3

Divisibilidad

DIVISIBILIDAD

MÚLTIPLOS Y DIVISORES

Si la división a:b es exacta b es de a

EJEMPLO:

- · Los múltiplos de 7 son: 7, 14, ..., ..., etc.
- Los divisores de 12 son: 1, 2, ..., ... y

CRITERIOS DE DIVISIBILIDAD

- Un número es múltiplo de 2 cuando......
- Un número es múltiplo de 3 cuando.......
- Un número es múltiplo de 5 cuando

DESCOMPOSICIÓN EN FACTORES PRIMOS

$$200 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5 = 2^3 \cdot 5^2$$

PARA CALCULAR EL MÍNIMO COMÚN MÚLTIPLO DE VARIOS NÚMEROS

- 1. Se descomponen en factores primos.

15 | 3 | 20 | 2
5 | 5 | 10 | 2 | 15 =
$$3 \cdot 5$$

1 | 5 | 5 | 20 = $2^2 \cdot 5$
1 | mín.c.m. (15, 20) = ...

PARA CALCULAR EL MÁXIMO COMÚN DIVISOR DE VARIOS NÚMEROS

- 1. Se descomponen en factores primos.
- 2. Se toman los factores

EJEMPLO: máx.c.d. (18, 24)

AD						Fich	a de trab
Divi	sibili	dad					
Nombre	y apellido	os:	Fecha:				
Curso:	TOMÉMONOS UN REFRESCO Después de un largo día visitando una embotelladora, nos merecemos un refresco. Pe antes, vamos a pensar un poco en lo que hemos visto, en el proceso de embotellado y empaquetado y en algunos problemas derivados de estas actividades. Son estos: 1 La planta produce 1 200 botellas de refresco cada hora. Luego, las empaquetan cajas de distintos tamaños. ¿Cuántas cajas de cada tipo necesitan para empaque 1 200 botellas? Completa la tabla: BOTELLAS						
TO	OMÉMON	IOS UN REFR	ESCO				
ant em	tes, vamo paquetad La plant	os a pensar un do y en alguno a produce 12	poco en lo ques problemas de 200 botellas d	ie hemos visto derivados de e e refresco cao	o, en el proces estas actividad da hora. Lueg	o de embotell les. Son estos o, las empaqu	ado y de s: uetan en
	-		_	as cajas de ca	ada tipo neces	sitan para em _l	oaquetar
		BOTELLAS					
		1200					
2							
					era cajas con	10 refrescos,	¿podría
3		brica tienen ι nguno en	ın pedido de	240 refrescos	s. ¿Pueden er	npaquetarlos,	sin que

3	En la fábrica tienen un pedido de 240 refrescos. ¿Pueden empaqueta	rlos, s	sin	que
	sobre ninguno en			

a)cajas de 4 unidades?	SÍ	NO	¿Cuántas?	

4 Han ideado un nuevo refresco de naranja. Antes de lanzarlo, han fabricado solamente 150 litros, y tienen que envasarlos. ¿Pueden hacerlo en botellas de 3 litros para que no les sobre nada?

¿Y de 4 litros?

¿Y de 5 litros?

Nombre y	apellidos:	 	

- Dos carretillas elevadoras transportan las cajas de refrescos desde la cadena de producción hasta los almacenes. Una de ellas, A, recorre el trayecto cada 8 minutos, y la otra, B, lo hace cada 12 minutos. Hemos visto que han coincidido cuando el reloj marcaba las 10 horas y 8 minutos:
 - a) ¿Cada cuánto tiempo volverán a coincidir? Para que nos resulte más sencillo contestar, hemos escrito los seis primeros múltiplos de 8 y de 12. Hemos rodeado los que son comunes a las dos cantidades y nos hemos fijado en cuál es el menor de ellos, es decir, en el mín.c.m. (8, 12). Prueba a hacerlo tú.

8 - 16	mín.c.m. (8, 12) =
12 - 24	Vuelven a coincidir cada minutos

b) ¿A qué hora volverán a coincidir?

А	10 h 8 min			
В	10 h 20 mi	in		

- c) Por cada 6 viajes de la carretilla A, ¿cuántos realizará la carretilla B?
- **6** En una mesa han dispuesto 8 refrescos de piña, 12 de limón y 24 de naranja. Quieren empaquetarlos en cajas iguales, lo más grandes que sea posible, sin mezclar los sabores.

Antes de contestar a las preguntas, nos han dado una pista: escribir todos los divisores de 8, de 12 y de 24; rodear los comunes a las tres cantidades y fijarnos en cuál es el mayor, es decir, el máx.c.d. (8, 12, 24).

