신경망 - 1 Neural Networks

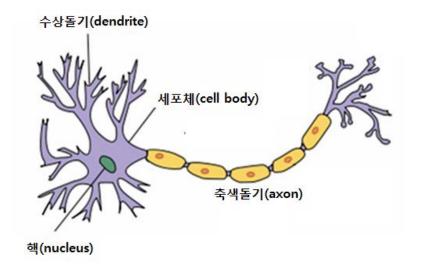
이건명 충북대학교 대학원 산업인공지능학과

학습 내용

- 신경망을 구성하는 뉴런의 함수적 특성을 이해한다.
- 퍼셉트론 모델의 특성을 알아본다.
- 다층 퍼셉트론에 대해서 알아본다.
- 미분 방법에 대해서 복습한다.
- 다층 퍼셉트론의 학습 알고리즘인 오차 역전파 알고리즘에 대해 알아본다.

1. 신경망

- ❖ 신경망(neural network, artificial neural network)
 - 인간 두뇌에 대한 계산적 모델을 통해 인공지능을 구현하려는 분야
 - 신경세포 (neuron)



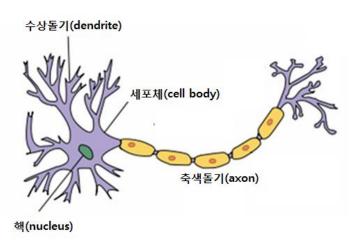
신경세포 8.6×10^{10} 개 신경연접 1.5×10^{14} 개

- 수상돌기(樹狀突起, dendrite) : 다른 신경세포의 축색돌기와 연결되어 전기화학적 신호를 받아들이는 부위
- 축색돌기(軸索突起, axon) : 수신한 전기화학적 신호의 합성결과 값이 특정 임계값이 이상이면 신호를 내보는 부위.
- 신경연접(神經連接, synapse) : 수상돌기와 축색돌기 연결 부위
 - 전달되는 신호의 증폭 또는 감쇄

2. 퍼셉트론

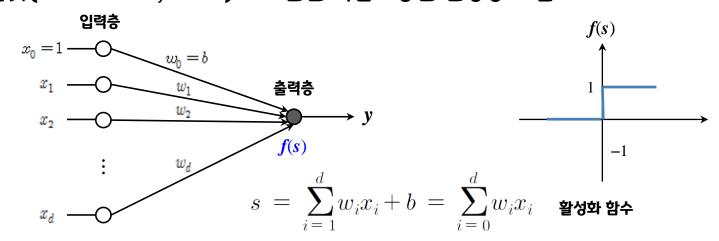
❖ 신경세포의 계산 모델

■ 신경세포



McClulloch & Pitts, 1943 신경세포의 계산 모델

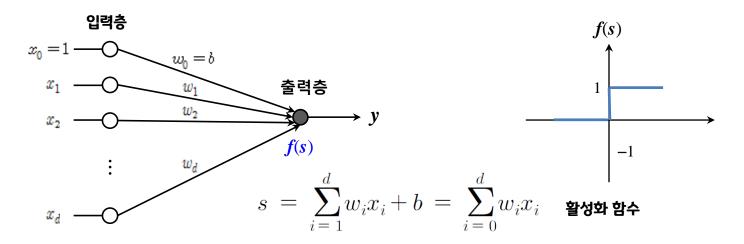
- 퍼셉트론(Perceptron)
 - 로젠블랏(Rosenblatt, 1957)이 제안한 학습가능한 신경망 모델



2. 퍼셉트론

❖ 신경세포의 계산 모델

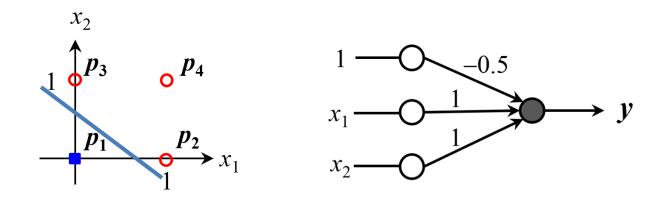
퍼셉트론(Perceptron)



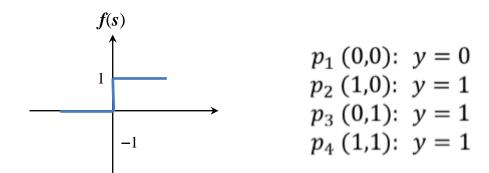
```
def Perceptron(inputs):
    sum = np.dot(inputs, weights[1:]) + weights[0]
    if sum > 0:
        activation = 1
    else:
        activation = 0
    return activation
```

