

Bachelorarbeit

Analyse der Qualität von Top-Down erzeugten Wide BVHs in statischen 3D-Szenen

Nick Garczorz

31. Januar 2026

Heinrich-Heine-Universität Düsseldorf

Erstgutachter:in: Dr. Andreas Abels
Zweitgutachter:in: Dr. Markus Brenneis

Zusammenfassung

Bounding Volume Hierarchies (BVHs) gehören zu den wichtigsten Beschleunigungsdatenstrukturen zur effizienten Berechnung von Ray-Szenen-Schnittpunkten in der Bildprojektion. Während Wide BVHs (Verzweigungsgrad $k > 2$) bereits im Zusammenhang mit Optimierung durch GPU-Berechnung untersucht werden, ist es weniger klar, ob sie auch bei serieller Berechnung auf der CPU einen praktischen Vorteil durch ihre Struktur bieten können.

Diese Arbeit untersucht Top-Down konstruierte BVH in statischen dreidimensionalen Szenen für Verzweigungsgrade $k \in 2, 4, 8, 16$. Dies geschieht unter Berücksichtigung von drei Splitting-Verfahren (Median, Surface Area Heuristic und Binned Surface Area Heuristic), sowie zwei Methoden zur Erzeugung von Wide BVHs (k-way splitting und binary BVH collapse). Dabei steht die Traversal-Time als primäres und die Construction-Time als sekundäres Qualitätsmerkmal im Fokus. Zudem wird durch eine Kombination der beiden Qualitätsmetriken ein Szenario mit dynamischer Szene modelliert.

Für alle untersuchten statischen Szenen zeigt $k = 4$ eine statistisch signifikante Verbesserung gegenüber der vergleichbaren binären Variante. Dabei liegt der Traversal-Speedup-Faktor im Mittel zwischen 1,03 und 1,08, wobei der Effekt für größere Szenen abzuflachen scheint. Für höhere Verzweigungsgrade ($k = 8$ und $k = 16$) liegt der Speedup-Faktor deutlich und statistisch signifikant unter 1. Es konnte zwischen k-way splitting und der collapse Methode keine signifikanten Unterschiede in der Traversal-Time gefunden werden. Auch im dynamischen Modell scheint der durch $k = 4$ entstehende Vorteil mit steigender Szenengröße abzunehmen und kann bei den größeren untersuchten Szenen, unabhängig vom Konstruktionsverfahren, sogar ausbleiben bzw. zum Nachteil werden. Insgesamt deuten die Ergebnisse darauf hin, dass bei serieller Berechnung auf der CPU ein Verzweigungsgrad von $k = 4$ einen kleinen aber klaren Gewinn liefert. größere Verzweigungsgrade sind nicht zu empfehlen. Das Verhalten in größeren Szenen bietet Raum für zukünftige Forschung.

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	4
1.1	Motivation	4
1.2	Thema und fachliche Einordnung	4
1.3	Zielsetzung	4
1.4	Abgrenzung zu vorherigen Arbeiten	5
2	Grundlagen	7
2.1	Modell	7
2.2	Axis Aligned Bounding Box	7
2.3	Bounding Volume Hierarchy	7
2.3.1	Wide Bounding Volume Hierarchy	8
2.3.2	Traversal	8
2.3.3	Kostenmodelle	8
2.3.4	Construction	9
3	Methoden	10
3.1	Aufbau	10
3.1.1	Überblick	10
3.1.2	Datenmodell	10
3.2	Algorithmenanalyse	12
3.2.1	Traversal	12
3.2.2	Construction	13
3.2.3	Collapse Funktion	15
4	Ergebnisse	16
4.1	Korrektheit	16
4.2	Traversal	16
4.3	Wide BVH Konstruktionsmethode	16
4.4	Dynamisches Modell	18
5	Diskussion	20
5.1	Interpretation: Einfluss des Verzweigungsgrades auf die Traversal	20
5.2	Interpretation: K-way splitting gegen collapsing	20
5.3	Interpretation: Dynamisches Modell	21
5.4	Literaturkontext	22
5.5	Limitationen	22
5.6	Ausblick	22
6	Fazit	24
7	Appendix	25

1 Einleitung

1.1 Motivation

Effiziente Kollisionserkennung hat grundlegenden Nutzen in diversen Feldern, über physikbasierte Simulation und Robotik, bis hin zu Darstellungen in Animation und Videospielen [En2]. Im Fall von Animation und Bildgebung im Allgemeinen handelt es sich vor allem um Kollisionen einfacher geometrischer Formen, häufig Geraden oder Strahle, Dreiecke und Quader. Unter Zuhilfenahme dieser einfachen Werkzeuge lassen sich komplexe dreidimensionale Szenen mit einfachen Mitteln berechnen und darstellen. Für jeden Bildpunkt werden Strahlen, genannt Rays, auf die digitale Szene geworfen. Diese besteht in gängiger Praxis aus einer Ansammlung von Dreiecken, genannt Polygone, oder anderen fundamentalen Formen, die allgemein als Primitive bezeichnet werden. Um herauszufinden, ob und wo es eine Kollision zwischen einem Ray und einem bestimmten Polygon gibt, kann man beispielsweise den weitverbreiteten Algorithmus von Möller und Trumbore [MTre1] verwenden. Wenn es einen Treffer gibt, lässt sich aufbauend auf Position und Abstand des Schnittpunktes der korrekte Farbwert für den Pixel berechnen. Diese Rechnung müsste man naiv gesehen für jede Kombination aus Rays und Primitive wiederholen, um ein vollständiges Bild zu generieren.

1.2 Thema und fachliche Einordnung

Um den Vorgang zu beschleunigen, kommen zwei Datenstrukturen ins Spiel: Die Axis Aligned Bounding Box (AABB) und darauf aufbauend die Bounding Volume Hierarchy (BVH) [GCnr2]. Eine AABB definiert achsenorientierte obere und untere Schranken für Teilmengen von Primitives in Form eines Quaders, der diese im Raum einschließt. Durch die Einführung von AABB lassen sich die nötigen Ray-Object-Intersection-Tests verringern, indem man für jeden Ray erst die Kollision mit den AABBs überprüft. Wenn es bereits keine Kollision mit der umschließenden Bounding Box gibt, kann von vornherein ausgeschlossen werden, dass es eine Kollision mit den innenliegenden Primitives gibt. Um den Vorteil dieses Verfahrens effektiv zu nutzen, kann man nun rekursiv die eingeschlossenen Teilmengen wieder aufteilen und mit AABBs umschließen. Dadurch lassen sich die Bounding Boxes in eine hierarchische Reihenfolge bringen, die eine Baumstruktur aufweist. Diese Struktur ist eine Bounding Volume Hierarchy. Durch eine BVH wird die Laufzeit auf ein Niveau gesenkt, das logarithmisch von der Anzahl an Primitives in der Szene abhängt, was die Zeit für ein fertig gerendertes Bild drastisch sinken lassen kann. Diesen Vorteil erkaufte man sich durch das Einführen des zusätzlichen Konstruktionsschrittes, der in Abwägung dazu steht. Die sinnvolle Konstruktion einer BVH ist ein Kernpunkt dieser Arbeit.

1.3 Zielsetzung

Es existieren Konstruktionsverfahren verschiedener Komplexitätsklassen, deren Endprodukt sich auf die Traversal Time (Renderzeit) auswirkt. Von der Construction Time (Konstruktionszeit) lässt sich die Nutzbarkeit einer BVH in dynamischen Szenen, also Szenen mit bewegten Objekten, ableiten. Die Traversal Time ist das Hauptqualitätsmerkmal für

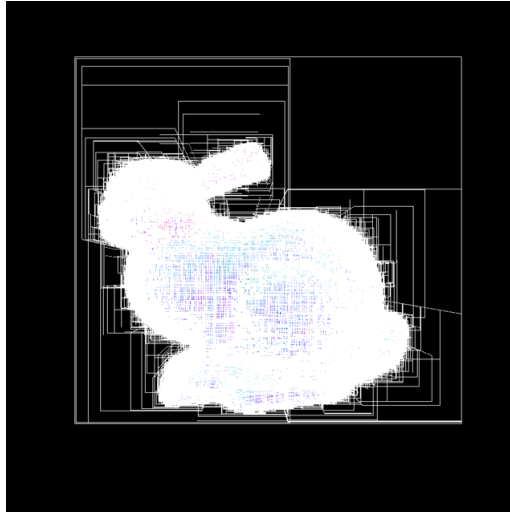


Abbildung 1.1: Stanford Bunny mit sichtbaren Bounding Boxes

eine BVH, da sich durch niedrigere Zeiten höhere Auflösungen und Bildwiederholraten, sowohl in statischen wie auch dynamischen Szenen, realisieren lassen. Ein genutzter Vorteil der Baumstruktur ist, dass sich sowohl Construction (Konstruktion) als auch Traversal (Durchsuchung) auf GPUs parallelisieren lassen. Dabei spielt auch die Konstruktion mit höheren Verzweigungsgraden eine Rolle, wobei man auch dies durch unterschiedliche Konstruktionsverfahren erreichen kann, wie dem *k-way splitting* oder durch *collapse* (Kollabierung) der Hierarchie. Diese Art von BVH wird Wide BVH (Weite BVH) oder auch BVHk genannt. Ziel der Arbeit ist die Analyse verschiedener Konstruktionsverfahren von Wide BVHs mit Hinblick auf Einsparung in Traversal- aber auch Construction-Zeit in statischen Szenen. Diese Art von BVH ist bereits in der parallelisierten Berechnung mit GPUs weiter verbreitet, hier wird allerdings eine serielle Berechnung auf der CPU untersucht und damit die algorithmischen Vor- und Nachteile von Wide BVH. Dabei sollen die Ergebnisse abhängig von dem verwendeten Konstruktionsalgorithmus, dem Verzweigungsgrad der Hierarchie und der Primitive-Anzahl der Szene beleuchtet werden. Dabei haben sich drei Problemfragen ergeben, die den Scope dieser Arbeit definieren:

- Wie verändert sich die Traversal-Time bei Top-Down-Konstruierten Wide BVHs für Verzweigungsgrade $k \in \{2, 4, 8, 16\}$ in statischen Szenen?
- Unterscheidet sich die Traversal-Time der BVHs zwischen direktem k-way splitting und collapse einer binären BVH abhängig von der gewählten statischen Szene?
- Wie verändern sich Construction- und Traversal-Time als kombinierte Qualitätsmetrik für die modellierung dynamischer Szenen mit Bezug auf das gewählte Splitting-Verfahren jeweils über $k \in \{2, 4, 8, 16\}$?

