

# CNN 모델 Convolutional Neural Network Models

이건명 충북대학교 소프트웨어학부

인공지능: 튜링 테스트에서 딥러닝까지

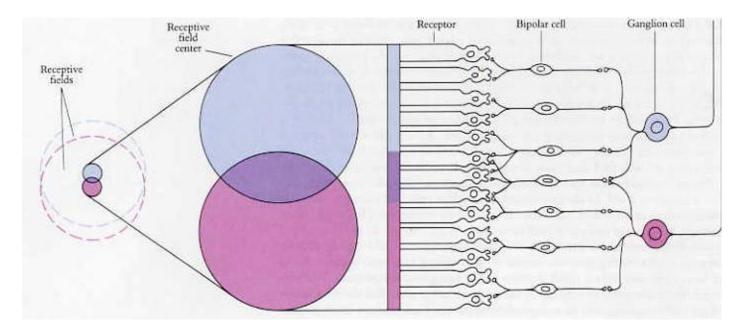
### 학습 내용

- 컨볼루션 신경망의 구조에 대해서 알아본다.
- 컨볼루션 신경망에서 사용되는 컨볼루션, 풀링 등의 연산에 대해 알아본다.

기계학습, 이건명 - 2 -

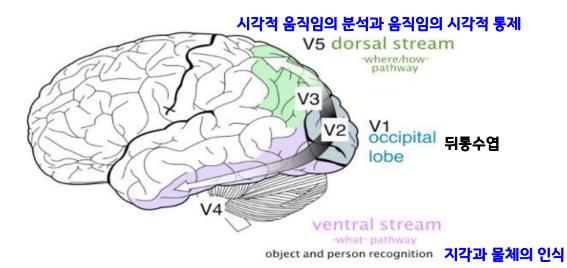
# 1. 컨볼루션 신경망

- ❖ 컨볼루션 신경망 (convolutional neural network, CNN)
  - 동물의 시각피질(visual cortex, 視覺皮質)의 구조에서 영감을 받아 만들어진 딥러닝 신경망 모델
    - 시각피질의 신경세포
      - 시야 내의 특정 영역에 대한 자극만 수용» 수용장(receptive field, 受容場)
      - 해당 영역의 특정 특징에 대해서만 반응



# 컨볼루션 신경망

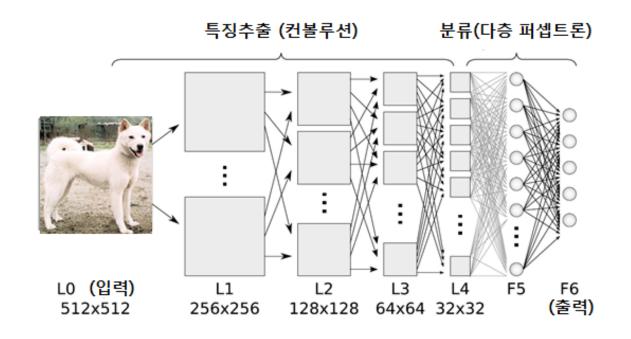
- ❖ 컨볼루션 신경망(convolutional neural network, CNN) cont.
  - 시각 자극이 1차 시각피질을 통해서 처리된 다음, 2차 시각피질을 경유하여, 3차 시각피질 등 여러 영역을 통과하여 계층적인 정 보처리
    - 정보가 계층적으로 처리되어 가면서 점차 추상적인 특징이 추출되어 시각 인식



■ 동물의 계층적 특징 추출과 시각인식 체계를 참조하여 만들어진 모델

# 컨볼루션 신경망

- ❖ 컨볼루션 신경망(Convolutional Neural Network, CNN)
  - 전반부: 컨볼루션 연산을 수행하여 **특징 추출**
  - 후반부 : 특징을 이용하여 분류
  - 영상분류, 문자 인식 등 인식문제에 높은 성능