퍼셉트론

- ❖ 퍼셉트론(Perceptron)
 - OR 연산을 수행하는 퍼셉트론

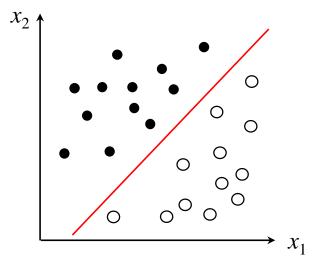


$$y = f(s) = f(\sum_{i=1}^{2} w_i x_i + b) = f(\mathbf{w}^{\top} \mathbf{x}) = x_1 + x_2 - 0.5$$

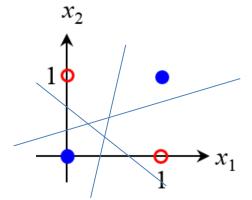


퍼셉트론

- ❖ 퍼셉트론(Perceptron)
 - 선형 분리가능 문제 (linearly separable problem)



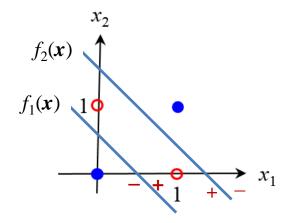
- 선형 분리불가 문제(linearly inseparable problem)
 - XOR(exclusive OR) 문제

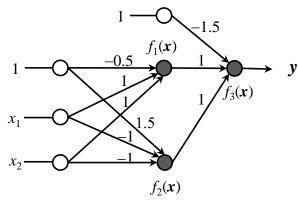


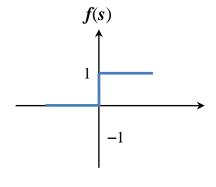
- (0,0):0
- (0,1):1
- (1,0):1
- (1,1):0

3. 다층 퍼셉트론

- ❖ 다층 퍼셉트론(multilayer Perceptron, MLP)
 - 여러 개의 퍼셉트론을 층 구조로 구성한 신경망 모델

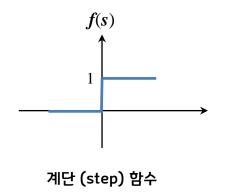


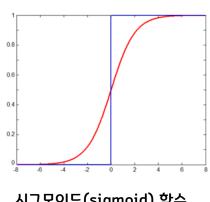




$$y = f(s) = f(\sum_{i=1}^{2} w_i x_i + b) = f(\mathbf{w}^{\top} \mathbf{x})$$

- ❖ 다층 퍼셉트론(multilayer Perceptron, MLP) cont.
 - 다층 퍼셉트론의 학습
 - 입력-출력 (x_i, y_i) 의 학습 데이터에 대해서, 기대출력 y_i 와 다층 퍼셉트론의 출력 $f(x_i)$ 의 차이, 즉 $\mathbf{2}$ 차(error)가 최소가 되도록 **가증치** w를 결정하는 것
 - 학습 가능한 다층 퍼셉트론
 - 오차 역전파(error backpropagation) 알고리즘
 - 활성화 함수를 계단 함수에서 미분가능한 시그모이드 함수로 대체
 - 경사 하강법 적용



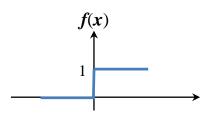


시그모이드(sigmoid) 함수

❖ 활성화 함수(activation function)

■ 계단 (step) 함수

```
def step(x):
    if x > 0:
        return 1
    else:
        return 0
```



- 시그모이드(sigmoid) 함수
 - 구간 (0,1)의 출력

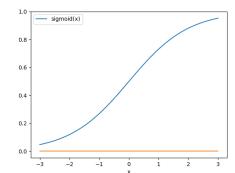
 def sigmoid(x, a=1):
 return 1/(1+np.exp(-a*x))

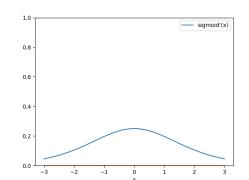
$$\sigma(x,a) = \frac{1}{1 + e^{-ax}}$$

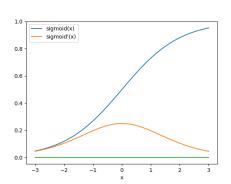
def d_sigmoid(x, a=1):

$$\sigma'(x,a) = a\sigma(x,a)(1 - \sigma(x,a)$$

return a*sigmoid(x,a)*(1 - sigmoid(x,a))







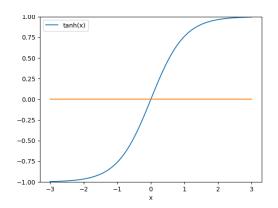
- ❖ 활성화 함수(activation function) cont.
 - 쌍곡탄젠트(tanh) 함수
 - 구간 (-1, 1)의 출력

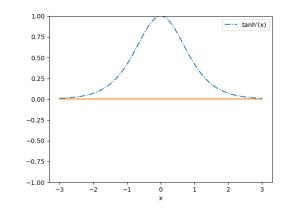
def
$$tanh(x)$$
: **return** $(np.exp(2*x)-1)/(np.exp(2*x)+1)$

