

1. Caracteres estadísticos

PIENSA Y CALCULA

Se ha realizado un estudio sobre distintos coches, recogiéndose datos sobre: consumo, cilindrada, potencia, peso, aceleración, cilindros, año, país y color.

De los datos que se han recogido, indica cuáles son cualitativos, cuáles cuantitativos discretos y cuáles cuantitativos continuos.

Solución:

Cualitativos: país, color.

Cuantitativos discretos: cilindros, año de fabricación.

Cuantitativos continuos: consumo, cilindrada, potencia, peso, aceleración.

APLICA LA TEORÍA

1 Se ha realizado un estudio sobre el número de personas activas que hay por familia con el mismo número de miembros con posibilidad de trabajar, obteniéndose los siguientes resultados:

2	1	2	2	Ι	2	4	2	_	_
2	3	2	1	ı	ı	3	4	2	2
2	2	1	2	ı	1	1	3	2	2
3	2	3	Ι	2	4	2	1	4	1
I	3	4	3	2	2	2	Ι	3	3

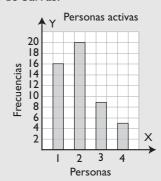
- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Haz una tabla de frecuencias.
- c) Representa los datos en un diagrama de barras.
- d) Dibuja el polígono de frecuencias.
- e) Interpreta los resultados.

Solución:

a) Cuantitativo discreto.

b)	x _i	n _i	N _i	N _i (%)	f _i	f _i (%)	Fi
	1	16	16	32	0,32	32	0,32
	2	20	36	72	0,40	40	0,72
	3	9	45	90	0,18	18	0,90
	4	5	50	100	0,10	10	1,00
	Total	50			1,00	100	

c) Diagrama de barras.



Grupo Editorial Bruño, S.L.

294 SOLUCIONARIO



Como las familias tienen el mismo número de miembros, se ve que más de la mitad (36 familias de 50), el 72%, tienen I o 2 miembros activos. Es decir, en el 72% de las familias, solo trabajan I o 2 miembros de los 4 que pueden trabajar.

2 En 4° curso de un centro escolar se han estudiado las calificaciones de Lengua, obteniéndose los siguientes resultados:

Insuficiente	12
Suficiente	15
Bien	10
Notable	8
Sobresaliente	5

a) Clasifica el carácter estadístico.

- b) Haz una tabla de frecuencias.
- c) Representa los datos en un diagrama de barras.
- d) Interpreta los resultados.

Solución:

a) Cualitativo.

)	x _i	n _i	Ni	N _i (%)	fi	f _i (%)	Fi
	Insuficientes	12	12	24	0,24	24	0,24
	Suficientes	15	27	54	0,30	30	0,54
	Bien	10	37	74	0,20	20	0,74
	Notables	8	45	90	0,16	16	0,90
	Sobresalientes	5	50	100	0,10	10	1,00
	Total	50			1,00	100	

c) Diagrama de barras.



d) Un 24% suspende la asignatura, mientras que un 76% supera la asignatura.

2. Caracteres continuos. Datos agrupados

PIENSA Y CALCULA

En un test psicotécnico, se han obtenido las siguientes puntuaciones de 0 a 100: 60, 65, 50, 89, 45, 40, 78, 92, 75, 23, 80, 60, 70, 75, 45, 78, 60, 80, 90, 98, 45, 62, 58, 50, 60

- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Calcula el recorrido.
- c) Si los datos se agrupan en 5 intervalos, ¿cuál es la longitud aproximada de cada intervalo?

Solución:

- a) Cuantitativo discreto.
- b) 98 23 = 75
- c) 75:5=15

3 El peso de 25 personas es el siguiente:

56	76	52	58	74
46	77	68	77	50
66	67	88	60	82
94	66	70	72	65
74	80	70	60	64

- a) Agrupa los datos en intervalos.
- b) Haz una tabla de frecuencias.
- c) Representa los datos en un histograma.

Solución:

a) El recorrido es: 94 - 46 = 48

El número de intervalos: $\sqrt{25} = 5$

Longitud de cada intervalo:

50:5 = 10

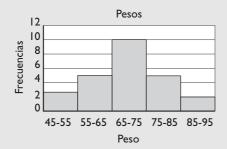
El extremo inferior del 1^{er} intervalo se toma:

$$(50-48):2=1 \Rightarrow 46-1=45$$

b) Tabla de frecuencias:

Intervalo	Xi	n _i	N _i	N _i (%)	f _i	f _i (%)	Fi
45-55	50	3	3	12	0,12	12	0,12
55-65	60	5	8	32	0,20	20	0,32
65-75	70	10	18	72	0,40	40	0,72
75-85	80	5	23	92	0,20	20	0,92
85-95	90	2	25	100	0,08	8	1,00
Total		25			1,00	100	

c) Histograma



Se observa que un 40% de los datos se encuentra en el intervalo central de 65 a 75 kg, distribuyéndose de una forma muy «normal». Hay pocas personas en los intervalos extremos y más en los centrales.

4 Una empresa dedica a la inversión publicitaria en distintos medios las siguientes cantidades:

Medio	Televisión	Prensa	Radio	Otros
Dinero (miles €)	50	38	9	23

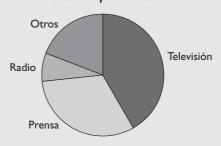
Representa los datos en un diagrama de sectores. Interpreta los resultados.