Die Analyse soll dabei auf einer selbstimplmentierten Testbench stattfinden und anschließend mit unabhängigen T-Tests ausgewertet werden. Mittelwerte, sowie Konfidenzintervalle dienen zur späteren Diskussion der Ergebnisse.

1.4 Abgrenzung zu vorherigen Arbeiten

In der zugrundeliegenden Arbeit werden lediglich statische dreidimensionale Szenen untersucht. Verfahren die darauf abzielen die BVH dynamisch anzupassen (Refitting etc.)

werden nicht untersucht.

Zudem werden ausschließlich Top-Down-Konstruktionsmethoden verwendet, da diese in Forschung und Lehre weit verbreitet und einfacher zu implementieren sind [Mr2].

Die Vergleichenen Datenstrukturen sind lediglich BVH bzw Wide BVH, es werden keine anderen Beschleunigungsstrukturen, wie k-d-Trees beachtet. Wide BVHs werden im Vergleich zu ihrer binären Referenzimplementation untersucht.

Es werden ganz explizit verschiedene Verfahren zur Konstruktion von Wide BVHs untersucht und verglichen. Das sogenannte k-way splitting, also das Partitionieren der Menge in k Teilmengen in einem Iterationsschritt entlang einer Achse, ist das erste Untersuchte Verfahren. Auf der anderen Seite steht das Collapse-Verfahren bei dem Nodes einer Binären Hierarchie nach der Konstruktion mit ihren Kindern verschmolzen werden um den Verzweigungsgrad zu verdoppeln.

Es werden lediglich Median-Split und SAH-Split, sowie die Optimierungsvariante binned SAH-Split untersucht, keine komplexeren Varianten wie Spatial-Splits. Zudem ist die Anzahl der Bins auf 16 festgelegt. Der Fokus soll nicht auf den verwendet Algorithmen, sondern auf den Auswirkungen der Verfahren bezüglich dem Verzweigungsgrad liegen.

Die gemessenen Metriken beziehen sich auf CPU-Zeit, also lineare Berechnungen. Spezielle Raytracing-Hardware oder parallelisierte Messergebnisse werden nicht untersucht, das der Fokus auf Gewinn durch strukturelle Eigenschaften der Hierarchien liegen soll.

Die bei der Traversal-Time verwendeten Rays sind lediglich *Primärstrahlen*, also direkte Strahlen zwischen virtueller Kamera und Objekt. Dadurch fallen Verfahren wie Reflektion, Refraktion o.Ä. aus der Bewertung, was die Vergleichbarkeit vereinfacht und die Komplexität verringert.

Die Qualität einer BVH wird rein durch die Traversal-Time definiert. Andere Aspekte wie zum Beispiel Bildqualität durch Verwendung verschiedener Shader sind nicht Teil der Untersuchung.

Die Besonderheit dieser Arbeit ist, dass Wide BVH komplett außerhalb des Kontext der Parallelisierbarkeit analysiert werden und alle Berechnungen seriell auf der CPU ausgeführt werden. Es wird explizit die gesamte serielle Zeit der Algorithmen untersucht, um Veränderungen durch Struktur der BVHs zu ermitteln.

2 Grundlagen

2.1 Modell

Für das weitere vorgehen werden unter Primitives immer Polygone, also Dreiecke, verstanden. Polygone werden durch ihre drei Eckpunkte definiert, die jeweils durch dreidimensionale Vektoren beschrieben werden. zudem wird für die Vereinfachung von Berechnungen der Mittelpunkt des Polygons bestimmt, *Centroid* genannt. Eine zusammenhängende Struktur aus Polygonen wird als *Mesh* verstanden.

Wenn sich im Traversal-Schritt die Frage stellt, ob ein Ray ein Primitive schneidet, stellt sich eigentlich die Frage, ob ein bestimmtes Primitive das erste ist, was der untersuchte Ray schneidet. Man spricht hier von *closest hit test* [Mr2].

2.2 Axis Aligned Bounding Box

Um Konstruktion und Traversal von Nodes einer BVH möglichst einfach zu gestalten müssen einige Punkte gegeben sein:

- Sie müssen eine möglichst performante Möglichkeit bieten die Kollision mit einem Ray zu überprüfen.
- Ihre räumlichen Grenzen sollen möglichst einfach Berechnet werden können.
- Sie sollen möglichst wenig Speicherplatz verbrauchen, bzw. möglichst wenig Zusatzinformationen benötigen.

Die am häufigsten verwendete Datenstruktur, die diese Punkte miteinander vereint ist die Axis Aligned Bounding Box. Man kann sie sich vorstellen wie ein an den Koordinatenachsen ausgerichteter Quader, der die darin enthaltenen Primitives möglichst Eng einschließt. Die räumlichen Grenzen lassen sich durch zwei Vektoren, die die oberen und unteren Schranken der Box definieren leicht definieren und durch eine lineare Suche in den enthaltenen Primitives relativ effizient berechnen.

Die Kollision mit Rays ist durch die *SLAB-Methode* sehr performant [KKya1]. Hierbei ...yxc

2.3 Bounding Volume Hierarchy

Eine BVH ist im Kern eine Baumstruktur, die eine sinnvolle Partitionierung der Primitive in der Szene erwirkt. Um einen inneren Knoten zu definieren benötigt man eine AABB, Referenzen zu den eingeschlossenen Primitives und Referenzen zu ihren Child-Nodes. Die AABBs von Child-Nodes befinden sich immer innerhalb der grenzen der AABB ihres Parent-Nodes. Es ist allerdings möglich, dass die AABBs der Child-Nodes sich überschneiden. Die Wurzel ist gleich definiert. Die Blätter der Datenstruktur sind konzeptionel Nodes, deren Menge an Primitives kleiner gleich dem festgelegten Verzweigungsgrad sind. Qualitätsmerkmale einer BVH sind in etwa wenig Überschneidungen von AABBs, AABBs mit möglichst kleinen Flächeninhalten und möglichst wenig Kollisionsüberprüfungen mit Primitives [AKLase2].

Dabei hängt die Qualität einer BVH von der verwendeten Konstruktionsmethode ab, welche wiederum variierende Komplexität haben. Häufig existiert eine Abwägung zwischen Construction und Traversal Time.

2.3.1 Wide Bounding Volume Hierarchy

Wide BVH werden für das Arbeiten mit Grafikkarten immer interessanter, da sich durch die erweiterte Breite der BVH noch mehr Möglichkeiten für parallelisiertes Arbeiten ergeben. Dabei existiert für die in dieser Arbeit untersuchten Algorithmen immer eine Referenzmethode zur Erstellung von Binärbäumen. Die untersuchten Verzweigungsgrade sind vielfache von Zwei. Dadurch wird die Vergleichbarkeit zwischen den verschiedenen Konstruktionsmethoden gewährleistet, da das Collapse-Verfahren in dieser Implementation auf Binärbäumen basiert. Die direkte Konsequenzen von Wide BVH sind eine geringere Tiefe und mehr Kollisionschecks mit Child-Nodes pro Knoten. Vor- und Nachteile bezogen auf Construction und Traversal werden innerhalb dieser Arbeit untersucht.

2.3.2 Traversal

Der Traversal-Schritt ist der Kerngrund für die Verwendung einer BVH. Die Traversal-Time zu minimieren ist ihre Hauptaufgabe. Die Traversal geschieht dabei Top-Down durch die Hierarchie. Falls es eine Kollision zwischen Ray und AABB eines Knotens gibt, sollen auch die Child-Nodes, bzw. bei einem Blatt die Primitives, überprüft werden. Falls nicht kann der gesamte Teilbaum ausgelassen werden. Die Reihenfolge wird hier durch einen Stack gegeben. In diesem Fall handelt es sich um eine Art der Breitensuche mit frühem Abbruchkriterium pro Teilbaum. Die Zeit für einen AABB-Test und einen Primitive-Test unterscheiden sich, wodurch sich ein weiteres Abbruchkriterium ergeben kann. Dies geschieht indem man die Zeit für Ray-Primitive-Kollision, die Dauer des durchsuchens eines Teilbaums und die Menge an Primitiven im Teilbaum in eine Kostengleichung einträgt. Es existieren auch Vereinfachungen dieser Gleichung, diese werden im folgenden Erklärt.

2.3.3 Kostenmodelle

Es gibt eine Reihe von sogenannten *Traversal-Cost-Models* [MBrr2]. Hierbei gibt es eine *Cost- bzw. Loss-Function* die bei der Konstruktion des Baumes verwendet wird um den, für die Funktion, optimalen Split zu finden.

Das Grundgerüst der Kostenfunktion sieht in den meisten Fällen ähnlich aus und unterscheidet sich je nach Heuristik in der bemessenen Wahrscheinlichkeit, mit der der Teilbaum eines gegebenen Nodes besucht wird. Dabei entsprechen die Kosten eines inneren Nodes N :

$$c(N) = c_T + \sum_{N_{child}} P(N_{child} | N) c(N_{child})$$

Dabei entspricht c_T der durchschnittlichen Zeit für einen Schritt während der Traversal und N_{child} wird als Iterator über alle Kinder des Knoten N verstanden.

