Proporcionalidad

Problemas de Proporcionalidad

Departamento de Matemáticas http://selectividad.intergranada.com © Raúl González Medina

proporcionales.

- a) Número de horas trabajadas y dinero cobrado.
- b) Número de horas que un alumno ve la televisión y número de horas de estudio.
- c) Número de personas que comen y cantidad de alimento.
- d) El número de hojas de un libro y su peso.
- e) Número de personas que participan en la compra de un regalo y dinero que aportan.
- f) La edad de un alumno y su altura.

Sol: a) Si; b) No; c) Si; d) Si; e) No; f) No

2.- Completa las siguientes tablas de valores:

_a)				
3	6	12	24	48
4	8	16	32	64

b)				
4	8	12	16	4820
1	2	3	4	1205

3.- Dos kilos de naranjas cuestan 1,50 €. ¿Cuánto costarán 5 kg? ¿Y 12 kg?

4.- En una obra, dos obreros realizan una zanja de 5 m. Si uno más, cuánto tiempo tardarán en pintarla? mantienen el mismo ritmo de trabajo, ¿cuántos metros abrirán si se incorporan 3 obreros más?

Sol: 12,5 metros

5.- El precio de 12 fotocopias es de 0,50 €. ¿Cuánto costará hacer 30 fotocopias?

Sol: 1,25 €

6.- Un ciclista recorre 75 kilómetros en 2 horas. Si mantiene siempre la misma velocidad, kilómetros recorrerá en 5 horas?

Sol: 187,5 km

7.- Un túnel de lavado limpia 12 coches en una hora (60 minutos). ¿Cuánto tiempo tardará en lavar 25 coches? ¿Y 50 coches?

Sol: a) 2 h y 5 min; b) 4 h y 10 min

8.- Diez barras de pan cuestan 4,75 €. ¿Cuánto costarán 18 barras? ¿Y 24 barras?

Sol: a) 8,55 €; b) 11,4 €

9.- El precio de 9 billetes de autobús es 10 €. ¿Cuál será el precio de 12 billetes? ¿Y de 15 billetes?

Sol: a) 13,33 €; b) 16,67 €

10.- 5 botellas de leche cuestan 3,75 €, ¿cuánto costará una caja de 12 botellas? ¿Y una caja de 36 botellas?

Sol: a) 9 €; b) 27 €

11.- Completa las siguientes tablas de valores.

5	10	20	4	12	60	
60	30	15	75	25	5	
c)						
-	0			-	^	
1	2	3	4	6	9	

a)

b)					
8	2	6	3	1	6
3	12	4	8	24	4
d)					
6	3	21	7	42	1
	4.4	0		-	40

12.- 10 albañiles tardan 45 días en construir un muro. Si poder terminar el trabajo en 150 días? se quiere terminar en 15 días, ¿cuántos albañiles harían falta? ¿y si se quiere terminar en 5 días?

Sol: a) 30 albañiles; b) 90 Albañiles

13.- Un depósito de agua se llena en 18 horas con un grifo del que salen 360 litros de agua cada minuto. a) ¿Cuánto tardaría en llenarse el depósito si salieran 270 litros por minuto? **b)** ¿Y si fueran 648 l/min?

Sol: a) 24 horas; b) 10 horas

14.- Sabiendo que dispongo de una determinada cantidad de dinero y que con ella puedo comprar 6 prendas a 4.000 € cada una. ¿Cuántas prendas podría comprar si me costaran 3.000 € cada una?

15.- Seis personas efectúan un trabajo en 10 días. ¿Cuánto depósito en 8 horas. ¿Cuál deberá ser el caudal para llenar tardarán en hacerlo ocho personas?

Sol: 7,5 días.

16.- Isabel ha comprado al principio de curso 7 cuadernos **26.**- Una merluza de 2 kilos y 300 gramos ha costado que le han costado 6,30 euros. ¿Cuánto se gastó María si 28,75 €. ¿Cuánto pagaré por otra de kilo y medio? compró 5 cuadernos? Sol: 4,50 €.

1.- Indica si las siguientes magnitudes son directamente 17.- Se está construyendo una autopista y hay que realizar un túnel en la montaña. Está planificado que dos máquinas realicen la obra en 90 días. Para reducir ese tiempo a la tercera parte, ¿cuántas máquinas harían falta?

