Pág. 1

### **PÁGINA 213**

### PRACTICA

#### Tablas de frecuencias

| 0 | 3 | 1 | 2 | 0 | 2 | 1 | 3 | 0 | 4 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 1 | 4 | 3 | 5 | 3 | 2 | 4 | 1 |
| 5 | 0 | 2 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 2 | 1 |
| 2 | 1 | 0 | 0 | 3 | 0 | 5 | 3 | 2 | 1 |

- a) Di cuál es la variable y de qué tipo es.
- b) Haz una tabla de frecuencias y representa los datos en un diagrama adecuado.
- a) Variable: "Número de faltas de ortografía"

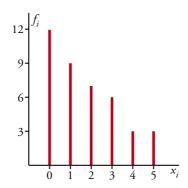
Es una variable cuantitativa discreta.

Llamamos  $x_i$  a dicha variable y sus valores son 0, 1, 2, 3, 4 y 5.

b) Tabla de frecuencias:

| X <sub>i</sub>   | f <sub>i</sub>   |
|------------------|------------------|
| 0                | 12               |
| 1                | 9                |
| 2                | 7                |
| 3                | 6                |
| 2<br>3<br>4<br>5 | 7<br>6<br>3<br>3 |
| 5                | 3                |
|                  | 40               |

Diagrama de barras:



2 Las urgencias atendidas durante un mes en un centro de salud fueron:

| 1 | 5 | 3 | 2 | 1 | 6 | 4 | 2 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 4 | 3 | 5 | 1 | 0 | 1 | 5 | 3 | 3 | 6 |
| 2 | 4 | 6 | 3 | 2 | 4 | 3 | 2 | 1 | 5 |

- a) ¿Cuál es la variable y de qué tipo es?
- b) Haz una tabla de frecuencias y representa los datos.
- a) Variable: n.º de urgencias atendidas.

Tipo: cuantitativa discreta.

Pág. 2

| b) | X, = URGENCIAS ATENDIDAS | f <sub>i</sub> |
|----|--------------------------|----------------|
|    | 0                        | 1              |
|    | 1                        | 5              |
|    | 2                        | 6              |
|    | 3                        | 7              |
|    | 4                        | 4              |
|    | 5                        | 4              |
|    | 6                        | 3              |

de barras:

f<sub>i</sub>
642-

Representamos los datos en un diagrama

3 En una maternidad se han tomado los pesos (en kilogramos) de 50 recién nacidos:

- a) ¿Cuál es la variable y de qué tipo es?
- b) Construye una tabla con los datos agrupados en 6 intervalos de 1,65 a 4,05.
- c) Representa gráficamente esta distribución.

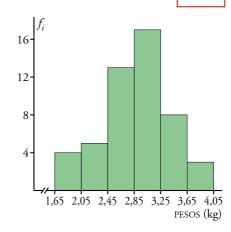
Localizamos los valores extremos: 1,8 y 3,9.

Recorrido = 3.9 - 1.8 = 2.1

a) Variable: peso de los recién nacidos.
 Tipo: cuantitativa continua.

| INTERVALOS  | MARCA DE CLASE<br>( <sub>X</sub> ) | f, |
|-------------|------------------------------------|----|
| 1,65 - 2,05 | 1,85                               | 4  |
| 2,05 - 2,45 | 2,25                               | 5  |
| 2,45 - 2,85 | 2,65                               | 13 |
| 2,85 - 3,25 | 3,05                               | 17 |
| 3,25 - 3,65 | 3,45                               | 8  |
| 3,65 - 4,05 | 3,85                               | 3  |
|             |                                    | 50 |

c) Representamos los datos en un histograma; al ser los intervalos de la misma amplitud, la altura de cada barra corresponde a la frecuencia  $(f_i)$  de cada intervalo.



Pág. 3

4 A un grupo de 30 personas se les ha tomado el número de pulsaciones por minuto (ritmo cardíaco) obteniéndose los siguientes resultados:

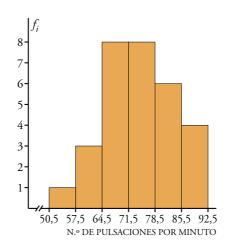
Representa gráficamente esta distribución agrupando los datos en 6 intervalos (desde 50,5 a 92,5).

Cada intervalo medirá 
$$\frac{92,5-50,5}{6} = 7$$
.

Tabla de frecuencias:

| INTERVALO   | MARCAS DE CLASE | FREGUENCIA |
|-------------|-----------------|------------|
| 50,5 - 57,5 | 54              | 1          |
| 57,5 - 64,5 | 61              | 3          |
| 64,5 - 71,5 | 68              | 8          |
| 71,5 - 78,5 | 75              | 8          |
| 78,5 - 85,5 | 82              | 6          |
| 85,5 - 92,5 | 89              | 4          |

Histograma:



Puesto que los intervalos son de la misma longitud, la altura de cada barra en este histograma coincide con la frecuencia.

