# **Operaciones Combinadas Q**

### Orden de prioridad en las operaciones:

- 1. Las expresiones encerradas entre paréntesis, de los interiores a los exteriores.
- 2. Las potencias y radicales.
- 3. Los productos y cocientes.
- 4. Las sumas y restas.

Cuando tengamos operaciones de igual prioridad se ejecutan de manera natural, es decir, de izquierda a derecha.

1.	, 2	3	1
	$1 - \frac{1}{3}$	8	4

2. 
$$\frac{13}{2} - 2 + \frac{5}{6} - \frac{1}{2}$$

3. 
$$\frac{7}{2} - 3 + \frac{9}{4} - \frac{1}{6}$$

4. 
$$\frac{7}{6} + \frac{5}{2} - 3 + \frac{1}{5}$$

5. 
$$3 + \frac{1}{4} - \frac{5}{6} + \frac{7}{12} - \frac{2}{3}$$

6. 
$$\frac{1}{5} + \frac{4}{5} - \frac{1}{4} + 3 + \frac{3}{4}$$

7. 
$$\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} - \frac{1}{8}$$

8. 
$$\frac{3}{4} - \frac{1}{5} \cdot \frac{5}{2}$$

9. 
$$3+\frac{1}{4}:\frac{2}{3}$$

10. 
$$\frac{5}{3} - \frac{40}{3} : \frac{10}{9}$$

11. 
$$1 - \frac{8}{27} : \frac{16}{9}$$

12. 
$$\frac{5}{7} - \frac{2}{7} \cdot \frac{3}{4}$$

13. 
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \cdot \frac{4}{5} - \frac{1}{8}$$

14. 
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \cdot \left( \frac{4}{5} - \frac{1}{8} \right)$$

15. 
$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{4}{5} - \frac{1}{8}$$

16. 
$$2 - \left[ \frac{1}{3} + \frac{3}{2} - \left( \frac{4}{5} + 3 \right) \right]$$

17. 
$$3 - \left(\frac{1}{3} \cdot \frac{4}{5} - \frac{3}{5}\right) - \left(\frac{2}{5} + 1\right)$$

18. 
$$\frac{1}{3} \cdot \frac{7}{4} + \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{2} - \frac{11}{10}$$

19. 
$$\left(1-\frac{2}{3}\right):\left(2+\frac{1}{3}\right)-\frac{1}{5}$$

20. 
$$\frac{1}{5} - \left(\frac{1}{3} - \frac{81}{16} \cdot \frac{8}{9}\right)$$

21. 
$$\left(\frac{2}{3}-2\right)\cdot\left(\frac{1}{2}+5\right)-\left(4+\frac{1}{3}\right):\left(2-\frac{1}{3}\right)$$

22. 
$$\frac{3}{5} \cdot \left(2 - \frac{1}{3}\right) + \frac{1}{6} : \frac{1}{2}$$

23. 
$$-\frac{4}{3} \cdot \frac{1}{2} + \frac{3}{4} - \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{2} : \frac{2}{3}\right)$$

24. 
$$3 - \frac{2}{3} \cdot \left(1 - \frac{1}{4}\right) + \frac{3}{8} \cdot \left(-2\right)$$

25. 
$$5 + \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{2}\right) : 2$$

26. 
$$\frac{7}{4} + \frac{1}{3} \cdot \left(2 - \frac{1}{5}\right)$$

27. 
$$\left(\frac{3}{4} + \frac{1}{8}\right) \cdot 2 - \frac{7}{8}$$

28. 
$$\frac{2}{5} + 5 - 2 : \left(\frac{2}{3} + 6\right)$$

29. 
$$\frac{20}{3}$$
: 2- $\left(2+\frac{1}{4}\cdot2\right)$ 

30. 
$$\left(3+\frac{1}{5}\right)-\frac{2}{3}\cdot\left(\frac{3}{5}-\frac{1}{10}\right)$$

