# PBL1. 친구추천

Similarity Join을 통한 효율적인 알고리즘 방안

1조 신민경 이정인 전성원 김덕영

# Index

- 1: Problem Definition
- 2: Similarity Join
- 3: Algorithm Research
- 4: Codes & Results
- 5: Additional Research

### 1: Problem Definition

# Facebook의 데이터를 이용한 친구 추천 알고리즘 구현

#### Given Data

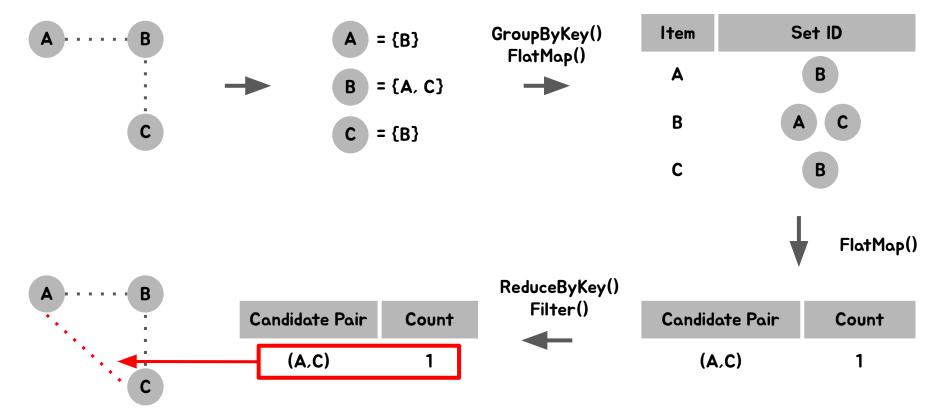
facebook의 친구 데이터, 친구관계를 이루는 (ID1, ID2) 쌍 Undirected Graph: ID1과 ID2는 '서로'친구관계이다.

#### Goal

공통친구의 비율이 threshold τ (0.6, 0.7, 0.8, 0.9) 를 넘는 친구후보 쌍을 추천

=> 이때, <mark>"아직 친구가 아닌"</mark> 모든 후보를 추출하는 것이 핵심!

# 2: Similarity Join



# 2: Similarity Join

```
data = sc.parallelize(['A', ['C', 'D', 'E'], ['B', ['E', 'F'], ...])

x = data.flatMap(lambda l: [(x, (|[0], len(|[1]))) for x in (|[1])])

inverted_list = x.groupByKey().mapValues(list)

pair = inverted_list.flatMap(lambda l: [((|[1][i], |[1][j]), 1) for i in range(len(|[1])) for j in range(i+1, len(|[1])))

overlap = pair.reduceByKey(lambda x, y: x+y)

answer = overlap.filter(lambda t: t[1] >= a/((1+a)*(t[0][0][1]+t[0][1][1])))

.map(lambda t: (t[0][0][0], t[0][1][0]))
```

#### Limitation)

Inverted list를 계산 -> O(n^2) : 한 사람이 많은 친구를 갖는 경우에는 <mark>오랜 시간</mark>이 걸릴 수 있다. Inverted list 내의 모든 원소에 대하여 후보 쌍을 생성하므로 <mark>중복이 많이 발생</mark>한다.

(Filtering Methods)	(Similarity Joins)	
Length Filtering	PPJoin	
	PPJoin+	
Prefix Filtering	MPJoin	
Positional Filtering	АРJoin	

# 3: Algorithm Research - Length Filtering

: 아래 두가지 조건을 만족하지 않는 (x, y) 조인후보 쌍은 제외한다.

1) 
$$J(x, y) \ge t \Leftrightarrow t*|x| \le |y|$$

$$O(x,y) \ge \alpha = \frac{t}{1+t}(|x|+|y|)$$

$$\alpha \le |y|, \quad \frac{t}{1+t}(|x|+|y|) \le |y|$$

$$t|x| \le |y|$$

2) 집합의 크기가 작은 순으로 정렬하여 |y| ≤ |x|인 (x,y) 선택

$$A = \{B\}$$

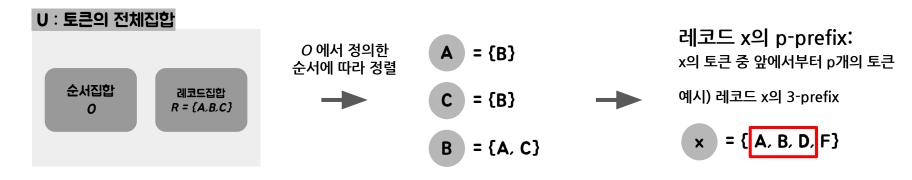
$$A = \{B\}$$

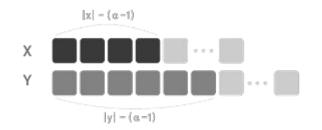
$$B = \{A, C\} \qquad \qquad C = \{B\}$$

$$B = \{A, C\}$$

# 3: Algorithm Research - Prefix Filtering

: 레코드 x, y에 대해, O(x, y) ≥ α를 만족할 때, (x의 p-prefix) ∩ (y의 p-prefix) ≥ 1이다.