- **18.-** Indica si las siguientes magnitudes son o no inversamente proporcionales.
 - a) La velocidad de un coche y el tiempo que tarda en recorrer una distancia.
 - b) El número de limpiadores de un edificio y el tiempo que
 - c) El número de ladrillos de una pared y su altura.
 - **d)** El peso de la fruta y el dinero que cuesta.
 - e) La velocidad de un corredor y la distancia que recorre.
 - f) El número de grifos de un depósito y el tiempo que tarda en llenarse.

Sol: a) Si; b) Si; c) No; d) No; e) No; f) Si

Sol: a) 3,75€; b) 9€ 19.- Tres niños pintan una valla en 2 horas. Si se incorpora

Sol: Una hora v media

20.- Si 20 obreros levantan un muro de ladrillos en 6 días, ¿cuántos días tardarían 12 obreros?

De 5 kilos de olivas se han obtenido 3,2 litros de aceite. ¿Cuántos litros se obtendrán de una tonelada y media de aceitunas?

A más kilos de aceitunas, se obtendrá más aceite. P.D.

$$\frac{5 \text{ kg}}{3.2 \text{ l}} = \frac{1500 \text{ kg}}{x} \rightarrow x = \frac{1500 \cdot 3.2}{5} = 960$$

Se obtendrán 960 litros de aceite.

21.- Un camión tarda 4 horas en hacer un reparto a una velocidad 65 km/h. a) ¿Qué velocidad llevará una moto que hace el mismo reparto en la mitad de tiempo? b) ¿Y una avioneta que emplease 45 minutos?

Sol: a) 130 Km/h; b) 346,67 Km/h

22.- El próximo verano tengo planeado un viaje a Estados Unidos, por lo que necesitaré comprar dólares. El banco me hace un cambio de 1 dólar por 1,20 €. ¿Cuántos dólares me darán por 1.500 €?

Sol: 1.250 dólares.

23.- Un ganadero tiene 20 vacas y dispone de pienso para alimentarlas durante 60 días. Si tuviera 120 vacas ¿para cuántos días tendría pienso?

Sol: 10 días.

24.- Un edificio es construido por 15 albañiles en 200 días. ¿Cuántos albañiles tendré que añadir a la cuadrilla para

Sol: 5 albañiles.



Sol: 8 prendas. 25.- Un grifo con un caudal de 54 litros por hora, llena un la mitad del depósito en 6 horas?

Sol: 36 litros por hora.

Sol: 18.75 €



Proporcionalidad

Problemas de Proporcionalidad

Departamento de Matemáticas

http://selectividad.intergranada.com © Raúl González Medina

que los postes se colocarán cada 1,30 m?

28.- Por tres horas de trabajo, Pedro ha cobrado 60 euros. ¿Cuánto cobrará si trabaja 8 horas?

29.- 5 fontaneros instalan los baños de una urbanización en 16 días. ¿Cuántos fontaneros se deberían contratar para terminar la obra en 10 días?

Sol: 8 fontaneros.

30.- Un manantial que aporta un caudal de 3,5 litros por minuto, llena un depósito en una hora y media. ¿Cuánto tardaría si el caudal aumentara a 4,5 l/min?

Sol: 1 hora y 10 minutos.

31.- Un campamento de refugiados que alberga a 4600 personas tiene víveres para 24 semanas. ¿En cuánto se reducirá ese tiempo si llegan 200 nuevos refugiados?

Sol: En una semana

32.- Una motobomba, en 7 horas ha vertido 1250 metros cúbicos de agua a un aljibe. ¿Cuánto tardará en aportar los 1.000 m³ que aún faltan para llenarlo?

Sol: 5 horas y 36 minutos

Tres operarios limpian un parque en 7 horas. ¿Cuánto tardarían en hacer el mismo trabajo 7 operarios?

A más operarios, menos tiempo. P.I.

$$\frac{3 \text{ Op}}{7 \text{ h}} = \frac{7 \text{ Op}}{x} \rightarrow x = \frac{3.7}{7} = 3$$

33.- Una piscina tiene 6 grifos que manan el mismo caudal, en litros de agua por minuto. Si solo abrimos 2 grifos, la piscina se llena en 8 horas. Calcula cuánto tiempo tardaría en llenarse si abrimos los seis grifos.

Sol: 2 horas y 40 minutos

34.- Con un depósito de agua se abastecen 20 casas durante 15 días. ¿Cuánto duraría el depósito si los habitantes de 8 casas se marcharan de vacaciones?

Sol: 25 días.

35.- Un ciclista tarda 20 min en recorrer cierta distancia a una velocidad de 40 km/h. ¿Cuál será su velocidad si ha de recorrer la misma distancia en 32 min?

