

Logaritmos y Exponenciales

Departamento de Matemáticas

1.- Calcula los siguientes logaritmos aplicando la definición y utilizando las propiedades donde sea necesario:

a)	loa	_	8
w	100	7	O

t)
$$\log_3 27 + \log_3 1$$

g)
$$\log_{0.5} 16$$
 1) $\log_{2.5} 0.25$ p) $\log 0$

$$100_{3}2/+100_{3}$$

w)
$$\log_{0.5} 100$$
 w) $\log_{2\sqrt{2}} 32$

p)
$$\log 0$$
 v) $\log_{5} 25 - \log_{5} 5$ v) $\log_{4} 64 + \log_{8} 64$

n)
$$\log_{100} \sqrt[3]{c}$$

$$\psi$$
 $\log_5 \mathcal{I}_V$

d)
$$\log_{27} 3$$
 i) $\log_{a} \sqrt[3]{a^{2}}$ n) $\log_{\frac{1}{2}} \sqrt[3]{9}$ r) $\log_{3} \frac{\sqrt[4]{3}}{\sqrt{27}}$ w) $\log_{0.01} - \log_{0.00} 0.01$

a)
$$\log 3 / \log 81$$

b) $\log_2 3 \times \log_3 4$

e)
$$\log_{5} O_{1} 2$$
 j) $\log_{\sqrt{2}} 2$

$$n) \ln \sqrt[5]{e^2}$$

s)
$$\log_4 \frac{1}{\sqrt[3]{1024}}$$

Sol: a)3;b)2;c)0,5;d)1/3;e)—1;f)–2;g)–4;h)–2;i)2/3;j)2;k)3;t)–4/3;m)10;n)–2/3;ñ)2/5;o)-4;ρ)N0;q)3/2;r)–5/4;s)5/3;t)3;v)1;v)6;ω)1;x)2;y)1;**2**)5;α)½;β)2;ω)1 2.- Determinar el valor de x en las siguientes expresiones con logaritmos:

a)
$$\log_{3} 81 = x$$

g)
$$\log_{v} 25 = -2$$

m)
$$\log_{4} 64 = (2x-1)/3$$

r)
$$\log_7 7x = 2$$

b)
$$\log_{5} O_{1}2 = x$$

$$\log_{2x+3} 81 = 2$$

c)
$$\log_{2} 16 = x^{3}/2$$

i)
$$x + 2 = 10^{\log 5}$$

$$n) \log_{0} [2(x^{3}+5)]=2$$

s)
$$\log_{x} \frac{1}{3} = -\frac{1}{2}$$

t) $\log_{x} e = -3$

d)
$$\log_{2} x = -3$$

j)
$$x = 10^{4 \log 2}$$

o)
$$x = \log 625 / \log 125$$

$$\log_{\kappa} 0,015625 = -3$$

e)
$$\log_{7} x = 3$$

k)
$$x = \log 8 / \log 2$$

$$\rho$$
) $\log (x+1)/\log (x-1) = 2$

v)
$$\log_7 x^4 = 2$$

f)
$$\log_{10} 125 = 3$$

$$0 \log_{9/16} x = 3/2$$

q)
$$\log (x-7)/\log (x-1)=0,5$$

$$\omega$$
) $\log_{\frac{1}{2}} x = \frac{1}{3}$

Sol: a) 4; b) -1; c) 2; d) 1/8; e) 343; f) 5; g) 1/5; h) 3; i) 3; j) 16; k) 3; l) 27/64; m) 5; n) 10; ñ) 3; o) 4/3; p) 3; a) 10; r) 7; s) 9; t) $e^{-1/3}$; v) 4; v) $\pm\sqrt{7}$; w) 1/2

3.- Calcula el valor de las siguientes expresiones:

a)
$$\log_2 \frac{\sqrt[6]{64} \cdot 4^2}{2^5 \cdot \sqrt[3]{512}}$$

b)
$$\log_3 \frac{27 \cdot \sqrt{729}}{81 \cdot \sqrt[3]{27}}$$

c)
$$\log_5 \frac{25.4625}{125}$$

$$d) \log_7 \frac{49.\sqrt[3]{343}}{\sqrt{2401}}$$

a)
$$\log_2 \frac{\sqrt[6]{64 \cdot 4^2}}{2^5 \cdot \sqrt[3]{512}}$$
 b) $\log_3 \frac{27 \cdot \sqrt{729}}{81 \cdot \sqrt[3]{27}}$ c) $\log_5 \frac{25 \cdot \sqrt[4]{625}}{125}$ d) $\log_7 \frac{49 \cdot \sqrt[3]{343}}{\sqrt{2401}}$ e) $\log \left(\frac{0.01 \cdot \sqrt[3]{100}}{10^{-1} \cdot 0.1}\right)$

