



---

# ΑΡΙΣΤΟΤΕΛΕΙΟ ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΘΕΣΣΑΛΟΝΙΚΗΣ

**Εργασία CRC στο μάθημα “Ψηφιακές Επικοινωνίες”  
Αριστοτέλειο Πανεπιστήμιο Θεσσαλονίκης  
Τμήμα Πληροφορικής**

**Ονοματεπώνυμο : Ιωάννης Ντούβελος  
ΑΕΜ:3340**

**Περίληψη :** Η εργασία υλοποιήθηκε σε γλώσσα Java και περιλαμβάνει τις εξής λειτουργίες , δημιουργία τυχαίων μηνυμάτων με ισοπίθανα 0 και 1, επιστροφή της xor τιμής δύο ακεραίων , εύρεση του CRC που αντιστοιχεί σε κάθε μήνυμα βάσει του P αριθμού που δίνει ο χρήστης , αποστολή του μηνύματος μέσω καναλιού με συγκεκριμένο BER=  $10^{-3}$  όπως ορίζει η εκφώνηση , έλεγχος του CRC στην πλευρά του αποδέκτη και εμφάνιση στατιστικών για το ποσό των μηνυμάτων που είχαν λάθος , που ανιχνεύθηκαν ως λάθος από το CRC και που είχαν λάθος αλλά δεν ανιχνεύθηκαν.

**Δημιουργία τυχαίων μηνυμάτων :** Η συνάρτηση που υλοποιεί αυτή την λειτουργία είναι η void message\_generator(int k) με όρισμα ακέραιο k που δηλώνει πόσα ψηφία θέλουμε να έχει το μήνυμα . Χρησιμοποιώντας την Math.random() της Java η οποία επιστρέφει αριθμό από 0-1 , όταν βρίσκεται η τιμή που επιστρέφει πάνω από 0,5 τότε εισάγουμε στο μήνυμα 1 αλλιώς βάζουμε 0 . Το μήνυμα αποθηκεύεται στην ArrayList<Integer > message .

**Επιστροφή της xor τιμής δύο ακεραίων :** Η συνάρτηση που υλοποιεί αυτήν την λειτουργία είναι int xor\_function(int a,int b) , επιστρέφει ακέραιο (την τιμή xor ) και παίρνει σαν όρισμα δύο ακέραιους α και β , αν είναι ίσοι επιστρέφει 0 αλλιώς επιστρέφει 1 .

**Εύρεση της τιμής CRC του μηνύματος βάσει του P αριθμού που δίνει ο χρήστης:** Μόλις ξεκινάει το πρόγραμμα ζητείται από τον χρήστη να δώσει τον αριθμό P βάσει του οποίου θα γίνει η διαίρεση modulo 2 για να βρεθεί το CRC . Έπειτα , η συνάρτηση που υλοποιεί την διαίρεση είναι η void division(ArrayList<Integer> message , boolean check ) η οποία παίρνει δύο ορίσματα , το μήνυμα το οποίο πρέπει να διαιρέσει και μια λογική μεταβλητή . Και τα δύο αυτά ορίσματα δίνονται για να ξεχωρίσουμε σε ποια πλευρά βρισκόμαστε , πομπού ή δέκτη . Συγκεκριμένα , προσθέτουμε μηδενικά στο τέλος του μηνύματος μόνο όταν είμαστε στην πλευρά του πομπού , αντιγράφουμε το μήνυμα μόνο όταν είμαστε την πλευρά του πομπού (για να το κρατήσουμε ανέπαφο για τον έλεγχο των αποτελεσμάτων ) και καλούμε την συνάρτηση για τον έλεγχο των αποτελεσμάτων (για τα στατιστικά) μόνο όταν βρισκόμαστε στην πλευρά του δέκτη. Εκτός από αυτές τις διαφορές στις δύο πλευρές η υπόλοιπη συνάρτηση παραμένει ίδια. Η υλοποίηση της διαίρεσης γίνεται με τον εξής τρόπο : Έχουμε ένα index το οποίο δείχνει κάθε χρονική στιγμή της εκτέλεσης ποιο ψηφίο του μηνύματος είναι το επόμενο για να “κατέβει” και έχουμε κι έναν πίνακα crc ο οποίος έχει μέγεθος ίδιο με του P αριθμού και κάθε χρονική στιγμή περιέχει τα αποτελέσματα από τις πράξεις xor που γίνονται . Αρχικά στον πίνακα εισάγονται τα αποτελέσματα της πρώτης πράξης xor του P με το μήνυμα . Στην συνέχεια αρχίζει η επανάληψη που τρέχει μέχρι να “κατέβει ” και το τελευταίο στοιχείο από το μήνυμα . Σε κάθε επανάληψη ελέγχουμε το πρώτο