레코드 x의 prefix 길이: |x| - α +1 레코드 y의 prefix 길이: |y| - α +1

-> 한 레코드의 prefix 길이는 다른 레코드 길이에 의해 결정된다.

 $\therefore$  최대 prefix 길이 =  $|x| - [t \cdot |x|] + 1$ 

=> 조인후보 <mark>가능성이 없는 후보를 제외</mark>시켜 조인후보 쌍 수를 줄임

## 3: Algorithm Research - Positional Filtering

: Overlap의 최대크기 ≥ α 를 만족하지 못하는 레코드를 조인후보 쌍 생성 전에 제외한다.

레코드 x, y의 공통토큰이 각각 i번째, j번째 있다고 하자.

Overlap의 최대크기 = 현재 Overlap 크기 + min(len(x)-i, len(y)-j)

prefix filtering은 prefix 범위 내에서는

O(x,y) ≥ α를 만족하지 못하더라도 조인후보 쌍으로 선택한다.

- -> 불필요한 조인후보 쌍이 많이 생길 수 있다.
- ∴ positional filtering 이용하면, 생성되는 조인후보의 쌍을 많이 줄일 수 있다.

#### **PPJoin**

-지난 수업시간에 배웠던 알고리즘

-단순 Similarity Join 알고리즘 + 세가지 Filtering 기법(Length + Prefix + Positional)

하지만 여전히 많은 조인후보 쌍을 만들어 조인후보 검증 시간이 많이 든다.

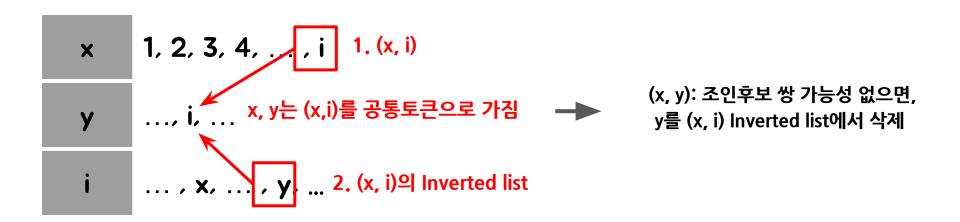
#### **PPJoin+**

-PPJoin을 개선하기 위해 새로운 filtering 기법(suffix filtering) 사용

조인후보 쌍 수는 많이 줄였지만, 조인후보 쌍을 만들기 위한 비교연산은 PPJoin과 동일해 큰 성능개선은 하지 못했다.

# 동적 Prefix Filtering

- ɪ 1. 레코드 x의 i번째 토큰 (x, i) => (x, i) 는 x를 원소로 가진다.
- ♪ 2. (x, i)의 Inverted list의 토큰 중 하나를 y라고 할 때, x와 y는 (x, i)를 공통토큰으로 가진다.
- 3. 이 때 (x, y)가 조인후보 쌍이 될 가능성이 없으면, y를 (x, i) Inverted list에서 항목을 삭제



### **MPJoin**

l -Inverted list를 만들면서 y의 prefix 범위를 넘는 토큰을 Inverted list에서 삭제 --공통 토큰이 y의 prefix 범위 내에 있고, positional filtering을 만족하면 후보 쌍으로 생성

조인후보 쌍이 유의미하게 감소

#### **APJoin**

- -MPJoin과 동일하게 동적 prefix filtering을 사용
- '-하지만 y뿐만 아니라 매번 달라지는 x의 prefix 범위도 고려

따라서 조인후보 쌍을 추출하기 위한 비교연산 감소

#### APJoin Pseudo-Code

Algorithm: APJoin(R, t)

1 S ← Ø;

```
2  I<sub>w</sub> ← Ø (1 ≤ w ≤ |U|); // initialize inverted index

3  for each x ∈ R do

4  A ← empty map from record id to int;

5  max_probe_prefix ← |x| − [t ⋅ |x|] + 1; // Eq. (5)

6  max_index_prefix ← |x| − [2|x| ⋅ t/(t+1)] + 1; // Eq. (6)

7  for i = 1 to max_probe_prefix do

8  α = [(|x| + |x| − i + 1) ⋅ t/(t + 1)]; // |y| = |x| − i + 1

9  prefix_x[i] = |x| − α + 1; // Eq. (3)
```

