faster(y,z))$

Horse(Harry)

Rabbit(Ralph)

 $\forall y \text{ Greyhound}(y) \rightarrow \text{Dog}(y)$

 $\forall x \; \forall y \; \forall z \; Faster(x,y) \land Faster(y,z) \rightarrow Faster(x,z)$

술어 논리의 종류

- ❖ 일차 술어논리(first-order predicate logic, FOL)
 - **변수**에만 전칭 한정사와 존재 한정사를 쓸 수 있도록 한 술어논리 ● ∃x P(x)
- ❖ 고차 술어논리(high-order predicate logic)
 - 변수뿐만 아니라 함수, 술어기호 등에 대해서 전칭 한정사와
 존재 한정사를 쓸 수 있도록 한 술어논리
 - $\exists S S(x)$
 - $\exists g \forall x (f(x) = h(g(x)))$

술어 논리의 지식표현

- ❖ 술어 논리를 이용한 지식 표현
 - (a) Whoever can read is literate. (읽을 수 있으면 문맹이 아니다)
 - (b) Monkeys are not literate. (원숭이는 문맹이다)
 - (c) Some monkeys are intelligent. (어떤 원숭이는 지능적이다)
 - (d) Some who are intelligent cannot read. (지능적이어도 문맹일 수 있다) ← 증명
 - (a) $\forall x [CanRead(x) \rightarrow Literate(x)]$
 - (b) $\forall x[Monkey(x) \rightarrow \neg Literate(x)]$
 - (c) $\exists x [Monkey(x) \land Intelligent(x)]$
 - (d) $\exists x [Intelligent(x) \land \neg CanRead(x)]$

술어 논리의 추론

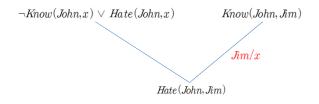
- ❖ 술어 논리식의 CNF로의 변환 과정
 - 1. 전칭 한정사와 존재 한정사를 논리식의 맨 앞으로 끌어내는 변환
 - 2. 전칭 한정사에 결합된 변수
 - 임의의 값 허용
 - 전칭 한정사만 제거 $\forall x, P(x) \Rightarrow P(x)$
 - 3. 존재 한정사에 결합된 변수
 - 대응되는 술어 기호를 참(T)으로 만드는 값을 변수에 대응시킴
 - 스콜렘 함수(Skolem function)
 - 존재 한정사에 결합된 변수를 해당 술어의 전칭 한정사에 결합된 다른 변수들의 새로운 함수로 대체

 $\forall \, x \,\exists \, y [P(x) \land Q(x,y)] \, \Rightarrow \, \forall \, x \, [P(x) \land Q(x,s(x))]$

- -s(x)
 - » Q(x, s(x))를 어떤 x에 대해서도 참으로 만드는 마법의 함수(magic function)
- 다른 변수와 함께 나타나지 않는 존재 한정사에 결합된 변수 $\exists \, x \, P(x) \, \Rightarrow \, P(a)$

술어 논리의 추론

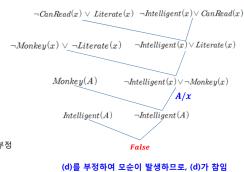
- ❖ 단일화(unification) 과정
 - 논리융합(resolution)을 적용할 때는 대응되는 리터럴이 같아지도록, 변수의 값을 맞춰주는 과정



술어 논리의 추론

- ❖ 술어 논리로 지식의 증명
 - (a) $\forall x[CanRead(x) \rightarrow Literate(x)]$
 - (b) $\forall x[Monkey(x) \rightarrow \neg Literate(x)]$
 - (c) $\exists x[Monkey(x) \land Intelligent(x)]$
 - (d) $\exists x[Intelligent(x) \land \neg CanRead(x)] \leftarrow$ 증명
 - 논리곱 형태로 변환
 - $(1) \ \neg \textit{CanRead}(x) \lor \textit{Literate}(x)$
 - (2) $\neg Monkey(x) \lor \neg Literate(x)$
 - (3) Monkey(A)
 - (4) Intelligent(A)
 - (5) $\neg Intelligent(x) \lor CanRead(x)$

