탐색과 최적화 - 2

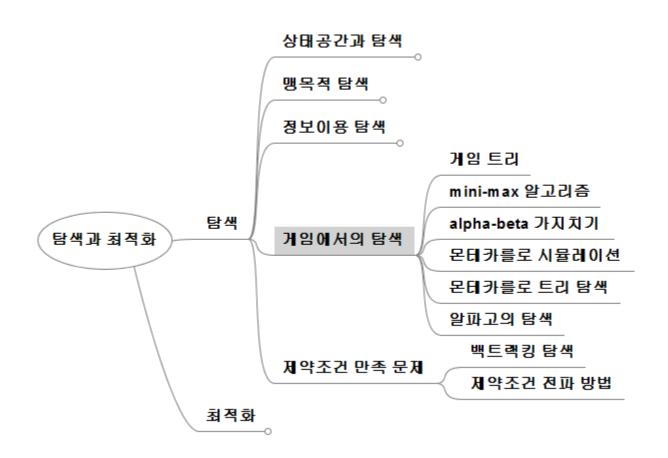
이건명

충북대학교 산업인공지능학과

인공지능: 튜링 테스트에서 딥러닝까지

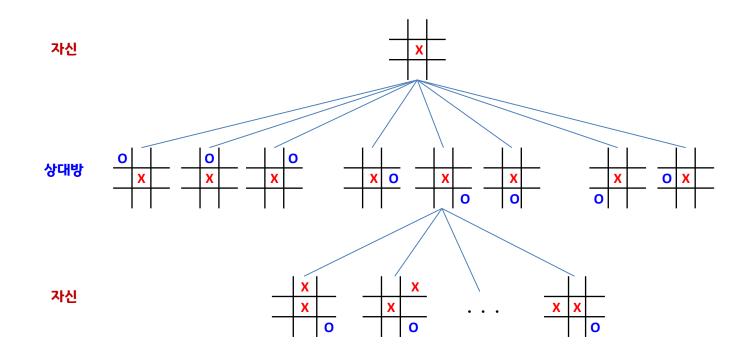
학습 내용

- 게임 트리의 용도에 대해서 알아본다.
- ullet 게임 트리에 대한 mini-max 알고리즘과 α - β 가지치기 에 대해서 살펴본다.
- 몬테 카를로 트리 탐색(MCTS)의 동작 방식에 대해 알아본다.
- 알파고의 탐색 방법에 대해 알아본다.
- 제약조건 최적화 문제에 적용될 수 있는 백트랙킹 탐색, 제약조건 전파에 대해서 알아본다.

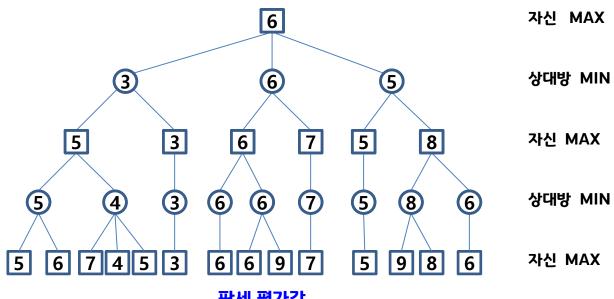


4. 게임에서의 탐색

- ❖ 게임 트리(game tree)
 - 상대가 있는 게임에서 자신과 상대방의 가능한 게임 상태를 나타낸 트리
 - 틱-택-톡(tic-tac-toc), 바둑, 장기, 체스 등
 - 게임의 결과는 마지막에 결정
 - 많은 수(lookahead)를 볼 수록 유리

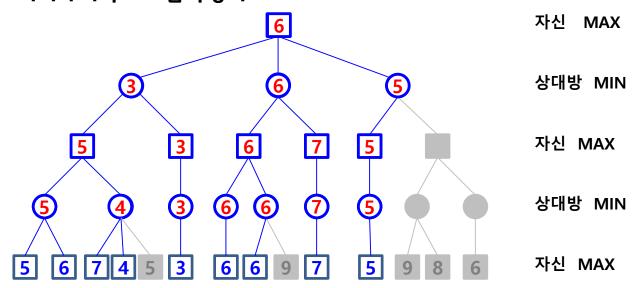


- ❖ mini-max 알고리즘(mini-max algorithm)
 - 자신 및 상대방 각각의 상황별 <mark>최선의 행동</mark>에 대한 점수 결정
 - MAX 노드
 - 자신에 해당하는 노드로 자기에게 유리한 최대값 선택
 - MIN 노드
 - 상대방에 해당하는 노드로 최소값 선택
 - 단말 노드부터 위로 올라가면서 최소(minimum)-최대(maximum) 연산을 반복하여 자신이 선택할 수 있는 방법 중 가장 좋은 것은 값을 결정



판세 평가값

- ❖ α-β 가지치기 (pruning)
 - 검토해 볼 필요가 없는 부분을 탐색하지 않도록 하는 기법
 - 깊이 우선 탐색으로 제한 깊이까지 탐색을 하면서, MAX 노드와 MIN 노드의 값 결정
 - 제한 깊이 도달시 형세(유리한 정도) 추정 점수 부여
 - α-<mark>자르기(cut-off): MIN 노드의 현재값이 부모노드의 현재 값</mark>보다 작거나 같으면, 나머지 자식 노드 탐색 중지
 - β-<mark>자르기: MAX 노드의 현재값이 부모노드의 현재 값</mark>보다 같거나 크면, 나머지 자식 노드 탐색 중지



간단한 형태의 α - β 가지치기 예

❖ 형세 판단 방법

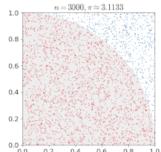
- 휴리스틱(경험적 지식)을 이용한 계산
- 몬테카를로 시뮬레이션 기반의 계산



- 특정 확률 분포로 부터 무작위 표본(random sample)을 생성하고,
- 이 표본에 따라 <mark>행동</mark>을 하는 과정을 반복하여 결과를 확인하고,
- 이러한 결과확인 과정을 반복하여 최종 결정을 하는 것







