

Departamento de Matemáticas

1.- Escribe la expresión algebraica correspondiente:

| Enunciado | Expresión algebraica |
|---|-------------------------|
| Un número cualquiera | X |
| El triple de un número | |
| La mitad de su anterior | |
| El resultado de sumarle tres unidades | |
| La mitad de un número tres unidades mayor que X | |
| El triple del resultado de sumarle cinco unidades | |
| Un número cinco unidades mayor que el doble de X | |
| El doble de un número. | |
| El cuadrado de un número menos tres. | |
| La suma de dos números. | |
| La diferencia de los cuadrados de dos números. | 7 |
| La mitad de un número. | 1 |
| El cuádruplo de un número. | |
| La suma de un número y su cuadrado. | J. |
| El doble de un número menos cinco. | Q |
| La tercera parte de un número. | S |
| El cuadrado de la suma de dos números. | |
| El doble de la suma de tres números. | |
| El triple de la raíz cuadrada de un número. | |
| La suma de tres números consecutivos. | |
| Una cuarta parte de la suma de dos números. | |
| Un número aumentado en cinco unidades. | |
| El doble de un número menos el triple de otro. | |
| Las tres cuartas partes de un número. | |
| El cubo de la diferencia de dos números. | |
| El producto de dos números. | |
| La décima parte de un número más el quíntuplo de otro. | |
| El 18% de un número. | |
| La mitad de un número menos su anterior. | |
| La suma de dos números consecutivos. | |
| El doble de un núm <mark>ero menos cuatro unidades.</mark> | |
| La suma de la mitad de un número más sus dos terceras partes. | |
| El cuadrado de la diferencia del doble de un número menos su mitad. | iwidad |
| La mitad del resultado de restarle cuatro unidades a X. | iviuat |
| El cuadrado del cociente de la diferencia de 7 menos el doble de un número, dividido entre el triple de ese número. | |

2.- Completa la siguiente tabla:

| Monomio | 8a | -3x | a²b | $\frac{2}{3}xy^2$ | |
|------------------|----|-----|-----|-------------------|---------------|
| Coeficiente | 86 | -3 | 7 | 2/3 | $\frac{1}{4}$ |
| Parte Literal | ∞ | × | a²b | xy ² | ab |
| Grado | 1 | 1 | 3 | 3 | 1/4 ab |

3.- Opera las siguientes expresiones con monomios:

- a) a + a
- b) x + x + x
- c) $x^2 + x^2$

- d) 4a + a
- e) $m^3 + 2m^3 + 4m^3$ f) $3x^2 + 6x^2$
- $g) 4n^4 n^4$ h) $5c^5 - 7c^5 + 3c^5$
- i) $5a^2 9a^2$

Sol: a) 2a; b) 3x; c) 2x²; d) 5a; e) 7m³; f) 9x²; g) 3n⁴; h) c⁵; i) -4a²

4.- Opera los siguientes monomios:

a)
$$(3x)\cdot(5x)$$
 b) $(-a)\cdot(4a)$

c)
$$\frac{x^2}{2} \cdot \frac{x^3}{3}$$

d)
$$\left(\frac{x^2}{2}\right) \cdot (6x)$$
 e) $(4x^3y) \cdot (xy)$ f) $\frac{20x^3}{4x^2}$
g) $\frac{15x}{3x^2}$ h) $(-5a) : (-5a^3)$ i) $\frac{12a^2}{4a^5}$

