

INFORME DE TALLER 3

Criptanálisis de métodos de cifrado clásicos

García Grimaldos, Alberto Manuel; Álvarez Caballero, Hernán David
alberto.garcia.2016@upb.edu.co; herman.alvarez.2014@upb.edu.co
Universidad Pontificia Bolivariana
Seccional Bucaramanga
Octubre 6 de 2019

I. OBJETIVOS DE DESARROLLO

Objetivo General

- *Identificar y comprender los procedimientos de criptoanálisis a métodos criptográficos por sustitución y transposición, mediante la práctica de ejercicios manuales y algorítmicos, con el fin de sentar una base teórico-práctica para los protocolos de criptoanálisis del cifrado moderno..*

II. INTRODUCCIÓN

El criptoanálisis (del griego *kryptós*, "escondido" y *anályein*, "desatar") es la rama de la criptología que se dedica al estudio de sistemas criptográficos, para los fines de este laboratorio serán los métodos de cifrado clásicos como el cifrado Afín y el cifrado de Vigenere, con el fin de encontrar debilidades en los sistemas y romper su seguridad sin el conocimiento de información secreta.

El cifrado Afín es un tipo de cifrado de sustitución monoalfabética-monográfica, en el que cada letra del alfabeto se asigna a su equivalente numérico, se cifra mediante una función matemática simple y se convierte de nuevo en una letra, por lo tanto, tiene las debilidades de los cifrados de sustitución, y es que cada letra se cifra con la función $(ax+b) \bmod(n)$, donde b es la magnitud del cambio y a una constante de decimación, la cual debe ser impar y no estar dentro del conjunto de divisores de n , es decir, a debe ser coprimo con n : $\text{mcd}(a,n) = 1$.

El cifrado Vigenère es un tipo de cifrado de polialfabética periódica, utiliza el mismo método que el cifrado de César, agregando una clave de cifrado y descifrado, que se

escribe cíclicamente sobre el mensaje en texto claro. La principal debilidad del cifrado de Vigenère es la naturaleza repetitiva de su clave, si un analista encuentra correctamente la longitud de la clave, entonces el texto cifrado puede ser tratado como un cifrado de Caesar entretejido, el cual puede ser descifrado.

III. PROCEDIMIENTO

Para el primer y segundo numeral, se realiza la rotación de César con todas las posibles claves b (cantidad de rotaciones en los caracteres) para así lograr inferir la respuesta mediante el conocimiento del lenguaje obtenido en el posible mensaje descifrado, esto gracias a que se conocía que el cifrado era de desplazamiento puro, se aplicó a los mensajes cifrados:

$$C_1 =$$

LEUZRCRRSLVCRUVTRGVILTZRHLVMZ
MZRVEVCSFJHLVVEWVIDFPCRDRUIVU
VTRGVILTZRKCVGZUFHLVCVCCVMRIR
LERTVJKRTFELEKRFIKRPLEKRIIFUVD
EKVHLZCCRTRGVILTZRRTVGKFFVETRE
KRUR

$$C_2 =$$

GKUHYTQXYBTUDEIQRUIISKQDJECUQF
UJUSULEBLUHQSQIQUDBYBBUIQDTSQ
BSKBEGKUQUJHHYPQHUUDAZULYAJU
CFHQDEBQDESXUTUIQDZKQDCUXKRY
UHQWKIJQTELEBLUHFQHQJJSKCFBU
QEIFUHEUIJEORQZEEHTUDUICYBYJQH
UIQSQCRIYEFKUTEFHECUJUHJUGKUUI
JEOFEDYUDTEJETECYUCFUEUDKDW
QDHUWQBEGKUHUSYRYHQIUBTYQTUJ