 $prefix_v[i] = (|x|-i+1)-\alpha+1;$ 

```
for each (y, j) \in I_w do
                                       // 레코드 y의 토큰 (y, j)
14
        if |y| < t \cdot |x|
                                   // 현재 노드 이후 삭제
         (v, j)와 연결된 노드들 삭제;
        else if j > \text{prefix}_y[|x| - |y| + 1]
17
         (y, j) 삭제;
                                        // 현재 노드 삭제
        else if i > \text{prefix}_x[|x| - |y| + 1]
18
19
          continue;
                                         // 다음 노드로 이동
20
         A[y] = A[y] + 1;
                                        // candidate generation
```

// Eq. (4)

```
22 for i=1 to max_index_prefix do
23 w \leftarrow x[i];
24 I_w = I_w \cup \{(x, i)\}; // 토쿤 (x, i)를 inverted index에
25 VerifyZip(x, A, \alpha); // verification phase
26 return S
```

```
S[] = 조인결과 쌍을 저장
I[] = Inverted list
```

A[] = y의 Overlap score를 저장 각 레코드 별로 α와 prefix 범위를 계산해서 저장

#### 동적 Prefix filtering

- 1) 레코드 (y,j)가 length filtering을 만족하지 않는 경우, 토큰 (y,j)를 Inverted index에서 삭제
- 2) j가 y의 prefix 범위를 벗어나면 토큰 (y,j)를 Inverted index에서 삭제
- 3) i가 x의 prefix 범위를 벗어나면 다음 토큰으로 이동
- 4) 위 조건들에 해당하지 않는 경우, 조인후보 쌍이 될 수 있으므로 A리스트의 값을 증가

Inverted list를 생성하고, 조인후보 쌍을 검증하고 출력

#### 논문 내 4가지 Join들의 성능비교

	Comp	1)  Cand	Join	Time(sec)
PPJoin 2)	4,132,651	1,356,337	3,683	2.106
PPJoin+	4,132,651	11,905	3,683	1.810
MPJoin	2,200,083	1,356,628	3,683	0.978
APJoin	1,378,845	1,357,015	3,683	0.668

- 1) PPJoin vs. PPJoin+: 비교연산 수는 동일, 추출된 조인후보 쌍은 큰 차이
- 2) PPJoin vs. (MPJoin & APJoin): 비교연산 수는 큰 차이, 추출된 조인후보 쌍은 차이 없음

#### 친구리스트 작성/정렬

```
In [1]: import findspark
        findspark.init()
In [2]: from pyspark import SparkContext
        from pyspark.sql import SQLContext, SparkSession
        sc = SparkContext("local", "pbl-1")
        spark = SparkSession(sc)
In [3]: data = sc.textFile("facebook combined.txt")
        parse data = data.flatMap(lambda line: line.split('\n')) \
                    .map(lambda 1:1.split(' ')).map(lambda 1: [(int(1[0]),int(1[1])),(int(1[1]),int(1[0]))]).flatMap(lambda t:
In [4]: group = parse data.groupByKey().mapValues(list)
        new group = group.flatMap(lambda 1: [(1[0], (len(1[1]), sorted(1[1])))])
        #print(new group.collect())
In [5]: order = new group.sortBy(lambda v: v[1])
        R = order.mapValues(lambda v: v[1]).collect()
        #print(R)
```

Algorithm: APJoin(R, t)