31. 
$$\left(\frac{2}{3} + \frac{1}{4}\right)$$
:  $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$ :  $\left(1 - \frac{3}{4}\right)$ 

32. 
$$\left(\frac{3}{4} + \frac{5}{2}\right)$$
:  $\frac{1}{2} + 2 \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{4}\right)$ 

33. 
$$3 - \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} : \frac{1}{4}\right) + 2 \cdot \left(\frac{3}{4} + \frac{1}{6}\right)$$

34. 
$$\left(\frac{2}{5} \cdot \frac{5}{3} + 1\right) - \frac{1}{5} \cdot \left(2 + \frac{1}{3} : \frac{1}{6}\right)$$

35. 
$$\frac{7}{4} - \left[2 - \left(\frac{2}{3} + \frac{1}{2}\right)\right]$$

36. 
$$\left[ 3-2 \cdot \left(1-\frac{1}{2}\right) \right] : \frac{1}{2}$$

37. 
$$\frac{3}{4} \cdot \left[ \frac{7}{3} - \left( \frac{1}{2} + 2 \cdot \frac{1}{4} \right) \right]$$

38. 
$$\frac{8}{3} + \frac{1}{2} : \left[ 2 - \left( \frac{1}{3} + \frac{5}{6} \right) \right]$$

$$39. \left[3 \cdot \left(1 - \frac{1}{4}\right) - \frac{1}{6}\right] \cdot \frac{4}{5}$$

40. 
$$\frac{3}{4}$$
:  $\left[6 \cdot \left(\frac{2}{3} + \frac{1}{6}\right) - 3\right]$ 

#### SOLUCIONES

- **1.** 11/24 29/6
- 31/12
- **4.** 13/15
  - 7/3
- 9/2
- 8. ½ 9. 27/8
- **10.** -31/3 **11.** 5/6
- 12. ½
- **13.** 77/120
- **14.** 29/40
- **15.** 13/20
- **16.** 119/30
- **17.** 29/15
- **18.** 1/12
- **19.** -2/35
- **20.** 131/30 **21.** -149/15
- **22.** 4/3
- **23.** -1
- **24.** 7/4
- **25.** 41/8
- **26.** 47/20
- **27.** 7/8
- **28.** 51/10 **29.** 5/6
- **30.** 43/15 **31.** 19/6
- **32.** 7 **33.** 10/3
- **34.** 13/15
- **35.** 11/12
- **36.** 4 **37.** 1
- **38.** 49/15
- **39.** 5/3
- **40.** 3/8

# Operaciones en $\mathbb Q$

### Algoritmo de Resolución:

1.- Se opera utilizando el orden de prioridad de las operaciones: Primero corchetes, luego paréntesis, después potencias y raíces, más tarde productos y cocientes y por último sumas y restas.

2.- Para sumar o restar, se reducen las fracciones a común denominador mediante el m.c.m.

3.- Se simplifica el resultado. (Se recomienda simplificar en los pasos intermedios para facilitar los cálculos)

1) 
$$\frac{3}{4} + \frac{5}{2}$$

**18**) 
$$\frac{5}{8} \cdot \frac{2}{3} + \frac{3}{12}$$

**35)** 
$$\frac{3}{8} \cdot \left(\frac{5}{3} - \frac{1}{2}\right) - \frac{4}{11} \cdot \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{5}\right)$$

**2)** 
$$4 + \frac{2}{3}$$

**19)** 
$$\frac{10}{4} \cdot \frac{2}{3} + \frac{1}{3} \cdot \frac{4}{5}$$

**36)** 
$$3-4\cdot\left[\frac{1}{3}-\frac{1}{2}\left(\frac{1}{4}-\frac{1}{5}\right)+3:\left(\frac{1}{3}:\frac{1}{2}\right)\right]$$