## 2. 컨볼루션

### ❖ 컨블루션(covolution)

■ 일정 영역의 값들에 대해 가중치를 적용하여 하나의 값을 만드는 연산

$x_{11}$	$x_{12}$	$x_{13}$	$x_{14}$	$x_{15}$
$x_{21}$	x <sub>22</sub>	$x_{23}$	$x_{24}$	$x_{25}$
$x_{31}$	$x_{32}$	$x_{33}$	<i>x</i> <sub>34</sub>	$x_{35}$
x <sub>41</sub>	$x_{42}$	$x_{43}$	x44	$x_{45}$
$x_{51}$	x <sub>52</sub>	x <sub>53</sub>	$x_{54}$	$x_{55}$

 $\begin{array}{c|cccc} y_{11} & y_{12} & y_{13} \\ y_{21} & y_{22} & y_{23} \\ y_{31} & y_{32} & y_{33} \end{array}$ 

입력

컨볼루션 필터 커널 마스크

컨볼루션 결과

$$\begin{aligned} y_{11} &= w_{11}x_{11} + w_{12}x_{12} + w_{13}x_{13} \\ &+ w_{21}x_{21} + w_{22}x_{22} + w_{23}x_{23} \\ &+ w_{31}x_{31} + w_{32}x_{32} + w_{33}x_{33} \\ &+ w_{0} \end{aligned}$$

# 컨볼루션

### ❖ 컨볼루션

11	10	10	00	01
00	10	1	10	00
00	0	10	10	10
00	00	10	10	00
01	10	10	00	01

입력

1	0	1
0	1	0
1	0	1

컨볼루션 필터 커널 마스크

컨볼루션 결과

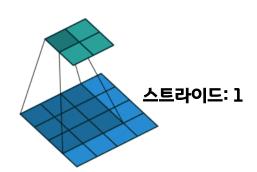
$$\begin{aligned} y_{11} &= w_{11} x_{11} + w_{12} x_{12} + w_{13} x_{13} \\ &+ w_{21} x_{21} + w_{22} x_{22} + w_{23} x_{23} \\ &+ w_{31} x_{31} + w_{32} x_{32} + w_{33} x_{33} \\ &+ w_0 \end{aligned}$$

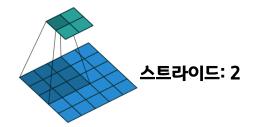
## 컨볼루션

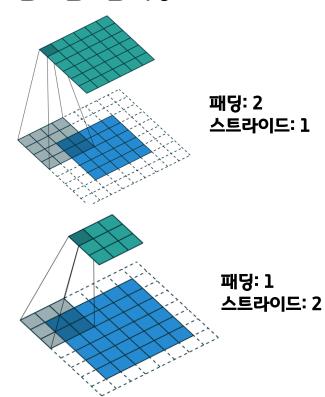
- ❖ 스트라이드(stride, 보폭)
  - 커널을 다음 컨볼루션 연산을 위해 이동시키는 칸 수
- ❖ 패딩(padding)