 $\frac{\text{원 안의 샘플 개수}}{\text{전체 샘플의 개수}} \rightarrow \frac{\pi}{4}$











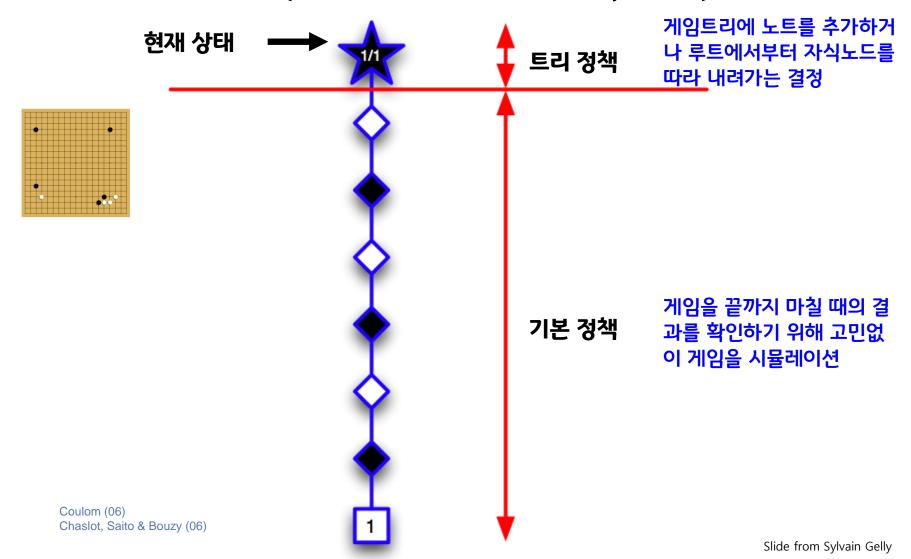


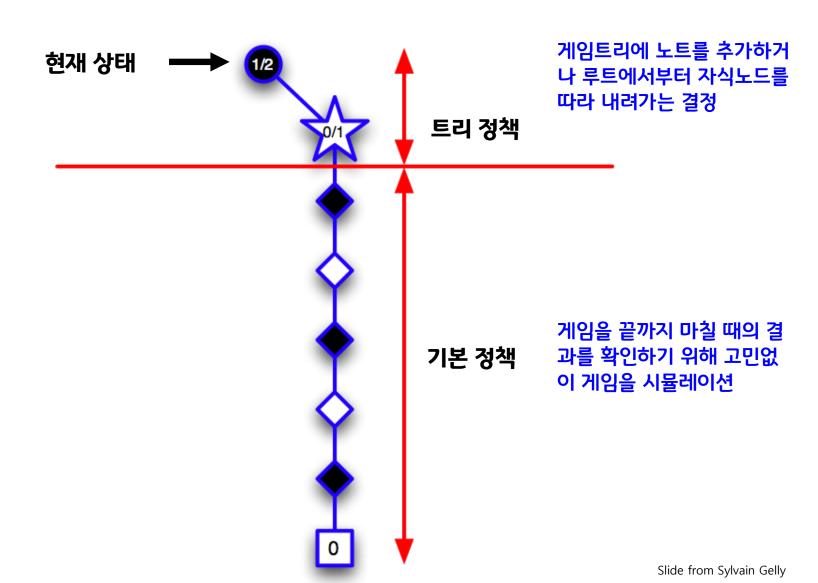


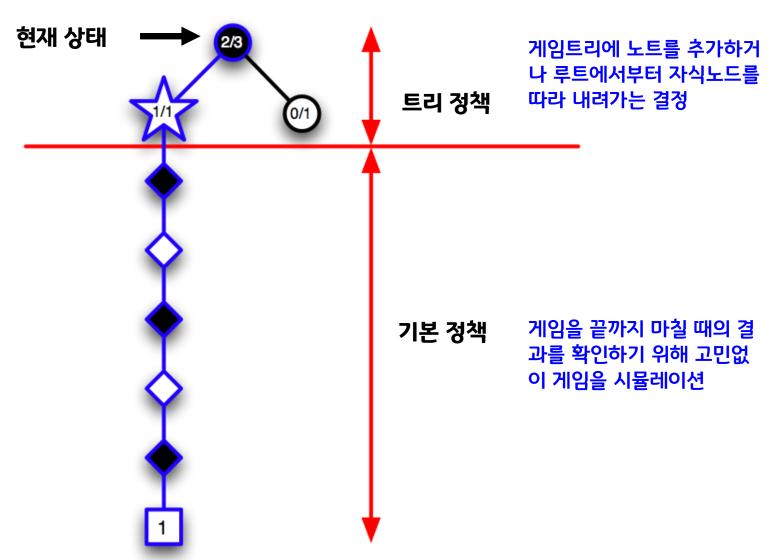


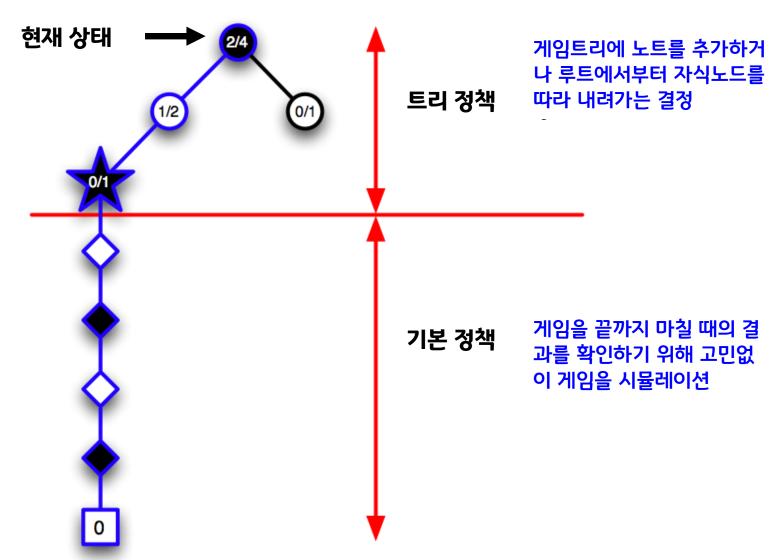


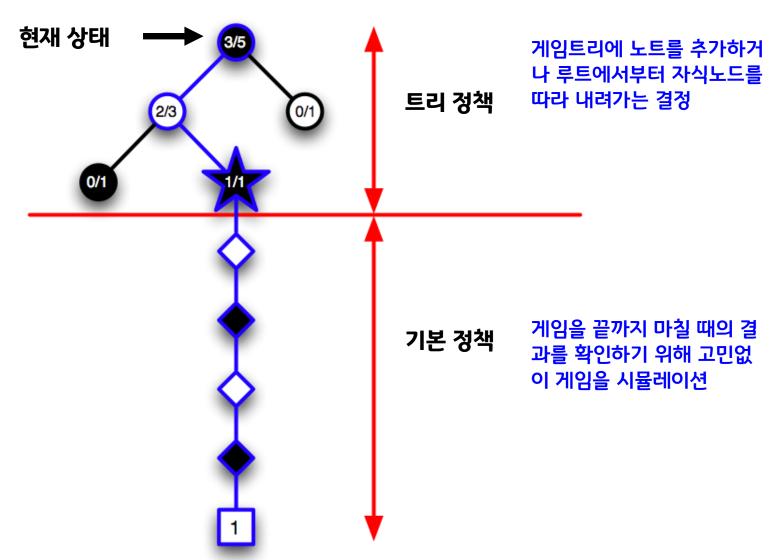
❖ 몬테카를로 트리 탐색(Monte Carlo Tree Search, MCTS)

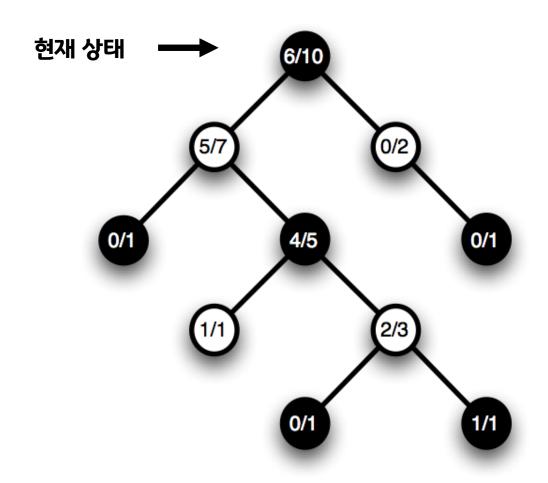


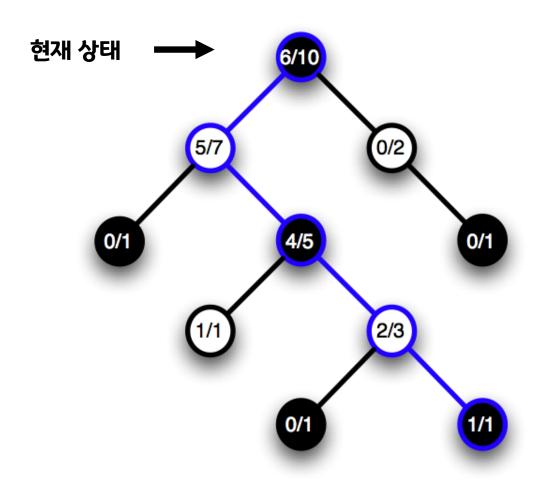


