### **DEVOIR DE CONTROLE N°1**

(1ère S<sub>12</sub>)

Date: 28 /10/2015

Durée: 1<sup>h</sup>

# Exercice $n^{\circ}1$ : (4 points)

- 1) Calculer PGCD (354,120) puis PPCM (354,120).
- 2) 354 et 120 sont ils premiers ente eux? Justifier?
- 3) Rendre la fraction  $\frac{354}{120}$  irréductible

### Exercice $n^{\circ}2$ : (8 points)

### Les questions de cet exercice sont indépendantes

- I) 1) Montrer que pour tout entier naturel n on a l'égalité suivante :  $\frac{2n+8}{n+1} = 2 + \frac{6}{n+1}$ 
  - 2) Déterminer les entiers naturels n pour que  $\frac{2n+8}{n+1}$  soit un entier naturel.
- II) Soit x un entier naturel tel que le reste de la division euclidienne de x par 5 égal à 2 Montrer que l'entier naturel (2x+1) est divisible par 5
- III) 1) Vérifier que PGCD (14,21) = 7.
  - 2) Une personne possède une plaque métallique de longueur 21 cm et de largeur 14 cm. Cette personne veut découper cette plaque en des carrés identiques de longueur un entier naturel a le plus grand possible.
  - a)Peut –il découper cette plaque en des carrés de longueur 8 cm? Justifier votre réponse.
  - b) Déterminer la longueur possible d'un carré. Justifier votre réponse.
  - c) Combien obtiendra-il de carré.

## Exercice n°3: (8 points)

Dans la figure ci-dessous on a construit un triangle équilatéral inscrit dans le cercle  $\mathbb{O}$  de centre  $\mathbb{O}$ , la demi droite [BE) est la bissectrice de l'angle  $\hat{ABC}$  et qui passe par le point  $\mathbb{O}$ .

- 1) a) Montrer que  $\hat{AOC} = 120^{\circ}$ 
  - b) Vérifier que OAC est un triangle isocèle en O puis déduire que  $\hat{OCA} = 30^{\circ}$ .
  - c) Montrer que  $\hat{CAE} = 30^{\circ}$  puis déduire que les droites (OC) et (AE) sont parallèles.
- 2) a) Montrer que  $0\hat{A}C = A\hat{C}E$  puis déduire que les droites (AO) et (EC) sont parallèles.
  - b) Déduire que AOCE est un losange.