KSKCFBUQEIKDSQHYEIEIQBKTETUQB
WKYUDGKUIYUCFHUFYUDIQUUDUBVKJ
KHETUIKXYZQUUDLYEKDQSEFYQTUUIJ
QFEIJQBQBWKYUDGKUBEITEISEDESU
CEIOQBESECFHUUDTUHQIXYBTUSYJQFE
HQXEHQUIJEIOIYUDECKOCYIJUHYEIE
FUHEOQBEUDJUDTUHQIIEVYQSEWYEB
QIYWKYUDJUFELJQBKGUHYTQXYBTUQ
GKYQRQZEIULYLUIEBEUBCECUDJEIYT
UQBWECUQSEHTQHUTUULJEICUIUIUD
UBBYRQDEIUHQTUUIJQUJUHDQUIFUH
QFUHEXQWEBEGKUFKUTEFQHOGKUJ
UDWQIUBCUZEHHUWQBEFEIYRBUUDJ
KTUSYCEGKYDJESKCFBUQEIDEFKUTE
TUSYHCQIFEHQXEHQCUYCFEDWEQCY
CYICEKDQIULUHQSUDIKHQQRHQPEIF
QFQ

Para descifrar las dos comunicaciones en castellano cifradas mediante Afin con desplazamiento puro se utilizó el script affineDecrypt.py con con unas leves modificaciones, se definió por defecto que a = 1 y para hacer una validación a fuerza bruta de b el script se corrió en un ciclo for de 0 hasta 25.

```
import re, os
from operator import itemgetter
import pickle
```

```
original_text = input('Enter the text to be
decrypted: ')
replaced_text = original_text
len_text = len(replaced_text)
```

```
a = 1
for b in range(26):
    replaced_text = original_text
    for i in range(0,len_text):
        if replaced_text[i] is not " ":
            replaced_text = replaced_text[:i] +
chr(int((a*((ord(replaced_text[i])-65) - b)%26
+ 65))) + replaced_text[i+1:]
```

```
print('Resultado iteracion ' + str(b) + ': ' +
replaced_text)
```

Codigo 1. AffineDecrypt modificado. Autor: Julian Miranda. Modificado: Autores.

En el tercer punto se obtienen los divisores de la distancia entre los n-gramas dados, para así poder determinar la posible longitud de la clave utilizada para el cifrado. Cabe destacar que dentro de las longitudes obtenidas, las más probables son las longitudes primas. Las posibles claves se seleccionaron según su longitud de la tabla 1 brindada por el enunciado.

society	marry	property	ceiling
behavior	rare	book	guide
hesitant	council	hand	provide
plaster	stew	correct	beautiful
network	tacit	box	crevice

Tabla 1. Tabla de posibles claves usada para cifrar.

Fuente: Documento guía.

Para el cuarto numeral se realizó la descomposición por divisores de las distancias entre los n-gramas repetidos presentados en la tabla 2, y de esta forma, poder hallar los divisores más frecuentes entre las distancias, los cuales serían la posible longitud de la clave.

n-grama	Distancias
PQMI	28, 329
QAWA	42
ASJU	98
BLVE	112
QOSO	154

Tabla 2. n-gramas y su distancias. Fuente: Documento guía.

En el quinto punto se operan las distancias entre cada una de las repeticiones del n-grama “CGDRTHGH” dado, para poder así hallar los divisores en común y saber la posible longitud de la clave que se seleccionará con respecto a si es o no un número primo con longitud menor o igual a la del n-grama.

L	IC	σ	$[IC - \sigma, IC + \sigma]$
...
2	0.0575	0.0047	[0.0529, 0.0622]
3	0.0512	0.0037	[0.0457, 0.0550]
4	0.0480	0.0030	[0.0450, 0.0510]
5	0.0459	0.0025	[0.0435, 0.0484]
6	0.0450	0.0022	[0.0428, 0.0472]
7	0.0439	0.0019	[0.0420, 0.0458]
...

Fuente: Documento guía.

Se utiliza fuerza bruta para descifrar con todas las claves halladas, combinando los conjuntos de caracteres posibles.

$C_3 =$
 GBCTWCPRGEFSSHKQHRAEDWRNRXS
 ETHQOMXRRCRFNRFWRXPXSETHQOM
 XRCRFJYKNFBVUSUXPCQZNHCRTHQ
 QSITXCBROIPOUHINJVGEFCVKECZVK
 KKQFTPCOMXRRCRVOIPOUHCGBSHKQ
 HRLSNCGGHHKOMXVNOCNDFSCWMCQ
 FFSCJVGEFSMXRCRFXPJCJVGEFCMXR
 CRF

realizó la búsqueda de cadenas repetidas en el texto cifrado y calculamos sus distancias, gracias al índice de coincidencia se determina la longitud de la clave del cifrado para poder dividir el criptograma en subcriptogramas y finalmente aplicar el rompimiento del cifrado de sustitución monoalfabética en cada uno; el criptograma utilizado fue:

$$C_4 =$$

IV. ANÁLISIS DE RESULTADOS

[illegible]

Autores.