Sol: a) -3; b) 1; c) 0; d) 1; e) 2/3

4.- Aplica las propiedades de los logaritmos para reducir estas expresiones a un solo logaritmo:

a)
$$\log a + \log b$$

f)
$$\log 2 + \log 3 + \log 4$$

k)
$$\frac{1}{2}\log x - \frac{1}{3}\log y + \frac{1}{4}\log z$$

b)
$$\log x - \log y$$

$$\frac{1}{3}$$
 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{3}$

g)
$$\frac{1}{3}\log a - \frac{1}{2}\log b - \frac{1}{2}\log c$$
 l) $\log(a - b) - \log 3$

c)
$$\frac{1}{2}\log x + \frac{1}{2}\log y$$

$$\mathbf{h)} \quad \frac{3}{2} \log a + \frac{5}{2} \log b$$

m)
$$\log a - 4\log b + \frac{1}{5}(\log c - 2\log d)$$

i)
$$\log a + \frac{1}{2}\log b - 2\log c$$
 n) $\frac{\rho}{n}\log a + \frac{q}{n}\log b$

$$\mathbf{n)} \quad \frac{\rho}{n} \log a + \frac{q}{n} \log b$$

j)
$$\log (a + b) + \log (a - b)$$

$$\frac{\log p + \log q - \log r - \log s}{\log (a + b) + \log (a - b)}$$
 $\log_a ac + \log_d d^3 + \log_b b - \log_a c$

 $\operatorname{Sol:a)} \log (a \cdot b); b) \log (x/y); c) \log \sqrt{xy}; d) \log \left(\frac{a}{xv}\right); e) \log \left(\frac{p \cdot q}{r \cdot s}\right) \\ \operatorname{flog} 24; g) \log \frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt{b \cdot a}}; h) \log \sqrt{a^3 \cdot b^5}; i) \log \frac{a \sqrt{b}}{a^2}; h$

 $\text{j) } \log \left(a^2-b^2\right); \text{k) } \log \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt[3]{v}}\cdot \sqrt[4]{z}\right) \text{l) } \log \frac{a-b}{3}; \text{m) } \log \left(\frac{a}{b^4}\cdot \sqrt[5]{\frac{c}{d^2}}\right); \text{n) } \log \sqrt[9]{a^p \cdot b^q}; \tilde{\text{n}}) \text{ 5}$

5.- Sabiendo que log 2=0,3 y que log 3=0,48 calcula los siguientes logaritmos:

1) log 4

- 5) log 12
- log 25
- 13) log 45

- 2) log 5
- log 15 7)
- log 30 10)
- log 60 14)

15)

- log 6 3) log 8
- log 18 log 24
- 11) log 36 12) log 40
- 16) log 75

log 72

Sol: 1) O,6; 2) 0,7; 3) 0,78; 4) 0,9; 5) 1,08; 6) 1,18; 7) 1,26; 8) 1,38; 9) 1,4; 10) 1,48; 11) 1,56; 12) 1,6; 13) 1,66; 14) 1,78; 15) 1,86; 16) 1,88 6. - Expresa en función de log 2 y de log 3 las siguientes expresiones:

- a) log 14,4
- c) log 3600
- e) $\log \frac{\sqrt{5,4}}{12.8}$
- **g)** $\log(\sqrt{3,2}\cdot\sqrt{1,6})$

- b) log 0,048

Logaritmos y Exponenciales

http://selectividad.intergranada.com

7.- Expresa las siguientes igualdades en forma de logaritmo:

a)
$$4^{x} = 16$$

a)
$$4^x = 16$$
 b) $10^x = 1.48$

c)
$$a^{x} = \frac{b \cdot c}{d}$$

$$d') \rho^{\kappa} = \frac{a+b}{a-b}$$

c)
$$a^{\kappa} = \frac{b \cdot c}{d}$$
 d) $\rho^{\kappa} = \frac{a+b}{a-b}$ e) $\left(\frac{2}{3}\right)^{\kappa} = \frac{27}{8}$

