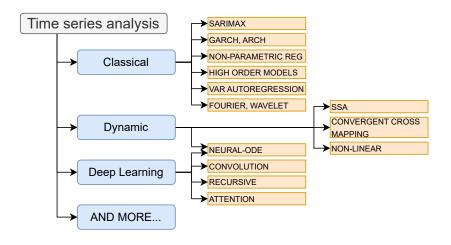
Mathematical Forecasting Methods Лекция 1

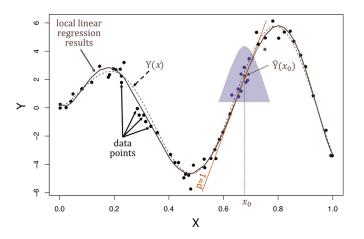
МФТИ

Осень, 2024

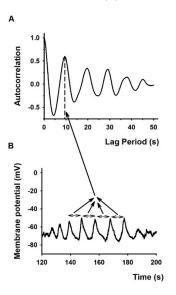
Forecasting Methods/Models zoo



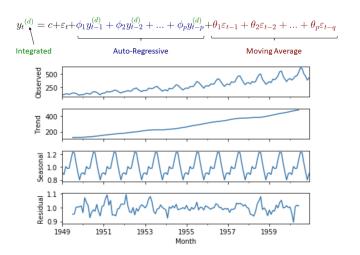
Регрессионные модели: непараметрические методы



Регрессионные модели: автокорреляция

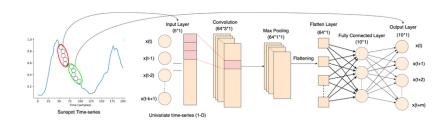


Регрессионные модели: SARIMAX

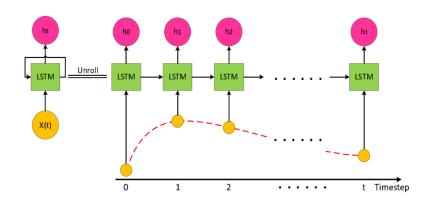


______ credit:

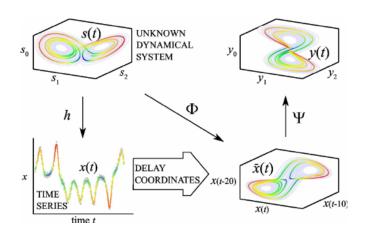
Регрессионные модели: сверточные нейронные сети



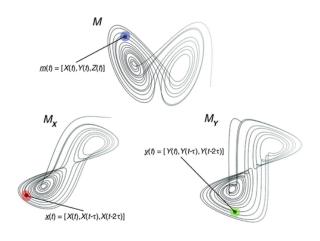
Регрессионные модели: рекуррентные нейронные сети



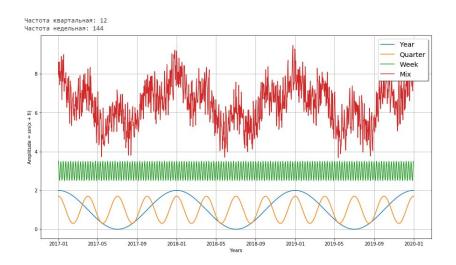
От статистических к динамическим



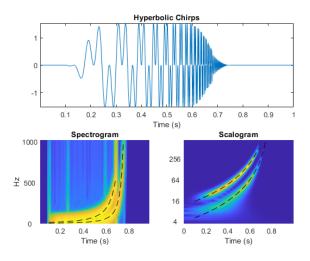
От статистических к динамическим: перекрёстное отображение



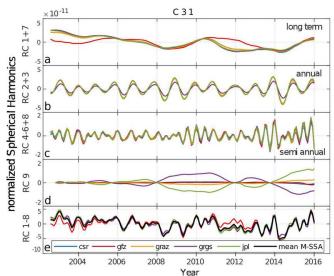
От статистических к динамическим: анализ Фурье



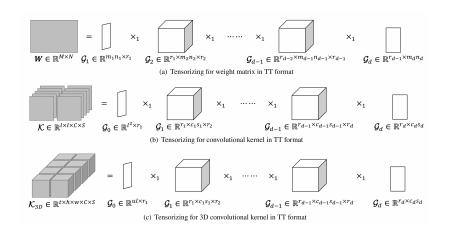
От статистических к динамическим: вейвлет преобразование



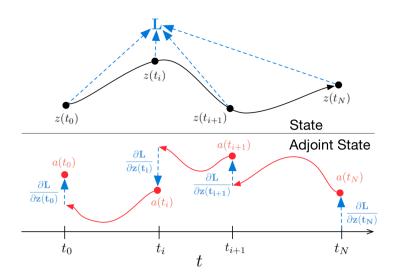
От статистических к динамическим: сингулярный спектральный анализ



Тензорные методы



Дифференциальные модели: Neural-ODE



Временной ряд

- ▶ Временной ряд это последовательность значений некоторой переменной (или переменных), регистрируемых непрерывно или через некоторые промежутки времени.
- lacktriangleright Скалярным временным рядом $\{x_i\}_{i=1}^N$ называется массив из N чисел, представляющих собой значения некоторой измеренной (наблюдаемой) динамической переменной x(t) с некоторым постоянным шагом au по времени.
- Основная задача это задача прогноза (предсказать будущие значения измеряемых характеристик изучаемого объекта на некоторый отрезок времени вперед).

Временной ряд

Будем называть $\{x_i\}_{i=1}^N$ временным рядом, $\hat{x}_{i+d} = f_{i,d}(x_1,...x_N;w)$ — моделью временного ряда, где d=1,...,D — горизонт прогнозирования. Метод наименьших квадратов:

$$Q_t(w) = \sum_{i=1}^{N} (\hat{x}_i(w) - x_i)^2 \to \min_{w}$$

Проблемы:

- у временных рядов может быть сложная структура,
- неквадратичная функция потерь подходит не для всех задач,
- может быть потребность в учете физической природы временного ряда.

Резюме

- Этот курс будет посвещен математическим методам вне классических подходов (но и классические тоже будут затронуты).
- Существует множество различных статистических и динамических методов прогнозирования временных рядов.
- Существуют методы и модели прогнозирования данных высокой размерности (таких как видео).
- Принципиальное отличие от других задач машинного обучения — это зависимость наблюдений от предыстории.
- Классическая постановка сильно ограничена.