(e)
$$(4x^3y)$$

$$f) \ \frac{20x^3}{4x^2}$$

g)
$$\frac{15x}{3x^2}$$

i)
$$\frac{12a^2}{4a^5}$$

5.- Reduce todo lo posible:

a)
$$x^2 + 4 + x^2 + 1$$

e)
$$3x + (3x - 1)$$

b)
$$3x^2 + 4 - x^2 + 2x - 5$$

b)
$$3x^2 + 4 - x^2 + 2x - 5$$
 f) $(4x + 2) - (3x + 4)$

c)
$$10-3x+x^2-7-4x$$

c)
$$10-3x+x^2-7-4x$$
 g) $(6x^2-x)-(3x^2-5x+6)$

d)
$$5x^2 - 3 - 4x^2 + 1 - 2x$$
 h) $(x-3) - (x^2 + 2x + 1)$

Sol: a) 2x²+5; b) 2x²+2x-1; c) x²-7x+3; d) x^2 -2x-2; e) 6x-1; f) x-2; g) $3x^2$ +4x-6; h) $-x^2$ -x-4

6.- Calcula:

a)
$$3 \cdot (2x + 5)$$

$$f) (2x-3)\cdot (x+4)$$

b)
$$7 \cdot (x^3 - 3x)$$

$$g(4-x)\cdot(2x-1)$$

c)
$$x^2 \cdot (5x - 3)$$

h)
$$5x \cdot (x^2 + x - 3)$$

d)
$$3x^2 \cdot (x^2 - 2x)$$

i)
$$(3x-2)\cdot(2x^2+4x-3)$$

e)
$$(x^2 + 2x - 3) \cdot (3x^3 + 5x^2 - 4)$$
 j) $(x^3 - 2x^2) \cdot (3x^6 - 2x^4)$

$$(x^3 - 2x^2) \cdot (3x^6 - 2x^4)$$

Sol: a) 6x+15; b) $7x^3-21x$; c) $5x^3-3x^2$; d) $3x^4-6x^3$; e) $3x^5+11x^4+x^3-19x^2-8x+12$; f) $2x^2+5x-12$; g) $-2x^2+9x-4$; h) $5x^3+5x^2-15x$; i) $6x^3+8x^2-17x+6$; j) $3x^9-6x^8-2x^7+4x^6$

7.- En los siguientes Polinomios, indica el grado y el valor numérico:

| P(x) | Grado | P(0) | P(-2) | P(1/2) |
|------------------------|-------|------|-------|--------|
| $8x^3 + 5x^4 - 3x + 1$ | 4 | 1 | 23 | 13/16 |
| $2+3x-9x^2+5x^3$ | 3 | 2 | -8 | 51/8 |
| $3x-3x^2-2+9x^3$ | 3 | -2 | -92 | -1/8 |
| $y + 7y^2 - 4y$ | 2 | 0 | 34 | 1/4 |

8.- Utiliza las identidades notables para desarrollar estas expresiones:

a)
$$(3x-6)^2$$

b)
$$(3x+3)$$

$$)^2$$

b)
$$(3x+3)^2$$
 c) $(y^2-1)(y^2+1)$

d)
$$(2x-y)^2$$

e)
$$(3a + 2b)$$

$$f) (1+3x^2)$$

d)
$$(2x-y)^2$$
 e) $(3a+2b)^2$ f) $(1+3x^2)(1-3x^2)$

$$g)\left(2m-\frac{n}{2}\right)^2$$

$$g)\left(2m - \frac{n}{2}\right)^2$$
 $h)\left(3x - \sqrt{3}\right)\left(3x + \sqrt{3}\right)$ $i)\left(3x + \frac{5}{2}\right)$

Sol: a) $9x^2-36x+36$; b) $9x^2+18x+9$; c) y^4-1 ; d) $4x^2-4xy+y^2$; e) $9a^2+12ab+4b^2$; f) 1-9x4; g) 4m2-2mn+n2/4; h) 9x2-3; i) 9x2+15x+25/4