Solución:

$$\frac{360^{\circ}}{120} = 3^{\circ}$$

Medio	Euros	Amplitud
Televisión	50	3° · 50 = 150°
Prensa	38	3° · 38 = 114°
Radio	9	3° · 9 = 27°
Otros	23	3° · 23 = 69°
Total	120	360°

Gasto en publicidad



Más de la mitad del gasto se hace en televisión y en prensa.

5 El número de horas que dedican a ver la televisión una muestra de personas se distribuye así:

Intervalo (h)	Frecuencias		
0 - I	10		
I - 2	40		
2 - 3	25		
3 - 4	15		
4 - 5	10		

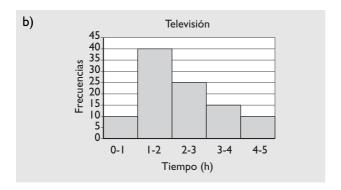
- a) Haz una tabla de frecuencias.
- b) Representa los datos en un histograma. Interpreta los resultados.

Solución:

a) Tabla de frecuencias:

Intervalo	x _i	n _i	N _i	N _i (%)	fi	f _i (%)	F _i
0-1	0,5	10	10	10	0,10	10	0,10
1-2	1,5	40	50	50	0,40	40	0,50
2-3	2,5	25	75	75	0,25	25	0,75
3-4	3,5	15	90	90	0,15	15	0,90
4-5	4,5	10	100	100	0,10	10	1,00
Total		100			1,00	100	

G Grupo Editorial Bruño, S.L.



Un 50% ve entre 0 y 2 horas la televisión. El otro 50% lo hace en el intervalo entre 2 y 5 horas. Un 25% de la población ve entre 3 y 5 horas la televisión

3. Parámetros de centralización

<u>PIENSA Y CALCULA</u>

Carmen ha anotado en los últimos partidos de baloncesto los siguientes puntos: 10, 12, 14, 8, 16 Calcula la media aritmética y explica su significado.

Solución:

La media de Carmen es 12 puntos.

Esto significa que los puntos se distribuyen alrededor de 12; es decir, ha conseguido el mismo total que si en cada partido hubiese marcado 12 puntos.

<u>APLICA LA TEORÍA</u>

6 Se ha hecho un estudio del número de veces que los alumnos de una clase han ido al cine durante el último mes, obteniéndose los siguientes resultados:

N° de veces	0	Ι	2	3	4	5	6	7
Frecuencia	3	2	7	5	4	4	3	2

Calcula los parámetros de centralización que sea posible.

Solución:

X _i	n _i	N _i	x _i ·n _i
0	3	3	0
I	2	5	2
2	7	12	14
3	5	17	15
4	4	21	16
5	4	25	20
6	3	28	18
7	2	30	14
Total	30		99

Como el carácter es cuantitativo discreto, se pueden calcular:

Media:
$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = \frac{99}{30} = 3.3$$

Moda: 2

Mediana: 3

Los datos se agrupan en torno a 3,3, siendo el más frecuente el 2

7 Se ha realizado un sondeo sobre el dinero que llevan 30 alumnos de un centro, obteniéndose los siguientes resultados:

6	4	3	5,3	2,5	4,2
0,5	9	3,25	12	5,5	3,2
6,2	1,2	9,5	4 , I	14,5	2
4	6,5	3,1	1,3	4,2	7
3,8	3	4,5	10	5	2,25

a) Agrupa los datos en intervalos.

Solución:

Dinero (€)	x _i	n _i	N _i	$x_i \cdot n_i$
0-3	1,5	6	6	9,0
3-6	4,5	15	21	67,5
6-9	7,5	4	25	30,0
9-12	10,5	3	28	31,5
12-15	13,5	2	30	27,0
Total		30		165

Como el carácter es cuantitativo continuo, se pueden calcular:

Media:
$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = \frac{165}{30} = 5.5$$

Moda: es el intervalo 3-6

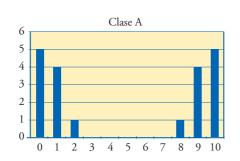
Mediana: es el intervalo 3-6

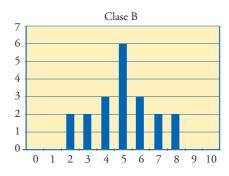
Los datos se agrupan en torno a 5,5, que es un valor que se encuentra en el intervalo de la moda y de la mediana.

4. Parámetros de dispersión

<u>PIENSA Y CALCULA</u>

Los gráficos adjuntos representan los datos de las calificaciones que dos clases han tenido en la misma asignatura.





- a) Si Rocío desea sacar un diez, ;a qué clase debería ir?
- b) Si lo que quiere es asegurar el aprobado, ;a qué clase debería ir?

Solución:

- a) Si Rocío desea sacar un diez, debe ir a la clase A, que es en la que algunos alumnos sacan esa nota.
- b) Si lo que quiere es asegurar el aprobado, debe ir a la clase B, en la que no hay notas extremas, pero en la que la mayoría de los alumnos aprueban.

N° de pacientes	8	10	12	14	15	20
N° de días	5	4	6	6	3	I

Calcula la varianza, la desviación típica y el coeficiente de variación.

Solución:

x _i	n _i	x _i ·n _i	x _i ²	$x_i^2 \cdot n_i$
8	5	40	64	320
10	4	40	100	400
12	6	72	144	864
14	6	84	196	1 176
15	3	45	225	675
20	I	20	400	400
Total	25	301		3 835

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = \frac{301}{25} = 12,04$$

$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 8,44$$

$$\sigma = 2.9$$

$$CV = \frac{\sigma}{\overline{x}} = 0.24 \Rightarrow 24\%$$

Los datos se distribuyen alrededor de 12,04, con un 24% de dispersión.

