APELLIDOS, Nombre_____

1. a) Opera
$$\sqrt{\frac{2}{5}} + 4\sqrt{\frac{18}{125}} + \frac{1}{3}\sqrt{\frac{8}{45}} + \sqrt{\frac{5}{2}}$$
 b) Simplifica

c) Racionaliza
$$\frac{3\sqrt{5}-4}{2-\sqrt{5}}$$
 d) Opera y simplifica $\frac{3-\sqrt{7}}{3+\sqrt{7}}$: $\frac{1}{8+3\sqrt{7}}$ (2 puntos)

2. Resuelve (3,5 puntos):

a)
$$(2x^2 + 1) \cdot (x^2 - 3) = (x^2 + 1) \cdot (x^2 - 1) - 8$$
.

b)
$$2x^3 - 5x^2 + 4x - 1 = 0$$

c)
$$\frac{1}{8} - \frac{1}{x^2 + 4} = \frac{2 - x}{2x^2 + 8}$$
.

d)
$$\sqrt{x} + \sqrt{2x+1} = 5$$

3. Dos ciclistas salen al mismo tiempo de un lugar A y se dirigen a B, que está a 195 km. La velocidad de uno de ellos es superior a la del otro en 4 km/h, y como consecuencia, llega 1 h antes a B. Calcula la velocidad de cada uno de los ciclistas (1,5 puntos).

$$\begin{cases} \frac{x-15}{2} \le 5-2x \\ 2-x < \frac{1-x}{2} \end{cases}$$
 (1 punto).

- 4. Resuelve el sistema de inecuaciones: $\left(2-x < \frac{2}{2}\right)$ (1 punto)
- 5. Un rectángulo tiene 48 cm² de área y su diagonal mide 10 cm. Calcula las dimensiones de sus lados (2 puntos).

1. Obtén el dominio de las funciones (1,25 puntos):

a)
$$y = \frac{x+2}{2x^2-7x+5}$$
; b) $y = \sqrt{5x-x^2}$.

- 2. Representa gráficamente la función $f(x) = \begin{cases} x & x \le -2 \\ 2 \frac{x^2}{2} & x > -2 \end{cases}$ (1,25 puntos).
- 3. Representa gráficamente las siguientes funciones, obteniendo en todas ellas el dominio y los puntos de corte con los ejes coordenados (2,25 puntos):

a)
$$f(x) = \frac{1}{x+3} - 2$$
; b) $g(x) = -2 + \sqrt{x-2}$; c) $h(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x - 4$.

- 4. a) Calcula los valores de b y c sabiendo que la parábola $y=x^2+bx+c$ tiene el vértice en el punto (2, -2).
 - b) Representa gráficamente la función del apartado anterior (2 puntos).
- 5. Con 36 m. de tela metálica, queremos hacer un corral de forma rectangular.
 - a) Si la base mide 10 m, ¿cuánto medirán la altura y la superficie del corral?
 - b) ¿Cuál será la superficie del corral si la base mide x m?
 - c) ¿Para qué valor de la base es máxima la superficie? ¿Cuál es esa superficie? (2 puntos)
 - d) ¿Cuál es el dominio de definición de esta función?
- 6. Resuelve razonadamente las siguientes ecuaciones (1,25 puntos):

a)
$$2^{x-1} = \frac{1}{16}$$

b)
$$\log_{x} 125 = 3$$
.

c)
$$log_3(2x + 5) = 2$$