# Непрерывное время при построении нейроинтерфейса BCI.

#### A Preprint

Соболевский Федор Кафедра интеллектуальных систем ФПМИ МФТИ sobolevskii.fa@phystech.edu

Консультант: Самохина Алина Кафедра интеллектуальных систем ФПМИ МФТИ alina.samokhina@phystech.edu

Эксперт: д.ф.-м.н. Стрижов Вадим Вычислительный центр им. А.А.Дородницына ФИЦ ИУ РАН strijov@phystech.edu

7 марта 2024 г.

### Abstract

В задачах декодирования сигналов входные данные представляют собой одномерные или многомерные временные ряды. Применение методов, основанных на нейронных обыкновенных дифференциальных уравнениях, позволяет работать с временными рядами как с непрерывными по времени. Недавние исследования показывают, что подобные методы могут давать заметно более точные по метрикам качества результаты в задачах классификации сигналов, чем методы, работающие с дискретным представлением временных рядов. В данной работе рассматриваются различные методы, основанные на непрерывном представлении временных рядов, в приложении к задаче классификации электроэнцефалограмм (ЭЭГ) и аппроксимации исходного сигнала. В предложенном подходе к построению модели машинного обучения предполагается работа с функциональным пространством сигнала вместо его дискретного представления и использование пространства параметров аппроксимируемой функции в качестве признакового. Основной результат работы — построение обратимого потока и подбор оптимальных размерностей на каждом слое нейросети.

Keywords EEG  $\cdot$  continuous time series  $\cdot$  neural ODE  $\cdot$  neural CDE

#### 1 Введение

Данная работа посвящена декодированию сигналов — одномерных или многомерных временных рядов. Примерами актуальных задач декодирования сигналов являются задачи расшифровки сигналов акселерометров, пульсометров, электроэнцефалограмм (ЭЭГ) и электрокортикограмм (ЭКоГ). Многие сигналы, с которыми приходится работать в практических задачах, по природе своей непрерывны по времени, однако наиболее распространенный подход к расшифровке сигнала — работа с дискретизированной версией сигнала, то есть работа с ним, как с дискретным временным рядом. Основной проблемой при применении такого подхода является нерегулярность данных: данные могут иметь неравные отсчёты по времени или пропуски, что несколько усложняет их обработку.

В ряде недавних работ по обработке временных рядов были предложены новые методы, позволяющие работать с временными рядами как с непрерывными по времени. Таковыми являются, например, методы, основанные на применении нейронных обыкновенных дифференциальных уравнениях (НО-ДУ) в качестве скрытого слоя рекурентной нейронной сети. В работе <... > был предложен подход, основанный на применении нейронных управляемых дифференциальных уравнений, позволяющий устранить однозначную зависимость решения дифференциального уравнения от начальных данных, с целью обеспечить возможность корректировки предсказания нейросети на основе данных, поступающих после исходного предсказания. Другие методы, работающие с непрерывным представлением сигналов, включают в себя нейронные стохастические дифференциальные уравнения, алгоритмы S4, S5, D4 и другие.

Подходы, работающие с непрерывными по времени данными, предположительно могут устранить проблемы, связанные с нерегулярностью данных, так как любая нерегулярность может быть устранена интерполяцией. В некоторых задачах декодирования сигналов методы, основанные на НОДУ, и другие методы, работающие с непрерывным представлением сигнала, показали большую точность, чем методы декодирования дискретных последовательностей. В данной работе фокусом являются задачи регрессии — восстановления непрерывной по времени последовательности по непрерывному сигналу.

В качестве основной задачи декодирования сигнала в данной работе рассматривается классификация ЭКоГ. В последнее время большое количество работ посвящено методам считывания мозговой активности и декодирования информации. Основным приложением данных методов являются нейрокомпьютерные интерфейсы (НКИ) — технология, позволяющая человеку взаимодействовать с компьютером с помощью анализа данных о мозговой активности. Подобные интерфейсы могут использоваться как в медицинских целях, так и в реакреационных. Вполне естественно, что для введения устройств, считывающих и расшифровывающих мозговую активность, в эксплуатацию необходимо, во-первых, достичь высокой точности декодирования сигнала, и, во-вторых, достичь оптимальной сложности модели по количеству параметров.