Sol:
$$a)\log_4 16 = x$$

Sol:
$$a)\log_4 16 = x$$
 $b)\log_{1} 148 = x$ $c)\log_{2} \frac{b \cdot c}{d} = x$ $d)\log_{2} \frac{a + b}{a - b} = x$ $e)\log_{2} \frac{27}{8} = x$

$$a \log_{\rho} \frac{a+b}{a-b} =$$

8. - Expresa en la forma exponencial las siguientes igualdades:

a)
$$\log_a x = y$$

b)
$$\log_{10} 1000 = 8$$

a)
$$\log_a x = y$$
 b) $\log_{10} 1000 = x$ c) $\log_a a^2 = 2$ d) $\log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{8} = 3$

$$d \log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{8} =$$

$$e$$
) $\log_{\underline{\rho}} q = -1$

e)
$$\log_{\frac{\rho}{2}} q = -1$$
 f) $\log_{x-y} (x^3 - 3x^2y + 3xy^2 - y^3) = 3$

Sol: **a)** $\alpha^{y}=x$; **b)** $10^{x}=1000$; **c)** $\alpha^{2}=\alpha^{2}$; **d)** $\left(\frac{1}{2}\right)^{3}=\frac{1}{2^{3}}=\frac{1}{8}$; **e)** $\rho=\alpha^{2}$; **f)** $(x-y)^{3}=x^{3}-3x^{2}y+3xy^{2}-y^{3}$

9.- Determina el valor de xen las siguientes ecuaciones logarítmicas y exponenciales:

a)
$$\log 4x = 3 \cdot \log 2 + 4 \cdot \log 3$$

g)
$$\frac{\log(7+x^2)}{\log(x-4)} = 2$$

b)
$$\log(2x-4) = 2$$

h)
$$2 \cdot \log (3x-4) = \log 100 + \log (2x+1)^2$$

c)
$$2 \cdot \log(3-x) = -1$$

i)
$$\log_2(x^2-1) - \log_2(x+1) = 2$$

d)
$$\log (x+1) + \log x = \log (x+9)$$

i)
$$\log^2 x - 3\log x = -2$$

e)
$$\log (x+3) = \log 2 - \log (x+2)$$

k)
$$2 \cdot \log(x+5) = \log(x+7)$$

f)
$$\log (x^2+15) = \log (x+3) + \log x$$

$$\log \sqrt{x-1} = \log(x+1) - \log \sqrt{x+4}$$

Sol: a) 162; b) 52; c) No; d) 3; e) 4 y 1; f) 5; g) 9/8; h) No sol; i) 5; j) 10 y 100; k) -3; l) 5

10. - Resuelve las siguientes ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

a)
$$\log_3(x+2) + \log_3(x-4) = 3$$

$$\log_3(x+2) + \log_3(x-4) = 3$$
 b) $2^{2+x} - 2^{1+x} + 2^x = \frac{3}{2}$ **c)** $\log_3\left(\frac{x+1}{2x-1}\right) = 2$ **d)** $e^x - 6e^{-x} = 1$

$$\log_3\left(\frac{x+1}{2x-1}\right) = 2$$

d)
$$e^{x} - 6e^{-x} = 6$$

e)
$$\log 2 + \log(11 - \kappa^2) = 2\log(5 - \kappa)$$
 f) $\log_3(3^{\kappa} + 8) = 2$

$$\log_2(3^x + 8) = 2$$

9)
$$3^{x} - 3^{1-x} = 7$$

9)
$$3^x - 3^{1-x} = 2$$
 h) $2^{2x} - 2^x = 12$

i)
$$3\log x - \log 30 = \log \frac{x^2}{5}$$

j)
$$\log(5\log 100) = x$$
 k) $3^{2x-1} - 3^2 = 18$ l) $7^{3x-2} = 1$

k)
$$3^{2\kappa-1}-3^2=18$$

$$7^{3x-2} = 1$$

Sol: a) x=7 b) x=-1 c) x= $\frac{10}{17}$ d) x=ln3 e) $\begin{cases} x_1=3 \\ x_2=\frac{1}{3} \end{cases}$ f) x=0 g) x=1 h) x=2 i) x=6 j) x=1 k) x=2 l) x= $\frac{2}{3}$

11. – Calcula el valor de x en estas igualdades:

a)
$$\log 3^x = 2$$

b)
$$\log x^2 = -2$$

c)
$$7^x = 115$$

d)
$$5^{-x} = 3$$
 e

$$e^{\kappa-2}=e^{2(\kappa-1)}$$

b)
$$\log x^2 = -2$$
 c) $7^x = 115$ **d)** $5^{-x} = 3$ **e)** $e^{x-2} = e^{2(x-1)}$ **f)** $\log_x 32 = \frac{5}{2}$ **g)** $\log_9 x = 2$

