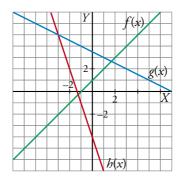
PÁGINA 150

PRACTICA

Pendiente de una recta

1 IIII Halla la pendiente de cada una de las rectas dibujadas:

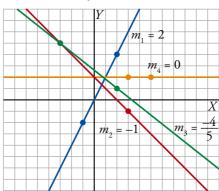


$$f(x) \to 1$$

$$g(x) \rightarrow \frac{1}{2}$$

$$h(x) \rightarrow -3$$

2 IIII Halla gráficamente la pendiente de las rectas que pasan por los siguientes puntos:



3 IIII Halla numéricamente las pendientes de las rectas descritas en el ejercicio anterior.

a) 
$$\frac{-2-4}{-1-2} = \frac{-6}{-3} = 2$$

a) 
$$\frac{-2-4}{-1-2} = \frac{-6}{-3} = 2$$
 b)  $\frac{-1-5}{3+3} = \frac{-6}{6} = -1$ 

c) 
$$\frac{1-5}{2+3} = \frac{-4}{5}$$
 d)  $\frac{2-2}{5-3} = 0$ 

d) 
$$\frac{2-2}{5-3} = 0$$

Pág. 2

**4**  $\square$  La pendiente de la recta r: y = 5x - 1 es 5.

Compruébalo hallando dos puntos de r y dividiendo la variación de  $\gamma$  entre la variación de x.

$$(0,-1); (1,4) \rightarrow m = \frac{4+1}{1-0} = 5$$

5 III Halla las pendientes de las siguientes rectas, obteniendo dos de sus pun-

$$a) y = 4x - 2$$

$$\mathbf{b})y = -\frac{4}{5}x$$

c) 
$$y = \frac{5x}{4} + 3$$

$$\mathbf{d})y = 8 - 5x$$

Comprueba, en cada caso, que coinciden con el coeficiente de la x (puesto que la y está despejada).

¿Qué relación existe entre el crecimiento o el decrecimiento de una recta y su pendiente?

a) 
$$(0,-2)$$
;  $(1,2) \rightarrow m = \frac{2+2}{1-0} = 4$ 

b) 
$$(0, 0)$$
;  $(1, -4/5) \rightarrow m = \frac{-4/5}{1} = -\frac{4}{5}$ 

c) 
$$(0, 3)$$
;  $(4, 8) \rightarrow m = \frac{8-3}{4} = \frac{5}{4}$ 

d) 
$$(0, 8)$$
;  $(1, 3) \rightarrow m = \frac{3-8}{1-0} = -5$ 

Si crece, la pendiente es positiva.

Si decrece, la pendiente es negativa.

6 Di cuál es la pendiente de las siguientes rectas observando el coeficiente de la x:

a) 
$$y = x - 4$$

$$\mathbf{b}) \mathbf{v} = -\mathbf{x}$$

c) 
$$v = -4$$

d) 
$$y = \frac{4x-5}{2}$$
 e)  $y = \frac{3-2x}{4}$  f)  $y = \frac{7}{3}$ 

e) 
$$y = \frac{3 - 2s}{4}$$

**f**) 
$$y = \frac{7}{3}$$

d) 
$$\frac{4}{2} = 2$$

a) 1 b) -1 c) 0 d) 
$$\frac{4}{2} = 2$$
 e)  $-\frac{2}{4} = -\frac{1}{2}$  f) 0

Halla las pendientes de las siguientes rectas obteniendo el coeficiente de la x al despejar la y:

a) 
$$6x + 3y - 4 = 0$$

$$b) x + 4y - 2 = 0$$

c) 
$$3x - 2y + 6 = 0$$

$$d)-3x+2y=0$$

e) 
$$3y - 12 = 0$$

$$f) \frac{3}{4}x - 2y + 1 = 0$$

# 95

## Soluciones a los ejercicios y problemas

Pág. 3

a) 
$$y = \frac{4 - 6x}{3} \to m = -\frac{6}{3} = -2$$

b) 
$$y = \frac{2 - x}{4} \to m = -\frac{1}{4}$$

c) 
$$y = \frac{6+3x}{2} \to m = \frac{3}{2}$$

$$d) y = \frac{3x}{2} \rightarrow m = \frac{3}{2}$$

e) 
$$y = 4 \rightarrow m = 0$$

f) 
$$y = \frac{1 + (3/4)x}{2} \rightarrow m = \frac{3}{8}$$

#### Ecuación y representación de funciones lineales

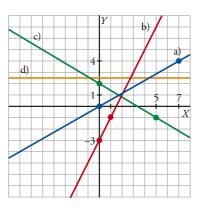
8 Representa las siguientes rectas:

a) 
$$y = \frac{4}{7} x$$

$$\mathbf{b})y = 2x - 3$$

c) 
$$y = \frac{-3x + 10}{5}$$

d) 
$$y = 2.5$$



- **9** Halla la ecuación de las rectas que pasan por los puntos que se indican y represéntalas:
  - a) (2, 3) y (7, 0)
  - b) (-2, 5) y por el origen de coordenadas
  - c) (-3, 2) y (3, 2)
  - d) (0, 4) y (4, 0)

# 9,

## Soluciones a los ejercicios y problemas

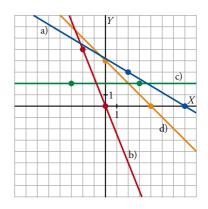
Pág. 4

a) 
$$m = \frac{0-3}{7-2} = -\frac{3}{5} \rightarrow y = -\frac{3}{5}(x-7)$$

b) 
$$m = -\frac{5}{2} \to y = -\frac{5}{2}x$$

c) 
$$m = \frac{2-2}{3+3} = 0 \rightarrow y = 2$$

d) 
$$m = \frac{0-4}{4-0} = -1 \rightarrow y = -x + 4$$



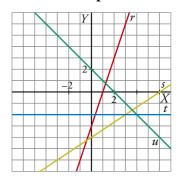
10 Asocia a cada recta su ecuación. Di, en cada caso, cuál es su pendiente.

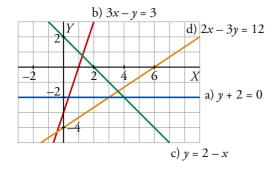
a) 
$$y + 2 = 0$$

$$b) 3x - y = 3$$

c) 
$$y = 2 - x$$

$$d) 2x - 3y = 12$$

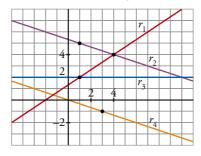




Pendientes:

- a) m = 0
- b) m = 3
- c) m = -1
- d) m = 2/3

11  $\square$  Halla la ecuación de las rectas  $r_1$ ,  $r_2$ ,  $r_3$  y  $r_4$  en la forma punto-pendiente.



• 
$$r_1$$
 pasa por (1, 2) y (4, 4)  $\rightarrow m = \frac{4-2}{4-1} = \frac{2}{3}$ 

$$r_1 \to y = \frac{2}{3}(x-1) + 2$$

# 9

## Soluciones a los ejercicios y problemas

Pág. 5

• 
$$r_2$$
 pasa por (1, 5) y (4, 4)  $\rightarrow m = \frac{4-5}{4-1} = \frac{-1}{3}$   
 $r_2 \rightarrow y = -\frac{1}{3}(x-1) + 5$ 

- $r_3$  pasa por (1, 2) y su pendiente es 0 (es paralela al eje X).  $r_3 \rightarrow y = 0(x-1) + 2 \rightarrow y = 2$
- $r_4$  pasa por (0, 0) y (3, -1)  $\rightarrow m = \frac{-1}{3}$  $r_4 \rightarrow y = -\frac{1}{3}(x - 0) + 0 \rightarrow y = -\frac{1}{3}x$

### PÁGINA 151

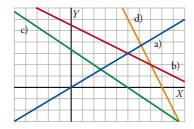
- 12 —— Halla la ecuación de las rectas que cumplen las siguientes condiciones y dibújalas:
  - a) Pasa por (5, 3) y tiene una pendiente de 3/5.
  - b) Pasa por el punto (5, 3) y tiene pendiente -1/2.
  - c) Pasa por (-4, 6) y tiene una pendiente de -2/3.
  - d) Pasa por el punto (5, 6) y tiene la misma pendiente que la recta 2x + y = 0.

a) 
$$y = \frac{3}{5}(x-5) + 3 \rightarrow y = \frac{3}{5}x$$

b) 
$$y = -\frac{1}{2}(x-5) + 3 \rightarrow y = -\frac{1}{2}x + \frac{11}{2}$$

c) 
$$y = -\frac{2}{3}(x+4) + 6 \rightarrow y = -\frac{2}{3}x + \frac{10}{3}$$

d) Hallamos la pendiente de  $2x + y = 0 \rightarrow y = -2x \rightarrow m = -2$  $y = -2(x - 5) + 6 \rightarrow y = -2x + 16$ 