στοιχείο του crc (αυτός είναι κι ο λόγος που την πρώτη πράξη την κάνουμε πριν ξεκινήσει η επανάληψη ) , αν το στοιχείο είναι 1 κάνουμε κανονικά την πράξη xor (στοιχείο του μηνύματος με στοιχείο του P) και κρατάμε το αποτέλεσμα στον crc και συνεχίζουμε . Εάν το πρώτο στοιχείο είναι 0 τότε σημαίνει ότι πρέπει να το προσπεράσουμε και να κατεβάσουμε το επόμενο στοιχείο του μηνύματος . Αυτό γίνεται κάνοντας πράξη με xor 0 όλα τα στοιχεία εκτός από το πρώτο που είναι το 0 , και τα μετακινούμε μια θέση αριστερά στον πίνακα , στο τέλος κατεβάζουμε το στοιχείο που δείχνει το index στο μήνυμα και αυξάνουμε το index . Με αυτό τον τρόπο απαλείψαμε το μηδενικό από μπροστά και κατεβάσαμε το επόμενο στοιχείο χωρίς να επηρεαστεί κάποιο ενδιάμεσο ψηφίο αφού ( $0 \text{ xor } 0 = 0$  και  $1 \text{ xor } 0 = 1$  ) . Συνεχίζοντας έτσι όταν τελειώνει η επανάληψη ο πίνακας crc έχει μέσα 6 στοιχεία και έχει εξετάσει όλο το μήνυμα . Το CRC όμως πρέπει να είναι 5 ψηφία , οπότε για να πιάσουμε και την τελευταία περίπτωση που ξεφεύγει από την επανάληψη είναι να ελέγξουμε αν το πρώτο στοιχείο του crc είναι 1 , αν είναι τότε πρέπει να κάνουμε μια πράξη την οποία και κάνουμε κι έτσι στον πίνακα τα τελευταία 5 στοιχεία το αποτελούν το ζητούμενο CRC (τα τελευταία 5 από τα 6 διότι η τελευταία πράξη γίνεται μόνο σε περίπτωση που το πρώτο στοιχείο είναι 1 οπότε με τον πρώτο στοιχείο του P που είναι 1 θα προκύψει 0).

**Αποστολή του μηνύματος μέσω καναλιού με BER :** Η συνάρτηση που υλοποιεί αυτήν την λειτουργία είναι η void send\_message() . Αρχικά προσθέτει το Crc που βρέθηκε από την διαίρεση στο τέλος του αρχικού μηνύματος (το αντίγραφο που είχαμε κρατήσει ) , στην συνέχεια πραγματοποιεί την αποστολή στον δέκτη . Ο δέκτης στην ουσία είναι μια άλλη ArrayList<Integer> στη οποία μεταφέρουμε όλα τα στοιχεία του αρχικού μηνύματος ένα ένα χρησιμοποιώντας πάλι σαν πιθανότητα την Math.random()\*1000 η οποία επιστρέφει έναν αριθμό από το 0 -1000 , άμα ο αριθμός είναι <1 τότε δημιουργούμε σφάλμα και στέλνουμε λάθος bit .

**Έλεγχος Crc στην πλευρά του αποδέκτη :** Ο έλεγχος υλοποιείται πάλι με την συνάρτηση της διαίρεσης όπως προαναφέρθηκε μόνο με την διαφορά ότι καλούμε την συνάρτηση με την λογική τιμή που είναι όρισμα στην division ως true . Έτσι αφού γίνει η διαίρεση θα τρέξει και η συνάρτηση για έλεγχο των αποτελεσμάτων .