[illegible]

Para el numeral tres del cual se conoce que la cadena “TVAIVCXIERAA” se repite en las

- box

- crevice
- provide
- ceiling
- correct
- council
- network
- plaster

- 28: 1, 2, 4, 7, 14 y 28
- 329: 1, 7, 47 y 329
- 42: 1, 2, 3, 6, 7, 14, 21 y 42
- 98: 1, 2, 7, 14, 49 y 98
- 112: 1, 2, 4, 7, 8, 14, 16, 28, 56 y 112
- 154: 1, 2, 7, 11, 14, 22, 77 y 154

- 1246: 1, 2, 7, 14, 89, 178, 623 y 1246
- 2254: 1, 2, 7, 14, 23, 46, 49, 98, 161, 322, 1127 y 2254
- 1008: 1, 2, 3, 4, 6, 7, 8, 9, 12, 14, 16, 18, 21, 24, 28, 36, 42, 48, 56, 63, 72,

84, 112, 126, 144, 168, 252, 336, 504
y 1008

De los cuales se repiten los números:
1,2,7,14. Se toma como posible longitud de la
clave de nuevo el 7 como número primo y
multiplo de 14.

En el sexto numeral contamos con el mensaje
cifrado C_3 del cual se rescataron las
siguientes secuencias repetidas:

n-gram	Distance
GEF	[90, 70, 15]
EFS	[160]
SHK	[120]
HKQ	[120]
KQH	[120]
QHR	[120]
XSE	[20]
SET	[20]
ETH	[20]
THQ	[20, 29]
HQO	[20]
QOM	[20]
OMX	[20, 65, 30]
MXR	[20, 65, 55, 15]
XRC	[20, 65, 55, 15]
RCR	[20, 65, 55, 15]
CRF	[20, 120, 15]
XPC	[110]
OIP	[35]
IPO	[35]
POU	[35]
OUH	[35]
JVG	[70, 15]
VGE	[70, 15]
EFC	[85]
FSC	[8]
CJV	[15]
GEFS	[160]
SHKQ	[120]
HKQH	[120]
KQHR	[120]
XSET	[20]
SETH	[20]
ETHQ	[20]

THQO	[20]
HQOM	[20]
QOMX	[20]
OMXR	[20, 65]
MXRC	[20, 65, 55, 15]
XRCR	[20, 65, 55, 15]
RCRF	[20, 120, 15]
OIPO	[35]
IPOU	[35]
POUH	[35]
JVGE	[70, 15]
VGEF	[70, 15]
GEFC	[85]
CJVG	[15]
SHKQH	[120]
HKQHR	[120]
XSETH	[20]
SETHQ	[20]
ETHQO	[20]
THQOM	[20]
HQOMX	[20]
QOMXR	[20]
OMXRC	[20, 65]
MXRCR	[20, 65, 55, 15]
XRCRF	[20, 120, 15]
OIPOU	[35]
IPOUH	[35]
JVGEF	[70, 15]
VGEFC	[85]
CJVGE	[15]
SHKQHR	[120]
XSETHQ	[20]
SETHQO	[20]
ETHQOM	[20]
THQOMX	[20]
HQOMXR	[20]
QOMXRC	[20]
OMXRRC	[20, 65]
MXRCRF	[20, 120, 15]
OIPOUH	[35]
JVGEFC	[85]
CJVGEF	[15]
XSETHQO	[20]
SETHQOM	[20]
ETHQOMX	[20]
THQOMXR	[20]

HQOMXRC	[20]
QOMXRRCR	[20]
OMXRRCRF	[20]
XSETHQOM	[20]
SETHQOMX	[20]
ETHQOMXR	[20]
THQOMXRC	[20]
HQOMXRRCR	[20]
QOMXRRCRF	[20]
XSETHQOMX	[20]
SETHQOMXR	[20]
ETHQOMXRC	[20]
THQOMXRRCR	[20]
HQOMXRRCRF	[20]