Falls es sich nicht um einen inneren Node handelt ist die Kostenfunktion $c(N) = c_I |N|$ mit Ray-Primitive-Intersection-Time c_I und Anzahl an Primitiven in Node $|N|$.

Das bekannteste Kostenmodell zur Konstruktion einer BVH ist die *Surface Area Heuristic*, welche die in dieser Arbeit untersuchte Heuristik darstellt. Es existieren allerdings eine ganze Reihe an Modellen wie zum Beispiel die *Ray Distribution Heuristic (RDH)*, *Occlusion Heuristic (OH)* oder *End-point Overlap Heuristic (EPO)* [Mr2], um eine Auswahl zu nennen, deren Untersuchung nicht Teil dieser Arbeit ist.

2.3.4 Construction

Die Konstruktion von BVH wird klassischerweise entweder Top-Down oder Bottom-Up durchgeführt. Der Großteil der verwendeten Algorithmen sind Top-Down-Construction Algorithmen, welche exklusiv in dieser Arbeit besprochen werden.

Median Split

Die naivste Partitionsstrategie ist der Median Split. Dabei wird die entlang einer Achse sortierte Menge an Primitiven am Median geteilt. Das wird rekursiv für die neu entstandenen Teilmengen wiederholt, bis ein festgelegtes Abbruchkriterium erreicht wird. Sie basiert damit nicht auf einem Kostenmodell und eignet sich vor allem wegen ihrer Einfachheit für den Vergleich. Sie besitzt de facto den kleinsten Overhead für die Konstruktion, da keine Abwägung der Teilmengen nötig ist. Die Idee ist, dass dadurch strukturelle Änderungen der BVH klarer herausstechen.

Surface Area Heuristic Split

Dagegen stehen Traversal-Kostenmodelle wie die Surface Area Heuristic (SAH). Von ihr leiten sich einige spezialisierte Partitionierungsstrategien ab, wovon eine auch näher in dieser Arbeit besprochen wird.

Die Grundidee ist es, die Wahrscheinlichkeit, dass ein Ray auf die AABB eines Nodes trifft, als geometrische Wahrscheinlichkeit zu sehen. Das bedeutet, dass der Flächeninhalt der AABB einer Node mit den potenziellen Flächeninhalten ihrer Child-Nodes ins Verhältnis gesetzt werden [MBrr2]. Daraus ergibt sich, dass kleinere Flächeninhalte die Kostenfunktion minimieren, also als besser gesehen werden. Die SAH berücksichtigt dabei nicht die tatsächliche Ausrichtung und Verteilung von Rays.

$$P(N_{child} | N)_{SAH} = \frac{Area(N_{child})}{Area(N)}$$

Um die Kostenfunktion zu minimieren muss jeder mögliche Split untersucht werden. Da das Kostenmodell verwendet wird um Vergleichswerte zu erstellen und nicht absolute Werte zu errechnen, können Konstanten, wie die Traversal-Time des Teilbaums oder die Zeit für die Kollisionserkennung vernachlässigt werden, was die Funktion stark vereinfacht.

Theoretisch lassen sich durch die Verwendung dieser Konstanten und das Berechnen absoluter Werte ein neues Abbruchkriterium für das Erstellen einer BVH ermitteln, allerdings müssten diese Konstanten im besten Fall vorher empirisch bestimmt werden. Da ein optimales Kostenmodell nicht der Schwerpunkt dieser Arbeit ist, wurde dies nicht behandelt.

Binned Surface Area Heuristic

Die Binned Surface Area Heuristic ist eine Abwandlung, der SAH. Sie verwendet das gleiche Kostenmodell, hat allerdings einen Implementationsspezifischen Unterschied. Statt Splits zwischen jedem Primitive zuzulassen, werden die Primitives vorerst entlang der Achse in eine beliebige Menge Bins, in diesem Falle 16, einsortiert. Dann wird der optimale Split zwischen diesen Bins ermittelt. Der Vorteil ist, dass lediglich ein Bruchteil an Berechnungen gemacht werden muss, um einen Split zu berechnen. Dieser Gewinn in der Construction-Time geht allerdings gegebenenfalls auf Kosten der BVH-Qualität.

3 Methoden

3.1 Aufbau

3.1.1 Überblick

Verglichen werden BVH in verschieden großen Szenen, die sich in Konstruktionsalgorithmus und Verzweigungsgrad unterscheiden. Die Untersuchten Algorithmen sind der *Median Split*, *Surface Area Heuristic Split* und *Binned Surface Are Heuristic Split*. Als Baseline wird in jedem Fall ein Binärer Testdurchlauf mit Verzweigungsgrad $k = 2$ durchgeführt. Zudem werden $k = 4$, $k = 8$ und $k = 16$ untersucht. Dabei existiert jeweils eine Variante in der die binäre BVH collapsed wird um die höheren Grade zu erreichen und eine Variante mit direktem k-way-split. Innerhalb der Szenen wird eine einfache Kamerafahrt in 36 Frames unterteilt. Bei der Kamerafahrt handelt es sich um einen einfachen Pfad um den Ursprung der Szene, bei dem dieser stehts im Mittelpunkt steht. In den meisten Szenen rotiert damit die Kamera um ein Objekt. Die Frames unterscheiden sich damit lediglich in Kameraposition und -Ausrichtung. Dabei werden als Hauptmetriken die Construction-Time und die Traversal-Time erfasst. Insgesamt werden pro Testdurchlauf 10 Datenpunkte für die Construction-Time und dann pro Frame jeweils die Traversal-Time gesammelt. Alle Tests wurden um Messfehler auszuschließen 10 mal wiederholt. Damit kommt man für jede Permutation von Algorithmus, Verzweigungsgrad, Wide BVH Variante und Modell auf 84 verschiedene Testruns mit je 46 Datenpunkte und 10 Wiederholungen. Also gesamtlich auf *38.640 Datenpunkte*. Im ersten Schritt werden Unterschiede in der Traversal-Time untersucht um auf Veränderungen in der BVH-Qualität zurückzuschließen. Im zweiten Schritt wird die Summe von Construction- und Traversal-Time betrachtet, um die Performance in einer dynamischen Szene zu modellieren, da in dynamischen Szenen die BVH theoretisch nach jeder Änderung an der Szene neu berechnet werden muss.

Die gewählten Szenen sind bekannte Testmodelle mit unterschiedlichen Größenordnungen im Bezug auf Polygonanzahl, die sich in einem ansonsten leeren Raum aufhalten. Die Szenengröße kann man folgender Tabelle entnehmen:

Szene	Polygonanzahl
Suzanne	968
Utah Teapot	6320
Stanford Bunny	69451
Stanford Armadillo	99976

Tabelle 3.1: Polygonanzahl untersuchter 3D-Modelle

Zu jedem Frame wird wie oben dargestellt ein Bild erzeugt, welches dazu dient die Korrektheit der Traversal zu untersuchen. Damit kann zudem sichergestellt werden, dass die untersuchte BVH eine gültige Form besitzt. Unabhängig von von Testrun sollen die erzeugten Bilder pro Testszene immer gleich sein.

3.1.2 Datenmodell

Punkte im Raum werden als Vektoren im Stil von 3er-Tupeln erfasst, hier *Vector3* genannt.

3.1 Aufbau

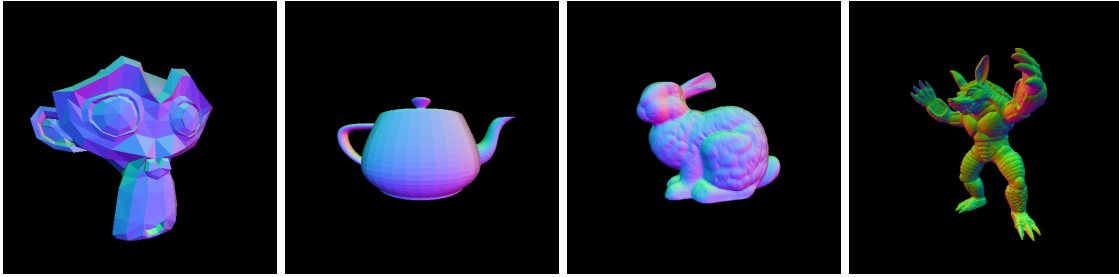


Abbildung 3.1: Suzanne, Utah Teapot, Stanford Bunny, Stanford Armadillo

Die implementierte BVH verwendet nicht direkt Polygone, sondern ist in der Lage Primitive verschiedener Arten zu verarbeiten, solange sie die benötigten Grundeigenschaften besitzen. Dazu gehören ein Mittelpunkt (Center oder auch Centroid), einen Minimal- und Maximalpunkt im Sinne einer Bounding Box, die nur das Primitive selbst einschließt und eine Funktion um Kollisionen (Intersections) mit Rays zu erkennen und gegebenenfalls den dazugehörigen Punkt im Raum zu bestimmen. Polygone verfügen über all diese Eigenschaften.

```
1 class Primitive
2 {
3     Vector3 getCenter()
4     Vector3 getMin()
5     Vector3 getMax()
6     Vector3 intersect(ray)
7 }
```

Listing 3.1: Primitive

AABBs verfügen über ähnliche Attribute. Sie benötigen allerdings keine referenz zu ihrem Mittelpunkt, da sie während der Laufzeit nicht entlang einer Achse sortiert werden müssen.

```
1 class AABB
2 {
3     Vector3 getMin()
4     Vector3 getMax()
5     Vector3 intersect(ray)
6 }
```

Listing 3.2: Axis Aligned Bounding Box

Die BVH selbst besteht aus aufeinander referenzierende Nodes. Ein Node wird dabei durch seine Bounding Box, Referenzen zu den eingeschlossenen Primitiven und Referenzen zu seinen Child-Nodes definiert.

