### **EJERCICIOS**

#### Indica si las siguientes igualdades entre expresiones algebraicas son identidades o ecuaciones:

a) 
$$x + 2 = 7$$

b) 
$$0x = 0$$

c) 
$$6x = 48$$

d) 
$$5x = 12x - 7x$$

e) 
$$2x + 6 = 2(x + 3)$$

f) 
$$x^2 = 25$$

g) 
$$x + 6 = 2x$$

h) 
$$(x + 1)^2 = x^2 + 2x + 1$$

Ecuaciones: a, c, f, q.

#### Pon un ejemplo en cada uno de los siguientes casos:

- a) Una ecuación de primer grado con una incógnita.
- b) Una ecuación de segundo grado con una incógnita.
- c) Una identidad.
- d) Una ecuación incompatible.

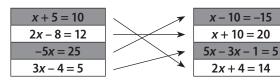
a) 
$$3x = 2$$

b) 
$$x^2 - 9 = 0$$

c) 
$$(x-1) \cdot (x+1) = x^2 - 1$$

d) 
$$x + 2 = x + 3$$

#### Copia en tu cuaderno y une entre sí las ecuaciones que son equivalentes:



#### Indica qué cálculos haces para obtener la ecuación equivalente de la ecuación inicial:

a) Ecuación inicial: 2x + 10 = 26.

Ecuación equivalente: x + 5 = 13.

b) Ecuación inicial: 5x - 10 = 15.

Ecuación equivalente: 5x - 3 = 22.

- a) Dividir entre 2 los dos miembros.
- b) Sumar 7 a los dos miembros.

#### Resuelve las ecuaciones:

a) 
$$2x + 7 = 5x - 5$$

b) 
$$6x + 5 = -5 + 4x$$

c) 
$$5(2x+4)+10=5x$$

2x - 5x = -5 - 7

d) 
$$2(x-3) = 5(x-2) + 4$$

e) 
$$4(2-x)+10=2(1-x)$$

f) 
$$x-2(x-4)=3(4x-10)$$
 a)  $x^2=$ 

a) 
$$2x + 7 = 5x - 5$$

b) 
$$6x + 5 = -5 + 4x$$
  
 $6x - 4x = -5 - 5$ 

$$-3x = -12$$

$$2x = -10$$

$$x = 4$$

$$x = -5$$

c) 
$$5(2x + 4) + 10 = 5x$$

d) 
$$2(x-3) = 5(x-2) + 4$$

$$10x + 20 + 10 = 5x$$

$$2x - 6 = 5x - 10 + 4$$
  
 $2x - 5x = -10 + 4 + 6$ 

$$10x - 5x = -20 - 10$$
$$5x = -30$$

$$-3x = 0$$

$$x = -6$$

$$x = 0$$

## http://www.McGraw-Hill.es

e) 
$$4(2-x) + 10 = 2(1-x)$$

f) 
$$x - 2(x - 4) = 3(4x - 10)$$

$$8 - 4x + 10 = 2 - 2x$$

$$x - 2x + 8 = 12x - 30$$

$$-4x + 2x = 2 - 8 - 10$$
  
 $-2x = -16$ 

$$x - 2x - 12x = -30 - 8$$
  
 $-13x = -38$ 

$$x = 8$$

$$x = \frac{38}{13}$$

#### Resuelve estas ecuacione

a) 
$$\frac{x}{6} = x + 5$$

b) 
$$\frac{5x+3}{9} = \frac{3x-5}{2}$$

c) 
$$\frac{2(x+5)}{5}$$
 - 3(x+4) =  $\frac{-x}{10}$ 

a) 
$$\frac{x}{6} = x + 5 \Leftrightarrow x = 6x + 30 \Leftrightarrow x - 6x = 30 \Leftrightarrow -5x = 30 \Leftrightarrow \Leftrightarrow x = -6$$

b) 
$$\frac{5x+3}{9} = \frac{3x-5}{2} \Leftrightarrow 2 \cdot (5x+3) = 9 \cdot (3x-5) \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$
 10x + 6 = 27x - 45  $\Leftrightarrow$  10x - 27x = -45 - 6  $\Leftrightarrow$ 

$$\Leftrightarrow$$
 -17 $x = -51 \Leftrightarrow x = \frac{-51}{-17} \Leftrightarrow x = 3$ 

c) 
$$\frac{2(x+5)}{5} - 3(x+4) = \frac{-x}{10} \Leftrightarrow \frac{2x+10}{5} - 3x - 12 = \frac{-x}{10} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \frac{2 \cdot (2x+10)}{10} - \frac{30x}{10} - \frac{120}{10} = \frac{-x}{10} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$
 4x + 20 - 30x - 120 = -x  $\Leftrightarrow$  4x - 30x + x = -20 + 120  $\Leftrightarrow$ 

$$\Leftrightarrow$$
 -25x = 100  $\Leftrightarrow$  x =  $-\frac{100}{25}$   $\Leftrightarrow$  x = -4

## Indica cuáles de las siguientes ecuaciones son de

## segundo grado con una incógnita:

a) 
$$x + 2y = 5$$

b) 
$$x^2 - 7x = 16$$

c) 
$$x^2 + y = 12$$

d) 
$$x^2 - 16 = 0$$

e) 
$$x^2 = 3x$$

f) 
$$2x + 5 = 3x - 2$$

#### Resuelve las ecuaciones de segundo grado con una incógnita:

a) 
$$x^2 = 25$$

b) 
$$x^2 - 16 = 0$$

c) 
$$2x^2 - 128 = 0$$

d) 
$$x^2 - 5x = 0$$

e) 
$$2x^2 + 4x = 0$$

f) 
$$3x^2 - 6x = 0$$

a) 
$$x^2 = 25 \Leftrightarrow x = \sqrt{25} \Leftrightarrow x = \pm 5$$

b) 
$$x^2 - 16 = 0 \Leftrightarrow x^2 = 16 \Leftrightarrow x = \sqrt{16} \Leftrightarrow x = \pm 4$$

c) 
$$2x^2 - 128 = 0 \Leftrightarrow 2x^2 = 128 \Leftrightarrow x^2 = 64 \Leftrightarrow x = \sqrt{64} \Leftrightarrow x = \pm 8$$

d) 
$$x^2 - 5x = 0 \Leftrightarrow x(x - 5) = 0 \Leftrightarrow x = 0; x = 5$$

e) 
$$2x^2 + 4x = 0 \Leftrightarrow 2x(x+2) = 0 \Leftrightarrow x = 0; x = -2$$

f) 
$$3x^2 - 6x = 0 \Leftrightarrow 3x(x-2) = 0 \Leftrightarrow x = 0; x = 2$$

#### En la clase de 2.º A el número de chicos es el doble que el de chicas. Si la clase tiene 30 alumnos en total, ¿cuántos chicos y chicas hay en la clase?

Sea x el número de chicas:

$$x + 2x = 30 \Leftrightarrow 3x = 30 \Leftrightarrow x = 10$$

Hay 10 chicas y 20 chicos.

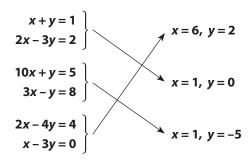
#### 10 Un jardín tiene forma rectangular y es el doble de largo que de ancho. Si la superficie total del jardín es de 98 m², ¿cuáles son las dimensiones del jardín?

Sea x los metros del ancho:

$$x \cdot 2x = 98 \Leftrightarrow 2x^2 = 98 \Leftrightarrow x = 7$$

Mide 7 m de ancho y 14 m de largo.

#### [11] Copia en tu cuaderno y asocia cada sistema de ecuaciones con su solución:



## Construye un sistema de dos ecuaciones de primer grado con dos incógnitas que tenga por solución x = 1,

$$\begin{cases} x + y = 6 \\ 4x + y = 9 \end{cases}$$

#### Benjamín ha comprado tres camisas y dos corbatas y ha pagado en total por la compra 140 €. Si el precio de una camisa y una corbata es 55 €, plantea el sistema de ecuaciones que permite calcular el precio de una camisa y el precio de una corbata.