■ 컨볼루션 결과의 크기를 조정하기 위해 입력 배열의 둘레를 확장하고

0으로 채우는 연산







### [실습] 컨볼루션

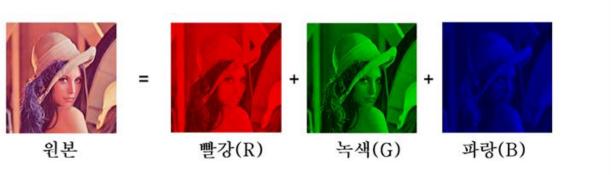
```
import numpy as np
def Conv2D(X, W, w0, p=(0,0), s=(1,1)):
   n1 = X.shape[0] + 2*p[0] # 패딩 반영
   n2 = X.shape[1] + 2*p[1]
  X p = np.zeros(shape=(n1,n2))
  X_p[p[0]:p[0]+X.shape[0], p[1]:p[1]+X.shape[1]]= X # 입력 X 복사
  res = [ ]
   for i in range(0, int((X_p.shape[0] - W.shape[0])/s[0])+1, s[0]):
      res.append([ ])
      for j in range(0, int((X_p.shape[1] - W.shape[1])/s[1])+1, s[1]):
         X_s = X_p[i:i+W.shape[0], i:j+W.shape[1]] # 컨볼루션 영역
         res[-1].append(np.sum(X s * W) + w0) # 컨볼루션
   return (np.array(res))
X = \text{np.array}([[1,1,1,0,0], [0,1,1,1,0], [0,0,1,1,1], [0,0,1,1,0],[0,1,1,0,0]])
W = np.array([[1,0,1], [0,1,0], [1,0,1]])
w0 = 1
conv = Conv2D(X, W, w0, p=(0,0), s=(1,1))
print('X = ', X)
print('WnW = ', W)
print('₩n컨볼루션 결과 p=(0,0), s=(1,1) ₩n', conv)
conv = Conv2D(X, W, w0, p=(1,1), s=(1,1))
print('₩n컨볼루션 결과 p=(1,1), s=(1,1) ₩n', conv)
conv = Conv2D(X, W, w0, p=(1,1), s=(2,2))
print('₩n컨볼루션 결과 p=(1,1), s=(2,2) ₩n', conv)
```

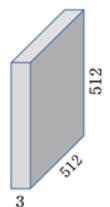
```
X =
[[11100]
[01110]
[00111]
[00110]
[0 1 1 0 0]]
W =
[[101]
[0 1 0]
[1 0 1]]
컨볼루션 결과 p=(0,0), s=(1,1)
[[5, 4, 5,]
[3. 5. 4.]
[3, 4, 5,]]
컨볼루션 결과 p=(1,1), s=(1,1)
[[3. 3. 4. 2. 2.]
[2. 5. 4. 5. 2.]
[2. 3. 5. 4. 4.]
[2. 3. 4. 5. 2.]
[1, 3, 3, 2, 2,]]
컨볼루션 결과 p=(1,1), s=(2,2)
[[3. 4.]
[2. 5.]]
```

# 컨볼루션

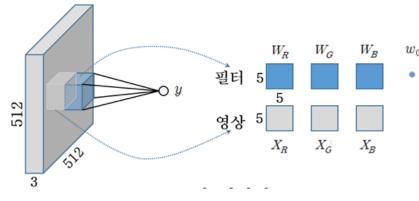
### ❖ 칼러 영상의 컨볼루션

■ 칼러 영상의 다차원 행렬 표현





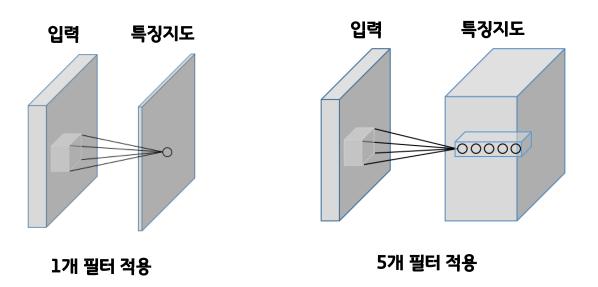
### ■ 칼러영상의 컨볼루션



$$y = X_R^* W_R + X_G^* W_G + X_B^* W_B + w_0$$

## 컨볼루션

- ❖ 특징지도(feature map)
  - 컨볼루션 필터의 적용 결과로 만들어지는 2차원 행렬
  - 특징지도의 원소값
    - 컨볼루션 필터에 표현된 특징을 대응되는 위치에 포함하고 있는 정도
  - k개의 컨볼루션 필터를 적용하면 k개의 2차원 특징지도 생성



# 3. 풀링

- ❖ 풀링(pooling)
  - 일정 크기의 블록을 통합하여 하나의 대푯값으로 대체하는 연산
  - 최대값 풀링(max pooling)
    - 지정된 블록 내의 원소들 중에서 최대값을 대푯값으로 선택

