
Восстановление прогноза, сделанного в метрическом вероятностном пространстве, в исходное пространство (временных рядов)

A Preprint

Maxim Divilkovskiy
Chair of Data Analysis
MIPT
divilkovskii.mm@phystech.edu

Vadim Strijov
FRC CSC of the RAS
Moscow, Russia
strijov@phystech.edu

Abstract

Исследование посвящено проблеме прогнозирования временных рядов с высокой ковариацией. Задача решается для наборов временных рядов с высокой дисперсией, проявляющейся, например, в сигналах головного мозга или ценах финансовых активов. Для решения данной задачи предлагается построение пространства парных расстояний, представляющего метрическую конфигурацию временных рядов. Прогноз осуществляется в этом пространстве, а затем результат возвращается в исходное пространство. В данной статье рассматриваются методы перевода прогноза из метрического пространства в исходное пространство временных рядов. Помимо этого, приводится оценка качества прогноза. Новизна работы заключается в использовании риманова пространства в качестве метрического, а также в использовании римановых моделей.

Keywords Riemannian Space · Trades · Multidimensional Scaling · Time Series

1 Introduction

Временные ряды возникают во многих прикладных задачах, таких как анализ физической активности, мозговых волн или биржевых котировок. Цель данной работы заключается в представлении нового метода прогнозирования для конкретного типа временных рядов, характеризующихся высокой дисперсией и высокой попарной ковариацией. Задача разбивается на три этапа: сначала исходное пространство временных рядов трансформируется в метрическое пространство (по попарным расстояниям), затем в этом пространстве производится прогноз, после чего результат возвращается в исходное пространство. В данной статье исследуется восстановление ответа в пространство временных рядов, то есть третий этап задачи. Также проводится оценка качества прогноза.

Задача прогнозирования набора временных рядов заключается в оценке значений временных рядов в наборе в $t + 1$ момент времени, зная значения в моменты времени $1, 2, \dots, t$. Формально, имеется набор векторов $\{\vec{x}_i\}_{i=1}^t$, где $\vec{x}_i \in \mathbb{R}^d$. То есть d временных рядов. Необходимо оценить значение \vec{x}_{t+1} .

Новизна работы заключается в том, что прогнозирование делается не в исходном пространстве, а в пространстве попарных расстояний. Преимущество данного метода заключается в том, что на реальных наборах временных рядов часто наблюдается зависимость, близкая к линейной, и эта дополнительная информация может улучшить качество итогового прогноза.

Метрическое пространство выбирается таким образом, чтобы из него можно было получить ответ. Помимо попарных скалярных произведений, можно использовать функции, являющиеся Ядрами, то есть удовлетворяющие условиям Мёрсера.

Эксперимент проводится на биологических и финансовых данных. Цель эксперимента заключается в выборе наилучшего способа построения метрического пространства.

Список литературы

[1] Trades, Quotes and Prices, Financial Markets Under the Microscope by Jean-Philippe Bouchaud, Julius Bonart, Jonathan Donier, Martin Gould

[2] Multidimensional scaling in Riemann Space
Joseph Woelfel, George Barnett

[3] Dynamic Trading with Predictable Returns and Transaction Costs
Nicolae G^arleanu, Lasse Heje Pedersen

[4] Quasi-periodic time series clustering for human activity recognition
A. V. Grabovoy, V. V. Strijov

[5] Extracting fundamental periods to segment biomedical signals
Anastasia Motrenko, Vadim Strijov

[6] Introduction to Probabilistic Programming
A. Das

[7] Selection of superposition of models for railway freight forecasting
N. D. Uvarov, M. P. Kuznetsov, A. S. Malkova, K. V. Rudakov, V. V. Strijov

[8] Multidimensional scaling
<https://dept.stat.lsa.umich.edu/~jerrick/courses/stat701/notes/mds.html>

[9] Denoising diffusion probabilistic models
J. Ho

[10] Quadratic Programming Feature Selection for Multicorrelated Signal Decoding with Partial Least Squares
R.V. Isachenko, V.V. Strijov

[11] Multi-Period Trading via Convex Optimization
Stephen Boyd, Enzo Busseti, Steven Diamond, Ronald N. Kahn