XII

Triángulos rectángulos

Actividades

- 1 La hipotenusa de un triángulo rectángulo isósceles mide 54 cm. Calcula los catetos.
- **1** Las bases de un trapecio isósceles miden 10 y 16 cm, y la altura, 4 cm. Calcula:
 - a) La medida de los lados oblicuos.
- 2 La hipotenusa de un triángulo rectángulo mide 45 cm y uno de sus catetos 36 cm. Calcula:
 - a) El otro cateto.
 - b) El área.
- 3 Comprueba en cada caso si los números dados forman una terna pitagórica:
 - *a*) 5, 12, 13.
 - **b)** 6, 7, 10.
 - *c)* 8, 16, 17.
 - d) 7, 24, 25.
- 4 El lado de un cuadrado mide 24 cm. Calcula:
 - a) Su diagonal.
 - b) Su perímetro.
 - c) Su área.
- 5 El lado de un triángulo equilátero mide 12 cm. Calcula:
 - a) La altura.
 - b) El perímetro.
 - c) El área.
- 6 El lado de un hexágono regular mide 26 cm. Calcula:
 - a) Su apotema.
 - b) Su perímetro.
 - c) Su área.

- b) El perímetro.
- c) El área.
- 8 Los catetos de un triángulo rectángulo miden 15 y 20 cm. Calcula:
 - a) La hipotenusa.
 - b) Las proyecciones de los catetos sobre la hipotenusa.
 - c) La altura correspondiente a la hipotenusa.
 - d) Su área.
- 9 Las proyecciones de los catetos sobre la hipotenusa de un triángulo rectángulo miden 12 y 15 cm. Calcula:
 - a) Los lados del triángulo.
 - b) La altura correspondiente a la hipotenusa.
 - c) El área del triángulo formado por el cateto de 18 cm, su proyección sobre la hipotenusa y la altura:

25

Solución de las actividades

1 La hipotenusa de un triángulo rectángulo isósceles mide 54 cm. Calcula los catetos.

Por ser isósceles los catetos son iquales. $54^2 = 2c^2 \Rightarrow c = 38,18 \text{ cm}$

- 2 La hipotenusa de un triángulo rectángulo mide 45 cm y uno de sus catetos 36 cm. Calcula:
 - a) El otro cateto.

$$C^2 = 45^2 - 36^2 = 729 \Rightarrow c = 27 \text{ cm}$$

b) El área. $S = \frac{c \cdot c'}{2} = \frac{36 \cdot 27}{2} = 486 \text{ cm}^2$

3 Comprueba en cada caso si los números dados forman una terna pitagórica:

a) 5, 12, 13. Sí, porque: $13^2 = 12^2 + 5^2$

- **b)** 6, 7, 10. No, porque: $10^2 \neq 7^2 + 6^2$
- c) 8, 16, 17. No, porque: $17^2 \neq 16^2 + 8^2$
- d) 7, 24, 25. Sí, porque: $25^2 = 24^2 + 7^2$
- 4 El lado de un cuadrado mide 24 cm. Calcula:
 - a) Su diagonal.

$$D^2 = 2 I^2 = 1152 \Rightarrow D = 33.94 \text{ cm}$$

- **b)** Su perímetro. P = 4I = 96 cm.
- c) Su área. $S = I^2 = 576 \text{ cm}^2$
- **5** El lado de un triángulo equilátero mide 12 cm. Calcula:
 - a) La altura.

$$a = \sqrt{l^2 - \left(\frac{l}{2}\right)^2} = \sqrt{12^2 - 6^2} = 10,39 \text{ cm}$$

- **b)** El perímetro. P = 3I = 36 cm.
- c) El área. $S = I \cdot \frac{a}{2} = \frac{12 \cdot 10{,}39}{2} = 62{,}34 \text{ cm}^2$
- 6 El lado de un hexágono regular mide 26 cm. Calcula:
 - a) Su apotema. $A^2 = I^2 \left(\frac{I}{2}\right)^2 = 507 \Rightarrow I = 22.51 \text{ cm}$
 - **b)** Su perímetro. $P = 6 \cdot I = 156$ cm
 - c) Su área. $S = P \cdot \frac{a}{2} = 1755,78 \text{ cm}^2$

- 17 Las bases de un trapecio isósceles miden 10 y 16 cm, y la altura, 4 cm. Calcula:
 - a) La medida de los lados oblicuos.



$$\frac{16-10}{2} = 3 \text{ cm}$$

$$I^2 = 4^2 + 3^2 = 25 \Rightarrow I = 5 \text{ cm}$$

- **b)** El perímetro. P = 16 + 10 + 5 + 5 = 36 cm
- c) El área. $S = (16 + 10) \cdot \frac{4}{2} = 52 \text{ cm}^2$
- 8 Los catetos de un triángulo rectángulo miden 15 y 20 cm. Calcula:
 - a) La hipotenusa.

$$a^2 = 15^2 + 20^2 = 625 \Rightarrow a = 25 \text{ cm}$$

b) Las proyecciones de los catetos sobre la

hipotenusa.
$$15^2 = 25 \cdot m \Rightarrow m = 9 c \text{m}$$

$$20^2 = 25 \cdot n \Rightarrow n = 16 \text{ cm}$$

c) La altura correspondiente a la hipotenusa.

$$h^2 = 9 \cdot 16 = 144 \Rightarrow h = 12 \text{ cm}$$

d) Su área.
$$S = \frac{25 \cdot 12}{2} = 150 \text{ cm}^2$$

- **9** Las proyecciones de los catetos sobre la hipotenusa de un triángulo rectángulo miden 12 y 15 cm. Calcula:
 - a) Los lados del triángulo.

$$a = 12 + 15 = 27 \text{ cm}$$

$$b^2 = 27 \cdot 15 = 405 \Rightarrow b = 20,12 \text{ cm}$$

$$c^2 = 27 \cdot 12 = 324 \Rightarrow c = 18$$
 cm

b) La altura correspondiente a la hipotenusa.

$$h^2 = 12 \cdot 15 = 180 \Rightarrow h = 13,41 \text{ cm}$$

c) El área del triángulo formado por el cateto de 18 cm, su proyección sobre la hipotenusa y la altura:

$$S = \frac{12 \cdot 13,41}{2} = 80,46 \text{ cm}^2$$

26