Problemas

- (97-E) Una carga puntual Q crea un campo electrostático. Al trasladar una carga q desde un punto A al infinito, se realiza un trabajo de 5 J. Si se traslada desde el infinito hasta otro punto C, el trabajo es de 10 J.
- a) ¿Qué trabajo se realiza al llevar la carga desde el punto C hasta el A? ¿En qué propiedad del campo electrostático se basa la respuesta?
- b) Si q = 2C, ¿cuánto vale el potencial en los punto A y C? Si el punto A es el más próximo a la carga Q, ¿cuál es el signo de Q? ¿por qué?
- (97-R) Determine, razonadamente en qué punto (o puntos) del plano XY es nula la intensidad de campo eléctrico creado por dos cargas idénticas de $q_1=q_2=-4\times 10^{-6}$ C, situadas respectivamente en los puntos (-2,0) y (2,0). ¿Es también nulo el potencial en ese punto (o puntos)? Calcule en cualquier caso su valor. $K_e=9\times 10^9~N\cdot m^2\cdot C^{-2}$
- (98-E) Una partícula de carga 6×10^{-6} C se encuentra en reposo en el punto (0,0). Se aplica un campo eléctrico uniforme de 500 N/C, dirigido en el sentido positivo del eje OY.
- a) Describa la trayectoria seguida por la partícula hasta el instante en que se encuentra en el punto A, situado a 2 m del origen. ¿Aumenta o disminuye la energía potencial de la partícula en dicho desplazamiento?, ¿en qué se convierte dicha variación de energía?
- b) Calcule el trabajo realizado por el campo en el desplazamiento de la partícula y la diferencia de potencial entre el origen y el punto A.
- (98-E) Dos cargas puntuales, $q_1 = 3 \times 10^{-6}$ C y $q_2 = 12 \times 10^{-6}$ C, están situadas, respectivamente, en los puntos A y B de una recta horizontal, separados 20 cm.
- a) Razone cómo varía el campo electrostático entre los punto A y B y representar gráficamente dicha variación en función de la distancia al punto A.
- b) ¿Existe algún punto de la recta que contiene a las cargas en el que el campo sea cero? En caso afirmativo, calcule r su posición.

$$K_0 = 9 \times 10^9 \,\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$$

- (98-R) Dos cargas $q_1 = 2 \times 10^{-6}$ C y $q_2 = -4 \times 10^{-6}$ C están fijas en los puntos P_1 (0,2) m. y P_2 (1,0) m., respectivamente.
- a) Dibuje el campo eléctrico producido por cada una de las cargas en el punto O (0,0) m. y en el punto P (1,2) m. y calcule r el campo eléctrico total en el punto P.
- b) Calcule el trabajo necesario para desplazar una carga $q = -3 \times 10^{-6}$ C desde el punto O hasta el punto P y explique el significado físico de dicho trabajo.

$$K_{e} = 9 \times 10^{9} \text{ N} \cdot \text{m}^{2} \cdot \text{C}^{-2}$$

- (99-R) Dos partículas con cargas positivas iguales de 4×10^{-6} C ocupan dos vértices consecutivos de un cuadrado de 1 m de lado.
- a) Calcule el potencial electrostático creado por ambas cargas en el centro del cuadrado. ¿Se modificaría el resultado si las cargas fueran de signos opuestos?
- b) Calcule el trabajo necesario para trasladar una carga de 5×10^{-7} C desde uno de los vértices restante hasta el centro del cuadrado. ¿Depende este resultado de la trayectoria seguida por la carga?