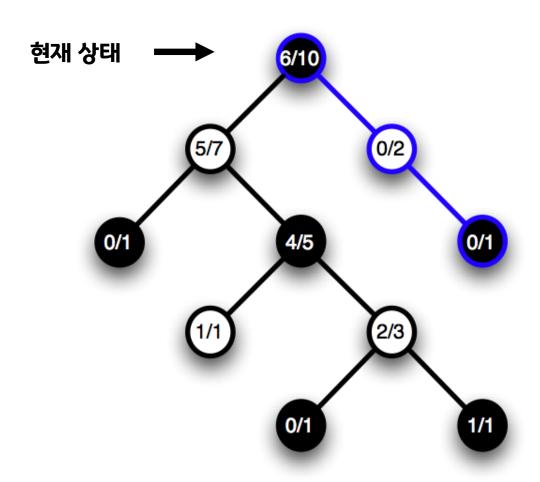




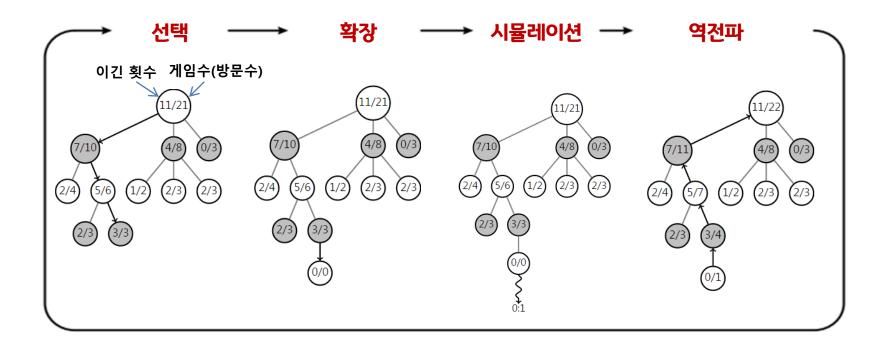






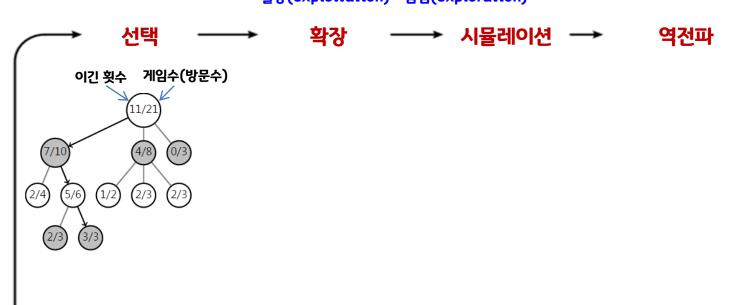


- ❖ 몬테카를로 트리 탐색(Monte Carlo Tree Search, MCTS)
 - 탐색 공간(search space)을 무작위 표본추출(random sampling)을 하면서, 탐색트리를 확장하여 가장 좋아 보이는 것을 선택하는 휴리스틱 탐색 방법
 - 4개 단계를 반복하여 시간이 허용하는 동안 트리 확장 및 시뮬레이션 선택(selection)
 - → 확장(expansion)
 - → 시뮬레이션(simulation) : 몬테카를로 시뮬레이션
 - → 역전파(back propagation)

