지도학습 : 회귀, 추천 Regression, Recommendation

이 건 명 충북대학교 산업인공지능학과

인공지능: 튜링 테스트에서 딥러닝까지

학습 내용

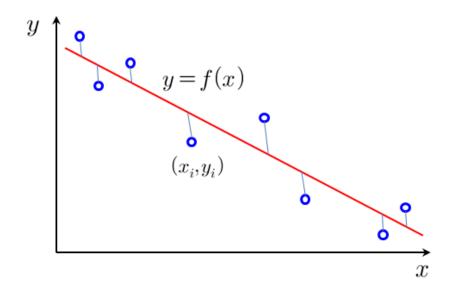
- 회귀 문제의 특성에 대해서 알아본다.
- 로지스틱 회귀 문제의 특성에 대해서 알아본다.
- 편향-분산 트레이드오프에 대해 알아본다.
- 추천 문제의 특성과 전략에 대해서 알아본다.

기계학습, 이건명

1. 회귀

- ❖ 회귀 (regression)
 - 학습 데이터에 부합되는 출력값이 실수인 함수를 찾는 문제

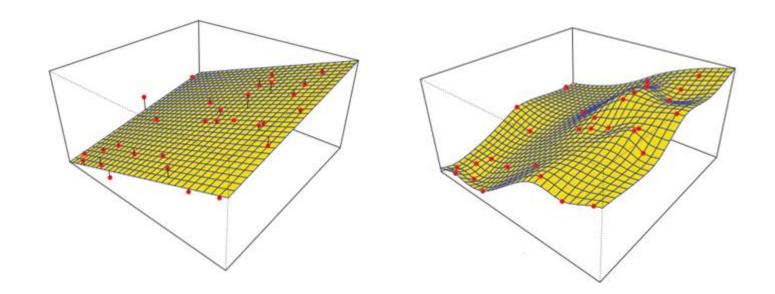
$$f^*(x) = \operatorname{arg\,min}_f \sum_{i=1}^n (\mathbf{y_i} - \mathbf{f}(\mathbf{x_i}))^2$$



- ❖ 회귀 (regression) cont.
 - 성능
 - **오차** : 예측값과 실제값의 차이
 - 테스트 데이터들에 대한 (예측값 실제값)²의 평균 또는 평균의 제곱근

$$E = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (\mathbf{y_i} - \mathbf{f}(\mathbf{x_i}))^2$$

• 모델의 종류(**함수의 종류**)에 영향을 받음



- ❖ 경사 하강법(gradient descent method)
 - 오차 함수 E의 그레디언트(gradient) 반대 방향으로 조금씩 움직여 가며 최적의 파라미터를 찾으려는 방법
 - 그레디언트(gradient)
 - 각 파라미터에 대해 편미분한 벡터

$$E = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (\mathbf{y_i} - \mathbf{f}(\mathbf{x_i}))^2$$
$$f(x) = ax + b$$
$$\nabla E = \left(\frac{\partial E}{\partial a}, \frac{\partial E}{\partial b}\right)$$

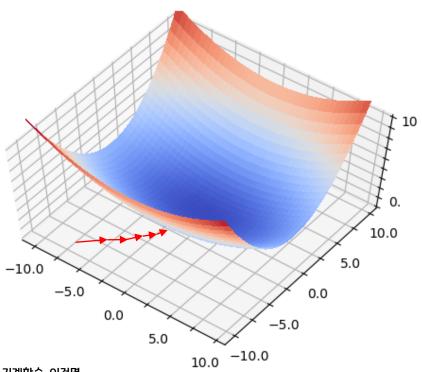
■ 데이터의 입력과 출력을 이용하여 각 파라미터에 대한 그레디언트를 계산하여 파라미터를 반복적으로 쪼금씩 조정

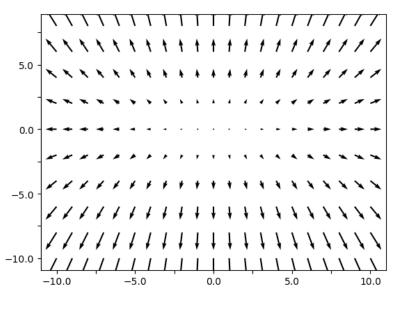
$$a \leftarrow a - \eta \frac{\partial E}{\partial a}$$
$$b \leftarrow b - \eta \frac{\partial E}{\partial b}$$