Innerhalb der BVH muss so nur eine Referenz auf die Wurzel (Root) gegeben sein, alle anderen Referenzen erfolgen implizit. Zudem liegt die Working-Copy aller Primitives innerhalb der BVH, auf die die jeweiligen Nodes jeweils ihre referenzen besitzen.

```
1 class BVHNode
2 {
3     AABB aabb
4     Primitive [] primitives
5     BVHNode [] children
6 }
7
8 class BVH
9 {
10     BVHNode root
11     Primitive [] primitives
12 }
```

Listing 3.3: Bounding Volume Hierarchie

Das festgelegte Leaf-Kriterium ist wie folgt: Es existieren gleich oder weniger Primitive in der zu teilenden Menge, als vom Verzweigungsgrad verlangte splits nötig sind.

3.2 Algorithmenanalyse

3.2.1 Traversal

Für die Traversal wird ein Stack verwendet. Anfangs wird die Root der BVH auf den Stack gelegt. Im folgenden wird immer der oberste Node vom Stack genommen.

Falls es eine Kollision zwischen Ray und Bounding Box des Nodes gibt, werden falls vorhanden alle Child-Nodes auf den Stack gelegt, andernfalls geschieht nichts. Für den Fall, dass es sich um einen Leaf-Node handelt, werden die Primitive des Nodes näher angeschaut.

Kommt es zu einer Kollision zwischen Ray und Primitive, wird die Distanz zwischen Ray-Origin und Schnittpunkt berechnet. Ist nun die Distanz kürzer als die jeder zuvor gefundene Kollision, wird sie gespeichert. Für komplexere Raytracer würde man den Schnittpunkt, sowie Eigenschaften des Primitives, wie Material oder Oberflächenwinkel des Rays, abzuspeichern, dies ist in diesem Anwendungsfall allerdings nicht notwendig.

Die Funktion gibt letztendlich die kürzeste Distanz einer Kollision zurück. Diese Art von Traversal wird als *closest hit* bezeichnet.

```

1 function traverse(bvh, ray):
2   stack := empty list
3   push(stack, bvh.root)
4
5   closestDistance := +∞
6
7   while stack is not empty do
8     node := pop(stack)
9
10    if not node.aabb.intersect(ray) then
11      continue
12    end if
13
14    if node.children is empty then //Leaf node
15      for primitive in node.primitives do
16        intersection := primitive.intersect(ray)
17        if intersection then
18          distance := distance(ray.origin, intersection)
19          if distance < closestDistance then
20            closestDistance := distance
21          end if
22        end if
23      end for
24    end if
25
26    for child in node.children do
27      push(stack, child)
28    end for
29  end while
30  return closestDistance
31
32 end function

```

Listing 3.4: BVH Traversal

3.2.2 Construction

Die Konstruktionsfunktion unterstützt eine variable Split-Funktion, hier *partitionFunction* mit variablem Verzweigungsgrad. Nachdem eine Kopie der Primitive für die BVH erstellt und sichergestellt wird, dass überhaupt Primitive in der Szene existieren, wird die *Root-Node* erstellt. Diese wird auf einen Stack gelegt.

Solange Nodes auf dem Stack liegen, wird der oberste vom Stack genommen und behandelt. Nachdem die längste Achse der korrespondierenden AABB berechnet wurde, wird die ausgewählte Split-Funktion mit den Primitiven des Nodes und der Achse aufgerufen. Die daraus resultierenden Indizes werden verwendet um die Primitive aufzuteilen. Falls keine Indizes zurückgegeben werden, wird der behandelte Node als Leaf angesehen und der Schleifendurchlauf abgebrochen. Für alle neuen Teilmengen werden dann neue AABBs berechnet und neue Nodes erstellt. Diese neuen Nodes werden in den behandelten Nodes als Child-Nodes referenziert. Daraufhin werden sie auf den Stack gelegt und die Schleife beginnt von neuem.

Letztendlich wird eine BVH-Instanz mit dem zuerst berechneten Root-Node und der Kopie aller Primitive zurückgegeben.

```

1 function build(inputPrimitives, partitionFunction):
2   // move input primitives into a single owned list inside the BVH
3   ownedPrimitives := copy of inputPrimitives
4
5   if ownedPrimitives is empty then
6     return BVH(root = emptyRoot, primitives = ownedPrimitives)
7   end if
8
9   // compute global bounds of all primitives
10  box := computeBoundingBox(ownedPrimitives)
11
12  // create BVH with a single root node
13  rootNode := BVHNode(box = box,
14                      primitives = ownedPrimitives
15                      children = empty list)
16  bvh := BVH(root = rootNode, primitives = ownedPrimitives)
17
18  // stack of nodes to process
19  nodes := empty list
20  push(nodes, bvh.root)
21
22  while nodes is not empty do
23    node := pop(nodes)
24
25    // choose splitting axis based on longest extent
26    axis := calculateLongestAxis(node.box)
27
28    // Find right subsets according to partitionFunction
29    splitIndices := partitionFunction(primitives, axis)
30    if splitIndices is empty then
31      continue //Leaf Node
32    end if
33    primitiveSubsets := calculateSubsets(primitives, splitIndices)
34
35    for each primitiveSubset in primitiveSubsets do
36      boundingBox := computeBoundingBox(primitiveSubset)
37      child := BVHNode(box = boundingBox,
38                      primitives = primitiveSubset
39                      children = empty list)
40      append child to node.children
41    end for
42
43    // push children onto stack for further splitting
44    for each child in node.children do
45      push(nodes, reference to child)
46    end for
47  end while

```

```

48
49     return bvh
50 end function

```

Listing 3.5: BVH-Konstruktion mit gegebener Partitionsfunktion

Median Split

Der Median-Split ist die einfachste Variante einer Split-Funktion. Die Menge der Primitive wird in, vom Verzweigungsgrad abhängige, gleichgroße Teile gespalten. Dafür wird die Menge der Primitive n durch den Verzweigungsgrad geteilt um die Größe einer Teilmenge zu bestimmen. Vielfache dieser Zahl innerhalb des Intervalls $(0, n)$ werden als Indizes fürs Splitting verwendet. Allerdings muss dafür noch die Menge an Primitiven, entlang der gegebenen Achse, partiell sortiert werden, sodass für alle Indizes gilt, dass der Mittelpunkt der Position der Primitive links des Index kleiner sind als die rechts des Indexes.

```

1 function medianSplit(primitives, axis, degree): //O(n)
2     count := primitives.size()
3     splitIndices := empty list
4
5     for i in degree do
6         split := (count * i) / degree
7         if split == 0 or split >= count then
8             break
9         end if
10        push(splitIndices, split)
11    end for
12
13    // partially sort so that element at split is in its median position in O(n)
14    for split in splitIndices do
15        nth_element(set = primitives,
16                    middle = split,
17                    compare(primitiveA, primitiveB):
18                        return center(primitiveA).component(axis) <
19                            center(primitiveB).component(axis))
20    end for
21    return splitIndices
22 end function

```

Listing 3.6: Median Partition

Surface Area Heuristic Split

```

1 function sahSplit(primitives, axis, degree): //O(n * log(n))
2
3     count := primitives.size()
4     if isLeaf(count, degree) then
5         return {}
6     end if
7
8     //O(n * log(n))
9     sort(set = primitives,
10         compare(primitiveA, primitiveB):
11             return center(primitiveA).component(axis) < center(primitiveB).component(axis))
12
13     splitIndices := empty list
14     segments := empty list
15     push(segments, primitives)
16     while segments.size() < degree do
17
18         seg := findSegmentToSplitGreedy(segments) //highest cost segment has to be split
19         // bounds of primitives from segment from begin to index
20         prefixBoundingBoxes := calculatePrefix(seg) //O(n)
21         // bounds of primitives from segment from index to end (included)

```

3.2 Algorithmenanalyse

```
22     suffixBoundingBoxes := calculateSuffix(seg) //  $O(n)$ 
23
24     segCount := seg.count()
25     split := segCount / 2
26     minCost := + $\infty$ 
27     for i from 1 to segCount - 2 do
28         leftArea := surfaceArea(prefixBoundingBoxes[i - 1])
29         rightArea := surfaceArea(suffixBoundingBoxes[i])
30         cost := leftArea * i + rightArea * (segCount - i) //simplified cost function
31         if cost < minCost then
32             minCost := cost
33             split := i
34         end if
35     end for
36
37     push(splitIndices, seg.begin + split) //convert relative split to absolute
38     erase(segments, seg)
39     //push subsets
40     push(segments, seg[seg.begin, split])
41     push(segments, seg[split, seg.end])
42 end do
43 return splitIndices
44 end function
```

Listing 3.7: Surface Area Heuristic Partition

Binned Surface Area Heuristic Split

3.2.3 Collapse Funktion

4 Ergebnisse

4.1 Korrektheit

Um zu sichern, dass der BVH-Vergleich nicht durch falsche bzw. ungleiche Ausgaben verfälscht wird, wurde über alle Konfigurationen hinweg ein aus Primärstrahlen berechnetes Bild erzeugt. Die dabei entstandene Bilder sind identisch. Für jede Szene und Kameraposition wurden die generierten Bilder mit denen der anderen Konfigurationen Bitweise verglichen, um eine gleiche Ausgabe zu garantieren.

Außerdem wurde die Anzahl an *Hitrays* pro Frame erfasst. Ein Hitray beschreibt dabei einen Primärstrahl, der minimum ein Primitiv in der Szene geschnitten hat. Auch die Anzahl an Hitrays ist über alle Konfigurationen pro Szene und Frame identisch, womit sichergestellt werden kann, dass über alle Konfigurationen auch die gleiche Menge an Traversalschritten erfolgreich war.