9.- Considera los siguientes polinomios:

$$P(x) = 3x^4 - 6x^3 + 4x - 2$$

$$Q(x) = x^3 - 2x^2 - 3x + 1$$

$$R(x) = 2x^2 + 4x - 5$$

$$S(x) = x^2 + 1$$

Calcula:

a)
$$P(x) + Q(x)$$
 b) $2 \cdot P(x) - 3Q(x) + 4 \cdot R(x)$ c) $2 \cdot P(x) \cdot R(x)$

c)
$$2 \cdot P(x) \cdot R(x)$$
 d) $3 \cdot [P(x) \cdot Q(x)] - 2 \cdot S(X)$ e) $P(x) \cdot S(x) - R(x)$

a) $3x^4-5x^3-2x^2+x-1$; b) $6x^4-15x^3+14x^2+33x-27$; c) $12x^6-78x^4+76x^3+24x^2-56x+20$ d) $9x^7-36x^6+9x^5+74x^4-48x^3-26x^2+30x-8$; e) $3x^6-6x^5+3x^4-2x^3-4x^2+3$

Departamento de Matemáticas

10.- Completa la tabla siguiente:

| Polinomio | Términos | Término Independiente | Grado del polinomio | P(-1) |
|----------------------|----------|--------------------------|------------------------|-------|
| $-2x^3 + 3x - 5$ | 33 | -5 | 3 | -6 |
| $5a - 5a^2 + 5a^3$ | 3 | No tiene | 3 | -15 |
| $x^3 - 2x^2 - x - 3$ | 4 | -3 | 3 | -5 |
| 6x – 7 | 2 | -7 | 1 | -13 |
| $6y + 5y^2 - 9$ | 3 | -9 | 2 | -10 |

11.- Copia y completa:

a)
$$(10x^5 + 8x^3 - 6x^2 + 12x)$$
: $= 5x^4 + 4x^2 - 3x + 6$

b)
$$(12x^4z^3 - 18x^3z^4 + 24x^2z^2)$$
: _____ = $4x^2z - 6xz^2 + 8$

c)
$$(4x^5yz - 7x^4yz^2 + 6x^3y^3z^2)$$
: _____ = $4x^2 - 7xz + 6y^2z$

12.- Copia y completa los términos que faltan:

a)
$$(2x+4)^2 = _{--} + 16x + _{--}$$

b)
$$(3x^2-2)^2 = 9_{-} + _{-} -12x^2$$

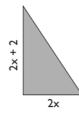
c)
$$(\underline{} + 5)^2 = x^4 + 10 \underline{} + \underline{}$$

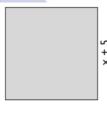
d)
$$(3 - \underline{\hspace{1cm}})^2 = \underline{\hspace{1cm}} + 16x^2 - 24x$$

e)
$$(2x^2+3)(\underline{\hspace{1cm}}-3)=\underline{\hspace{1cm}}$$

$$f) \left(\underline{\hspace{1cm}} -4z^3 \right)^2 = \underline{\hspace{1cm}} x^2y^2 - 16 \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}$$

13.- Dados el triángulo y el cuadrado siguientes, expresa sus áreas con un polinomio en función de x:





Sol: $T(x)=2x^2+2x$; $C(x)=x^2+10x+25$

14.- Transforma en producto las siguientes expresiones:

a)
$$4x^{2} + 8x +$$

a)
$$4x^2 + 8x + 4$$
 b) $x^2 - 6x + 9$

c)
$$9x^2 - 36$$

d)
$$a^2 - 2a + 1$$

e)
$$x^2 + 2xy + y^2$$

f)
$$a^2 - 16$$

Sol: a)(2x+2)²; b) (x-3)²; c) (3x+6)·(3x-6); d) (a-1)²; e) (x+y)²; f) (a+4)·(a-4)

15.- ¿Cuánto debe valer x para que al sustituirla en cada una de las casillas sea este un cuadrado mágico? (Recuerda que en un cubo mágico, la suma de las filas, de las columnas y de las diagonales debe ser la misma)

| x-1 | 3x-2 | 4-(1-x) |
|------------|--------------|---------|
| 3 <i>x</i> | 10 - (x + 2) | x – 2 |
| x+1 | 2x-3 | 3x-1 |

16.- Si el grado de un polinomio P(x)=2 y el grado de otro Q(x)=4, ¿Qué grado tendrá el producto $P(x)\cdot Q(x)$?.