3) 
$$\frac{2}{3} + \frac{5}{6} + \frac{7}{15}$$

**20)** 
$$\frac{4}{5}:\frac{10}{4}+\frac{7}{4}:\frac{5}{4}$$

**37)** 
$$\frac{1}{8} \left( 3 - \frac{2}{5} \right) - \frac{3}{2} \left( \frac{7}{4} - 1 \right)$$

**4)** 
$$\frac{6}{15} + \frac{3}{10} + \frac{14}{6}$$

**21)** 
$$\frac{5}{2} + 2\left(7 - \frac{1}{3}\right) - 8$$

**38)** 
$$\frac{8}{9} : \frac{2}{3} - \left[ \frac{5}{2} + \left( -\frac{3}{4} \right) \cdot \frac{7}{3} - \frac{1}{9} \right]$$

**5)** 
$$\frac{24}{10} + \frac{12}{30} - \frac{15}{25}$$

**22)** 
$$\frac{1}{3} \left( \frac{4}{6} + 3 \right) - \frac{5}{3}$$

**39)** 
$$\frac{6}{5} \left( \frac{9}{4} - \frac{7}{3} \right) - \left( \frac{7}{2} - 3 \right) : \left( -2 + \frac{1}{4} \right)$$

**6)** 
$$\frac{8}{3} - \frac{1}{8} + \frac{7}{12}$$

**23)** 
$$3 + \frac{2}{7} \left(1 - \frac{1}{3}\right)$$

**40)** 
$$\left(-\frac{1}{6}-1\right)\left[\left(\frac{3}{2}-\frac{1}{8}\right)+\frac{7}{5}\left(-\frac{1}{4}+1\right)\right]$$

7) 
$$\frac{3}{4} + \frac{5}{12} - \frac{1}{8}$$

**24)** 
$$\frac{5}{8}:\frac{5}{12}+3\left(\frac{4}{7}-2\right)$$

**41)** 
$$\frac{4}{3} - 2 \cdot \frac{5}{4} : \left(-\frac{1}{3}\right) + \frac{3}{2} \cdot \left(-\frac{7}{4} - 1\right)$$

8) 
$$\frac{3}{8} + \frac{5}{10} - \frac{7}{4}$$

**25)** 
$$-2 + \frac{5}{8} \left( \frac{4}{3} : \frac{2}{6} - 3 \cdot \frac{2}{5} \right)$$

**42)** 
$$\frac{-6}{9} \left( \frac{1}{8} : \frac{1}{3} \right) - \left[ \frac{5}{3} - \frac{1}{3} \left( 2 - \frac{3}{2} \right) \right]$$

9) 
$$\frac{3}{4} + \frac{5}{12} + \frac{1}{6}$$

**26)** 
$$3 + \frac{2}{7} \left[ 1 - \frac{21}{4} : \left( \frac{3}{5} - 2 - \frac{7}{2} \right) \right]$$

**43**) 
$$\left(\frac{1}{3} + \frac{1}{2}\right) \cdot \left[\frac{3}{4} - \left(\frac{5}{6} - \frac{3}{4}\right) : \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{4}\right)\right]$$

**10)** 
$$\frac{3}{15} + \frac{7}{10} - 5$$

**27)** 
$$3 + \frac{1}{4} \left[ \frac{1}{2} + 3 \left( 4 - \frac{2}{3} \right) \right]$$

**44)** 
$$\left(\frac{5}{6} - \frac{1}{4}\right) : \left[\frac{3}{4} - \left(\frac{1}{5} + \frac{1}{3}\right) \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{8}\right)\right] - \frac{6}{5}$$

$$11) \quad \frac{4}{15} + \frac{4}{3} + \frac{2}{10} - \frac{4}{25}$$

**28)** 
$$4 - \frac{1}{3} \left[ 7 - \frac{1}{2} \left( -\frac{2}{5} + 3 - \frac{7}{2} \right) \right]$$

**45)** 
$$\left[\frac{2}{7} - \left(\frac{1}{4} - \frac{2}{5}\right) : \left(\frac{3}{10} - 1\right)\right] : \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{14}\right)$$