Sea x el precio de una camisa e y el precio de una corbata,

entonces: 
$$\begin{cases} 3x + 2y = 140 \\ x + y = 55 \end{cases}$$

#### Resuelve por el método de sustitución estos sistemas de ecuaciones:

a) 
$$2x - 5y = -1$$
  
-x + 3y = 1

a) 
$$\begin{cases} 2x - 5y = -1 \\ -x + 3y = 1 \end{cases}$$
 b)  $\begin{cases} 4x + y = -10 \\ 2x - 3y = -12 \end{cases}$ 

c) 
$$\begin{cases} x + 3y = -2 \\ 4x - 3y = 7 \end{cases}$$
 d)  $\begin{cases} 5x + 2y = 8 \\ 3x - 2y = -8 \end{cases}$ 

d) 
$$5x + 2y = 8$$
  
  $3x - 2y = -8$ 

### http://www.McGraw-Hill.es

a) 
$$2x - 5y = -1$$
  
 $-x + 3y = 1$ 

Se despeja x en la segunda ecuación: x = 3y - 1.

Se sustituye el valor de x en la primera ecuación:

$$2(3y-1)-5y=-1$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita:

$$2(3y-1)-5y=-1 \Leftrightarrow 6y-2-5y=-1 \Leftrightarrow y=1$$

Una vez calculado el valor de y, se obtiene el valor de x sustituyendo en la expresión: x = 3y - 1.

$$x = 3 \cdot 1 - 1 \Leftrightarrow x = 2$$

b) 
$$4x + y = -10 2x - 3y = -12$$

Se despeja x en la segunda ecuación:  $x = \frac{-12 + 3y}{2}$ 

Se sustituye el valor de x en la primera ecuación:

$$4 \cdot \frac{-12 + 3y}{2} + y = -10$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incóg-

$$4 \cdot \frac{-12 + 3y}{2} + y = -10 \Leftrightarrow 2(-12 + 3y) + y = -10 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$
  $-24 + 6y + y = -10 \Leftrightarrow -24 + 7y = -10 \Leftrightarrow y = 2$ 

Una vez calculado el valor de y, se obtiene el valor de x sustituyendo en la expresión:  $x = \frac{-12 + 3y}{2}$ .

$$x = \frac{-12 + 3 \cdot 2y}{2} \Leftrightarrow x = \frac{-12 + 6}{2} \Leftrightarrow x = -3$$

c) 
$$\begin{cases} x + 3y = -2 \\ 4x - 3y = 7 \end{cases}$$

Se despeja x en la primera ecuación: x = -3y - 2.

Se sustituye el valor de x en la segunda ecuación:

$$4(-3y - 2) - 3y = 7$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita:

$$4(-3y-2) - 3y = 7 \Leftrightarrow -12y - 8 - 3y = 7 \Leftrightarrow y = -1$$

Una vez calculado el valor de y, se obtiene el valor de x sustituyendo en la expresión: x = -3y - 2.

$$x = -3 \cdot (-1) - 2 \Leftrightarrow x = 1$$

d) 
$$5x + 2y = 8$$
  
  $3x - 2y = -8$ 

Se despeja x en la primera ecuación:  $x = \frac{8 - 2y}{r}$ 

Se sustituye el valor de x en la segunda ecuación:

$$3 \cdot \frac{8-2y}{5} - 2y = -8$$

## ECUACIONES S DE ECUACIONES

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incóg-

$$3 \cdot \frac{8 - 2y}{5} - 2y = -8 \Leftrightarrow \frac{24 - 6y}{5} - 2y = -8 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$
 24 - 6y - 10y = -40  $\Leftrightarrow$  -16y = -64  $\Leftrightarrow$  y = 4

Una vez calculado el valor de y, se obtiene el valor de x sustituyendo en la expresión:  $x = \frac{8 - 2y}{r}$ 

$$x = \frac{8 - 2 \cdot 4}{5} \Leftrightarrow x = \frac{8 - 8}{5} \Leftrightarrow x = 0$$

#### Resuelve por el método de igualación los sistemas de ecuaciones:

a) 
$$4x + 2y = 2$$
  
 $2x - 3y = -11$ 

a) 
$$4x + 2y = 2$$
  
 $2x - 3y = -11$  b)  $4x - 2y = -18$   
 $-x + 6y = 32$ 

c) 
$$\begin{cases} x + 3y = -2 \\ 4x - 3y = 7 \end{cases}$$
 d)  $\begin{cases} 5x + 2y = 8 \\ 3x - 2y = -8 \end{cases}$ 

d) 
$$5x + 2y = 8$$
  
  $3x - 2y = -8$ 

a) 
$$4x + 2y = 2$$
  
 $2x - 3y = -11$ 

Se despeja la incógnita x en las dos ecuaciones:

$$x = \frac{2 - 2y}{4}$$
  $x = \frac{-11 + 3y}{2}$ 

Se igualan las dos expresiones de

$$\frac{2-2y}{4} = \frac{-11+3y}{2}$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita que se obtiene al igualar:

$$\frac{2 \cdot (2 - 2y)}{4 \cdot 2} = \frac{4 \cdot (-11 + 3y)}{2 \cdot 4} \Leftrightarrow 4 - 4y = -44 + 12y \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow -4y - 12y = -44 - 4 \Leftrightarrow -16y = -48 \Leftrightarrow y = 3$$

El valor correspondiente a x se obtiene sustituyendo en cualquiera de las expresiones, por ejemplo, sustituyendo

en: 
$$x = \frac{2-2y}{4}$$

$$x = \frac{2-2\cdot3}{4} \Leftrightarrow x = \frac{2-6}{4} \Leftrightarrow x = -1$$

b) 
$$4x - 2y = -18$$
  
 $-x + 6y = 32$ 

Se despeja la incógnita x en las dos ecuaciones:

$$x = \frac{-18 + 2y}{4}$$
  $x = \frac{32 - 6y}{-1}$ 

Se igualan las dos expresiones de x:

$$\frac{-18 + 2y}{4} = \frac{32 - 6y}{-1}$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita que se obtiene al igualar:

### http://www.McGraw-Hill.es

$$\frac{-1 \cdot (-18 + 2y)}{4 \cdot (-1)} = \frac{4 \cdot (32 - 6y)}{-1 \cdot 4} \Leftrightarrow 18 - 2y = 128 - 24y \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$
  $-2y + 24y = 128 - 18  $\Leftrightarrow$   $22y = 110 \Leftrightarrow y = 5$$ 

El valor correspondiente a x se obtiene sustituyendo en cualquiera de las expresiones, por ejemplo, sustituyendo

en: 
$$x = \frac{-18 + 2y}{4}$$

$$x = \frac{-18 + 2 \cdot 5}{4} \Leftrightarrow x = \frac{-18 + 10}{4} \Leftrightarrow x = -2$$

c) 
$$\begin{cases} x + 3y = -2 \\ 4x - 3y = 7 \end{cases}$$

Se despeja la incógnita x en las dos ecuaciones:

$$x = -2 - 3y$$
  $x = \frac{7 + 3y}{4}$ 

Se igualan las dos expresiones de x:

$$-2 - 3y = \frac{7 + 3y}{4}$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita que se obtiene al igualar:

$$-2 - 3y = \frac{7 + 3y}{4} \Leftrightarrow -8 - 12y = 7 + 3y \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow -12y - 3y = 7 + 8 \Leftrightarrow -15y = 15 \Leftrightarrow y = -1$$

