Áreas y Volúmenes

Áreas y Volúmenes
Departamento de Matemáticas

http://selectividad.intergranada.com

01.- Completa la siguiente tabla convirtiendo unidades:

Hm ³	m ³	ml	dal	dm ³
12,8				
	0,14			
			1,16	
		0,03		
				1,004
			2500	
		475		

02.- Calcula el valor de la diagonal de un ortoedro de dimensiones $8 \times 6 \times 4$ cm. Halla también el valor de la diagonal de un cubo de arista 4 cm.

Sol: d=10,77 cm y d=6,93 cm.

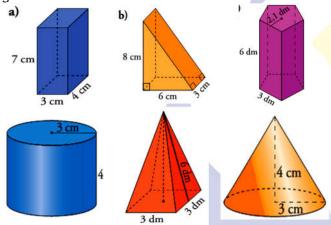
03.- Calcula el área total de un prisma hexagonal regular cuya arista básica y altura miden ambas 8 cm.

Sol: A=716,55 cm²

04.- Calcula el área lateral y el área total de una pirámide hexagonal regular de arista básica 6 cm y 4 cm de altura.

Sol: A_L=118,03 cm²; A_T=211,56 cm²

05.- Calcula el área total de los siguientes cuerpos geométricos.



Sol: a) 122cm²; b) 120cm²; c) 121,5dm²; d) 131,88cm²; e) 45dm²; f) 75,36cm²

06.- Calcula el área lateral y el área total de un cilindro de 6 cm de diámetro y 8 cm de altura.

Sol: $A_L = 48\pi = 150,80 \text{ cm}^2$; $A_T = 66\pi = 207,35 \text{ cm}^2$

07.- Calcula el área lateral y el área total de un cono de radio 7 cm y 24 cm de altura.

Sol: $A_L = 175\pi = 549,78 \text{ cm}^2$; $A_T = 224 \pi = 703,72 \text{ cm}^2$

08.- Una pirámide regular tiene por base un pentágono regular de 2,5 m de lado. La apotema de la pirámide mide 4,2 m. ¿Cuál es su superficie lateral?

Sol: 26,25 m²

09.- Calcula el área total y el volumen de un cubo cuya diagonal mide 20 cm.

Sol: A_T =800 cm²; V=1539,6 cm³

10.- Calcula el volumen de un prisma triangular regular de 8 cm de altura y arista básica 5 cm.

Sol: V=86,6 cm³

11.- Inscribimos un cilindro en un cubo cuya diagonal mide 9 cm. Halla el volumen que queda entre el cubo y el cilindro inscrito en el mismo.

Sol: V=30,11 cm³

12.- Dados dos cilindros de igual altura h, y radios r y 2r, comprueba que el volumen del segundo cilindro es cuatro veces mayor que el volumen del primero.

Sol: $V_2=4\cdot V_1$

13.- Calcula el área total de un cilindro de 20 cm de altura y 10 cm de diámetro.

Sol: $250 \, \pi \, \mathrm{cm}^2$

14.- Halla la altura de un bote cilíndrico de 1 litro de capacidad y 5 cm de radio.

Sol:12,73 cm.

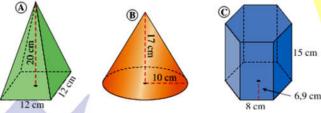
15.- Calcula el área lateral de una pirámide de base cuadrada de 32 cm de perímetro y 10 cm de altura.

Sol: 236,33 cm²

16.- Un florero con forma cilíndrica tiene un diámetro interior de 12 cm y su altura es de 25 cm. Queremos llenarlo hasta los 2/3 de su capacidad. ¿Cuántos litros de agua necesitamos?

Sol: 1.884 litros de agua.

17.- Calcula el volumen de estos cuerpos:



Sol: a) 960 cm³; b) 1780,24 cm³; c) 2.484 cm³

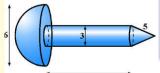
18.- Calcula el volumen de una pirámide de 15 m de altura y cuya base es un cuadrado inscrito en una circunferencia de 5 m de radio.

Sol: $V = 250 \text{ m}^3$

19.- Halla el volumen de un cono sabiendo que la longitud de la circunferencia de su base es 31,416 cm y su generatriz mide 10 cm.

Sol: $V = 226,72 \text{ cm}^3$

20.- Calcula el área y el volumen de las figuras:





Sol: a) A=176,71 cm²; V=124,34 cm³; b) A=?; V=288 cm³

21.- Las paredes de un pozo de 12 m de profundidad y 1,6 m de diámetro han sido cementadas. El precio es de 40 € el metro cuadrado. ¿Cuál ha sido el coste?

Sol: 2.422,50 €

22.- Un pintor ha cobrado 1.000 € por pintar el lateral de un depósito cilíndrico de 4 m de altura y 4 m de diámetro. ¿Cuánto deberá cobrar por pintar un depósito esférico de 2 m de radio?

Sol: 1.000 €

23.- a) ¿Qué volumen de aire cabe en una pelota de 30 cm de diámetro? **b)** ¿Qué superficie tendrá la pelota del problema anterior?

Sol: a) $V = 36\pi$ litros; b) 1,13 m²

24.- Halla el volumen, en cm³, de un cono de 5 m de radio y 13 m de generatriz.