$$12) \quad \frac{11}{36} - \frac{5}{12} + \frac{4}{9} - \frac{7}{24}$$

**29)** 
$$\frac{13}{2} - 3 \left[ 4 + \frac{5}{8} \left( \frac{5}{3} + (-2) \frac{1}{3} \right) + \frac{3}{4} \right]$$

**46)** 
$$\frac{2}{3} \left( \frac{3}{4} - \frac{1}{2} \right)^2 - \frac{1}{6} \left( \frac{5}{6} - \frac{1}{3} \right)^2$$

$$13) \quad \frac{17}{40} - \frac{11}{30} + \frac{13}{20} - \frac{9}{8}$$

**30)** 
$$\left(\frac{1}{4} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{3}{4} - \frac{2}{5}\right) : \frac{7}{10}$$

**47)** 
$$5: \left(\frac{1}{2}+1\right)^2 - 3: \left(\frac{1}{2}-\frac{1}{4}\right)$$

14) 
$$\frac{13}{32} - \frac{5}{24} + \frac{17}{48} - \frac{7}{12}$$

$$\frac{31)}{\left(\frac{1}{2} - \frac{3}{4}\right) + \left[-1 - \left(\frac{5}{6} - \frac{1}{3}\right)\right] }$$

**48)** 
$$\left[ \left( \frac{2}{3} - \frac{1}{9} \right) + 13 \left( \frac{2}{3} - 1 \right)^2 \right] : \left( -\frac{2}{3} \right)$$

**15**) 
$$\frac{21}{44} - \frac{31}{66} - \frac{13}{22} + \frac{11}{12}$$

**32)** 
$$-\left(-1+\frac{4}{3}\right)+\frac{5}{2}-\left[-\frac{1}{4}+\left(-2+\frac{5}{6}\right)\right]$$

**49)** 
$$\left[ \left( \frac{1}{2} + 1 \right)^{-1} \right]^{3} \cdot \left( 4 - \frac{5}{2} \right)^{2} : \sqrt{\frac{100}{225}}$$

16) 
$$\frac{12}{15} - 3 + \frac{40}{12} - \frac{10}{8}$$

**33)** 
$$\left(\frac{1}{4}-1\right)-\left(\frac{2}{3}+1\right)-\left[\frac{3}{2}-\left(\frac{7}{12}-\frac{1}{3}\right)\right]$$

-19/12

19/80

11/24

1/5

45)

46) 0

54)

1/4

-3/8

83/15

$$\begin{array}{ccc} \mathbf{0}) & 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{5}} & \mathbf{51}) & 2 + \frac{1}{3 + \frac{2}{4 + \frac{3}{5}}} \end{array}$$

$$\frac{7}{2} + \frac{5}{6} - \frac{10}{3} + 6$$

13/4

14/3

**34)** 
$$\frac{3}{5}: \frac{2}{3} - \frac{4}{5} \cdot \frac{4}{3} + \frac{1}{3} - \frac{3}{4}: \frac{3}{7}$$

34)

35)

43)

9 **53**) 
$$5 \frac{2\sqrt{\frac{16}{9}} + \frac{1}{3}}{5}$$

$$2\cdot\sqrt{\frac{13}{9}+\frac{4}{3}}-\left[3-\left(1+\frac{4}{5}\right)\cdot2\right]\div2+\frac{1}{3}$$

23)

24)

1/24

-5/12

47/6

13)

67/21

-39/14

43/12

-11/3

**53)** 
$$\sqrt{-\frac{5}{9}+1} \cdot \left(-2+\frac{5}{4}\right) - \left(\frac{1}{4}-1\right) \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)^{-2}$$

**54)** 
$$\sqrt{\left(\frac{3}{2} + \frac{5}{4} - \frac{29}{4}\right) \div \left(-\frac{1}{2}\right)} - \left(\frac{2}{3}\right)^{-3}$$

