

Sistemas

Ecuaciones lineales y no lineales

• Se llaman ecvaciones lineales a las ecvaciones en las que todas las incógnitas aparecen con grado 1; no están elevadas a ninguna potencia, ni bajo ningún radical, ni multiplicadas unas por otras. En otro caso diremos que son no lineales.

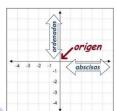
Ecvación lineal	
3x + 2y - 4z = 12	

Ecuaciones No lineales					
$3x^2 + 2y = 2$	$\sqrt{x} - y = 76$	$x \cdot y = 27$			

- Una ecuación lineal con dos incógnitas es una ecuación de la forma ax + by = c, donde x = y son las incógnitas y a, b y c son números conocidos. Su solución es cualquier par de números, (x, y) uno para cada incógnita, que verifican la igualdad.
- Dos ecuaciones lineales son equivalentes si tienen las mismas soluciones.

Representación gráfica de una ecuación lineal

- Para representar gráficamente una ecuación lineal despejamos la y, y damos valores a la x. Los resultados obtenidos se recogen, ordenados, en una tabla de doble entrada y después se representan en el plano cartesiano.
- **É** El plano cartesiano son dos ejes perpendiculares, uno horizontal, el eje x, también llamado eje de abscisas y un eje vertical, el eje y, también llamado eje de ordenadas. El punto donde se cruzan ambos ejes se denomina punto O, y se le denomina Origen de coordenadas.



Ejemplo: Representa las soluciones de la ecuación 3x + y =45

Lo primero es despejar la variable y:

$$y = 45 - 3x$$

Después hacemos una tabla de doble entrada en la que vamos dando valores a la x y calculamos los valores de la y.

X	0	5	10	15	20	30
y	45	30	15	0	-15	-45

vez hecho esto representan todos los puntos (x,y) en el plano cartesiano y, cómo podemos observar, quedan alineados en una recta que uniremos para obtener la recta de ecvación 3x + y = 45



Por tanto, a la hora de hacer la representación gráfica de una ecuación, hemos de tener en cuenta que:

- Cada ecuación lineal tiene una recta asociada en el plano.
- Cada punto de esa recta representa una de las infinitas soluciones de la ecuación lineal.

Si la ecuación fuera una ecuación no lineal, su representación no sería una línea recta, sino una curva parabólica o hiperbólica.

Sistemas de ecuaciones lineales (S.E.L.)

₲ Un S.E.L de dos ecuaciones y dos incógnitas es de la forma:

$$\begin{cases} ax + by = c \\ dx + ex = f \end{cases} ejemplo: \begin{cases} 3x + 2y = 5 \\ x - y = 12 \end{cases}$$

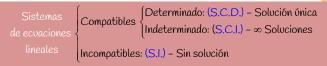
ejemplo:
$$\begin{cases} 3x + 2y = 5 \\ y - y = 12 \end{cases}$$

Donde a, b, d, e son los coeficientes y c y f son los términos independientes.

La solución de un S.E.L. es un par de números (x, y) que hace ciertas (o que verifica) las dos ecuaciones lineales a la vez.

Resolver un sistema de ecuaciones es encontrar los valores de x e y para los que se cumplen las dos ecuaciones o concluir que el sistema no tiene solución.

En resumen, podemos clasificar los sistemas de ecuaciones lineales del siguiente modo:



Métodos de Resolución de S.E.L.

Existen cuatro métodos diferentes para resolver un sistema, uno de ellos gráfico y otros tres algebraicos.

Método Gráfico

🛊 El método gráfico consiste en representar las rectas de las <mark>dos</mark> ecvaciones en el mismo sistema de ejes cartesianos y el punto donde se corten será la solución del sistema.