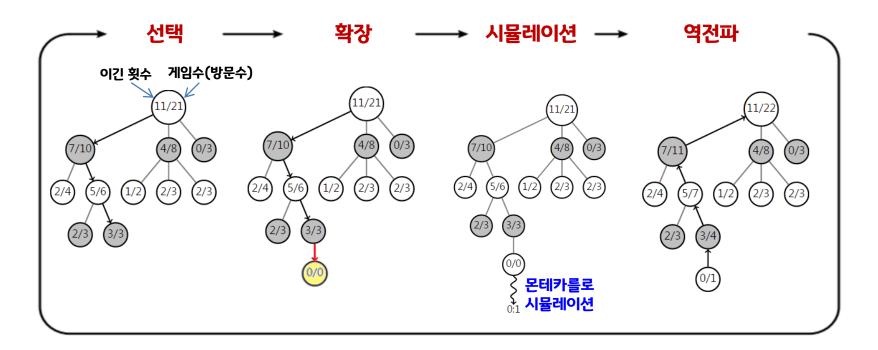


- ❖ 몬테카를로 트리 탐색 cont.
 - 선택(selection) : 트리 정책(tree policy) 적용
 - 루트노드에서 시작
 - 정책에 따라 자식 노드를 선택하여 단말노드까지 내려 감
 - 승률과 노드 방문횟수 고려하여 선택
 - UCB(Upper Confidence Bound) 정책: UCB가 큰 것 선택

$$\dfrac{Q(v')}{N(v')} + c\sqrt{\dfrac{2\ln N(v)}{N(v')}}$$
 $v:$ 부모노드 $v':$ 자식노드 $N(v'):$ 방문 횟수 $Q(v'):$ 점수 (이긴 횟수) 활용(exploitation) 탐험(exploration)

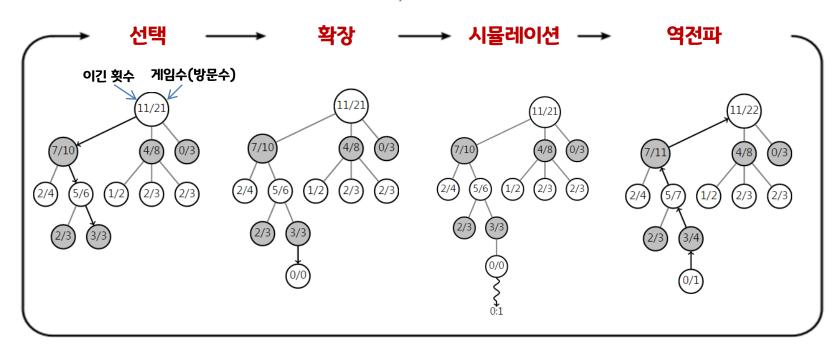


- ❖ 몬테카를로 트리 탐색 cont.
 - 확장(expansion)
 - 단말노드에서 트리 정책에 따라 노드 추가
 - 예. 일정 횟수이상 시도된 수(move)가 있으면 해당 수에 대한 노드 추가
 - 시뮬레이션(simulation)
 - 기본 정책(default/rollout policy)에 의한 몬테카를로 시뮬레이션 적용
 - 무작위 선택(random moves) 또는 약간 똑똑한 방법으로 게임 끝날 때까지 진행
 - 역전파(backpropagation)
 - 단말 노드에서 루트 노드까지 올라가면서 승점 반영

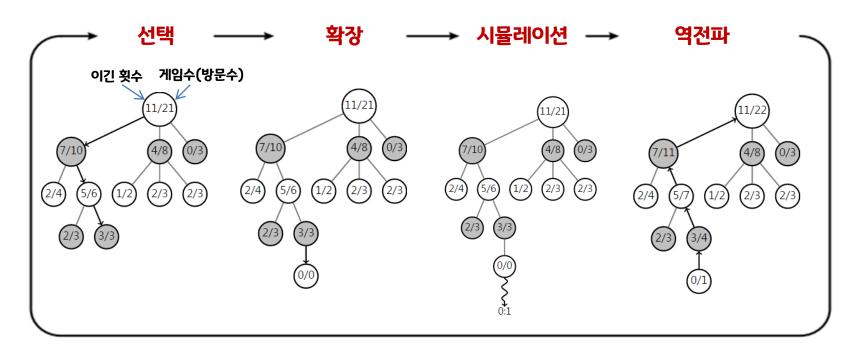


- ❖ 몬테카를로 트리 탐색 cont.
 - 동작 선택 방법
 - 가장 승률이 높은, 루트의 자식 노드 선택
 - 가장 빈번하게 방문한, 루트의 자식 노드 선택
 - 승률과 빈도가 가장 큰, 루트의 자식 노드 선택 없으면, 조건을 만족하는 것이 나올 때까지 탐색 반복
 - 자식 노드의 confidence bound값의 최소값이 가장 큰, 루트의 자식 노드 선택

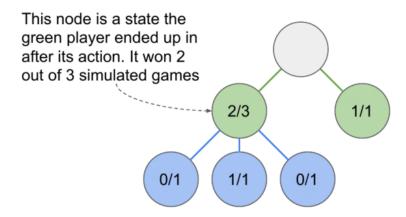
$$\frac{Q(v')}{N(v')} + c\sqrt{\frac{2\ln N(v)}{N(v')}}$$



- ❖ 몬테카를로 트리 검색 cont.
 - 판의 형세판단을 위해 휴리스틱을 사용하는 대신, 가능한 많은 수의 몬테카를로 시뮬레이션 수행
 - 일정 조건을 만족하는 부분은 트리로 구성하고, 나머지 부분은 몬테카를로 시뮬레이션
 - 가능성이 높은 수(move)들에 대해서 노드를 생성하여 트리의 탐색 폭을 줄이고, 트리 깊이를 늘리지 않기 위해 몬테카를로 시뮬레이션을 적용
 - 탐색 공간 축소

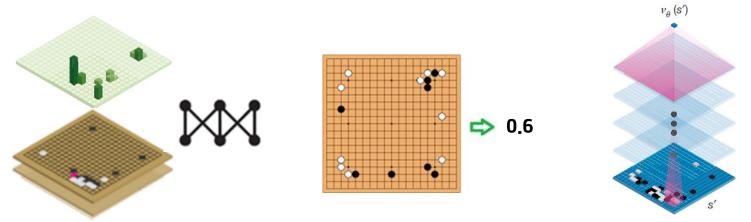


❖ 몬테카를로 트리 검색 - cont.



