

Nombre:		
Curso:	1º Bachillerato	Examen Final
Fecha:	13 de Marzo de 2015	Atención: La no explicación de cada ejercicio
		implica una penalización del 25% de la nota.

- **1.-** Halla las soluciones de la ecuación:  $z^4 + (1 \sqrt{3}i) = 0$
- **2.-** Un rombo tiene su centro en el origen de coordenadas y su diagonal mayor de doble longitud que su diagonal menor. Uno de los vértices de la diagonal menor es el punto correspondiente al número complejo -2 + 3i. Averigua los afijos correspondientes al resto de los vértices del rombo. (2 puntos)
- **3.-** Hallar el valor de x para que  $\frac{2-xi}{1-3i}$  a) Sea un número real, b) sea imaginario puro y c) su representación esté en la bisectriz del primer y tercer cuadrante.
- **4.-** Los afijos de las raíces de un número complejo son vértices de un octógono regular inscrito en una circunferencia de centro en O y radio 2; sabiendo que el argumento de unas delas raíces es 45°. Hallar el número complejo y las restantes raíces.
- **5.-** Halla la ecuación de una circunferencia que pasa por los puntos A(2,1) y B(3,-3), y su centro se encuentra sobre la recta s: x+y-5=0
- **6.-** Halla la ecuación de la circunferencia de centro (-4, 2) que es tangente a la circunferencia.  $x^2+y^2-16x+6y+72=0$
- **7.-** Escribe la ecuación de la recta tangente y de la recta normal a la circunferencia:  $x^2+y^2-6x-2y-15=0$  en el punto P(-1,4)
- **8.-** Dadas las rectas r: 3x+4y-10=0, s: 5x-12y+2=0 y la circunferencia  $x^2+y^2-20x+84=0$ . (2 puntos)
  - a) Comprueba que las dos rectas son tangentes a la circunferencia.
  - **b)** Halla el punto P de intersección de ambas rectas, el punto C, que es centro de la circunferencia, y los puntos A y A', en los que las rectas son tangentes a la circunferencia.

## Subir Nota:

Obtén las ecuaciones del lugar geométrico de los puntos que equidistan de (1,4) y de la recta 3x + 4y + 1 = 0. ¿Será una parábola? ¿Se puede escribir su ecuación? ¿Por qué?