-41/10

41/25

1/1

1) 
$$\frac{8}{5} \left[ \frac{2}{7} + \left( \frac{-1}{5} \right) + \frac{2}{3} \right]$$

2) 
$$\frac{5}{3} \cdot \frac{1}{3} \left[ \frac{1}{5} + \frac{1}{7} \right] \left( \frac{-1}{3} \right)$$

Revaso

3) 
$$\frac{3}{4} \left[ \frac{2}{7} + \frac{3}{4} \right] \frac{5}{7}$$

4) 
$$\left[ \left( \frac{-1}{4} \right) + \frac{1}{5} \right] \frac{7}{4} + \frac{1}{5}$$

5) 
$$\left[\frac{2}{7} + \left(\frac{3}{-4}\right) + \frac{1}{7}\right] \frac{3}{4}$$

6) 
$$\frac{8}{3} \left[ \frac{5}{4} + \left( \frac{-2}{7} \right) \right] + \frac{3}{7}$$

7) 
$$\left(\frac{8}{3} + \frac{1}{5}\right) \cdot \left(\frac{3}{4} + \frac{5}{3}\right) + \frac{1}{7}$$

8) 
$$\left(\frac{3}{5} \cdot \frac{8}{4}\right) + \left[\frac{7}{3} \cdot \left(\frac{-1}{5}\right)\right] + \frac{3}{7}$$

9) 
$$\frac{4}{3} \cdot \left(\frac{2}{5} + \frac{1}{7}\right) \cdot \left(-\frac{2}{3}\right)$$

10) 
$$\left(\frac{2}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7}\right) \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{5}$$

11) 
$$\frac{3}{4} \left( \frac{2}{5} + \frac{1}{7} \right) + \frac{2}{7} \left( \frac{4}{3} + \frac{9}{8} \right)$$

12) 
$$\left(\frac{2}{7} + \frac{2}{7}\right) \cdot \frac{3}{4} + \frac{1}{5}$$

13) 
$$\left(\frac{7}{8} + \frac{3}{4}\right) \cdot \left(\frac{1}{3} + \frac{2}{7}\right) + \frac{3}{4}$$

14) 
$$\left(\frac{-2}{3}\right) \cdot \left(\frac{8}{-5}\right) + \left(-\frac{3}{4} \cdot \frac{4}{3}\right)$$

15) 
$$\frac{3}{5} \cdot \frac{8}{4} \cdot \frac{3}{9} \cdot \left[ \frac{2}{5} + \frac{1}{7} \right]$$

16) 
$$\frac{2}{7} \cdot \left[ \left( \frac{3}{4} + \frac{2}{7} \right) : \left( \frac{1}{9} - \frac{2}{5} \right) \right]$$

17) 
$$\left(\frac{7}{4} + \frac{2}{7} - \frac{1}{5}\right) : \left(\frac{2}{4} + \frac{1}{9} - \frac{1}{10}\right)$$

18) 
$$\left(\frac{3}{9}:\frac{4}{3}\right) - \left(\frac{2}{7}:\frac{3}{9}\right) + \frac{2}{5}$$

19) 
$$\left[ \left( 3 + \frac{5}{9} \right) : \left( \frac{3}{7} - 5 \right) \right] + \frac{2}{7}$$

20) 
$$\left[ \left( \frac{4}{9} + \frac{8}{3} \right) : \left( \frac{4}{5} - \frac{1}{7} \right) \right] : \frac{3}{8}$$

21) 
$$\left(3+\frac{4}{5}\right)\cdot \left(\frac{1}{2}:\frac{3}{2}\right)$$

22) 
$$\left[ \left( \frac{1}{5} + \frac{1}{7} + \frac{3}{8} \right) - \frac{1}{7} \right] : \left( \frac{2}{3} + \frac{1}{4} \right)$$