Se obtienen los conteos de coincidencias de cada caracter en los subcriptogramas anteriores, que serán usados para hallar el índice de coincidencia del criptograma y los conjuntos de caracteres a combinar para hallar la posible clave:

Char Ocurrances

C	21
R	19
F	14
H	12
X	12
S	11
Q	9
O	9
E	8
K	8
N	8
V	8
G	7
P	7
M	7
T	6
B	4
W	4
J	4
U	4
I	4
D	2
Z	2
A	1
Y	1
L	1

Los divisores de las longitudes que más aparecen es 2, 5 y 10 con 8,12 y 7 respectivamente, dado que se afirma que la llave tiene una longitud mayor a 2 caracteres y que el IC tiene un valor de 0.048235 se elige la longitud 5 al ser múltiplo de 10 y un número primo.

Teniendo el $IC = 0.048235$, se puede inferir la longitud de la clave 5, con respecto a la tabla de IC e IF.

Seleccionando los caracteres más recurrentes según cada subcriptograma:

char	s1	s2	s3	s4	s5
A	1	3	1	1	2
B	1	3	1	1	1
C	2	1	1	2	1
D	1	2	2	1	2
E	0	2	2	0	2
F	1	1	1	2	0
G	1	0	0	3	1
H	0	0	1	1	1
I	0	0	2	0	0
J	1	1	0	2	0
K	2	2	1	1	1
L	1	0	1	0	1
M	1	1	1	0	1
N	2	2	2	1	2
O	2	3	2	1	0
P	1	0	1	3	2
Q	1	1	0	1	2
R	1	1	3	0	2
S	2	1	1	1	1
T	1	0	0	4	2
U	0	0	1	1	1
V	1	0	2	1	0
W	2	1	0	1	1
X	1	2	0	1	2
Y	2	1	2	0	1
Z	2	2	2	1	1

Las posible combinaciones de clave son:
 'CARTA', 'CARTD', 'CARTE', 'CARTN',
 'CARTP', 'CARTQ', 'CARTR', 'CARTT',
 'CARTX', 'CBRTA', 'CBRTD', 'CBRTE',
 'CBRTN', 'CBRTP', 'CBRTQ', 'CBRTR',
 'CBRTT', 'CBRTX', 'CORTA', 'CORTD',
 'CORTE', 'CORTN', 'CORTP', 'CORTQ',
 'CORTR', 'CORTT', 'CORTX', 'KARTA',
 'KARTD', 'KARTE', 'KARTN', 'KARTP',

'KARTQ', 'KARTR', 'KARTT', 'KARTX',
 'KBRTA', 'KBRTD', 'KBRTQ', 'KBRTN',
 'KBRTX', 'KORTA', 'KORTD', 'KORTE',
 'KORTN', 'KORTP', 'KORTQ', 'KORTR',
 'KORTT', 'KORTX', 'NARTA', 'NARTD',
 'NARTE', 'NARTN', 'NARTP', 'NARTQ',
 'NARTR', 'NARTT', 'NARTX', 'NBRTA',
 'NBRTD', 'NBRTQ', 'NBRTN', 'NBRTX',
 'NBRTT', 'NBRTQ', 'NBRTX', 'NORTA',
 'NORTD', 'NORTE', 'NORTN',
 'NORTP', 'NORTQ', 'NORTR', 'NORTT',
 'NORTX', 'OARTA', 'OARTD', 'OARTE',
 'OARTN', 'OARTP', 'OARTQ', 'OARTR',
 'OARTT', 'OARTX', 'OBRTA', 'OBRTD',
 'OBRTQ', 'OBRTN', 'OBRTT', 'OBRTX',
 'OBRTT', 'OBRTX', 'OORTA', 'OORTD',
 'OORTE', 'OORTN', 'OORTP', 'OORTQ',
 'OORTR', 'OORTT', 'OORTX', 'SARTA',
 'SARTD', 'SARTE', 'SARTN', 'SARTP',
 'SARTQ', 'SARTR', 'SARTT', 'SARTX',
 'SBRTA', 'SBRTD', 'SBRTQ', 'SBRTN',
 'SBRTT', 'SBRTX', 'SORTA', 'SORTD',
 'SORTE', 'SORTN', 'SORTP', 'SORTQ',
 'SORTR', 'SORTT', 'SORTX', 'WARTA',
 'WARTD', 'WARTE', 'WARTN', 'WARTP',
 'WARTQ', 'WARTR', 'WARTT', 'WARTX',
 'WBRTA', 'WBRTD', 'WBRTQ', 'WBRTN',
 'WBRTT', 'WBRTX', 'WORTA', 'WORDD',
 'WORTE', 'WORTN', 'WORTP', 'WORTQ',
 'WORTR', 'WORTT', 'WORTX', 'YARTA',
 'YARTD', 'YARTE', 'YARTN', 'YARTP',
 'YARTQ', 'YARTR', 'YARTT', 'YARTX',
 'YBRTA', 'YBRTD', 'YBRTQ', 'YBRTN',
 'YBRTT', 'YBRTX', 'YORTA', 'YORTD',
 'YORTE', 'YORTN', 'YORTP', 'YORTQ',
 'YORTR', 'YORTT', 'YORTX', 'ZARTA',
 'ZARTD', 'ZARTE', 'ZARTN', 'ZARTP',
 'ZARTQ', 'ZARTR', 'ZARTT', 'ZARTX',
 'ZBRTA', 'ZBRTD', 'ZBRTQ', 'ZBRTN',
 'ZBRTT', 'ZBRTX', 'ZORTA', 'ZORTD',
 'ZORTE', 'ZORTN', 'ZORTP', 'ZORTQ',
 'ZORTR', 'ZORTT', 'ZORTX'