(d)를 **논리융합 논박**을 이용하여 증명하기 위해 부정



논리 프로그래밍 언어

❖ Horn 절 (Horn clause)

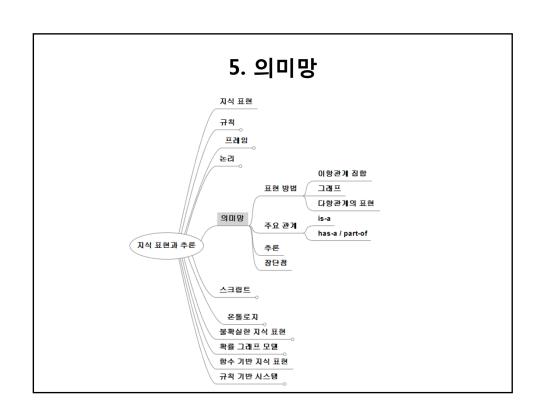
• 논리식을 논리합의 형태로 표현할 때, $\neg A(x) \lor \neg B(x) \lor C(x)$ 와 같이 긍정인 리터럴을 최대 하나만 허용

❖ Prolog

■ Horn 절만 허용하는 논리 프로그래밍 언어

```
father(noah, shem).
father(noah, ham).
father(shem, elam).
father(shem, arphaxad).
father(arphaxad, caina).
grandfather(X,Y) :- father(X,Z), father(Z,Y).
:- grandfather(X,Y).
```

■ 백트랙킹(backtracking)을 이용하여 실행



의미망

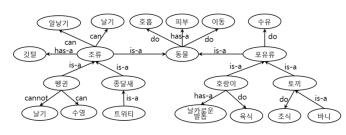
- ❖ 의미망(semantic network)
 - 지식을 이항 관계(binary relation)의 집합으로 표현
 - 노드와 방향성 간선으로 구성되는 **그래프**를 사용해 지식 표현
 - 노드 (node)
 - 대상, 개념, 행위, 상태, 사건
 - 간선 (edge)
 - **관계**가 있는 노드를 연결
 - 관계에 따른 **방향**
 - 관계의 의미를 나타내는 **라벨** 부여

의미망

❖ 의미망의 예

is-a(조류, 동물), is-a(포유류, 동물)
has-a(조류, 깃털), can(조류, 알낳기)
can(조류, 날기), is-a(펭귄, 조류)
cannot(펭귄, 날기), is-a(종달새, 조류)
do(동물, 호흡), has-a(동물, 피부)
do(동물, 이동), has-a(호랑이, 날카로운 발톱)
do(호망이,육식), is-a(트위티, 종달새)

can(펭귄, 수영) do(포유류, 수유)



is-a(바니, 토끼)

의미망

- ❖ 의미망에서 사용되는 관계(relationship)
 - is-a
 - 상위 클래스와 하위 클래스 관계(예, is-a(조류,동물)), 또는 클래스와 객체의 관계(예, is-a(트위티,종달새))를 나타내어 계층 관계 표현
 - 상위 계층의 속성을 상속
 - 추이적(transitive) 관계 만족

```
is-a(X,Y) \wedge is-a(Y,Z) \rightarrow is-a(X,Z).

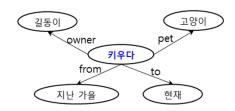
is-a(펭귄,조류) \wedge is-a(조류,동물) \rightarrow is-a(펭귄,동물)
```

- has-a
 - **전체-부분** 관계
 - part-of와 역관계
 - has-a(X,Y)이면 part-of(Y,X) 성립
 - **추이적 관계** 만족

```
\begin{array}{ll} \text{has-a}(\underline{X},\underline{Y}) \ \land \ \text{has-a}(\underline{Y},\underline{Z}) \ \rightarrow \ \text{has-a}(\underline{X},\underline{Z}), \\ \text{part-of}(\underline{X},\underline{Y}) \ \land \ \text{part-of}(\underline{Y},\underline{Z}) \ \rightarrow \ \text{part-of}(\underline{X},\underline{Z}). \end{array}
```