17.- Expresa el perímetro y el área de un rectángulo, sabiendo que su base mide 3 metros más que su altura.

Sol: P(x)=4x+6; $A(x)=x^2+3x$

18.- Calcula m para que $P(x) = x^3 - mx^2 + 5x - 2$ sea divisible por x+1

Sol: m=-8

19.- En una división exacta de polinomios, el cociente es C(x)=3x-2 y el divisor es $D(x)=2x^2+1$, averigua el dividendo P(x).

Sol: $P(x)=6x^3-4x^2+3x-2$

20.- En una división de polinomios, el cociente es C(x)=3x-5, el divisor es $D(x)=3x^2+2x$ y el dividendo es $P(x) = 9x^3 - 9x^2 - 10x - 4$. Halla el resto R(x).

Sol: R(x) = -4

21.- Realiza las siguientes operaciones:

a)
$$(x+1)\cdot(2x+3)-2\cdot(x^2+1)$$

b)
$$(2x-5)\cdot(x+2)+3x\cdot(x+2)$$

c)
$$(x^2-3)\cdot(x+1)-(x^2+5)\cdot(x-2)$$

d)
$$(4x+3)\cdot(2x-5)-(6x^2-10x-12)$$

e)
$$3\cdot(2x-1)^2-3\cdot(x^3+3x-6)$$

Sol: a) 5x+1; b) $5x^2+5x-10$; c) $3x^2-8x+7$; d) $2x^2-4x-3$; e) $-3x^3+12x^2-21x+21$

22.- Extrae factor común:

a)
$$18x^4 + 32x^2$$
 d) $6x^2 + 12x - 24$

b)
$$6x^3 - 10x - 8$$
 e) $4x^3 - 2x^2 - 10x + 6$

c)
$$9a + 6a^2 + 3a^3$$
 f) $2x - 6xy - 4zx$

Sol: a) $2x^2 \cdot (9x^2+16)$; b) $2 \cdot (3x^3-5x-4)$; c) $3a \cdot (3+2 \cdot a+a^2)$; d) $6 \cdot (x^2+2x-4)$; e) $2(x^3-x^2-5x+3)$; f) 2x(1-3y-2z)

23.- Descompón en factores y después simplifica:

a)
$$\frac{x^2 - 9}{x^2 - 6x + 9}$$
 b) $\frac{5x + 15}{x^2 + 6x + 9}$ c) $\frac{3x^2 + 6x + 3}{5x^2 + 5x}$
d) $\frac{x^2 + 2x + 1}{5x^2 + 5x}$ e) $\frac{2x^2 - 6x}{2x^3 - 12x^2 + 18x}$ f) $\frac{3x + 3}{3x^2 - 3}$

c)
$$\frac{3x^2+6x+3}{5x^2+5x}$$

d)
$$\frac{x^2 + 2x + 1}{5x^2 + 5x}$$

e)
$$\frac{2x^3 - 0x}{2x^3 - 12x^2 + 18x}$$
 f) $\frac{3}{3}$

Sol:
$$a)\frac{x+3}{x-3}b)\frac{5}{x+3}c)\frac{3x+3}{5x}d)\frac{x+1}{5x}e)\frac{1}{x-3}f)\frac{1}{x-1}$$