$$K_{e} = 9 \times 10^{9} \text{ N} \cdot \text{m}^{2} \cdot \text{C}^{-2}$$

- (00-E) En las proximidades de la superficie terrestre se aplica un campo eléctrico uniforme. Se observa que al soltar una partícula de $2\,\mathrm{g}$ cargada con $5\cdot10^{-5}\,\mathrm{C}$ permanece en reposo.
- a) Determine razonadamente las características del campo eléctrico (módulo dirección y sentido).
- b) Explique que ocurriría si la carga fuera: i) $10 \cdot 10^{-5}$ C; ii) $-5 \cdot 10^{-5}$ C.
- (00-R) Dos cargas puntuales, $q_1 = 2 \times 10^{-6}$ C y $q_2 = 8 \times 10^{-6}$ C, están situadas en los puntos (-1, 0) m y (2, 0) m, respectivamente.
- a) Determine en qué punto del segmento que une las dos cargas es nulo el campo y/o el potencial electrostático. ¿Y si fuera $q_1 = -2 \times 10^{-6}$ C?
- b) Explique, sin necesidad de hacer cálculos, si aumenta o disminuye la energía electrostática cuando se traslada otra carga, \mathbf{Q} , desde el punto (0, 20) m hasta el (0, 10) m.

© Raúl González Medina 2011

$$K_e = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$$

- (00-R) Un electrón acelera mediante una diferencia de potencial de 5×10^3 V.
- a) Haga un análisis energético del proceso y calcule r la velocidad y la longitud de onda de los electrones, una vez acelerados.
- b) Explique, sin necesidad de hacer cálculos, los cambios respecto al apartado anterior si la partícula acelerada fuera un protón.

$$h = 6.36 \cdot 10^{-34} \,\text{J s}$$
; $e = 1.6 \cdot 10^{-19} \,\text{C}$; $m_e = 9.1 \cdot 10^{-31} \,\text{kg}$

- (01-E) Dos partículas de 10 g se encuentran suspendidas por dos hilos de 30 cm desde un mismo punto. Si se les suministra a ambas partículas la misma carga, se separan de modo que los hilos forman entre sí un ángulo de 60° .
- a) Dibuje en un diagrama las fuerzas que actúan sobre las partículas y analice la energía del sistema en esa situación.
- b) Calcule el valor de la carga que se suministra a cada partícula.

$$K_e = 9 \times 10^9 \text{ N·m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$$
; $g = 10 \text{ m s}^{-2}$.

- (01-R) El campo eléctrico en un punto P, creado por una carga q situada en el origen, es de 2000 N C^{-1} y el potencial eléctrico en P es de 6000 V.
- a) Determine el valor de q y la distancia del punto P al origen. C
- b) Calcule el trabajo realizado al desplazar otra carga $Q = 1.2 \cdot 10^{-6}$ C desde el punto (3, 0) m al punto (0, 3) m. Explique por qué no hay que especificar la trayectoria seguida.

$$K_e = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$$

- (01-R) Dos cargas $q_1 = -2 \cdot 10^{-8}$ C y $q_2 = 5 \cdot 10^{-8}$ C están fijas en los puntos $x_1 = -0.3$ m. y $x_2 = 0.3$ m del eje OX, respectivamente.
- a) Dibuje las fuerzas que actúan sobre cada carga y determine su valor.
- Calcule el valor de la energía potencial del sistema formado por las dos cargas y haga una representación aproximada de la energía potencial del sistema en función de la distancia entre las cargas.

$$K_e = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$$

- (02-E) Dos cargas puntuales iguales, de $1.2 \cdot 10^{-6}$ C cada una, están situadas en los puntos A (0, 8) m y B (6, 0) m. Una tercera carga, de $1.5 \cdot 10^{-6}$ C, se sitúa en el punto P (3,4) m.
- a) Represente en un esquema las fuerzas que se ejercen entre las cargas y calcule la resultante sobre la tercera carga.
- b) b) Calcule la energía potencial de dicha carga.

$$K_e = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$$

- (02-E) Un haz de electrones se acelera, desde el reposo, mediante una diferencia de potencial de 10⁴ V.
- a) Haga un análisis energético del proceso y calcule la longitud de onda asociada a los electrones tras ser acelerados, indicando las leyes físicas en que se basa.
- b) Repita el apartado anterior, si en lugar de electrones, aceleramos protones, en las mismas condiciones.

$$h = 6.6 \cdot 10^{-34} \text{J s}$$
; $e = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $m_e = 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$; $m_p = 1.7 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$

- (03-E) Dos pequeñas bolitas, de 20 g cada una, están sujetas por hilos de 2,0 m de longitud suspendidas de un punto común. Cuando ambas se cargan con la misma carga eléctrica, los hilos se separan hasta formar un ángulo de 15°. Suponga que se encuentran en el vacío, próximas a la superficie de la Tierra:
- a) Calcule la carga eléctrica comunicada a cada bolita.
- b) Se duplica la carga eléctrica de la bolita de la derecha. Dibuje en un esquema las dos situaciones (antes y después de duplicar la carga de una de las bolitas) e indique todas las fuerzas que actúan sobre ambas bolitas en la nueva situación de equilibrio.

$$K = 9 \cdot 10^9 \text{ N m}^2\text{C}^{-2}$$
; $g = 10 \text{ m s}^{-2}$

- (03-R) Dos cargas q_1 = $10^{\text{-6}}$ C y q_2 = $4 \cdot \! 10^{\text{-8}}$ C están situadas a 2 m una de otra.
- a) Analice, haciendo uso de las representaciones gráficas necesarias, en qué lugar a lo largo de la recta que las une, se anula la intensidad del campo electrostático creado por estas cargas.
- b) Determine la situación de dicho punto y calcule el potencial electrostático en él.

$$K = 9 \cdot 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2}$$

- (05-E) Una esfera pequeña de 100 g, cargada con 10^3 C, está sujeta al extremo de un hilo aislante, inextensible y de masa despreciable, suspendido del otro extremo fijo. a) Determine la intensidad del campo eléctrico uniforme, dirigido horizontalmente, para que la esfera se encuentre en reposo y el hilo forme un ángulo de 30° con la vertical. b) Calcule la tensión que soporta el hilo en las condiciones anteriores. g=10 ms²
- (05-R) El campo eléctrico en las proximidades de la superficie de la Tierra es aproximadamente $150~N~C^{-1}$, dirigido hacia abajo. a) Compare las fuerzas eléctrica y gravitatoria que actúan sobre un electrón situado en esa región. b) ¿Qué carga debería suministrarse a un clip metálico sujetapapeles de 1~g para que la fuerza eléctrica equilibre su peso cerca de la superficie de la Tierra?

me =
$$9.1 \cdot 10^{-31}$$
 kg; e = $1.6 \cdot 10^{-19}$ C; g = 10 m s⁻²

- (05-R) Un electrón, con una velocidad de $6\cdot10^6$ m s⁻¹, penetra en un campo eléctrico uniforme y su velocidad se anula a una distancia de 20 cm desde su entrada en la región del campo. a) Razone cuáles son la dirección y el sentido del campo eléctrico.
- b) Calcule su módulo. $e = 1.6 \cdot 10^{-19} \, \text{C}$; me = $9.1 \cdot 10^{-31} \, \text{kg}$
- (06-R) Un electrón se mueve con una velocidad de $5\cdot10^5$ m s⁻¹ y penetra en un campo eléctrico de 50 N C⁻¹ de igual dirección y sentido que la velocidad.
- a) Haga un análisis energético del problema y calcule la distancia que recorre el electrón antes de detenerse.
- b) Razone qué ocurriría si la partícula incidente fuera un protón.

$$e = 1.6 \cdot 10^{-19} \,\text{C}$$
; $m_e = 9.1 \cdot 10^{-31} \,\text{kg}$; $m_p = 1.7 \cdot 10^{-27} \,\text{kg}$

- (06-E) Una partícula con carga $2 \cdot 10^{-6}$ C se encuentra en reposo en el punto (0,0). Se aplica un campo eléctrico uniforme de 500 N C⁻¹ en el sentido positivo del eje OY.
- a) Describa el movimiento seguido por la partícula y la transformación de energía que tiene lugar a lo largo del mismo.
- b) Calcule la diferencia de potencial entre los puntos (0,0) y (0,2) m y el trabajo realizado para desplazar la partícula entre dichos puntos.
- (07-E) Una partícula de masa m y carga -10^{-6} C se encuentra en reposo al estar sometida al campo gravitatorio terrestre y a un campo eléctrico uniforme $E = 100 \text{ N C}^{-1}$ de la misma dirección.
- a) Haga un esquema de las fuerzas que actúan sobre la partícula y calcule su masa.
- b) Analice el movimiento de la partícula si el campo eléctrico aumentara a $120\ N\ C^{-1}$ y determine su aceleración.

$$g = 10 \text{ m s}^{-2}$$

- (08-E) Una bolita de plástico de 2 g se encuentra suspendida de un hilo de 20 cm de longitud y, al aplicar un campo eléctrico uniforme y horizontal de 1000~N~C-1, el hilo forma un ángulo de 15° con la vertical.
- a) Dibuje en un esquema el campo eléctrico y todas las fuerzas que actúan sobre la esfera y determine su carga eléctrica.
- b) Explique cómo cambia la energía potencial de la esfera al aplicar el campo eléctrico.

$$g = 10 \text{ m s}^{-2}$$

- (08-R) El potencial eléctrico en un punto P, creado por una carga Q situada en el origen, es 800 V y el campo eléctrico en P es 400 N C^{-1} .
- a) Determine el valor de Q y la distancia del punto P al origen.
- b) Calcule el trabajo que se realiza al desplazar otra carga $q = 1.2 \cdot 10^{-6}$ C desde el punto (3, 0) m al punto (0,
- 3) m. Explique por qué no hay que especificar la trayectoria seguida.

$$K = 9 \cdot 10^9 \,\mathrm{N} \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{C}^{-2}$$

- (09-R) Considere dos cargas eléctricas puntuales $q_1 = 2.10^{-6}$ C y $q_2 = -4.10^{-6}$ C separadas 0,1 m.
 - a) Determine el valor del campo eléctrico en el punto medio del segmento que une ambas cargas. ¿Puede ser nulo el campo en algún punto de la recta que las une? Conteste razonadamente con ayuda de un esquema.

b) Razone si es posible que el potencial eléctrico se anule en algún punto de dicha recta y, en su caso, calcule la distancia de es punto a las cargas.

$$K = 9 \cdot 10^9 \,\text{N m}^2 \,\text{C}^{-2}$$

(09-R) Una bolita de 1 g, cargada con $+5\cdot10^{-6}$ C, pende de un hilo que forma 60° con la vertical en una región en la que existe un campo eléctrico uniforme en dirección horizontal.

- a) Explique con ayuda de un esquema qué fuerzas actúan sobre la bolita y calcule el valor del campo eléctrico.
- b) Razone qué cambios experimentaría la situación de la bolita si: i) se duplicara el campo eléctrico; ii) se duplicara la masa de la bolita.

$$g = 10 \text{ m s}^{-2}$$

(10-R) Una partícula de 5gr, cargada con -6·10⁻⁶ C se mueve con una velocidad de 0,2 m·s⁻¹ en el sentido positivo del eje X y penetra en la región x>0, en la que existe un campo eléctrico uniforme de 500 N·C⁻¹ dirigido en el sentido positivo del eje Y.

- a) Describa, con ayuda de un esquema, la trayectoria seguida por la partícula y razone si aumenta o disminuye la energía potencial de la partícula en su desplazamiento.
- b) Calcule el trabajo realizado por el campo eléctrico en el desplazamiento de la partícula desde le punto (0,0) m hasta la posición que ocupa 5 segunda más tarde. Datos: g=10 m s^{-2}

(10-R) Un electrón, con una velocidad de $6\cdot10^6$ m·s⁻¹, penetra en un campo eléctrico uniforme y su velocidad se anula a una distancia de 20 cm desde su entrada en la región del campo.

- a) Razone cuáles son la dirección y el sentido del campo eléctrico.
- b) Calcule su módulo.

$$e = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$
; $m_e = 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$

Cuestiones

- (97-R) Dos cargas puntuales iguales están separadas por una distancia **d**. a) ¿Es nulo el campo eléctrico total en algún punto? Si es así, ¿cuál es la posición de dicho punto? b) Repita el apartado anterior suponiendo que las cargas fueran de distinto signo.
- (97-R) Indique si son o no correctas las siguientes frases, justificando las respuestas: a) Si dos puntos se encuentran al mismo potencial eléctrico, el campo eléctrico en los puntos del segmento que une dichos puntos es nulo. b) El trabajo necesario para transportar una carga de un punto a otro que se encuentra a distinto potencial eléctrico, es nulo.
- (98-R) Conteste razonadamente a las siguientes preguntas: a) ¿Qué diferencias puedes señalar entre la interacción electrostática entre dos cargas puntuales y la interacción gravitatoria entre dos masas puntuales. b) ¿Existe fuerza electromotriz inducida en una espira colocada frente a un imán?
- (98-R) Conteste razonadamente a las siguientes preguntas: a) ¿Puede ser nulo el campo eléctrico producido por dos cargas puntuales en un punto del segmento que las une? b) ¿Se puede determine el campo eléctrico en un punto si conocemos el valor del potencial en ese punto?
- (98-R) Razone si la energía potencial electrostática de una carga $\bf q$ aumenta o disminuye, al pasar del punto $\bf A$ al punto $\bf B$, siendo el potencial en $\bf A$ mayor que en $\bf B$. b) El punto $\bf A$ está más alejado que el $\bf B$ de la carga $\bf Q$ que crea el campo. Razone si la carga $\bf Q$ es positiva o negativa.
- (99-R) a) Explique las analogías y diferencias entre el campo electrostático creado por una carga puntual y el campo gravitatorio creado por una masa puntual, en relación con su origen, intensidad relativa, y carácter atractivo/repulsivo. b) ¿Puede anularse el campo gravitatorio y/o el campo eléctrico en un punto del segmento que une a dos partículas cargadas? Razone la respuesta.
- (00-E) En una región del espacio el potencial electrostático aumenta en el sentido positivo del eje Z y no cambia en las direcciones de los otros dos ejes. a) Dibuje en un esquema las líneas del campo electrostático y las superficies equipotenciales. b) ¿En qué dirección y sentido se moverá un electrón, inicialmente en reposo?
- (01-E) Una partícula cargada penetra en un campo eléctrico uniforme con una velocidad perpendicular al campo. a) Describa la trayectoria seguida por la partícula y explique cómo cambia su energía. b) Repita el apartado anterior si en vez de un campo eléctrico se tratara de un campo magnético.
- (01-R) Un electrón penetra con velocidad \mathbf{v} en una zona del espacio en la que coexisten un campo eléctrico \mathbf{E} y un campo magnético \mathbf{B} , uniformes, perpendiculares entre sí y perpendiculares a \mathbf{v} . a) Dibuje las fuerzas que actúan sobre el electrón y escriba las expresiones de dichas fuerzas. b) Represente en un esquema las direcciones y sentidos de los campos para que la fuerza resultante sea nula. Razone la respuesta.
- (01-R) Dos cargas eléctricas puntuales, positivas e iguales están situadas en los puntos A y B de una recta horizontal. Conteste razonadamente a las siguientes cuestiones: a) ¿Puede ser nulo el potencial en algún punto del espacio que rodea a ambas cargas? ¿Y el campo eléctrico? b) Si separamos las cargas a una distancia doble de la inicial, ¿se reduce a la mitad la energía potencial del sistema?
- (02-E) Justifique razonadamente, con la ayuda de un esquema, qué tipo de movimiento efectúan un protón y un neutrón, si penetran con una velocidad $\mathbf{v_0}$ en: a) una región en la que existe un campo eléctrico uniforme de la misma dirección y sentido contrario que la velocidad $\mathbf{v_0}$; b) una región en la que existe un campo magnético uniforme perpendicular a la velocidad $\mathbf{v_0}$.
- (02-R) Comente las siguientes afirmaciones relativas al campo eléctrico: a) Cuando una carga se mueve sobre una superficie equipotencial no cambia su energía mecánica. b) Dos superficies equipotenciales no pueden cortarse.
- (02-R) a) Explique las características del campo eléctrico en una región del espacio en la que el potencial eléctrico es constante. b) Justifique razonadamente el signo de la carga de una partícula que se desplaza en la dirección y sentido de un campo eléctrico uniforme, de forma que su energía potencial aumenta.

- (03-R) Razone la veracidad o falsedad de las siguientes afirmaciones: a) Cuando nos alejamos de una carga eléctrica negativa el potencial electrostático aumenta pero la intensidad del campo que crea disminuye. b) En algún punto P situado en el segmento que une dos cargas eléctricas idénticas, el potencial electrostático se anula pero no la intensidad del campo electrostático.
- (03-R) Razone las respuestas a las siguientes preguntas: a) Una carga negativa se mueve en la dirección y sentido de un campo eléctrico uniforme. ¿Aumenta o disminuye el potencial eléctrico en la posición de la carga? ¿Aumenta o disminuye su energía potencial? b) ¿Cómo diferirían las respuestas del apartado anterior si se tratara de una carga positiva?
- (04-E) Una carga eléctrica positiva se mueve en un campo eléctrico uniforme. Razone cómo varía su energía potencial electrostática si la carga se mueve: a) En la misma dirección y sentido del campo eléctrico. ¿Y si se mueve en sentido contrario? b) En dirección perpendicular al campo eléctrico. ¿Y si la carga describe una circunferencia y vuelve al punto de partida?
- (06-R) a) Al moverse una partícula cargada en la dirección y sentido de un campo eléctrico, aumenta su energía potencial. ¿Qué signo tiene la carga de la partícula?
- b) La misma partícula se mueve en la dirección y sentido de un campo magnético. ¿Qué trabajo se realiza sobre la partícula? Razone las respuestas.
- (06-R) Dos cargas eléctricas puntuales, positivas y en reposo, están situadas en dos puntos A y B de una recta. Conteste razonadamente a las siguientes preguntas:
- a) ¿Puede ser nulo el campo eléctrico en algún punto del espacio que rodea a ambas cargas? ¿Y el potencial eléctrico?
- b) ¿Qué fuerza magnética se ejercen las cargas entre sí? ¿Y si una de las cargas se mueve a lo largo de la recta que las une?
- (06-E) a) Una partícula cargada negativamente pasa de un punto A, cuyo potencial es V_A , a otro B, cuyo potencial es $V_B > V_A$. Razone si la partícula gana o pierde energía potencial.
- b) Los puntos C y D pertenecen a una misma superficie equipotencial. ¿Se realiza trabajo al trasladar una carga (positiva o negativa) desde C a D? Justifique la respuesta.
- (07-R) a) Explique las analogías y diferencias entre el campo eléctrico creado por una carga puntual y el campo gravitatorio creado por una masa puntual, en relación con su origen, intensidad relativa, dirección y sentido. b) ¿Puede anularse el campo gravitatorio y/o el campo eléctrico en un punto del segmento que une a dos partículas cargadas? Razone la respuesta.
- (08-E) a) Explique las características de la interacción eléctrica entre dos cargas puntuales en reposo.
- b) ¿Es nulo el campo eléctrico en algún punto del segmento que une dos cargas puntuales de igual valor absoluto pero de signo contrario? Razone la respuesta.
- (10-E) a) Explique la relación entre campo y potencial electrostáticos.
- b) Una partícula cargada se mueve espontáneamente hacia puntos en los que el potencial electrostático es mayor. Razone, si de ese comportamiento, puede deducirse el signo de la carga.