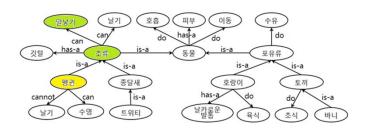
의미망

- ❖ 다항 관계를 이항 관계로 전개하여 표현한 의미망
 - 의미망은 **이항 관계만**을 표현
 - 다항 관계는 "관계(relationship)"을 "객체(object)"로 간주하여 표현
 - 사물화(reification)
 - 예. 길동이는 지난 가을부터 현재까지 고양이를 키우고 있다



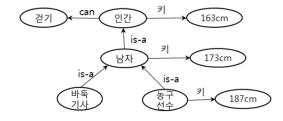
의미망의 추론

- ❖ 의미망에서 추론
 - **상속(inheritance)**을 이용
 - **질문**에 대한 의미망과 **지식**을 나타내는 의미망을 비교
 - 질문 예. '펭귄은 **알을 낳는가?**'
 - can(펭귄,알낳기)에 해당
 - is-a 관계의 간선을 따라 조류 노드로 이동
 - can(조류, 알낳기)가 있으므로, 질문의 답은 참



의미망의 추론

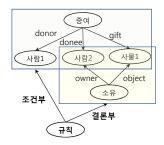
- ❖ 의미망에서 추론
 - 디폴트값(default value, 기본값)을 이용한 추론
 - 상속 관계 이용
 - 예. 바둑 기사의 키는?



의미망의 추론

❖ 의미망에서 추론

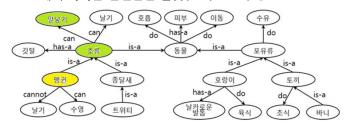
- 주어진 지식으로부터 **새로운 사실**을 이끌어내는 **추론**도 가능
- **규칙**의 의미망 표현
 - 예. 사람1이 사람2에게 사물1을 주면, 사람2는 사물1를 소유하게 된다



- 주어진 사실: **철수가 영희에게 반지를 주었다**
 - » 사람1=철수, 사람2=영희, 사물1=반지
 - » 추론 결과 : **영희가 반지를 가지고 있다**

의미망과 프레임

- ❖ 의미망의 프레임으로의 변환
 - **노드별**로 **프레임** 생성
 - 노드에서 **나가는 간선**들을 **슬롯(slot)**으로 구성



| frame-name | 펭귄 |
|------------|-------|
| frame-type | Class |
| is-a | 조류 |
| can | 수영 |
| cannot | 날기 |

| frame-name | 조류 |
|------------|--------|
| frame-type | Class |
| is-a | 동물 |
| can | 날기 알낳기 |
| has-a | 깃털 |

의미망

- ❖ 의미망 표현의 장점
 - 지식을 **시각적**으로 표현할 수 있어, **직관적 이해** 용이
 - **노드 추가** 또는 변경으로 비교적 쉽게 지식의 추가 및 변경 가능
 - 개념의 계층관계를 정의하여 속성의 **상속 관계** 지정 가능
 - **복잡한 지식**을 **구조화**하여 표현 가능
- ❖ 의미망 표현의 단점
 - 지식의 **양이 많아지면** 관리 **복잡**
 - 개념이나 관계를 임의로 정의하기 때문에 **통일성**이 부족
 - 공유나 재사용에 대한 고려 없음
 - 논리적 결합 관계나 인과 관계를 기술하려고 하면 and, or, implies와 같은 링크 도입 필요
 - 일관성을 떨어뜨리고 추론과정을 복잡
 - 기본적으로 **정적인 지식**의 표현
 - 추론 과정에서 동적으로 지식의 내용을 바꾸려면 그래프를 동적으로 바꿀 수 있도록 해야 함

6. 스크립트

❖ 스크립트(script)