- ❖ 경사 하강법 cont.
 - **학습 데이터에 부합**되는 **출력**값이 되도록 **파라미터 변경**하는 일

$$E = \sum_{i} (y_i - f(x_i))^2$$

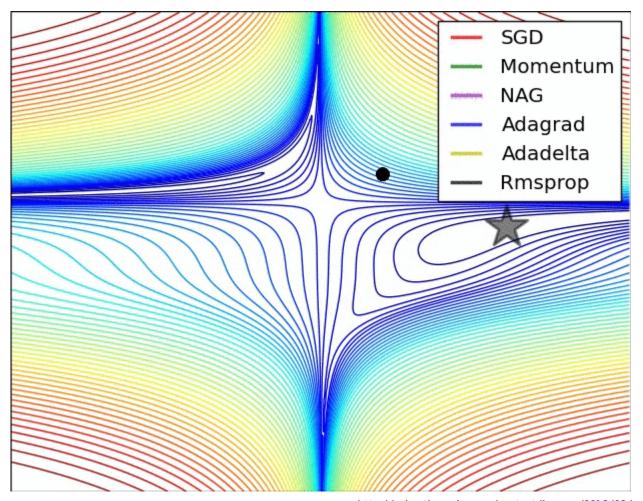
$$\nabla E = \left(\frac{\partial E}{\partial a}, \frac{\partial E}{\partial b}\right)$$





$$a^{(t+1)} \leftarrow a^{(t)} - \eta \nabla_a$$

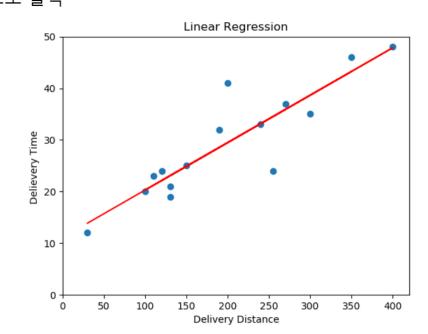
■ 경사하강법 기반의 학습 알고리즘



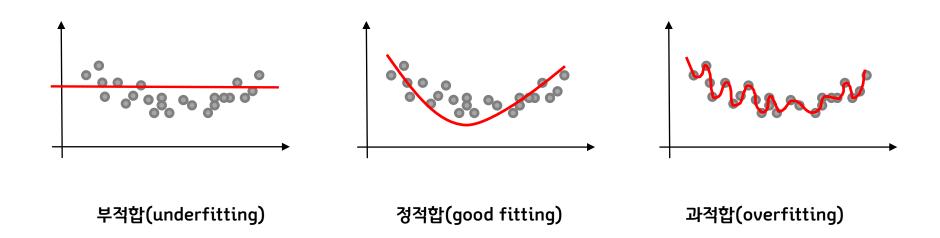
❖ [실습] 선형회귀

- 입력: 배달거리(delivery distance), 출력: 배달시간(delivery time)
- 파라미터에 대한 1차 방정식을 사용한 회귀

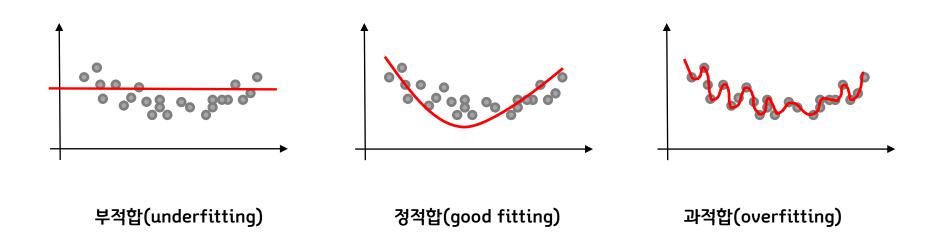
```
import numpy as np
from sklearn.linear_model import LinearRegression
from matplotlib import pyplot as plt
data = np.array([[30, 12], [150, 25], [300, 35], [400, 48], [130, 21],
                      [240, 33],[350, 46], [200, 41], [100, 20], [110, 23],
                      [190, 32], [120, 24], [130, 19], [270, 37], [255, 24]])
plt.scatter(data[:, 0], data[:, 1]) # 데이터 위치의 산포도 출력
plt.title("Linear Regression")
plt.xlabel("Delivery Distance")
plt.ylabel("Delievery Time ")
plt.axis([0, 420, 0, 50])
x = data[:, 0].reshape(-1, 1) # 입력
y = data[:, 1].reshape(-1, 1) # 출력
model = LinearRegression()
                       # 모델 학습
model.fit(x, y)
y_pred = model.predict(x) # 예측값 계산
plt.plot(x, y_pred, color='r')
plt.show()
```



