A	Nombre:		
p 125	Curso:	4º ESO A	Examen V
Departamento de Matemáticas	Fecha:	13 de febrero de 2023	Ecuaciones e Inecuaciones

1.- Resuelve paso a paso cada una de las siguientes ecuaciones y completa la taba con sus soluciones: (7 puntos)

	Ecuación	Solución / Soluciones
a)	$\frac{4x-3}{6} - \frac{3x-1}{4} = \frac{4x-2}{3} - 1$	
b)	$(x-3)\cdot(x-2)+\frac{x(x-3)}{2}=(x-2)^2$	
c)	$-x^4 + 29x^2 = 100$	
d)	$x^5 - 3x^3 = 4x$	
e)	$\frac{2+x}{1+x} - \frac{1}{x-1} = \frac{3-x}{1-x^2}$	
f)	$\frac{1}{2}\sqrt{1+\sqrt{x+1}}=1$	
9)	$4\log_2(x^2+1) = \log_2 625$	

2. - Resuelve paso a paso cada una de las siguientes inecuaciones y completa la tabla con sus soluciones en forma de intervalo o de unión de intervalos: (3 puntos) intergranada.com

	Inecuación	Solución / Soluciones
x)	$\frac{2-3x}{5} - \frac{x+1}{10} < \frac{1-4x}{2}$	
y)	$2x^3 + 5x^2 > 4x + 3$	
2)	$\frac{x^2 + 6x + 9}{x^2 - x^3} \ge 0$	

A E	Nombre:			2ª Evaluación	Nota
p. 1+5	Curso:	4° ESO A	Examen V		
Departamento de Matemáticas	Fecha:	13 de febrero de 2023	Ecuaciones e Inecuacione	s	

1.— Resuelve paso a paso cada una de las siguientes ecuaciones y completa la taba con sus soluciones: (7 puntos)

	Ecuación	Solución / Soluciones
a)	$\frac{4x-3}{6} - \frac{3x-1}{4} = \frac{4x-2}{3} - 1$	1
b)	$(x-3)\cdot(x-2)+\frac{x(x-3)}{2}=(x-2)^2$	1 y 4
c)	$-x^4 + 29x^2 = 100$	-5, -2, 2 y 5
d)	$x^5 - 3x^3 = 4x$	-2,0,2
e)	$\frac{2+x}{1+x} - \frac{1}{x-1} = \frac{3-x}{1-x^2}$	0
f)	$\frac{1}{2}\sqrt{1+\sqrt{x+1}}=1$	8
9)	$4\log_2(x^2+1) = \log_2 625$	-2 y 2

2.— Resuelve paso a paso cada una de las siguientes inecuaciones y completa la tabla con sus soluciones en forma de intervalo o de unión de intervalos: (3 puntos)

	Inecuación	Solución / Soluciones
x)	$\frac{2-3x}{5} - \frac{x+1}{10} < \frac{1-4x}{2}$	X<2/13
y)	$2x^3 + 5x^2 > 4x + 3$	(-3, -1/2) U (1, +∞)
2)	$\frac{x^2 + 6x + 9}{x^2 - x^3} \ge 0$	(-∞,0) U (0,1)

A E	Nombre:	SOLU	CIONES	2ª Evaluación
0	Curso:	4º ESO A	Examen V	
Departamento de Matemáticas	Fecha:	13 de febrero de 2023	Ecuaciones e Inecuaciones	S

a)
$$\frac{4x-3}{6} - \frac{3x-1}{4} = \frac{4x-2}{3} - 1 \qquad \Rightarrow \qquad \frac{2 \cdot (4x-3)}{12} - \frac{3 \cdot (3x-1)}{12} = \frac{4 \cdot (4x-2)}{12} - \frac{12}{12} \qquad \Rightarrow$$

$$\frac{\text{Quitamos}}{\text{denominadores}} \qquad \frac{2 \cdot (4x-3)}{12} - \frac{3 \cdot (3x-1)}{12} = \frac{4 \cdot (4x-2)}{12} - \frac{12}{12} \qquad \Rightarrow \qquad 8x-6-9x+3=16x-8-12$$