- 일반적으로 발생할 수 있는 **전형적인 상황**에 대한 **절차적 지식**을 일목요연하게 표현
- 전형적인 상황에서 일어나는 **일련의 사건**(event)을 **시간적 순서**를 고려하여 기술하는 프레임과 같은 구조의 지식 표현
- 구성요소
 - 트랙(track)
 - 어떤 스크립트에서 발생할 수 있는 일련의 사건들이 변형된 형태 식별자
 - 역할자(role)
 - 스크립트에 **관련**된 **사람** 및 **대상**
 - 속성(props)
 - 사건 진행에 관련된 대상에 대한 정보
 - 진입 조건(entry condition)
 - 스크립트에 기술된 사건들이 일어나기 전에 만족되어야 하는 전제조건
 - **장면**(scene)
 - 실제 일어나는 **일련의 사건**
 - 결과 조건(result)
 - 스크립트의 장면에 있는 사건들이 **일어난 이후**에 만족되는 조건

스크립트

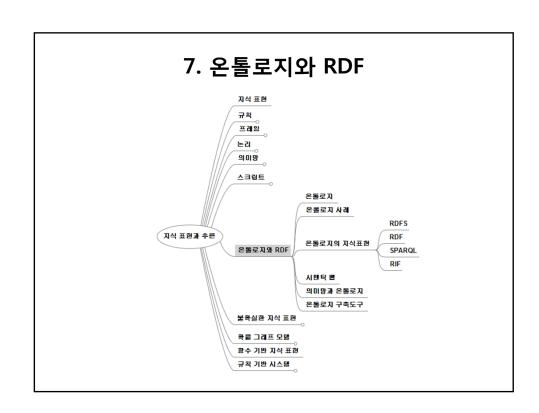
❖ 식당중에서 패스트푸드 식당의 상황을 표현한 스크립트.

| 스크림트 이름 | 식당 |
|--|---------------------------------|
| 트랙(track) | 패스트푸드 식당 |
| 역할자(roles) | 고객(C), 점원(S) |
| and the second of the second o | 1, 7, 2 2, 7 |
| 속성(props) | 카운터, 쟁반, 음식, 돈, 넵킨, 소금/후추/시럽/빨대 |
| 진입조건 (entry condition) | 고객이 배가 고프다. |
| | 고객은 돈이 있다. |
| 장면 (scenes) | 장면 1: 입장 |
| | 고객이 식당에 들어선다. |
| | 고객은 카운터에서 줄을 서서 기다린다. |
| | 고객은 벽에 있는 메뉴를 보고, 주문할 것을 결정한다. |
| | 장면 2: 주문 |
| | 고객이 점원에게 주문을 한다. |
| | 점원이 주문한 것을 쟁반에 올려 놓는다. |
| | 고객은 점원에게 음식값을 지불한다. |
| | 장면 3: 식사 |
| | 고객은 소금/후추/냅킨/빨대 등을 집는다. |
| | 고객은 쟁반을 받아들고 빈자리에 가서 앉는다. |
| | 고객은 음식을 빨리 먹는다. |
| | 장면 3-1(선택적) : 들고 가지(take-out) |
| | 고객이 음식을 가지고 나간다. |
| | 장면 4: 퇴장 |
| | 고객이 식탁을 치운다. |
| | 고객이 쓰레기통에 버린다. |
| | 고객이 식당을 나간다. |
| 결과 조건 (results) | 고객은 더 이상 배고프지 않다. |
| | 고객의 돈이 줄었다. |
| | 고객은 만족스럽다. (선택적) |
| | 고객은 만족스럽지 못하다. (선택적) |

고객이 식당에 들어오면 맨 먼저 뭘 하는가?

누가 돈을 지불하는가?

식사후 식당을 나가기 전에 뭘 하는가?