**Δημιουργία στατιστικών :** Η δημιουργία στατιστικών ξεκινάει από την συνάρτηση void check\_result () η οποία καλείται κάθε φορά που το μήνυμα έφτασε στον αποδέκτη και έγινε έλεγχος για το Crc . Με τρεις ελέγχους βρίσκουμε αν υπήρξε πραγματικό σφάλμα στην αποστολή (έλεγχος ενα προς ενα τα στοιχεία που στάλθηκαν και έφτασαν ) , αν ανιχνεύθηκε λάθος από το crc (αν μετά τον έλεγχο στον αποδέκτη ο πίνακας crc έχει μόνο μηδενικά σημαίνει ότι έφτασε χωρίς λάθος )

και τέλος ελέγχουμε ένα συνδυασμό των παραπάνω δύο , αν έφτασε μήνυμα με λάθος αλλά δεν ανιχνεύθηκε . Κρατάμε για την κάθε περίπτωση μία μεταβλητή και την αυξάνουμε κατά ένα κάθε φορά που βρούμε την αντίστοιχη περίπτωση . Στο τέλος εκτέλεσης του προγράμματος , στην main , αφού έχουμε ελέγξει έναν μεγάλο αριθμό μηνυμάτων , βάσει αυτών των μεταβλητών δημιουργούμε και εμφανίζουμε τα ποσοστά .

**Συνάρτηση main () :** Στην συνάρτηση main που τρέχει το πρόγραμμα ζητάμε από τον χρήστη να μας δώσει τον P αριθμό τον οποίο τον εισάγουμε σε έναν πίνακα . Στην συνέχεια έχουμε μια επανάληψη η οποία υλοποιεί τον εξής κύκλο : δημιουργία μηνύματος , εύρεση του CRC του , αποστολή στον δέκτη , έλεγχος στον δέκτη και έλεγχος αποτελεσμάτων και τέλος “καθαρίζουμε ” τις λίστες ώστε να περάσουμε στο επόμενο μήνυμα . Έτσι , δηλώνοντας σε μια μεταβλητή στην αρχή της κλάσης number\_of\_messages , απλά αλλάζουμε τον αριθμό της και έχουμε όσα μηνύματα θελήσουμε . Τέλος, δημιουργούνται και εμφανίζονται τα στατιστικά .

**Σημείωση :** Στον κώδικα θα αφεθούν σαν σχόλια κάποιες εντολές εμφάνισης για να ελεγχθούν αν χρειαστεί ακριβώς όλες οι πράξεις και τα αποτελέσματα από κάθε μήνυμα . Παραθέτονται screenshots από εκτέλεση για το παράδειγμα των διαφανειών και από εκτελέσεις για μεγάλο αριθμό μηνυμάτων , συγκεκριμένα για αριθμό χιλίων μηνυμάτων έως 100 εκατομμυρίων .

Παράδειγμα εκτέλεσης για μήνυμα : 1010001101 και P : 110101

```
Unnamed X
Give P number :
110101
Remainder is :111011
Remainder is :001110
Remainder is :011101
Remainder is :111010
Remainder is :001111
Remainder is :011111
Remainder is :111110
Remainder is :001011
Remainder is :010110
Remainder is :101100
Remainder is :011001
Remainder is :110010
Remainder is :000111
Remainder is :001110
Remainder is :001110
CRC sent : 01110
Remainder is :111011
Remainder is :001110
Remainder is :011101
Remainder is :111010
Remainder is :001111
Remainder is :011111
Remainder is :111110
Remainder is :001011
Remainder is :010111
Remainder is :101111
Remainder is :011010
Remainder is :110101
Remainder is :000000
Remainder is :000000
Remainder is :000000
```

Στατιστικά για μεγάλο αριθμών μηνυμάτων :

```
"D:\JAVA\IntelliJ IDEA 2019.2.3\jbr\bin\java.  
Give P number :  
110101  
Number of messages : 1000  
Messages with error : 1.1%  
Messages with error detected : 1.1%  
Messages with error not detected : 0.0%
```

```
"D:\JAVA\IntelliJ IDEA 2019.2.3\jbr\bin\jav  
Give P number :  
110101  
Number of messages : 10000  
Messages with error : 1.5699999%  
Messages with error detected : 1.5699999%  
Messages with error not detected : 0.0%
```

```
"D:\JAVA\IntelliJ IDEA 2019.2.3\jbr\bin\ja  
Give P number :  
110101  
Number of messages : 1000000  
Messages with error : 1.5057%  
Messages with error detected : 1.5057%  
Messages with error not detected : 0.0%
```

```
"D:\JAVA\IntelliJ IDEA 2019.2.3\jbr\bin\java  
Give P number :  
110101  
Number of messages : 10000000  
Messages with error : 1.4895301%  
Messages with error detected : 1.4895301%  
Messages with error not detected : 0.0%
```

```
"D:\JAVA\IntelliJ IDEA 2019.2.3\jbr\bin\java  
Give P number :  
110101  
Number of messages : 100000000  
Messages with error : 1.489919%  
Messages with error detected : 1.489919%  
Messages with error not detected : 0.0%
```