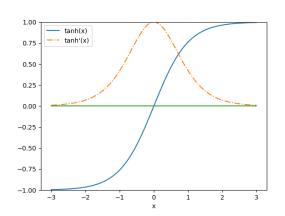
def d_tanh(x):
 return 1.0-tanh(x)*tanh(x)

$$\tanh(x) = \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}$$

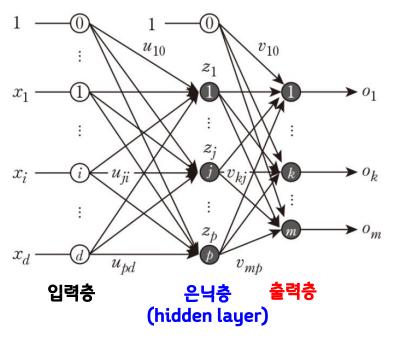
$$\tanh'(x) = 1 - \tanh^2(x)$$







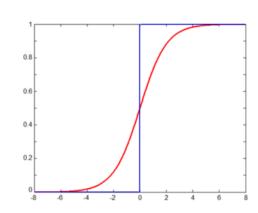
❖ 다층 퍼셉트론 MLP의 동작



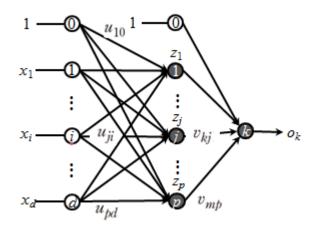
$$ightharpoonup o_1$$
 입력 $(x_1, x_2, \, \cdots, x_d)$ 출력 $(y_1, y_2, \, \cdots, y_m)$

은닉층
$$zsum_j=\sum_{i=1}^d u_{ji}x_i+u_{j0}\quad (1\leq j\leq p)$$

$$z_j=f(zsum_j)$$
 할릭층 $osum_k=\sum_{j=1}^p v_{jk}z_k+v_{0k}\quad (1\leq k\leq m)$ $o_k=f(osum_k)$



❖ 다층 퍼셉트론(MLP)의 <mark>학습</mark>



입력: $(x_1, x_2, ..., x_d)$

기대 출력 : y_k

MLP 출력 : o_k

■ 학습 목표

• 기대 출력과 MLP 출력이 최대한 비슷해지도록 가중치를 변경하는 것

$$E = \frac{1}{2}(o_k - y_k)^2$$

• 경사 하강법(gradient descent method) 사용

$$v_{jk}^{(t+1)} = v_{jk}^{(t)} - \eta \frac{\partial E}{\partial v_{jk}}$$

$$u_{ij}^{(t+1)} = u_{ij}^{(t)} - \eta \frac{\partial E}{\partial u_{ij}}$$

4. 미분

❖ 미분(differentiation, 微分)

=4x

- 함수 f(x)의 변수 x에 대한 순간변화율
- x의 아주 미세한 변화에 대한 f(x)의 변화량

$$f'(x) = \frac{df(x)}{dx} = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$$

• **91)**
$$f(x) = 2x^2 + 1$$

$$f'(x) = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{2(x + \Delta x)^2 + 1 - 2x^2 - 1}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \to 0} \frac{2x^2 + 4x\Delta x + (\Delta x)^2 + 1 - 2x^2 - 1}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \to 0} \frac{4x\Delta x + (\Delta x)^2}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \to 0} (4x + \Delta x)$$

• 상수 미분
$$\frac{d}{dx}c=0$$

■ 거듭제곱 미분
$$rac{d}{dx}x^n=n\,x^{n-1}$$

■ 지수함수의 미분
$$\frac{de^{ax}}{dx} = ae^{ax}$$

■ 로그함수의 미분
$$\frac{d \log x}{dx} = \frac{1}{x}$$

$$ullet$$
 상수배의 미분 $rac{d}{dx}[cf(x)]=crac{d}{dx}f(x)$

• 합의 미분
$$rac{d}{dx}[f(x)+g(x)]=rac{d}{dx}f(x)+rac{d}{dx}g(x)$$

• 곱의 미분
$$rac{d}{dx}[f(x)\,g(x)]=g(x)\,rac{d}{dx}f(x)+f(x)\,rac{d}{dx}g(x)$$

• 분수식의 미분
$$\frac{d}{dx}\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right) = \frac{g(x) f'(x) - f(x) g'(x)}{(g(x))^2}$$

■ 연쇄 법칙(Chain Rule)

$$y = f(g(x))$$
$$y = f(u), \qquad u = g(x)$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du}\frac{du}{dx}$$

$$g$$
 x
 y
 y

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{\Delta y}{\Delta u} \frac{\Delta u}{\Delta x}$$

$$\frac{dy}{dx} = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \to 0} \left(\frac{\Delta y}{\Delta u} \frac{\Delta u}{\Delta x} \right) = \left[\lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta y}{\Delta u} \right] \left[\lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta u}{\Delta x} \right]$$

$$\Delta x \rightarrow 0$$
이면, $\Delta u \rightarrow 0$ 이므로

$$= \left[\lim_{\underline{\Delta u} \to 0} \frac{\Delta y}{\Delta u}\right] \left[\lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta u}{\Delta x}\right]$$