Sol: a) 4,19; b) \pm 0,1; c) 2,438; d) -0,683; e) 0; f) 4; a) 81

12. - Resuelve las siguientes ecuaciones logarítmicas:

a)
$$\log \sqrt{3x+1} - \log \sqrt{2x-3} = 1 - \log 5$$

e)
$$\log(x + \sqrt{x^2 - 1}) = -\log(x - \sqrt{x^2 - 1})$$
 i) $2\log(x) = 3 + \log(\frac{x}{10})$

i)
$$2\log(x) = 3 + \log\left(\frac{x}{10}\right)$$

b)
$$\log(2^{2-\kappa})^{2+\kappa} + \log(1250) = 4$$

f)
$$5\log\frac{x}{2} + 2\log\frac{x}{3} = 3\cdot\log x - \log\frac{32}{9}$$
 j) $\log(x) + \log 5 = 2$

$$j) \qquad \log(x) + \log 5 = 2$$

c)
$$\log_2 \kappa \cdot \log_\kappa 2\kappa \cdot \log_{2\kappa} y = \log_\kappa \kappa^2$$

$$\log_2 \kappa \cdot \log_\kappa 2\kappa \cdot \log_{2\kappa} y = \log_\kappa \kappa^2$$
 g) $\frac{\log 2 + \log(11 - \kappa^2)}{\log(5 - \kappa)} = 2$

k)
$$\log(3-x^2) = \log 2 + \log x$$

d)
$$(x^2 - 4x + 7) \cdot \log 5 + \log 16 = 4$$

$$(\kappa^2 - 4\kappa + 7) \cdot \log 5 + \log 16 = 4$$
 h) $3 \cdot \log \kappa - \log 32 = \log \left(\frac{\kappa}{2}\right)$

1)
$$2\log x - \log(x^2 - 6) = 1$$

Sol: (a) 11/5; (b) 1 y -1; (c) \times 0 y=4; (d) 1 y 3; (e) identidad; (f) 3; (g) 3 y 1/3; (h) 4; (i) 10; (j) 20; (k) 1; (l) $\frac{2\sqrt{15}}{3}$



Logaritmos y Exponenciales

13.- Resuelve las siguientes ecuaciones logarítmicas:

a)
$$\log(2x-7)-\log(x-1)=\log 5$$

d)
$$2 \cdot \log x - 2 \cdot \log(x+1) = 0$$

g)
$$\frac{\log(16-\kappa^2)}{\log(3\kappa-4)} = 2$$

b)
$$\log x - \log(x+3) = 2 \cdot \log(x+1)$$

$$\log x - \log(x+3) = 2 \cdot \log(x+1)$$
 e)
$$\log x = \frac{2 - \log(x)}{\log(x)}$$

h)
$$\frac{\log(35-\kappa^2)}{\log(5-\kappa)} = 3$$

c)
$$4\log\left(\frac{\kappa}{5}\right) + \log\left(\frac{625}{4}\right) = 2 \cdot \log(\kappa)$$
 f) $\log(25 - \kappa^3) - 3\log(4 - \kappa) = 0$ i) $\log_5 \kappa + \frac{\log_5 125}{\log_5 \kappa} = \frac{7}{2}$

f)
$$\log(25-x^3)-3\log(4-x)=0$$

$$\log_5 x + \frac{\log_5 125}{\log_6 x} = \frac{7}{2}$$

Sol: a) -2/3; b) 1; c) 2; d) -1/2; e) 10; f) $\frac{4 \pm \sqrt{3}}{2}$; g) 12/5; h) $5 - \sqrt{10}$; i) 25 y $5\sqrt{5}$

14.- Simplifica las siguientes expresiones exponenciales:

a)
$$3^{x+2} \cdot 9^{x-1} \cdot 3^2$$

b)
$$2^{x-1} \cdot 2^{x^2-1} \cdot 2^{3-x}$$

c)
$$\frac{4^{x-2}}{9^{x-1}}$$

d)
$$\left(5^{4^x}\right)^{8^{x+1}} - \left(5^{2^{2x+1}}\right)^{2^{3x-1}}$$

$$2^{x+1} + 3 \cdot 2^{x-1}$$

f)
$$\frac{e^{x-1} + e^{x+3}}{e^{4x}}$$

$$\mathbf{g)} \quad \frac{4^{x} \cdot 2^{3-x}}{2^{x+1} + 2^{x-1}}$$

h)
$$\frac{e^{x+1}-e^{x-2}}{e^{2x-1}}$$

$$\frac{2^{m+3} + 3 \cdot 2^{m+1} - 5 \cdot 2^{m+2}}{2^{m-1} + 3 \cdot 2^{m-2} - 4 \cdot 2^{m-3}}$$