Sol: $10^8 \, \pi \, \mathrm{cm}^3$

25.- En el suelo de unos jardines hay un estanque de base hexagonal de 3 m de lado y 1,20 m de altura. Halla el volumen del estanque.

Sol: 28 m³

26.- Halla la altura de un prisma de base rectangular de 5 cm de ancho y 8 cm de largo, sabiendo que su volumen es de 14 cm³.

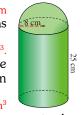
Sol: 0,25 cm

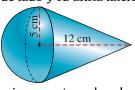
27.- Teniendo en cuenta las medidas señaladas, calcula el volumen de esta figura:

Sol: 6.098 cm³

28.- Calcula el volumen de una pirámide regular cuya base es un hexágono de 20 cm de lado y su arista lateral es de 29 cm.

Sol: 7.266 cm³





29.- Teniendo en cuenta las medidas señaladas, calcula el volumen de esta figura:

Sol: $V=576 \text{ cm}^3$

30.- Una piscina tiene forma de

prisma rectangular de dimensiones 25m x 15m x 3m. ¿Cuántos litros de agua son necesarios para llenar los 4/5 de su volumen?

Sol: 9·10⁵ litros



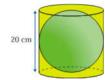
Áreas y Volúmenes

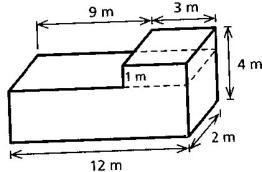
Áreas y Volúmenes Departamento de Matemáticas

31.- Calcula la superficie de la esfera y la superficie lateral del cilindro que la envuelve.

Sol: ambas superficies son 400π

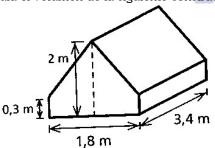
32.- Calcula el volumen de la figura:





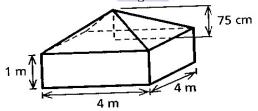
Sol: 6 m³

33.- Calcula el volumen de la siguiente construcción:



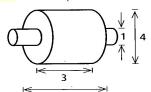
Sol: 5,202 m³

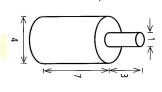
34.- Calcula el volumen de la figura:



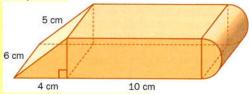
Sol: 20 m³

35.- Calcula el volumen de los sólidos que aparece a continuación (las medidas están en centímetros):



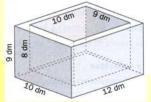


Sol: $V=90,316 \text{ cm}^3$ **36.-** La figura representa una pieza de madera que hay que recubrir con una capa de pintura. ¿Qué superficie hay que pintar?, ¿cuál es su volumen?

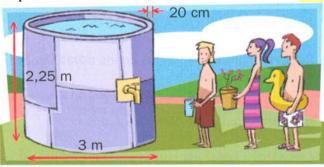


Sol: $A = 281.33 \text{ cm}^2$: $V = 237.2 \text{ cm}^3$

37.- Un centímetro cúbico del material con el que está construido el recipiente de la figura de la derecha pesa 7,8 kg Calcula el peso del recipiente.



38.- Las dimensiones de un depósito cilíndrico son las especificadas en la figura. Calcula la capacidad del recipiente en litros.



2,6 dm 1 m

39.- Calcula el tiempo que tardará en llenarse el depósito de la figura, si se le echan 85 litros por minuto.

40.- La cuenca fluvial cuyas aguas llegan a un pantano es de 62 km². En las últimas lluvias han caído 27 litros por metro cuadrado. Del agua caída,

se recoge en el pantano un 43%. ¿Cuántos hectómetros cúbicos se han recogido en el pantano como consecuencia <mark>de las l</mark>luvias?

Sol: Han recogido 0,71982 hm³.

41.- Un sótano cuya superficie es de 208 m² se ha inundado. El agua llega a 1,65 m de altura. Se extrae el agua con una bomba que saca 6 hl por minuto. ¿Cuánto tiempo tardará en vaciarlo?

Sol: 9 horas y 32 minutos.

42.- Calcula el volumen de hormigón necesario para construir el túnel de la derecha.

Sol: 282,6 m³



43.- Efectúa las operaciones siguientes y expresa el resultado en hectolitros. Para ello, pasa a forma incompleja, expresa todas las cantidades en las mismas unidades y realiza los cálculos.

- **a)** 0,34 dam³ + 84 m³ + 1 284 m³ **b)** 0,00035 km³ + 0,45 hm³ + 65 dam³
- 0,541 dam³ 421 m³ 300 dm³ c)

d) 4.500 m³: 25

- 24 hm³ 123 dam³ 128 m³: 40 e)
- $568 \text{ kl} 0.508 \text{ dam}^3$

Sol: a)17.080 hl; b)8.650.000 hl; c)1.197 hl; d)1.800 hl; e)6.030.782 hl; f)600 hl

44.- Queremos hacer un tubo cilíndrico soldando por los lados un rectángulo de 28 cm de largo y 20 cm de ancho. ¿Cómo se consigue mayor volumen, soldando por los lados de 28 cm o por los de 20 cm?

Sol: Por el lado de 20.

45.- Calcula el volumen de las figuras:

