Lycée: Alaoui 27 – 01 – 2018 Devoir synthèse n° 1 en mathématiques

Prof: Gharbi Taieb

Durée : **1**h.**30** mn

Niveau : 1^{er} S₆₋₇

Exercice1: (4 pts)

Cocher la bonne réponse

$$\mathbf{1} \frac{x^3 + 1}{x + 1} = \prod_{x = 1}^{\infty} x^2 + 1$$

 $\prod x^2 - x + 1$

1 soit a et b deux réels tel que a est l'inverse de b

□6

 \Box 4 $\sqrt{3}$

 \bigcap 0

 $\cos^2(30^\circ) + \sin^2(30^\circ) = .$

 $\square \frac{1}{2}$

□ 1

Exercice2: (4 pts)

Soit $A(x) = x^2 + 10x + 9$ ou x un réel

1 a/ - Vérifier que $A(x) = (x+5)^2 - 16$

b / Factoriser A(x)

c / Déduire la valeur de $99^2 + 10 \times 99 + 9$

2 Sachant que $x \in [-3; -1]$

a / Donner un encadrement de (x + 9) et (x + 1)

b / En déduire que : $-160 \le A(x) \le 0$

Exercice 3 : (4 pts)

①On considère la fonction linéaire f telle que f(2) = 4. Donner le coefficient de f.

2On pose f(x) = 2x.

a/ Déterminer l'image de 4 et l'image de −2 par f.

b/ Soit Δ la représentation graphique de f dans un repère (o, i, j), tracer Δ .

c/ Déterminer graphiquement l'antécédent de 2 par f, retrouver le résultat par calcul

3 Montrer que le point $M((\sqrt{3}+1)^2-2\sqrt{3};8)$ appartient à Δ .

Exercice 4: (4 pts)

I) Montrer que : $\cos^4 x - \sin^4 x = \cos^2 x - \sin^2 x$

II) Soit MNP un triangle tels que MN = 3; MP = $3\sqrt{3}$ et NP = 6

1 Montrer que le triangle MNP est rectangle en M

2 Calculer $\cos M\hat{N}P$ et $\sin M\hat{N}P$ puis déduire $M\hat{N}P$ et $M\hat{P}N$

Exercice 5: (4 pts)

Soit ABC un triangle.

1 Construire I l'image de C par la translation de vecteur \overrightarrow{AB}

2 Construire J l'image de A par la translation de vecteur \overrightarrow{CB} .

3 Montrer que B est le milieu du segment [IJ].

4 a / Construire les points D tel que $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BD}$

b / Quelle est l'image de chacune des droites (AJ) et (DJ) par la translation de vecteur \overrightarrow{AI}

<u>Bon Travail</u>