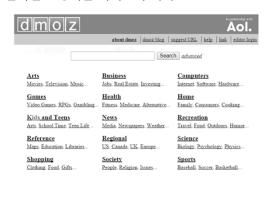


- ❖ 온톨로지(ontology)
 - 철학에서 존재론(存在論)을 가리키는 말
 - 어떤 영역의 지식을 공유하고 재사용할 수 있도록 해당 영역의 개념과
 관계를 나타내는 어휘를 정의하고 이를 이용해 지식을 표현해 놓은 것
 - 영역(domain)에 있는 **개념**, 개념에 대한 **특성** 및 **속성**, 이들 특성과 속성에 대한 **제약조건**, 영역에 있는 일부 **개체**에 대한 정보가 기술(記述)
 - 영역에 대한 **공통된 <mark>어휘</mark>(vocabulary)** 사용
 - 영역에 대한 **공통된 이해** 지원
 - 서로 간 토의를 통해 **합의**를 이룬 것을 표현
 - **컴퓨터**에서 다룰 수 있는 형태로 **정형화**하여 표현

온톨로지와 RDF

❖ 온톨로지의 사례

- Amazon.com의 온라인 쇼핑 카탈로그
- dmoz(Directory of Mozilla, www.dmoz.org)
 - 분야별로 정리한 디렉토리 서비스

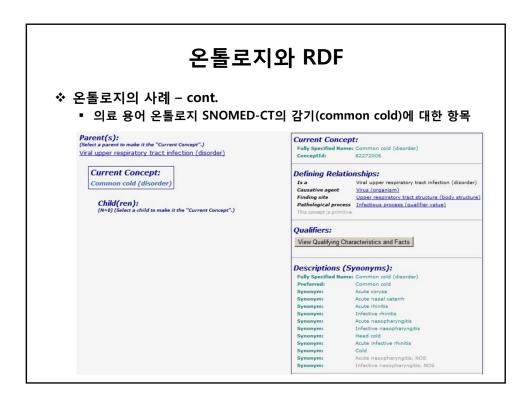


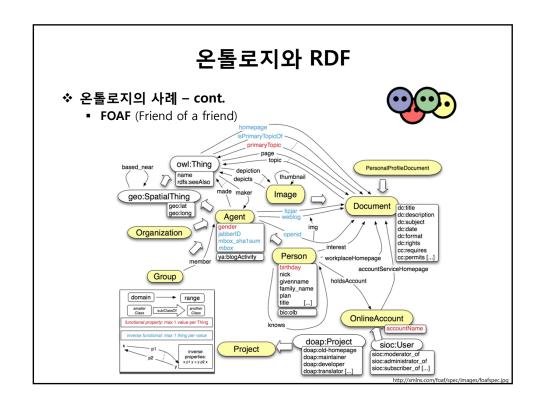
- ❖ 온톨로지의 사례 cont.
 - **UNSPSC**(United Nations Standard Products and Services Code)
 - 제품 및 **서비스** 용어
 - WordNet(wordnet.princeton.edu)
 - 영어 단어의 어휘목록과 어휘목록 사이의 다양한 의미 관계를 기록



온톨로지와 RDF

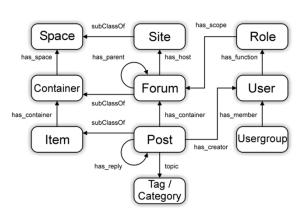
- ❖ 온톨로지의 사례 cont.
 - UMLS(Unified Medical Language System)
 - 의료영역의 여러 용어체계를 총괄
 - SNOMED-CT(Systematized Nomenclature of Medicine Clinical Terms)
 - 의료용어, 유사어, 코드
 - LOINC(Logical Observation Identifiers Names and Codes)
 - 병원 검사 명칭 및 임상 용어 표준 체계
 - **GO**(Gene Ontology)
 - 유전자와 유전자 산물
 - **FOAF** (Friend of a friend)
 - 개인의 활동 및 다른 사람과의 관계 기술
 - SIOC (Semantically-Interlinked Online Communities Project)
 - 블로그, 메일링 리스트, 포럼 등을 서로 연결하기 위한 정보 기술





❖ 온톨로지의 사례 - cont.