Sol: 25 Km/h

36.- Un ciclista a una velocidad de 30 km/h, tarda 4h 19' 56" en hacer un circuito. ¿Cuánto tardará una moto en hacer el mismo circuito a una velocidad de 84 km/h?

Sol: 1 h 32 min y 50 seg

37.- Un grifo, abierto durante 10 minutos, hace que el nivel de un depósito suba 35 cm. a) ¿Cuánto subirá el nivel si el grifo permanece abierto 18 minutos más? b) ¿Cuánto tiempo deberá permanecer abierto el grifo para que el nivel 52.- Una moto que va a 100 km/h tarda 20 minutos en suba 70 cm?

Sol: a) 63 cm; b) 20 min

38.- Una tienda rebaja todos los artículos en la misma proporción. Si por una camiseta de 18 € pago 16,20 €, a) 53.- Un ganadero tiene 20 vacas y pienso para ¿cuánto debo pagar por un jersey de 90 €?, b) ¿qué alimentarlas durante 30 días. ¿Cuánto tiempo le durará el porcentaje de descuento hacen?

Sol: a) 81 €; b) El 10 %

- necesitará para hacer transportar la misma arena un utilizar para hacer una tarta de 4,5 kilos? camión que carga 5 toneladas?
- **40.-** Tres obreros descargan un camión en dos horas. papelera?, ¿cuantas papeletas compramos con 400€? ¿Cuánto tardarán con la ayuda de dos obreros más?

41.- Tres kilogramos de carne cuestan 6 euros. ¿Cuánto horas utilizando dos tractores. a) ¿Cuánto tardará en podré comprar con 4,5 euros?

27.- Una finca tiene una valla antigua sostenida por 650 **42.-** Un sastre ha cobrado 398 € por un traje en e<mark>l que ha</mark> postes que están colocados a intervalos de 1,20 m. invertido 4 metros de tela y 10 horas de trabajo. Sab<mark>iendo</mark> ¿Cuántos postes se necesitarán para la nueva valla en la que valora su trabajo a razón de 19 € la hora, ¿cu<mark>ánto</mark> cobrará por otro traje para el que ha necesitado 3,5 metros Sol: 600 postes de tela y 12 horas de trabajo?

Sol: Cobrará por el traje 410 €

43.- Virginia mide 1,60 m de altura y, en este momento, su sombra tiene una longitud de 0,8 m. Si la sombra de un árbol mide 10 m, ¿cuál es su altura?

Sol: 20 metros

44.- Una receta de tarta de manzana nos especifica los siguientes ingredientes para 6 personas: 360 gr. de harina, 4 huevos, 300 gr de mantequilla, 250 gr de azúcar y 6 manzanas. Calcula los ingredientes necesarios de una tarta de manzana para 15 personas.

Sol: 900 gr harina, 10 huevos, 750 gr mantequilla, 625 gr de azúcar y 15 manzanas



45.- Un taller de ebanistería, si trabaja 8 horas diarias, puede servir un pedido en 6 días. ¿Cuántas horas diarias deberá trabajar para servir el pedido en 4 días?

46.- Una fortaleza sitiada tiene víveres para 500 hombres durante tres meses. ¿Cuánto tiempo podrán resistir con ración normal de comida si se incorporan 150 hombres?

47.- ¿Son directamente proporcionales la longitud de una circunferencia y la longitud de su diámetro? Da varios ejemplos y compruébalo.

48.- Un grajero tiene alfalfa en el almacén para alimentar a sus 3 vacas durante 10 días. ¿Cuánto le duraría el forraje si tuviera 5 vacas?

49.- Una moto va a 50 km/h y tarda 40 minutos en cubrir cierto recorrido. ¿Cuánto tardará un coche a 120 Km/h?

Sol: 16 minutos y 40 segundos.

50.- Por 5 días trabajados Juan ha ganado 390 euros. ¿Cuánto ganará por 18 días?

51.- Una máquina embotelladora llena 240 botellas en 20 minutos. ¿Cuántas botellas llenará en hora y media?

Sol: 1.080 botellas.

recorrer la distancia entre dos pueblos. ¿Qué velocidad ha de llevar para hacer el recorrido en 16 minutos?

Sol: 125 km/h

pienso si se mueren 5 vacas?