24.- Realiza las siguientes divisiones de polinomios:

a)
$$(x^3 + x^2 - x + 2) : (x - 1)$$

$$b)(x^3-x^2+3x-9):(x-2)$$

$$c)(x^3-2x^2-x+2):(x^2+1)$$

$$d)(5x^4-14+5x+x^3):(4x^2-5)$$

$$e)(20x^3+12x^4+29-39x^2-28x):(4x^2-5)$$

$$f$$
) $(9x^4 + 15x^3 - 6x^2 - 5x + 5): (3x^2 - 1)$

$$g)(x^4-x^3+6x^2-5x+5):(x^2-x+1)$$

Sol: a) x^2+2x+1 ; R(3); b) x^2+x+5 ; R(1); c) x-2; R(-2x+4); d) $5/4x^2+1/4x+25/16$; R(25/4x-99/16); e) $3x^2+5x-6$; R(-3x-1); f) $3x^2+5x-1$; R(4); g) x^2+5

25.- Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$(6x^3 - 4x^2 + 5x - 4)^2 - (3x^3 + 5x^2 - 4x + 2)^2$$

b)
$$(3x^3 - 4x^2 + 6)^2 - (2x^3 + 4x - 3)^2$$

c)
$$[(2x^2 - 4x + 5) \cdot (3x^2 - 4x + 7)] - (5x^2 - 4x + 3)^2$$

d)
$$[(6x^2 - 5x + 3) \cdot (2x^2 - 4x + 5)] - (3x^2 + 4x - 2)^2$$

Sol: a) $27x^6-78x^5+75x^4-60x^3+21x^2-24x+12$; b) $5x^6-24x^5+48x^3-64x^2+24x+27$; c) $-19x^4+20x^3-x^2-24x+26$; d) $3x^4-58x^3+52x^2-21x+11$

26.- Raquel es profesora de 3º ESO y mientras corregía un examen se encontró con la siguiente expresión:

$$\left(x+3\right)^2 = x^2 + 9$$

Razona por qué se trata de un grave error e indica cuál sería la respuesta correcta.

27.- ¿Para qué valor de "m" el polinomio $x^4+4x^3-25x^2-4$ 16x+m, se anula si x=2?

Sol: m=84

Departamento de Matemáticas http://selectividad.intergranada.com

- 28.- Expresa con un monomio:
 - a) El perímetro de esta figura.
 - **b)** El área de la misma.
 - c) El volumen del cubo.



Sol: a) 14x b) 6x2 c) x3

29.- Expresa con un monomio el área de la parte coloreada en estas figuras:



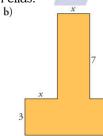




Sol: a) 5/9 x²; b) ½ x²; c) 3/8 x

30.- Escribe el área y el perímetro de estas figuras utilizando la x y los números que aparezcan en ellas:





Sol: a) $5/9 x^2$; b) $\frac{1}{2} x^2$; c) $\frac{3}{8} x^2$

31.- Doblando un alambre de 40 cm formamos un rectángulo. Halla la expresión algebraica que define el área del rectángulo y calcula su valor para x=4.

Sol: a) A=x(20-x) b) A=64 cm²

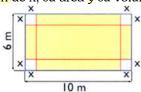
32.- Calcula el valor de "m" para que al dividir $P(x) = 2x^5 - 4x^4 + 3x^2 - (m+5)x + 18$ por (x-3) de resto 60.

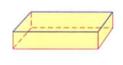
Sol: m=

33.- ¿Para qué valor de "m" el polinomio x^4-2x^2+5x-m , toma el valor 3 si x=2?

Sol: m=15

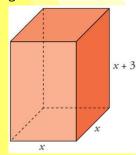
- **34.** Expresa algebraicamente el área de una corona circular de radios x y x+2. Sol: $\pi(1+2x)$
- **35.-** Dada una caja sin tapa y su desarrollo, calcula en función de x, su área y su volumen

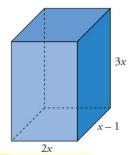




Sol: A(x)=60- $4x^2$; V(x)= $4x^3$ - $32x^2$ +60x

36.- Expresa el área total y el volumen de estos cuerpos geométricos mediante un polinomio:

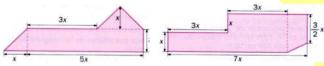




Sol: $A_1 = 6x^2 + 12x$; $V_1 = x^3 + 3x^2$; $A_2 = 22x^2 - 10x$; $V_2 = 6x^3 - 6x^2$