Obteniendo el siguiente mensaje: EN LA
 SABANA DE BOGOTA HABIA UN
 VENADO AVENADO UN DIA EL
 VENADO AVENADO QUIZO IRSE DE LA

CIUDAD COMO ERA TAN AVENADO EL
 VENADO ERA ALERGICO A LA AVENA
 DE VENADO Y EN BOGOTA SOLO
 PODIA VER LA LUZ DEL DIA COMO
 AVENA DE VENADO EL AVENADO
 VENADO.

De la misma forma que en el punto anterior, el
 criptoanálisis de vigenere se realiza de la
 siguiente manera, utilizando el método
 Kasiski:

Se obtienen los n-gramas repetidos.

n-gram	Distance
XVIU	[301]
VIUA	[301]
IUAY	[301]
LCVP	[280]
CVPW	[280]
TIID	[574]
IIDT	[574]
IDTW	[574]
DTWO	[574]
TWOI	[420, 154]
MOXI	[427]
OXIA	[427]
LIME	[294]
TMOX	[392]
PAUE	[231]
PCAG	[14]
CAGP	[14]
AGPA	[14]
XVIUA	[301]
VIUAY	[301]
LCVPW	[280]
TIIDT	[574]
IIDTW	[574]
IDTWO	[574]
DTWOI	[574]
MOXIA	[427]
PCAGP	[14]
CAGPA	[14]
XVIUAY	[301]
TIIDTW	[574]
IIDTWO	[574]
IDTWOI	[574]
PCAGPA	[14]
TIIDTWO	[574]
IIDTWOI	[574]
TIIDTWOI	[574]

Se hallan los divisores comunes entre las distancias de cada par de n-gramas.

Divisor Ocurrences

7 10

2 7

14 6

Se ordenan los caracteres por coincidencias.

Char Ocurrences

L 49

P 48

I 46

E 45

O 41

V 40

M 37

F 35

A 34

T 33

Z 31

C 31

Y 30

D 30

B 27

W 25

R 24

X 20

S 19

G 17

N 16

J 16

U 14

K 11

Q 8

H 8

Se halla el IC, así también seleccionando la longitud de la clave.