Según sea su representación gráfica, podemos clasificar los <mark>sistemas d</mark>e ecuaciones en:

S.C.D.	S.C.I.	S.I Sistema incompatible		
Sistema compatible determinado	Sistema compatible indeterminado			
Con una solución	Infinitas soluciones	Sin solución		
$\begin{cases} x - 2y = -4\\ 3x - y = 3 \end{cases}$	$\begin{cases} x - y = 2 \\ 2x - 2y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} x - 2y = 2 \\ x - 2y = 6 \end{cases}$		
x-2y=-4 $(2, 3)$ Solución $3x-y=3$	x-y=2 $ 2x-2y=4 $	x - 2y = 2 $x - 2y = 6$		
Las rectas son secantes	Las rectas son coincidentes	Las rectas son paralelas		

Para resolver un sistema por el método gráfico:

- Despejamos la y en las dos ecuaciones.
- Realizamos la tabla de valores de cada una de ellas. b)
- Representamos gráficamente las dos ecuaciones. c)
- El punto de corte de ambas rectas es la solución del sistema.

Ejemplo: Resuelve por el método gráfico $\begin{cases} 2x + y = 2 \end{cases}$

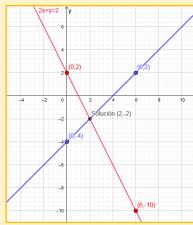
De la primera despejamos y: y = x - 4, tomamos valores para x, los sustituimos y calculamos los valores de y:

٦	,						
	X	0	2	4	6	8	10
	u	-4	-2	0	2	4	6

Hacemos lo mismo con la segunda, despejamos y: y = 2 - 2x

					-	
X	-2	0	2	4	6	8
u	6	2	-2	-6	-10	-14

Después representamos ambas rectas en el mismo plano



Sistemas

Departamento de Matemáticas http://www.intergranada.com

© Raúl González Medina

Método de Sustitución

€ El método de sustitución consiste en despejar una incógnita en una de las ecuaciones y sustituirla en la otra.

Para resolver un sistema por el método de sustitución:

- Despejamos de una de las ecuaciones una de las incógnitas.
- b) Sustituimos su valor en la otra ecuación.
- Resolvemos dicha ecuación y obtenemos el valor de una de las incóanitas.
- d) Sustituimos este valor en la expresión del paso a) y obtenemos el valor de la otra incógnita.
- e) Damos la solución identificando el tipo de sistema.

	,	
	0: Resulve et siguiente sistema de ecuaciones por 0 ramos las ecuaciones: (2) $2x + y = 2$	el método de sustitución: $\begin{cases} x-y=4\\ 2x+y=2 \end{cases}$
Ç	$(2) \left(2x + y = 2 \right)$	
1	Se despeja una incógnita en una de las	De la ecvación (2) despejamos la y:
	ecuaciones. (la que nos parezca más fácil de despejar)	$2x + y = 2 \rightarrow y = 2 - 2x$
2	otra ecuación, obteniendo una ecuación con una	En la ecuación (1) sustituimos la y por lo obtenido en el paso anterior:
	sola incógnita.	$x-y=4 \rightarrow x-(2-2x)=4$
		$x-2+2x=4 \rightarrow 3x-2=4$
3	Se resuelve esta ecuación.	Resolvemos la ecuación obtenida:
		$3x-2=4 \rightarrow 3x=6 \rightarrow x=\frac{6}{3}=2$
4	El valor obtenido se sustituye en la ecuación en la que aparecía la incógnita despejada.	Sustituimos en la ecuación (2) el valor obtenido para x, y obtenemos el valor de y:
		$y = 2 - 2x$ \rightarrow $y = 2 - 2 \cdot (2) = 2 - 4 = -2$
5	Se ha obtenido, así, la solución. Es conveniente	La solución del sistema es:
	indicar cómo es el sistema.	

Método de Igualación

Por tanto, el sistema es: $S.C.D.\{x=2; y=-2\}$

El método de igualación consiste en despejar la misma incógnita en ambas ecuaciones e igualar las dos expresiones resultantes.