$$\frac{\text{transponemos}}{\text{terminos}} \qquad \Rightarrow \qquad 8x-9x-16x=6-3-8-12 \qquad \Rightarrow \qquad -17x=-17 \qquad \Rightarrow \qquad x=\frac{-17}{-17}=1$$

$$\Rightarrow \qquad x=1$$

b)
$$(x-3)\cdot(x-2) + \frac{x(x-3)}{2} = (x-2)^2$$

$$\xrightarrow{\text{reducimos a comón denominador}} \frac{2\cdot(x-3)\cdot(x-2)}{2} + \frac{x(x-3)}{2} = \frac{2\cdot(x-2)^2}{2} \rightarrow \frac{2\cdot(x-2)^2}{2} \rightarrow \frac{2\cdot(x-3)\cdot(x-2)}{2} + \frac{x(x-3)}{2} = \frac{2\cdot(x-2)^2}{2} \rightarrow \frac{2\cdot(x-3)\cdot(x-2)}{2} \rightarrow \frac{2\cdot(x-3)\cdot(x-2)}{2} + \frac{x(x-3)}{2} = \frac{2\cdot(x-2)^2}{2} \rightarrow \frac{2\cdot(x-3)\cdot(x-2)}{2} \rightarrow \frac{2\cdot(x-2)\cdot(x-2)}{2} \rightarrow \frac$$

Transposición
$$\rightarrow$$
 $x^5 - 3x^3 - 4x = 0$ \rightarrow \rightarrow $x(x^4 - 3x^2 - 4) = 0$ \rightarrow Si el producto de 2 números es cero es porque alguno de ellos es cero \rightarrow
$$\begin{cases} x = 0 \\ x^4 - 3x^2 - 4 = 0 \end{cases}$$
 (Ec. Bicuadrada)
$$\rightarrow x^4 - 3x^2 - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$z^2 - 3z - 4 = 0 \qquad \rightarrow$$

$$e) \frac{2+x}{1+x} - \frac{1}{x-1} = \frac{3-x}{1-x^2} \xrightarrow{\text{Operamos}} \frac{2+x}{1+x} + \frac{1}{1-x} = \frac{3-x}{1-x^2} \xrightarrow{\text{Factorizamos}} \left[1-x^2 = (1-x)\cdot(1+x)\right]$$

$$\xrightarrow{\text{reducimos a común} \atop \text{denominador}} \frac{(2+x)(1-x)}{(1+x)(1-x)} + \frac{1+x}{(1+x)(1-x)} = \frac{3-x}{(1+x)(1-x)}$$

$$\xrightarrow{\text{eliminamos} \atop \text{denominadores}} \xrightarrow{\text{denominadores}} \frac{(2+x)(1-x)}{(1+x)(1-x)} + \frac{1+x}{(1+x)(1-x)} = \frac{3-x}{(1+x)(1-x)} \xrightarrow{\text{operamos}} \xrightarrow{\text{operamos}} (2+x)(1-x) + 1+x = 3-x$$

$$\xrightarrow{\text{operamos}} \xrightarrow{\text{operamos}} \xrightarrow{\text{operamos}} \xrightarrow{\text{operamos}} \xrightarrow{\text{operamos}} \xrightarrow{\text{operamos}} -x^2+x = 0 \xrightarrow{\text{operamos}} \xrightarrow{\text{Factor}} x (1-x) = 0$$

$$\xrightarrow{\text{Resolvemos}} \xrightarrow{\text{operamos}} \xrightarrow{\text{operamo$$

$$f) \frac{1}{2}\sqrt{1+\sqrt{x+1}} = 1 \qquad \xrightarrow{\text{Pasamos el 2} \\ \text{a la derecha}} \qquad \sqrt{1+\sqrt{x+1}} = 2 \qquad \xrightarrow{\text{Elevamos al} \\ \text{cuadrado}} \qquad \left(\sqrt{1+\sqrt{x+1}}\right)^2 = 2^2 \qquad \rightarrow \\ \Rightarrow \qquad 1+\sqrt{x+1} = 4 \qquad \Rightarrow \qquad \sqrt{x+1} = 4-1 \qquad \Rightarrow \qquad \sqrt{x+1} = 3 \qquad \xrightarrow{\text{Elevamos al} \\ \text{cuadrado}} \qquad \left(\sqrt{x+1}\right)^2 = 3^2 \\ \Rightarrow \qquad x+1=9 \qquad \Rightarrow \qquad x=8$$