4.2 Traversal

Die erste Forschungsfrage beschäftigt sich damit, wie sich die Traversal-Time Top-Down konstruierter Wide BVHs abhängig vom Verzweigungsgrad $k \in \{2, 4, 8, 16\}$ verändert. Hierfür dient als Referenz für jede Szene und jedes Splitting-Verfahren eine binäre BVH ($k = 2$). Zum Zweck der Vergleichbarkeit wird das Feld *Speedup* definiert:

$$Speedup = \frac{T_{\mu, \text{traversal}(k=2)}}{T_{\mu, \text{traversal}(k)}}$$

Dabei bezeichnet $T_{\mu, \text{traversal}(k)}$ den Mittelwert der, wie im Kapitel Methoden gezeigt, aggregierten gemessenen Traversal-Times, abhängig vom Verzweigungsgrad k . Werte *Speedup* > 1 gelten als Verbesserung, also geringerer Traversal-Time, gegenüber der binären Referenz.

Die Abbildung 4.1 zeigt den Traversal-Speedup für $k \in 4, 8, 16$ und Tabelle 7.1 enthält die dazugehörigen Mittelwerte, Konfidenzintervalle und p-Werte für jede Kombination von Szene, Splittingverfahren und Wide BVH Methode. Für $k = 4$ gibt es über alle Kombinationen eine konsistente und statistisch signifikante Verbesserung gegenüber der binären Referenz. Die Mittelwerte der Speedups liegen zwischen ungefähr 1,03 und 1,08. Für $k = 4$ verschlechtert sich die Traversal-Time in allen untersuchten Fällen klar mit Speedup-Mittelwerten zwischen ungefähr 0,63 und 0,77. Für $k = 8$ fällt die Performance nochmal deutlich ab mit Mittelwerten zwischen 0,10 und 0,19, was einer stark höheren Traversal-Time gegenüber $k = 2$ entspricht.

4.3 Wide BVH Konstruktionsmethode

Die zweiten Forschungsfrage bezieht sich darauf, inwiefern sich die Traversal-Time zwischen den beiden Untersuchten Verfahren zur Erzeugung einer Wide BVH unterscheidet. Zum Einen das direkte k-way-Splitting und zum Anderen das collapsing einer vorher konstruierten binären BVH. Wieder erfolgt der Vergleich über jede Szene und jedes Splittingverfahren. Speedup hat an dieser Stelle nicht $k = 2$, sondern die collapse-Methode als

4.3 Wide BVH Konstruktionsmethode

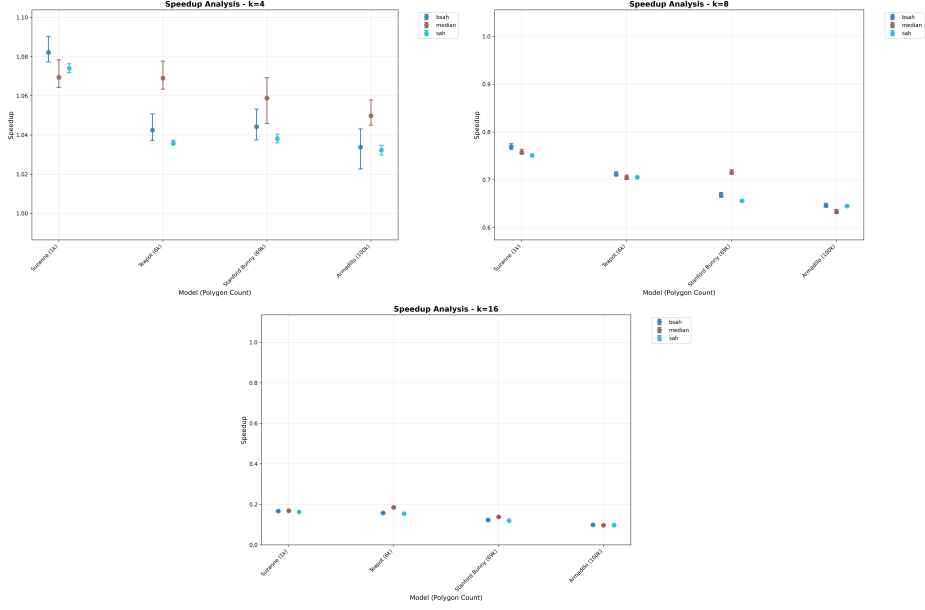


Abbildung 4.1: Abbildung Traversal-Speedup für statische Szenen

Referenz. Damit definiert sich ein neuer Vergleichswert:

$$Speedup_{comparison} = \frac{T_{\mu, traversal(k, collapse)}}{T_{\mu, traversal(k, k-way)}}$$

Wieder bezeichnet $T_{\mu, traversal}$ den Mittelwert der, wie im Kapitel Methoden gezeigt, aggregierten gemessenen Traversal-Times, diesmal allerdings abhängig von der gewählten Methode zur Erzeugung der Wide BVH bei gleichem Verzweigungsgrad k . Wieder gitd, dass

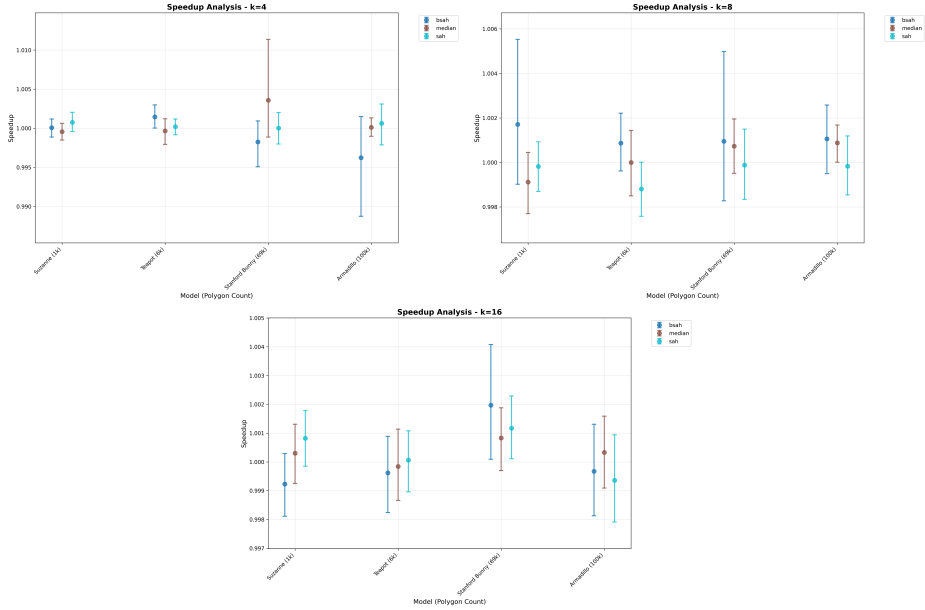


Abbildung 4.2: Abbildung Traversal-Speedup collapse- gegen k-way- Verfahren

Die Abbildung 4.2 zeigt den Traversal-Speedup für $k \in 4, 8, 16$ und Tabelle 7.2 enthält

4.4 Dynamisches Modell

die dazugehörigen Mittelwerte, Konfidenzintervalle und p-Werte für jede kombination von Szene, Splittingverfahren und Wide BVH Methode. Im Vergleich liegen die Speedup-Werte für alle Kombinationen Szenen und Splitting-Verfahren für alle $k \in 4, 8, 16$ jeweils sehr nah bei 1. Die Konfidenzintervalle reichen von 0,996 bis 1,004, beinhalten dabei aber immer den Wert 1. Dadurch lässt sich für die untersuchten statsischen Szenen kein statistisch signifikanter und damit praktisch Nutzbarer Unterschied in der Traversal-Time zwischen direktem k-way-Splitting und der collapse-methode feststellen. Dies gilt unabhängig von untersuchter Szene oder gewählten Splitting-Verfahren.

4.4 Dynamisches Modell

Die dritte und letzte Forschungsfrage untersucht die Modellierung einer dynamischen Szene, bei der die (Re-)Construction der Szene vor jeder Traversal-Phase erforderlich ist. Für die Modellierung wird eine kombinierte Qualitätsmetrik aus Construction- und Traversal-Time verwendet.

$$T_{dynamic}(k) = T_{\mu,construction(k)} + T_{\mu,traversal(k)}$$

Dabei ist $T_{\mu,construction(k)}$ den Mittelwert der Construction-Time und $T_{\mu,traversal(k)}$ den Mittelwert der Traversal-Time, wie im Kapitel Methoden beschrieben. Speedup wird analog zur ersten Forschungsfrage gegenüber $k = 2$ definiert:

$$Speedup_{dynamic} = \frac{T_{\mu,dynamic(k=2)}}{T_{\mu,dynamic(k)}}$$

Ebenso entspricht $Speedup_{dynamic} > 1$ einer Verbesserung der kombinierten Metrik.

