

Departamento de Matemáticas

Nombre:			
Curso:	4º ESO B	Examen Final	
Fecha:	24 de Marzo de 2016	2ª Evaluación	

1.- Una molécula de hidrógeno pesa 3,3·10⁻²⁴ g. Cuántas moléculas hay en un gramo de hidrógeno? (1 punto)

Sol: 3·10²³ moléculas

- **2.-** Un depósito de agua mide igual de largo que de ancho y que de alto. Para llenarlo se dispone de tres grifos que echan 15 litros por minuto durante 10 horas.
 - a) Calcula las dimensiones del depósito.
 - b) Si queremos construir otro depósito que tenga la mitad del volumen, cuáles serán sus dimensiones?
 - c) Cuántos grifos con un caudal de 5 litros por minuto serán necesarios para llenar el depósito en 6 horas? (1,5 puntos)

Solución: 3 y 6 horas

3.- Un anticuario vendió dos relojes de bolsillo por 210€, con uno obtuvo una ganancia del 10% y con el otro una pérdida del 10%. En total obtuvo una ganancia del 5% sobre el precio de compra. ¿Cuál fue el precio de compra de cada uno de los relojes?. (1 punto)

Sol: 50 € uno y 150 € el otro.

4.- El número de visitantes a cierta exposición durante el mes de febrero se incrementó en un 12% respecto al mes de enero. Sin embargo, en marzo sufrió un descenso del 12% respecto a febrero. Si el número de visitantes en enero superó en 36 personas al de marzo, ¿cuántas personas vieron la exposición en enero? (1 punto)

Sol: 2.500 personas

5.- Representa la siguiente función definida a trozos e indica su dominio, recorrido, extremos relativos y absolutos, cortes con los ejes, continuidad, simetrías.... (2 puntos)

$$y = f(x) = \begin{cases} -x + 3 & \text{si} & x < -1 \\ -2 & \text{si} & -1 \le x < 4 \\ 3x - 10 & \text{si} & 4 \le x \end{cases}$$

6.- Calcula o resuelve según sea el caso. (4 puntos)

a)
$$\begin{cases} 2x - \frac{3x - y}{5} = \frac{22}{5} \\ \frac{y}{3} + \frac{4x - 3y}{4} = \frac{31}{12} \end{cases}$$
 b)(x - 3) (x - 2) + $\frac{x (x - 3)}{2} = (x - 2)^2$ c) $\frac{3 - x}{1 - x^2} - \frac{2 + x}{1 + x} = \frac{1}{1 - x}$ d) $\frac{\sqrt{2}}{x - 1} = \frac{1}{\sqrt{8} - 1}$

7.- Determina el dominio de las siguientes funciones: (1 punto)

$$f(x) = \frac{x+13}{x^4 + x^3 - 3x^2 - 3x}$$

$$g(x) = \sqrt{\frac{x^2}{x-1}}$$