El valor correspondiente a x se obtiene sustituyendo en cualquiera de las expresiones, por ejemplo, sustituyendo en: x = -2 - 3y

$$x = -2 - 3 \cdot (-1) \Leftrightarrow x = -2 + 3 \Leftrightarrow x = 1$$

d) 
$$5x + 2y = 8$$
  
 $3x - 2y = -8$ 

Se despeja la incógnita x en las dos ecuaciones:

$$x = \frac{8 - 2y}{5}$$
  $x = \frac{-8 + 2y}{3}$ 

Se igualan las dos expresiones de

$$\frac{8-2y}{5} = \frac{-8+2y}{3}$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita que se obtiene al iqualar:

$$\frac{8-2y}{5} = \frac{-8+2y}{3} \Leftrightarrow \frac{3 \cdot (8-2y)}{5 \cdot 3} = \frac{5 \cdot (-8+2y)}{3 \cdot 5} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 24 - 6y = -40 + 10y \Leftrightarrow -6y - 10y = -40 - 24 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$
 -16 $y =$  -64  $\Leftrightarrow$   $y =$  4

El valor correspondiente a x se obtiene sustituyendo en cualquiera de las expresiones, por ejemplo, sustituyendo

en: 
$$x = \frac{8 - 2y}{5}$$

$$x = \frac{8 - 2 \cdot 4}{5} \Leftrightarrow x = \frac{8 - 8}{5} \Leftrightarrow x = 0$$

#### Resuelve por el método de reducción los sistemas de ecuaciones:

a) 
$$5x + 3y = -1 \\ -x - 4y = 7$$
 b)  $-x + 2y = 8 \\ 2x - y = 2$ 

b) 
$$-x + 2y = 8$$
  
 $2x - y = 2$ 

c) 
$$\begin{cases} 3x + 2y = 6 \\ x - 4y = -12 \end{cases}$$
 d)  $\begin{cases} 2x - 3y = 8 \\ 3x + 2y = -1 \end{cases}$ 

d) 
$$\frac{2x-3y=8}{3x+2y=-1}$$

a) 
$$5x + 3y = -1$$
  
 $-x - 4y = 7$ 

Si se quiere eliminar la incógnita x, los coeficientes de x en las dos ecuaciones tienen que ser opuestos, para ello se multiplica la segunda ecuación por 5.

$$5x + 3y = -1$$

$$-5x - 20y = 35$$

Se suman miembro a miembro las dos ecuaciones:

$$5x + 3y = -1$$

$$-5x - 20y = 35$$

$$-17y = 34$$

y se obtiene el sistema: 5x + 3y = -1-17y = 34

Se despeja y en la segunda ecuación: y = -2

Para calcular x se sustituye el valor obtenido de y en la primera ecuación:

$$5x + 3y = -1 \Leftrightarrow x = \frac{-1 - 3y}{5} \Leftrightarrow x = \frac{-1 - 3 \cdot (-2)}{5} \Leftrightarrow x = 1$$

b) 
$$\begin{cases} -x + 2y = 8 \\ 2x - y = 2 \end{cases}$$

Si se quiere eliminar la incógnita x, los coeficientes de x en las dos ecuaciones tienen que ser opuestos, para ello se multiplica la primera ecuación por 2.

$$-2x + 4y = 16$$

$$2x - y = 2$$

Se suman miembro a miembro las dos ecuaciones:

$$\begin{array}{c}
-2x + 4y = 16 \\
2x - y = 2
\end{array}$$

$$3y = 18$$

y se obtiene el sistema:  $\begin{array}{c}
-2x + 4y = 16 \\
3y = 18
\end{array}$ 

Se despeja y en la segunda ecuación: y = 6

### http://www.McGraw-Hill.es

Para calcular x se sustituye el valor obtenido de y en la primera ecuación:

$$-2x + 4y = 16 \Leftrightarrow x = \frac{16 - 4y}{-2} \Leftrightarrow x = \frac{16 - 4 \cdot 6}{-2} \Leftrightarrow x = 4$$

c) 
$$3x + 2y = 6$$
  
 $x - 4y = -12$ 

Si se quiere eliminar la incógnita y, los coeficientes de y en las dos ecuaciones tienen que ser opuestos, para ello se multiplica la primera ecuación por 2.

$$6x + 4y = 12$$
$$x - 4y = -12$$

Se suman miembro a miembro las dos ecuaciones:

$$6x + 4y = 12$$

$$x - 4y = -12$$

y se obtiene el sistema: 6x + 4y = 127x = 0

Se despeja x en la segunda ecuación: x = 0

Para calcular y se sustituye el valor obtenido de x en la primera ecuación:

$$6x + 4y = 12 \Leftrightarrow y = \frac{12 - 6x}{4} \Leftrightarrow y = \frac{12 - 6 \cdot 0}{4} \Leftrightarrow y = 3$$

d) 
$$2x - 3y = 8$$
  
  $3x + 2y = -1$ 

Si se quiere eliminar la incógnita y, los coeficientes de y en las dos ecuaciones tienen que ser opuestos, para ello se multiplica la primera ecuación por 2 y la segunda ecuación por 3:

$$4x - 6y = 16$$
$$9x + 6y = -3$$

Se suman miembro a miembro las dos ecuaciones:

$$4x - 6y = 16$$

$$9x + 6y = -3$$

y se obtiene el sistema: 4x - 6y = 1613x = 13

Se despeja x en la segunda ecuación: x = 1

Para calcular y se sustituye el valor obtenido de x en la primera ecuación:

$$4x - 6y = 16 \Leftrightarrow y = \frac{16 - 4x}{-6} \Leftrightarrow y = \frac{16 - 4 \cdot 1}{-6} \Leftrightarrow y = -2$$

### **EJERCICIOS PROPUESTOS**

#### **ECUACIÓN E IDENTIDAD**

Indica si las siguientes igualdades entre expresiones algebraicas son identidades o ecuaciones:

a) 
$$2x + 5 = 11$$

b) 
$$(x-1)^2 = x^2 - 2x + 1$$

c) 
$$7x = -4x + 11x$$

d) 
$$4x + 12 = 2(2x + 6)$$

e) 
$$x^2 = 49$$

f) 
$$7x + 2 = 4x + 14$$

Ecuaciones: a), e), f).

Identidades: b), c), d).

Resuelve mentalmente las ecuaciones:

a) 
$$x + 7 = 12$$

b) 
$$24x = 120$$

c) 
$$4y - 4 = 12$$

d) 
$$x + 6 = 2x$$

$$X + 6 = 2X$$

Resuelve mentalmente las ecuaciones:

$$) x + 9 = 15$$

b) 
$$2x = 24$$

c) 
$$5y - 4 = 16$$

d) 
$$2x - 14 = 4$$

Identifica qué tipo de ecuación son las siguien-

c) 4

a) 
$$2x + 7 = x - 5$$

b) 
$$x^2 + 7x = 6$$

c) 
$$x + y = 12$$

d) 
$$y - 11 = 2(y - 3)$$

e) 
$$y^2 = 36$$

a) Primer grado con una incógnita.

b) 12

- b) Segundo grado con una incógnita.
- c) Primer grado con dos incógnitas.
- d) Primer grado con una incógnita.
- e) Segundo grado con una incógnita.

#### **ECUACIONES EQUIVALENTES**

**Escribe** tres ecuaciones de primer grado con una incógnita que tengan como solución x = 5.

a) 
$$x - 5 = 0$$

b) 
$$2 \cdot x - 3 = x + 2$$
 c)  $2 \cdot x = 10$ 

c) 
$$2 \cdot x = 10$$

**■6 ■** Escribe tres ecuaciones de primer grado con una incógnita que tengan como solución x = 0.

a) 
$$2x - 3 = x - 3$$

b) 
$$10 \cdot x = 0$$

c) 
$$x + 7 = 7$$

**III** Escribe tres ecuaciones de primer grado con una incógnita que no tengan solución.

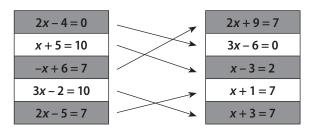
a) 
$$2 + x = 3 + x$$

b) 
$$2 \cdot (x-3) = 2x + 4$$

c) 
$$\frac{1}{2}x = \frac{1}{2}(x+1)$$

## http://www.McGraw-Hill.es

**■8 ■ Copia en tu cuaderno y relaciona las ecuaciones** equivalentes:



Indica qué cálculo tienes que realizar para obtener la ecuación equivalente a la ecuación inicial:

a) Ecuación inicial: 4x - 10 = 26 + x

Ecuación equivalente: 3x = 36

b) Ecuación inicial: 7x + 14 = 63

Ecuación equivalente: 7x - 3 = 46

c) Ecuación inicial: 2x = 10

Ecuación equivalente: 4x - 5 = 15

- a) Sumar 10 y restar x a los dos miembros.
- b) Restar 17 a los dos miembros.
- c) Multiplicar por 2 y restar 5 a los dos miembros.