### Media, desviación típica y C.V.

Halla la media, la desviación típica y el coeficiente de variación en las siguientes distribuciones:

**5** 

| X <sub>i</sub>   | f <sub>i</sub>   |
|------------------|------------------|
| 0                | 12               |
| 1                | 9                |
| 2                | 7<br>6<br>3<br>3 |
| 3                | 6                |
| 2<br>3<br>4<br>5 | 3                |
| 5                | 3                |
|                  |                  |

| X,  | f <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> <sup>2</sup> |
|-----|----------------|-------------------------------|--|
| 0   | 12             | 0                             | 0  |
| 1   | 9              | 9                             | 9  |
| 2   | 7              | 14                            | 28   |
| 2 3 | 6              | 18                            | 28<br>54                                   |
| 4   | 3<br>3         | 12                            | 48   |
| 5   | 3              | 15                            | 75   |
|     | 40             | 68                            | 214  |

MEDIA: 
$$\bar{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i} = \frac{68}{40} = 1.7$$

VAR.: 
$$\frac{\sum f_i x_i^2}{\sum f_i} - \overline{x}^2 = \frac{214}{40} - 1,7^2 = 2,46$$

DESVIACIÓN TÍPICA: 
$$\sigma = \sqrt{2,46} = 1,57$$

Coeficiente de Variación: C.V. = 
$$\frac{\sigma}{r}$$
 = 0,9235  $\rightarrow$  92,35%

6 💷 🗆

| X <sub>i</sub>        | f <sub>i</sub>                  |
|-----------------------|---------------------------------|
| 0                     | 1                               |
| 1                     | 1<br>5<br>6<br>7<br>4<br>4<br>3 |
| 2                     | 6                               |
| 2<br>3<br>4<br>5<br>6 | 7                               |
| 4                     | 4                               |
| 5                     | 4                               |
| 6                     | 3                               |

$$x_i$$
 $f_i$ 
 $f_i x_i$ 
 $f_i x_i^2$ 

 0
 1
 1
 0

 1
 5
 5
 5

 2
 6
 12
 24

 3
 7
 21
 63

 4
 4
 16
 64

 5
 4
 20
 100

 6
 3
 18
 108

MEDIA: 
$$\bar{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i} = \frac{93}{30} = 3.1$$

VAR.: 
$$\frac{\sum f_i x_i^2}{\sum f_i} - \overline{x}^2 = \frac{364}{30} - 3,1^2 = 2,52$$

DESVIACIÓN TÍPICA: 
$$\sigma = \sqrt{2,52} = 1,59$$

Coeficiente de Variación: C.V. = 
$$\frac{\sigma}{\overline{x}}$$
 = 0,5129  $\rightarrow$  51,29%

7 💷 🗆 🗆

| INTERVALO | f <sub>i</sub> |
|-----------|----------------|
| 1,65-2,05 | 4              |
| 2,05-2,45 | 5              |
| 2,45-2,85 | 13             |
| 2,85-3,25 | 17             |
| 3,25-3,65 | 8              |
| 3,65-4,05 | 3              |

| INTERVALOS   | X <sub>i</sub>                               | f <sub>i</sub>               | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub>                   | f <sub>i</sub> X <sub>i</sub> <sup>2</sup>          |
|--|--|------------------------------|---|---|
| 1,65 - 2,05<br>2,05 - 2,45<br>2,45 - 2,85<br>2,85 - 3,25<br>3,25 - 3,65<br>3,65 - 4,05 | 1,85<br>2,25<br>2,65<br>3,05<br>3,45<br>3,85 | 4<br>5<br>13<br>17<br>8<br>3 | 7,4<br>11,25<br>34,45<br>51,85<br>27,6<br>11,55 | 13,69<br>25,31<br>91,29<br>158,14<br>95,22<br>44,47 |
|  | ·  | 50                           | 144,1   | 428,12  |

$$\overline{x} = \frac{144,1}{50} = 2,9$$

VAR. = 
$$\frac{428,12}{50} - 2,8^2 = 0,1524$$

$$\sigma = \sqrt{0,1524} = 0.39$$

C.V. = 
$$\frac{0.39}{2.9}$$
 = 0.1345  $\rightarrow$  13.45%

8 💷 🗆

| INTERVALO | f <sub>i</sub> |
|-----------|----------------|
| 50,5-57,5 | 1              |
| 57,5-64,5 | 3              |
| 64,5-71,5 | 8              |
| 71,5-78,5 | 8              |
| 78,5-85,5 | 6              |
| 85,5-92,5 | 4              |

| INTERVALO  | X,                               | f <sub>i</sub>        | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub>         | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> <sup>2</sup>              |
|--|----------------------------------|-----------------------|---------------------------------------|---|
| 50,5-57,5<br>57,5-64,5<br>64,5-71,5<br>71,5-78,5<br>78,5-85,5<br>85,5-92,5 | 54<br>61<br>68<br>75<br>82<br>89 | 1<br>3<br>8<br>8<br>6 | 54<br>183<br>544<br>600<br>492<br>356 | 2 916<br>11 163<br>36 992<br>45 000<br>40 344<br>31 684 |
| 07,7 72,7  |                                  | 30                    | 2 2 2 2 9                             | 168 099   |

$$\overline{x} = \frac{2229}{30} = 74,3$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{168\,099}{30} - 74,3^2} = 9,1$$

C.V. = 
$$\frac{9,1}{74,3}$$
 = 0,1225  $\rightarrow$  12,25%

**9** Los gastos mensuales de una empresa A tienen una media de 100 000 euros y una desviación típica de 12 500 euros. En otra empresa B la media es 15 000 euros, y la desviación típica, 2 500 euros. Calcula el coeficiente de variación y di cuál de las dos tiene más variación relativa.

Empresa A: 
$$\frac{\overline{x} = 100\,000 \in}{\sigma = 12\,500 \in}$$
 C.V.  $= \frac{\sigma}{\overline{x}} = \frac{12\,500}{100\,000} = 0,125$  o bien 12,5%

Empresa B: 
$$\overline{x} = 15\,000 \in$$
 C.V. =  $\frac{2\,500}{15\,000} = 0.1\widehat{6}$  o bien 16,67%

Tiene mayor variación relativa la empresa B.