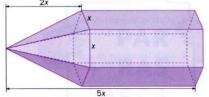
37.- Escribe un polinomio de segundo grado que no tenga

38.- Expresa con x el perímetro de estas figuras:



Sol: Izq) $x \cdot (10 + 3\sqrt{2})$; Der) $\frac{x}{2} \cdot (33 + \sqrt{5})$

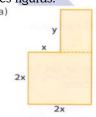
39.- Expresa algebraicamente el area de esta figura:

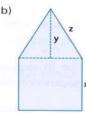


Solución :

 $A(x) = 3x^{2} \cdot \left(\frac{\sqrt{5}}{2} + \frac{\sqrt{19}}{2} + 3 \right)$

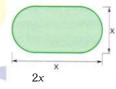
40.- Expresa algebraicamente el perímetro y el área de las siguientes figuras.





Sol: a) P=8x+2y; $A=4x^2+xy$; b) P=3x+2z; $A=x^2+xy/2$

41.- Expresa algebraicamente el área de estas figuras:





Sol: $A_1(x) = x^2 \left(1 + \frac{\pi}{4} \right) A_2(x) = x^2 \left(\frac{4 + 3\pi}{4} \right)$

42.- El cateto de un triángulo rectángulo isósceles es $\frac{24-x}{2}$. Expresa algebraicamente la hipotenusa.

Sol:
$$\frac{\sqrt{2}}{2}(24-x)$$

- **43.-** Escribe un polinomio de segundo grado que tenga solo la raíz 3.
- **44.-** Escribe un polinomio que tenga por raíces los números 2, 3 y –1.
- **45.-** Responde razonadamente a las siguientes cuestiones:
 - **a)** Si la división P(x): (x-2) es exacta, ¿qué puedes afirmar del valor P(2)?
 - **b)** Si -5 es una raíz del polinomio P(x), ¿qué puedes afirmar de la división P(x) : (x + 5)?
 - c) ¿En qué resultado te has basado para responder a las dos preguntas anteriores?
- **46.-** Si el lado x de un cuadrado aumenta en a cm y formamos un nuevo cuadrado.



Suma las áreas de los rectángulos y cuadrados de la figura y comprueba que obtienes el área del cuadrado de lado x + a.



Departamento de Matemáticas

47.- Utilizando las identidades notables y sacando factor común, simplifica las siguientes fracciones algebraicas:

a)
$$\frac{15a^3b^2}{5ab^4} = \frac{3a^2}{b^2}$$

$$f) \quad \frac{14x + 21y}{50x + 75y}$$

b)
$$\frac{121a^4c^5d^7}{11ac^5d^8} = \frac{11a^3}{d}$$
 g) $\frac{27m - 36n}{36m - 48n}$

g)
$$\frac{27m - 36n}{36m - 48n}$$

c)
$$\frac{7mn^4p^5}{21m^3np^7} = \frac{n^3}{3m^2p^2}$$
 h) $\frac{x^2-x}{xy-y}$

$$h) \quad \frac{x^2 - x}{xy - y}$$

d)
$$\frac{8a-16b}{24} = \frac{a-2b}{3}$$
 i) $\frac{a^2+2ab+b^2}{3a+3b}$

i)
$$\frac{a^2 + 2ab + b^2}{3a + 3b}$$

e)
$$\frac{42}{18a + 24b} = \frac{7}{3a + 4b}$$
 j) $\frac{m^2 - n^2}{m^2 + 2mn + n^2}$

$$j) \frac{m^2 - n^2}{m^2 + 2mn + r}$$

$$Sol: f)\frac{7}{25} g)\frac{3}{4} h)\frac{x}{y} i)\frac{a+b}{3} j)\frac{m-n}{m+n}$$

