Lycée : Echebbi Tadhaman	Devoir de synthèse N°1	Prof: OUERGHI CHOKRI
Année scolaire : 2015/2016		Epreuve : MATHEMATIQUES
Classes: 1er S <sub>5</sub>		Durée :90mn

### Exercice 1 (3 pts)

Calculer les réels suivants

$$e = (2 - \sqrt{5})^3$$
;  $f = (1 + 2\sqrt{3})^3$ ;  $g = (\pi - 2)(\pi^2 + 2\pi + 4) + 8$ 

## Exercice 2 (3 pts)

Soient a et b deux réels tel que 0 < a < b ; ab = 1 et  $a^2 + b^2 = 10$ 

- 1°) a) Calculer  $(a b)^2$ 
  - b) En déduire la valeur de a b
- 2°) Calculer  $a^3 b^3$

## Exercice 3 (6 pts)

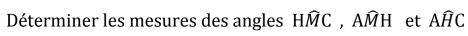
On donne A=  $x^3 + 2x^2 - (x+2)$  et B =  $(x+1)^3 - 8$ 

- 1°) Calculer A puis B pour  $x = -\sqrt{2}$
- 2°) a) Montrer que A = (x + 2)(x + 1)(x 1)
  - b) Montrer que  $B = (x 1)(x^2 + 4x + 7)$
- 3°) Factoriser A B
- $4^{\circ}$ ) Comparer A et B pour x = 1

# Exercice 4 ( 3 pts )

Dans la figure ci-dessous :

- ABC un triangle équilatéral
- H=B\*C ; O=A\*C
- Ω cercle de diamètre [AC]







### Exercice 5 (5 pts)

Soient ABCD un rectangle tel que AB = 3cm et AD = 5cm et le point R de [AB] tel que AR = 2 cm .

La droite (DR) coupe (AC) en F, et T un point de [AC] tel que :  $AT = \frac{3}{2}AF$ 

- 1°) a) Faire une figure
  - b) Montrer que (RF) et (BT) sont parallèles.
- 3°) La droite (DR) coupe la droite (BC) en H
  - a) Comparer  $\frac{AR}{DC}$  et  $\frac{AD}{CH}$
  - b) En déduire HB

Lycée : Echebbi Tadhaman	Devoir de synthèse N°1	Prof: OUERGHI CHOKRI
Année scolaire : 2015/2016		Epreuve : MATHEMATIQUES
Classes: 1er S <sub>6</sub>		Durée :90mn

#### Exercice 1 (9 pts)

1°) Calculer les réels suivants

$$e = (3 + \sqrt{3})^3$$
;  $f = (1 - 2\sqrt{5})^3$   
 $g = (\sqrt{2} + 1)^3 - 3(\sqrt{2} + 1)^2 + 3(\sqrt{2} + 1) - 1$ 

2°) Développer les expressions suivantes

$$M = (2 - 3x)(4 + 6x + 9x^{2}) ; N = (1 + x)(1 - x + x^{2})$$
  
$$P = (1 - x)^{2}(1 + x)$$

3°) Factoriser les expressions suivantes

$$A = 1 - 8x^3$$
 ;  $B = 3\sqrt{3} + x^3$  ;  $C = x^3 - 1 + x(x - 1)$ 

# Exercice 2 (11 pts)

Soient un cercle  $\mathscr C$  de centre 0 de diamètre [AB] tel que AB=6cm et C un point de  $\mathscr C$  tel que  $\hat{CAB}=30^{\circ}$ 

- $1^{\circ}$ ) La tangente au cercle  $\mathscr{C}$  passant par B coupe (AC) en D.
  - a) Faire une figure
  - b) Quelle est la nature du triangle ABC ? justifier
  - c) Déterminer les mesures des angles  $A\widehat{B}C$ ;  $A\widehat{D}B$  et  $D\widehat{B}C$
  - d) Montrer que AC=  $3\sqrt{3}$  ; BC = 3 et DB  $2\sqrt{3}$
  - e) En déduire CD et AD
- 2°) La parallèle à (DB) passant par C coupe (AB) en E et recoupe le cercle & en F
  - a) Déterminer la mesure de l'angle  $A\widehat{F}C$
  - b) Comparer  $E\hat{C}B$  et  $C\hat{B}D$
  - c) Calculer EB et AE
  - d) Les droites (OC) et (ED) sont -elles parallèles?



Lycée : Echebbi Tadhaman	Devoir de synthèse N°1	Prof: OUERGHI CHOKRI
Année scolaire : 2015/2016		Epreuve : MATHEMATIQUES
Classes: 1er S <sub>7</sub>		Durée :90mn

### Exercice 1 (9 pts)

1°) Calculer les réels suivants

$$e = (1+3\sqrt{2})^3$$
;  $f = (2-\sqrt{5})^3$   
 $g = (\sqrt{5}+2)^3 - 3(\sqrt{5}+2)^2 + 3(\sqrt{5}+2) - 1$ 

2°) Développer les expressions suivantes

$$M = (3+x)(9-3x+x^2) ; N = (1-x)(1+x+x^2)$$
  
$$P = (3+x)^2(3-x)$$

3°) Factoriser les expressions suivantes

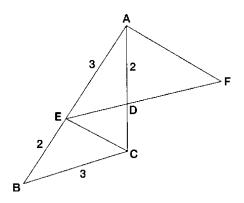
$$A = 8 + 27x^3$$
 ;  $B = 2\sqrt{2} - x^3$  ;  $C = x^3 + 1 - x(x+1)$ 

## Exercice 2 (5 pts)

Soit un triangle ABC, dans lequel on a tracé une droite (ED) parallèle à la droite (BC).

On donne AE = BC = 3 et EB = AD = 2.

- 1) Calculer AC, puis DC. Calculer ED.
- 2) On sait que DF = 2,7. Les droites (EC) et (AF) sont-elles parallèles ?



# Exercice 3 (6 pts)

Soit ABC un triangle rectangle en A tel que AB = 2cm et  $A\hat{B}C = 60^{\circ}$ 

- 1°) Faire une figure
- 2°) Calculer AC et BC
- 3°) Soit D le point de [BA) tel que AD = AC . Evaluer l'angle  $D\hat{C}B$
- 4°) Soit H le projeté orthogonal de B sur (*DC*)
  - a) Calculer BH
  - b) En déduire sin 75<sup>0</sup>