#### **ECUACIONES DE PRIMER GRADO** CON UNA INCOGNITA

■10 ■ Resuelve las ecuaciones:

a) 
$$6x + 2 = 7x - 1$$

b) 
$$5x - 3 = 3x + 7$$

c) 
$$-2x + 5 = 4x + 11$$

d) 
$$2x + 4 = 6x - 3$$

a) 
$$6x + 2 = 7x - 1 \Leftrightarrow 6x - 7x = -1 - 2 \Leftrightarrow -x = -3 \Leftrightarrow x = 3$$

b) 
$$5x - 3 = 3x + 7 \Leftrightarrow 5x - 3x = 7 + 3 \Leftrightarrow 2x = 10 \Leftrightarrow x = 5$$

c) 
$$-2x + 5 = 4x + 11 \Leftrightarrow -4x - 2x = 11 - 5 \Leftrightarrow -6x = 6 \Leftrightarrow x = -1$$

d) 
$$2x + 4 = 6x - 3 \Leftrightarrow 2x - 6x = -3 - 4 \Leftrightarrow -4x = -7 \Leftrightarrow x = \frac{7}{4}$$

■11 ■ Resuelve las siguientes ecuaciones:

a) 
$$2(x+5) = 3x-2$$

b) 
$$-3(2x-4) = -2(4x-3)$$

c) 
$$2(x-6)+7=4x-17$$

d) 
$$5(x+4)-(x+3)=2x-3$$

a) 
$$2(x+5) = 3x-2 \Leftrightarrow 2x+10 = 3x-2 \Leftrightarrow 2x-3x = -2-10 \Leftrightarrow \Leftrightarrow -x = -12 \Leftrightarrow x = 12$$

b) 
$$-3(2x-4) = -2(4x-3) \Leftrightarrow -6x+12 = -8x+6 \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow -6x+8x=6-12 \Leftrightarrow 2x=-6 \Leftrightarrow x=-3$ 

c) 
$$2(x-6) + 7 = 4x - 17 \Leftrightarrow 2x - 12 + 7 = 4x - 17 \Leftrightarrow 2x - 4x = -17 - 7 + 12 \Leftrightarrow -2x = -12 \Leftrightarrow x = 6$$

d) 
$$5(x+4) - (x+3) = 2x - 3 \Leftrightarrow 5x + 20 - x - 3 = 2x - 3 \Leftrightarrow 5x - x - 2x = -3 - 20 + 3 \Leftrightarrow 2x = -20 \Leftrightarrow x = -10$$

#### ■ 12 ■ Resuelve las ecuaciones:

a) 
$$4(x-6)+4=2x-4$$

b) 
$$2 - 6x = 5x - 10x$$

c) 
$$7x - 1 = -5x + 5$$

d) 
$$x - 5 + 9(2 - x) = 3(-4 - x)$$

e) 
$$2(x-4)-3(x+5)=5(x-1)$$

f) 
$$11(x-1)-5(x+1)=2(x+14)$$

g) 
$$7(3x+5)-10x+9=0$$

a) 
$$4(x-6)+4=2x-4 \Leftrightarrow 4x-24+4=2x-4 \Leftrightarrow 4x-2x=-4+24-4 \Leftrightarrow 2x=16 \Leftrightarrow x=8$$

b) 
$$2-6x=5x-10x \Leftrightarrow -6x+5x=-2 \Leftrightarrow x=2$$

c) 
$$7x - 1 = -5x + 5 \Leftrightarrow 7x + 5x = 5 + 1 \Leftrightarrow 12x = 6 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$$

d) 
$$x - 5 + 9(2 - x) = 3(-4 - x) \Leftrightarrow -5 + 18 - 9x = -12 - 3x \Leftrightarrow -9x + 3x = -12 + 5 - 18 \Leftrightarrow -6x = -25 \Leftrightarrow x = \frac{25}{6}$$

e) 
$$2(x-4) - 3(x+5) = 5(x-1) \Leftrightarrow 2x-8-3x-15 = 5x-5 \Leftrightarrow 2x-3x-5x = -5+8+15 \Leftrightarrow -6x = 18 \Leftrightarrow x = -3$$

f) 
$$11(x-1) - 5(x+1) = 2(x+14) \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow 11x - 11 - 5x - 5 = 2x + 28 \Leftrightarrow$   
 $\Leftrightarrow 11x - 5x - 2x = 28 + 11 + 5 \Leftrightarrow 4x = 44 \Leftrightarrow x = 11$ 

g) 
$$7(3x + 5) - 10x + 9 = 0 \Leftrightarrow 21x + 35 - 10x + 9 = 0 \Leftrightarrow 21x - 10x = -35 - 9 \Leftrightarrow 11x = -44 \Leftrightarrow x = -4$$

#### Resuelve la ecuación: 2x + 3 = 2(x + 3)

#### ¿Cuántas soluciones tiene?

$$2x + 3 = 2(x + 3) \Leftrightarrow 2x + 3 = 2x + 6 \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow 2x - 2x = 6 - 3 \Leftrightarrow 0x = 3$ 

No tiene solución.

#### ■ Resuelve las ecuaciones:

a) 
$$\frac{x}{2} + 5 = 2(x - 2)$$

b) 
$$6x + 3 = \frac{7x + 4}{4} + 2$$

c) 
$$\frac{x}{3} + \frac{x}{2} - \frac{x}{4} = x - 5$$
 d)  $2x + 1 = -3\left(\frac{x}{9} + 2\right)$ 

d) 
$$2x + 1 = -3\left(\frac{x}{9} + 2\right)$$

e) 
$$\frac{x}{2}$$
 + 5 = 2(x - 3) + 2

e) 
$$\frac{x}{2} + 5 = 2(x - 3) + 2$$
 f)  $\frac{x}{4} + \frac{x}{2} - 6 = 3(x - 8)$ 

a) 
$$\frac{x}{2} + 5 = 2(x - 2) \Leftrightarrow \frac{x}{2} + 5 = 2x - 4 \Leftrightarrow x + 10 = 4x - 8 \Leftrightarrow x - 4x = -8 - 10 \Leftrightarrow -3x = -18 \Leftrightarrow x = 6$$

b) 
$$6x + 3 = \frac{7x + 4}{4} + 2 \Leftrightarrow 24x + 12 = 7x + 4 + 8 \Leftrightarrow 24x - 7x = 12 - 12 \Leftrightarrow 17x = 0 \Leftrightarrow x = 0$$

c) 
$$\frac{x}{3} + \frac{x}{2} - \frac{x}{4} = x - 5 \Leftrightarrow \frac{4x}{12} + \frac{6x}{12} - \frac{3x}{12} = \frac{12x - 60}{12} \Leftrightarrow 4x + 6x - 3x = 12x - 60 \Leftrightarrow -5x = -60 \Leftrightarrow x = 12$$

## http://www.McGraw-Hill.es

d) 
$$2x + 1 = -3\left(\frac{x}{9} + 2\right) \Leftrightarrow 18x + 9 = -3x - 54 \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow 18x + 3x = -54 - 9 \Leftrightarrow 21x = -63 \Leftrightarrow x = \frac{-63}{21} = -3$ 

e) 
$$\frac{x}{2} + 5 = 2(x - 3) + 2 \Leftrightarrow \frac{x}{2} + 5 = 2x - 6 \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow x + 10 = 4x - 12 \Leftrightarrow x - 4x = -12 - 10 \Leftrightarrow$   
 $\Leftrightarrow -3x = -22 \Leftrightarrow x = \frac{22}{3}$ 

f) 
$$\frac{x}{4} + \frac{x}{2} - 6 = 3(x - 8) \Leftrightarrow \frac{x}{4} + \frac{x}{2} - 6 = 3x - 24 \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow x - 2x - 24 = 12x - 96 \Leftrightarrow -13x = -72 \Leftrightarrow x = \frac{72}{13}$ 