Para resolver un sistema por el método de igualación:

- a) Despejamos la misma incógnita en cada una de las ecuaciones.
- b) Igualamos ambas expresiones, lo cual da lugar a una ecuación de primer grado.
- c) Resolvemos la ecuación, obteniendo el valor de una de las incógnitas.
- d) Sustituimos dicho valor en una de las dos expresiones obtenida en el paso a), normalmente la más fácil y obtenemos el valor de la otra incógnita.
- e) Damos la solución identificando el tipo de sistema.

Método de Reducción

El método de reducción consiste en preparar las dos ecuaciones para que una de las incógnitas tenga el mismo coeficiente en ambas ecuaciones, pero con distinto signo. Sumando las ecuaciones resultantes, miembro a miembro, se obtiene otra ecuación con solo una incógnita (se ha reducido el número de incógnitas, de ahí su nombre).

Para resolver un sistema por el método de reducción:

- a) Preparamos ambas ecuaciones multiplicándolas por los números que nos convenga, normalmente la primera por el coeficiente de la x (o de la y) de la segunda y la segunda por el opuesto del coeficiente x (o el de la y) de la primera ecuación.
- b) Sumamos las dos ecvaciones y desaparece una de las incógnitas. (Reducción)
- c) Resolvemos la ecuación resultante.
- Sustituimos dicho valor en una de las dos ecuaciones, normalmente la más fácil y obtenemos el valor de la otra incógnita.
- e) Damos la solución identificando el tipo de sistema.

Ejemplo: Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones por el método de reducción: $\begin{cases} 2x - 3y = 9 \\ 5x + 4y = 11 \end{cases}$ Si numeramos las ecuaciones (2) 5x + 4y = 11Elegimos la variable que queremos reducir Vamos a reducir la x. (eliminar), (la que nos parezca más fácil) Multiplicamos la ecuación (1) por el coeficiente x de la ecuación (2) y multiplicamos la ecuación (2) y un multiplicamos la ecuación (2), y la ecuación (2) por -2, el opuesto del ecuación (2), y la ecuación (2) por -2, el opuesto del coeficiente x de la ecuación (1), porque ambas tienen el ae la evoucion (2) y multipucamos ua ecuacion (2) pro el opuesto del coeficiente de la x en la ecuación (1). (Siempre y cuando ambos coeficientes tengan el mismo signo, osí tuvieran distinto signo multiplicarfamos una por el coeficiente de la otra y viceversa) mismo signo: (1) $\begin{cases} 2x - 3y = 9 \\ 5x + 4y = 11 \end{cases}$ \rightarrow $\begin{cases} 5(2x - 3y = 9) \\ -2(5x + 4y = 11) \end{cases}$ Obteniendo: (1) $\{10x - 15y = 45\}$ (2) $\{-10x - 8y = -22\}$ Se suman las dos ecuaciones para reducir la variable x: Se suman ambas ecuaciones y se obtiene una ecvación de primer grado. Resolvemos la ecuación y obtenemos el valor de una de las incógnitas. La que no hemos reducido. -23y = 23 \rightarrow $y = \frac{23}{-23} = -1$ El valor obtenido se sustituye en una de las ecuación (1), sustituimos y por -1: ecuación (2), sustituimos y por -1: $2x-3y=9 \rightarrow 2x-3$ incógnita. La que nos resulte más sencilla. $2x-3y=9 \rightarrow 2x-3(-1)=9$ $2x+3=9 \rightarrow 2x=9-3 \rightarrow 2x=6$ Se ha obtenido, así, la solución. Es conveniente La solución del sistema es: x = 3 y = -1 \rightarrow (x, y) = (3, -1)Por tanto, el sistema es: $S.C.D.\{x=3; y=-1\}$

Cuando en un sistema multiplicamos alguna de las ecuaciones, o incluso ambas, por números, encontramos otro sistema, con la misma solución que el anterior. Por eso decimos que es un sistema equivalente.