g)
$$4\log_2(x^2+1) = \log_2 625$$
 $\xrightarrow{\text{Subimos el 4}} \log_2(x^2+1)^4 = \log_2 625$
 $\xrightarrow{\text{Quitamos logaritmos}} (x^2+1)^4 = 625 = 5^4$
 $\Rightarrow \text{Si}(x^2+1)^4 = 5^4 \text{ entonces}$
 $x^2+1=5$
 $\Rightarrow x=\pm 2$
 $\xrightarrow{\text{Despejamos x}} x^2 = 4$
 $\Rightarrow x=\pm \sqrt{4}$

Las soluciones son x=-2 y x=+2

$$x) \frac{2-3x}{5} - \frac{x+1}{10} < \frac{1-4x}{2} \xrightarrow{\text{Reducimos a común} \atop \text{denominador}} \frac{4-6x}{10} - \frac{x+1}{10} < \frac{5-20x}{10} \xrightarrow{\text{Quitamos denominador}} \frac{4-6x}{\cancel{10}} - \frac{x+1}{\cancel{10}} < \frac{5-20x}{\cancel{10}}$$

$$\rightarrow 4-6x-x-1<5-20x \xrightarrow{\text{Agrupamos}} 13x<2 \xrightarrow{\text{Despejamos}} x<\frac{13}{2} \xrightarrow{\text{Quitamos}} (-\infty, \frac{13}{2})$$

y)
$$2x^3 + 5x^2 > 4x + 3$$
 $\xrightarrow{\text{Agropamos}}$ $2x^3 + 5x^2 - 4x - 3 > 0$ $\xrightarrow{\text{Factorizamos}}$ $(x-1)(x+3)(2x-1) > 0$ Dibujamos la recta real y las tres raíces, -3 , $\frac{1}{2}$ y 1.

Y comprobamos con un valor sencillo el signo en cada intervalo.

Si x=0; $(-1)\cdot 3\cdot (-1)>0$ si, por tanto el 0 verifica la igualdad. Así que la solución es: $(-\infty, -3) \cup (-\frac{1}{2}, 1)$

$$z) \frac{x^2 + 6x + 9}{x^2 - x^3} \ge 0 \quad \rightarrow \quad \begin{cases} x^2 + 6x + 9 \ge 0 & \text{Cosa que ocurre siempre} \\ x^2 - x^3 > 0 & \rightarrow \end{cases} \quad \frac{x^2 + 6x + 9 \ge 0}{x^2 - x^3} = 0 \quad x^2 = 0 \quad x < 1$$

Pero de la cual hay que quitar el O porque anula el denominador, así que la solución es: $(-\infty,0)$ \cup (0,1)



http://selectividad.intergranada.com

www.intergranada.com

A E	Nombre:			2ª Evaluación	Nota
g. 1-6	Curso:	4° ESO A	Simulacro Examen \	J	
Departamento de Matemáticas	Fecha:	9 de febrero de 2023	Resolución de ecuaciones e inecu	aciones	

1.— Resuelve paso a paso cada una de las siguientes ecuaciones y completa la taba con sus soluciones: (7 puntos)

	Ecuación	Solución / Soluciones
a)	$\frac{2x+1}{3} - \frac{1}{2} \left(x - \frac{1}{2}\right) = \frac{x-1}{6} - \frac{x}{4}$	
b)	$\frac{(2x-1)\cdot(2x+1)}{3} + \frac{(x-2)^2}{4} = \frac{3x+4}{6} + \frac{x^2}{3}$	
c)	$36x^4 - 13x^2 + 1 = 0$	
d)	$4x^4 - x^3 - 28x^2 + 31x - 6 = 0$	
e)	$\frac{1}{x^2 - 3x + 2} + \frac{1}{x - 1} = \frac{1}{x - 2}$	
f)	$\sqrt{4x+5}-\sqrt{3x+1}=1$	
9)	$3^{\kappa} - 3^{\kappa - 1} + 3^{\kappa - 2} = 21$	

2.- Resuelve paso a paso cada una de las siguientes inecuaciones y completa la tabla con sus soluciones en forma de intervalo o de unión de intervalos: (3 puntos)