23) 
$$\left[ \left( \frac{1}{5} : \frac{2}{3} \right) \cdot \frac{2}{7} \right] : \left( \frac{2}{9} - \frac{1}{5} \right)$$

24) 
$$\left(\frac{1}{2} - \frac{5}{3}\right) : 3 - \frac{4}{3} \cdot \frac{5}{6}$$

25) 
$$1 - \left(1:\frac{3}{4}\right) + \frac{8}{5}:\left(\frac{7}{2} - 3\right)$$

26) 
$$\left[ \left( \frac{2}{3} + \frac{7}{4} \right) : \left( \frac{2}{7} - \frac{1}{5} \right) \right] \cdot \frac{2}{9}$$

27) 
$$\left(\frac{8}{5}:\frac{9}{4}\right):\frac{3}{6}+\frac{2}{5}$$

28) 
$$\frac{\frac{2}{3} + 5\left(\frac{1}{2} - 1\right)}{2 + \frac{7}{4}}$$

$$29) \quad \frac{3 - \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{5}}{\left(\frac{1}{2} + 4\right) \cdot 7}$$

$$30) \quad \frac{\frac{6}{5} - 2}{-\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{4}\right)}$$

$$31) \frac{1 - \frac{2}{3 - \frac{2}{3}}}{2 + \frac{2}{5}}$$

32) 
$$\frac{1}{\frac{1}{3} + \frac{1}{5}} + 3 \cdot \frac{5}{-1 + \frac{3}{4}}$$

33) 
$$6 - \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{3} + \frac{4 - \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{3}}{4 + 5 \cdot \frac{7}{3}}$$

34) 
$$\frac{\frac{5}{6} + \frac{3}{4}}{\frac{5}{7} + \frac{3}{5}}$$

35) 
$$\left(8 + \frac{1}{4}\right) \cdot \frac{2}{3} - \frac{1 - \frac{1}{2}}{3 + \frac{5}{6}}$$

36) 
$$\frac{2}{3} \left( \frac{2 - \frac{1}{4}}{5 - 2} - \frac{\frac{2}{5} - 1}{\frac{1}{4} + 3} \right)$$

37) 
$$\frac{1}{5}$$
:  $\frac{4 + \frac{1}{7} \cdot 3}{\left(2 - \frac{8}{3}\right) \cdot \frac{1}{5}}$ 

38) 
$$\left(\frac{\frac{2}{5} : \frac{-1}{3}}{1 + \frac{4}{5}} - \frac{2 - \frac{8}{3}}{4 \cdot \frac{7}{2}}\right) \cdot \frac{4}{7}$$

39) 
$$\frac{\frac{4}{5} \cdot \frac{4}{9}}{\frac{-3}{2} \cdot \frac{3}{7}} : \frac{\frac{-6}{7} \cdot \frac{6}{2}}{\frac{8}{9} \cdot \frac{8}{5}}$$

$$40) \quad \frac{\frac{3}{5} \cdot \frac{2}{9}}{-1 - \frac{4}{3}} - \frac{-2 + \frac{1}{6}}{\frac{1}{7} \cdot \frac{7}{8}}$$

Soluciones:1) 632/525, 2) -4/63, 3) 435/784, 4) 9/80, 5) -27/112, 6) 3, 7) 8909/1260, 8) 122/105, 9) -152/315, 10) 76/1575, 11) 233/210, 12) 22/35, 13) 295/168, 14) 1/15, 15) 38/175, 16) -1305/1274, 17) 2313/644, 18) -29/140, 19) -31/63, 20) 7840/621, 21) 19/15, 22) 69/110, 23) 27/7, 24) -3/2, 25) 43/15, 26) 503/18, 27) 82/45, 28) -22/45, 29) 26/315, 30) 16/5, 31) 5/84, 32) -465/8, 33) 8587/1410, 34) 665/552, 35) 247/46, 36) 599/1170, 37) -14/2325, 38) -52/147, 39) 1, 40) 1534/105