#### ■15 ■ Resuelve las ecuaciones:

a) 
$$\frac{x}{7} = 2x$$

b) 
$$\frac{x+4}{5} = \frac{15x-4}{11}$$

c) 
$$2x+4=\frac{6x+12}{4}+\frac{1}{2}$$

d) 
$$\frac{3x+5}{2}+4=\frac{2x-1}{3}-6$$

e) 
$$\frac{2x-1}{3} - \frac{13}{6} = \frac{2(x-2)}{4}$$

a) 
$$\frac{x}{7} = 2x \Leftrightarrow x = 14x \Leftrightarrow x - 14x = 0 \Leftrightarrow -13x = 0 \Leftrightarrow x = 0$$

b) 
$$\frac{x+4}{5} = \frac{15x-4}{11} \Leftrightarrow \frac{11 \cdot (x+4)}{5 \cdot 11} = \frac{5 \cdot (15x-4)}{11 \cdot 5} \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 11x+44=75x-20 \Leftrightarrow 11x-75x=-20-44 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow -64x=-64 \Leftrightarrow x=1$$

c) 
$$2x + 4 = \frac{6x + 12}{4} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow 4 \cdot (2x + 4) = 6x + 12 + 1 \cdot 2 \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow 8x + 16 = 6x + 12 + 2 \Leftrightarrow 8x - 6x = 14 - 16 \Leftrightarrow$   
 $\Leftrightarrow 2x = -2 \Leftrightarrow x = -1$ 

d) 
$$\frac{3x+5}{2} + 4 = \frac{2x-1}{3} - 6 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 3 \cdot (3x+5) + 6 \cdot 4 = 2 \cdot (2x-1) - 6 \cdot 6 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 9x+15+24 = 4x-2-36 \Leftrightarrow 9x-4x = -38-15-24 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 5x = -77 \Leftrightarrow x = -\frac{77}{5}$$

e) 
$$\frac{2x-1}{3} - \frac{13}{6} = \frac{2(x-2)}{4} \Leftrightarrow 4(2x-1) - 2 \cdot 13 = 6 \cdot (x-2) \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 8x - 4 - 26 = 6x - 12 \Leftrightarrow 8x - 6x = -12 + 30 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 2x = 18 \Leftrightarrow x = 9$$

## **FCUACIONES** AS DE ECUACIONES

http://www.McGraw-Hill.es

16 Halla la solución de estas ecuaciones:

a) 
$$\frac{5(x+2)}{2} + 5 = 2(3x+1) - 8$$

b) 
$$\frac{x}{3} + \frac{x+1}{2} = 2(-x+4) + 4x$$

c) 
$$\frac{x}{5} - \frac{3(x-1)}{2} = 2 + \frac{x}{3}$$

d) 
$$\frac{5(x-1)}{2} + \frac{x}{4} + \frac{x}{3} = 10$$

e) 
$$\frac{x}{3} + \frac{x}{4} + \frac{x}{5} - 1 = \frac{17}{30}$$

a) 
$$\frac{5(x+2)}{2} + 5 = 2(3x+1) - 8 \Leftrightarrow \frac{5x+10}{2} + 5 = 6x + 2 - 8 \Leftrightarrow 5x + 10 + 10 = 12x + 4 - 16 \Leftrightarrow 5x - 12x = -12 - 20 \Leftrightarrow \Leftrightarrow -7x = -32 \Leftrightarrow x = \frac{32}{7}$$

b) 
$$\frac{x}{3} + \frac{x+1}{2} = 2(-x+4) + 4x \Leftrightarrow \frac{x}{3} + \frac{x+1}{2} = -2x+8+4x \Leftrightarrow 2x+3x+3 = -12x+48+24x \Leftrightarrow 5x-12x=48-3 \Leftrightarrow -7x=45 \Leftrightarrow x=-\frac{45}{7}$$

c) 
$$\frac{x}{5} - \frac{3(x-1)}{2} = 2 + \frac{x}{3} \Leftrightarrow \frac{x}{5} - \frac{3x-3}{2} = 2 + \frac{x}{3} \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow 6x - 45x + 45 = 60 + 10x \Leftrightarrow -39x - 10x = 60 - 45 \Leftrightarrow$   
 $\Leftrightarrow -49x = 15 \Leftrightarrow x = -\frac{15}{49}$ 

d) 
$$\frac{5(x-1)}{2} + \frac{x}{4} + \frac{x}{3} = 10 \Leftrightarrow \frac{5x-5}{2} + \frac{x}{4} + \frac{x}{3} = 10 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 6 \cdot (5x-5) + 3x + 4x = 120 \Leftrightarrow 30x - 30 + 7x = 120 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 30x + 7x = 120 + 30 \Leftrightarrow 37x = 150 \Leftrightarrow x = \frac{150}{37}$$

e) 
$$\frac{x}{3} + \frac{x}{4} + \frac{x}{5} - 1 = \frac{17}{30} \Leftrightarrow 20x + 15x + 12x - 60 = 34 \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow 47x = 94 \Leftrightarrow x = 2$ 

#### **ECUACIONES DE SEGUNDO GRADO** CON UNA INCÓGNITA

■ Resuelve mentalmente las siguientes ecuaciones de segundo grado:

a) 
$$(x + 1)(x - 1) = 0$$

b) 
$$x^2 - 100 = 0$$

c) 
$$x(x-5)=0$$

d) 
$$(x + 1)^2 = 9$$

a) 
$$(x + 1)(x - 1) = 0 \iff x = \pm 1$$

b) 
$$x^2 - 100 = 0 \iff x = \pm 10$$

c) 
$$x(x-5) = 0 \iff x = 0; x = 5$$

d) 
$$(x + 1)^2 = 9 \Leftrightarrow x = 2; x = -4$$

■ Resuelve las ecuaciones:

a) 
$$x^2 = 16$$

b) 
$$x^2 - 64 = 0$$

c) 
$$3x^2 - 243 = 0$$

d) 
$$4x^2 - 30 = 34$$

e) 
$$x^2 - 40 = 81$$

f) 
$$x^2 + 4x = 0$$

g) 
$$4x^2 + 16x = 0$$

h) 
$$2x^2 - 6x = 4x$$

i) 
$$3x^2 - 1 = 2$$

$$1) \quad 3x - 1 = 2$$

j) 
$$3x^2 - 6x = 3x$$

k) 
$$x^2 - 10 = 39$$

a) x = 0: x = -4

I) 
$$-x^2 - 7x = 0$$

a) 
$$x = \pm 4$$

b) 
$$x = \pm 8$$

c) 
$$x = \pm 9$$

d) 
$$x = \pm 4$$

a) 
$$x = \pm 4$$

e) 
$$x = \pm 11$$

f) 
$$x = 0; x = -4$$

i) 
$$x = \pm 1$$

h) 
$$x = 0$$
;  $x = 5$   
i)  $x = 0$ ;  $x = 3$ 

k) 
$$x = \pm 7$$

I) 
$$x = 0$$
;  $x = -7$ 

- a) Tenga dos soluciones.
- b) No tenga solución.

a) 
$$x^2 - 9 = 0$$

b) 
$$x^2 + 9 = 0$$

**20** Calcula el valor de b en la ecuación  $x^2 + bx = 0$ , sabiendo que sus soluciones son x = 0 y x = -4.

Si sólo tiene la solución x = 0, ¿cuánto vale b?

Sustituimos los valores de x en la ecuación:

$$0 + 0b = 0$$

$$(-4)^2 + b(-4) = 0 \Leftrightarrow 16 = 4b \Leftrightarrow b = 4$$

Si 
$$x = 0, b = 0$$
.