1	1	2	3		
4	6	6	8	6	8
3	1	1	0	3	4
1	2	2	4		

- 평균값 풀링(average pooling)
  - 블록 내의 원소들의 평균값을 대푯값으로 사용

1	1	2	3		
4	6	6	8	3	4.75
3	1	1	0	1.75	1.75
1	2	2	4		

# 풀링

- 확률적 풀링(stochastic pooling)
  - 블록 내의 각 원소가 원소값의 크기에 비례하는 선택 확률을 갖도록 하고, 이 확률에 따라 원소 하나를 선택

1	1	2	3		1	1	1		
4	6	6	8		$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{12}$		6	6
3	1	1	0		4	6		_	1
1	2	2	4		12	12		3	4

• 학습시: 확률적 풀링

$$p_i = rac{a_i}{\displaystyle\sum_{k \in R_i}}$$
  $p_i$  : 블록  $R_j$ 에서 원소  $a_i$ 가 선택될 확률

• 추론시 : 확률적 가중합 사용

$$s_j = \sum_{i \in R_j} p_i a_i$$

# 풀링

### ❖ 풀링 연산의 역할

- 중간 연산 과정에서 만들어지는 **특징지도**들의 **크기 축소** 
  - 다음 단계에서 사용될 메모리 크기와 계산량 감소
- 일정 영역 내에 나타나는 특징들을 결합하거나, 위치 변화에 강건한 특징 선택

1	1	2	3		
4	6	6	8	6	8
3	1	1	0	3	4
1	2	2	4		

## [실습] 풀링

```
import numpy as np

def maxPooling(mat, K, L):
    M, N = mat.shape
    MK = M // K
    NL = N // L
    pmat = mat[:MK*K, :NL*L].reshape(MK, K, NL, L).max(axis=(1, 3))
    return pmat

mat = np.array([[ 20, 200, -5, 23],
        [ -13, 134, 119, 100],
        [ 120, 32, 49, 25],
        [-120, 12, 9, 23]])

print(maxPooling(mat, 2,2))
```

[[200 119] [120 49]]

## 4. 컨볼루션 신경망의 구조

### ❖ 컨볼루션 신경망의 구조

- 특징 추출을 위한 컨볼루션 부분
  - 컨볼루션 연산을 하는 Conv충
  - ReLU 연산을 하는 ReLU
  - 풀링 연산 Pool(선택)]

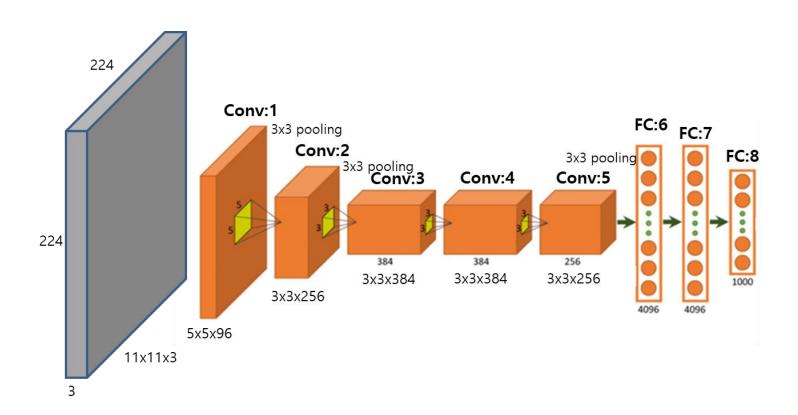


- 추출된 특징을 사용하여 <mark>분류</mark> 또는 **회귀**를 수행하는 **다층 퍼셉트론 부분** 
  - 전방향으로 전체 연결된(fully connected) FC층 반복
  - 분류의 경우 마지막 층에 소프트맥스(softmax)을 하는 SM 연산 추가
    - 소프트맥스 연산 : 출력의 값이 0이상이면서 합은 1로 만듦
- 컨볼루션 신경망 구조의 예
  - Conv-ReLU-Pool-Conv-ReLU-Pool-Conv-ReLU-Pool-FC-SM
  - Conv-Pool-Conv-FC-FC-SM
  - Conv-Pool-Conv-Conv-Conv-Pool-FC-FC-SM
  - Conv-ReLU-Pool-Conv-ReLU-Pool-Conv-ReLU-Pool-FC-FC-SM