Pág. 6

10 Cl peso medio de los alumnos de una clase es de 58,2 kg, y su desviación típica, 3,1 kg. El de las alumnas de esa clase es 52,4 kg y su desviación típica es 5,2 kg. Calcula el coeficiente de variación y compara la dispersión de ambos grupos.

Alumnos 
$$\begin{cases} \overline{x} = 58.2 \text{ kg} \\ \sigma = 3.1 \text{ kg} \end{cases}$$
 C.V.  $= \frac{3.1}{58.2} = 0.053 \rightarrow 5.3\%$ 

Alumnas 
$$\begin{cases} \overline{x} = 52.4 \text{ kg} \\ \sigma = 5.2 \text{ kg} \end{cases}$$
 C.V.  $= \frac{5.2}{52.4} = 0.099 \rightarrow 9.9\%$ 

El peso medio de las alumnas es más variable que el peso de los alumnos.

11 Se han medido los pesos y las alturas de 6 personas, obteniéndose los siguientes datos:

Calcula el coeficiente de variación y di si están más dispersos los pesos o las alturas.

| PESO ( <b>kg</b> ) | ALTURA ( <b>m</b> ) |
|--------------------|---------------------|
| 65                 | 1,70                |
| 60                 | 1,50                |
| 63                 | 1,70                |
| 63                 | 1,70                |
| 68                 | 1,75                |
| 68                 | 1,80                |

$$\overline{7938}$$
4 225
9 248
 $\overline{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i} = \frac{387}{6} = 64.5 \text{ kg}$ 

VAR. = 
$$\frac{\sum f_i x_i^2}{\sum f_i} - \overline{x}^2 = \frac{25011}{6} - 64.5^2 = 8.25 \rightarrow \sigma = \sqrt{8.25} = 2.87 \text{ kg}$$
  
C.V. =  $\frac{\sigma}{\overline{x}} = \frac{2.87}{64.5} = 0.044 \text{ o bien } 4.4\%$ 

ALTURAS 
$$(y_i)$$
  $f_i$   $f_iy_i$   $f_iy_i^2$ 

1.5
1.7
3
5.1
8.67
1.75
1
1.75
3.06
1.8
1
1.8
3.24

 $\overline{y} = \frac{\sum f_i y_i}{\sum f_i} = \frac{10,15}{6} = 1,69 \text{ m}$ 

VAR. = 
$$\frac{\Sigma f_i y_i^2}{\Sigma f_i} - \overline{y}^2 = \frac{17,22}{6} - 1,69^2 = 0,0139 \rightarrow \sigma = \sqrt{20,0139} = 0,12 \text{ m}$$

C.V. = 
$$\frac{\sigma}{\overline{y}} = \frac{0.12}{1.69} = 0.071$$
 o bien 7,1%

Están más dispersas las alturas que los pesos.

### PÁGINA 214

#### Medidas de posición

12 De La mediana y los cuartiles de la distribución de "Aptitud para la música" (escala 1-100) en un colectivo de personas son  $Q_1 = 31$ , Me = 46 y  $Q_3 = 67$ .

Completa las siguientes afirmaciones:

- a) El 75% tiene una aptitud superior o igual a \_\_\_\_.
- b) El 25% tiene una aptitud superior o igual a \_\_\_\_.
- c) El \_\_\_\_% tiene una aptitud igual o menor a 46 puntos.
- d) El \_\_\_\_% tiene una aptitud superior o igual a 46 e inferior o igual a 67.
- e) El \_\_\_\_% tiene una aptitud superior o igual a 31 e inferior o igual a 67.
- a)  $Q_1 = 31$
- b)  $Q_3 = 67$
- c) 50%

d) 25%

- e) 50%
- 13 🔲 La altura, en centímetros, de un grupo de alumnos y alumnas de una misma clase es:

150 169 171 172 172 175 181

182 183 177 179 176 184 158

Calcula la mediana y los cuartiles y explica el significado de estos parámetros.

Colocamos los datos en orden creciente:

150 - 158 - 169 - 171 - 172 - 172 - 175 - 176 - 177 - 179 - 181 - 182 - 183 - 184

Hay 14 datos:

$$\frac{14}{2} = 7 \rightarrow$$

Mediana: valor intermedio de los dos centrales situados en séptima y octava posición:

$$Me = \frac{175 + 176}{2} = 175,5 \text{ cm}$$

Significa que la mitad de los alumnos tiene una estatura inferior a 175,5 cm.

$$\frac{14}{4}$$
 = 3,5  $\rightarrow$ 

$$\frac{14}{4}$$
 = 3,5  $\rightarrow$   $Q_1$  = 171 cm (4.° lugar)

El 25% de los alumnos mide menos de 171 cm de altura.

$$14 \cdot \frac{3}{4} = 10.5 \rightarrow Q_3 = 181 \text{ cm (posición } 11)$$

El 75% de los alumnos tiene una estatura inferior a 181 cm.