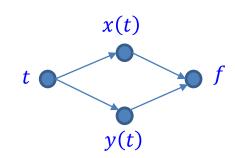
$$= \frac{dy}{du} \frac{du}{dx}$$

❖ 편미분(partial differentiation)

- <mark>다변수 함수</mark>에 대하여, 그 중 <mark>하나의 변수</mark>에 주목하고 나머지 변수의 값을 고정시켜 놓고 그 변수에 대해 하는 <mark>미분</mark>
- **a**l. $f(x,y) = x^2 + xy + y^2$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial x} = 2x + y$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial y} = x + 2y$$



❖ 다변수 함수의 연쇄 법칙

• f(x(t),y(t))

$$\frac{df(x(t),y(t))}{dt} = \frac{\partial f}{\partial x}\frac{dx}{dt} + \frac{\partial f}{\partial y}\frac{dy}{dt}$$

• g(x(t), y(t), z(t))

$$\frac{dg(x(t),y(t),z(t))}{dt} = \frac{\partial g}{\partial x}\frac{dx}{dt} + \frac{\partial g}{\partial y}\frac{dy}{dt} + \frac{\partial g}{\partial z}\frac{dz}{dt}$$

$$\bullet \mathbf{q}. \ f(x(t), y(t)) = x(t) + 2y(t)$$

$$x(t) = 2t + 4, \quad y(t) = t^2$$

$$\frac{\partial f}{\partial t} = 1, \quad \frac{\partial f}{\partial t} = 2$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = 1, \frac{\partial f}{\partial y} = 2$$
$$\frac{dx}{dt} = 2, \frac{dy}{dt} = 2t$$

$$\frac{df(x(t),y(t))}{dt} = \frac{\partial f}{\partial x}\frac{dx}{dt} + \frac{\partial f}{\partial y}\frac{dy}{dt}$$
$$= 2 + 4t$$

•
$$h(x_1(t_1, t_2, ..., t_m), x_2(t_1, t_2, ..., t_m), ..., x_n(t_1, t_2, ..., t_m))$$

$$\frac{\partial h}{\partial t_i} = \frac{\partial h}{\partial x_1} \frac{\partial x_1}{\partial t_i} + \frac{\partial h}{\partial x_2} \frac{\partial x_2}{\partial t_i} + \dots + \frac{\partial h}{\partial x_n} \frac{\partial x_n}{\partial t_i}$$

❖ 그레디언트(gradient)

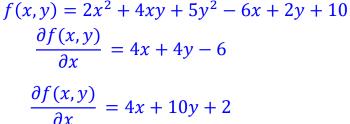
■ 함수 f(x,y,z)의 각 변수 x,y,z에 대한 편미분을 성분으로 갖는 벡터

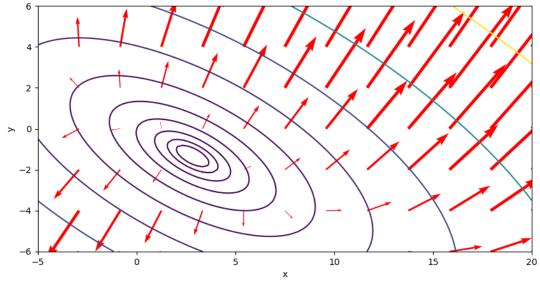
$$\nabla f(x, y, z) = \begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x} \\ \frac{\partial f}{\partial y} \\ \frac{\partial f}{\partial z} \end{bmatrix}$$