Pág. 6

#### Funciones definidas a trozos

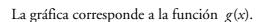
A cuál de las siguientes funciones corresponde la gráfica dibujada?

$$f(x) = \begin{cases} 2x + 5 & \text{si } -3 \le x \le -1 \\ x + 5 & \text{si } 0 \le x < 3 \\ 2x & \text{si } 3 \le x \le 8 \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} 2x + 5 & \text{si } -3 \le x < 0 \\ 5 - x & \text{si } 0 \le x < 3 \\ 2 & \text{si } 3 \le x \le 8 \end{cases}$$

$$b(x) = \begin{cases} 2 & \text{si } -3 < x < 0 \\ -1 & \text{si } 0 < x < 3 \\ 0 & \text{si } 3 < x < 8 \end{cases}$$

$$h(x) = \begin{cases} 2 & \text{si } -3 < x < 0 \\ -1 & \text{si } 0 < x < 3 \\ 0 & \text{si } 3 < x < 8 \end{cases}$$

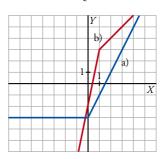


La función que describe la pendiente de la gráfica en cada punto es h(x).

14 Caracteria la la siguientes funciones definidas a trozos:

a) 
$$y = \begin{cases} -3 & \text{si } x < 0 \\ 2x - 3 & \text{si } x \ge 0 \end{cases}$$

a) 
$$y = \begin{cases} -3 & \text{si } x < 0 \\ 2x - 3 & \text{si } x \ge 0 \end{cases}$$
 b)  $y = \begin{cases} 5x - 2 & \text{si } x < 1 \\ x + 2 & \text{si } x \ge 1 \end{cases}$ 



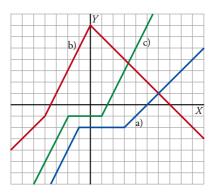
Pág. 7

15 Representa las siguientes funciones definidas a trozos:

a) 
$$y = \begin{cases} 2x & \text{si } x \le -1 \\ -2 & \text{si } -1 < x \le 3 \\ x - 5 & \text{si } x > 3 \end{cases}$$
 b)  $y = \begin{cases} x + 3 & \text{si } x < -4 \\ 2x + 7 & \text{si } -4 \le x \le 0 \\ 7 - x & \text{si } x > 0 \end{cases}$ 

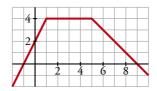
b) 
$$y = \begin{cases} x + 3 & \text{si } x < -4 \\ 2x + 7 & \text{si } -4 \le x \le 0 \\ 7 - x & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

c) 
$$y = \begin{cases} 2x + 3 & \text{si } x \le -2 \\ -1 & \text{si } -2 < x \le 1 \\ 2x - 3 & \text{si } x > 1 \end{cases}$$



#### PIENSA Y RESUELVE

16 Queremos hallar la expresión analítica de esta función formada por tres tramos de rectas.



- a) Para  $x \le 1$ , la recta pasa por (0, 2) y (1, 4). Escribe su ecuación.
- b) Para  $1 \le x \le 5$ , es una función constante. Escribe su ecuación.
- c) Para  $x \ge 5$ , la recta pasa por (5, 4) y (9, 0). Escribe su ecuación.
- d) Completa la expresión analítica de la función:

$$y = \begin{cases} \dots & \text{si } x < 1 \\ 4 & \text{si } 1 \le x \dots \\ \dots & \text{si } x > 5 \end{cases}$$

a) 
$$m = \frac{4-2}{1-0} = 2 \rightarrow y = 2x + 2, \ x \le 1$$

b) 
$$y = 4, 1 \le x \le 5$$

c) 
$$m = \frac{0-4}{9-5} = -1 \rightarrow y = -(x-9) \rightarrow y = -x+9$$

d) 
$$y = \begin{cases} 2x + 2 & \text{si } x < 1 \\ 4 & \text{si } 1 \le x \le 5 \\ 9 - x & \text{si } x > 5 \end{cases}$$

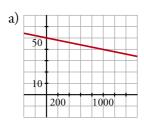
17 Representa las siguientes rectas tomando una escala adecuada en cada eje:

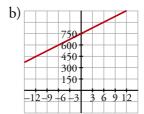
a) 
$$\gamma = 50 - 0.01x$$

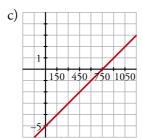
b) 
$$y = 25x + 750$$

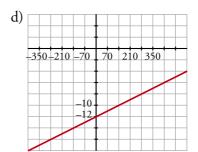
c) 
$$y = \frac{x}{150} - 5$$

$$d)x - 70y = 840$$









- 18  $\square$  Halla el valor que tiene que tener a para que el punto A(a, 7) esté sobre la recta que pasa por los puntos (0, 1) y (-1, -1).
  - Hallamos la ecuación de la recta que pasa por  $(0,\,1)$  y  $(-1,\,-1)$ :

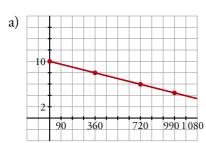
$$m = \frac{-1-1}{-1-0} = 2 \rightarrow y = 2(x-0) + 1 \rightarrow y = 2x + 1$$

- Si A(a, 7) está sobre la recta anterior, tiene que verificar su ecuación. Por tanto:  $7 = 2 \cdot a + 1 \rightarrow 2a = 6 \rightarrow a = 3$
- 19 Mientras ascendíamos por una montaña, medimos la temperatura y obtuvimos los datos de esta tabla:

	ALTURA (M)	0	360	720	990
	TEMPERATURA (°C)	10	8	6	4,5

- a) Representa los puntos en una gráfica.
- b) Suponiendo que se sigue la misma pauta, halla la expresión analítica de la función *altura-temperatura*.
- c) ¿A partir de qué altura la temperatura es menor que 0 °C?

Pág. 9

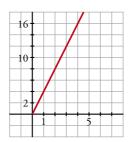


- b) La recta pasa por (0, 10) y su pendiente es  $m = \frac{8-10}{360-0} = \frac{-1}{180} \rightarrow y = 10 - \frac{x}{180}$
- c)  $0 > 10 \frac{x}{180} \rightarrow \frac{x}{180} > 10 \rightarrow x > 1800$

A partir de 1800 °C.

20 Cuál es la ecuación de la función que nos da el perímetro de un cuadrado dependiendo de cuánto mida su lado? Dibújala.

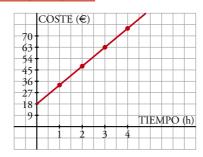
Si el lado es x y el perímetro es y: y = 4x



### PÁGINA 152

- 21 □□□ Un fontanero cobra 18 € por el desplazamiento y 15 € por cada hora de trabajo.
  - a) Haz una tabla de valores de la función *tiempo-coste* y represéntala gráficamente.
  - b) Si ha cobrado por una reparación 70,50 €, ¿cuánto tiempo ha invertido en la reparación?

a)	TIEMPO ( <b>h</b> )	1	2	3	4	
	COSTE (€)	33	48	63	78	



b) La función que nos da el coste es y = 18 + 15x.

Si 
$$y = 70,50 \rightarrow 70,50 = 18 + 15x \rightarrow x = \frac{70,50 + 18}{15} = 3,5$$

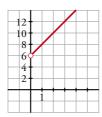
La reparación le ha llevado 3 horas y media.

Pág. 10

22 Sabemos que el lado desigual de un triángulo isósceles mide 6 cm. Llama x al otro lado y escribe la ecuación de la función que nos da su perímetro. Represéntala.

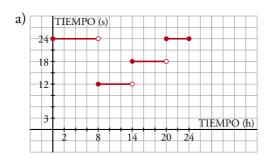


$$y = 6 + x + x = 6 + 2x, x > 0$$



23 En las llamadas telefónicas interurbanas, el tiempo que dura un paso del contador depende de la hora de la llamada:

- a) Representa gráficamente la función que da la duración del paso del contador según la hora de la llamada para un día completo.
- b) Busca la expresión analítica de esa función.