# 컨볼루션 신경망의 구조

### ❖ 컨볼루션 신경망의 구조 예

Conv:1-Pool:1-Conv:2-Pool:2-Conv:3-Conv:4-Conv:5-Pool:5-FC:6-FC:7-FC:8



# 컨볼루션 신경망의 구조

### ❖ 컨볼루션 신경망의 학습대상 가중치 개수와 메모리 요구량

층	필터/블록 크기	필터 개수	스트라 이드	패딩	노드개수 (출력 크기)	학습대상 가중치 개수
입력					224×224×3 (=150,528)	
Conv:1	11×11x3	96	4	3	55x55x96 (=290,400)	(11×11×3+1)x96 (=34,944)
Pool:1	3×3		2		27×27×96 (=69,984)	
Conv:2	5×5×96	256	1	2	27×27×256 (=186,624)	(5×5×96+1)×256 (=614,656)
Pool:2	3×3		2		13×13×256 (=43,264)	
Conv:3	3×3×256	384	1	1	13×13×384 (=64,896)	(3×3×256+1)×384 (=885,120)
Conv:4	3×3×384	384	1	1	13×13×384 (=64,896)	(3×3×384+1)×384 (=1,327,488)
Conv:5	3×3×384	256	1	1	13×13×256 (=43,264)	(3×3×384+1)×256 (=884,992)
Pool:5	3×3	256	2		6×6×256 (=9,216)	
FC:6					4096	6×6×256×4096 (=37,748,736)
FC:7					4096	4096×4096 (=16,777,216)
FC:8					1000	4096×1000 (=4,096,000)

• 가중치

개수: 58,621,952 메모리 요구량:

4바이트 float 사용시 249,476,608 바이트

(≈ 237MB)

• 계산 결과저장

노드 개수: 781,736

메모리 요구량: ≈ 3MB

# 가중치의 학습

### ❖ 미분 구현의 방법

- 수치적 미분(numerical differentiation)
  - 작은 h을 사용하여 f(x+h)와 f(x)의 값을 계산하여 미분

$$f'(x) = \lim_{h o 0} rac{f(x+h) - f(x)}{h}.$$

- 기호적 미분(symbolic differentiation)
  - 미분의 수식 이용

$$\frac{d}{dx} \left( \frac{x^2 \cos(x - 7)}{\sin(x)} \right) = x^2 \sin(7 - x) \csc(x) + x^2 \left( -\cos(7 - x) \right) \cot(x) \csc(x) + 2x \cos(7 - x) \csc(x)$$

# 가중치의 학습

- ❖ 미분 구현의 방법 cont.
  - 자동 미분(automatic differentiation)
    - 함수를 기본 연산(primitive)의 제어 흐름(control flow)로 나타내서,
       각 기본 연산의 도함수를 사용하여 연쇄법칙에 의해 미분 값 계산