★ Se dice que dos sistemas de ecvaciones lineales son equivalentes cuando tienen las mismas soluciones, es decir, toda solución del primero lo es también del segundo y, recíprocamente, cada solución del segundo es también solución del primero.

$$\begin{cases} 2x - 3y = 9 \\ 5x + 4y = 1 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 5(2x - 3y = 9) \\ -2(5x + 4y = 11) \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 10x - 15y = 45 \\ -10x - 8y = -22 \end{cases}$$
Sistema 2

Los sistemas 1 y 2 son sistemas equivalentes, porque el segundo lo hemos conseguido multiplicando las ecuaciones del primero por 5 y por -2 respectivamente.

Como resumen:

SISTE	MAS DE ECUACIONES LIN	EALES		
S.C.D.	S.C.I.	S.I		
Sistema compatible determinado	Sistema compatible indeterminado	Sistema incompatible		
Con una solución	Infinitas soluciones	Sin solución		
$\begin{cases} x - 2y = -4\\ 3x - y = 3 \end{cases}$	$\begin{cases} x - y = 2 \\ 2x - 2y = 4 \end{cases}$	$\begin{cases} x - 2y = 2 \\ x - 2y = 6 \end{cases}$		
(2, 3) $x - 2y = -4$ $Solución$ $3x - y = 3$	$ \begin{bmatrix} x - y = 2 \\ \hline 2x - 2y = 4 \end{bmatrix} $	x - 2y = 2 $x - 2y = 6$		
Las rectas son secantes	Las rectas son coincidentes	Las rectas son paralelas		
Manipulando las ecuaciones resolvemos el sistema y encontramos los valores de x e y.	Manipulando las ecvaciones llegamos a expresiones de la forma: $0x + 0y = 0 \rightarrow 0 = 0$	Manipulando las ecuaciones llegar a expresiones: $Ox + Oy = k \longrightarrow O =$		

Sistemas de ecuaciones no lineales (S.E.N.L.)

€ En los sistemas de ecvaciones no lineales, aparecen ecvaciones en las que hay incógnitas de grado mayor que uno, por ejemplo:

$$\begin{cases} 2x - y = -1 \\ (x - 1)^2 + y = 3 \end{cases}$$

Oué sabes de... ?

Sistemas

En este tipo de sistemas las ecuaciones ya no serán dos líneas rectas, una de ellas, o las dos, pueden ser parábolas, elipses, hipérbolas. La solución serán los puntos en los que las dos curvas se corten u se resuelven aplicando los métodos de sustitución, igualación o reducción dependiendo del sistema.

Un sistema de ecuaciones no lineal está formado por al menos una ecuación que no es de primer grado.

Ejemplo: Resuelve el sistema: $\begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ x \cdot y = 12 \end{cases}$

Si
$$\frac{1}{2}$$
 $\begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ x \cdot y = 12 \end{cases}$ de la ecvación **2)** despejamos la y, llegamos a:

$$y = \frac{12}{x}$$
 y la sustituimos en la 1), tenemos $x^2 + \left(\frac{12}{x}\right)^2 = 25$, que

operando se transforma en:

$$x^2 + \frac{144}{x^2} = 25$$
 \rightarrow $x^4 - 25x^2 + 144 = 0$

una ecuación bicuadrada que haciendo z=x², da lugar a una de segundo grado: $z^2 - 25z + 144 = 0 \rightarrow (z - 16)(z - 9) = 0$ cuyas soluciones son $z_1=16$ y $z_2=9$ y deshaciendo el cambio, $x = \pm \sqrt{z}$, llegamos a: $x_1 = -4$, $x_2 = 4$, $x_3 = -3$ y $x_4 = 3$

Obtenidas las x, calculamos los valores de y:

$$y = \frac{12}{x}$$
 \rightarrow $y_1 = -3$ $y_2 = 3$ $y_3 = -4$ $y_4 = 4$
S.C.D. $\{(-4, -3), (4,3), (-3, -4), (3,4)\}$

