## Vectores

Problemas de Vectores

Departamento de Física y Química http://selectividad.intergranada.com

**1.-** Indicar cuales de las siguientes magnitudes son escalares y cuales vectoriales:

Presión	Velocidad	Fuerza
Densidad	Potencia	Aceleración
Masa	Peso	Temperatura
Volumen	Posición	Calor

- **2.-** Siendo el vector  $\overrightarrow{AB} = (3, -1)$  hallar:
  - a) El extremo B sabiendo que A(1,4)
  - b) El origen A sabiendo que B(-2,5)

Sol: a) B(4,3); b) A(5,-6)

**3.-** Del triángulo ABC conocemos un vértice C(6,8), el vector  $\overrightarrow{AB} = (-6,4)$  y el vector  $\overrightarrow{BC} = (4,2)$ . Hallar los vértices A y B y el vector  $\overrightarrow{AC}$ .

Sol: A(8,2), B(2,6)  $\overrightarrow{AC} = (-2,6)$ 

**4.-** Sean los puntos A(-2,1), B(3,-2) y C(1,4), hallar el punto D, sabiendo que los vectores  $\overrightarrow{AB}$  y  $\overrightarrow{CD}$  son iguales.

Sol: D(6,1)

**5.-** Hallar el valor del número k sabiendo que el vector  $\vec{A} = (2,k)$  tiene módulo 3.

Sol:  $k = \pm \sqrt{5}$ 

**6.-** Halla la distancia entre los siguientes pares de puntos: a) (3, 1) y (5, 3); b) (-1, -2) y (-5, 3); c) (-1, 2) y (5, 2)

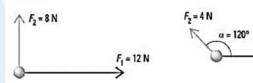
Sol: a)  $\sqrt{8}$ ; b)  $\sqrt{41}$ ; c) 6

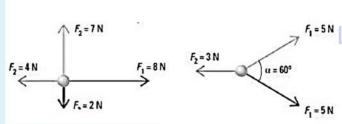
**7.-** Los puntos A(2,1), B(4,-1) C(0,4) y D son los vértices consecutivos de un paralelogramo. Hallar las coordenadas del punto D.

Sol: D(-3,6)

- **8.-** Representa los siguientes vectores y halla su resultante en los siguientes casos:
- **a)** Vectores de la misma dirección y sentido contrario de módulos 5 y 12.
- **b)** Vectores concurrentes perpendiculares de módulos 8 y 6.

9.- Calcula la resultante de los siguientes vectores:





**10.-** Dos vectores concurrentes de módulos 3 y 6 forman un ángulo de 40°. **a)** Representa gráficamente ambos vectores y su resultante y calcula el módulo de esta. **b)** Si el ángulo aumenta hasta los 65°, ¿cuál sería el módulo de la resultante ahora?

Sol.: a) 8,52; b) 7,8.

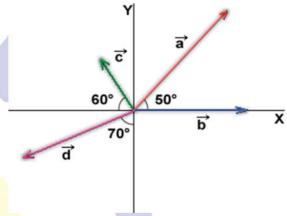
**11.-** Dados los vectores  $\vec{a}(3,-2)$ ,  $\vec{b}(-1,2)$  y  $\vec{c}(0,-5)$  calcula m y n de modo que:  $\vec{c} = m\vec{a} + n\vec{b}$ 

Sol: m = -5/4 y n = -15/4.

**12.-.** Un vector de módulo 14 forma 35° con la horizontal y se quiere descomponer en otros dos perpendiculares, uno horizontal y otro vertical. Calcula las componentes de dichos vectores y el módulo de las dos fuerzas perpendiculares sus módulos.

Sol.: Módulos 8 y 11,5.

**13.-** Sabiendo que los módulos de los vectores  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  y  $\vec{d}$  son respectivamente 10, 8, 3 y 9, calcula la resultante de todos ellos.



Sol:

**14.-** Calcular el vector resultante de dos fuerzas de 9 y 12 Newton aplicados en el punto O, formando un ángulo de: A) 30°, B) 45°, C) 90°.

Sol

- **15.-** El vector resultante de dos fuerzas de direcciones perpendiculares vale 10N. Si una de las fuerzas es de 8N, ¿Cuál es el valor de la otra?
- **16.-** Descomponer un vector fuerza de 100N en dos componentes rectangulares de igual módulo.

Sol

**17.-** Halla el vector  $\vec{b}$  tal que  $\vec{c} = 3\vec{a} - \frac{1}{2}\vec{b}$ , siendo  $\vec{a}(-1,3)$  y  $\vec{c}(7,-2)$ .

Sol: b(-20.22)

**18.-** Dados los vectores  $\vec{a}(3,-2)$ ,  $\vec{b}(-1,2)$  y  $\vec{c}(0,-5)$  calcula m y n de modo que:  $\vec{c} = m\vec{a} + n\vec{b}$ 

Sol: m = -5/4 y n = -15/4.

**19.-** Dado el vector  $\vec{u}$  (–5, k) calcula k de modo que su módulo sea igual a  $\sqrt{34}$ .

Sol- k-+3

**20.-** Calcula m para que los vectores  $\vec{v}(7,-2)$  y  $\vec{u}(m,6)$  **a)** Sean paralelos. **b)** Tengan el mismo módulo.

Sol: a) m=-21; b)  $m = \pm \sqrt{17}$ 

**21.-** Si A(3,1), B(5,7) y C(6,4) son tres vértices consecutivos de un paralelogramo, ¿cuál es el cuarto vértice?

Sol: D(4,-2)

**22.-** Determina si el triángulo de vértices A(12,10), B(20,16) y C(8,32) es rectángulo.

Sol: Si, porque verifica Pitágoras.

**23.-** Dados los puntos A(3,0) y B(-3,0), obtén un punto C sobre el eje de ordenadas, de modo que el triángulo que determinan sea equilátero. ¿Hay una solución única? Halla el área de los triángulos que resultan.

Sol:  $C_1(0,3\sqrt{3})$  y  $C_2(0,-3\sqrt{3})$   $A = 9\sqrt{3} u^2$ 

**24.-** Determina el valor de a, sabiendo que la distancia entre Q(-6,2) y P(a,7) es 13. Escribe también las coordenadas y el módulo del vector  $\overline{PQ}$ .

Sol:  $a_1=6$  y  $a_2=-18$   $||\overrightarrow{PQ}||=13$