	Inecuación	Solución / Soluciones
x)	$\frac{1-x}{3} \ge x - \frac{4x-2}{4}$	
y)	$2x^3 - 4x^2 > 5x(1+x)$	
2)	$\frac{x(x+2)}{x-2} > 0$	

A E	Nombre:	SOLU	CIONES	2ª Evaluación
ф. 1 <u>-5</u> 5	Curso:	4º ESO A	Simulacro Examen \	ſ
Departamento de Matemáticas	Fecha:	9 de febrero de 2023	Resolución de ecuaciones e inecu	aciones

1.— Resuelve paso a paso cada una de las siguientes ecuaciones y completa la taba con sus soluciones: (7 puntos)

	Ecuación	Solución / Soluciones
a)	$\frac{2x+1}{3} - \frac{1}{2} \left(x - \frac{1}{2}\right) = \frac{x-1}{6} - \frac{x}{4}$	-3
b)	$\frac{(2x-1)\cdot(2x+1)}{3} + \frac{(x-2)^2}{4} = \frac{3x+4}{6} + \frac{x^2}{3}$	0 6/5
c)	$36x^4 - 13x^2 + 1 = 0$	±1/2 ±1/3
d)	$4x^4 - x^3 - 28x^2 + 31x - 6 = 0$	-3 1/4 1 2
e)	$\frac{1}{x^2 - 3x + 2} + \frac{1}{x - 1} = \frac{1}{x - 2}$	Identidad
f)	$\sqrt{4x+5}-\sqrt{3x+1}=1$	1
9)	$3^{\kappa} - 3^{\kappa - 1} + 3^{\kappa - 2} = 21$	3

2.— Resuelve paso a paso cada una de las siguientes inecuaciones y completa la tabla con sus soluciones en forma de intervalo o de unión de intervalos: (3 puntos)

Inecuación		Solución / Soluciones		
x)	$\frac{1-x}{3} \ge x - \frac{4x-2}{4}$	$\left(-\infty,-\frac{1}{2}\right]$		
y)	$2x^3 - 4x^2 > 5x(1+x)$	$\left(-\frac{1}{2},0\right) \cup \left(2,+\infty\right)$		
2)	$\frac{\kappa(\kappa+2)}{\kappa-2}>0$	(-∞,0) U (2,+ ∞)		

A E	Nombre:			2ª Evaluación	Nota
g, 1-6	Curso:	4° ESO A	Micro Examen IV		
Departamento de Matemáticas	Fecha:	27 de febrero de 2023	Ecuaciones & Inecuacione	s	

1.- Resuelve las siguientes ecuaciones e inecuaciones: (0,5 pontos cada una)

a)
$$\sqrt{2x-3} - \sqrt{x+7} = 4$$

b)
$$\frac{x-2}{x-1} - \frac{x^2}{x^2 - 3x + 2} = \frac{x-1}{x-2}$$

c)
$$\log \sqrt{x+3} - \log 4 = \frac{1}{2} \log (x-3)$$

d)
$$32x^{10} - 31x^5 - 1 = 0$$

$$e$$
) $10x^4 - 5x^3 - 65x^2 - 30x = 0$

$$f) 4^{\kappa+2} + 2^{\kappa+3} - 320 = 0$$

$$y) \frac{(x-2)^2}{2} + \frac{5x+6}{6} < \frac{(x+3)\cdot(x-3)}{3} + 6$$

z)
$$\frac{\kappa+1}{\kappa+2}-2\geq 0$$
 http://selectividad.intergranada.com

www.intergranada.com

	Nombre:	SOLUCIONES 2ª Evaluación		2ª Evaluación
g, 1:G)	Curso:	4º ESO A	Micro Examen IV	
Departamento de Matemáticas	Fecha:	27 de febrero de 2023	Ecuaciones & Inecuacione	s