14 Calcula la mediana y los cuartiles de la siguiente distribución:

| ľ | Xį | 0  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|----|----|---|---|---|---|---|
| I | fį | 12 | 9 | 7 | 6 | 3 | 3 |

| Xi | f <sub>i</sub> | Fi | EN % |
|----|----------------|----|------|
| 0  | 12             | 12 | 30   |
| 1  | 9              | 21 | 52,5 |
| 2  | 7              | 28 | 70   |
| 3  | 6              | 34 | 85   |
| 4  | 3              | 37 | 92,5 |
| 5  | 3              | 40 | 100  |

- Me = 1, porque para  $x_i = 1$  la  $F_i$  supera el 50%  $Q_1 = 0$ , porque  $F_i$  supera el 25% para  $x_i = 0$   $Q_3 = 3$ , porque  $F_i$  supera el 75% para  $x_i = 3$

15 IIII Halla la mediana, los cuartiles y el percentil 60 en cada una de las siguientes distribuciones, correspondientes a las notas obtenidas en un test que han hecho dos grupos de estudiantes:

$$24 - 25 - 32 - 35 - 20 - 28 - 30$$

$$29 - 23 - 31 - 21 - 20 - 18 - 27$$

Colocamos en orden creciente los datos:

Hay 15 datos:

- La mediana es el valor central (posición 8)  $\rightarrow Me = 25$
- $\frac{15}{4}$  = 3,75  $\rightarrow$   $Q_1$  = 22 (4.a posición)
- $15 \cdot \frac{3}{4} = 11,25 \rightarrow Q_3 = 30 \ (12.^{\text{a}} \text{ posición})$
- $15 \frac{60}{100} = 9 \rightarrow p_{60}$  será el valor intermedio de los datos situados en 9.ª y  $10.^a$  posición, es decir:

$$p_{60} = \frac{27 + 28}{2} \rightarrow p_{60} = 27,5$$

Hay 14 datos:

- Los dos valores centrales son 23 y 25  $\rightarrow Me = \frac{23 + 25}{2} = 24$
- $\frac{14}{4}$  = 3,5  $\rightarrow$   $Q_1$  = 21 (4.a posición)
- $14 \cdot \frac{3}{4} = 10.5 \rightarrow Q_3 = 29 \text{ (11.a posición)}$

• 
$$14 \cdot \frac{60}{100} = 8.4 \rightarrow p_{60} = 27 \text{ (9.a posición)}$$

Pág. 9

16 En la fabricación de cierto tipo de bombillas se han detectado algunas defectuosas. Se han estudiado 200 cajas de 100 bombillas cada una, obteniéndose la siguiente tabla:

| DEFECTUOSAS  | 1 | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  | 8 |
|--------------|---|----|----|----|----|----|----|---|
| N.° DE CAJAS | 5 | 15 | 38 | 42 | 49 | 31 | 18 | 2 |

Calcula la mediana, los cuartiles y los percentiles  $p_{10}$ ,  $p_{90}$  y  $p_{95}$ .

Hacemos la tabla de frecuencias acumuladas.

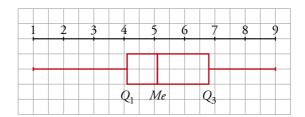
| X, | fį | F <sub>i</sub> | EN % |
|----|----|----------------|------|
| 1  | 5  | 5              | 2,5  |
| 2  | 15 | 20             | 10   |
| 3  | 38 | 58             | 29   |
| 4  | 42 | 100            | 50   |
| 5  | 49 | 149            | 74,5 |
| 6  | 31 | 180            | 90   |
| 7  | 18 | 198            | 99   |
| 8  | 2  | 200            | 100  |

Para  $x_i = 4$ ,  $F_i$  iguala el 50%, luego la mediana será el valor intermedio entre 4 y el siguiente, 5, esto es, Me = 4,5.

Costo Cos, 
$$p_{10} = p_{25} = 3$$
  
 $Q_1 = p_{25} = 3$   
 $Q_3 = p_{75} = 6$   
 $p_{10} = 2.5$   
 $p_{90} = 6.5$   
 $p_{95} = 7$ 

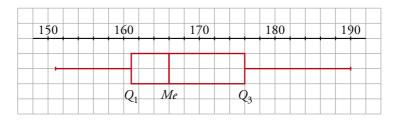
### Diagramas de caja

17 Las puntuaciones obtenidas por 87 personas tienen los siguientes parámetros de posición:  $Q_1 = 4,1$ ; Me = 5,1 y  $Q_3 = 6,8$ . Todas las puntuaciones están en el intervalo 1 a 9. Haz el diagrama de caja.



18 Las estaturas de 35 alumnos de una clase están comprendidas entre 153 y 188. Los tres restantes miden 151, 152 y 190. Conocemos los siguientes parámetros:  $Q_1 = 161$ ; Me = 166 y  $Q_3 = 176$ .

Haz un diagrama de caja para esta distribución.



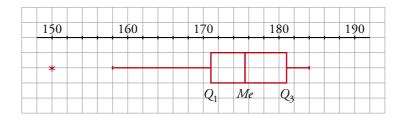
Pág. 10

Haz el diagrama de caja correspondiente a las siguientes distribuciones.

19 La misma que la del ejercicio 13 anterior.

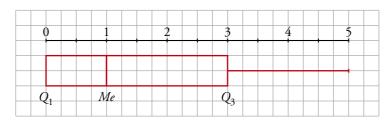
$$Q_1 = 171; Me = 175,5; Q_3 = 181$$

$$(Q_3 - Q_1) \cdot 1,5 = (181 - 171) \cdot 1,5 = 10 \cdot 1,5 = 15$$
 
$$\begin{cases} 171 - 15 = 156 \\ 181 + 15 = 196 \end{cases}$$



20 La misma que la del ejercicio 14 anterior.

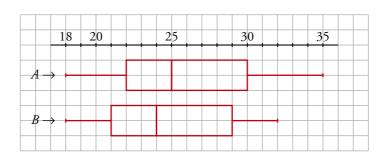
$$Q_1 = 0$$
;  $Me = 1$ ;  $Q_3 = 3$ 



**21** La A y la B que se propusieron en el ejercicio 15 anterior.

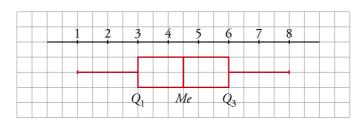
A: 
$$Q_1 = 22$$
;  $Me = 25$ ;  $Q_3 = 30$ 