9 Calcula la varianza, la desviación típica y el coeficiente de variación del dinero que gastan mensualmente 28 alumnos de 4° cuyos datos se han recogido en la siguiente distribución:

Intervalo	5 - 9	9 - 13	13 - 17	17 - 21	21 - 25
Frecuencia	10	8	5	4	3

Solución:

Intervalo	x _i	n _i	x _i ·n _i	x _i ²	$x_i^2 \cdot n_i$
5 - 9	7	10	70	49	490
9 - 13	- 11	8	88	121	968
13 - 17	15	5	75	225	l 125
17 - 21	19	4	76	361	I 444
21 - 25	23	3	69	529	I 587
Total		30	378		5614

$$\overline{\mathbf{x}} = \frac{\sum \mathbf{x}_{i} \cdot \mathbf{n}_{i}}{\mathsf{N}} = \mathsf{I2,6}$$

$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 28,37$$

$$\sigma$$
 = 5,33

$$CV = \frac{\sigma}{\overline{v}} = 0.42 \Rightarrow 42\%$$

Los datos se distribuyen alrededor de 12,6 con un 42% de dispersión. Los datos están muy dispersos.

10 Las calificaciones que han obtenido en Matemáticas dos clases distintas han sido:

Clasificación	Clase A	Clase B
0	5	0
I	4	0
2	ı	2
3	0	2
4	0	3
5	0	6
6	0	3
7	0	2
8	1	2
9	4	0
10	5	0

Calcula el coeficiente de variación y analiza el resultado.

Solución:

Clase A

x _i	n _i	x _i ·n _i	$x_i^2 \cdot n_i$
0	5	0	0
1	4	4	4
2	I	2	4
3	0	0	0
4	0	0	0
5	0	0	0
6	0	0	0
7	0	0	0
8	I	8	64
9	4	36	324
10	5	50	500
Total	20	100	896

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 5$$

$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 19.8$$

$$\sigma = 4.45$$

Clase B

x _i	n _i	x _i ·n _i	$x_i^2 \cdot n_i$
0	0	0	0
1	0	0	0
2	2	4	8
3	2	6	18
4	3	12	48
5	6	30	150
6	3	18	108
7	2	14	98
8	2	16	128
9	0	0	0
10	0	0	0
Total	20	100	558

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 5$$

$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 2,9$$

$$\sigma = 1,7$$

$$CV = \frac{\sigma}{\overline{x}} = 0.34 \Rightarrow 34\%$$

Es más homogénea la clase B, que tiene un 34% de dispersión, mientras que la clase A tiene un 89%. Si se quiere aprobar y no sacar muy buena nota, conviene la clase B. Si se desea sacar muy buena nota, hay que arriesgar en la clase A

1. Caracteres estadísticos

11 Durante los últimos 20 días, el número de alumnos que faltó a clase en 4° ha sido:

N° de alumnos	N° de días
0	5
I	6
2	4
3	2
4	2
5	ı

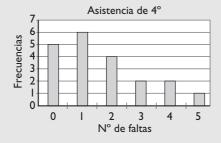
- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Haz una tabla de frecuencias.
- c) Representa los datos en un diagrama de barras.
- d) Interpreta los resultados.

Solución:

- a) Cuantitativo discreto.
- b) Tabla de frecuencias.

x _i	n _i	N _i	N _i (%)	f _i	f _i (%)	Fi
0	5	5	25	0,25	25	0,25
I	6	11	55	0,30	30	0,25
2	4	15	75	0,20	20	0,75
3	2	17	85	0,10	10	0,85
4	2	19	95	0,10	10	0,95
5	ı	20	100	0,05	5	1,00
Total	20			1,00	100	

c) Diagrama de barras.



- d) Un 75% de los días han faltado como mucho 2 alumnos; y en un 25%, entre 3 a 5 personas. Es una clase en la que hay bastantes faltas de asistencia.
- 12 El número de medallas que cinco centros han conseguido en unas pruebas escolares ha sido:

Centro	N° de medallas
Algaida	12
Betara	10
Kiner	8
Vicencio	6
Tizer	4

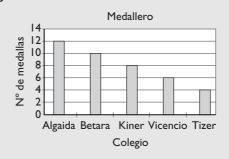
- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Haz la tabla de frecuencias.
- c) Representa los datos en un diagrama de barras.

Solución:

- a) Carácter cualitativo.
- b) Tabla de frecuencias.

x _i	n _i	N _i	N _i (%)	fi	f _i (%)	F _i
Algaida	12	12	30	0,30	30	0,30
Betara	10	22	55	0,25	25	0,55
Kiner	8	30	75	0,20	20	0,75
Vicencio	6	36	90	0,15	15	0,90
Tizer	4	40	100	0,10	10	1,00
Total	50			1,00	100	

c) Diagrama de barras.



2. Caracteres continuos. Datos agrupados

13 Las edades de los asistentes a una conferencia se han agrupado en intervalos, tal y como se recoge en la siguiente tabla:

Intervalo	Frecuencia
38 - 44	8
44 - 50	12
50 - 56	20
56 - 62	16
62 - 68	12
68 - 74	8
74 - 80	4

- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Haz una tabla de frecuencias.
- c) Representa los datos en un histograma.