알파고의 탐색

- ❖ 알파고(AlphaGo)의 몬테카를로 트리 검색
 - 바둑판 형세 판단을 위한 한가지 방법으로 <mark>몬테카를로 트리 검색</mark> 사용
 - 무작위로 바둑을 두는 것이 아니라, 프로 바둑기사들을 기보를 학습한 확장 정책망 (rollout policy network)이라는 간단한 계산모델을 사용 ⇒ 시뮬레이션



정책망: 가능한 착수(着手)들에 대한 선호 확률분포 (몬테카를로 시뮬레이션에 사용) 가치망: 바둑판의 형세 값을 계산하는 계산모델 (최종 형세판단에 반영)

- 확률에 따라 착수를 하여 몬테카를로 시뮬레이션을 반복하여 해당 바둑판에 대한 형세판단값 계산
- 별도로 학습된 딥러닝 신경망인 가치망(value network)을 사용하여 형세판단값을 계산하여 함께 사용

알파고의 탐색

- ❖ 알파고의 몬테카를로 트리 검색
 - 많은 수의 몬테카를로 시뮬레이션과 딥러닝 모델의 신속한 계산을 위해 다수의 CPU와 GPU를 이용한 분산처리 – 초기 모델

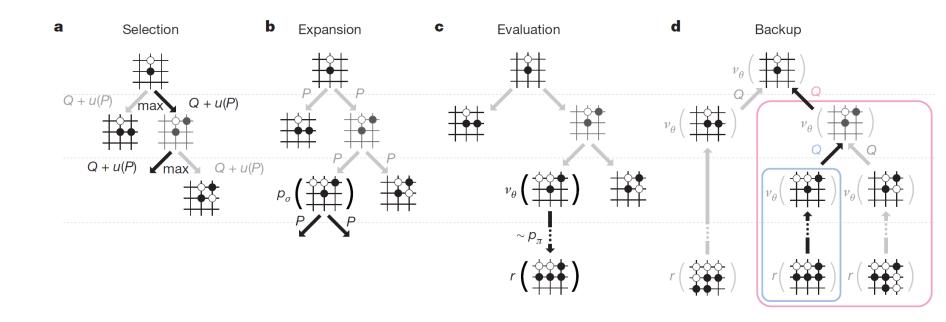


Image: Nature

알파고의 탐색

❖ 알파고의 버전



버전	하드웨어	Elo 점수	경기 기록
AlphaGo Fan	176 GPUs, 분산처리	3,144	5:0 (Fan Hui)
AlphaGo Lee	48 TPUs, 분산처리	3,739	4:1 (Lee Sedol)
AlphaGo Master	4 TPUs v2, 단일 기계	4,858	60:0 (프로 기사) Future of Go Summit
AlphaGo Zero	4 TPUs v2, 단일 기계	5,185	100:0 (AlphaGo Lee) 89:11(AlphaGo Master)

	Players	1873		
	Most Recent Game	2017-10-20		
Rank	Name	89	Flag	Elo
1	Ke Jie	ð	*	3670
2	Park Junghwan	8	(0)	3628
3	Mi Yuting	8		3574
4	Shin Jinseo	8	(0)	3564
5	Iyama Yuta	đ		3556
6	Shi Yue	8	*	3535
7	Gu Zihao	8	*	3530
8	Kim Jiseok	ठै	(0)	3517

9 <u>Lee Sedol</u> 10 <u>Tuo Jiaxi</u> Games 67245

프로그래밍 실습 : 틱-택-토 MCTS

```
1 from abc import ABC, abstractmethod
                                     # abstract base class
2 from collections import defaultdict
3 import math
5 class MCTS:
      "Monte Carlo tree searcher, 먼저 rollout한 다음, 위치(move) 선택 "
      def __init__(self, c=1):
         self.Q = defaultdict(int) # 노드별 이긴 횟수(reward) 값을 0으로 초기화
8
         self.N = defaultdict(int) # 노드별 방문횟수(visit count)를 0으로 초기화
9
         self.children = dict() # 노드의 자식노드
10
         self.c = c
                                 # UCT 계산에 사용되는 계수
11
12
13
      def choose(self, node):
          "node의 최선인 자식 노드 선택"
14
          if node.is terminal(): # node가 단말인 경우 오류
15
             raise RuntimeError(f"choose called on terminal node {node}")
16
          if node not in self.children: # node가 children에 포함되지 않으면 무작위 선택
17
             return node, find random child()
18
19
          def score(n): # 점수 계산
20
21
             if self.N[n] == 0:
22
                 return float("-inf") # 한번도 방문하지 않은 노드인 경우 - 선택 배제
             return self.Q[n] / self.N[n] # 평균 점수
23
24
25
          return max(self.children[node], key=score)
                                                            이긴 횟수 게임수(방문수)
26
27
      def do_rollout(self, node):
                                                               4/8 0/3
          "게임 트리에서 한 층만 더 보기"
28
                                                                                  24 56 12 23 23
                                                             (1/2) (2/3) (2/3)
                                                                     2/4 5/6 1/2 2/3 2/3
29
         path = self. select(node)
          leaf = path[-1]
30
         self._expand(leaf)
31
```

Original developer: Luke Harold Miles, 2019

reward = self._simulate(leaf)

self. backpropagate(path, reward)