48.- Multiplica las siguientes fracciones algebraicas:

a)
$$\frac{2x+1}{x^2-4} \cdot \frac{x+2}{x-5}$$

c)
$$\frac{9x}{3x-3} \cdot \frac{x^2-1}{3x^2}$$

b)
$$\frac{2x+4}{x^2-9} \cdot \frac{x+3}{x+2}$$

d)
$$\frac{5x^3}{x+1} \cdot \frac{x^2+2x+1}{x^2+x}$$

$$\frac{2x+1}{x^2-4} \cdot \frac{x+2}{x-5} \qquad c) \qquad \frac{9x}{3x-3} \cdot \frac{x^2-1}{3x^2}$$

$$\frac{2x+4}{x^2-9} \cdot \frac{x+3}{x+2} \qquad d) \qquad \frac{5x^3}{x+1} \cdot \frac{x^2+2x+1}{x^2+x}$$

$$\text{Sol: } a) \frac{2x+1}{(x-2)(x-5)} \quad b) \frac{2}{x-3} \quad c) \frac{x+1}{x} \quad d) \quad 5x^2$$

49.- Divide las siguientes fracciones algebraicas:

$$a) \quad \frac{1}{2x^2} : \frac{x+3}{4x}$$

a)
$$\frac{1}{2x^2}:\frac{x+3}{4x}$$
 c) $\frac{2x^2}{3x^2-3}:\frac{x}{x+1}$
b) $\frac{1}{8x^3}:\frac{4x+2}{3x^5}$ d) $\frac{x-3}{x}:\frac{x^2-9}{x^2+3x}$

$$b) \quad \frac{1}{8x^3} : \frac{4x+2}{3x^5}$$

d)
$$\frac{x-3}{x}:\frac{x^2-9}{x^2+3x}$$

$$Sol:a)\frac{2}{x(x+3)}$$
 $b)\frac{3x^2}{16(2x+1)}$ $c)\frac{2x}{3x-3}$ $d)$

50.- Opera y simplifica las siguientes fracciones algebraicas:

a)
$$\frac{3}{2x+4} + \frac{2x}{x^2-4}$$

$$\frac{3}{2x+4} + \frac{2x}{x^2-4} \qquad c) \quad \frac{2x}{x^2-4} + \frac{x+1}{4x-8}$$

b)
$$\frac{x-2}{x+2} + \frac{x+2}{x-2}$$
 d) $x - \frac{x^2-1}{x}$

d)
$$x - \frac{x^2 - 1}{x}$$

Sol:
$$a)\frac{7x-6}{2x^2-8}$$
 $b)\frac{2x^2+8}{x^2-4}$ $c)\frac{x^2+11x+2}{4x^2-16}$ $d)\frac{1}{x}$

51.- Realiza las siguientes operaciones combinadas:

a)
$$\left(\frac{a^2+b^2}{a^2-b^2}-\frac{a+b}{a-b}\right)\cdot\frac{a+b}{ab}$$

b)
$$\frac{x^2 - x + 9}{x^3 - 9x} + \frac{1}{x^2 - 9} - \frac{1}{x - 3} + \frac{1}{x}$$

c)
$$\left(1-\frac{1}{x}\right): \frac{3x-3}{x^6} + \frac{1}{x}$$

d)
$$\left(\frac{2x^2+21}{(x-3)^2}+\frac{7}{x-3}\right):\frac{2x+7}{x^2-9}$$

e)
$$\frac{1}{x-2} - \frac{x^2 + 4x + 8}{(x+2)^2 \cdot (x-2)} + \frac{1}{x^2 - 4}$$

f)
$$\frac{x-2}{x^2+x-2} - \frac{x+1}{x^2-4} + \frac{x+3}{x^2-3x+2}$$
Sol: a) $\frac{-2}{a-b}$ b) $\frac{1}{x+3}$ c) $\frac{x^6+3}{3x}$ d) $\frac{x(x+3)}{x-3}$ e) $\frac{1}{(x+2)^2}$ f) $\frac{x^2+x+11}{x^3-x^2-4x+4}$