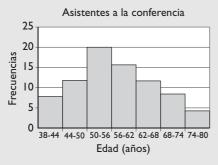
Solución:

a) Cuantitativo continuo.

b) Tabla de frecuencias.

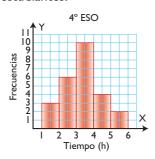
Intervalo	x _i	n _i	N _i	N _i (%)	f _i	f _i (%)	Fi
38 - 44	41	8	8	10	0,10	10	0,10
44 - 50	47	12	20	25	0,15	15	0,25
50 - 56	53	20	40	50	0,25	25	0,50
56 - 62	59	16	56	70	0,20	20	0,70
62 - 68	65	12	68	85	0,15	15	0,85
68 - 74	71	8	76	95	0,10	10	0,95
74 - 80	77	4	80	100	0,05	5	1,00
Total		90			1,00	100	

c) Histograma.



El 25% de los asistentes pertenece al intervalo entre 50 y 56 años, y los datos se distribuyen de una forma bastante normal.

14 El siguiente histograma recoge los datos del tiempo en horas que ha dedicado al estudio diario un grupo de estudiantes:



Haz la tabla de frecuencias absolutas y relativas.

Solución:

Intervalo	xi	n _i	N _i	N _i (%)	fi	f _i (%)	Fi
I - 2	1,5	3	3	0,12	0,12	12	0,12
2 - 3	2,5	6	9	0,36	0,24	24	0,36
3 - 4	3,5	10	19	0,76	0,40	40	0,76
4 - 5	4,5	4	23	0,92	0,16	16	0,92
5 - 6	5,5	2	25	1,00	0,08	8	1,00
Total		25			1,00	100	

15 En un barrio se ha realizado una encuesta sobre el grado de malestar que produciría la instalación de un centro de atención a drogodependientes, obteniéndose los siguientes resultados:

Actitud de los vecinos	Frecuencia
Se oponen activamente	10
Se sentirían molestos	5
Resto	25

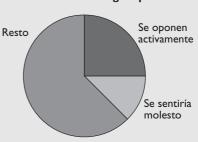
Haz un diagrama de sectores que represente los datos.

Solución:

$$\frac{360^{\circ}}{40} = 9^{\circ}$$

Actitud de los vecinos	Frecuencia	Amplitud
Se oponen activamente	10	9° · 10 = 90°
Se sentirían molestos	5	9° · 5 = 45°
Resto	25	9° · 25 = 225°
Total	40	360°

Centro de asistencia a drogodependientes



Una cuarta parte se opone activamente, mientras que más de la mitad ni se siente molesto ni se opone al centro.

16 Las precipitaciones medias anuales en milímetros recogidas en una estación meteorológica han sido en los últimos años:

_						
	251	495	355	520	430	490
	280	452	460	700	749	400
	300	500	560	458	530	500
	490	565	540	480	400	660
	360	460	380	600	485	455

- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Agrupa los datos y haz una tabla de frecuencias.
- c) Representa los datos en un histograma e interpreta el resultado.

Solución:

- a) Cuantitativo continuo.
- b) El recorrido es: 749 251 = 498

El número de intervalos: $\sqrt{30} \approx 5$

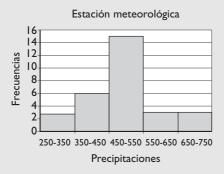
Longitud de cada intervalo: 500 : 5 = 100

El extremo inferior del 1^{er} intervalo se toma:

 $(500 - 498) : 2 = 1 \Rightarrow 251 - 1 = 250$

Intervalo	x _i	n _i	N _i	N _i (%)	f _i	f _i (%)	Fi
250 - 350	300	3	3	10	0,1	10	0,1
350 - 450	400	6	9	30	0,2	20	0,3
450 - 550	500	15	24	80	0,5	50	0,8
550 - 650	600	3	27	90	0,1	10	0,9
650 - 750	700	3	30	100	0,1	10	ı
Total		30			1,0	100	

c) Histograma:



El 50% de las precipitaciones está en el intervalo central y el otro 50% se distribuye alrededor de este intervalo.

3. Parámetros de centralización

17 Se ha registrado la duración en años de un modelo de batería para coches, obteniéndose los siguientes datos:

	2,8							
3,6	3,6	3,6	3,7	3,7	3,8	3,8	3,9	3,9
4,1	4,1	4,2	4,3	4,4	4,4	4,7	4,9	

Calcula los parámetros de centralización que tengan sentido.

Solución:

El recorrido es: 4.9 - 2.6 = 2.3

El número de intervalos: $\sqrt{26} \approx 5$

Longitud de cada intervalo: 2,5:5 = 0,5

El extremo inferior del 1^{er} intervalo se toma:

$$(2,5-2,3):2=0,1 \Rightarrow 2,6-0,1=2,5$$

Intervalo	x _i	n _i	N _i	x _i ·n _i
2,5 - 3	2,75	2	2	5,5
3 - 3,5	3,25	6	8	19,5
3,5 - 4	3,75	10	18	37,5
4 - 4,5	4,25	6	24	25,5
4,5 - 5	4,75	2	26	9,5
Total		26		97,5

Como el carácter es cuantitativo continuo, se pueden calcular:

Media:
$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 3,75$$

Moda: es el intervalo 3,5 - 4

Mediana: es el intervalo 3,5 - 4

Los datos se agrupan en torno a 3,75, que es un valor que se encuentra en el intervalo de la moda.