■ 함수 f(x, y, z)의 값이 가장 커지는 방향과 크기를 나타내는 벡터

[실습] 그레디언트 그리기

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
def f(x,y):
   return 2^*x^{**}2 + 4^*x^*y + 5^*y^{**}2 - 6^*x + 2^*y + 10
def dx(x,y):
   return 4*x + 4*y - 6
def dy(x,y):
   return 4*x + 10*y + 2
xi = np.linspace(-5, 20, 100)
yi = np.linspace(-6, 6, 100)
X, Y = np.meshgrid(xi, yi)
                                                 2
\mathbf{Z} = f(X,Y)
xj = np.linspace(-5, 20, 13)
yj = np.linspace(-6, 6, 7)
                                                -2
X1, Y1 = np.meshgrid(xj, yj)
                                                -4
\mathbf{Dx} = dx(X1, Y1)
\mathbf{Dy} = dy(X1, Y1)
plt.figure(figsize=(10,5))
plt.contour(X, Y, Z, levels=np.logspace(0,3,10))
plt.quiver(X1, Y1, Dx, Dy, color='red', scale=500, minshaft=4)
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.show()
```

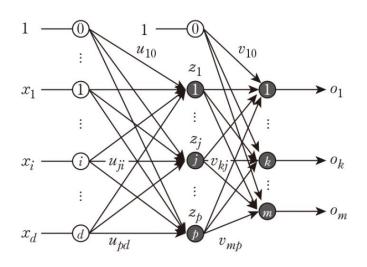




5. 다층 퍼셉트론의 학습

❖ 다층 퍼셉트론 MLP의 학습

■ 오차 역전파 알고리즘(Error back propagation algorithm, Backprop algorithm)



입력
$$(x_1, x_2, \dots, x_d)$$

출력 (y_1, y_2, \dots, y_m)

$$egin{aligned} osum_k &= \sum_{j=1}^p v_{kj} z_j + v_{k0} & (1 \leq k \leq m) \\ & o_k &= f(osum_k) \end{aligned}$$
 $zsum_j &= \sum_{j=1}^d u_{ji} x_j + u_{j0} & (1 \leq j \leq p) \end{aligned}$

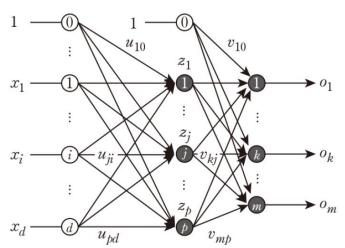
 $z_i = f(zsum_i)$

$$E = rac{1}{2} \sum_{k=1}^m (o_k - y_k)^2$$
 오차함수 $oldsymbol{v}^{(t+1)} = oldsymbol{v}^{(t)} - \eta rac{\partial E}{\partial oldsymbol{v}}$ $oldsymbol{u}^{(t+1)} = oldsymbol{u}^{(t)} - \eta rac{\partial E}{\partial oldsymbol{u}}$

다층 퍼셉트론의 학습

❖ 다층 퍼셉트론 MLP의 학습

오차 역전파 알고리즘(Error back propagation algorithm, Backprop algorithm)



입력
$$(x_1, x_2, \dots, x_d)$$

출력 (y_1, y_2, \dots, y_m)

$$E=rac{1}{2}\sum_{k=1}^{m}(o_k-y_k)^2$$
 오차함수 $oldsymbol{v}^{(t+1)}=oldsymbol{v}^{(t)}-\etarac{\partial E}{\partial oldsymbol{v}}$ $oldsymbol{u}^{(t+1)}=oldsymbol{u}^{(t)}-\etarac{\partial E}{\partial oldsymbol{u}}$

$$\frac{\partial E}{\partial v_{kj}} \; = \; \frac{\partial E}{\partial o_k} \frac{\partial o_k}{\partial v_{kj}} \; = \; (o_k - t_k) f'(osum_k) z_j = \delta_k z_j$$

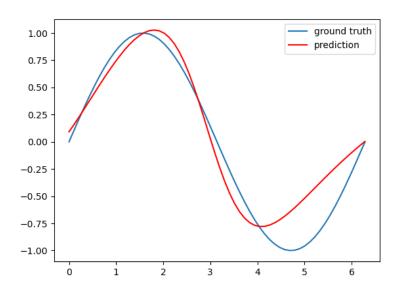
$$\begin{aligned} osum_k &= \sum_{j=1}^p v_{kj} z_j + v_{k0} & (1 \le k \le m) \\ o_k &= f(osum_k) \\ \\ zsum_j &= \sum_{i=1}^d u_{ji} x_i + u_{j0} & (1 \le j \le p) \\ \\ z_j &= f(zsum_j) \end{aligned}$$

$$\begin{split} \frac{\partial E}{\partial u_{ji}} &= \frac{\partial E}{\partial z_{j}} \frac{\partial z_{j}}{\partial u_{ji}} = \sum_{k=1}^{m} \frac{\partial E}{\partial o_{k}} \frac{\partial o_{k}}{\partial z_{j}} f'(zsum_{j}) x_{i} \\ &= \sum_{k=1}^{m} (o_{k} - t_{k}) f'(osum_{k}) v_{kj} f'(zsum_{j}) x_{i} \\ &= \sum_{k=1}^{m} \delta_{k} v_{kj} f'(zsum_{j}) x_{i} \end{split}$$

[실습] MLP 학습

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
class MLP:
   def init (self, hidden node=3):
       self.input node = 1; self.hidden node = hidden node; self.output node = 1
       self.w1 = np.random.rand(self.hidden_node, self.input_node)
       self.b1 = np.random.rand(self.hidden_node, 1)
                                                                                                   z1, a1
       self.w2 = np.random.rand(self.output_node, self.hidden_node)
       self.b2 = np.random.rand(self.output_node, 1)
                                                                                                               z2
   def sigmoid(self, x):
                                                                                  입력
       return 1/(1+np.exp(-x))
   def d sigmoid(self, x):
       return self.sigmoid(x)*(1-self.sigmoid(x))
   def train(self, train_x, train_y, alpha=0.1, max_iter=500):
       np.random.seed(0)
       input node = self.input node; hidden node = self.hidden node
       output_node = self.output_node; alpha = alpha; max_iter = max_iter
       for iter in range(1, max iter):
          for i in range(n_train):
             z1 = \text{np.dot}(\text{self.w1}, \text{train}_x[i].\text{reshape}(1,1)) + \text{self.b1}; \quad a1 = \text{self.sigmoid}(z1);
                                                                                                     E = \frac{1}{2}(y_i - \hat{y})^2
             z2 = \text{np.dot(self.w2, a1)} + \text{self.b2}; \quad y_{\text{hat}} = z2; \quad y_{\text{hat}} = y_{\text{hat}}
              e = 0.5*(train_y[i] - y_hat)**2; dy = -(train_y[i] - y_hat)
              dz2 = 1; dw2 = a1.T
                                                                                                      w_1 \leftarrow w_1 - \alpha \Delta w_1
              delta w2 = dy*dz2*dw2; delta b2 = dy*dz;
              da1 = self.w2.T; dz1 = self.d_sigmoid(z1); dw1 = train_x[i].T
                                                                                                      W_2 \leftarrow W_2 - \alpha \Delta W_2
              \frac{delta_w1}{delta_b1} = \frac{dy^*dz^2^*da^{1*}dz^{1*}dw^{1}}{delta_b1} = \frac{dy^*dz^{2*}da^{1*}dz^{1}}{delta_b1}
              self.w2 -= alpha*delta w2; self.b2 -= alpha*delta b2
              self.w1 -= alpha*delta_w1; self.b1 -= alpha *delta_b1
```

```
def predict(self, test_x):
      for i in range(n_test):
          z1 = \text{np.dot}(self.w1, \text{test}_x[i].reshape(1,1)) + self.b1
          a1 = self.sigmoid(z1)
          z2 = np.dot(self.w2, a1) + self.b2
          y hat = z2
          y_hat_list[i] = y_hat
      return y_hat_list
n train = 20
train_x = np.linspace(0, np.pi*2, n_train)
train y = np.sin(train x)
n test = 60
test_x = np.linspace(0, np.pi*2, n_test)
test_y = np.sin(test_x)
y hat list = np.zeros(n test)
mlp = MLP(hidden\_node=4)
mlp.train(train_x, train_y, max_iter=600)
plt.plot(test_x, test_y, label='ground truth')
y hat list = mlp.predict(test x)
plt.plot(test_x, y_hat_list, '-r', label='prediction')
plt.legend()
plt.show()
```