• SIOC (Semantically-Interlinked Online Communities Project)



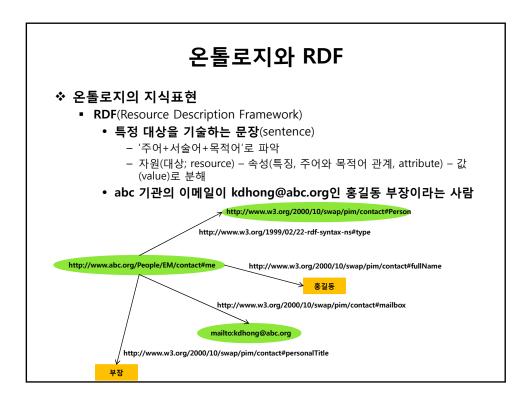
https://www.w3.org/TR/hcls-sioc/

S)O(

온톨로지와 RDF

❖ 온톨로지의 지식표현

- 의미망과 비슷하게 방향성이 있는 그래프로 표현 가능
- **RDFS**(Resource Description Framework Schema)
 - RDF를 사용하여 온톨로지를 표현할 때 사용할 관련 **어휘**를 **정의**한 온톨로지
- **RDF**(Resource Description Framework)
 - **자원**에 대한 **메타데이터**(metadata, 데이터에 대한 데이터)를 기술 하는 명세(specification)



❖ 온톨로지의 지식표현

• **RDF**(Resource Description Framework) – Conf.

• 튜플 형태의 표현

http://www.abc.org/People/EM/contact#me, http://www.w3.org/2000/10/swap/pim/contact#fullName, "홍길동" http://www.abc.org/People/EM/contact#me, http://www.w3.org/2000/10/swap/pim/contact#mailbox, mailto:kdhong@abc.org
http://www.abc.org/People/EM/contact#me, http://www.w3.org/2000/10/swap/pim/contact#personalTitle, "부장" http://www.abc.org/People/EM/contact#me, http://www.w3.org/1999/02/22-rdf-syntax-ns#type, http://www.w3.org/2000/10/swap/pim/contact#Person

• XML 형태의 표현

```
<?xml version="1.0"?>
</df:RDF xmlns:rdf="http://www.w3.org/1999/02/22-rdf-syntax-ns#"
    xmlns:contact="http://www.w3.org/2000/10/swap/pim/contact#">
    <contact:Person rdf:about="http://www.abc.org/People/EM/contact#me">
    <contact:fullName> 홍길동 </contact:fullName>
        <contact:fullName> **
        <contact:personalTitle> 부장 </contact:personalTitle>
        </contact:Person>
</rdf:RDF>
```

- ❖ 온톨로지의 지식표현
 - SPARQL
 - RDF 형태로 저장된 데이터에 대한 질의어
 - SQL 유사한 문법

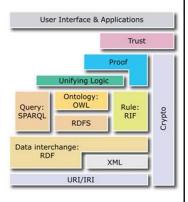
온톨로지와 RDF

- ❖ 온톨로지의 지식표현
 - RIF (Rule Interchange Format)
 - 규칙을 정의하고 교환하기 위한 규약

당해년도 누적 구매금액이 \$5,000이상이면 "Gold" 등급으로 조정

❖ 온톨로지의 활용

- 시맨틱 웹(semantic web)
 - 웹의 데이터를 **소프트웨어 에이전트** 가 이해하여 지능적으로 활용할 수 있도록 하는 것
 - 웹의 처음 설계한 **Tim bernes-Lee**가 주창한 아이디어
 - 의미있는 태그(tag)를 정의하여 문서 를 기술하기 위해 **XML** 사용
 - 태그 및 데이터의 의미 해석을 위해 RDF 사용
 - **온톨로지** 구축을 통해 태그 및 메타 데이터의 의미 해석



온톨로지와 RDF

❖ 의미망과 온톨로지

- 그래프 구조를 이용 지식 모델링
- 의미망
 - 대상, 관계 등의 표현에 사용되는 용어가 임의적
 - 통일된 표현 관련 규정 부재

■ 온톨로지

- 다른 시스템과 **공유**와 **상호운영성**(interoperability)를 위해 명확한 지침에 따라 표현
- 구축된 정보 및 지식의 재사용에 관심