18 Se ha registrado el peso de unos recién nacidos, obteniéndose los siguientes resultados:

Peso en kg	2 - 2,5	2,5 - 3	3 - 3,5	3,5 - 4	4 - 4,5
n _i	6	14	16	10	4

Calcula los parámetros de centralización que tengan sentido.

Solución:

Intervalo	x _i	n _i	N _i	$x_i \cdot n_i$
2 - 2,5	2,25	6	6	13,5
2,5 - 3	2,75	14	20	38,5
3 - 3,5	3,25	16	36	52,0
3,5 - 4	3,75	10	46	37,5
4 - 4,5	4,25	4	50	17,0
Total		50		158,5

Como el carácter es cuantitativo continuo, se pueden calcular:

Media:
$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 3.17$$

Moda: es el intervalo 3 - 3,5

Mediana: es el intervalo 3 - 3.5

Los datos se agrupan en torno a 3,17, que es un valor que se encuentra en el intervalo de la moda y de la mediana.

4. Parámetros de dispersión

19 En un centro de cálculo, el número de veces que un ordenador se detiene por un error interno se ha recogido durante los últimos 50 días en la siguiente tabla:

x _i	0	I	2	3	4	5	6
n _i	3	6	8	12	10	8	3

Calcula la varianza, la desviación típica y el coeficiente de variación. Interpreta el resultado.

Solución:

x _i	n _i	x _i ·n _i	x _i ²	$x_i^2 \cdot n_i$
0	3	0	0	0
I	6	6	I	6
2	8	16	4	32
3	12	36	9	108
4	10	40	16	160
5	8	40	25	200
6	3	18	36	108
Total	50	156		614

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 3,12$$

$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 2,55$$

$$\sigma = 1,6$$

$$CV = \frac{\sigma}{\overline{v}} = 0.51 \Rightarrow 51\%$$

Los datos se agrupan en torno a 3,12 con una dispersión del 51%. Los datos están muy dispersos.

20 Las edades de una muestra de personas que acuden a la biblioteca de un barrio se han recogido en la siguiente tabla:

Intervalo	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60	60-70
Frecuencia	6	15	10	6	8	5

Calcula la varianza, la desviación típica y el coeficiente de variación. Interpreta el resultado.

Solución:

Intervalo	x _i	n _i	x _i ·n _i	x _i ²	$x_i^2 \cdot n_i$
10 - 20	15	6	90	225	I 350
20 - 30	25	15	375	625	9 3 7 5
30 - 40	35	10	350	I 225	12 250
40 - 50	45	6	270	2 0 2 5	12 150
50 - 60	55	8	440	3 025	24 200
60 - 70	65	5	325	4 2 2 5	21 125
Total		50	I 850		80 450

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 37$$

$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 240$$

 $\sigma = 15,49$

$$CV = \frac{\sigma}{\overline{\mathbf{x}}} = 0.42 \Rightarrow 42\%$$

Los datos se agrupan en torno a 37 años, con una dispersión del 42%. Los datos están muy dispersos.

21 En los últimos 10 días se han registrado las cotizaciones de dos valores bursátiles. Calcula el coeficiente de variación e interpreta el resultado.

Valor A										
Valor B	5,9	6,2	6,5	5,7	6	6,2	6,5	5,7	5,5	6

Solución:

Valor A

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 3,76$$

 $\sigma = 0.05$

$$CV = \frac{\sigma}{\overline{x}} = 0.01 \Rightarrow 1\%$$

Valor B

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 6,02$$

 $\sigma = 0.32$

$$CV = \frac{\sigma}{\overline{x}} = 0.05 \Rightarrow 5\%$$

Es más homogéneo el valor A, con un 1% de dispersión, frente al valor B, que tiene un 5%

Para ampliar

22 El número de viajes que un grupo de personas ha realizado al extranjero en el último año ha sido el siguiente:

N° de viajes	0	I	2	3	4
Frecuencia	8	10	12	6	4

- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Calcula los parámetros de centralización que tengan sentido.
- c) Calcula la varianza y la desviación típica.
- d) Calcula el coeficiente de variación.
- e) Representa los datos en el gráfico más apropiado e interprétalos.

Solución:

- a) Cuantitativo discreto.
- b) Parámetros de centralización.

x _i	n _i	N _i	x _i ·n _i	x _i ²	$x_i^2 \cdot n_i$
0	8	8	0	0	0
1	10	18	10	-	10
2	12	30	24	4	48
3	6	36	18	9	54
4	4	40	16	16	64
Total	40		68		176

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 1,7$$

Moda: 2

Mediana: 2

c)
$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 1,51$$

$$\sigma = 1,23$$

d) CV =
$$\frac{\sigma}{\overline{x}}$$
 = 0,72 \Rightarrow 72%

e) Diagrama de barras.



Los datos se agrupan en torno a 1,7 viajes, con una dispersión del 72%, que es muy grande.

23 Se ha realizado una encuesta sobre el lugar donde se utiliza el acceso a Internet diariamente, obteniéndose los siguientes resultados:

Lugar	Frecuencia
En casa	15
En el trabajo	14
En el centro escolar	5
Cibercafés	3
En otros	3

- a) Clasifica el carácter estudiado.
- b) Calcula los parámetros de centralización que tengan sentido.
- c) Representa los datos en un diagrama de sectores.