B: 
$$Q_1 = 21$$
;  $Me = 24$ ;  $Q_3 = 29$ 



22 La misma que la del ejercicio 16 anterior.

$$Q_1 = 3$$
;  $Me = 4.5$ ;  $Q_3 = 6$ 



#### Muestreo

- 23 One Se quiere realizar los siguientes estudios:
  - I. Tipo de transporte que utilizan los vecinos de un barrio para acudir a su trabajo.
  - II. Estudios que piensan seguir los alumnos y alumnas de un centro escolar al terminar la ESO.
  - III. Edad de las personas que han visto una obra de teatro en una ciudad.
  - IV. Número de horas diarias que ven la televisión los niños y niñas de tu comunidad autónoma con edades comprendidas entre 5 y 10 años.
  - a) Di en cada uno de estos casos cuál es la población.
  - b) ¿En cuáles de ellos es necesario recurrir a una muestra? ¿Por qué?
  - a) I  $\rightarrow$  Los vecinos del barrio.
    - II  $\rightarrow$  Alumnos y alumnas de la ESO de un centro.
    - III  $\rightarrow$  Personas que han visto la obra.
    - IV  $\rightarrow$  Niños y niñas de mi comunidad autónoma de entre 5 y 10 años.
  - b) I → Dependiendo del número de vecinos del barrio: si son pocos, población; si son muchos, una muestra. Aunque teniendo en cuenta que es difícil cogerlos a todos y que todos contesten a la encuesta, quizás sería mejor una muestra.
    - II → Población. Con encuestas en clase en las que participan todos (obviamente, siempre falta alguno).
    - III → Muestra. Son muchas personas y sería inoportuno molestar a tanta gente, se formarían colas…
    - IV  $\rightarrow$  Muestra. Son demasiadas personas.

### **PÁGINA 215**

- 24 (Cómo se puede contar el número aproximado de palabras que tiene un cierto libro?
  - Se seleccionan, abriendo al azar, unas cuantas páginas y se cuentan las palabras en cada una.
  - Se calcula el número medio de palabras por página.
  - Se da un intervalo en el que pueda estar comprendido el número total de palabras.

Hazlo con algún libro. O si no, imagina que lo has hecho e inventa los resultados.

• En un libro de 200 páginas, seleccionamos al azar 5 páginas. Contamos el número de palabras de estas páginas: 537, 562, 548, 324, 600.

Pág. 12

• Calculamos el número medio de palabras:

$$\frac{537 + 562 + 548 + 324 + 600}{5} = 514,2$$

En 200 páginas, habrá 102 840 palabras.

- El número de palabras del libro estará entre 100 000 y 105 000.
- 25 Para hacer un sondeo electoral en un pueblo de 400 electores, aproximadamente, se va a elegir una muestra de 200 individuos. Di si te parece válido cada uno de los siguientes modos de seleccionarlos y explica por qué.
  - a) Se le pregunta al alcalde, que conoce a todo el pueblo, qué individuos le parecen más representativos.
  - b) Se eligen 200 personas al azar entre las que acuden a la verbena el día del patrón.
  - c) Se seleccionan al azar en la guía telefónica y se les encuesta por teléfono.
  - d) Se acude a las listas electorales y se seleccionan al azar 200 de ellos.
  - a) No es válido. Se trata de una elección subjetiva.
  - b) No es válido. Probablemente haya grupos de edades mucho más representados que otros.
  - c) Sí es válido.
  - d) Sí es válido.

### PIENSA Y RESUELVE

- 26 Deseamos hacer una tabla con datos agrupados a partir de 384 datos, cuyos valores extremos son 19 y 187.
  - a) Si queremos que sean 10 intervalos de amplitud 17, ¿cuáles serán esos intervalos?
  - b) Haz otra distribución en 12 intervalos de la amplitud que creas conveniente.

Recorrido: r = 187 - 19 = 168

a) Buscamos un número algo mayor que el recorrido y que sea múltiplo de 10. Por ejemplo, r' = 170. De este modo, cada intervalo tendrá una longitud de 17.

Los intervalos son:

b) Buscamos ahora un número que sea múltiplo de 12, que es el número de intervalos en este caso.

 $168 = 12 \cdot 14 \rightarrow \text{la amplitud de cada intervalo será } 14.$ 

Los intervalos son:

Pág. 13

27 Den una urbanización de 25 familias se ha observado la variable "número de coches que tiene la familia" y se han obtenido los siguientes datos:

0 1 2 3 1

0 1 2 3 1

0 1 1 1 4

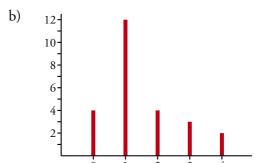
0 1 1 1 4

3 2 2 1 1

a) Construye la tabla de frecuencias de la distribución.

- b) Haz el diagrama de barras.
- c) Calcula la media y la desviación típica.
- d) Halla la mediana y los cuartiles.
- e) Haz el diagrama de caja.

| ٠, |             |                |
|----|-------------|----------------|
| a) | X,          | f <sub>i</sub> |
|    | 0           | 4              |
|    | 1           | 12             |
|    | 2           | 4<br>3         |
|    | 2<br>3<br>4 | 3              |
|    | 4           | 2              |