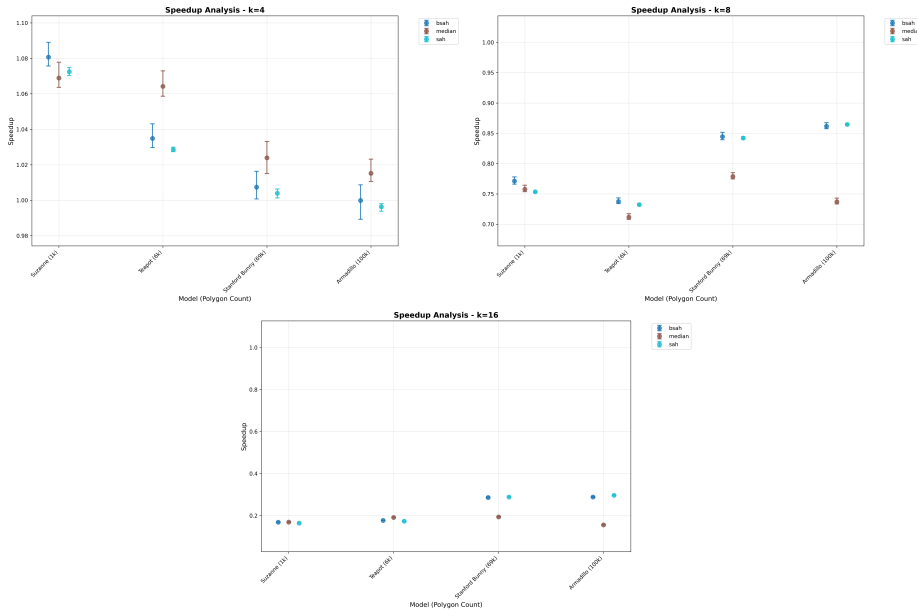


Abbildung 4.3: Abbildung kombinierter Speedup für Construction- und Traversal-Time

Die Abbildung 4.3 zeigt den Traversal-Speedup für $k \in 4, 8, 16$ und Tabelle ?? enthält die dazugehörigen Ergebnisse. Für $k = 4$ gibt es in kleineren Szenen einen Vorteil gegenüber $k = 2$, der sich durch Speedup-Mittelwerten zwischen 1,03 und 1,08 ausdrückt. Für größere Szenen nimmt dieser Vorteil ab, womit der Speedup nahe an 1 liegen, oder sogar teilweise leicht darunter fallen. Für $k = 8$ ist der Speedup für das dynamische Modell wieder

4.4 *Dynamisches Modell*

deutlich unter 1 mit Mittelwerten, die sich typischerweise im Bereich von 0,71 bis 0,86 aufhalten. Für $k = 16$ gibt es weitere Geschwindigkeitseinbußen mit Mittelwerten für den Speedup zwischen 0,16 und 0,30. Zusammengefasst zeigt das dynamische Modell ähnliche Ergebnistrends, wie im Rahmen der ersten Forschungsfrage gezeigt. Insgesamt bleibt die BVH mit $k = 4$ die Performanteste Datenstruktur für die Untersuchten Szenen, auch wenn ein Abfall für größere Szenen erkennbar ist.

5 Diskussion

5.1 Interpretation: Einfluss des Verzweigungsgrades auf die Traversal

Vorher wurde gezeigt, dass es Einsparung in der Traversal-Time für $k = 4$ gegenüber der binären Referenz gab, während es für $k \in 8, 16$ starke Einbußen in der Performance gab.

Eine plausible Erklärung für die beobachteten Ergebnisse ist ein Trade-off zwischen der Menge an inneren Knoten und der Anzahl an auszuführenden AABB-Tests bzw. Kollisionsüberprüfungen zwischen Primärstrahl und Bounding Boxen. Bei höheren Verzweigungsgraden müssen nämlich pro Node mehr Kinder überprüft werden, während es insgesamt aber auch weniger innere Nodes gibt, die überhaupt überprüft werden können. Es lässt sich interpretieren, dass für $k = 4$ die Menge an weniger besuchten Nodes die größere menge an AABB-Tests noch überkompensiert, während dies ab $k = 8$ nicht mehr der Fall ist. Zur Veranschaulichung dient Abbildung 5.1 in der man Beispielhaft die Menge an AABB-Tests und Triangle-Tests, bzw. Primärstrahl und Polygon Kollisionen, ablesen kann. Zudem ist wichtig, dass der für $k = 4$ beobachtete Effekt zwar statistisch signifikant

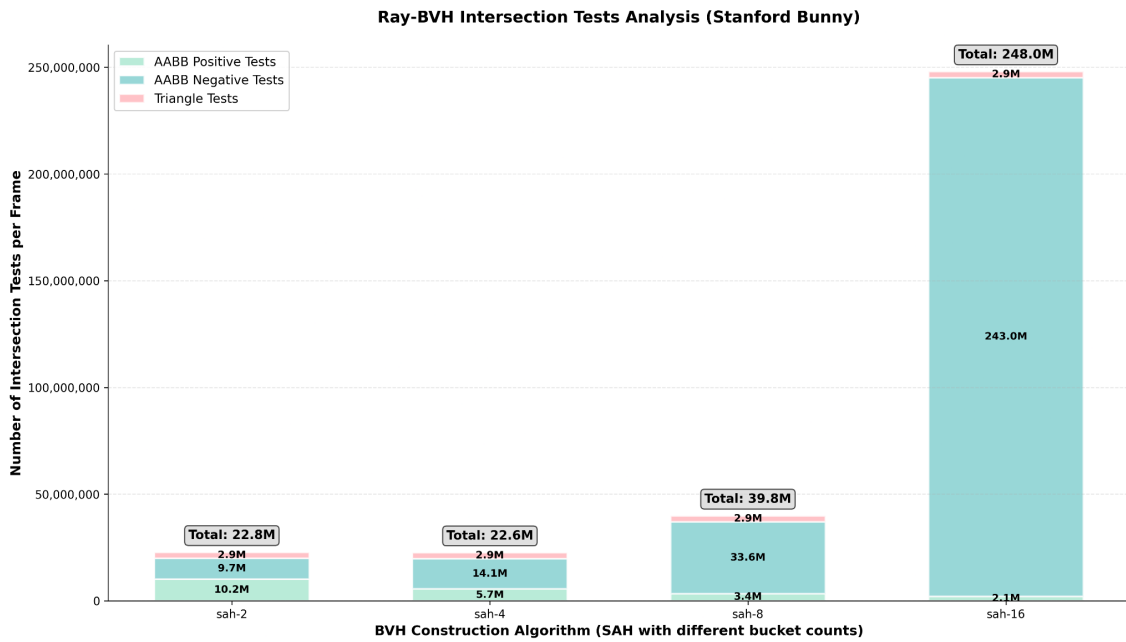


Abbildung 5.1: AABB- und Triangle-Tests, Stanford Bunny, SAH

ist, aber trotzdem nur einen Vorteil im einstelligen Prozenbreich liefert. Das heißt, dass Wide BVH in diesem linearen Zusammenhang eher als Optimierung mit kleinem Effekt zu sehen ist.

5.2 Interpretation: K-way splitting gegen collapsing

Im Rahmen der Ergebnissvorstellung wurde gezeigt, dass die Messergebnisse unabhängig von der gewählten Methode zur Erstellung der Wide BVH ähnliche Messungen ergaben.

Die untersuchten Messergebnisse zeigten keinen signifikanten Unterschied zwischen den Traversal-Times für die beiden Methoden.

Die naheliegendste Erklärung ist, dass die räumliche Partitionierung für beide Verfahren sehr ähnlich ist. Vor allem deshalb, da beiden Methoden die gleichen Splitting-Algorithmen zu Grunde liegen. Das Zusammenfassen der binären BVH durch collapsing verändert zwar die Tiefe des Baumes, allerdings scheint es, dass sich die Wahrscheinlichkeit für die Kollision zwischen Ray und AABB nicht sonderlich zu der durch k-way splitting erzeugten BVH unterscheidet. In Abbildung 5.2 lässt sich anhand eines Beispiels ablesen, dass die Menge an AABB-Tests, positiv wie negativ, unabhängig vom gewählten Verfahren in der gleichen Größenordnung liegen. Für das Beispiel wurden wieder Stanford Bunny und SAH gewählt. Eine Konsequenz dieser Ergebnisse ist, dass die Wahl des Wide BVH Konstrukti-

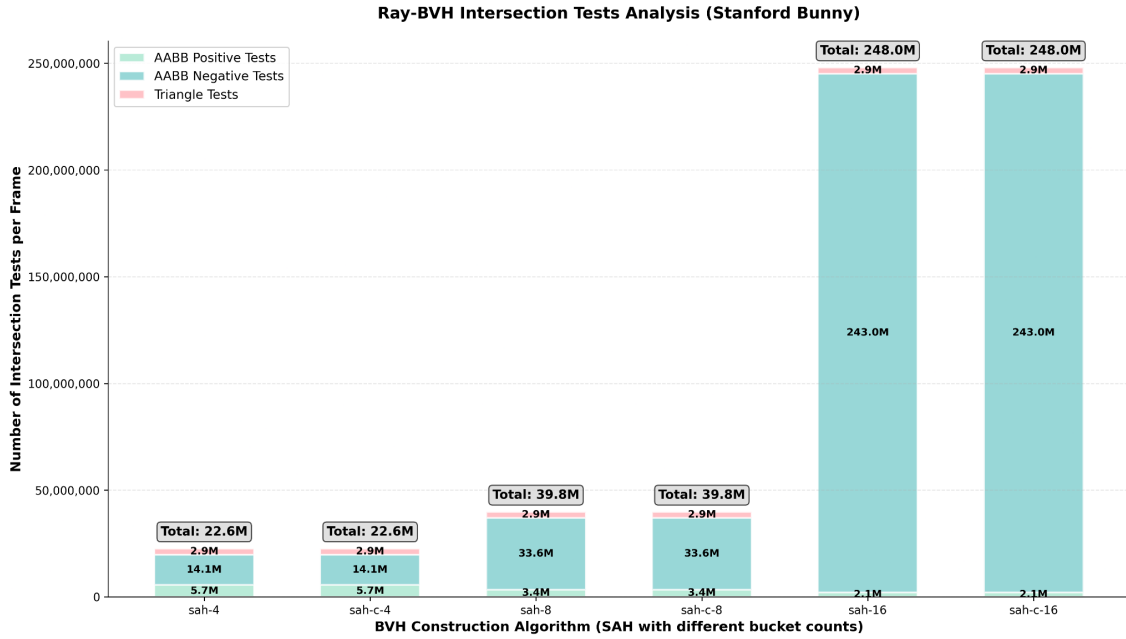


Abbildung 5.2: AABB- und Triangle-Tests k-way vs. collapse, Stanford Bunny, SAH

onsverfahren nach Implementierungsaufwand oder Construction-Time entschieden werden sollte, da es keine signifikanten Einbußen durch die Wahl der untersuchten Verfahren gibt.

