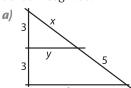
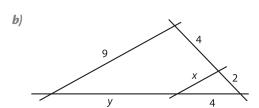
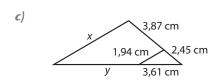
(VI) Semejanza

Actividades

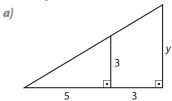
1 Las medidas de las siguientes figuras están dadas en centímetros. Calcula, en cada caso, el valor de las incógnitas.

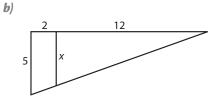






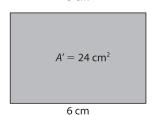
- 2 Indica estas distancias sabiendo que el mapa está a escala 1:50 000:
 - a) 15 km reales
 - b) 2 cm en el plano
 - c) 30 mm en el plano
- 3 Las medidas de las siguientes figuras están dadas en centímetros. Calcula, en cada caso, el valor de las incógnitas.

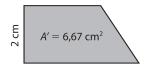




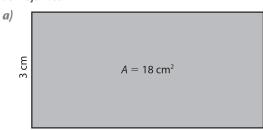
Halla el área de los siguientes polígonos sabiendo que las figuras correspondientes son semejantes:

a) *A* 3 cm





Halla los lados pedidos de los siguientes polígonos sabiendo que las figuras correspondientes son semejantes:



$$A' = 2 \text{ cm}^2$$

 $A = 16 \text{ cm}^2$ X 3 cm $A' = 4 \text{ cm}^2$

Solución de las actividades

1 a) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{6}{3} = \frac{5+x}{x} = \frac{8}{y} = 2 \Rightarrow 5+x = 2x \Rightarrow$$
$$\Rightarrow x = 5 \text{ cm}$$

$$2v = 8 \Rightarrow v = 4 \text{ cm}$$

b) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{6}{2} = \frac{9}{x} = \frac{y+4}{4} \Rightarrow 3 = \frac{9}{x} \Rightarrow x = \frac{9}{3} = 3 \text{ cm};$$

 $y+4 = 12 \Rightarrow y = 8 \text{ cm}$

c) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{x}{1,94} = \frac{y+3,61}{3,61} = \frac{3,87+2,45}{2,45} = 2,58;$$

$$\Rightarrow \frac{x}{1,94} = 2,58 \Rightarrow x = 5 \text{ cm};$$

- \Rightarrow y + 3,61 = 9,3 \Rightarrow y = 5,7 cm
- **2** *a)* Si dos puntos distan entre sí 15 km en la realidad, su distancia en el mapa es:

b) Si un punto dista de otro 2 cm en el plano, su distancia real es:

$$2 \cdot 50\,000 = 100\,000 \text{ cm} = 1 \text{ km}$$

c) Si dos puntos en el plano distan 30 mm entre sí, su distancia real es:

$$30 \text{ mm} = 3 \text{ cm} \Rightarrow 3.50000 = 150000 \text{ cm}$$

3 a) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{3}{5} = \frac{y}{8} \Rightarrow 5y = 24 \Rightarrow y = \frac{24}{5} = 4.8 \text{ cm}$$

b) Aplicando el teorema de Tales:

$$\frac{x}{12} = \frac{5}{14} \Rightarrow x = \frac{12 \cdot 5}{14} = \frac{30}{7} = 4,29 \text{ cm}$$

4 a) Primero se calcula la razón de semejanza entre ambos polígonos, dividiendo el lado conocido del primero por el del segundo:

$$r=\frac{3}{6}=\frac{1}{2}$$

Razón de las áreas = $r^2 = \frac{1}{4}$

$$A = r^2 \cdot A' \Rightarrow A = \frac{1}{4} \cdot 24 = 6 \text{ cm}^2$$

b) Se halla la razón de semejanza entre ambos polígonos dividiendo las medidas del lado conocido del primero entre el segundo:

$$r = \frac{3}{2}$$

Razón de las áreas = $r^2 = \frac{9}{4}$

$$A = r^2 \cdot A' \Rightarrow A = \frac{9}{4} \cdot 6,67 = 15 \text{ cm}^2$$

5 *a*) Como lo que conocemos son las áreas de los polígonos, calculamos primero la razón de las áreas para así hallar la razón de semejanza, *r*.

Razón de las áreas = $r^2 = \frac{2}{18} = \frac{1}{9} \Rightarrow$

$$\Rightarrow r = \sqrt{\frac{1}{9}} = \frac{1}{3}$$

$$x = \frac{1}{3} \cdot 3 = 1$$
 cm

b) Necesitamos conocer la razón de semejanza, *r*, para ello calculamos primero la razón de las áreas, ya que tenemos los datos de las áreas de los polígonos.

Razón de las áreas = $r^2 = \frac{16}{4} = 4 \Rightarrow$

$$\Rightarrow r = \sqrt{4} = 2$$

$$x = 2 \cdot 3 = 6 \text{ cm}$$