Divisores de 8
$$\rightarrow$$
 Divisores de 12 \rightarrow Divisores de 24 \rightarrow Divisores de 25 \rightarrow Diviso

máx.c.d. (8, 12, 24) =

- a) ¿Cuántos refrescos pondrán en cada caja?
- b) ¿Cuántas cajas se utilizarán para cada sabor?
- c) ¿Cuántas cajas iguales serán necesarias?

Divisibilidad

Nombre y apellidos:	
Curso	Fecha:

Y AHORA... UN VASO DE LECHE

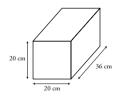
En las afueras de la ciudad han abierto una nueva planta lechera, en la que se llenan los tetrabriks, se empaquetan y se distribuyen a las tiendas. La hermana de uno de los profesores de matemáticas trabaja allí y le plantea algunos problemas que tienen para que los alumnos intenten resolverlos.

Una de las máquinas envasadoras llena 240 envases de 1 litro de leche cada hora. La sección de almacenaje, por cuestión de costes, necesita empaquetarlos en cajas que contengan un número de envases par y menor que 20. Escribe, en la tabla, todas las formas de hacerlo y el número de cajas necesarias, en cada caso, para almacenar los envases producidos en una hora.

ENVASES DE 1 LITRO	2	4			
CAJAS	120	60			

- 2 Acaban de traer otra máquina envasadora, pero los técnicos no saben exactamente cuántos tetrabriks llena a la hora. Solo les han dicho que llena entre 250 y 300, y que la cantidad exacta puede empaquetarse en cajas de 5 envases, y también en cajas de 7 envases y de 20 envases. Ayuda a los técnicos y calcula el número exacto de envases que llena la nueva máquina en una hora.
- $\textbf{3} \quad \text{Parece que al final han decidido envasar la leche en tetrabriks de 1 litro, cuyas dimensiones son } 10\times20\times6~\text{cm}, \text{y se agrupan en cajas de 36 cm} \\ \text{de largo, 20 cm de ancho y 20 cm de alto.}$





- a) Los mozos del almacén quieren saber cuántos envases caben en una caja. Recuerda que los envases se colocan siempre en la misma posición.
- b) El departamento de logística de la empresa quiere saber si merece la pena que las cajas sean cúbicas. Te piden que colabores en el estudio. ¿Cuántos envases de 1 litro son necesarios para formar un cubo con la menor arista posible?

Después del proceso de envasado, empaquetado y distribución, llega la hora de ven-

Soluciones

Ficha de trabajo A

1

BOTELLAS	CAJAS DE 4 UNIDADES	CAJAS DE 6 UNIDADES	CAJAS DE 10 UNIDADES	CAJAS DE 12 UNIDADES
1200	300	200	120	100

2 16 cajas.

No pueden hacerse cajas de 10 refrescos, porque 192 no es múltiplo de 10.

- **3** a) Sí; 60 cajas.
 - b) No; porque 7 no es divisor de 240.
 - c) Sí; 20 cajas.
- 4 Sí; obtendrán 50 botellas de 3 l.

No; porque 150 no es múltiplo de 4.

Sí; obtendrán 30 botellas de 5 /.

5 a) Múltiplos de 8: 8 - 16 - 24 - 32 - 40 - 48

Múltiplos de 12: 12 - 24 - 36 - 48 - 60 - 72 - 84

mín.c.m. (8, 12) = 24

- b) Volverán a coincidir 24 minutos más tarde, es decir, a las 10 h 32 min.
- c) La carretilla B efectuará 4 viajes.
- **6** Divisores de 8: 8 4 2 1

Divisores de 12: 12 - 6 - 4 - 3 - 2 - 1

Divisores de 24: 24 - 12 - 8 - 6 - 4 - 3 - 2 - 1

máx.c.d. (8, 12, 24) = 4

- a) 4 refrescos
- b) Piña: 2 cajas

Limón: 3 cajas

Naranja: 6 cajas

c) 11 cajas

Ficha de trabajo B

1

ENVASES DE 1 LITRO	2	4	6	8	10	12	16	20
CAJAS	120	60	40	30	24	20	15	12

- **2** 280 envases
- **3** a) 12 tetrabriks

b) min.c.m. (6, 10, 20) = 60

La caja tendrá 60 cm de arista. Se necesitan 180 envases.

4 máx.c.d. (96, 126) = 6

Deben ponerse 6 envases en cada caja.

Leche entera: 16 cajas

Leche semidesnatada: 21 cajas

5 mín.c.m. (120, 180) = 360

Vuelven a coincidir dentro de 360 minutos, es decir, dentro de seis horas, a las 14:00 h.

6 mín.c.m. (390, 400) = 15600

Deberá recorrer 15 600 cm = 156 m

Ruedas delanteras: 40 vueltas

Ruedas traseras: 39 vueltas

7 mín.c.m. (75, 500) = 1500

Se usarán 3 billetes de 5 euros, con los que

podremos comprar 20 / de leche.