# 변수 선언/α 값·prefix 범위 계산

```
    S ← Ø;

2 I_w \leftarrow \emptyset (1 \leq w \leq |U|); // initialize inverted index
3 for each x \in R do
     A \leftarrow empty map from record id to int;
     \max_{probe_prefix} \leftarrow |x| - [t \cdot |x|] + 1;
                                                 // Eq. (5)
     max_index_prefix \leftarrow |x| - \lceil 2|x| \cdot t/(t+1) \rceil + 1; // Eq. (6)
    for i = 1 to max probe prefix do
    \alpha = \lceil (|x| + |x| - i + 1) \cdot t/(t+1) \rceil; // |y| = |x| - i + 1
     prefix_x[i] = |x| - \alpha + 1;
                                         // Eq. (3)
     prefix_v[i] = (|x|-i+1)-\alpha+1;
                                        // Eq. (4)
     for i = 1 to max_probe_prefix do
      w \leftarrow x[i]; // 레코드 x의 토큰 (x, i)
       for each (y, j) \in I_w do // 레코드 y의 토큰 (y, j)
         if |y| < t \cdot |x| // 현재 노드 이후 삭제
14
     (v, j)와 연결된 노드들 삭제;
15
16
         else if j > \text{prefix\_y}[|x| - |y| + 1]
     (y, j) 삭제;
                                         // 현재 노드 삭제
17
         else if i > \text{prefix}_x[|x| - |y| + 1]
18
19
      continue:
                                          // 다음 노드로 이동
20
         else
         A[y] = A[y] + 1;
                                          // candidate generation
21
22 for i = 1 to max index prefix do
23 w \leftarrow x[i];
24 I_{ii} = I_{ii} \cup \{(x, i)\}; // 토큰 (x, i)를 inverted index에
25 VerifyZip(x, A, \alpha);
                                           // verification phase
26 return S
```

```
r_set = [0.6, 0.7, 0.8, 0.9]
set_idx = {id:i for i,(id,x) in enumerate(R)}

times_ = []
length_ = []

for r in r_set:
    print("# when r = ",r)
    start = time.time()

S = []
I = [[] for _ in range(len(R))] # inverted list
```

```
for (x_id, x) in R:
    max_probe_prefix = len(x) - math.ceil(r*len(x)) + 1
    max_index_prefix = len(x) - math.ceil(2*len(x)*r/(r+1)) + 1
    prefix_x = [0]
    prefix_y = [0]
    A = [0 for _ in range(len(R))] # overlap score for y

    for i in range(1,max_probe_prefix+1):
        a = math.ceil((2*len(x)-i+1)*r/(r+1))
        prefix_x.append(len(x)-a+1)
        prefix_y.append(len(x)-i+1-a+1)
```

# 동적 Prefix Filtering/Inverted list 작성

```
Algorithm: APJoin(R, t)
1 S ← Ø:
2 I_w \leftarrow \emptyset (1 \leq w \leq |U|); // initialize inverted index
3 for each x \in R do
4 A ← empty map from record id to int;
    \max_{probe_prefix} \leftarrow |x| - [t \cdot |x|] + 1;
                                                 // Eq. (5)
    max_index_prefix \leftarrow |x| - \lceil 2|x| \cdot t/(t+1) \rceil + 1; // Eq. (6)
7 for i = 1 to max probe prefix do
   \alpha = \lceil (|x| + |x| - i + 1) \cdot t/(t+1) \rceil; // |y| = |x| - i + 1
     prefix x[i] = |x| - \alpha + 1;
                                         // Eq. (3)
10 prefix_v[i] = (|x|-i+1)-\alpha+1; // Eq. (4)
     for i = 1 to max probe prefix do
       w \leftarrow x[i];
                     // 레코드 x의 토큰 (x, i)
       for each (y, j) \in I_w do // 레코드 y의 토큰 (y, j)
        if |y| < t \cdot |x| // 현재 노드 이후 삭제
      (v. j)와 연결된 노드들 삭제;
        else if j > \text{prefix\_y}[|x| - |y| + 1]
        (y, j) 삭제;
                                           // 현재 노드 삭제
         else if i > \text{prefix}_x[|x| - |y| + 1]
19
          continue:
                                           // 다음 노드로 이동
         else
          A[y] = A[y] + 1;
                                           // candidate generation
    for i = 1 to max_index_prefix do
      w \leftarrow x[i];
      I_{uv} = I_{uv} \cup \{(x, i)\};
                           // 토큰 (x, i)를 inverted index에
25 VerifyZip(x, A, α);
                                           // verification phase
26 return S
```

```
for i in range(1,max probe prefix+1):
    w = x[i-1]
    w idx = set idx[w]
    for ((y id, y), j) in I[w idx]:
        if len(y) < r*len(x):
             I[w idx].remove(((y id,y),j))
         elif j > prefix y[len(x)-len(y)+1]:
             I[w idx].remove(((y id,y),j))
         elif i > prefix x[len(x)-len(y)+1]: continue
         else:
             A[set idx[y id]] = A[set idx[y id]] + 1 # \(\frac{\tau L}{2} \) \(\frac{\tau N}{2} \)
```

```
for i in range(1,max_index_prefix+1): # x의 원소에 대한 inverted list 추가
w = x[i-1]
w_idx = set_idx[w]
I[w_idx].append(((x_id,x),i))
```