1. - Resuelve las siguientes ecuaciones e inecuaciones: (0,5 puntos cada una)

a)
$$\sqrt{2x-3} - \sqrt{x+7} = 4$$
 $\rightarrow \sqrt{2x-3} = \sqrt{x+7} + 4$ $\xrightarrow{\text{and os miembros}} (\sqrt{2x-3})^2 = (\sqrt{x+7} + 4)^2$ \rightarrow

$$2x-3 = x+7+16+8\sqrt{x+7} \xrightarrow{\text{Transponemos}} 2x-3-x-7-16=8\sqrt{x+7} \rightarrow$$

$$\xrightarrow{\text{Agrupamos}} x-26=8\sqrt{x+7} \xrightarrow{\text{otra vez}} (x-26)^2 = (8\sqrt{x+7})^2 \rightarrow x^2-52x+676=64(x+7)$$

$$\rightarrow x^2-52x+676-64x-448=0 \rightarrow x^2-116x+228=0 \rightarrow (x-114)\cdot(x-2)=0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_1 = 114 \\ x = 2 \end{cases} \rightarrow \text{Desechamos } x=2, \text{ así que, la solución es: } x=114$$

b)
$$\frac{x-2}{x-1} - \frac{x^2}{x^2 - 3x + 2} = \frac{x-1}{x-2}$$

Reducimos a común $\frac{(x-2)^2}{(x-1)(x-2)} - \frac{x^2}{(x-2)\cdot(x-1)} = \frac{(x-1)^2}{(x-2)\cdot(x-1)}$

Quitamos $\frac{(x-2)^2}{(x-1)(x-2)} - \frac{x^2}{(x-2)\cdot(x-1)} = \frac{(x-1)^2}{(x-2)\cdot(x-1)}$

Desarrollamos $\frac{(x-2)^2}{(x-2)\cdot(x-1)} = \frac{(x-1)^2}{(x-2)\cdot(x-1)}$

Agrupamos $\frac{(x-2)^2 - x^2 = (x-1)^2}{(x-2)\cdot(x-1)} \rightarrow \frac{(x-2)^2 - x^2$

c)
$$\log \sqrt{x+3} - \log 4 = \frac{1}{2} \log(x-3)$$

$$\xrightarrow{\text{de los}} \log \frac{\sqrt{x+3}}{4} = \log(x-3)^{\frac{1}{2}} \rightarrow \log \frac{\sqrt{x+3}}{4} = \log \sqrt{x-3}$$

$$\rightarrow \text{ Si los logaritmos son iguales, entonces también lo serán sus mantisas} \rightarrow$$

$$\rightarrow \frac{\sqrt{x+3}}{4} = \sqrt{x-3} \rightarrow \sqrt{x+3} = 4\sqrt{x-3}$$

$$\xrightarrow{\text{anbos miembros}} (\sqrt{x+3})^2 = (4\sqrt{x-3})^2 \rightarrow$$

$$\rightarrow x+3 = 16(x-3) \rightarrow x+3 = 16x-48 \rightarrow 15x=51 \rightarrow x=\frac{51}{15} \rightarrow x=\frac{17}{5}$$

d)
$$32x^{10} - 31x^5 - 1 = 0 \rightarrow \text{ (Si hacemos } z = x^5) \rightarrow 32z^2 - 31z - 1 = 0 \rightarrow$$

Factorizando
$$(z-1)\cdot(32z+1) = 0 \rightarrow \begin{cases} z_1 = 1 \rightarrow x^5 = 1 \rightarrow x_1 = \sqrt[5]{1} \rightarrow x_1 = 1 \\ z_2 = \frac{-1}{32} = \frac{-1}{2^5} = \left(\frac{-1}{2}\right)^5 \rightarrow x^5 = \left(\frac{-1}{2}\right)^5 \rightarrow x_2 = -\frac{1}{2}$$

e)
$$10x^{4} - 5x^{3} - 65x^{2} - 30x = 0$$
 \rightarrow $5x(2x^{3} - x^{2} - 13x - 6) = 0$ \rightarrow