[실습] sklearn의 MLP

import pandas as pd from sklearn.datasets import load wine **from** sklearn.model_selection **import** train_test_split from sklearn.preprocessing import StandardScaler **from** sklearn.neural_network **import** MLPClassifier from sklearn.metrics import classification_report,confusion_matrix

mlp.fit(X train,y train)

predictions = mlp.predict(X_test)

print(confusion_matrix(y_test, predictions))

print(classification report(y test, predictions))

```
Classes
Samples per class [59,71,48]
Samples total
                   178
Dimensionality
                   13
Features
                   real, positive
```

```
wine = load wine()
data = pd.DataFrame(data=wine['data'], columns=wine['feature names'])
print(data.head())
                                                               alcohol malic acid ash ... hue od280/od315 of diluted wines
                                                              proline
X = wine.data
                                                                  14.23
                                                                           1.71 2.43 ... 1.04
                                                                           1.78 2.14 ... 1.05
                                                                  13.20
y = wine.target
                                                                 13.16
                                                                           2.36 2.67 ... 1.03
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y)
                                                                           1.95 2.50 ... 0.86
                                                                 14.37
                                                                           2.59 2.87 ... 1.04
                                                                  13.24
scaler = StandardScaler()
                                                              [5 rows x 13 columns]
scaler.fit(X train)
StandardScaler(copy=True, with_mean=True, with_std=True)
                                                                           [[11 0 0]
                                                                            [1 15 1]
X_train = scaler.transform(X_train)
                                                                            [0 \ 0 \ 17]]
                                                                                    precision
X_test = scaler.transform(X test)
```

recall f1-score support 0.92 1.00 0.96 11 mlp = MLPClassifier(hidden_layer_sizes=(13,13,13),max_iter=500) 1.00 0.88 0.94 17 2 0.94 1.00 0.97 17 45 0.96 accuracy 0.95 0.96 0.96 macro avg 45 weighted avg 0.96 0.95 45 0.96

https://scikit-learn.org/

3.92 1065.0

3.40 1050.0

3.17 1185.0

3.45 1480.0

735.0

2.93

- ❖ 신경세포의 계산 모델에서 가중치의 역할은?
 - ① 출력 생성
 - ② 입력 신호의 중요도 조절
 - ③ 활성화 함수 선택
 - ④ 오류 계산
- ❖ 신경세포의 계산 모델에서 활성화 함수의 주요 목적은?
 - ① 가중치 업데이트
 - ② 선형 출력의 비선형으로 변환
 - ③ 오류 최소화
 - ④ 학습률 조절
- ❖ 신경세포의 계산 모델의 출력 값이 특정 임계값을 초과하면 활성화 되는 활성화 함수는?
 - ① Sigmoid 함수
 - ② Tanh 함수
 - ③ ReLU 함수
 - ④ Step 함수