#### RESOLUCIÓN DE PROBLEMAS

**121** Determina dos números naturales consecutivos cuva suma sea 161.

Resolvemos la ecuación x + x + 1 = 161.

Los números son el 80 y el 81.

Calcula el lado de un triángulo equilátero de 90 cm de perímetro.

Resolvemos la ecuación  $3 \cdot x = 90$ . El lado es 30 cm.

Calcula la medida de los ángulos de un triángulo sabiendo que  $\hat{A} = x$ ,  $\hat{B} = x + 50^{\circ}$  y  $\hat{C} = x + 40^{\circ}$ .

Resolvemos la ecuación x + x + 50 + x + 40 = 180.

Entonces,  $\hat{A} = 30^\circ$ ,  $\hat{B} = 80^\circ$  y  $\hat{C} = 70^\circ$ .

■24 ■ Una piscina tiene 20 m de largo y 10 m de ancho. Si el volumen de la piscina es 440 m<sup>3</sup>, calcula la profundidad.

Resolvemos la ecuación  $20 \cdot 10 \cdot x = 440$ . Su profundidad es 2,2 m.

Un campo está vallado con postes separados entre sí 5 m. Si la puerta de entrada mide 10 m y el perímetro del campo es 465 m, ¿cuántos postes tiene la valla?

Resolvemos la ecuación  $5 \cdot x + 10 = 465$ . La valla tiene 91 postes.

Determina tres números pares consecutivos cuya suma sea 18.

Resolvemos la ecuación x + (x + 2) + (x + 4) = 18. Los números son 4, 6 y 8.

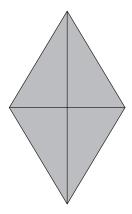
Para María tiene 120 € en su hucha. Si decide echar en la hucha 15 € cada semana, ¿cuántas semanas tardará en tener 270 € ahorrados?

Resolvemos la ecuación 120 + 15x = 270. Tarda 10 semanas.

## En un poliedro se cumple la fórmula de Euler: CARAS + VÉRTICES = ARISTAS + 2

- a) Si el poliedro tiene 8 caras y el número de aristas es el doble que el número de vértices, ¿cuántas aristas y vértices tiene?
- b) Si es un poliedro regular, el número de vértices es 12 y el número de aristas es 30, ¿de qué poliedro se trata?
- a) Llamamos x al número de vértices: 8 + x = 2x + 2. Tiene 12 aristas y 6 vértices.
- b) Llamamos x al número de caras: x + 12 = 30 + 2. Tiene 20 caras.

## El área de un rombo es 30 cm². Si la diagonal menor mide 6 cm, ¿cuál es la medida de la diagonal mayor?



Resolvemos la ecuación:  $30 = \frac{x \cdot 6}{2} \Leftrightarrow x = 10 \text{ cm}$ 

La tercera parte de un jardín está sembrada de césped. Si 40 m² es la superficie de jardín que está sin césped, ¿cuál es la superficie total del jardín?

Si la tercera parte del jardín está sembrada,  $\frac{2}{3}$  de jardín no está sembrado.

Resolvemos la ecuación:  $\frac{2x}{3}$  = 40. La superficie del jardín es

## http://www.McGraw-Hill.es

De un tonel se extrae la tercera parte de su contenido, y más tarde se extrae la mitad del resto. Si finalmente quedan 100 L, ¿cuál es la capacidad del tonel?

Sea x la capacidad del tonel. Resolvemos la ecuación:

$$x - \frac{x}{3} - \frac{1}{2}\left(x - \frac{x}{3}\right) = 100$$
. La capacidad es de 300 litros.

Los ahorros de tres hermanos suman 100 €. Si el hermano mayor tiene el doble de dinero ahorrado que el tercer hermano, y el segundo hermano tiene dos euros menos que el tercero, ¿cuál es la cantidad de dinero ahorrado que tiene cada uno?

Sea x el dinero que tiene el tercer hermano. Resolvemos la ecuación: 2x + (x - 2) + x = 100. El mayor tiene 51 euros, el segundo 23,5 euros y el tercero 25,5 euros.

Si quiero comprar 8 chocolatinas me faltan dos euros, pero si compro 6 chocolatinas me sobran dos euros. ¿Cuál es el precio de una chocolatina?

Resolvemos la ecuación: 8x - 2 = 6x + 2. El precio de una chocolatina es 2 euros.

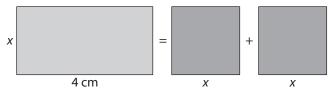
34 Calcula un número que multiplicado por su tercera parte sea igual a 48.

Resolvemos la ecuación:  $x \cdot \frac{x}{3} = 48$ . Hay dos números que satisfacen el enunciado del ejercicio, el 12 y el –12.

Un hexágono regular tiene una superficie de 63 cm<sup>2</sup>. Si su apotema mide 3 cm, calcula la medida del lado del hexágono.

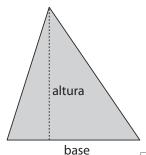
Llamamos x al lado del hexágono. Resolvemos la ecuación:  $63 = \frac{6x \cdot 3}{2}$ . El lado mide 7 cm.

¿Cuánto mide el lado del cuadrado para que el área del rectángulo sea la suma de las áreas de los cuadrados?



Resolvemos la ecuación:  $4x = x^2 + x^2$ . El lado del cuadrado es de 2 cm.

■37 ■ Un triángulo, con la base igual que la altura, tiene un área de 32 m². Calcula la longitud de la base.



Llamamos x a la base y la altura del triángulo. Resolvemos la ecuación:  $32 = \frac{x \cdot x}{2}$ . La base mide 8 m.

## En un jardín se quiere construir un estanque circular de 78,5 m². ¿Cuál debe ser la medida del radio del estanque?

Resolvemos la ecuación:  $\pi \cdot x^2 = 78,5$ . El radio mide 4,99 m. (Si se toma pi = 3,14, el radio sale 5.)

## Una pared mide 3,75 m de largo por 2,40 m de alto y está alicatada con 400 azulejos cuadrados. ¿Cuál es la longitud del lado de los azulejos?

La superficie de cada azulejo es  $3.75 \cdot 2.4 : 400 = 0.0225$ . Resolvemos la ecuación:  $x^2 = 0.0225$ . El lado de cada azulejo mide 0.15 m o, lo que es lo mismo, 15 cm.

## ■ El área total de un cubo es 150 cm<sup>2</sup>. ¿Cuánto mide la arista del cubo?

Llamamos x al lado del cubo. Resolvemos la ecuación:  $6x^2 = 150$ . El lado del cubo es de 5 cm.

#### SISTEMAS DE ECUACIONES

#### 11 Indica tres soluciones de la ecuación 2x + 4y = 12.

a) 
$$x = 0$$
;  $y = 3$ 

b) 
$$x = 6$$
;  $y = 0$ 

c) 
$$x = 2$$
;  $y = 2$ 

## 42 Resuelve por el método de sustitución los sistemas de ecuaciones:

a) 
$$\begin{cases} 2x + y = 5 \\ 5x - 3y = 1 \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} 2x + 6y = -10 \\ 3x - 4y = 11 \end{cases}$$

c) 
$$\begin{cases} 7x + y = 5 \\ 3x - 2y = -10 \end{cases}$$

$$d) \begin{cases} 2x + 3y = 11 \\ x - y = -2 \end{cases}$$

a) 
$$\begin{cases} 2x + y = 5 \\ 5x - 3y = 1 \end{cases}$$

Se despeja x en la segunda ecuación:  $x = \frac{1 + 3y}{5}$ 

Se sustituye el valor de x en la primera ecuación:

$$2 \cdot \frac{1+3y}{5} + y = 5$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita:

$$2 + 6y + 5y = 25 \Leftrightarrow 11y = 23 \Leftrightarrow y = \frac{23}{11}$$

Una vez calculado el valor de y, se obtiene el valor de x sustituyendo en la expresión:  $x = \frac{1+3y}{5}$ .