39.- Un camión que carga 3 toneladas necesita 15 viajes **54.-** Para hacer una tarta de queso de 3 kilos hemos de para transportar cierta cantidad de arena. ¿Cuántos viajes utilizar 1,20 kilos de queso. ¿Cuánto queso hemos de

Sol: 9 viajes 55.- Si 46 papeleras cuestan 368 €, ¿cuánto cuesta cada

Sol: a) 8 €, b) 50 papeletas

Sol: 1 hora y 12 minutos. 56.- Un agricultor labra una determinada superficie en 12 labrarla si utiliza tres tractores?; b) ¿y si utiliza 8?

Sol: a) 8 horas; b) 3 horas



Proporcionalidad

Problemas de Proporcionalidad Departamento de Matemáticas

http://selectividad.intergranada.com © Raúl González Medina

57.- Un padre le da la paga a sus tres hijas de forma que manase 90 ml/s, ¿qué altura alcanzaría en e<mark>l mismo</mark> a cada una le corresponde una cantidad proporcional a su tiempo? edad. A la mayor, que tiene 20 años, le da 50 euros. ¿Cuánto dará a las otras dos de 15 y 8 años de edad?

Sol: 37,50 € a la de 15 y 20 € a la de 8 años.

58.- Una máquina pone, 15.000 tornillos en 8 horas, funcionando de forma ininterrumpida. ¿Cuántos tornillos pondrá en 3 horas?; ¿y en 4 horas 13 minutos y 34 seg? Sol: a) 5.625; b) 7.923 tornillos.

horas en desaguar un garaje inundado. ¿Cuántas horas hubieran tardado utilizando sólo tres autobombas?

60.- Por dos motores de 4 y 6 caballos de potencia se han pagado 1.014 €. El primero tiene 2.400 h de funcionamiento y el segundo 5.400 h. a) ¿Cuánto deberíamos de pagar por cada uno si se estableciera proporcionalmente al número de caballos de vapor?; **b)** Y si se estableciese en proporción inversa a las horas de funcionamiento?

Sol: a) 405,60€ y 608,40€; b) 702 y 312 €

61.- Un coche de carreras ha dado 5 vueltas a un circuito en 8 minutos y 30 segundos. Si mantiene la misma velocidad, ¿cuánto tiempo tardará en dar las 3 próximas vueltas?

Sol: 5,1 minutos



- **62.-** Algunos de los siguientes problemas proporcionalidad y otros no. Determinar en cuáles de estas situaciones aparece la proporcionalidad y resuelve las que se pueda: a) Si los cereales se venden en cajas de tres paquetes, a 1,80 € la caja, ¿cuánto costarán 12 paquetes?; **b)** Si un bebé aumenta de peso 3 kg en tres meses, ¿cuánto aumentará en el primer año?; c) Pedro puede comer 2 pasteles en 3 minutos. ¿Cuánto tiempo le llevará comer 12 pasteles?; d) Si 5 chicas beben 3 botellas de limonada, ¿Cuánta limonada podrán beber 30 chicas?
- **63.-** De una plancha de acero se ha cortado una porción rectangular de 70 cm de longitud y 60 cm de anchura. Ahora deseamos cortar una nueva porción de 40 cm de anchura y que tenga el mismo peso que la primera. ¿Cuál será el largo de esta nueva porción?

Sol: El largo de la nueva porción será de 105 cm.

64.- Un arquitecto planea terminar un edificio en un año y medio, con la ayuda de 36 obreros. Si le conceden una prórroga de medio año, ¿de cuántos obreros puede prescindir?

Sol: De 9 obreros

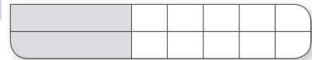
65.- En un reloj antiguo, un engranaje tiene dos ruedas, de 18 y 12 dientes, respectivamente. Si la rueda mayor da 6 vueltas, averigua cuántas vueltas da la rueda menor.

Sol: La rueda de 12 dientes dará 9 vueltas

66.- En una bañera, el agua alcanza 12 cm de altura con un grifo que mana 180 ml/s en 12 minutos. Si el grifo

67.- Dos desagües iguales vacían una balsa de agua en 4 horas y cuarto. ¿En cuánto tiempo se vaciaría si abriésemos tres desagües?

- **68.-** Luisa y Ana tienen que pintar durante el verano la 59.- Después de una tormenta, dos autobombas tardan 6 valla de la casa de sus abuelos. La valla tiene una longitud de 30 metros y su abuelo les ha dicho que por cada 6 metros que pinten les dará 5 €.
 - a) Forma la tabla de valores con las magnitudes correspondientes.



- b) Forma proporciones y halla la constante de proporcionalidad.
- c) Si la valla tuviera 42 metros, ¿cuánto dinero ganarían Luisa y Ana?

intergranada.com