52.- Con la ayuda de la regla de Ruffini, descompón factorialmente los siguientes polinomios:

a)
$$2x^3 - 10x^2 + 14x - 6$$

b)
$$3x^4 - 2x^3 - 13x^2 + 8x + 4$$

c)
$$x^4 - 4x^3 - 6x^2 + 36x - 27$$

d)
$$x^4 + 4x^3 - 2x^2 - 12x + 9$$

e)
$$7x^4 - 28x^3 + 21x^2 + 28x - 28$$

f)
$$2x^4 - 13x^3 + 27x^2 - 23x + 7$$

g)
$$2x^4 + 3x^3 - x$$

h)
$$2x^4 + 12x^3 + 26x^2 + 24x + 8$$

Sol: a) $2 \cdot (x-1)^2 \cdot (x-3)$; b) $(3x+1) \cdot (x+2) \cdot (x-2) \cdot (x-1)$; c) $(x-3)^2 \cdot (x+3) \cdot (x-1)$; d) $(x-3)^2 \cdot (x-1)^2$; e) $7 \cdot (x+1) \cdot (x-1) \cdot (x-2)^2$; f) $(x-1)^3 \cdot (2x-7)$; g) $x \cdot (x+1)^2 \cdot (2x-1)$; h) $(x+1)^2 \cdot (x+2)^2$

53.- Si te atreves, simplifica al máximo las siguientes fracciones algebraicas:

a)
$$\frac{\frac{9+6x+x^2}{9-x^2} \cdot \frac{3x^2-x^3}{3x^2+x^3}}{\frac{2x-4}{4} \cdot \frac{2}{8} \cdot \frac{2x^2-8x+8}{x-2}}$$

$$b) \quad \frac{\frac{3}{x+1} - \frac{2}{x^2 - 1} + \frac{x}{x-1}}{\frac{x^2 - 25}{x^2 - 4x - 5}}$$

c)
$$\frac{\frac{x^2 + 2x + 1}{x^2 - 1} \cdot \frac{4x^2 - 4x}{x + 1}}{\frac{2x^2 + 14x + 20}{x^3 - 50 + 2x^2 - 25x} : \frac{x - 5}{2x^3 - 20x^2 + 50x}}$$

$$\frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x + 1} \cdot \frac{2x^2 - 8x - 10}{x - 1} \\
\frac{2x + 2}{x^2 + x - 2} : \frac{x + 1}{x^3 - 4x^2 - 7x + 10}$$

a)
$$\left(\frac{a^2 - b^2}{a^2 - b}\right) \cdot \overline{ab}$$

b) $\frac{x^2 - x + 9}{x^3 - 9x} + \frac{1}{x^2 - 9} - \frac{1}{x - 3} + \frac{1}{x}$
e) $\frac{\left(\frac{x^3 - 6x^2 + 11x - 6}{x^2 - 9} \cdot \frac{x^2 + 2x - 3}{x^2 - 3x + 2}\right) \cdot \frac{x^2 + x - 2}{x^2 + 4x + 4}}{\frac{2x^2 - 2x}{3x^2 + 3x - 6} \cdot \frac{3x^2 + 12x + 12}{2x}}$

Sol: Todas dan 1.

54.- Simplifica todo lo que puedas:

$$\frac{2x - 2x^{2}}{\left(x+1\right)^{2}} - \left(\frac{x^{2} + 3x + 2}{\left(x-1\right)^{2}} - \frac{x^{2} - x + 1}{x-1}\right)$$

$$\frac{x^{2} + 2x + 1}{x^{2} - 1} + \frac{x^{2} - 2x + 1}{\left(x+1\right)^{2}}$$

Sol:
$$\frac{x^3 - 3x^2 - x - 3}{x^2 + 3}$$