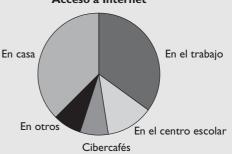
Solución:

- a) Carácter cualitativo.
- b) Como el carácter es cualitativo no ordenable, solo se puede calcular la moda, que es: en casa.
- c) Diagrama de sectores.

$$\frac{360^{\circ}}{40} = 9^{\circ}$$

Acceso a Internet	Frecuencia	Amplitud
En casa	15	9° · 15 = 135°
En el trabajo	14	9° · 14 = 126°
En el centro escolar	5	9° · 5 = 45°
Cibercafés	3	9° · 3 = 27°
En otros	3	9° · 3 = 27°
Total	40	360°

Acceso a Internet



En el gráfico se ve que casi 3/4 partes se conectan en casa o el trabajo, quedando solo 1/4 para el resto.

24 En una empresa se distribuye una prima por productividad. El número de trabajadores y la cantidad de la prima se recogen en la tabla siguiente:

Intervalo	N° de trabajadores
90 - 120	2
120 - 150	10
150 - 180	12
180 - 210	4
210 - 240	2

- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Calcula los parámetros de centralización que tengan sentido.
- c) Calcula la varianza y la desviación típica.
- d) Calcula el coeficiente de variación.
- e) Representa los datos en el gráfico más apropiado e interprétalos.

Solución:

- a) Cuantitativo discreto.
- b) Parámetros de centralización.

Intervalo	x _i	n _i	N _i	$x_i \cdot n_i$	x _i ²	x _i ² ·n _i
90 - 120	105	2	2	210	11025	22 050
120 - 150	135	10	12	1350	18225	182 250
150 - 180	165	12	24	I 980	27 225	326 700
180 - 210	195	4	28	780	38 025	152 100
210 - 240	225	2	30	450	50 625	101 250
Total		30		4770		784 350

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 159$$

Moda: el intervalo 150 - 180

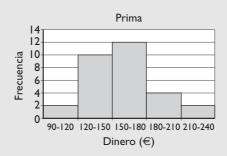
Mediana: el intervalo 150 - 180

c)
$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 864$$

$$\sigma = 29,39$$

d) CV =
$$\frac{\sigma}{\overline{x}}$$
 = 0,18 \Rightarrow 18%

e) Histograma:



Los datos se distribuyen en torno a 136 €, con una dispersión pequeña del 18%

Problemas -

25 Se ha realizado una encuesta entre unos usuarios de una piscina municipal sobre el grado de satisfacción de las instalaciones, obteniéndose los siguientes resultados:

Grado se satisfacción	Frecuencia
Muy poco	6
Poco	10
Regular	14
Bueno	15
Muy bueno	5

- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Calcula los parámetros de centralización que tengan sentido.
- c) Representa los datos en el gráfico más apropiado e interprétalos.

Solución:

- a) Cualitativo ordenable.
- b) Parámetros de centralización.

Moda: bueno.

Mediana: regular.

c) Diagrama de barras.



Más de la mitad de los usuarios se encuentran entre regular y bueno.

© Grupo Editorial Bruño, S.L.

4,6	5	5,6	5,7	6
6,2	6,6	6,7	6,7	6,8
6,9	7	7	7,2	7,3
7,4	7,7	7,8	7,8	8
8,3	8,4	8,6	9	9,4

- a) Clasifica el carácter estadístico.
- b) Calcula los parámetros de centralización que tengan sentido.
- c) Calcula la varianza y la desviación típica.
- d) Calcula el coeficiente de variación.
- e) Representa los datos en el gráfico más apropiado e interprétalos.

Solución:

- a) Cuantitativo continuo.
- b) Parámetros de centralización.

El recorrido es: 9.4 - 4.6 = 4.8

El número de intervalos: $\sqrt{25} \approx 5$

Longitud de cada intervalo:

$$5:5=1$$

El extremo inferior del 1^{er} intervalo se toma:

$$(5-4.8): 2 = 0.1 \Rightarrow 4.6 - 0.1 = 4.5$$

Intervalo	x _i	n _i	N _i	x _i ·n _i	x _i ²	$x_i^2 \cdot n_i$
4,5 - 5,5	5	2	2	10	25	50
5,5 - 6,5	6	4	6	24	36	144
6,5 - 7,5	7	10	16	70	49	490
7,5 - 8,5	8	6	22	48	64	384
8,5 - 9,5	9	3	25	27	81	243
Total		25		179		1311

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 7,16$$

Moda: el intervalo 6,5 - 7,5

Mediana: el intervalo 6,5 - 7,5

c)
$$V = \frac{\sum x_{i}^{2} \cdot n_{i}}{N} - \overline{x}^{2} = 1,17$$

$$\sigma = 1.08$$

d) CV =
$$\frac{\sigma}{\overline{x}}$$
 = 0,15 \Rightarrow 15%

e) Histograma:



Los datos se agrupan en torno a 7,16 minutos con una dispersión del 15%, es decir, pequeña.

27 Se ha clasificado a los trabajadores de una empresa en tres categorías: mayores de 40 años, entre 25 y 40 años, y menores de 25 años, obteniéndose los siguientes datos sobre la productividad:

Grupo	x	σ
menor de 25	4	0,68
25 - 40	6	0,48
mayor de 40	7	0,35

Indica qué grupo es más homogéneo y justifica la respuesta.

Solución:

Grupo	CV
Menor de 25 años	0,17 ⇒ 17%
Entre 25 y 40 años	0,08 ⇒ 8%
Mayores de 40 años	0,05 ⇒ 5%

Los grupos quedan ordenados de más a menos homogéneo:

Mayores de 40 años.