32

```
35
      def _select(self, node): # 선택 단계
36
         "node의 아직 시도해보지 않은 자식 노드 찾기"
37
         path = []
38
         while True:
39
             path.append(node)
             if node not in self.children or not self.children[node]:
40
                # node의 child나 grandchild가 아닌 경우: 아직 시도해보지 않은 것 또는 단말 노드
41
42
                return path
             unexplored = self.children[node] - self.children.keys() # 차집합
43
44
             if unexplored:
45
                n = unexplored.pop()
46
                path.append(n)
                return path
47
             node = self. uct select(node) # 한 단계 내려가기
48
49
      def expand(self, node): # 확장 단계
50
         "children에 node의 자식노드 추가"
51
52
         if node in self.children:
53
            return # 이미 확장된 노드
         self.children[node] = node.find_children() # 선택가능 move들을 node의 children에 추가
54
55
56
      def simulate(self, node): # 시뮬레이션 단계
57
         "node의 무작위 시뮬레이션에 대한 결과(reward) 반환"
58
         invert reward = True
         while True:
59
             if node.is terminal(): # 단말에 도달하면 승패여부 결정
60
                reward = node.reward()
61
62
                return 1 - reward if invert reward else reward
63
             node = node.find_random_child() # 선택할 수 있는 것 중에서 무작위로 선택
64
             invert reward = not invert reward
65
```

```
def backpropagate(self, path, reward): # 역전파 단계
66
          "단말 노드의 조상 노드들에게 보상(reward) 전달"
67
68
          for node in reversed(path): # 역순으로 가면서 Monte Carlo 시뮬레이션 결과 반영
             self.N[node] += 1
69
             self.Q[node] += reward
70
71
              reward = 1 - reward # 자신에게는 1 상대에게는 0. 또는 그 반대
72
      def _uct_select(self, node): # UCB 정책 적용을 통한 노드 확장 대상 노드 선택
73
74
          "탐험(exploration)과 이용(exploitation)의 균형을 맞춰 node의 자식 노드 선택"
          # node의 모든 자신 노드가 이미 확장되었는지 확인
75
76
          assert all(n in self.children for n in self.children[node])
77
          log N vertex = math.log(self.N[node])
78
                                                            \frac{Q(v')}{N(v')} + c\sqrt{\frac{2\ln N(v)}{N(v')}}
          def uct(n):
79
              "UCB(Upper confidence bound) 점수 계산 "
80
              return self.Q[n] / self.N[n] + self.c * math.sqrt(2*log_N_vertex / self.N[n])
81
82
83
          return max(self.children[node], key=uct)
84
```

```
84
85 class Node(ABC):
86
      " 게임 트리의 노드로서 보드판의 상태 표현 "
      @abstractmethod
87
88
      def find_children(self): # 해당 보드판 상태의 가능한 모든 가능한 후속 상태
89
          return set()
90
91
      @abstractmethod
92
      def find random child(self): # 현 보드에 대한 자식 노드 무작위 선택
93
         return None
94
      @abstractmethod
95
96
      def is_terminal(self): # 자식 노드인지 판단
97
         return True
98
      @abstractmethod
99
100
      def reward(self): # 점수 계산
         return 0
101
102
103
      @abstractmethod
      def hash (self): # 노드에 해시적용 가능하도록(hashable) 함
104
105
          return 123456789
106
107
      @abstractmethod
      def __eq__(node1, node2): # 노드는 서로 비교 가능해야 함
108
109
         return True
```

```
1 from collections import namedtuple
2 from random import choice
3 #from monte_carlo_tree_search import MCTS, Node
5 TTTB = namedtuple("TicTacToeBoard", "tup turn winner terminal")
6
7 class TicTacToeBoard(TTTB, Node): # TTTB의 속성들도 상속
      def find_children(board): # 전체 가능한 move들 집합으로 반환
8
          if board.terminal: # 게임이 끝나면 아무것도 하지 않음
             return set()
10
          return { # 그렇지 않으면, 비어있는 곳에 각각 시도
11
12
             board.make_move(i) for i, value in enumerate(board.tup) if value is None
13
         }
14
      def find random child(board): # 무작위로 move 선택
15
16
          if board.terminal:
17
           return None # 게임이 끝나면 아무것도 하지 않음
          empty_spots = [i for i, value in enumerate(board.tup) if value is None]
18
          return board.make move(choice(empty spots))
19
20
21
      def reward(board): # 점수 계산
22
          if not board.terminal:
             raise RuntimeError(f"reward called on nonterminal board {board}")
23
24
          if board.winner is board.turn:
25
             # 자기 차례이면서 자기가 이긴 상황은 불가능
26
             raise RuntimeError(f"reward called on unreachable board {board}")
          if board.turn is (not board.winner):
27
             return 0 # 상대가 이긴 상황
28
29
          if board.winner is None:
             return 0.5 # 비긴 상황
30
31
         # 일어날 수 없는 상황
32
         raise RuntimeError(f"board has unknown winner type {board.winner}")
```

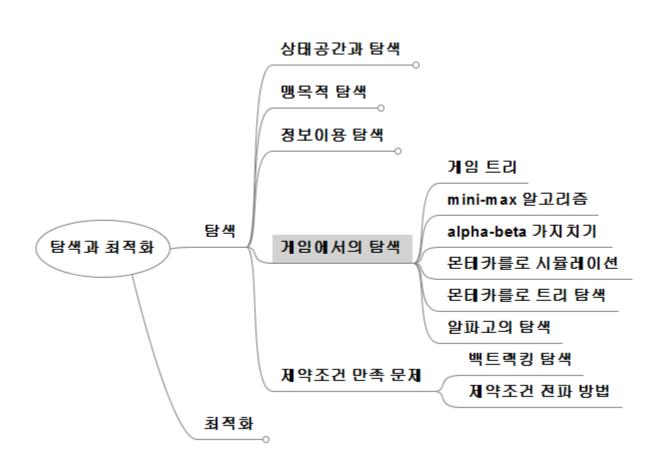
33

```
34
      def is_terminal(board): # 게임 종료 여부
35
          return board.terminal
36
      def make_move(board, index): # index 위치에 board.turn 표시하기 하기
37
38
          tup = board.tup[:index] + (board.turn,) + board.tup[index + 1:]
39
          turn = not board.turn # 순서 바꾸기
40
          winner = find_winner(tup) # 승자 또는 미종료 판단
          is_terminal = (winner is not None) or not any(v is None for v in tup)
41
42
          return TicTacToeBoard(tup, turn, winner, is_terminal) # 보드 상태 반환
43
      def display board(board): # 보드 상태 출력
44
          to_char = lambda v: ("X" if v is True else ("0" if v is False else " "))
45
46
          rows = [
47
              [to char(board.tup[3 * row + col]) for col in range(3)] for row in range(3)
48
          return ("₩n 123₩n"
49
             + "\n".join(str(i + 1) + " " + " ".join(row) for i, row in enumerate(rows)) + "\n")
50
51
```

```
52 def play_game(): # 게임하기
      tree = MCTS()
53
      board = new Board()
54
55
     print(board.display_board())
56
      while True:
57
          row col = input("위치 row.col: ")
          row, col = map(int, row_col.split(","))
58
59
          index = 3 * (row - 1) + (col - 1)
          if board.tup[index] is not None: # 비어있는 위치가 아닌 경우
60
             raise RuntimeError("Invalid move")
61
          board = board.make_move(index) # index 위치의 보드 상태 변경
62
63
          print(board.display_board())
          if board.terminal: # 게임 종료
64
65
             break
66
67
          for _ in range(50): # 매번 50번의 rollout을 수행
68
             tree.do_rollout(board)
          board = tree.choose(board) # 최선의 값을 갖는 move 선택하여 보드에 반영
69
          print(board.display_board())
70
71
          if board.terminal:
72
             print('게임 종료')
73
             break
74
```