- ❖ 회귀의 과적합(overfitting)과 부적합(underfitting, 과소적합)
 - 과적합
 - 지나치게 복잡한 모델(함수) 사용
 - 부적합 (과소적합)
 - 지나치게 단순한 모델(함수) 사용

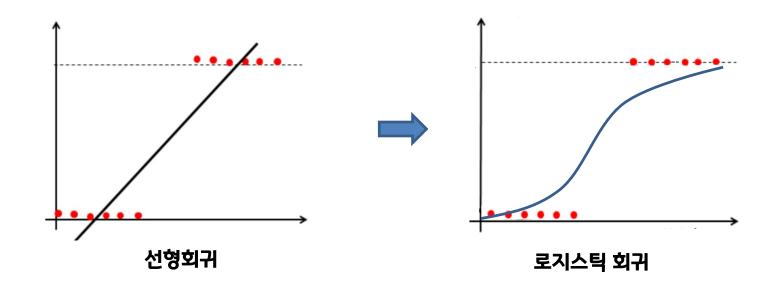


- ❖ 회귀의 과적합(overfitting) 대응 방법
 - 모델의 복잡도(model complexity)를 성능 평가에 반영



❖ 로지스틱 회귀 (logistic regression)

■ 학습 데이터 : $\{(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_N, y_N)\}$, $y_i \in \{0, 1\}$: 이진 출력



■ 이진 분류(binary classification) 문제에 적용

❖ 로지스틱 회귀 (logistic regression)

- 학습 데이터: $X = \{(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_N, y_N)\}, y_i \in \{0, 1\}$: 이진 출력
- 로지스틱 함수를 이용한 함수 근사

$$f(\boldsymbol{x}) = \frac{1}{1 + e^{-\boldsymbol{\theta}^{\top} \boldsymbol{x}}}$$

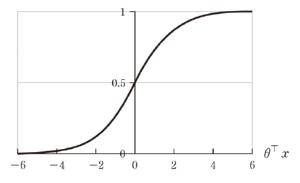


그림 4.13 로지스틱 함수.

- 가능도(likelihood)
 - 모델이 학습 데이터를 생성할 가능성
 - $P(X) = \prod_{i=1}^{N} f(x_i)^{y_i} (1 f(x_i))^{1 y_i}$
 - $LogP = -\frac{1}{N}\log P(X) = -\frac{1}{N}\sum_{i=1}^{N}(y_i\log f(x_i) + (1-y_i)\log(1-f(x_i)))$
- 경사하강법 사용하여 학습

[실습] 로지스틱 회귀

https://drive.google.com/file/d/1Upqoz2gIAYq6LByD7YjHU-9_9K4EOhOh/view

import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

dataset = pd.read_csv('User_Data.csv')

x = dataset.iloc[:, [2, 3]].values # 입력

y = dataset.iloc[:, 4].values # 출력

User ID	Gender	Age	EstimatedSalary	Purchased
15624510	Male	19	19000	0
15810944	Male	35	20000	0
15668575	Female	26	43000	0
15603246	Female	27	57000	0
15804002	Male	19	76000	0
15728773	Male	27	58000	0
15598044	Female	27	84000	0
15694829	Female	32	150000	1
15600575	Male	25	33000	0
15727311	Female	35	65000	0

from sklearn.model_selection import train_test_split

xtrain, xtest, ytrain, ytest = train_test_split(x, y, test_size = 0.25, random_state = 0)