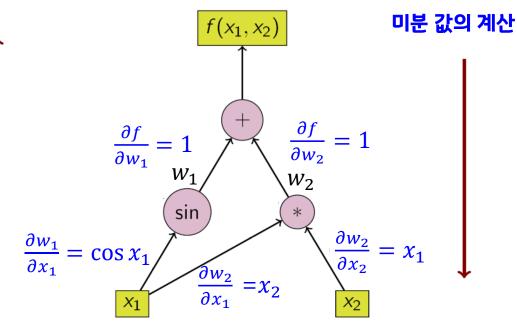
$$f(x_1, x_2) = x_1 x_2 + \sin x_1$$

#### 함수 값의 계산

$$f(x_1, x_2) = w_1 + w_2$$

$$w_1 = \sin x_1$$

$$w_2 = x_1 x_2$$



$$\frac{\partial f}{\partial x_1} = \frac{\partial f}{\partial w_1} \frac{\partial w_1}{\partial x_1} + \frac{\partial f}{\partial w_2} \frac{\partial w_2}{\partial x_1} \qquad \frac{\partial f}{\partial x_2} = \frac{\partial f}{\partial w_2} \frac{\partial w_2}{\partial x_2}$$
$$= \cos x_1 + x_2 \qquad = x_1$$

- ❖ 컨볼루션 연산에서 사용되는 작은 윈도우를 무엇이라고 하는가?
  - ① 필터
  - ② 풀링
  - ③ 스트라이드
  - ④ 패딩
- ❖ 컨볼루션 연산 후 출력 크기를 입력 크기와 동일하게 유지하기 위한 방법은 무엇인가?
  - ① 스트라이드 증가
  - ② 필터 크기 감소
  - ③ 패딩 추가
  - ④ 풀링 적용
- ❖ 컨볼루션 신경망에서 사용되는, 주로 최대값을 선택하는 다운샘플링 방법은 무엇인가?
  - ① 필터링
  - ② 스트라이딩
  - ③ 패딩
  - ④ 풀링

- ❖ 컨볼루션 연산에서 스트라이드는 무엇을 의미하는가?
  - ① 필터의 크기
  - ② 필터가 이동하는 간격
  - ③ 출력 크기를 조절하기 위해 사용되는 기술
  - ④ 필터의 개수
- ❖ RGB 이미지에 대해 3x3 컨볼루션 필터를 적용할 때, 필터의 깊이(채널 수)는?
  - 1
  - 2 2
  - 3 3
  - 4 4
- ❖ 5x5 입력에 3x3 필터를 스트라이드 1로 적용할 때, 출력 크기는?
  - ① 5x5
  - 2 4x4
  - ③ 3x3
  - (4) 2x2

#### ❖ 컨볼루션 연산의 주된 목적은?

- ① 이미지의 차원을 늘리는 것
- ② 이미지의 주요 특징을 감지하는 것
- ③ 이미지의 밝기를 조절하는 것
- ④ 이미지의 해상도를 향상시키는 것

#### ❖ 7x7 입력에 3x3 필터를 스트라이드 2로 적용하면 출력 크기는?

- ① 2x2
- ② 3x3
- ③ 5x5
- (4) 6x6

#### ❖ 컨볼루션 신경망의 상위 계층에서 발견되는 특징은?

- ① 기본적인 엣지와 질감
- ② 복잡한 객체와 패턴
- ③ 픽셀의 밝기와 색상
- ④ 이미지의 해상도와 크기

#### ❖ 컨볼루션 연산에서 '1x1 컨볼루션'이 사용되는 목적는?

- ① 이미지의 해상도를 향상시키기 위해
- ② 연산량을 줄이면서 채널 간의 상호 작용을 가능하게 하기 위해
- ③ 이미지의 밝기를 조절하기 위해
- ④ 필터의 크기를 조절하기 위해