$$3^{x+1} + 3^x$$

a) $3^{x+2} \cdot 9^{x-1} \cdot 3^2$ **b)** $2^{x-1} \cdot 2^{x^2-1} \cdot 2^{3-x}$ **c)** $\frac{4^{x-2}}{8^{x-1}}$ **d)** $\left(5^{4^x}\right)^{8^{x+1}} - \left(5^{2^{2x+1}}\right)^{2^{3x+2}}$ **e)** $\frac{2^{x+1} + 3 \cdot 2^{x-1}}{4^{x-2}}$ **f)** $\frac{e^{x-1} + e^{x+3}}{e^{4x}}$ **g)** $\frac{4^x \cdot 2^{3-x}}{2^{x+1} + 2^{x-1}}$ **h)** $\frac{e^{x+1} - e^{x-2}}{e^{2x-1}}$ **i)** $\frac{2^{m+3} + 3 \cdot 2^{m+1} - 5 \cdot 2^{m+2}}{2^{m-1} + 3 \cdot 2^{m-2} - 4 \cdot 2^{m-3}}$ **j)** $\frac{3^{x+1} + 3^x}{2 \cdot 9^x}$ $\frac{3^{x+2} \cdot b}{2^{x+1} + 2^{x-1}}$ $\frac{3^{x+2} \cdot b}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot b}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot b}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot b}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot b}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot b}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot b}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{x+2} \cdot c}{2^{x+1} \cdot c} \cdot 2^{-x-1} \cdot d$ $\frac{3^{$

15.- Resuelve las siguientes ecuaciones exponenciales:

a)
$$2^{3x} = 0.5^{3x+2}$$

e)
$$3^x + 3^{x+2} = 30$$

i)
$$3^x - 3^{x-1} + 3^{x-2} = 21$$
 m) $3^x = 2^x$

m)
$$3^x = 2^x$$

b)
$$3^{4-x^2} = \frac{1}{9}$$

$$3^{4-x^2} = \frac{1}{9}$$
f) $5^{x+1} + 5^x + 5^{x-1} = \frac{31}{5}$
j) $3^{x^2} \cdot 3^{-2} = 9$
n) $5^{x-1} = 2 + \frac{3}{5^{x-2}}$

$$\frac{4^{x-1}}{2^{x+2}} = 186$$
g) $\frac{5^{x^2+1}}{25^{x+2}} = 3125$
k) $3^{-x} - 3^{-x} = \frac{728}{27}$
o) $2^x + \frac{1}{2^{x-2}} = 5$

$$3^{x^2} \cdot 3^{-2} = 9$$

$$\mathbf{n)} \qquad 5^{x-1} = 2 + \frac{3}{5^{x-2}}$$

$$\mathbf{c)} \quad \frac{4^{x-1}}{2^{x+2}} = 186$$

$$\mathbf{g)} \quad \frac{5^{x^2+1}}{25^{x+2}} = 3125$$

k)
$$3^{-x} - 3^{-x} = \frac{728}{27}$$

o)
$$2^x + \frac{1}{2^{x-2}} = 5$$

d)
$$7^{x+2} = 5.764.801$$

h)
$$2^{2x} - 5 \cdot 2^x + 4 = 0$$
 l) $5^{x^2} \cdot 25^{x-1} = 5^{3x}$ **p)** $e^{x+1} - 2^{3-x} = 0$

$$5^{x^2} \cdot 25^{x-1} = 5^{3x}$$

p)
$$e^{x+1} - 2^{3-x} = 0$$

Sol: a) -1/3; b) $\pm \sqrt{6}$; c) 11,54; d) 6; e) 1; f) 0; g) -2 y 4; h) 0 y 2; i) 3; j) ± 2 ; k) No; l) -1 y 2; m) No; n) 2; o) 0 y 2; p) $\frac{3 \cdot \ln(2) - 1}{1 + \ln 2}$