from sklearn.preprocessing import StandardScaler

sc_x = StandardScaler()
xtrain = sc_x.fit_transform(xtrain)

xtest = sc_x.transform(xtest)

print (xtrain[0:10, :])

from sklearn.linear_model import LogisticRegression

classifier = LogisticRegression(random_state = 0)

classifier.fit(xtrain, ytrain)

y_pred = classifier.predict(xtest)

from sklearn.metrics import confusion_matrix

cm = confusion_matrix(ytest, y_pred)

print ("혼동행렬 : ₩n", cm)

from sklearn.metrics import accuracy_score

print ("정확도 : ", accuracy_score(ytest, y_pred)) 기계학습, 이건명 [[0.58164944 -0.88670699]

[-0.60673761 1.46173768]

[-0.01254409 -0.5677824]

[-0.60673761 1.89663484]

[1.37390747 -1.40858358]

[1.47293972 0.99784738]

[0.08648817 -0.79972756]

[-0.01254409 -0.24885782]

[-0.21060859 -0.5677824]

[-0.21060859 -0.19087153]]

혼동행렬:

[[65 3]

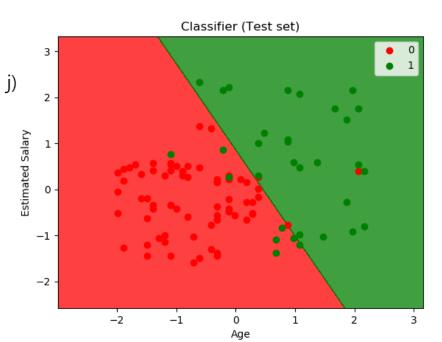
[8 24]]

정확도: 0.89

https://www.geeksforgeeks.org/ml-logistic-regression-using-python/

for i, j **in** enumerate(np.unique(y_set)):

plt.ylim(X2.min(), X2.max())



❖ 회귀에서 오차의 편향과 분산 분해

- 오차의 기대값(E(E))
 - = 편향² + 분산

```
      E = (f(x) - y)^2: 오차

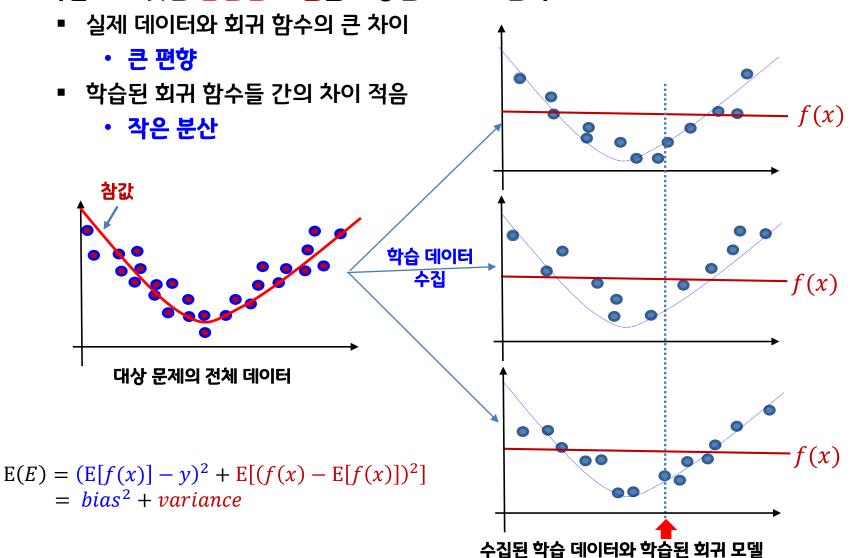
      f(x): 회귀 함수로 예측한 값

      y: 실제 측정값
```