#### ❖ 특징지도의 깊이(채널수)는 무엇을 결정하는가?

- ① 입력 이미지의 크기
- ② 필터의 개수
- ③ 풀링 레이어의 종류
- ④ 스트라이드의 크기

#### ❖ 특징지도에서 각 활성화는 무엇을 의미하나요?

- ① 필터의 크기
- ② 특정 특징에 대한 응답 정도
- ③ 네트워크의 학습률
- ④ 이미지의 차원 수

- ❖ CNN의 하위 계층의 특징지도는 주로 어떤 정보를 포착하는가?
  - ① 객체의 추상적 표현
  - ② 복잡한 패턴과 구조
  - ③ 엣지와 질감
  - ④ 전체적인 이미지 구조
- ❖ CNN의 상위 계층의 특징지도는 무엇을 표현하는 경향이 있는가?
  - ① 값의 분포
  - ② 전체 이미지의 색상
  - ③ 이미지의 기본 질감
  - ④ 이미지의 복잡한 패턴 및 객체 표현
- ❖ CNN에서 풀링 후에 특징지도의 크기는 어떻게 변하는가?
  - ① 증가한다.
  - ② 감소한다.
  - ③ 동일하게 유지된다.
  - ④ 두 배로 늘어난다.

#### ❖ 풀링 레이어의 주요 역할은 무엇인가요?

- ① 특징지도의 깊이를 줄이는 것
- ② 특징지도의 공간적 차원을 감소시키는 것
- ③ 필터의 개수를 증가시키는 것
- ④ 네트워크의 학습률을 조절하는 것

### ❖ 최대값 풀링(max pooling) 연산이 수행하는 작업은 무엇인가요?

- ① 주어진 영역에서 최소값을 선택하는 것
- ② 주어진 영역에서 최대값을 선택하는 것
- ③ 주어진 영역의 평균값을 계산하는 것
- ④ 주어진 영역의 합계를 계산하는 것

### ❖ 평균값 풀링(average pooling)에서 주어진 영역의 출력 값은 어떻게 계산되나요?

- 영역의 합계
- ② 영역의 최대값
- ③ 영역의 최소값
- ④ 영역의 평균값

#### ❖ 풀링 연산이 가중치를 포함하는가?

- ① 포함한다.
- ② 포함하지 않는다.
- ③ 네트워크의 깊이에 따라 다르다.
- ④ 필터의 크기에 따라 다르다.

#### ❖ 풀링 레이어는 어떤 변화에 대해 불변성(invariance)을 제공하는가?

- ① 회전에 대한 불변성
- ② 스케일(확대/축소)에 대한 불변성
- ③ 이동에 대한 불변성
- ④ 색상에 대한 불변성

#### ❖ 풀링 연산 후 특징지도의 크기는 어떻게 변하는가?

- ① 증가한다.
- ② 감소한다.
- ③ 동일하게 유지된다.
- ④ 두 배로 늘어난다.

#### ❖ 자동미분의 핵심 목적은?

- ① 함수의 근사값을 찾는 것
- ② 함수의 최대값을 계산하는 것
- ③ 함수의 도함수를 계산하는 것
- ④ 함수의 적분을 계산하는 것

#### ❖ 자동미분을 사용하는 주요 이유는?

- ① 근사값을 계산하기 위해
- ② 미분 계산의 정확성과 효율성을 높이기 위해
- ③ 함수의 적분을 자동으로 계산하기 위해
- ④ 모든 함수에 대한 해석적 해를 찾기 위해

#### ❖ 자동미분이 계산 그래프를 사용하는 이유는?

- ① 그래프의 각 노드에서 함수의 최대값을 계산하기 위해
- ② 그래프의 각 노드에서 적분을 수행하기 위해
- ③ 그래프의 각 노드에서 연산과 그 도함수를 표현하기 위해
- ④ 그래프의 구조를 시각화하기 위해

- ❖ 자동미분에서 중간 변수의 도함수를 계산하기 위해 사용되는 연쇄규칙의 적용방법은?
  - ① 중간 변수의 도함수를 모두 더한다.
  - ② 중간 변수의 도함수를 모두 곱한다.
  - ③ 중간 변수의 도함수의 최대값을 선택한다.
  - ④ 중간 변수의 도함수의 평균을 계산한다.
- ❖ 자동미분이 신경망 학습에서 중요한 이유는?
  - ① 가중치 초기화를 자동으로 수행하기 위해
  - ② 신경망의 구조를 최적화하기 위해
  - ③ 신경망의 오차 역전파를 효율적으로 계산하기 위해
  - ④ 신경망의 활성화 함수를 최적화하기 위해
- ❖ 자동미분의 순방향 모드(forward mode)는 무엇을 계산하는가?
  - ① 각 입력에 대한 모든 출력의 미분
  - ② 각 출력에 대한 모든 입력의 미분
  - ③ 함수의 값
  - ④ 함수의 최대값