❖ 신경세포에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 수상돌기는 다른 세포에서 전기화학적 신호를 받아들이는 역할을 한다.
- ② 축색돌기는 전기화학적 신호를 외부로 내보는 역할을 한다.
- ③ 수상돌기와 축색돌기를 연결하는 부위에서 전달되는 신호가 증폭되거나 감쇄되기도 한다.
- ④ 인공 신경세포는 생물체의 신경세포의 동작과 동일한 동작을 하도록 만든 모델이다.

❖ 신경망에서 활성화 함수의 역할에 대한 잘못된 설명은?

- ① 비선형성을 도입하여 복잡한 함수를 모델링한다.
- ② 뉴런의 출력을 결정하는 데 사용된다.
- ③ 모든 신경망에는 동일한 활성화 함수가 사용된다.
- ④ 시그모이드나 ReLU와 같은 함수가 사용될 수 있다.

❖ 신경망에서 오차 역전파 알고리즘의 목적은?

- ① 신경망의 가중치를 초기화한다.
- ② 출력층에서 발생하는 오차를 입력층으로 전파하여 가중치를 조정한다.
- ③ 신경망의 각 뉴런의 출력값을 계산한다.
- ④ 신경망의 학습률을 결정한다.

❖ 신경망에 대한 설명으로 옳지 않는 것은?

- ① 퍼셉트론은 로젠블랏이 제안한 단일 신경세포에 해당하는 연산을 수행할 수 있다.
- ② 퍼셉트론은 비선형 결정경계를 표현할 수 있다.
- ③ 신경망에서 학습은 모델의 파라미터들을 결정하는 일을 의미한다.
- ④ 다층 퍼셉트론을 사용하면 XOR 문제를 해결할 수 있는 모델을 만들 수 있다.

❖ 다층 퍼셉트론에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 뉴런의 활성화 함수가 계단 모양의 함수이면, 경사하강법을 적용할 수 없다.
- ② 시그모이드 함수의 미분값은 시그모이드 함수의 값으로 계산할 수 있다.
- ③ 오차역전파 알고리즘은 경사하강법에 기반한 학습 방법이다.
- ④ 다층 퍼셉트론을 사용할 때 학습율은 -1에서 1 사이의 값을 사용한다.

❖ 퍼셉트론 모델을 개발한 사람은?

- ① Geoffrey Hinton
- 2 Yann LeCun
- ③ Frank Rosenblatt
- 4 Andrew Ng

❖ 신경망의 오차 함수에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 이진 분류에서 오차함수로 음의 로그 가능도를 사용할 수 있다.
- ② 음의 로그 가능도를 사용하는 오차 함수를 최소화하는 것은 학습 데이터의 가능도를 최대로 하는 파라미터를 찾는 최대 가능도 추정을 하는 것과 같은 효과를 갖는다.
- ③ 음의 로그 가능도를 나타내는 식을 교차 엔트로피라고도 한다.
- ④ 교차 엔트로피를 오차 함수로 사용할 때는 경사 상승법을 사용한다.

❖ 다음 설명 중에서 옳지 않은 것은?

- ① 다부류 분류 문제에서는 부류가 3개 이상 있을 수 있다.
- ② 다층 퍼셉트론에서 마지막에 소프트맥스 층을 추가하면 출력의 값을 확률로 해설할 수 있다.
- ③ 분류 문제에서는 mean squared error를 오차 함수로 사용할 수 없다.
- ④ 다부류 분류 문제에서는 출력값을 one-hot 인코딩으로 나타낼 수 있다.

❖ 퍼셉트론은 주로 어떤 용도로 사용되는가?

- ① 비선형 회귀 문제 해결
- ② 분류 문제 해결
- ③ 클러스터링 문제 해결
- ④ 차원 축소

- ❖ ReLU 활성화 함수에서 음수 값에 대한 출력은?
 - ① 0
 - 2 1
 - ③ 입력 값 그대로
 - **4** -1
- ❖ Sigmoid 활성화 함수의 출력 범위는?
 - ① 0에서 1 사이
 - ② -1에서 1 사이
 - ③ 0에서 무한대
 - ④ 모든 실수
- ❖ 어떤 활성화 함수가 출력의 중심을 0 주변으로 이동시키기 위해 사용되는가?
 - Sigmoid
 - ② ReLU
 - (3) Tanh
 - ④ Step 함수

- ❖ 단일 퍼셉트론이 형성하는 결정 경계의 형태는?
 - 비선형
 - ② 다항식
 - ③ 로그
 - ④ 선형
- ❖ 다층 퍼셉트론에서 가중치를 업데이트하는 데 사용되는 알고리즘은 무엇입니까?
 - ① K-means 알고리즘
 - ② 오차 역전파 알고리즘
 - ③ 교차 엔트로피
 - ④ 정보이득비
- ❖ 다층 퍼셉트론의 학습은 어떤 학습 알고리즘을 기반으로 하는가?
 - ① 강화 학습
 - ② 비지도 학습
 - ③ 지도 학습
 - ④ 반지도 학습

☆ 퍼셉트론의 가장 큰 제한점 중 하나는?