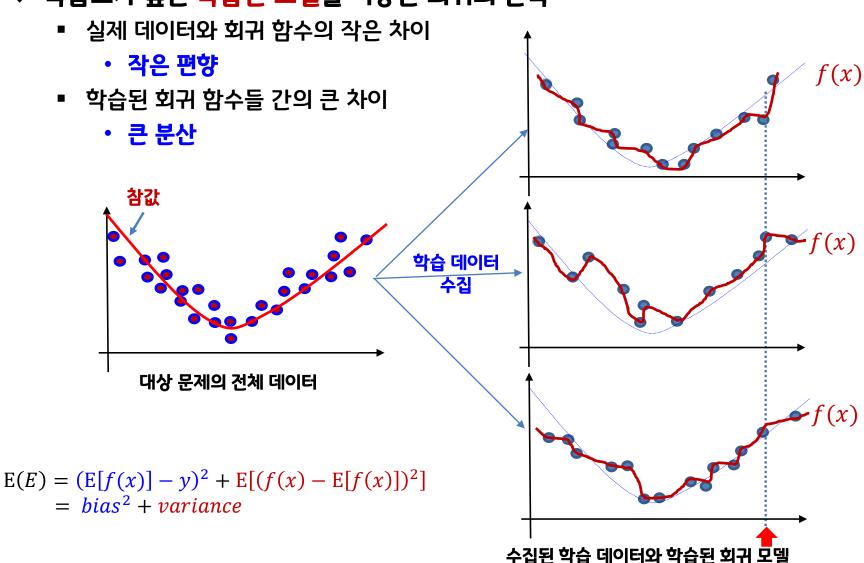
bias = |E[f(x)] - y| **편향**: 측정값(y)와 예측값들의 평균(E[f(x)])과의 차이 $variance = E[(f(x) - E[f(x)])^2]$ 분산: 예측값들의 분산

편향과 분산은 회귀 함수의 형태에 따라 영향을 받음

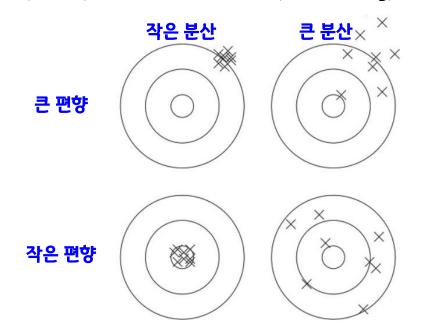
❖ 복잡도가 낮은 단순한 모델을 이용한 회귀의 반복



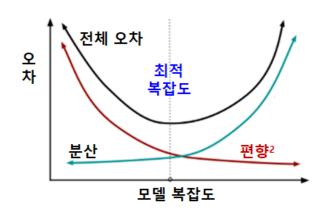
❖ 복잡도가 높은 복잡한 모델을 이용한 회귀의 반복

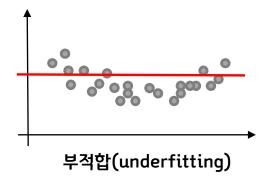


- ❖ 편향-분산 트레이드오프(bias-variance tradeoff)
 - 편향 (bias)
 - 단순한 모델로 잘못 가정을 할 때 발생하는 크게 발생
 - <mark>부적합(underfitting)</mark> 문제 초래
 - 분산 (variance)
 - 복잡한 모델 사용에 따라 학습 데이터에 내재된 작은 변동(fluctuation) 때문에 발생
 - 큰 잡음(noise)까지 학습하는 <mark>과적합</mark>(overfitting) 문제 초래

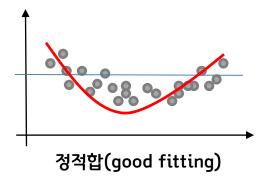


- ❖ 편향-분산 트레이드오프(bias-variance tradeoff) cont.
 - 모델 복잡도 증가
 - 편향 감소, 분산 증가
 - 모델 복잡도 감소
 - 편향 증가, 분산 감소
 - 편향과 분산 <mark>동시 축소 어려움</mark>
 - 적합한 복잡도의 모델 선택

