

60 problemas algebraicos

Aplicaciones álgebra, 4º ESO

Departamento de Matemáticas

1.- En un triángulo rectángulo, el lado mayor es 3 cm más largo que el mediano, el cual, a su vez, es 3 cm más largo que el pequeño. ¿Cuánto miden los lados? Sol: 15, 12 y 9 cm.

2.- Si el banco me da el 8% anual, mis intereses serán superiores a 50000 €. ¿Qué puedes decir de mi capital?

Sol: Tenemos más de 625.000 €

3.- ; Cuántos litros de leche con un 10% de grasa hemos de mezclar con otra leche que tiene un 4% de grasa para obtener 18 litros de leche con un 6% de grasa?

Sol: 6 litros del 10% con 12 del 4%.

4.- Una persona compra un equipo de música y un ordenador por 2.500 € y los vende, después de algún tiempo, por 2.157,5 €. Con el equipo de música perdió el 10% de su valor y con el ordenador el 15%. ¿Qué le costó cada artículo?

Sol: 1.850 € el ordenador y 650€ la cadena estéreo.

- 5.- La nota media de los aprobados en un examen de matemáticas fue de 6,5 y la de los suspensos 3,2. En la clase son 30 alumnas y la nota media global fue de 5,29. ¿Cuántos aprobaron y cuántos suspendieron? Sol: 19 aprobados y 11 suspensos.
- 6.- La calificación de una oposición se obtiene mediante dos exámenes: uno escrito, que es el 65% de la nota final, y otro oral, que es el 35%. Si una persona tuvo 12 puntos entre los dos exámenes y obtuvo un 5,7 de nota final, ¿qué nota tuvo en cada uno de ellos? Sol: 5 en el escrito y 7 en el oral.
- 7.- Calcula las dimensiones de un rectángulo de diagonal igual a 75 metros, sabiendo que es semejante a otro de lados 36 metros y 48 metros. Sol: 45 m de ancho y 60 de largo.
- 8.- Si acortamos en 2 cm la base de un rectángulo y en 1 cm su altura, el área disminuye en 13 cm². Calcula sus dimensiones sabiendo que su perímetro es de 24 cm.

Sol: 9 cm de base y 3 cm de altura.

9.- Calcula la longitud de los lados de un triángulo rectángulo isósceles cuyo perímetro es de 24 cm.

Sol: Los lados 7,03 y la hipotenusa 9,97 cm.

- 10.- Halla la longitud de los catetos de un triángulo rectángulo de 480 m² de área y de 52 m de hipotenusa. Sol: 20 y 48 metros.
- 11.- Con una cartulina de 240 cm² de superficie construimos un prisma de base cuadrada, sin bases, cuyo volumen es de 360 cm³. ;Cuáles son sus dimensiones?

Sol: 24 cm de base y 10 cm de altura.

- 12.- El lado de un rombo es 5 cm y su área es 24 cm². Calcula <mark>la lon</mark>gitud de sus diagonales. Sol: 8 y 6 cm.
- 13.- Un árbol de 7 m de altura es alcanzado por un rayo y lo parte a cierta altura <mark>del suelo. La punta del t</mark>rozo roto cae a 3 m de la base del árbol, formando un triángulo con el otro trozo del árbol. ¿A qué altura se rompió? Sol: a 2,86 m del suelo.
- 14.- El paseo circular de una fuente tiene 2 m de ancho. Calcula <mark>los radios de</mark> sus circunferencias, interior y exterior, si la superficie del paseo es de 37,68 m². (π =3,14) Sol: 2 y 4 metros.
- 15.- Si se aumenta en 2 cm la longitud de cada una de las aristas <mark>de un cubo, el volu</mark>men del mismo aumenta 218 cm³. Calcula la longitud de la arista.
- 16.- Una persona jugando a "los chinos", tiene monedas en <mark>ambas manos. Si pasa do</mark>s monedas de la mano derecha a la <mark>mano izquierda, tendrá el mi</mark>smo número de monedas en ambas <mark>manos; mientras que si pasa 3</mark> monedas de la izquierda a la <mark>derecha, tendrá en está el doble</mark> de monedas que en la otra. ¿Cvántas monedas tiene en cada mano?

<mark>Sol: 17 en la mano</mark> derecha y 13 en la izquierda.

17.- Para la calificación de un curso, se decide que la primera <mark>evalvación cvente un 25%, la s</mark>egunda un 35% y la tercera un 40%. Una alumna ha tenido un 5 en la primera y un 7 en la segunda. ¿Qué nota tiene ha de tener en la tercera para que su calificación final sea de 7? Sol: un 8,25.

- 18. En una tienda se compraron unos adornos de porcelana por 629 €. Se rompieron 3 y los que quedaron se han vendido 4 € más de lo que costaron. Si se ha obtenido un beneficio de 85€, ¿Cuántos adornos se compraron?
- 19.- Si se aumenta en 3 cm el lado de un cuadrado, el área aumenta en 81 cm². Calcula la longitud de su lado.
- 20.- Se han comprado por 37 € unas zapatillas de deporte y un balón que costaban 50 €. Si en las zapatillas nos han rebajado el 20%, y en el balón, el 30%, ¿cuál era el precio inicial de cada producto? Sol: 30€ el balón y 20€ las zapatillas.
- 21.- Se pagaron 450 € por una consola y una tarjeta de red que ahora se deben cambiar. Si en la venta se pierde el 30% en la consola y el 60% en la tarjeta, y se han obtenido 288 €, ¿cuál era el precio inicial de cada artículo?

Sol: Consola 360€ y 90€ la tarjeta.

22. - Un grupo de estudiantes alquila un piso por 500 € al mes. Si hubiera un estudiante más, se ahorrarían 25 € cada uno. ¿Cvántos estudiantes son y cvánto paga cada uno?

Sol: 4 estudiantes y 125 €.

- 23. Una alumna ha obtenido una nota final de 6,4 puntos en matemáticas. Los exámenes valen el 80% de la nota y los trabajos el 20%. Sabiendo que su media es de 14 puntos, ¿qué nota sacó en cada apartado? Sol: 6 exámenes y 8 en trabajos.
- 24.- Una chapa rectangular tiene 28 m de perímetro. Si le cortamos 2 m de largo y otros 2 de ancho, el área de la nueva chapa es de 24 m². Halla las dimensiones de la chapa inicial.

Sol: 8 de base y 6 de altura.

- 25.- El perímetro de un triángulo equilátero es menor o igual que 18 m. ¿Cuánto puede medir el lado?
- 26.- Una discográfica edita un nuevo álbum, que comercializa a 12 € la unidad. Los gastos de producción ascienden a 150.000 euros. ¿Cuántos discos necesita vender si quiere obtener un beneficio de 300.000 euros?
- 27.- En un examen tipo test cada respuesta correcta vale un punto, y cada respuesta incorrecta o en blanco resta 1/3 de punto. Hay un total de 20 preguntas y un estudiante ha obtenido una puntuación de 12 puntos. ¿Cuántas de sus respuestas fueron correctas?
- 28.- Las urgencias de un hospital tienen un aforo de 50 personas. El equipo médico encargado del servicio sería capaz <mark>de atenderlos a todos en sei</mark>s horas si no entrase nadie más. Por otra parte, se sabe que en un día normal llegan a urgencias 10 personas cada media hora. Si a las ocho de la mañana de un día normal no hay nadie en la sala de espera, ¿a qué hora se llenará esta sala?
- 29. Tengo 50 CD'S, unos de media hora y otros de una hora. Si puedo estar oyendo música diferente durante 43 horas y media, ¿cuántos discos hay de cada clase?

Sol: 13 normales y 37 de doble duración.

30.- Un trabajador gana 50 € más en el turno de noche que en el de día. Este mes ha cobrado 2.080 € por 21 jornadas de trabajo. Si ha ganado lo mismo por el total de las jornadas de día que por las de noche, ¿cuántos turnos de noche ha trabajado?

Sol: 8 turnos de noche.

- 31.- El perímetro de un cuadrado es menor o igual que 20 m. ¿Cuánto puede medir el lado?
- 32.- Tres amigos cobran 756 € por un trabajo. El primero le ha dedicado 12 horas y el tercero, que ha dedicado el doble de horas que el segundo, ha cobrado 360 €. ¿Cuántas horas y cuánto dinero corresponde a cada uno?

Sol: 1: 12 horas y 216 €; 2: 10 horas y 180 €; 3: 20 horas y 360 €.



60 problemas algebraicos

Aplicaciones álgebra, 4º ESO

Departamento de Matemáticas http://selectividad.ir

33.- Un vendedor de libros tiene un contrato de con una editorial, por el cual percibe 300 € de sueldo fijo más 90 € por cada enciclopedia que venda. Recibe una oferta de trabajo de otra editorial, por la que le ofrecen 140 € por cada venta, pero sin remuneración fija.; Cuántas enciclopedias debe vender para que le convenga, económicamente, cambiar de editorial?

- 34. Un jeque deja en herencia a sus tres hijos una cuadra de caballos, atendiendo al siguiente reparto: al primero, la mitad de caballos de la cuadra más medio caballo; segundo, la mitad de los que queden más medio caballo y al tercero, la mitad de los que queden más medio caballo. ¿Cuántos caballos hay en la cuadra? (¡Ojo! Sin matar a ninguno)
- 35.- La nota media de matemáticas en 4° A es de 5,4 y 4°B de 6,4. ¿Cuántos estudiantes hay en cada grupo si en total son 50, y sv media global es 5,88? Sol: 30 en el primero y 20 en el segundo.
- 36.- Una tienda ha vendido 60 ordenadores, cuyo precio original era de 1.200 €, con un descuento del 20% a unos y del 25% a otros. Si se han recaudado 56.400 €, calcula a cuantos ordenadores se les rebajó el 25%. Sol: 20 ordenadores.
- 37.- Un tendero invierte 125 € en la compra de una partida de manzanas. Desecha 20 kg por defectuosas y vende el resto, aumentando 0,40 € cada kilo sobre el precio de compra, por 147 €. ¿Cuántos kilos compró? Sol: Compró 125 kg.
- 38.- En cinco platos se han repartido 100 albóndigas. Los platos 1° y 2° tienen en total 52; el 2° y 3°, 43; el 3° y 4°, 34; el 4° y 5°, 30. ¿Cvántas albóndigas hay en cada plato?

Sol: 27, 25, 18, 16 y 14 respectivamente.

- 39. El número de visitantes a cierta exposición durante el mes de febrero se incrementó en un 12% respecto al mes de enero. Sin embargo, en marzo sufrió un descenso del 12% respecto a febrero. Si el número de visitantes en enero superó en 36 personas al de marzo, ¿cuántas personas vieron la exposición en enero? Sol: 2.500 personas.
- 40.- Un padre y su hijo se llevan 30 años. Determina en qué periodo de sus vidas la edad del padre excede en más de 10 años la edad del hijo. Sol: De 0 a 20 años
- 41.- Un campesino tiene bueyes que comen la misma cantidad de pienso todos los días. Si vendiese 15 bueyes, el pienso le <mark>dura</mark>ría 3 días más y si comprase 25 bueyes, el pienso le duraría 3 días menos. Halla el número de bueyes y los días que los puede Sol: 75 bueyes y 12 días.
- 42.- La suma de los radios de dos círculos es 70 cm. y la suma <mark>de sus á</mark>reas es ig<mark>ual a la de un tercer cí</mark>rculo d<mark>e 1 m. d</mark>e diámetro. ¿Cuál es el radio de los círculos? Sol: 30 y 40 cm.
- 43.- ¿Cváles son los números cuyo triple excede a su cuadrado en 10 o más vnidades?
- 44.- Una fábrica A para a sus comerciales 1 € por artículo <mark>vendido más una</mark> cantidad fija de 500€. Otra fábrica B paga 1,5 € por artículo y 300 € fijos. ¿Cuántos artículos debe vender <mark>el comercial de la fá</mark>brica B para ganar más que el comercial de la fábrica A? Sol: Más de 400 artículos.
- 45.- De cada esquina de una hoja de papel de forma cuadrada <mark>se recorta un cuadrado de</mark> 5 cm de lado, y doblando y pegando se construye una caja sin tapa de 1280 cm³ de volumen. ¿Qué longitud tenía la hoja inicial? Sol: 26 cm.
- **46.- Un rectángulo tiene 48 cm² de** área y su diagonal mide 10 cm, ¿Cvánto miden sus lados? Sol: Miden 6 y 8 cm.
- 47.- Halla un número de dos cifras sabiendo que su producto es 18 y que la cifra de las unidades es el doble de las decenas.

Sol: El 36. 48.- El área de un cuadrado es menor o igual que 36 m². Calcula cuánto puede medir el lado. Sol: O<x≤6.

- 49.- Imane está haciendo reformas en casa. Ha agrandado la ventana del salón: ahora es 20 cm más alta y 30 cm más ancha. Con eso ha conseguido tener una ventana que es 0,99 m² más grande que la vieja. Además, ahora podrá poner una venta<mark>na de</mark> dos hojas cuadradas. ¿Cuáles eran las dimensiones de la ventana antes de la reforma? Sol: 130 cm de alto y 270 cm de ancho.
- 50.- Un grupo de estudiantes decide hacer una fiesta y para ello planean una compra de 90 € que pagan entre todos a partes iguales. El día de la compra, una pareja decide no ir a la fiesta y cada uno de los demás tiene que pagar 0,5 € más para hacer la compra. ¿Cuántos estudiantes había en el grupo originariamente? Sol: 20 alumnos.
- 51.- Un comerciante recorre tres ciudades. En la primera ciudad duplica su dinero y gasta 600 €, en la segunda, triplica lo que le gueda tras la primera y gasta 1080 y en la última ciudad cuadruplica lo que le queda tras la tercera y gasta 1440 €. ¿Con cuánto dinero comenzó su recorrido si se sabe que ha terminado con 1.200 €?
- 52.- Un almacenista compra 11 sillas a 140 € cada una. Se rompen un cierto número de ellas y vende las que le quedan avmentando el precio de compra en 20 € por silla tantas veces como sillas se han roto. De esta forma, el almacenista ni gana ni pierde. ; Cuántas sillas se han roto?
- 53.- Un grupo de personas almuerzan en un restaurante y les cobran 360 €. Si hubiesen asistido dos personas menos, pero <mark>cada un</mark>o hubiese hecho un gasto de 5 € más, la cuenta habría sido de 350 €. a) ¿Cuántas personas asistieron a la comida?; b) ¿Cvál fue el gasto por persona? Sol: a) 12 personas; b) 30 €.
- 54. Un grupo de personas han contratado un viaje alrededor de Europa por 36.000 €. En el último momento, seis personas deciden no viajar y para no suspender el viaje la agencia propone hacer un 5% de descuento y que el resto de turistas asuma el gasto de estos turistas que no viajan, lo que les supone 225 € más a cada uno. a) ¿Cuántos turistas había en el grupo al principio?; b) ¿cuál era el gasto por turista inicial?

Sol: a) 30 turistas; b) 1.200 euros.

- 55.- En un cotillón se reunieron chicas y chicos, si el nº de estas excede en 26 al de aquellos. Y después de haber salido 15 chicos y 15 chicas, quedan triple de éstas que de aquellos. Halla el número de chicos y chicas inicial. Sol: Hay 54 chicas y 28 chicos.
- 56.- En una batalla de Estratego, había 4 batallones de uno de los contendientes, denominado A, por cada 3 del otro cont<mark>endiente, denominado U. Durant</mark>e la batalla, A perdió 20 batallones, mientras que U perdió sólo 10 batallones, con lo que quedaron 5 batallones de A por cada 4 de U. ¿Cuántos batallones tenían al principio?
- ol: A tenía 120 batallones y U 90 batallones. 57.- En un instituto, la relación del número de chicos con el número de chicas era de 8/9, pero en junio esta relación pasó a ser de 25/21 puesto que abandonaron el centro 20 chicos y el 30% de las chicas. ¿Cuántos alumnos acabaron el curso?

Sol: 300 chicos y 252 chicas.

- 58.- Si el triple de la edad de Roberto menos cinco años es menor que su edad más trece años, ¿qué se puede decir de la edad de Roberto? Sol: Que es menor de 9 años.
- 59. Calcula las posibles edades de Pepita y de su hija Charo sabiendo que difieren en más de 21 años y que dentro de 2 años, la cuarta parte de la edad de la madre será menor que la edad de la hija. Sol: Charo tiene más de 5 años y su madre más de 26.
- 60.- Por un chándal y unas zapatillas de deporte que costaban 135 € he pagado 88,50 € en rebajas, ya que en la sección d<mark>e</mark> textil tienen el 40% de descuento y en la de calzado el 30%. ¿Qué precio tenía cada artículo y cuanto me ha costado?

Sol: 60 € el chándal y 75 € las zapatillas; y me han costado 36 € y 52,50 €