## http://www.McGraw-Hill.es

$$x = \frac{1+3 \cdot \frac{23}{11}}{5} \Leftrightarrow x = \frac{1+\frac{69}{11}}{5} \Leftrightarrow x = \frac{11+69}{55} \Leftrightarrow x = \frac{16}{11}$$

b) 
$$\begin{cases} 2x + 6y = -10 \\ 3x - 4y = 11 \end{cases}$$

Se despeja x en la primera ecuación:  $x = \frac{-10 - 6y}{2}$ 

Se sustituye el valor de x en la segunda ecuación:

$$3 \cdot \frac{-10 - 6y}{2} - 4y = 11$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita:

$$-30 - 18y - 8y = 22 \Leftrightarrow -26y = 52 \Leftrightarrow y = -\frac{52}{26} \Leftrightarrow y = -2$$

Una vez calculado el valor de y, se obtiene el valor de x sustituyendo en la expresión:  $x = \frac{-10 - 6y}{2}$ .

$$x = \frac{-10 - 6y}{2} \Leftrightarrow x = \frac{-10 - 6 \cdot (-2)}{2} \Leftrightarrow x = \frac{2}{2} \Leftrightarrow x = 1$$

c) 
$$\begin{cases} 7x + y = 5 \\ 3x - 2y = -10 \end{cases}$$

Se despeja y en la primera ecuación: y = 5 - 7x

Se sustituye el valor de y en la segunda ecuación:

$$3x - 2 \cdot (5 - 7x) = -10$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita:

$$3x - 10 + 14x = -10 \Leftrightarrow 17x = 0 \Leftrightarrow x = 0$$

Una vez calculado el valor de x, se obtiene el valor de y sustituyendo en la expresión: y = 5 - 7x.

$$y = 5 - 7 \cdot 0 \Leftrightarrow y = 5$$

d) 
$$\begin{cases} 2x + 3y = 11 \\ x - y = -2 \end{cases}$$

Se despeja x en la segunda ecuación: x = -2 + y

Se sustituye el valor de x en la primera ecuación:

$$2 \cdot (-2 + y) + 3y = 11$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita:

$$2 \cdot (-2 + y) + 3y = 11 \Leftrightarrow -4 + 2y + 3y = 11 \Leftrightarrow$$
  
 $\Leftrightarrow 5y = 15 \Leftrightarrow y = 3$ 

Una vez calculado el valor de y, se obtiene el valor de x sustituyendo en la expresión: x = -2 + y.

$$x = -2 + 3 \Leftrightarrow x = 1$$

## Utilizando el método de igualación, resuelve los sistemas de ecuaciones:

a) 
$$\begin{cases} 2x + 5y = -6 \\ x - 3y = 8 \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} 7x - 3y = 4 \\ 12x - 2y = 14 \end{cases}$$

c) 
$$\begin{cases} 7x + 12y = 1 \\ 2x - 3y = 0 \end{cases}$$

$$d) \begin{cases} 6x - 5y = 1 \\ 2x + 3y = 5 \end{cases}$$

a) 
$$\begin{cases} 2x + 5y = -6 \\ x - 3y = 8 \end{cases}$$

Se despeja la incógnita x en las dos ecuaciones:

$$x = \frac{-6 - 5y}{2}$$
  $x = 8 + 3y$ 

Se igualan las dos expresiones de x:

$$\frac{-6-5y}{2} = 8+3y$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita que se obtiene al igualar:

$$\frac{-6 - 5y}{2} = 8 + 3y \Leftrightarrow -6 - 5y = 16 + 6y \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow -11y = 22 \Leftrightarrow y = -2$$

El valor correspondiente a x se obtiene sustituyendo en cualquiera de las expresiones, por ejemplo, sustituyendo en: x = 8 + 3y.

$$x = 8 + 3 \cdot (-2) \Leftrightarrow x = 8 - 6 \Leftrightarrow x = 2$$

$$b) \begin{cases} 7x - 3y = 4 \\ 12x - 2y = 14 \end{cases}$$

Se despeja la incógnita x en las dos ecuaciones:

$$x = \frac{4+3y}{7}$$
  $x = \frac{14+2y}{12}$ 

Se igualan las dos expresiones de x:

$$\frac{4+3y}{7} = \frac{14+2y}{12}$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita que se obtiene al igualar:

$$\frac{4+3y}{7} = \frac{14+2y}{12} \Leftrightarrow 12 \cdot (4+3y) = 7 \cdot (14+2y) \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow 48+36y = 98+14y \Leftrightarrow 22y = 50 \Leftrightarrow$$
$$\Leftrightarrow y = \frac{50}{22} = \frac{25}{11}$$

El valor correspondiente a x se obtiene sustituyendo en cualquiera de las expresiones, por ejemplo, sustituyendo

en: 
$$x = \frac{4 + 3y}{7}$$

$$x = \frac{4+3 \cdot \frac{25}{11}}{7} \iff x = \frac{4+\frac{75}{11}}{7} \iff x = \frac{119}{77} = \frac{17}{11}$$

### http://www.McGraw-Hill.es

c) 
$$\begin{cases} 7x + 12y = 1 \\ 2x - 3y = 0 \end{cases}$$

Se despeja la incógnita x en las dos ecuaciones:

$$x = \frac{1 - 12y}{7}$$
  $x = \frac{3y}{2}$ 

Se igualan las dos expresiones de x

$$\frac{1-12y}{7} = \frac{3y}{2}$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita que se obtiene al igualar:

$$\frac{1-12y}{7} = \frac{3y}{2} \Leftrightarrow 2-24y = 21y \Leftrightarrow -45y = -2 \Leftrightarrow y = \frac{2}{45}$$

El valor correspondiente a x se obtiene sustituyendo en cualquiera de las expresiones, por ejemplo, sustituyendo

en: 
$$x = \frac{3y}{2}$$

$$x = \frac{3 \cdot \frac{2}{45}}{2} \Leftrightarrow x = \frac{6}{90} = \frac{1}{15}$$

$$d) \begin{cases} 6x - 5y = 1 \\ 2x + 3y = 5 \end{cases}$$

Se despeja la incógnita y en las dos ecuaciones:

$$y = \frac{1-6x}{-5}$$
  $y = \frac{5-2x}{3}$ 

Se igualan las dos expresiones de y:

$$\frac{1-6x}{-5} = \frac{5-2x}{3}$$

Se resuelve la ecuación de primer grado con una incógnita que se obtiene al igualar:

$$\frac{1-6x}{-5} = \frac{5-2x}{3} \Leftrightarrow 3-18x = -25+10x \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$
  $-18x - 10x = -25 - 3 \Leftrightarrow -28x = -28 \Leftrightarrow x = 1$ 

El valor correspondiente a y se obtiene sustituyendo en cualquiera de las expresiones, por ejemplo, sustituyendo en:  $y = \frac{5-2x}{3}$ .

$$y = \frac{5 - 2 \cdot 1}{3} \Leftrightarrow y = \frac{5 - 2}{3} \Leftrightarrow y = \frac{3}{3} = 1$$

## Resuelve por el método de reducción los sistemas de ecuaciones:

a) 
$$\begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ x + 3y = 11 \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} -x + 2y = 9 \\ 2x - 3y = -12 \end{cases}$$

c) 
$$\begin{cases} 2x + 5y = -13 \\ 3x - 2y = 9 \end{cases}$$

d) 
$$\begin{cases} 2x + 5y = 16 \\ x - 3y = -3 \end{cases}$$

a)  $\begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ x + 3y = 11 \end{cases}$ 

Si se quiere eliminar la incógnita x, los coeficientes de x en las dos ecuaciones tienen que ser opuestos, para ello se multiplica la segunda ecuación por –7:

$$\begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ -7x - 21y = -77 \end{cases}$$