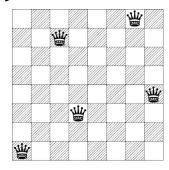
```
1 2 3
2
위치 row.col: 1.1
 1 2 3
1 X
3
 1 2 3
1 X
2
3
     0
위치 row.col: 1.2
 1 2 3
1 X X
2
3
     0
  1 2 3
1 X X 0
2
     Ω
위치 row.col: 3.1
 1 2 3
1 X X 0
2
3 X 0
  1 2 3
1 X X 0
```

```
75 def winning combos(): # 이기는 배치 조합
      for start in range(0, 9, 3): # 행에 3개 연속
76
77
         yield (start, start + 1, start + 2)
      for start in range(3): # 열에 3개 연속
78
         yield (start, start + 3, start + 6)
79
      vield (0, 4, 8) # 오른쪽 아래로 가는 대각선 3개
80
81
      vield (2, 4, 6) # 왼쪽 아래로 가는 대각선 3개
82
83 def find_winner(tup): # X가 이기면 True, 0가 이기면 False, 미종료 상태이면 None 반환
84
      for i1, i2, i3 in winning_combos():
85
         v1, v2, v3 = tup[i1], tup[i2], tup[i3]
         if False is v1 is v2 is v3:
86
87
             return False
         if True is v1 is v2 is v3:
88
89
             return True
90
      return None
91
92 def new Board(): # 비어있는 보드판 생성
      return TicTacToeBoard(tup=(None,) * 9, turn=True, winner=None, terminal=False)
93
94
95 if name == " main ":
      play_game()
96
```



5. 제약조건 만족 문제

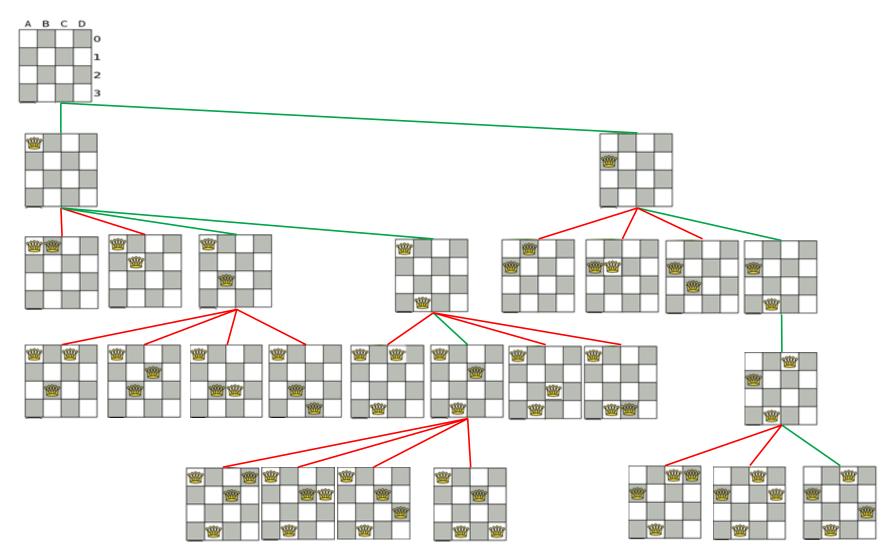
- ❖ 제약조건 만족 문제(constraint satisfaction problem)
 - 주어진 제약조건을 만족하는 <mark>조합 해</mark>(combinatorial solution)를 찾는 문제
 - 예. 8-퀸(queen) 문제



- 탐색 기반의 해결방법
 - 백트랙킹 탐색
 - 제약조건 전파
- 백트랙킹 탐색(backtracking search)
 - 깊이 우선 탐색을 하는 것처럼 변수에 허용되는 값을 하나씩 대입
 - 모든 가능한 값을 대입해서 만족하는 것이 없으면 이전 단계로 돌아가서 이전 단계
 의 변수에 다른 값을 대입

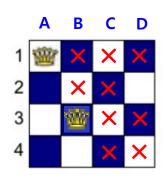
제약조건 만족 문제

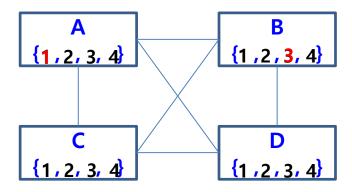
❖ 예. 백트랙킹 탐색을 이용한 4-퀸(queen) 문제



제약조건 만족 문제

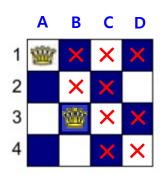
- ❖ 제약조건 전파(constraint propagation)
 - 인접 변수 간의 제약 조건에 따라 각 변수에 허용될 수 없는 값들을 제거하는 방식

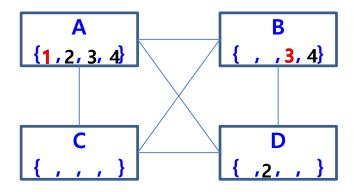


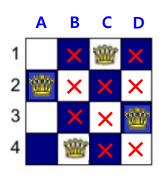


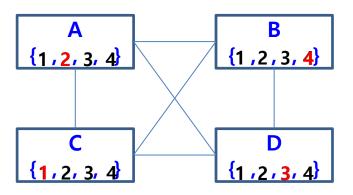
제약조건 만족 문제

- ❖ 제약조건 전파(constraint propagation)
 - 인접 변수 간의 제약 조건에 따라 각 변수에 허용될 수 없는 값들을 제거하는 방식









❖ 게임 트리에 대한 설명으로 적합하지 않은 것을 선택하시오.

