

Nombre:			
Curso:	1º Bachillerato A	Examen de Funciones	
Fecha:	18 de Febrero de 2013	2ª Evaluación	

1.- Estudia el dominio de las siguientes funciones: (1 punto)

$$a) f(x) = \frac{3}{x^2 - x}$$

a) 
$$f(x) = \frac{3}{x^2 - x}$$
 b)  $g(x) = \sqrt{12x - 2x^2}$ 

2.- Representa gráficamente la función 
$$f(x) = \begin{cases} -x - 1 & \text{si} \quad x \le -1 \\ 2 - \frac{x^2}{2} & \text{si} \quad -1 < x < 2 \\ 2x - 1 & \text{si} \quad x \ge 2 \end{cases}$$
 (1,25 punto).

3.- Representa gráficamente (de forma aproximada) las siguientes funciones, obteniendo en todas ellas el dominio, recorrido y los puntos de corte con los ejes de coordenadas (2,25 puntos):

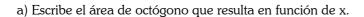
a) 
$$f(x) = \frac{1}{x+3} + 2$$

b) 
$$g(x) = -2 + \sqrt{x-2}$$

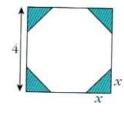
a) 
$$f(x) = \frac{1}{x+3} + 2$$
 b)  $g(x) = -2 + \sqrt{x-2}$  c)  $h(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x - 4$ 

4.- Una parábola corta el eje de abcisas en x=-1 y en x=3. La ordenada del vértice es y=-4. ¿Cuál es la ecuación de esa parábola?. (1 punto)

5.- De un cuadrado de 4 cm de lado, se cortan en las esquinas triángulos rectángulos isósceles cuyos lados iguales valen x. (1,5 puntos)



- b) ¿Para qué valor de x el área es mínima?. ¿Cuál es esa área?.
- c) ¿Cuál es el dominio de esa función?. ¿Y el recorrido?



6.- Calcula los límites de la función  $f(x) = \begin{cases} 3x - 5 & \text{si } x \le 3 \\ x^2 - x - 9 & \text{si } x > 3 \end{cases}$  en los puntos x = -1, x = 3 y x = 6(1 punto)

7.- Calcula los siguientes límites: (2 puntos)

$$\lim_{x \to +\infty} \left( x^2 - \frac{x^4 + 1}{2x^2 - 1} \right)$$

$$\lim_{x \to +\infty} \left( x^2 - \frac{x^4 + 1}{2x^2 - 1} \right) \qquad \qquad \lim_{x \to 2} \frac{2x^3 - 9x^2 + 12x - 4}{x^3 - 2x^2 - 4x + 8} \qquad \qquad \lim_{x \to 4} \frac{-x}{(x - 4)^3} \qquad \qquad \lim_{x \to 0} \frac{x}{1 - \sqrt{1 - x}}$$

$$\lim_{x\to 4}\frac{-x}{(x-4)^3}$$

$$\lim_{x\to 0} \frac{x}{1-\sqrt{1-x}}$$