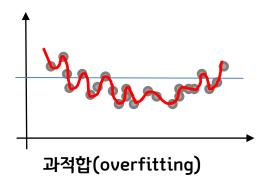




큰 편향 작은 분산



중간 편향 중간 분산



작은 편향 큰 분산

2. 추천

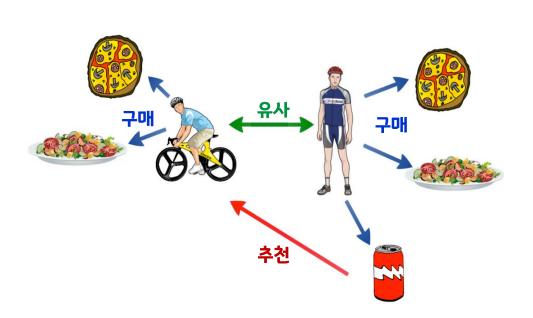
- ❖ 추천 (recommendation)
 - 개인별로 맞춤형 정보를 제공하려는 기술
 - 사용자에게 맞춤형 정보를 제공하여 정보 검색의 부하를 줄여주는 역할
 - 추천 데이터
 - 희소 행렬(sparse matrix) 형태
 - 많은 원소가 비어 있음
 - 비어 있는 부분을 채우는 것이 추천에 해당

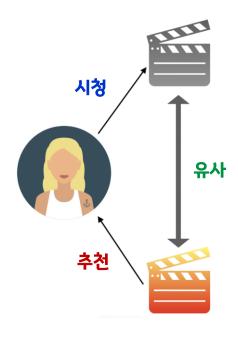
							고객						
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
	1	1		3			5			5		4	
	2			5	4			4			2	1	3
화	3	2	4		1	2		3		4	3	5	
_	4		2	4		5			4			2	
	5			4	3	4	2					2	5
	6	1		3		3			2			4	

영호

추천

- ❖ 추천 기법
 - 상품, 동영상, 서비스, …





추천

❖ 추천 기법

- 내용 기반 추천(content-based recommendation)
 - 고객이 이전에 높게 평가했던 것과 유사한 내용을 갖는 대상을 추천
- 협력 필터링(collaborative filtering)
 - 사용자간 협력 필터링(user-user collaborative filtering)
 - 추천 대상 사용자와 비슷한 평가를 한 사용자 집합 이용
 - 항목간 협력 필터링(item-item collaborative filtering)
 - 항목간의 유사도를 구하여 유사 항목을 선택
- 은닉 요소 모델(latent factor model)
 - 행렬 분해에 기반한 방법

							고객																							
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12				요소							77	객					
- 7	1	1		3			5			5		4				.1	4	.2	1,1	2	.3	.5	-2	5	.8	4	.3	1,4	2,4	2
	2			5	4			4			2	1	3			5	.6	.5	8	.7	,5	1.4	.3	1	1,4	2.9	7	1,2	-,1	.5
	3	2	4		1	2		3		4	3	5		~ 0	경	-,2	.3	.5	2.1	4	.6	1.7	2.4	.9	3	.4	.8	.7	6	4
+ -	4		2	4		5			4			2			라	1,1	2,1	.3												
	5			4	3	4	2					2	5			7	2,1	-2												
-	6	1		3		3			2			4				-1	.7	.3												

❖ 회귀에 대한 설명으로 옳지 않는 것은?

- ① 회귀에서는 출력값이 실수인 함수를 찾는다.
- ② 회귀에서는 오차의 제곱합을 목적함수로 사용할 수 있다.
- ③ 복잡도가 높은 함수를 사용하면 부적합 문제가 발생할 수 있다.
- ④ 목적함수에 모델 복잡도 항을 포함시키면 부적합 학습을 피할 수 있다.

❖ 로지스틱 회귀에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 출력이 1 또는 0인 이진 분류 문제에 적용되는 기법이다.
- ② 로지스틱 회귀의 결과로 학습되는 모델의 출력은 구간 (0,1) 사이의 값이다.
- ③ 로지스틱 회귀 모델의 목적함수로는 교차 엔트로피가 사용될 수 있다.
- ④ 교차 엔트로피의 값은 클 수록 바람직하기 때문에 경사 상승법을 사용하여 학습한다.

❖ 편향-분산 트레이드오프에 대한 설명으로 옳지 않는 것은?

- ① 편향은 학습 알고리즘에서 선택한 모델이 너무 단순할 때 크게 발생한다.
- ② 분산은 학습 모델이 복잡해질 때 커지는 경향이 있다.
- ③ 학습을 할 때 편향이 크더라도 분산이 작으면 좋은 모델이다.
- ④ 과적합이 된 모델인 경우 분산이 커지는 경향을 보인다.