- ① 상대가 있는 게임에서 자신과 상대방의 가능한 게임 상태를 나타낸 트리이다.
- ② 루트 노드는 게임트리를 만든 플레이어에 해당하고, 이 플레이어의 다음 행동을 결정하기 위해 게임트리를 사용한다.
- ③ 게임 트리는 게임이 끝나는 시점까지 모든 가능한 상태를 나타내게 된다.
- ④ 게임의 승패 또는 유리한 정도를 일반적으로 수치값으로 나타내며, 이 값은 루트 노드에 해당하는 플레이어에게는 큰 값일수록, 상대 플레이어에게는 작은 값일수록 바람직한 것이다.

❖ 게임 트리 알고리즘에 대한 설명으로 적합하지 않는 것을 선택하시오.

- ① mini-max 알고리즘은 게임 트리의 루트 노드를 MAX 노드로 하고, MAX 노드의 자식 노드는 MIN 노드, MIN 노드의 자식 노드는 MAX 노드로 간주한다.
- ② mini-max 알고리즘에서 MAX 노드는 자식 노드 중에서 가장 큰 값을 선택하고, MIN 노드는 자식 노드 중에서 가장 작은 값을 선택한다.
- ③ 게임 트리를 만들 때 단말 노드에서 승패가 결정되지 않은 경우에는 판세 평가값을 해당 노드의 값으로 사용한다.
- ④ 루트 노드에 해당하는 플레이어는 자식 노드들 중에서 가장 작은 값을 갖는 노드에 해당하는 행동을 선택하여 실행한다.

❖ 몬테카를로 트리 탐색(MCRS)에 대한 설명으로 적합하지 않은 것을 선택하시오.

- ① 몬테카를로 시뮬레이션을 통해서 게임 상태에 대한 형세 판단값을 계산한다.
- ② 확장 단계에서 시뮬레이션을 통해 단말 노드의 형세 판단값을 계산한다.
- ③ 루트 노드에서부터 트리를 따라 내려갈 때 노드는 승률과 노드 방문횟수를 고려하는데 이때 사용될 수 있는 것이 UCB 정책이다.
- ④ 몬테카를로 시뮬레이션을 해야 하기 때문에 많은 계산 비용 요구된다.

❖ 제약조건 만족 문제 해법에 대한 설명으로 적합하지 않은 것을 선택하시오.

- ① 백트랙킹 탐색에서는 깊이 우선 탐색을 하는 방식으로 변수에 허용되는 값을 대입해보면서 모든 가능한 값을 대입해서 만족하는 것이 없으면 이전 단계로 돌아가서 이전 단계의 변수에 다른 값을 대입해보는 과정을 반복한다.
- ② 제약조건 만족 문제는 주어진 제약조건을 만족하는 조합해를 찾는 것으로 8-퀸 문제 등이이 속한다.
- ③ 제약조건 전파 기법에서는 인접 변수 간의 제약 조건에 따라 각 변수에 허용될 수 없는 값을 점진적으로 제거하는 방식으로 해를 찾는다.
- ④ 제약조건 전파 기법에서는 전체적인 제약조건이 동시에 고려되기 때문에 어떠한 제약조건 만족 문제에 대해서도 해를 찾을 수 있다.

- ullet $\alpha-eta$ 가지치기에 대한 설명으로 적합하지 않은 것을 선택하시오.
 - ① MIN 노드의 현재값이 부모 노드의 현재 값보다 작거나 같으면, 해당 MIN 노드의 자식 노드는 더 이상 탐색하지 않는다.
 - ② 게임 트리에 대한 mini-max 알고리즘을 적용할 때 검토할 필요한 없는 부분을 탐색하지 않도록 하는 기법이다.
 - ③ MAX 노드의 현재값이 부모 노드의 현재값보다 같거나 크면, 해당 MAX 노드의 자식 노드를 더 이상 탐색하지 않는다.
 - ④ 너비 우선 탐색 방식으로 게임 트리를 만들어가면서 mini-max 알고리즘을 적용할 때 사용되는 탐색 효율화 기법이다.
- ❖ MCTS에서는 어떤 과정을 통해 가장 좋은 수를 선택하나요?
 - ① 재귀적 탐색
 - ② 무작위 시뮬레이션
 - ③ 이진 탐색
 - ④ 경사하강법

- ❖ MCTS에서 확장 단계에서는 수행하는 것은?
 - ① 탐색된 노드를 평가
 - ② 랜덤으로 수를 선택하여 게임을 완료
 - ③ 탐색 트리에 새 노드를 추가
 - ④ 트리에서 가장 좋은 노드를 선택
- ❖ MCTS에서는 선택 단계에서 어떤 알고리즘을 사용하여 노드를 선택하는가?
 - ① UCB
 - ② 퀵정렬
 - ③ Dijkstra 알고리즘
 - ④ 허프 변환
- ❖ MCTS의 시뮬레이션 단계에서 무엇을 하는가?
 - ① 최적의 수를 결정하기 위해 많은 수를 신중하게 평가
 - ② 무작위로 게임을 플레이하여 결과를 얻는다
 - ③ 모든 가능한 경로를 탐색
 - ④ 기존의 데이터를 기반으로 다음 수를 예측

❖ 제약조건 만족문제에서 백트래킹이란 무엇인가?

- ① 모든 제약조건을 충족하는 해를 찾을 때까지 알고리즘을 실행
- ② 잘못된 선택을 했을 때 이전 상태로 돌아가 다른 값을 시도하는 것
- ③ 제약 조건을 무시하고 문제를 해결
- ④ 최적의 해를 찾기 위해 모든 가능한 해를 평가

❖ 제약조건 만족문제를 해결하기 위해 사용되는 휴리스틱 중 하나가 아닌 것은?

- ① 가장 제약이 많은 변수 먼저 선택
- ② 가장 작은 정의구역을 가진 변수 먼저 선택
- ③ 모든 변수를 동시에 선택
- ④ 정의구역들간의 값의 예상 충돌을 최소화하는 값을 선택