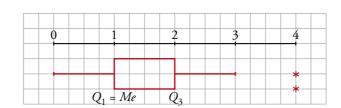
| c) |                |                |                               |          |
|----|----------------|----------------|-------------------------------|----------|
|    | X <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> X <sub>i</sub> | f,X,2    |
|    | 0              | 4              | 0                             | 0        |
|    | 1              | 12             | 12                            | 12       |
|    | 2              | 4              | 8<br>9                        | 16       |
|    | 2<br>3<br>4    | 3              | 9                             | 27<br>32 |
|    | 4              | 2              | 8                             | 32       |
|    |                | 25             | 37                            | 87       |

$$\sigma = \sqrt{\frac{87}{25} - 1,48^2} = 1,14$$

| d) |    |                |    |      |
|----|----|----------------|----|------|
|    | X, | f <sub>i</sub> | Fi | EN % |
|    | 0  | 4              | 4  | 16   |
|    | 1  | 12             | 16 | 64   |
|    | 2  | 4              | 20 | 80   |
|    | 3  | 3              | 23 | 92   |
|    | 4  | 2              | 25 | 100  |
|    |    |                |    |      |

$$Me = 1$$
 $Q_1 = 1$ 
 $Q_3 = 2$ 

e)



Pág. 14

28 El número de personas que acudieron cada día a las clases de natación de una piscina municipal fueron:

| 38 | 31 | <b>54</b>  | <b>4</b> 7 | 50 | 56 | 52        | <b>48</b> | 55 | 60 |
|----|----|------------|------------|----|----|-----------|-----------|----|----|
| 58 | 46 | <b>4</b> 7 | 55         | 60 | 53 | <b>43</b> | 52        | 46 | 55 |
| 43 | 60 | 45         | 48         | 40 | 56 | 54        | 48        | 39 | 50 |
| 53 | 59 | 48         | 39         | 48 |    |           |           |    |    |

- a) Haz una tabla de frecuencias agrupando los datos en intervalos.
- b) Representa gráficamente la distribución.
- c) Halla  $\bar{x}$  y  $\sigma$ .

Localizamos los valores extremos: 31 y 60.

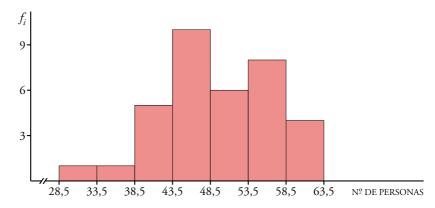
Recorrido = 
$$60 - 31 = 29$$

Agrupamos los datos en 7 intervalos de longitud 5.

a)

| INTERVALOS  | X <sub>i</sub>                         | f <sub>i</sub>              | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub>               | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> <sup>2</sup>                    |
|---|--|-----------------------------|---|---|
| 28,5 - 33,5<br>33,5 - 38,5<br>38,5 - 43,5<br>43,5 - 48,5<br>48,5 - 53,5<br>53,5 - 58,5<br>58,5 - 63,5 | 31<br>36<br>41<br>46<br>51<br>56<br>61 | 1<br>1<br>5<br>10<br>6<br>8 | 31<br>36<br>205<br>460<br>306<br>448<br>244 | 961<br>1 296<br>8 405<br>21 160<br>15 606<br>25 088<br>14 884 |
| 2 1/2 30/2  |  | 35                          | 1730  | 87 400  |

b) Representamos los datos en un histograma. La altura de cada rectángulo coincidirá con la frecuencia absoluta, por ser los intervalos de igual amplitud.



c) Media: 
$$\bar{x} = \frac{1730}{35} \approx 49,43$$

VAR. = 
$$\frac{87400}{35} - 49,43^2 = 53,82$$

Desviación Típica: 
$$\sigma = \sqrt{53,82} \approx 7,34$$

Pág. 15

29 Un dentista observa el número de caries en cada uno de los 100 niños de un colegio y obtiene los resultados resumidos en esta tabla:

| N.° DE CARIES | F. ABSOLUTA | F. RELATIVA |
|---------------|-------------|-------------|
| 0             | 25          | 0,25        |
| 1             | 20          | 0,2         |
| 2             | у           | z           |
| 3             | 15          | 0,15        |
| 4             | x           | 0,05        |

- a) Completa la tabla obteniendo x, y, z.
- b) Calcula el número medio de caries.
- a) La frecuencia relativa es el cociente entre la frecuencia absoluta y el número total de individuos (100, en nuestro caso).

$$0.05 = \frac{x}{100} \rightarrow x = 5$$

$$25 + 20 + y + 15 + 5 = 100 \rightarrow y = 35$$

$$z = \frac{y}{100} = \frac{35}{100} \rightarrow z = 0.35$$

**b**)

| N.° DE CARIES ( <i>X<sub>i</sub></i> ) | f <sub>i</sub>            | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> |
|--|---------------------------|-------------------------------|
| 0<br>1<br>2<br>3<br>4                  | 25<br>20<br>35<br>15<br>5 | 0<br>20<br>70<br>45<br>20     |
|  | 100                       | 155                           |

$$\overline{x} = \frac{155}{100} = 1,55$$

 $\overline{x} = \frac{155}{100} = 1,55$ El número medio de caries es de 1,55.

30 El número de errores cometidos en un test por un grupo de personas viene reflejado en la siguiente tabla:

| NÚMERO DE ERRORES  | 0  | 1  | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|--------------------|----|----|---|---|---|---|---|
| NÚMERO DE PERSONAS | 10 | 12 | 8 | 7 | 5 | 4 | 3 |

- a) Halla la mediana y los cuartiles inferior y superior, y explica su significado.
- b) ¿Cuál es el número medio de errores por persona?