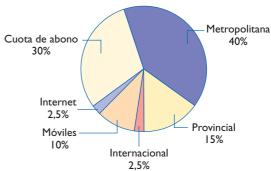
Entre 25 y 40 años.

Menores de 25 años.

Para profundizar

En una factura telefónica, las cantidades abonadas se recogen en el siguiente diagrama de sectores:





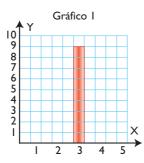
Haz la tabla de frecuencias sabiendo que el total de la factura fueron 40 \in

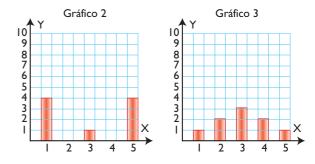
Solución:

Gasto teléfono	%	Cantidad sobre 40 €
Cuota de abono	30	12€
Metropolitana	40	16€
Provincial	15	6 €
Internacional	2,5	I€
Móviles	10	4 €
Internet	2,5	I€

29 Asocia a cada gráfico un grupo A, B o C cuyos datos se dan en la tabla siguiente:

	Α	В	C
x	3	3	3
σ	1,79	0	1,1





Solución:

Grupo A con gráfico 2

Grupo B con gráfico I

Grupo C con gráfico 3

308 SOLUCIONARIO

Aplica tus competencias

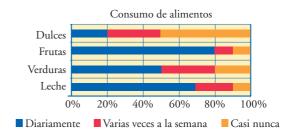
30 Se ha consultado a un grupo de personas sobre la frecuencia de consumo de varios productos alimenticios, obteniéndose los resultados representados en el gráfico siguiente. Haz una tabla de frecuencias.

Se toma N = 100, ya que los datos vienen en porcentaje:

	Diariamente	Varias veces por semana	Casi nunca
Leche	70	20	10
Verduras	50	30	20
Frutas	80	10	10
Dulces	20	30	50



Resuelto en el libro del alumnado.



Comprueba lo que sabes

1 Define carácter estadístico cuantitativo y cualitativo. Pon un ejemplo de cada tipo.

Solución:

Carácter estadístico cualitativo: aquel que indica una cualidad. No se puede contar ni medir.

Carácter estadístico cuantitativo: aquel que indica una cantidad. Se puede contar o medir. Se clasifica en:

- Cuantitativo discreto: sus valores son el resultado de un recuento. Solamente puede tomar ciertos valores aislados.
- Cuantitativo continuo: sus valores son el resultado de una medida. Puede tomar cualquier valor dentro de un intervalo.

Ejemplo

Entre el alumnado de un centro se puede estudiar:

	Valores		
Cualitativo		El color preferido	Blanco, rojo,
Cuantitativo	Discreto	El nº de libros leídos en un mes	0, 1, 2, 3,
Cuantitativo	Continuo	El peso	60 kg, 67 kg,

2 Se ha estudiado la forma de desplazamiento de los habitantes de una ciudad en sus vacaciones, obteniéndose los siguientes resultados:

Medio	Vehículo propio	Tren	Autobús	Avión
Frecuencia	45	25	20	10

Haz un diagrama de sectores que recoja los datos e interpreta el resultado.

Solución:

$$\frac{360^{\circ}}{100} = 3.6^{\circ}$$

Medio	Frecuencia	Amplitud
Vehículo propio	45	3,6° · 45 = 162°
Tren	25	3,6° · 25 = 90°
Autobús	20	3,6° · 20 = 72°
Avión	10	3,6° · 10 = 36°
Total	100	360°



Un 90% de los viajes se hace por carretera, frente a un 10% que se hace en avión. De los viajes por carretera, el 45% se hace en vehículo propio.

3 El número de CD que adquirieron el mes pasado los estudiantes de una clase se recoge en la tabla:

N° de CD	0	1	2	3	4	5
N° de estudiantes	2	7	8	5	2	1

Calcula la moda, la mediana y la media. Interpreta el resultado.

Solución:

x _i	n _i	N _i	$\mathbf{x_i} \cdot \mathbf{n_i}$
0	2	2	0
1	7	9	7
2	8	17	16
3	5	22	15
4	2	24	8
5	1	25	5
Total	25		51

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 2,04$$

Moda: 2

Mediana: 2

Los datos se agrupan en torno a 2,04, que casi coincide con la moda y la mediana.

N° de puntos	0 - 4	4 - 8	8 - 12	12 - 16	16 - 20
N° de jugadores	2	5	6	4	3

Calcula la media y la desviación típica y el coeficiente de variación. Interpreta los resultados.

Solución:

Intervalo	x _i	n _i	$\mathbf{x_i} \cdot \mathbf{n_i}$	x_i^2	$x_i^2 \cdot n_i$
0 - 4	2	2	4	4	8
4 - 8	6	5	30	36	180
8 - 12	10	6	60	100	600
12 - 16	14	4	56	196	784
16 - 20	18	3	54	324	972
Total		20	204		2 544

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i \cdot n_i}{N} = 10,2$$

$$V = \frac{\sum x_i^2 \cdot n_i}{N} - \overline{x}^2 = 23,16$$

$$\sigma = 4.81$$

$$CV = \frac{\sigma}{\overline{x}} = 0.47 \Rightarrow 47\%$$

Los datos se agrupan en torno a 10,2 puntos, con una dispersión del 47%. Los datos están muy dispersos.

Se ha realizado un estudio del precio medio de naranjas entre las fruterías de dos barrios, obteniéndose los resultados del margen. Justifica en qué barrio es más homogéneo el precio de las naranjas.