16.- Resuelve las siguientes ecuaciones exponenciales:

a)
$$3^x + 3^{1-x} = 4$$

e)
$$9^x - 2 \cdot 3^{x+2} + 81 = 0$$

i)
$$10^{3-x} = 1$$

b)
$$4^{x+1} + 2^{x+3} - 320 = 0$$

f)
$$2^{2x} + 2^{2x-1} + 2^{2(x-1)} + 2^{2x-3} + 2^{2(x-2)} = 1984$$

k)
$$2^{x+1} = 16^x$$

c)
$$3^{2(x+1)} - 28 \cdot 3^x + 3 = 0$$

g)
$$2^{x-1} + 2^{x-2} + 2^{x-3} + 2^{x-4} = 960$$

$$1) 2^{x-1} + 2^x + 2^{x+1} = 7$$

d)
$$4 \cdot e^{-3x} - 5 \cdot e^{-x} + e^{x} = 0$$

h)
$$5^{2x-1} = \sqrt[3]{25^{x^2 - \frac{1}{4}}}$$
 i) $27^{4x+9} = 81^{8x-7}$ **m)** $2^{1-x^2} = \frac{1}{8}$

i)
$$27^{4x+9} = 81^{8x-7}$$

m)
$$2^{1-x^2} = \frac{1}{8}$$

Sol: a) O y 1; b) 3; c) -2 y 1; d) O y ln2; e) 2; f) 5; g) 10; h) ½ y 5/2; i) 11/4; j) 3; k) 1/3; l) 1; m) ±2

17. – Despeja el valor de x en la expresión: $\log x - \log y = \log(x - y)$

18. - Resuelve los siguientes sistemas de ecuaciones:

$$\begin{cases} x + y = 5 \\ 2^{x} - 2^{y} = 14 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} 3 \cdot 2^{x-2} - 4 \\ 4 \cdot 2^{x+1} - 3 \cdot 2^{y} = 8 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2^{x} + 2^{y} = 5 \\ 2^{x} - 3 \cdot 2^{y} = -3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 5 \\ 2^{x} - 2^{y} = 14 \end{cases}$$
d)
$$\begin{cases} 3 \cdot 2^{x-1} - 2^{y-2} = 4 \\ 4 \cdot 2^{x+1} - 3 \cdot 2^{y} = 8 \end{cases}$$
e)
$$\begin{cases} 2^{x} + 2^{y} = 5 \\ 2^{x} - 3 \cdot 2^{y} = -3 \end{cases}$$
j)
$$\begin{cases} x - y = 9 \\ \log x + \log y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7^{2x+3y} = 7^{-1} \\ 7^{-4x-5y} = 7^{-1} \end{cases}$$
e)
$$\begin{cases} 2^{x} + 5^{y} = 9 \\ 2^{x+2} + 5^{y+1} = 41 \end{cases}$$
h)
$$\begin{cases} x - y = 8 \\ \log_{2} x + \log_{2} y = 7 \end{cases}$$
k)
$$\begin{cases} \log x + \log y = 3 \\ \log x - \log y = 1 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 7^{2x+3y} = 7^{-1} \\ 7^{-4x-5y} = 7^{-1} \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} 2^x + 5^y = 9 \\ 2^{x+2} + 5^{y+1} = 41 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y = 8 \\ \log_2 x + \log_2 y = 7 \end{cases}$$

$$\int \log x + \log y = 3$$

c)
$$\begin{cases} \log(x+y) + \log(x-y) = \log 33 \\ e^{x} \cdot e^{y} = e^{11} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y = 3 \\ 2^x - 2^y = \frac{7}{4} \end{cases}$$

i)
$$\begin{cases} 3x + 2y = 64 \\ \log x - \log y = 1 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} x - y = 3 \\ 2^{x} - 2^{y} = \frac{7}{4} \end{cases}$$
 i)
$$\begin{cases} 3x + 2y = 64 \\ \log x - \log y = 1 \end{cases}$$
 i)
$$\begin{cases} 2\log(x) + \log(y) = 5 \\ \log(x \cdot y) = 1 \end{cases}$$

Sol: (a) x = 4; y = 1; (b) x = 4; y = -3; (c) x = 7; y = 4; (d) x = 2; y = 3 (e) x = 2; y = 1; (f) x = 1; y = -2; (g) $x = \frac{\log 3}{\log 2}$; y = 1; (h) x = 16; y = 8; (i) x = 20; y = 2; (j) x = 10; y = 1; (k) $x = 10^2$; y = 10; (l) x = 10; $y = 10^3$.

19. - Utilizando la fórmula del cambio de base se pide:

- a) Demostrar que $\log_a b \cdot \log_b a = 1$
- Hallar la relación entre el logaritmo neperiano y el logaritmo decimal.
- Expresar logax en función de log x
- Razona por qué log45 es un número irracional.