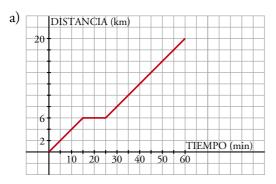


b) 
$$f(x) = \begin{cases} 24, & 0 \le x < 8 \\ 12, & 8 \le x < 14 \\ 18, & 14 \le x < 20 \\ 24, & 20 \le x \le 24 \end{cases}$$

- 24 Un ciclista sale de excursión a un lugar que dista 20 km de su casa. A los 15 minutos de salida, cuando se encuentra a 6 km, hace una parada de 10 minutos. Reanuda la marcha y llega a su destino una hora después de haber salido.
  - a) Representa la gráfica tiempo-distancia a su casa.
  - b) ¿Lleva la misma velocidad antes y después de la parada? (Suponemos que en cada etapa la velocidad es constante).
  - c) Busca la expresión analítica de la función que has representado.

Pág. 11





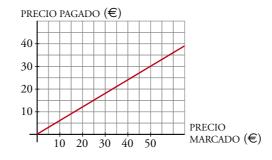
- b) Sí, no hay más que observar que la pendiente de la gráfica en ambos casos es la misma.
- c) La pendiente de los dos tramos no constantes es la misma:  $m = \frac{2}{5}$

Teniendo en cuenta que la función pasa por (0, 0) y por (25, 6), escribimos la expresión buscada:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{5}x, & 0 \le x < 15 \\ 6, & 15 \le x < 25 \\ \frac{2}{5}(x - 25) + 6, & 25 \le x \le 60 \end{cases}$$

25 En una tienda rebajan el 40% en todas las compras que se hagan.

Esta es la gráfica de la función que muestra la relación entre el precio marcado, x, y el que pagamos, y:



- a) ¿Cuál es la ecuación de esa recta?
- b) Si la rebaja fuese de un 50%, ¿cómo sería la gráfica? ¿Cuál sería su ecuación?

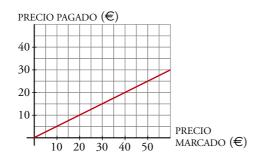
Pág. 12

a) La recta pasa por (0, 0) y (25, 15). Su pendiente es  $m = \frac{15}{25} = \frac{3}{5}$ .

La ecuación de la recta es:  $y = \frac{3}{5}x \rightarrow y = 0.6x$ 

b) En este caso, la ecuación sería: y = 0.5x

La representamos:



**26** El médico ha puesto a Ricardo un régimen de adelgazamiento y ha hecho esta gráfica para explicarle lo que espera conseguir en las 12 semanas que dure la dieta.



- a) ¿Cuál era su peso al comenzar el régimen?
- b) ¿Cuánto tiene que adelgazar por semana en la primera etapa del régimen? ¿Y entre la sexta y la octava semanas?
- c) Halla la expresión analítica de la función anterior.
- a) Ricardo pesaba 80 kg al comenzar el régimen.
- b)  $\frac{5}{3}$  = 1,67 kg por semana

Entre la sexta y octava semana no tiene que adelgazar nada.

- c) Buscamos la ecuación de cada uno de los tramos:
  - Para  $0 \le x \le 6$ , la pendiente  $m = -\frac{10}{6} = -\frac{5}{3}$  y  $n = 80 \rightarrow y = -\frac{5}{3}x + 80$
  - Para  $6 < x \le 8, y = 70$
  - Para  $8 < x \le 12$ ,  $m = -\frac{5}{4}$  y pasa por (12, 65)

# 950

## Soluciones a los ejercicios y problemas

Pág. 13

$$y - 65 = -\frac{5}{4}(x - 12) \rightarrow y = -\frac{5}{4}x + 80$$

Luego, la expresión analítica de esta función será:

$$y = \begin{cases} -\frac{5}{3}x + 80 & \text{si } 0 \le x \le 6\\ 70 & \text{si } 6 < x \le 8\\ -\frac{5}{4}x + 80 & \text{si } 8 < x \le 12 \end{cases}$$

- 27 Un móvil, en el instante inicial, está a 2 m del origen y se aleja de este a una velocidad constante de 3 m/s.
  - a) ¿Cuál es la ecuación que ofrece su posición en función del tiempo?
  - b) ¿A qué distancia del origen está el móvil al minuto de empezar a contar? ¿Cuánto recorre en ese tiempo?
  - c) Representa la función.
  - a) Se trata de una recta que pasa por (0, 2) y su pendiente ("su velocidad") es m = 3. Por tanto:

$$y = 3x + 2$$

b) 1 min = 
$$60 \text{ s} \rightarrow \gamma (60) = 3 \cdot 60 + 2 = 182$$

El móvil está a 182 m del origen.

Como en el instante inicial estaba a 2 m, ha recorrido 180 m.