- ❖ 채널 크기가 4인 입력에 대해서 3x3 커널이 5개 적용될 때 학습될 파라미터의 개수는?
  - (1) 3x3x4x5
  - 2 3x3x4x5+5
  - 3 4x4x3x5
  - (4) 3x3x5+4
- ❖ 입력 노드가 10개인 노드 20개의 완전연결층이 있을 때 파라미터의 개수는?
  - 10+20
  - 2 10x20
  - ③ 10x20+10
  - 4 10x20+20
- ❖ 4x4 크기의 윈도우를 스트라이드 2로 적용하는 플링 연산에 있는 파라미터 개수는?
  - 1 0
  - 2 2
  - 3 4x4
  - (4) 4x4x2

#### ❖ CNN은 주로 어떤 종류의 데이터에 사용되는가?

- ① 텍스트 데이터
- ② 시계열 데이터
- ③ 이미지 데이터
- ④ 표 데이터

### ❖ CNN에서 패딩(padding)의 주요 목적은?

- ① 과적합을 방지하기 위함
- ② 출력 특징지도의 크기를 조절하기 위함
- ③ 필터의 수를 증가시키기 위함
- ④ 학습률을 조절하기 위함

### ❖ CNN의 컨볼루션 층 다음에 주로 사용되는 활성화 함수는?

- ① Sigmoid
- ② Softmax
- ③ ReLU
- 4 Tanh

- ❖ CNN은 주로 어떤 종류의 문제에 사용되지 않는가?
  - ① 이미지 분류
  - ② 시각적 객체 탐지
  - ③ 자연어처리
  - ④ 이미지 세그멘테이션
- ❖ CNN 구조에서 완전연결층(fully connected layer)은 주로 어떤 목적으로 사용되는 가?
  - ① 이미지의 특징을 추출하기 위함
  - ② 모델의 복잡성을 줄이기 위함
  - ③ 네트워크의 깊이를 높이기 위함
  - ④ 최종 예측을 수행하기 위함
- ❖ CNN에서 사용되는 드롭아웃(dropout) 기법의 주요 목적은?
  - ① 필터의 크기 조절하기
  - ② 과적합을 방지하기
  - ③ 학습 속도 향상시키기
  - ④ 필터의 갯수를 줄이기

- ❖ CNN에서 입력 이미지의 채널 수와 필터의 채널 수는 어떻게 다른가?
  - ① 항상 다르다
  - ② 항상 같다
  - ③ 필터의 채널 수가 더 많다
  - ④ 입력 이미지의 채널 수가 더 많다
- ❖ CNN에서 최대값 풀링(max pooling)의 기능은?
  - ① 가장 큰 값을 선택하기
  - ② 평균 값을 선택하기
  - ③ 최소 값을 선택하기
  - ④ 모든 값을 합산하기
- ❖ CNN에서 사용되는 스트라이드(stride)는 무엇을 의미하는가?
  - ① 필터의 크기
  - ② 풀링 층의 종류
  - ③ 컨볼루션 필터가 움직이는 간격
  - ④ 네트워크의 깊이

- ❖ CNN에서 배치 크기는 무엇을 의미하는가?
  - ① 학습률의 크기
  - ② 한 번의 업데이트에 사용되는 샘플 수
  - ③ 이미지의 해상도
  - ④ 필터의 개수
- ❖ 어떤 연산이 CNN의 연산 부하 대부분을 차지하는가?
  - ① 활성화 함수
  - ② 풀링 연산
  - ③ 컨볼루션 연산
  - ④ 배치 정규화