Cuando las ecuaciones tienen logaritmos, lo habitual es intentar eliminarlos, ya sea agrupándolos, bien usando las propiedades o la definición de los logaritmos o bien mediante algún cambio de variable, veamos un ejemplo:

Ejemplo: Resuelve el sistema: $\begin{cases} x + y = 11 \\ \log x - \log y = 1 \end{cases}$

$$\mathbf{v} \left\{ \log x - \log y = 1 \right\}$$

Si numeramos las ecuaciones: 1) $\begin{cases} x+y=11 \\ 2 \end{cases} \begin{cases} \log x - \log y = 1 \end{cases}$ y en la 2°

ecuación aplicamos las propiedades de los logaritmos, llegamos a:

$$\begin{cases} x + y = 11 \\ \log x - \log y = 1 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x + y = 11 \\ \log \frac{x}{y} = 1 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x + y = 11 \\ \frac{x}{y} = 10 \end{cases}$$

que es un sistema equivalente al primero. Si en la ecuación 2)

despejamos x:
$$\frac{x}{y} = 10$$
 \rightarrow $x = 10 y$, y lo sustituimos en la 1),

tenemos:
$$10y + y = 11 \rightarrow 11y = 11 \rightarrow y = 1$$

Conocida la y, podemos calcular la x: $x = 10 y \rightarrow x = 10$

Por tanto, se trata de un S.C.D. de soluciones (10,1)

Recuerda que en los logaritmos hemos de comprobar las soluciones

Si en el sistema aparecen ecuaciones exponenciales, o bien se agrupan potencias mediante sus propiedades y se igualan los exponentes transformándolo en un sistema algebraico, o bien, se intenta un cambio de variable:

Ejemplo: Resuelve el sistema:
$$\begin{cases} 5^{x+1} - 3^y = 16 \\ 5^{x-1} + 3^{y+2} = 82 \end{cases}$$

$$\int_{0}^{5^{x+1}} -3^{y} = 16$$
$$\int_{0}^{5^{x+1}} +3^{y+2} = 82$$

Si hacemos los cambios de variable
$$\begin{cases} v = 5^x \\ v = 3^x \end{cases}$$
, llegamos a:

$\begin{cases} 5.5^{x} - 3^{y} = 16 \\ \frac{5^{x}}{5} + 9.3^{y} = 82 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 5v - v = 16 \\ \frac{v}{5} + 9v = 82 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 5v - v = 16 \\ v + 45v = 410 \end{cases}$ que por reducción da $\begin{cases} v = 5 & \rightarrow & 5^{k} = 5 & \rightarrow & x = 1 \\ v = 9 & \rightarrow & 3^{y} = 3^{2} & \rightarrow & y = 2 \end{cases}$

Por tanto, se trata de un S.C.D. de soluciones (1,2)

Sistemas de inecuaciones con una incógnita

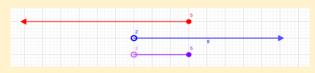
 Para resolver un sistema de inecuaciones con una incógnita, hay que resolver cada inecuación por separado. La solución del sistema será la intersección de todos los intervalos.

Ejemplo: Resuelve el sistema de inecuaciones: $\begin{cases} \frac{x}{2} + 1 > 2 \\ 5 + x \ge 2x \end{cases}$

Resolvemos cada una de las inecuaciones por separado:

$$\begin{cases} \frac{\kappa}{2} + 1 > 2 & \rightarrow & \frac{\kappa}{2} > 1 & \rightarrow & \kappa > 2 & \rightarrow & (2, +\infty) \\ 5 + \kappa \ge 2\kappa & \rightarrow & 5 \ge \kappa & \rightarrow & \kappa \le 5 & \rightarrow & (-\infty, 5] \end{cases}$$

Representamos las soluciones y vemos donde coinciden ambas:



Por tanto, la solución es el intervalo (2.51

Resolver el sistema requiere calcular la intersección entre los intervalos solución; por ello, es aconsejable dibujarlos para poder visualizar dicha intersección. En ocasiones, se puede llegar a intervalos cuya intersección esté vacía, es decir, que no tengan ningún punto en común. En este caso diremos que el sistema no tiene solución.