#### 조인 후보 쌍 검증

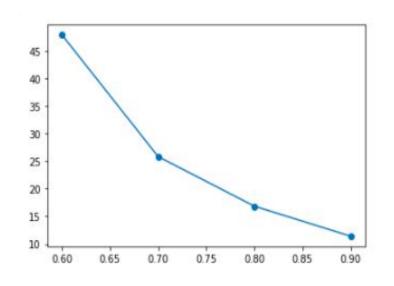
```
Algorithm: APJoin(R, t)
1 S ← Ø:
2 I_w \leftarrow \emptyset (1 \leq w \leq |U|); // initialize inverted index
3 for each x \in R do
4 A ← empty map from record id to int;
5 max_probe_prefix \leftarrow |x| - \lceil t \cdot |x| \rceil + 1;
                                              // Eq. (5)
6 max_index_prefix \leftarrow |x| - \lceil 2|x| \cdot t/(t+1) \rceil + 1; // Eq. (6)
7 for i = 1 to max probe prefix do
8 \alpha = \lceil (|x|+|x|-i+1) \cdot t/(t+1) \rceil; //|y| = |x|-i+1
9 prefix x[i] = |x| - \alpha + 1; // Eq. (3)
10 prefix_v[i] = (|x|-i+1)-\alpha+1; // Eq. (4)
11 for i = 1 to max probe prefix do
      w \leftarrow x[i]; // 레코드 x의 토큰 (x, i)
      for each (y, j) \in I_w do // 레코드 y의 토큰 (y, j)
        if |y| < t \cdot |x| // 현재 노드 이후 삭제
14
     (y, j)와 연결된 노드들 삭제;
15
16
        else if j > \text{prefix}_y[|x| - |y| + 1]
    (y, j) 삭제;
                                       // 현재 노드 삭제
17
        else if i > \text{prefix}_x[|x| - |y| + 1]
18
      continue;
                                        // 다음 노드로 이동
19
20
        else
          A[v] = A[v] + 1;
                                        // candidate generation
     for i = 1 to max index prefix do
      w \leftarrow x[i];
     I = I \cup \{(x, i)\}; // E= (v, i)= inverted index s
25 VerifyZip(x, A, α);
                                         // verification phase
26 return S
```

```
for i in range(len(R)): # 후보 검증 후 S에 추가
(y_id, y) = R[i]

if A[i] == 0: continue # prefix 안에 공통 토콘이 하나도 없다면 제외
a = math.ceil((len(x)+len(y))*r/(r+1))
(p,q,cnt) = (0,0,0)
```

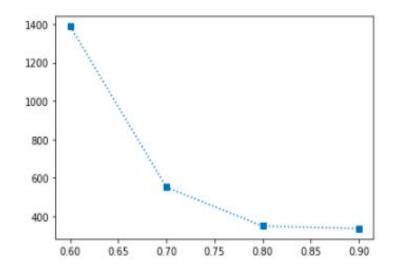
```
while(p<len(x) and q<len(y)):# 공통 토큰 개수 카운트
if x[p] == y[q]:
    cnt = cnt+1
    p = p+1
    q = q+1
elif cnt+min(len(x)-p-1,len(y)-q-1) < a: break # positional filtering
elif x[p] < y[q]: p = p+1
else: q = q+1
if cnt >= a and y_id not in x: # x와 y가 이미 친구인 경우는 제외
S.append((x_id, y_id))
```

### 실행시간/결과 조인 수 비교



```
import matplotlib.pyplot as plt
plt.plot( r_set, times_, linestyle='-', marker='o')
plt.show()

plt.plot( r_set, length_, linestyle=':', marker='s')
plt.show
```



=> threshold가 <mark>커질 수록</mark>, 실행시간/조인결과 쌍의 개수 <mark>모두 감소</mark>

#### 5: Additional Research

1. Adamic Adar(아담 아다르) 알고리즘:

공유하고 있는 이웃을 기반으로 각 노드의 근접성을 계산

- Ⅰ -〉 즉, 노드 A와 B가 공유하고 있는 친구가 많더라도 그 친구들의 거리가 멀면 A와 B가 서로 친구가 될 「가능성이 적다고 평가
- 「2. Common Neighbors 알고리즘:
- 연결되어 있지 않은 두 노드들 간에 공통의 노드들이 공유된다면, 이 둘은 이후에 연결될 가능성이 높다는 원리를 이용
- 3. Friend of Friend Algorithm(FOAF) 알고리즘:
- 연결길이 I을 사용해서 한 개체와 거리가 I인 다른 개체를 그룹으로 형성
- -> 즉, 개체들의 연결망을 형성하여 친구를 추천
- │4. SimRank 알고리즘:
- "비슷한 사람에 의해서 가리켜지면, 비슷한 사람일 것이다"라는 가정에 기반한 Node Similarity 알고리즘.
- \*이를 계산하는 과정이 다음주에 배우게 될 PageRank와 매우 유사

# **감사합니다**