	Media	Desviación típica
Barrio A	3,2	0,16
Barrio B	2,5	0,45

Solución:

	Media	Desviación típica	CV
Barrio A	3,2	0,16	0,05 = 5%
Barrio B	2,5	0,45	0,18 = 18%

El barrio A tiene el precio de las naranjas más homogéneo. Tiene una dispersión del 5%, frente al 18% del precio que hay en el barrio B

Paso a paso

31 En una muestra de personas mayores de 60 años se han obtenido los siguientes datos respecto de su estado marital.

	А	В	
1	Estado marital		
2	Datos cualitativos		
3	Variables	Frecuencias	
4	xi	n _i	
5	Casados	28	
6	Solteros	4	
7	Viudos	6	
8	Divorciados	2	
9	Total		
10	Parámetros de centralización		
11	Moda		

Obtén las medidas de centralización y dispersión que tengan sentido y haz la representación gráfica más idónea. Interpreta los resultados.

Solución:

Resuelto en el libro del alumnado.

32 Se ha hecho una encuesta a 40 personas sobre el número de libros leídos el último mes, y se han obtenido los resultados siguientes:

1	Lectura					
2	Datos cuantitativos discretos					
3	Valores	Frecu	encias			
4	X _i	n _i	N _i	x _i * n _i	x _i ^2	x _i ^2* n _i
5	0	4				
6	1	12				
7	2	14				
8	3	8				
9	4	2				
10	Total					
11	Parámetros de centralización					
12	Moda					
13	Mediana					
14	Media					
15	Parámetros de dispersión					
16	Variaza					
17	Desviación típica					
18	Coeficiente de variación					

Obtén las medidas de centralización y dispersión que tengan sentido y haz la representación gráfica más idónea. Interpreta los resultados.

Solución:

Resuelto en el libro del alumnado.

Las calificaciones de 28 alumnos de 4° se han organizado en la tabla siguiente:

Calificaciones	Frecuencias
x _i	n _i
0 - 2	1
2 - 4	4
4 - 6	9
6 - 8	8
8 - 10	6

Obtén las medidas de centralización y dispersión que tengan sentido y haz la representación gráfica más idónea. Interpreta los resultados.

Solución:

Resuelto en el libro del alumnado.

34 Internet. Abre: **www.editorial-bruno.es** y elige **Matemáticas, curso** y **tema.**

Practica

Una empresa dedica en inversión publicitaria en distintos medios las siguientes cantidades:

Medio	Dinero (miles €)
Televisión	50
Prensa	38
Radio	9
Otros	23

Obtén los parámetros de centralización y de dispersión que tengan sentido y haz la representación gráfica más idónea. Interpreta el resultado.

Solución:

	А	В	С	D	E	F	G
1	Pub	licidad		_			
2	Datos o	ualitativos		Pu	blicio	lad	
3	Variables	Frecuencias					
4	x _i	n _i		0	tros		
5	Televisión	50			9%	Televisión	
6	Prensa	38		7%		42%	
7	Radio	9		Pre	nsa		
8	Otros	23		32	2%		
9	Total	120		1			
10	Parámetros de	centralización				and the same of th	
11	Moda	Televisión					

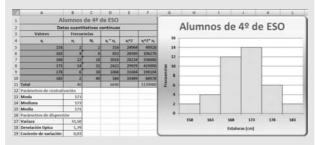
Interpretación

Se gasta casi todo el presupuesto entre Televisión y Prensa.

Intervalo	Frecuencias: n _i
155,5 - 160,5	2
160,5 - 165,5	4
165,5 - 170,5	12
170,5 - 175,5	14
175,5 - 180,5	6
180,5 - 185,5	2

Obtén las medidas de centralización y dispersión que tengan sentido y haz la representación gráfica más idónea. Interpreta los resultados.

Solución:



Interpretación

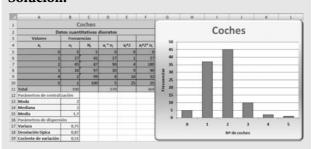
La estatura media es de 171 cm, y como el cociente de variación es **0,03**, que es menor que **0,30**, están muy agrupados.

37 En una ciudad se ha realizado un estudio sobre el número de coches que hay por cada familia, y se han obtenido los siguientes datos:

Valores: x _i	Frecuencias: n _i
0	5
1	37
2	45
3	10
4	2
5	1

Obtén las medidas de centralización y dispersión que tengan sentido y haz la representación gráfica más idónea. Interpreta los resultados.

Solución:



Interpretación

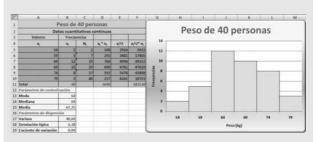
La media es de 1,7 coches por familia, y como el coeficiente de variación es **0,51**, que es mayor que **0,30**, están muy dispersos.

El peso de 40 personas se ha distribuido en los siguientes intervalos:

Intervalo	Frecuencias: n _i
51,5 - 56,5	2
56,5 - 61,5	5
61,5 - 66,5	12
66,5 - 71,5	10
71,5 - 76,5	8
76,5 - 81,5	3

Obtén las medidas de centralización y dispersión que tengan sentido y haz la representación gráfica más idónea. Interpreta los resultados.

Solución:



Interpretación

El peso medio es de unos 67 kg, y como el coeficiente de variación es **0,09**, que es menor que **0,30**, están muy agrupados.