5.3 Interpretation: Dynamisches Modell

Für das dynamische Modell wurde gezeigt, dass auch hier $k = 4$ überwiegend bessere Ergebnisse gegenüber der binären Referenz aufweist, der Effekt allerdings mit steigender Szenengröße zu sinken bzw. sich sogar leicht umzukehren scheint. Für $k = 8$ und $k = 16$ wurden klar schlechtere Ergebnisse gezeigt.

Der Unterschied gegenüber den Ergebnissen der ersten Forschungsfrage ist dadurch erklärbar, dass die Construction-Time über die verschiedenen Verzweigungsgrade hinweg für jeden Splitting-Algorithmus nahezu konstant zu sein scheint, wie man auch in Abbildung 5.3 ablesen kann. Die Vorteile in der Traversal-Time werden damit durch einen konstanten Offset verschlechtert, was zur Folge hat, dass der Speedup für größere Szenen gegen 1 geht. Vorsichtig kann man beurteilen, dass der Effekt für größere Szenen zu einem immer größer werdenden Problem wird, sodass der Vorteil von $k = 4$ immer weiter schwindet oder möglicherweise sogar zum Nachteil wird. Allerdings ist die untersuchte Stichproben-

größe an Szenen nicht ausreichend um hierfür finale Aussagen liefern zu können, weshalb man hier von Indizien sprechen muss.

5.4 Literaturkontext

In der Literatur werden Wide BVH eher im Kontext mit der Nutzung von SIMD oder GPUs erwähnt, da höhere Verzweigungsgrade Chancen für die bessere Parallelisierbarkeit bieten [WBBdns2]. Der beobachtete Einbruch des Speedups für größere k ist daher mit der Literatur konsistent, da in diesem Falle der erhöhte Aufwand durch mehr AABB-Tests nicht durch parallele Berechnung amortisiert werden kann. Dadurch erscheint es so, dass ein kleinerer Verzweigungsgrad wie $k = 4$ als Optimum für die untersuchten Szenen glaubhaft wirkt.

5.5 Limitationen

Alle besprochenen Ergebnisse gelten innerhalb der folgenden Annahmen:

- Statische 3D Szenen
- Kamera außerhalb der Szenen
- Ausschließlich Untersuchung von Primärstrahlen
- Serielle Berechnung auf der CPU ohne spezielle Raytracing-Hardware
- Ausschließlich Top-Down-Konstruktion von BVH
- Keine echten dynamischen Verfahren, wie z.B. Refitting oder Rebuilding

Darüber hinaus sorgt die Menge an lediglich vier untersuchten Szenen, sowie ihre ähnliche Beschaffenheit für eine begrenzte Aussagekraft. Die Verteilung der untersuchten Rays ergibt sich aus der vorgegebenen Kamerafahrt um den Ursprung der Szene und nicht aus der Untersuchung von Sekundärstrahlen durch z.B. die Berechnung von Schatten. Metriken wie AABB- und Triangle-Tests wurde nur für ausgewählte Beispiele erhoben und bieten keine Grundlage für eine ausgiebige Analyse.

5.6 Ausblick

Fortlaufend bietet es sich an die Stichprobe an Szenen zu erweitern. Mehr und vor allem größere Szenen, sowie komplexere Szenen mit Kameraursprung innerhalb der Szene bieten Forschungsspielraum. Zudem wäre eine Untersuchung, die nicht nur Primärstrahlen überprüft, sondern auch Shadingeffekte, durch z.B. *Ambient Occlusion*, denkbar. Auch wäre eine quantitative Untersuchung der AABB- und Triangle-Tests sinnvoll, um die hier genannten Erklärungen zu untermauern.

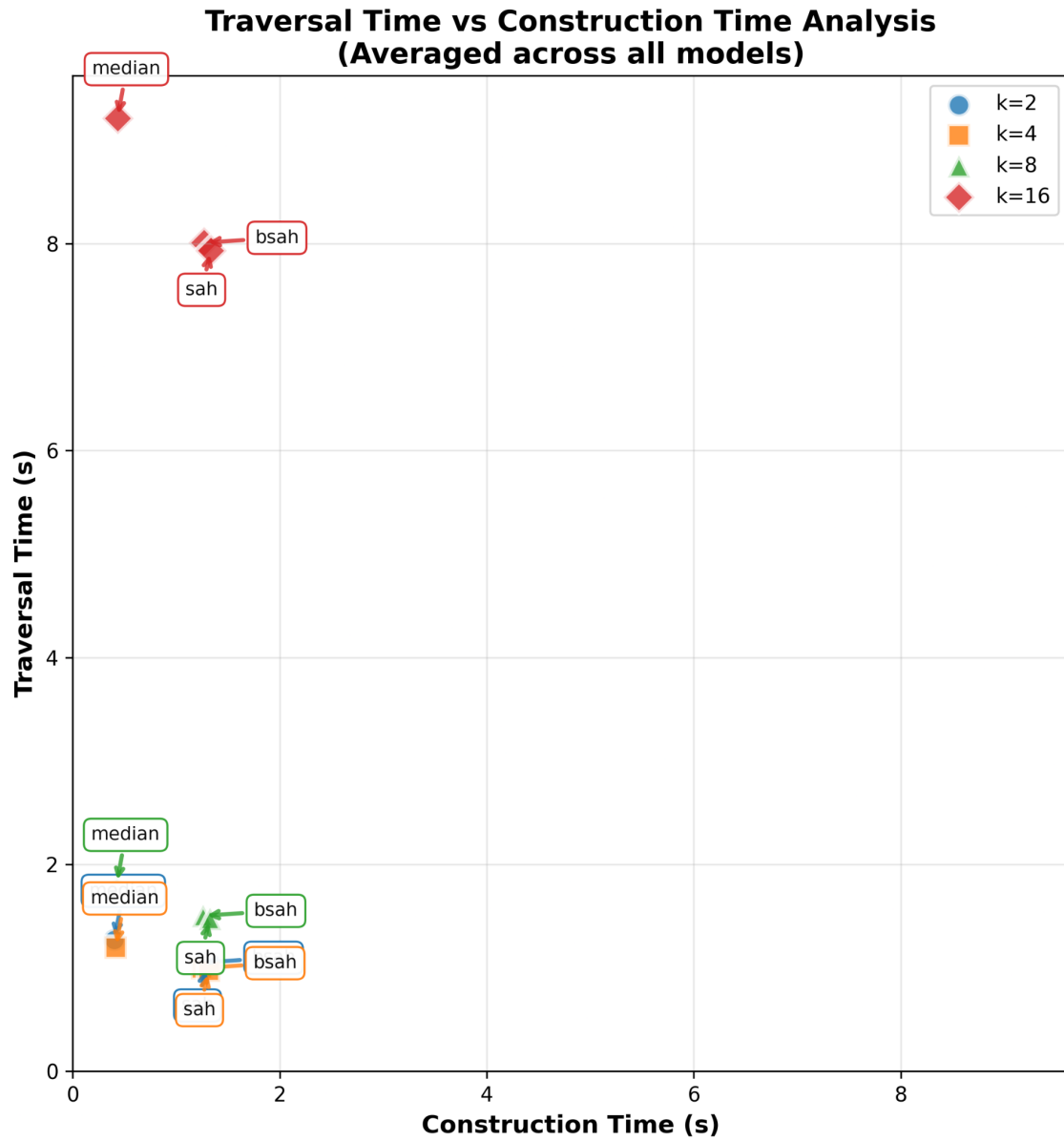


Abbildung 5.3: Vergleich Construction- gegen Traversal-Time

6 Fazit

Es gibt klare Ergebnisse für CPU-basiertes Raycasting in statischen Szenen.

7 Appendix

Tabelle 7.1: Statistical Analysis Results

Model	Algorithm	k	Type	Speedup μ	Speedup CI	p
armadillo	bsah	4	k-way	1.032	[1.023, 1.041]	3.40e-06***
stanford-bunny	bsah	4	k-way	1.043	[1.038, 1.052]	1.65e-07***
suzanne	bsah	4	k-way	1.082	[1.077, 1.090]	3.37e-09***
teapot	bsah	4	k-way	1.043	[1.039, 1.051]	4.93e-07***
armadillo	median	4	k-way	1.050	[1.045, 1.058]	3.11e-07***
stanford-bunny	median	4	k-way	1.061	[1.056, 1.069]	8.86e-08***
suzanne	median	4	k-way	1.069	[1.064, 1.078]	3.92e-08***
teapot	median	4	k-way	1.069	[1.063, 1.078]	2.01e-08***
armadillo	sah	4	k-way	1.033	[1.030, 1.035]	1.74e-14***
stanford-bunny	sah	4	k-way	1.038	[1.036, 1.040]	1.38e-18***
suzanne	sah	4	k-way	1.074	[1.073, 1.076]	2.92e-20***
teapot	sah	4	k-way	1.036	[1.035, 1.037]	1.73e-21***
armadillo	bsah	4	collapsed	1.036	[1.031, 1.043]	1.09e-06***
stanford-bunny	bsah	4	collapsed	1.045	[1.040, 1.053]	3.23e-07***
suzanne	bsah	4	collapsed	1.082	[1.077, 1.090]	3.73e-09***
teapot	bsah	4	collapsed	1.042	[1.037, 1.049]	5.79e-07***
armadillo	median	4	collapsed	1.050	[1.045, 1.058]	2.88e-07***
stanford-bunny	median	4	collapsed	1.057	[1.046, 1.068]	5.24e-09***
suzanne	median	4	collapsed	1.070	[1.065, 1.078]	3.65e-08***
teapot	median	4	collapsed	1.069	[1.064, 1.078]	3.25e-08***
armadillo	sah	4	collapsed	1.032	[1.030, 1.034]	1.13e-14***
stanford-bunny	sah	4	collapsed	1.038	[1.036, 1.040]	5.44e-17***
suzanne	sah	4	collapsed	1.074	[1.072, 1.075]	9.59e-19***
teapot	sah	4	collapsed	1.036	[1.035, 1.037]	1.66e-19***
armadillo	bsah	8	k-way	0.646	[0.644, 0.651]	1.10e-19***
stanford-bunny	bsah	8	k-way	0.668	[0.665, 0.673]	1.46e-17***
suzanne	bsah	8	k-way	0.770	[0.766, 0.775]	2.59e-15***
teapot	bsah	8	k-way	0.712	[0.709, 0.717]	6.97e-17***
armadillo	median	8	k-way	0.633	[0.630, 0.638]	1.82e-17***
stanford-bunny	median	8	k-way	0.716	[0.712, 0.721]	2.15e-15***
suzanne	median	8	k-way	0.757	[0.753, 0.763]	6.21e-15***
teapot	median	8	k-way	0.704	[0.701, 0.710]	1.34e-16***
armadillo	sah	8	k-way	0.645	[0.644, 0.646]	2.96e-40***
stanford-bunny	sah	8	k-way	0.656	[0.655, 0.657]	1.15e-33***
suzanne	sah	8	k-way	0.751	[0.750, 0.752]	1.14e-34***
teapot	sah	8	k-way	0.705	[0.704, 0.706]	3.06e-37***
armadillo	bsah	8	collapsed	0.646	[0.643, 0.650]	1.74e-18***
stanford-bunny	bsah	8	collapsed	0.668	[0.663, 0.673]	7.15e-26***