IC value: 0.04108256316150438 - Most probable length key: 7

De los subcriptogramas, se analizan los conjuntos de los caracteres par las posibles claves.

char s1 s2 s3 s4 s5 s6 s7

A 0 1 1 1 1 4 1

B 2 1 4 0 1 1 2

C 2 1 1 0 0 0 1

D 1 1 0 1 2 0 0

E 0 2 0 4 3 1 0

F 1 1 1 2 2 0 0

G 2 1 0 1 0 0 1

H 2 1 0 1 1 1 3

I 0 4 1 3 2 1 1

J 0 1 1 2 1 2 0

K 1 0 2 1 0 1 2

L 4 0 1 0 0 1 4

M 1 2 1 1 0 2 1

N 0 1 2 1 2 3 0

O 0 0 3 0 1 1 1

P 3 1 1 0 0 0 1

Q 1 1 0 2 1 1 0

R 0 2 1 3 5 1 0

S 0 0 1 1 2 0 0

T 2 1 0 1 0 1 1

U 2 2 1 1 1 1 2

V 0 3 1 2 3 1 1

W 0 1 1 1 1 3 1

X 2 0 3 1 0 2 3

Y 3 1 2 0 0 1 3

Z 1 1 1 0 1 1 1

La única posible clave arrojada fue:
LIBERAL

Lo que nos devuelve el mensaje en claro:

NOS TIENEN ATRAPADOS Y NO
TENEMOS QUE COMER POR FAVOR
ENVIEN LO MAS RAPIDO QUE PUEDAN
A LA ARMADA PARA QUE PUEDAN
LIBERNARNOS DE ESTA PRISION EN LA
QUE NOS TIENEN CAUTIVOS LA CLAVE
DE ENTRADA A LA SEDE DEL
SULTANATO ES EL SIGUIENTE
CONJUNTO DE NOVENTA Y DOS
LETRAS CIFRADAS CON EL CIFRADO
DE CESAR DEL QUE NO SE CONOCE LA
CLAVE

OBOTXELNEMTGWXFTKKNXVHLXEFT
KKHJNBTTETUTKTLNGHFUKXIHKJNXX
ELNEMTGTVHLXKTLNKHIBXMTKBHI
HKL BXFIKX ESPERAMOS PUEDAN
RESCATARNOS PRONTO AL ENTRAR
AL CASTILLO COJAN EL PUNTO DE
ACCESO A LA DERECHA ESO LOS
LLEVARA A LA CAVERNA OPUESTA
ADONDE HAY UN GRUPO DE
GUARDIAS CUANDO ESTEN EN LA
CAVERNA GENEREN UNA
DISTRACCION ESO HARA QUE LOS
GUARDIAS VAYAN HACIA USTEDES

MIENTRAS SE DIRIGEN HACIA EL CUARTO DE LLAVES COJAN LAS LLAVES BAJEN DOS PISOS POR EL CALLEJON DE LA MANCHA ROJA Y VERAN LAS CELDAS DE PRISIONEROS ESTAMOS APRESADOS EN LA DECIMA CELDA MUCHA SUERTE

https://books.google.com.co/books?id=fd2LtVgFzoMC&pg=PA21&redir_esc=y#v=onepage&q&f=false

V. CONCLUSIONES

Los cifrados clásicos son las formas más simples de cifrar; han existido por miles de años y han sido ampliamente estudiados, gracias al método de Kasiski la complejidad necesaria para vulnerarlos no es tan alta computacionalmente hablando, este algoritmo de análisis de frecuencia es seguramente el enfoque rápido para descifrar texto. Sin embargo, requiere el conocimiento de las estadísticas de frecuencia del idioma utilizado para escribir el texto original.

Los principios de cifrado por sustitución monoalfabética y polialfabética son básicos en sus bases y son fáciles de entender. Sin embargo, los principios de sustitución y transposición forman la base de muchos de los estándares de cifrado actuales. Al combinar la sustitución y la transposición de manera creativa, es posible producir sistemas criptográficos extremadamente seguros.

Si se desea garantizar un nivel de seguridad incondicional en un mensaje cifrado, se debe utilizar el cifrado de Vernam.

VI. REFERENCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- [1] Kozdron, Michael. "Affine Ciphers - Affine Ciphers, Decimation Ciphers, and Modular Arithmetic " (2006). Disponible en: <http://pi.math.cornell.edu/~kozdron/Teaching/Cornell/135Summer06/Handouts/affine.pdf>
- [2] Bruen, Aiden A. & Forcinito, Mario A. (2011). Cryptography, Information Theory, and Error-Correction: A Handbook for the 21st Century. John Wiley & Sons. p. 21. Disponible: