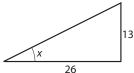
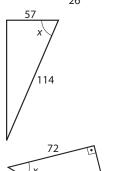
### Razones trigonométricas de ángulos agudos

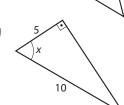
# Actividades

- 1 ¿Cuánto mide cada uno de los arcos abarcados por los ángulos centrales indicados?:
  - a) Un ángulo de  $\frac{\pi}{3}$  rad en una circunferencia de
  - b) Un ángulo de 0,5 rad en una circunferencia de 3,5 cm de radio.
  - c) Un ángulo de 78° en una circunferencia de 61 cm de radio.
  - d) Un ángulo de 10° en una circunferencia de 25 cm de radio.
- **2** Expresa en radianes (en función de  $\pi$  cuando sea posible) o en grados las siguientes medidas:
  - a) 20°
  - **b**) 12,5°
  - c)  $\frac{2\pi}{3}$  rad
  - d)  $\frac{\pi}{5}$  rad
  - e) 22,5°
  - f) 0,6 rad
- 3 Halla el ángulo indicado de las siguientes figuras sin usar la calculadora:

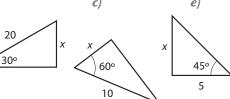
a)







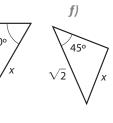
4 Halla los lados en cm de los siguientes triángulos sin usar la calculadora ni el teorema de Pitágoras.



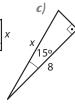
b)

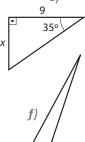


d)

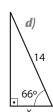


5 Halla los lados indicados con una incógnita de los siguientes triángulos usando la calculadora.





b)





6 Halla el ángulo indicado de los siguientes triángulos rectángulos:

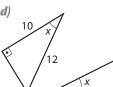




f)









## Razones trigonométricas de ángulos agudos

# Solución de las actividades

1 a) 
$$\frac{\pi}{3}$$
 · 4,6 cm = 4,82 cm

**b)** 
$$0.5 \cdot 3.5 \text{ cm} = 1.75 \text{ cm}$$

c) 
$$78^{\circ} \cdot \frac{\pi}{180^{\circ}} \cdot 61 \text{ cm} = 83.0 \text{ cm}$$

**d**) 
$$10^{\circ} \cdot \frac{\pi}{180^{\circ}} \cdot 25 \text{ cm} = 4,36 \text{ cm}$$

**2** a) 
$$20 \cdot \frac{\pi}{180^{\circ}} = \frac{\pi}{9}$$
 rad

**b)** 
$$12.5 \cdot \frac{\pi}{180} = \frac{5 \,\pi}{72 \text{ rad}}$$

c) 
$$\frac{2\pi}{3} \cdot \frac{180^{\circ}}{\pi} = 120^{\circ}$$

d) 
$$\frac{\pi}{5} \cdot \frac{180^{\circ}}{\pi} = 36^{\circ}$$

e) 
$$22,5^{\circ} \cdot \frac{\pi}{180^{\circ}} = \frac{\pi}{8} \text{ rad}$$

$$f) \ \ 0.6 \cdot \frac{180^{\circ}}{\pi} = 34^{\circ} \ 22$$

3 a) 
$$sen x = \frac{13}{26} = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 30^{\circ}$$

**b)** 
$$\cos x = \frac{57}{114} = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 60^{\circ}$$

c) 
$$tg x = \frac{72}{72} = 1 \Rightarrow x = 45^{\circ}$$

**d)** 
$$\cos x = \frac{5}{10} = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 60^{\circ}$$

4 a) sen 30° = 
$$\frac{x}{20}$$
  $\Rightarrow x = 20$ . sen 30° = 10 cm

**b)** sen 
$$30^{\circ} = \frac{8}{x} \Rightarrow x = 8$$
. cosec  $30^{\circ} = 16$  cm

c) 
$$\cos 60^\circ = \frac{x}{10} \Rightarrow x = 10 \cdot \cos 60^\circ = 5 \text{ cm}$$

**d**) sen 
$$60^{\circ} = \frac{5}{x} \Rightarrow x = \frac{5}{\text{sen } 60^{\circ}} = \frac{10}{\sqrt{3}} \text{ cm}$$

e) 
$$tg 45^{\circ} = \frac{x}{5} \Rightarrow x = 5 \cdot tg 45^{\circ} = 5 \text{ cm}$$

**f**) sen 
$$45^{\circ} = \frac{x}{\sqrt{2}} \Rightarrow x = \sqrt{2} \cdot \text{sen } 45^{\circ} = 1 \text{ cm}$$

**5** a) sen 
$$20^{\circ} = \frac{x}{10} \Rightarrow x = 10 \cdot \text{sen } 20^{\circ} = 3,42 \text{ cm}$$

**b)** sen 
$$70^{\circ} = \frac{6}{x} \Rightarrow x = \frac{6}{\text{sen } 70^{\circ}} = 6.39 \text{ cm}$$

c) 
$$\cos 15^\circ = \frac{x}{8} \Rightarrow x = 8 \cdot \cos 15^\circ = 7,73 \text{ cm}$$

d) 
$$\cos 66^\circ = \frac{x}{14} \Rightarrow x = 14 \cdot \cos 66^\circ = 5.7 \text{ cm}$$

e) 
$$tg 35^\circ = \frac{x}{9} \Rightarrow x = 9 \cdot tg 35^\circ = 6,30 \text{ cm}$$

$$f$$
) tg 80° =  $\frac{20}{x} \Rightarrow x = \frac{20}{\text{tg } 80^{\circ}} = 3,53 \text{ cm}$ 

**6** a) sen 
$$x = \frac{3}{5} \Rightarrow x = \arcsin\left(\frac{3}{5}\right) = 36.9^{\circ}$$

**b)** 
$$\cos x = \frac{4}{9} \Rightarrow x = \arccos\left(\frac{4}{9}\right) = 63.6^{\circ}$$

c) 
$$\cos x = \frac{4}{6} \Rightarrow x = \arccos\left(\frac{2}{3}\right) = 48.2^{\circ}$$

**d**) 
$$\cos x = \frac{10}{12} \Rightarrow x = \arccos\left(\frac{5}{6}\right) = 33.6^{\circ}$$

**e**) 
$$\lg x = \frac{5}{4} \Rightarrow x = \arg \lg \left(\frac{5}{4}\right) = 51,3^{\circ}$$

**f**) 
$$\operatorname{tg} x = \frac{3}{6} \Rightarrow x = \operatorname{arc} \operatorname{tg} \left( \frac{1}{2} \right) = 26,6^{\circ}$$