Factorizamos mediante Ruffini \rightarrow $5x \cdot (x - 3) \cdot (x + 2) \cdot (2x + 1) = 0$ \rightarrow

$$\begin{cases}
\text{Si } 5x = 0 & \rightarrow x_{1} = 0 \\
\text{Si } x - 3 = 0 & \rightarrow x_{2} = 3 \\
\text{Si } x + 2 = 0 & \rightarrow x_{3} = -2 \\
\text{Si } 2x + 1 = 0 & \rightarrow x_{4} = -\frac{1}{2}
\end{cases}$$

$$f) \ 4^{\kappa+1} + 2^{\kappa+3} - 320 = 0 \qquad \rightarrow \qquad (2^2)^{\kappa+1} + 2^{\kappa+3} - 320 = 0 \qquad \rightarrow \qquad (2^2)^{\kappa} \cdot (2^2)^1 + 2^3 \cdot 2^{\kappa} - 320 = 0$$

$$\rightarrow \qquad 4(2^{\kappa})^2 + 8 \cdot 2^{\kappa} - 320 = 0 \qquad \rightarrow \qquad \text{Si hacemos el cambio: } 2^{\kappa} = z \qquad \rightarrow \qquad 4z^2 + 8z - 320 = 0$$

$$\stackrel{\text{Simplificamos}}{\rightarrow} \qquad z^2 + 2z - 80 = 0 \qquad \rightarrow \qquad z = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 4 \cdot 1 \cdot 80}}{2} = \frac{-2 \pm \sqrt{324}}{2} = \frac{-2 \pm 18}{2} = -1 \pm 9 \qquad \rightarrow$$

$$\stackrel{\text{Resolvemos}}{\rightarrow} \qquad \begin{cases} z_1 = -1 + 9 = 8 \qquad \rightarrow \qquad z^{\kappa} = 8 = 2^3 \qquad \rightarrow \qquad \kappa = 3 \\ y \text{ deshacemos} \\ el \text{ cambio} \end{cases} \qquad \begin{cases} z_1 = -1 - 9 = -10 \qquad \rightarrow \qquad \text{No solución} \end{cases}$$

$$y) \frac{(\varkappa-2)^2}{2} + \frac{5\varkappa+6}{6} < \frac{(\varkappa+3)\cdot(\varkappa-3)}{3} + 6 \qquad \Rightarrow \qquad \frac{3\cdot(\varkappa-2)^2}{6} + \frac{5\varkappa+6}{6} < \frac{2\cdot(\varkappa+3)\cdot(\varkappa-3)}{6} + \frac{36}{6}$$

$$\xrightarrow{\text{Qoitamos denominadores}} \qquad \frac{3\cdot(\varkappa-2)^2}{\cancel{\&}} + \frac{5\varkappa+6}{\cancel{\&}} < \frac{2\cdot(\varkappa+3)\cdot(\varkappa-3)}{\cancel{\&}} + \frac{36}{\cancel{\&}} \qquad \Rightarrow \qquad 3\cdot(\varkappa-2)^2 + 5\varkappa+6 < 2\cdot(\varkappa^2-9) + 36$$

$$\xrightarrow{\text{Operamos y Agrupamos}} \qquad \Rightarrow \qquad 3\varkappa^2 - 12\varkappa + 12 + 5\varkappa + 6 < 2\varkappa^2 - 18 + 36 \qquad \Rightarrow \qquad \varkappa^2 - 7\varkappa < 0 \qquad \Rightarrow \qquad x^2 - 7\varkappa < 0 \qquad \Rightarrow \qquad$$

$$z) \frac{x+1}{x+2} - 2 \ge 0 \qquad \xrightarrow{\text{Reducimos a comón denominador}} \qquad \frac{x+1}{x+2} - \frac{2 \cdot (x+2)}{x+2} \ge 0 \qquad \xrightarrow{\text{Agrupamos}} \qquad \frac{x+1-2x-4}{x+2} \ge 0 \qquad \rightarrow \qquad \frac{-x-3}{x+2} \ge 0$$

$$\rightarrow \qquad -\frac{x+3}{x+2} \ge 0 \qquad \rightarrow \qquad \text{Solo será posible si numerador y denominador tienen signos opuestos} \qquad \rightarrow$$

$$\begin{cases} \text{Si } \begin{cases} x+3 \ge 0 & \rightarrow & x \ge -3 \\ x+2 < 0 & \rightarrow & x < -2 \end{cases} \qquad \rightarrow \qquad [-3,-2) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \qquad \begin{cases} \text{Si } \begin{cases} x+3 \le 0 & \rightarrow & x \le -3 \\ x+2 > 0 & \rightarrow & x > -2 \end{cases} \qquad \rightarrow \qquad \text{No solución} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \qquad Sol: \{ x \in \mathbb{R} / -3 \le x < -2 \}$$