❖ 추천에 트레이드오프에 대한 설명으로 옳지 않는 것은?

- ① 추천 데이터는 희소 행렬 행태를 가지며, 이런 희소 행렬의 비어있는 곳을 채우는 것이 추천에서 해야 할 일이다.
- ② 고객이 이전에 높게 평가했던 것과 유사한 내용을 갖는 대상을 추천하는 것을 내용기반 추천이라고 한다.
- ③ 추천 대상 사용자와 비슷한 평가를 한 사용자 집합을 찾아 이들의 추천 정보를 이용하는 것을 사용자가 협력 필터링이라고 한다.
- ④ 희소행렬을 행렬의 곱으로 근사하는 방법으로 항목 간의 유사도를 결정하여 추천하는 기법을 은닉 요소 기반 기법이라고 한다.

- ❖ 로지스틱 회귀는 어떤 값을 예측하는 데 주로 사용되는가?
 - ① 연속적인 실수 값
 - ② 두 개의 범주 값
 - ③ 아이템의 순위
 - ④ 데이터의 분산
- ❖ 로지스틱 회귀의 출력을 확률로 변환하기 위해 사용하는 함수는?
 - ① 선형 함수
 - ② 스텝 함수
 - ③ 로그 함수
 - ④ 시그모이드 함수
- ❖ 로지스틱 회귀에서 손실 함수로 주로 사용되는 것은?
 - ① 평균 제곱 오차
 - ② 교차 엔트로피 손실
 - ③ 허브 손실
 - ④ 맨해튼 손실

❖ 경사하강법에서 학습률이 너무 높으면 어떤 문제가 발생하는가?

- ① 수렴이 너무 빨리 이루어진다.
- ② 최적점을 계속해서 지나칠 수 있다.
- ③ 학습이 아예 진행되지 않는다.
- ④ 학습률의 값이 작아진다.

❖ 경사하강법에서 "학습률"의 역할은?

- ① 손실 함수의 값이 최소가 되는 지점을 찾는다.
- ② 매 반복에서 가중치를 얼마나 업데이트할지 결정한다.
- ③ 가중치의 초기값을 설정한다.
- ④ 손실 함수의 종류를 결정한다.

❖ 추천 시스템의 행렬 분해(matrix factorization) 방식의 특징 중 잘못된 것은?

- ① 사용자-항목 평가 행렬을 낮은 차원의 요인으로 분해한다.
- ② 은닉 요소를 통해 사용자의 선호도와 항목의 속성을 추정한다.
- ③ 추천 시스템의 희소 행렬 문제를 해결하는 데 효과적인 방법이다.
- ④ 추천 대상이 되는 항목 자체의 내용을 분석하여 추천한다.

❖ 편향이 높고 분산이 낮은 모델의 특징은?

- ① 과대적합이 되기 쉽다.
- ② 모델이 너무 복잡하다.
- ③ 데이터의 일반적인 패턴을 잡아내지 못한다.
- ④ 모든 학습 데이터에 대해 완벽하게 학습한다.

❖ 분산이 높은 모델의 주요 원인은?

- ① 모델이 너무 단순하다.
- ② 훈련 데이터에 너무 잘 맞춰져 있다.
- ③ 모든 특성을 무시한다.
- ④ 항상 일정한 예측을 한다.

❖ 편향과 분산 중 어느 하나가 높아지면 다른 하나는 반드시 낮아진다는 것을 나타내는 개념은?

- ① 오버피팅-언더피팅 트레이드오프
- ② 정규화-비정규화 트레이드오프
- ③ 편향-분산 트레이드오프
- ④ 학습-테스트 트레이드오프

- ❖ 편향이 높다는 것은 모델이 _____ 경향이 있다.
 - ① 학습 데이터와 테스트 데이터 모두에 과적합
 - ② 학습 데이터에 부적합
 - ③ 항상 올바른 예측을 하는
 - ④ 다양한 패턴을 학습하는
- ❖ 사용자 기반(User-based) 및 아이템 기반(Item-based) 추천의 기본 원리는?
 - ① 사용자의 과거 구매 기록
 - ② 아이템의 카테고리 속성
 - ③ 사용자 또는 아이템 간의 유사도
 - ④ 현재의 판매 추세
- ❖ 아이템의 내용(예: 영화의 장르, 배우, 감독)을 바탕으로 추천하는 방법은?
 - ① 컨텐츠 기반 추천
 - ② 사용자 기반 협업 필터링
 - ③ 행렬분해
 - ④ 시계열 기반 추천

❖ 사용자 A와 비슷한 취향을 가진 사용자들이 좋아하는 아이템을 추천하는 방법은?