Ejemplo: Resuelve sistema inecuaciones: (x+3>2(x+1)2x+1>x+5

Resolvemos cada inecuación por separado:

$$x+3>2(x+1) \rightarrow x+3>2x+2 \rightarrow x-2x>2-3$$

$$\rightarrow -x>-1 \rightarrow x<1 \rightarrow (-\infty,1)$$

$$2x+1>x+5 \rightarrow 2x-x>4 \rightarrow x>4 \rightarrow (4,+\infty)$$

Buscamos un número que sea más pequeño que 1 y a la vez más grande que 4 y observamos que los intervalos no tienen ningún punto en común, es decir, la intersección está vacía.

Sistemas de inecuaciones con dos incógnitas

ば Un sistema de inecuaciones con dos incógnitas es un conjunto

de inecuaciones con dos incógnitas, por ejemplo: $\begin{cases} 2x + y > 4 \\ x - 2y < 8 \end{cases}$

Decimos que un ρ unto (x_0, y_0) es solución del sistema si lo es de cada una de las inecuaciones.

El conjunto de soluciones viene dado por la región del plano común a las regiones solución de cada una de las inecuaciones.

Por tanto, se debe resolver cada inecuación del sistema por separado y a continuación hallar la región del plano común a todas esas inecuaciones.





Sistemas

Departamento de Matemáticas http://www.intergranada.com

Ejemplo: Resuelve el sistema de inecuaciones:

Para resolver el sistema hemos de representar las dos rectas:

$$2x + y = 4 \qquad \xrightarrow{\text{Despejamos la y}} \qquad y = 4 - 2x \qquad \xrightarrow{\text{Hacemos la tabla}} \qquad \frac{x}{0} \mid \frac{y}{4} \mid$$

Probamos si el punto (O, O) verifica la desigualdad, y no lo hace, lvego la región es la que está a la derecha de la recta 2x+y=4

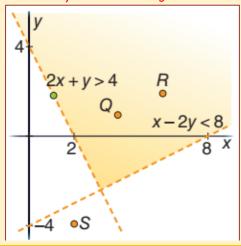
$$x-2y=8 \quad \xrightarrow{\text{Despejamos la y}} \quad y = \frac{x-8}{2} \quad \xrightarrow{\text{Hacemos la tabla}} \quad \frac{x}{0} \quad \frac{y}{-4}$$

$$2 \quad -3$$

$$4 \quad -2$$

Probamos si el (0,0) verifica la desigualdad, y sí lo hace, luego la región es la que está por encima de la recta x-2y=8

Por tanto, la solución es la región coloreada del dibujo.



Para resolver un sistema de inecuaciones con dos incógnitas, se resuelve por separado cada inecuación y se representan todas las soluciones sobre el plano. La solución es la región donde se superponen todos los semiplanos solución.

Resolución de problemas

- Para resolver problemas es recomendable seguir los pasos:

 - Asignar la incógnita o incógnitas. b)
 - Establecer relaciones entre las variables del problema.
 - Plantear las ecuaciones o inecuaciones mediante el uso del lenguaje algebraico con la ayuda de tablas o croquis.
 - Resolver el sistema de ecuaciones (o inecuaciones) mediante alguno de los distintos métodos.
 - Analizar la solución obtenida con los datos del problema y verificarla.
 - Dar la respuesta al problema planteado en lenguaje cotidiano. (no x=15)

01.– En un test de 50 preguntas, dan 0,8 puntos por cada acierto y quitan 0,4 puntos por cada error. Si Ana ha obtenido 22 puntos contestando a todas las preguntas, ¿cuántas ha contestado bien y cuántas mal?