Construimos la tabla de frecuencias acumuladas:

# 13<sub>s</sub>

### Soluciones a los ejercicios y problemas

Pág. 16

| N.° DE ERRORES<br>( <i>X<sub>i</sub></i> ) | N.° DE PERSONAS<br>( <i>f<sub>i</sub></i> ) | x <sub>i</sub> f <sub>i</sub> | Fi | EN %  |
|--|---|-------------------------------|----|-------|
| 0  | 12  | 0                             | 12 | 23,53 |
| 1  | 12  | 12                            | 24 | 47,06 |
| 2  | 8   | 16                            | 32 | 62,75 |
| 3  | 7   | 21                            | 39 | 76,47 |
| 4  | 5   | 20                            | 44 | 86,27 |
| 5  | 4   | 20                            | 48 | 94,12 |
| 6  | 3   | 18                            | 51 | 100   |
|  | 51  | 107                           |    |       |

a) Me = 2. Significa que el 50% de las personas cometen 0, 1 ó 2 errores.

 $Q_1$  = 1. El 25% de las personas comete 1 error o ninguno.

 $Q_3$  = 3. El 75% de las personas comente 3 errores o menos de 3 errores.

b) 
$$\overline{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i} = \frac{107}{51} \approx 2,1$$

El número medio de errores por persona es ligeramente superior a 2.

31 Al preguntar a un grupo de personas cuánto tiempo dedicaron a ver televisión durante un fin de semana, se obtuvieron estos resultados:

| TIEMPO EN HORAS | N.° DE PERSONAS |
|-----------------|-----------------|
| [0; 0,5)        | 10              |
| [0,5; 1,5)      | 10              |
| [1,5; 2,5)      | 18              |
| [2,5; 4)        | 12              |
| [4; 8)          | 12              |

### Dibuja el histograma correspondiente y halla la media y la desviación típica.

Como los intervalos no son de la misma longitud, para representar la distribución mediante un histograma pondremos en cada barra una altura tal que el área sea proporcional a la frecuencia:

[0; 0,5) 
$$\rightarrow a_1 = 0.5$$
  $f_1 = 10$   $\rightarrow h_1 = \frac{10}{0.5} = 20$ 

$$[0,5;1,5)$$
  $\rightarrow$   $a_2 = 1$   $f_2 = 10$   $\rightarrow$   $h_2 = 10$ 

$$[1,5;2,5)$$
  $\rightarrow a_3 = 1$   $f_3 = 18$   $\rightarrow b_3 = 18$ 

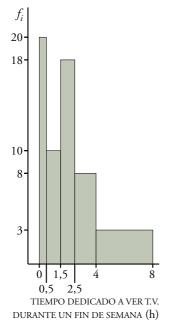
[2,5; 4) 
$$\rightarrow a_4 = 1,5 \qquad f_4 = 12 \qquad \rightarrow h_4 = \frac{12}{1,5} = 8$$

[4; 8) 
$$\rightarrow a_5 = 4$$
  $f_5 = 12$   $\rightarrow h_5 = \frac{12}{4} = 3$ 

## 13

### Soluciones a los ejercicios y problemas

Pág. 17



| TIEMPO     | MARCA ( <i>X<sub>i</sub></i> ) | f <sub>i</sub> | X <sub>i</sub> f <sub>i</sub> | Х <sub>і</sub> f <sub>i</sub> <sup>2</sup> |
|------------|--------------------------------|----------------|-------------------------------|--|
| [0; 0,5)   | 0,25                           | 10             | 2,5                           | 0,625                                      |
| [0,5; 1,5) | 1                              | 10             | 10                            | 10   |
| [1,5; 2,5) | 2                              | 18             | 36                            | 72   |
| [2,5;4)    | 3,25                           | 12             | 39                            | 126,75                                     |
| [4; 8)     | 6                              | 12             | 72                            | 432  |
|            |                                | 62             | 159,5                         | 641,375                                    |

$$\overline{x} = \frac{159,5}{62} = 2,57$$

$$\sigma^2 = \frac{641,375}{62} - 2,57^2 = 3,74 \rightarrow \sigma = \sqrt{3,74} = 1,93$$

### **PÁGINA 216**

32 Estas tablas recogen la frecuencia de cada signo en las quinielas durante las 20 primeras jornadas:

| JORNADA          | 1  | X | 2 |
|------------------|----|---|---|
| 1. <sup>a</sup>  | 4  | 4 | 6 |
| 2.ª              | 9  | 3 | 2 |
| 3.ª              | 11 | 2 | 1 |
| 4. <sup>a</sup>  | 10 | 2 | 2 |
| 5.ª              | 8  | 4 | 2 |
| 6.a              | 9  | 4 | 1 |
| 7.ª              | 10 | 4 | 0 |
| 8. <sup>a</sup>  | 8  | 4 | 2 |
| 9.ª              | 9  | 5 | 0 |
| 10. <sup>a</sup> | 5  | 6 | 3 |

| JORNADA          | 1 | X | 2 |
|------------------|---|---|---|
| 11. <sup>a</sup> | 9 | 3 | 2 |
| 12.a             | 5 | 6 | 3 |
| 13. <sup>a</sup> | 7 | 5 | 2 |
| 14. <sup>a</sup> | 4 | 9 | 1 |
| 15.a             | 7 | 3 | 4 |
| 16.a             | 6 | 4 | 4 |
| 17.ª             | 8 | 2 | 4 |
| 18. <sup>a</sup> | 6 | 7 | 1 |
| 19.ª             | 7 | 4 | 3 |
| 20.a             | 7 | 5 | 2 |

a) Haz una tabla de frecuencias para el número de veces que sale el "1" en cada una de las 20 jornadas:

| X, | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |
|----|---|---|---|---|---|---|----|----|
| f  |   |   |   |   |   |   |    |    |

Halla su media y su desviación típica.

- b) Haz lo mismo para la "X" y para el "2".
- c) Halla el C.V. en los tres casos y compáralos.

a) TABLA DE FRECUENCIAS PARA LOS UNOS

| X,     | f <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> X <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> X <sub>i</sub> <sup>2</sup> |
|--------|----------------|-------------------------------|--|
| 4      | 2              | 8                             | 32   |
| 4<br>5 | 2              | 10                            | 50   |
| 6      | 2              | 12                            | 72   |
| 7      | 4              | 28                            | 196  |
| 8      | 3              | 24                            | 192  |
| 9      | 4              | 36                            | 324  |
| 10     | 2              | 20                            | 200  |
| 11     | 1              | 11                            | 121  |
|        | 20             | 149                           | 1 187                                      |

$$\bar{x} = \frac{149}{20} = 7,45$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{1187}{20} - 7,45^2} = \sqrt{3,8475} = 1,96$$

b) tabla de frecuencias para las equis

| X,                    | f <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> <sup>2</sup> |
|-----------------------|----------------|-------------------------------|--|
| 2                     | 3              | 6<br>9                        | 12   |
| 3                     | 3<br>3<br>7    | 9                             | 27   |
| 4                     | 7              | 28                            | 112  |
| 2<br>3<br>4<br>5<br>6 | 3              | 15                            | 75   |
| 6                     | 3<br>2         | 12                            | 72   |
| 7                     | 1              | 7                             | 72<br>49                                   |
| 9                     | 1              | 9                             | 81   |
|                       | 20             | 86                            | 428  |

$$\overline{x} = \frac{86}{20} = 4.3$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{428}{20} - 4.3^2} = \sqrt{2.91} = 1.71$$

TABLA DE FRECUENCIAS PARA LOS DOSES

| X <sub>i</sub>   | f <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> | f <sub>i</sub> x <sub>i</sub> <sup>2</sup> |
|------------------|----------------|-------------------------------|--|
| 0                | 2              | 0                             | 0  |
| 1                | 4              | 4                             | 4  |
| 2                | 7              | 14                            | 28   |
| 3                | 3              | 9                             | 27   |
| 2<br>3<br>4<br>6 | 3              | 12                            | 27<br>48                                   |
| 6                | 1              | 6                             | 36   |
|                  | 20             | 45                            | 143  |

$$\bar{x} = \frac{45}{20} = 2,25$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{143}{20} - 2,25^2} = \sqrt{2,0875} = 1,44$$

c) unos 
$$\rightarrow$$
 C.V. =  $\frac{1,96}{7,45}$  = 0,2631  $\rightarrow$  26,31%  
Equis  $\rightarrow$  C.V. =  $\frac{1,71}{4,3}$  = 0,3977  $\rightarrow$  39,77%  
Doses  $\rightarrow$  C.V. =  $\frac{1,44}{2,25}$  = 0,64  $\rightarrow$  64%

Pág. 19

**33** Cada alumno de un grupo cuenta el número de personas y el número de perros que viven en su portal.

Suman sus resultados y obtienen una muestra con la que se puede estimar el número de perros que hay en su ciudad.

Por ejemplo, supongamos que en su observación obtienen un total de 747 personas y 93 perros. Y saben que en su ciudad viven 75 000 personas.

- a) ¿Cuántos perros estiman que habrá en la ciudad?
- b) ¿Cómo es de fiable esta estimación?
- c) ¿Es aleatoria la muestra que han utilizado?

a) 
$$\frac{93}{747} = \frac{x}{75\,000} \rightarrow x = \frac{93 \cdot 75\,000}{747} = 9\,337,3$$

Estiman que habrá unos 9 337 perros, aproximadamente.

- b) No es fiable. La muestra estudiada no es representativa de la ciudad.
- c) No es aleatoria.
- Para hacer un estudio sobre los hábitos ecológicos de las familias de una ciudad, se han seleccionado por sorteo las direcciones, calle y número, que serán visitadas.

Si en un portal vive más de una familia, se sorteará entre ellas la que será seleccionada.

¿Obtendremos con este procedimiento una muestra aleatoria?

Piensa si tiene la misma probabilidad de ser incluida en la muestra una familia que vive en una vivienda unifamiliar que otra que vive, por ejemplo, en un bloque de 32 viviendas.

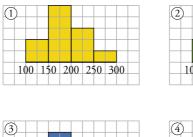
No se obtiene una muestra aleatoria, porque una familia que vive en una vivienda unifamiliar tiene más probabilidades de ser elegida que una familia que vive en un bloque de viviendas.

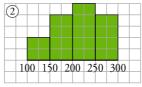
35 Se ha medido el nivel de colesterol en cuatro grupos de personas sometidas a diferentes dietas. Las medias y las desviaciones típicas son las que figuran en esta tabla:

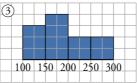
| DIETA | A     | В     | C     | D     |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| x     | 211,4 | 188,6 | 211,7 | 188,6 |
| σ     | 37,5  | 52,6  | 49,9  | 43,1  |

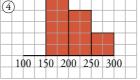
Pág. 20

#### Las gráficas son, no respectivamente:









#### Asocia a cada dieta la gráfica que le corresponde.

Fijándonos en las gráficas, se observa que los grupos 1 y 3 tienen una media inferior a 200, mientras que las medias de 2 y 4 son superiores a ese número. Luego podemos asociar:

$$AyC \rightarrow 2y4$$

$$ByD \rightarrow 1y3$$

Por otra parte, las personas de 2 tienen el nivel de colesterol más disperso que las de 4. Según esto, su desviación típica será mayor, por lo que  $C \leftrightarrow 2$  y  $A \leftrightarrow 4$ . Análogamente,  $B \leftrightarrow 3$  y  $D \leftrightarrow 1$ .