- ① 아이템 기반 협업 필터링
- ② 사용자 기반 협업 필터링
- ③ 컨텐츠 기반 추천
- ④ 규칙 기반 추천

❖ 추천 시스템에서 Cold Start 문제는 무엇인가?

- ① 너무 많은 데이터로 인해 시스템이 느려지는 문제
- ② 새로운 아이템 또는 사용자에 대한 충분한 정보가 없어 추천을 만들기 어려운 문제
- ③ 시스템이 과도하게 복잡하여 사용자에게 추천을 제공하지 못하는 문제
- ④ 모든 사용자에게 동일한 추천을 제공하는 문제

❖ 로지스틱 회귀는 어떤 종류의 문제에 주로 적용되는가?

- ① 회귀 문제
- ② 이진 분류 문제
- ③ 클러스터링 문제
- ④ 차원 축소 문제

- ❖ 추천 시스템에서 희소 행렬(sparse matrix)의 특징은?
 - ① 대부분의 원소가 0이 아닌 값으로 채워져 있다.
 - ② 행렬의 모든 원소가 중요한 정보를 포함하고 있다.
 - ③ 많은 원소가 비어 있으며, 이 비어 있는 부분을 채우는 것이 추천의 핵심 과제이다.
 - ④ 행렬의 크기는 추천 시스템의 성능에 영향을 주지 않는다.
- ❖ 추천 시스템에서 내용 기반 추천(content-based recommendation)이란?
 - ① 사용자가 이전에 높게 평가한 항목과 비슷한 항목을 추천한다.
 - ② 사용자의 친구들이 좋아하는 항목을 기반으로 추천한다.
 - ③ 최신 트렌드에 따라 항목을 추천한다.
 - ④ 가장 많이 팔린 항목을 기반으로 추천한다.
- ❖ 협력 필터링(collaborative filtering)에서 사용자간 협력 필터링(user-user collaborative filtering)의 주요 개념은?
 - ① 가장 인기 있는 항목을 기반으로 추천한다.
 - ② 추천 대상 사용자와 비슷한 평가를 한 사용자 집합을 이용한다.
 - ③ 모든 사용자의 평가를 동일하게 고려한다.
 - ④ 사용자의 개인적인 취향을 무시하고 일반적인 추천을 한다.

- ❖ 은닉 요소 모델(latent factor model)을 사용한 추천의 특징은?
 - ① 사용자의 직접적인 평가만을 고려한다.
 - ② 희소 행렬을 행렬의 곱으로 근사하는 방법을 사용한다.
 - ③ 오직 사용자의 과거 데이터만을 기반으로 추천한다.
 - ④ 모든 항목을 동일한 가중치로 평가한다.
- ❖ 추천 시스템에서 항목간 협력 필터링(item-item collaborative filtering)의 주요 방식은?
 - ① 모든 사용자의 평가를 평균내어 추천한다.
 - ② 사용자의 성별과 연령대를 기반으로 추천한다.
 - ③ 항목간의 유사도를 구하여 유사한 항목을 추천한다.
 - ④ 가장 최근에 평가된 항목을 기준으로 추천한다.
- ❖ 추천 시스템에서 내용 기반 필터링(content-based filtering)의 특징 중 잘못된 것은?
 - ① 사용자가 과거에 평가한 항목의 속성을 기반으로 추천한다.
 - ② 사용자의 과거 행동이나 취향을 반영하여 개인화된 추천을 제공한다.
 - ③ 추천 대상이 되는 항목 자체의 내용을 분석하여 추천한다.
 - ④ 사용자 간의 상호작용이나 관계를 중심으로 추천을 수행한다.