Si llamamos x a las preguntas acertadas e y a las preguntas erradas, podemos escribir dos ecuaciones lineales, una con las preguntas y otra con los puntos y plantear un sistema:

1) Preguntas: $\begin{cases} x + y = 50 \\ 0.8x - 0.4y = 22 \end{cases}$ Por reducción $\begin{cases} 0.4x + 0.4y = 20 \\ 0.8x - 0.4y = 22 \end{cases}$ [0.4x + 0.4y = 20]

Stemando
$$x = 42$$
 $y = 42$ $y = 50$ $y = 50 - 35 = 15$

Por tanto, ha contestado bien a 35 preguntas y ha fallado 15.

02.- Juan se ha comprado una camisa y un pantalón. Los precios de estas prendas sumaban 60 €, pero le han hecho un 10 % de descuento en la camisa y un 20 % en el pantalón, y paga por todo 50,15 €. ¿Cuál era el precio sin rebajar de cada prenda?

Si llamamos ${\bf c}$ al precio de la camisa sin rebajar y ${\bf p}$ al precio del pantalón, también sin rebajar, podemos escribir dos ecuaciones lineales, una con los precios sin rebajar y otra con los precios ya rebajados y plantear con ellas un sistema de ecuaciones:

1) Sin Rebaja:
$$\{c + \rho = 60\}$$
 Por reduction $\{-0, 9c - 0, 9\rho = -54\}$
2) En Rebajas: $\{0, 9c + 0, 8\rho = 50, 15\}$ $\{0, 9c + 0, 8\rho = 50, 15\}$

2) En Rebajas:
$$0.9c + \rho = 60$$

$$0.9c + 0.8\rho = 50.15$$

y de
$$c+\rho=60$$
 → $c=60-\beta=60-31,50=21,50€$

La camisa valía antes de las rebajas 21,50 y los pantalones 38,50 €.

03.—La suma de las áreas de dos cuadrados es 100 dm², y su diferencia es 28 dm². Hallar los lados de los cuadrados.

Si llamamos x al lado del primer cuadrado e y al del segundo, podemos plantear un sistema de ecuaciones no lineales:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 100 & \text{Por reducción} \\ x^2 - y^2 = 28 & \longrightarrow & 2x^2 = 128 & \longrightarrow & x = \sqrt{64} = 8 \end{cases}$$

Y despejando en la primera podemos calcular y:

$$x^2 + y^2 = 100 \rightarrow 64 + y^2 = 100 \rightarrow y = \sqrt{36} = 6$$

(en ambas raíces cuadradas hemos desechado las soluciones negativas por tratarse de la medida de los lados de dos cuadrados)

Por tanto, los lados de los cuadrados son 6 y 8 dm.

04.- Calcula las posibles edades de Pepita y de su hija Charo sabiendo que difieren en más de 21 años y que dentro de 2 años, la cuarta parte de la edad de la madre será menor que la edad de la hija.

Si llamamos xa la edad de Pepita e y a la edad de Charo, podemos escribir una inecuación con la diferencia de edades: x-y>21

nesolución de problemas			
resolver problemas es recomendable seguir los pasos:		Ahora	Dentro de dos años
Lectura y comprensión del enunciado.	Pepita	X	x+2
Asignar la incógnita o incógnitas.	Charo	dylo	y+2
r isignal at moogritate of moogritates.			

Y otra con sus edades dentro de dos años: $\frac{(x+2)}{4} < y+2$, llegamos granada.com

$$\begin{cases} x - y > 21 \\ x + 2 < 4(y + 2) \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x - y > 21 \\ x + 2 < 4y + 8 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x - y > 21 \\ x - 4y < 6 \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} x > y + 21 \\ x < 4y + 6 \end{cases}$$

Si juntamos ambas inecuaciones llegamos a

$$y+21 < x < 4y+6 \rightarrow y+21 < 4y+6 \rightarrow$$

 $21-6 < 4y-y \rightarrow 15 < 3y \rightarrow 5 < y$

Así que la hija es mayor de 5 años, y la madre:

$$x-5>21 \rightarrow x>26$$

Por tanto, la hija es mayor de 5 años y la madre mayor de 26.