- ① 복잡한 네트워크 구조를 필요로 한다.
- ② XOR 문제와 같은 비선형 문제를 해결할 수 없다.
- ③ 과적합의 위험이 없다.
- ④ 학습률을 조절할 수 없다.

❖ 여러 개의 퍼셉트론을 쌓아올린 구조를 무엇이라고 하는가?

- ① 컨볼루션 신경망
- ② 순환 신경망
- ③ 딥러닝 신경망
- ④ 다층 퍼셉트론

❖ 퍼셉트론의 학습률은 무엇을 결정하는가?

- ① 가중치 업데이트의 크기
- ② 네트워크의 깊이
- ③ 학습의 반복 횟수
- ④ 출력 뉴런의 수

- f(g(x))의 도함수는?
 - ① $f'(g(x)) \times g'(x)$
 - ② f'(x) + g'(x)
 - \Im f(g'(x))
- $f(x,y) = x^2 y$ 에 대한 x에 대한 편미분은?
 - ① 2*y*
 - \bigcirc 2xy
 - $3 x^2$
 - (4) y^2
- 함수 $f(x, y) = x^3 + y^2$ 의 y에 대한 편미분은?
 - (1) $3x^2$
 - ② 2*y*
 - (3) 6x
 - 4 x^3

- ❖ 신경망에서 손실 함수의 값이 크다면, 이는 무엇을 의미하는가?
 - ① 신경망이 잘 학습되었다.
 - ② 신경망의 출력이 정확하다.
 - ③ 신경망의 예측이 목표 값과 멀리 떨어져 있다.
 - ④ 신경망의 가중치가 작다.
- ❖ 오차 역전파 알고리즘은 신경망의 어느 부분을 수정하기 위해 사용되는가?
 - ① 활성화 함수
 - ② 학습률
 - ③ 가중치와 편향
 - ④ 입력 데이터
- ❖ 그레디언트의 방향은?
 - ① 함수 값이 증가하는 방향
 - ② 함수 값이 감소하는 방향
 - ③ 항상 정적인 방향
 - ④ 원점의 방향

- ❖ 신경망에서 가중치(Weight)의 역할에 대한 잘못된 설명은?
 - ① 입력 신호의 중요도를 조절한다.
 - ② 학습 과정에서 조정된다.
 - ③ 초기에는 무작위 값으로 설정된다.
 - ④ 신경망의 구조를 결정한다.
- ❖ 신경망에서 학습률(Learning Rate)의 역할에 대한 잘못된 설명은?
 - ① 가중치의 업데이트 속도를 결정한다.
 - ② 너무 높으면 학습이 불안정해질 수 있다.
 - ③ 너무 낮으면 학습이 느려질 수 있다.
 - ④ 모든 신경망에서 동일한 값으로 설정되어야 한다.
- ❖ 신경망에서 과적합(Overfitting)을 방지하는 방법 중 가장 잘못된 것은?
 - ① 드롭아웃(Dropout) 사용
 - ② 데이터 증강(Data Augmentation)
 - ③ 학습률 증가
 - ④ 조기 종료(Early Stopping)

❖ 신경망의 뉴런이 수행하는 연산에 대한 잘못된 설명은?

- ① 여러 입력 신호가 가중치와 결합된다.
- ② 활성화 함수를 통해 최종 출력이 결정된다.
- ③ 모든 입력 신호는 동일한 가중치를 가진다.
- ④ 가중치와 입력 신호의 곱의 합이 계산된다.

❖ 다층 퍼셉트론(MLP)의 특징 중 잘못된 것은?

- ① 여러 개의 은닉층을 포함할 수 있다.
- ② 복잡한 비선형 문제를 해결할 수 있다.
- ③ 모든 은닉층은 동일한 수의 뉴런을 가져야 한다.
- ④ 역전파 알고리즘을 통해 학습이 이루어진다.

❖ 신경망에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 퍼셉트론은 단일 신경세포를 모사한 계산 모델이다.
- ② 퍼셉트론은 선형 분리불가 문제는 해결할 수 없다.
- ③ 퍼셉트론은 경사하강법으로 학습할 수 있다.
- ④ 퍼셉트론을 여러 층으로 구성한 것이 다층 퍼셉트론이다.