Целью данной работы является исследование алгоритмов, основанных на НОДУ, в задаче декодирования ЭКоГ для последующего восстановления непрерывной зависимости движения конечности, и сравнение точности по стандартной метрике MSE с результатами, полученными методами, работающими с дискретным представлением времени. Для этого указанные модели, наряду с современными моделями, работающими с дискретным представлением времени, применяются на выборке Epidural-ECoG Food-Tracking. Данная выборка содержит данные 8 экспериментов с обезьяной, в которых синхронно считывались сигналы с ЭКоГ и положение 6 точек руки обезьяны.

Применение методов, основанных на НОДУ, позволяет работать с ЭКоГ как с непрерывными по времени, что предоставляет возможности дальнейшего исследования непрерывных сигналов, например, в контексте построения фазовых пространств для непрерывного времени и/или пространства. Применимость вышеуказанных методов для решения актуальных задач декодирвания сигналов может послужить мотивацией для развития теории моделей машинного обучения, работающих с непрерывными объектными пространствами.

## 2 Постановка задачи

В данной работе мы имеем дело с сигналами в их непрерывном представлении. Пусть имеется непрерывный процесс (например, активность мозга, движение конечности):

$$V(t), t \in \mathbb{R}$$
 13

Тогда данные выборки, регистрируемый сигнал — реализация процесса V(t):

$$\mathbf{X} = \{\mathbf{x}_t\}_{t \in T}, \ \mathbf{x}_t \in \mathbb{R}^E, \ T = \{t_i\}_{i=1}^N, t_i \in \mathbb{R}$$
$$\mathbf{x}_{t_i} \approx V(t_i).$$

Для непрерывного и дискретного по времени сигналов решается задачи регрессии. Пусть в выборке присутствует M наблюдений. Тогда исходный и целевой сигналы определяются следующим образом:

$$\mathbf{X} = \{\mathbf{X}_i\}_{i=1}^M,$$
  $\mathbf{X}_i = \{\mathbf{x}_t\}_{t \in T}, \ \mathbf{x}_t \in \mathbb{R}^E, \ T = \{t_i\}_{i=1}^N, t_i \in \mathbb{R}$  14

$$\mathbf{Y} = \{\mathbf{Y}_i\}_{i=1}^M,$$
  $\mathbf{Y}_i = \{\mathbf{y}_t\}_{t \in T}, \ \mathbf{y}_t \in \mathbb{R}^F.$ 

Для таких данных постановка задачи регрессии следующая: требуется получить целевую функцию

$$g_{\theta}: \mathbf{X} \to \mathbf{Y}.$$

В непрерывном представлении целевой сигнал принимает вид, подобный исходному:

$$U(t), t \in \mathbb{R}, \ \mathbf{y}_{t_i} \approx U(t_i).$$

Тогда целевая функция есть отображение между двумя пространствами вектор-функций  $\mathbb V$  и  $\mathbb U$ :

$$g_{\theta}: \mathbb{V} \to \mathbb{U}$$
. 15

В обоих случаях критерием качества является отклонение предсказаний модели от известных значений на тестовых данных по стандартной метрике MSE:

$$L = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{M} ((g_{\theta}(\mathbf{X}))_{t_i} - \mathbf{y}_{t_i})^2 \cdot \mathbf{16}$$

Решается оптимизационная задача:

$$\hat{\theta} = \arg\min_{\theta} L(\theta, \mathbf{X}).$$
 17

Список литературы

- 1. нужна ссылка на фундаментальную работу
- 2. нужна ссылка на работы с непр. временем
- 3. "наиболее" оценочное суждение. Либо снабдить ссылкой на мета-анализ, где подтверждается, что это действительно наболее популярный подход, либо убрать
- 4. ссылка на работу
- 5. ссылка на работы (нужно несколько, раз ряд работ)
- 6. ссылка на несколько работ
- 7. ???
- 8. ссылка на работы
- 9. ссылка на каждый из методов
- 10. ссылка на работы
- 11. ссылка на работы. Проверить согласованность предложения (посвящено -> было посвящено?)
- 12. Вполне естественно оценочное, лучше убрать
- 13. Пояснить к какому множеству принадлежит V(T)? Если это многомерная величина, то сделать жирным
- 14. Запятая или точка в конце. Между T=... и t\_i \in ... должен быть пробел или даже \quad
- 15. Про theta ничего не сказано. Какое это множество? Что это вообще такое, пояснить.
- 16. Скобка потерялась
- 17. По какому множеству идет максимизация, подписать