Se suman miembro a miembro las dos ecuaciones:

$$\begin{cases}
7x + 2y = 1 \\
-7x - 21y = -77
\end{cases}$$

$$-19y = -76$$

y se obtiene el sistema:  $\begin{cases} 7x + 2y = 1 \\ -19y = -76 \end{cases}$ 

Se despeja y en la segunda ecuación: y = 4

Para calcular *x* se sustituye el valor obtenido de *y* en la primera ecuación:

$$7x + 2y = 1 \Leftrightarrow x = \frac{1 - 2y}{7} \Leftrightarrow x = \frac{1 - 2 \cdot 4}{7} \Leftrightarrow x = -\frac{7}{7} = -1$$

b) 
$$\begin{cases} -x + 2y = 9 \\ 2x - 3y = -12 \end{cases}$$

Si se quiere eliminar la incógnita x, los coeficientes de x en las dos ecuaciones tienen que ser opuestos, para ello se multiplica la primera ecuación por 2:

$$\begin{cases} -2x + 4y = 18 \\ 2x - 3y = -12 \end{cases}$$

Se suman miembro a miembro las dos ecuaciones:

$$\begin{cases} -2x + 4y = 18 \\ 2x - 3y = -12 \end{cases}$$
$$y = 6$$

Para calcular *x* se sustituye el valor obtenido de *y* en la primera ecuación:

$$-x + 2y = 9 \Leftrightarrow x = -9 + 2y \Leftrightarrow x = -9 + 2 \cdot 6 \Leftrightarrow x = 3$$

c) 
$$\begin{cases} 2x + 5y = -13 \\ 3x - 2y = 9 \end{cases}$$

Si se quiere eliminar la incógnita y, los coeficientes de y en las dos ecuaciones tienen que ser opuestos, para ello se multiplica la primera ecuación por 2 y la segunda ecuación por 5:

$$\begin{cases} 4x + 10y = -26 \\ 15x - 10y = 45 \end{cases}$$

http://www.McGraw-Hill.es

Se suman miembro a miembro las dos ecuaciones:

$$\begin{cases} 4x + 10y = -26 \\ 15x - 10y = 45 \end{cases}$$

y se obtiene el sistema:  $\begin{cases} 4x + 10y = -26 \\ 19x = 19 \end{cases}$ 

Se despeja x en la segunda ecuación: x = 1

Para calcular *y* se sustituye el valor obtenido de *x* en la primera ecuación:

$$4x + 10y = -26 \Leftrightarrow y = \frac{-26 - 4x}{10} \Leftrightarrow y = \frac{-26 - 4 \cdot 1}{10} \Leftrightarrow y = -3$$

$$d) \begin{cases} 2x + 5y = 16 \\ x - 3y = -3 \end{cases}$$

Si se quiere eliminar la incógnita x, los coeficientes de x en las dos ecuaciones tienen que ser opuestos, para ello se multiplica la segunda ecuación por -2:

$$\begin{cases} 2x + 5y = 16 \\ -2x + 6y = 6 \end{cases}$$

Se suman miembro a miembro las dos ecuaciones:

$$\begin{cases} 2x + 5y = 16 \\ -2x + 6y = 6 \end{cases}$$

$$11y = 22$$

y se obtiene el sistema:  $\begin{cases} 2x + 5y = 16 \\ 11y = 22 \end{cases}$ 

Se despeja y en la segunda ecuación: y = 2

Para calcular *x* se sustituye el valor obtenido de *y* en la primera ecuación:

$$2x + 5y = 16 \Leftrightarrow x = \frac{16 - 5y}{2} \Leftrightarrow x = \frac{16 - 5 \cdot 2}{2} \Leftrightarrow x = 3$$

45 Plantea un sistema de dos ecuaciones de primer grado con dos incógnitas cuyas soluciones sean:

a) 
$$x = 0$$
,  $y = -2$ 

b) 
$$x = 3$$
,  $y = 5$ 

c) 
$$x = -1$$
,  $y = -2$ 

Una solución:

a) 
$$\begin{cases} 2x + y = -2 \\ x + 3y = -6 \end{cases}$$
 b)  $\begin{cases} x + y = 8 \\ 2x + y = 11 \end{cases}$  c)  $\begin{cases} x + y = -3 \\ x - y = 1 \end{cases}$ 

# 46 En un hotel rural hay 14 camas repartidas en habitaciones dobles y triples. Escribe una ecuación que relacione el número de habitaciones dobles y triples del hotel y busca todas las soluciones posibles de la ecuación.

La ecuación es 14 = 2x + 3y, donde x e y son el número de habitaciones dobles y triples, respectivamente. Las soluciones posibles son:

a) 
$$x = 1$$
;  $y = 4$ 

b) 
$$x = 4$$
;  $y = 2$ 

## Si en el problema anterior el número total de habitaciones es 5, ¿cuántas habitaciones dobles y triples hay en el hotel?

Como x + y = 5, entonces hay 1 doble y 4 triples.

# Juan tiene en su monedero 80 céntimos en monedas de 5 y 20 céntimos. ¿Cuántas monedas de cada tipo tiene? Escribe la ecuación que relaciona estos datos y busca todas las soluciones posibles.

La ecuación es 80 = 5x + 20y, donde x e y son el número de monedas de 5 y 20 céntimos, respectivamente. Las soluciones posibles son:

a) 
$$x = 4$$
;  $y = 3$ 

b) 
$$x = 8$$
;  $y = 2$ 

c) 
$$x = 12$$
;  $y = 1$ 

## Si en el problema anterior Juan lleva 10 monedas, ¿cuántas monedas de 5 y 20 céntimos tiene?

Como x + y = 10, entonces tiene 8 monedas de 5 céntimos y 2 monedas de 20 céntimos.

■50 ■■ En una clase de 2.º de ESO hay 28 alumnos. Todos han participado en un concurso de redacción y a final de curso se les regala por su participación un libro a cada chica y dos cómics a cada chico. Si en total se han repartido 44 regalos, ¿cuántos chicos y chicas hay en la clase?

Sea x el número de chicas e y el número de chicos:

$$\begin{cases} x + y = 28 \\ x + 2y = 44 \end{cases}$$

Resolviendo el sistema, hay 12 chicas y 16 chicos.

## http://www.McGraw-Hill.es

# ■ Un examen tiene 40 preguntas. Un alumno contestó correctamente a 22 preguntas. Si la calificación que obtuvo por el examen fue 48 puntos, ¿cuál es la puntuación de cada respuesta correcta o incorrecta?

Sea x la puntuación de las respuestas correctas, e y la puntuación de las respuestas incorrectas, la ecuación es:

$$22x + 18y = 48$$

Al ser una ecuación con dos incógnitas, despejamos la x y vemos las posibles soluciones.

$$x = \frac{48 - 18y}{22}$$

x puede tomar valores desde 1,2 hasta 2,18, e y toma valores desde 1,2 hasta 0.

Por tanto la solución es: Si y = 1, x = 1,36.

## Calcula dos números naturales sabiendo que su suma es 15 y el doble del primero más el triple del segundo es 37.

El sistema es: 
$$\begin{cases} x + y = 15 \\ 2x + 3y = 37 \end{cases}$$

Resolviendo el sistema, x = 8, y = 7.

## El perímetro de un rectángulo es 32 cm. Si mide 8 cm más de largo que de ancho, ¿cuáles son las dimensiones del rectángulo?

El sistema es: 
$$\begin{cases} 2x + 2y = 32 \\ x = 8y \end{cases}$$

Resolviendo el sistema,  $x = \frac{128}{9}$  cm,  $y = \frac{16}{9}$  cm.

# En una pizzería se hacen dos tipos de *pizzas*: cuatro estaciones a 3,50 € la unidad, y marinera a 4 € cada una. Una tarde vendieron 35 *pizzas* y se recaudaron 132,50 €. ¿Cuántas *pizzas* se vendieron de cada clase?

Llamamos x a las *pizzas* cuatro estaciones e y a las *pizzas* marinera.

El sistema es: 
$$\begin{cases} x + y = 35 \\ 3,5x + 4y = 132,50 \end{cases}$$

Resolviendo el sistema: x = 15, y = 20.