Continued on next page

Tabelle 7.1: Statistical Analysis Results

Model	Algorithm	k	Type	Speedup μ	Speedup CI	p
suzanne	bsah	8	collapsed	0.768	[0.764, 0.775]	1.34e-20***
teapot	bsah	8	collapsed	0.711	[0.708, 0.716]	1.64e-16***
armadillo	median	8	collapsed	0.633	[0.630, 0.637]	3.06e-17***
stanford-bunny	median	8	collapsed	0.715	[0.712, 0.721]	3.32e-16***
suzanne	median	8	collapsed	0.758	[0.754, 0.764]	7.62e-15***
teapot	median	8	collapsed	0.704	[0.701, 0.710]	3.95e-16***
armadillo	sah	8	collapsed	0.645	[0.644, 0.646]	2.50e-34***
stanford-bunny	sah	8	collapsed	0.656	[0.655, 0.657]	4.46e-38***
suzanne	sah	8	collapsed	0.751	[0.750, 0.752]	3.19e-25***
teapot	sah	8	collapsed	0.706	[0.705, 0.707]	2.36e-33***
armadillo	bsah	16	k-way	0.098	[0.098, 0.099]	6.08e-38***
stanford-bunny	bsah	16	k-way	0.123	[0.123, 0.124]	4.96e-47***
suzanne	bsah	16	k-way	0.166	[0.165, 0.167]	2.04e-43***
teapot	bsah	16	k-way	0.158	[0.157, 0.159]	7.07e-44***
armadillo	median	16	k-way	0.097	[0.096, 0.097]	3.42e-45***
stanford-bunny	median	16	k-way	0.138	[0.138, 0.139]	2.99e-45***
suzanne	median	16	k-way	0.169	[0.168, 0.170]	2.88e-36***
teapot	median	16	k-way	0.185	[0.184, 0.187]	3.51e-42***
armadillo	sah	16	k-way	0.097	[0.097, 0.097]	5.02e-27***
stanford-bunny	sah	16	k-way	0.120	[0.119, 0.120]	1.70e-27***
suzanne	sah	16	k-way	0.162	[0.162, 0.163]	7.05e-31***
teapot	sah	16	k-way	0.154	[0.154, 0.154]	1.03e-28***
armadillo	bsah	16	collapsed	0.099	[0.098, 0.099]	1.59e-34***
stanford-bunny	bsah	16	collapsed	0.123	[0.122, 0.124]	2.09e-30***
suzanne	bsah	16	collapsed	0.166	[0.166, 0.168]	1.21e-37***
teapot	bsah	16	collapsed	0.158	[0.157, 0.159]	2.76e-42***
armadillo	median	16	collapsed	0.097	[0.096, 0.097]	9.59e-43***
stanford-bunny	median	16	collapsed	0.138	[0.137, 0.139]	1.86e-40***
suzanne	median	16	collapsed	0.169	[0.168, 0.170]	1.91e-38***
teapot	median	16	collapsed	0.185	[0.184, 0.187]	2.17e-32***
armadillo	sah	16	collapsed	0.097	[0.097, 0.098]	9.06e-26***
stanford-bunny	sah	16	collapsed	0.119	[0.119, 0.120]	1.06e-31***
suzanne	sah	16	collapsed	0.162	[0.162, 0.163]	1.52e-36***
teapot	sah	16	collapsed	0.154	[0.154, 0.154]	6.23e-28***

Tabelle 7.2: Statistical Analysis Results

Model	Algorithm	k	Speedup μ	Speedup CI	p
armadillo	bsah	4	0.996	[0.989, 1.002]	3.17e-01
stanford-bunny	bsah	4	0.998	[0.995, 1.001]	2.82e-01
suzanne	bsah	4	1.000	[0.999, 1.001]	9.17e-01
teapot	bsah	4	1.001	[1.000, 1.003]	8.32e-02
armadillo	median	4	1.000	[0.999, 1.001]	8.59e-01

Continued on next page

Tabelle 7.2: Statistical Analysis Results

Model	Algorithm	k	Speedup μ	Speedup CI	p
stanford-bunny	median	4	1.004	[0.999, 1.011]	3.61e-01
suzanne	median	4	1.000	[0.998, 1.001]	4.51e-01
teapot	median	4	1.000	[0.998, 1.001]	7.00e-01
armadillo	sah	4	1.001	[0.998, 1.003]	6.64e-01
stanford-bunny	sah	4	1.000	[0.998, 1.002]	9.84e-01
suzanne	sah	4	1.001	[1.000, 1.002]	2.64e-01
teapot	sah	4	1.000	[0.999, 1.001]	7.09e-01
armadillo	bsah	8	1.001	[1.000, 1.003]	2.16e-01
stanford-bunny	bsah	8	1.001	[0.998, 1.005]	6.28e-01
suzanne	bsah	8	1.002	[0.999, 1.006]	3.62e-01
teapot	bsah	8	1.001	[1.000, 1.002]	2.32e-01
armadillo	median	8	1.001	[1.000, 1.002]	6.77e-02
stanford-bunny	median	8	1.001	[1.000, 1.002]	2.94e-01
suzanne	median	8	0.999	[0.998, 1.000]	2.47e-01
teapot	median	8	1.000	[0.999, 1.001]	9.99e-01
armadillo	sah	8	1.000	[0.999, 1.001]	8.13e-01
stanford-bunny	sah	8	1.000	[0.998, 1.002]	8.89e-01
suzanne	sah	8	1.000	[0.999, 1.001]	7.74e-01
teapot	sah	8	0.999	[0.998, 1.000]	8.66e-02
armadillo	bsah	16	1.000	[0.998, 1.001]	7.03e-01
stanford-bunny	bsah	16	1.002	[1.000, 1.004]	9.08e-02
suzanne	bsah	16	0.999	[0.998, 1.000]	2.10e-01
teapot	bsah	16	1.000	[0.998, 1.001]	6.03e-01
armadillo	median	16	1.000	[0.999, 1.002]	6.27e-01
stanford-bunny	median	16	1.001	[1.000, 1.002]	1.81e-01
suzanne	median	16	1.000	[0.999, 1.001]	5.89e-01
teapot	median	16	1.000	[0.999, 1.001]	8.13e-01
armadillo	sah	16	0.999	[0.998, 1.001]	4.44e-01
stanford-bunny	sah	16	1.001	[1.000, 1.002]	6.51e-02
suzanne	sah	16	1.001	[1.000, 1.002]	1.32e-01
teapot	sah	16	1.000	[0.999, 1.001]	9.22e-01

Literatur

- [AKLase2] Timo Aila, Tero Karras und Samuli Laine. „On quality metrics of bounding volume hierarchies“. In: *Proceedings of the 5th High-Performance Graphics Conference*. HPG '13. Anaheim, California: Association for Computing Machinery, 2013, S. 101–107. ISBN: 9781450321358. URL: <https://doi.org/10.1145/2492045.2492056>.
- [En2] C. Ericson. *Real-Time Collision Detection*. Taylor & Francis, 2004. ISBN: 9781558607323.
- [GCnr2] Scott Vahl Gordon und John L. Clevenger. *Computer Graphics Programming in OpenGL with C++*. Mercury Learning und Information, 2021, S. 483. ISBN: 9781683926719.
- [KKya1] Timothy L. Kay und James T. Kajiya. „Ray tracing complex scenes“. In: *Proceedings of the 13th Annual Conference on Computer Graphics and Interactive Techniques*. SIGGRAPH '86. New York, NY, USA: Association for Computing Machinery, 1986, S. 269–278. ISBN: 0897911962. URL: <https://doi.org/10.1145/15922.15916>.
- [MBrr2] Daniel Meister und Jiří Bittner. „Performance comparison of bounding volume hierarchies for GPU ray tracing“. In: *Journal of Computer Graphics Techniques (JCGT)* 11.4 (2022), S. 1–19.
- [Mr2] Daniel Meister u. a. „A Survey on Bounding Volume Hierarchies for Ray Tracing“. In: *Computer Graphics Forum* 40.2 (2021), S. 683–712.
- [MTre1] Tomas Möller und Ben Trumbore. „Fast, Minimum Storage Ray-Triangle Intersection“. In: *Journal of Graphics Tools* 2.1 (1997), S. 21–28.
- [WBBdns2] Ingo Wald, Carsten Benthin und Solomon Boulos. „Getting rid of packets - Efficient SIMD single-ray traversal using multi-branching BVHs -“. In: *2008 IEEE Symposium on Interactive Ray Tracing*. 2008, S. 49–57.