# **MÉMENTO ITC**

#### **Types**

# None rien int entier float flottant bool booléen True OU False str chaîne de caractères list[int] liste d'entiers, [1,3,7,9] (a,b) tuple (immuable)

#### **Opérateurs**

```
+ - * / abs arithmétiques
/ renvoie un flottant
// renvoie un entier
% modulo
===! égalité ou de différence
<= >= < > comparaison
and, or, not et, ou, non logiques
1 << 3 renvoie 8 = 2**3
```

#### Affectation ou assignation

```
a = 3 création d'un entier

i += 1 i = i + 1

j -= 2 j = j - 2

b = False création d'un booléen

L = [] liste vide

D = dictionnaire vide

S = "" chaîne de caractères vide
```

#### Structure conditionnelle

#### Le else ou le elif ne sont pas obligatoires.

Les conditions doivent être mutuellement exclusives. Le cas par défaut est le chemin d'exécution du else

```
if condition1:
    ...
elif condition2:
    ...
else:
    ...
```

#### **Boucles**

```
La fonction range prend un entier en paramètre!

range(start, stop, step) s'arrête à stop—1.

i = 0 #déclarer les variables nécessaires

while condition:
    i += 1 # incrémenter les variables si besoin

# pour i de 0 à n—1

for i in range(n):
    ... # attention à ne pas modifier i, le for s'en charge
    ... # i est incrémenté automatiquement à la fin de l'itération

# pour chaque élément de la liste L

for elem in L: # syntaxe pour parcourir les éléments d'une liste
    ... # si pas besoin de i ou de modifier elem
```

#### Listes (muables)

```
L = []
L = [1,2,3,4,5]
L.append(6)
L = [k for k in range(10)]
L = [ [] for _ in range(50) ]
# Liste de listes de 0 de dimension 100 x 200 \,
M = [[0 for _ in range(200)] for _ in range(100)]
M[i][j] # accès à un élément d'une liste de listes
n = len(L)
first = L[0]
last = L[len(L)-1]
last = L[-1]
last = L.pop() # retiré de la liste !
fourth = L[3]
tranche = L[3:7] # de 3 à 7 exclu
L = L1 + L2 # concaténation de liste
```

#### **Dictionnaires (muables)**

Les clefs sont nécessairement immuables : entiers, chaînes de caractères ou tuples.

```
d = {} # création d'un dictionnaire vide
d = { "rouge" : 0, "bleu" : 13}
d[k] # accès à la valeur associée à une clé k
d["vert"] = 42 # ajout d'une clé ("vert") de valeur 42
k in d # test s'il existe une clef k

# exemple : les clefs sont des entiers et les valeurs des listes.
d = {0 : [1,3], 42 : [7,21,49], 66:[]}
k = 1
if k not in d:
    d[k] = [] # on insère la clef et la valeur
else:
    # la clef existe, la valeur aussi
    d[k].append(3) # : on peut donc modifier la liste
```

## Chaînes de caractères (immuables)

```
s = "Hello" # initialisation
ch = s + " Olivier !" # concaténation de chaînes
s[2] # accès au troisième caractère de la chaîne
n = len(s) # longueur de la chaîne
s1 == s2 # test d'égalité de deux chaînes
s[3] < s[2] # comparer deux caractères d'une chaîne
s < ch # comparer deux chaînes de caractères
tranche = s[2:5] # de 2 à 5 exclu</pre>
```

#### **Numpy**

Numpy permet d'utiliser des tableaux statiques (de taille fixe), de faire du calcul élément par élément (vectoriel) et du calcul matriciel. Les opérations vectorielles étant compilées, le calcul est rapide.

```
import numpy as np
t = np.array([[1,2],[3,4]]) # tableau d'entiers
t = np.array([[1.,2.],[3.,4.]]) # tableau de flottants
t = np.zeros((n,m))
t = np.ones((n,m))
t[2] = 3.45 # affectation d'une valeur dans une case
t[i,j] # accès à un élément d'un tableau
t[3:5, :] # lignes 3 et 4 sur toutes les colonnes
a = np.array([1,2,3])
b = np.array([7,8,9])
c = (a-5) + 3*b # calcul vectoriel
```

Une liste de liste n'est pas un tableau statique ni un tableau Numpy!

**SQL** 

#### **Opérateurs** Action SELECT ... FROM ... Projection des colonnes Idem mais sans doublons SELECT DISTINCT ... FROM ... Condition de sélection des lignes GROUP BY Regrouper les résultats HAVING Filtrer les regroupements Ordonner les résultats ORDER BY ... ASC/DESC Limiter le nombre de résultats LIMIT n Écarter les n premiers résultats OFFSET nUNION, INTERSECT, EXCEPT Opérations ensemblistes Fonctions d'agrégation MIN, MAX, AVG, COUNT, SUM

```
SELECT COUNT(case_id)
FROM cases
WHERE long < -14.0 and viscosity > 0.0018;

SELECT robots.robot_name, chefs.robot_name
FROM robots
JOIN robots as chefs ON robots.chef=chefs.robot_id

SELECT chefs.robot_name, COUNT(robots.robot_id), SUM(robots.poids)
FROM robots
JOIN robots as chefs ON chefs.robot_id= robots.chef
GROUP BY chefs.robot_id
HAVING SUM(robots.poids) > 1000
ORDER BY COUNT(robots.robot_id) DESC
```

#### **Graphes**

```
# liste d'adiacence
adj_{-}lst = [[1,2],[0,3],[0],[1]]
# matrice d'adjacence
adj_mat = [[0,1,1,0],[1,0,0,1],[1,0,0,0],[0,1,0,0]]
# parcours en largeur (listes : complexité par optimale !)
# utiliser les files pour être efficace (module queue)
def parcours_largeur(G, sdepart):
    File = []
   decouverts = []
   parcours = []
    File.append(sdepart)
   decouverts.append(sdepart)
    while len(File) > 0:
        u = File.pop(0)
                          # attention O(n)
        parcours.append(u)
        for x in G[u]:
            if x not in decouverts:
                                       # attention O(n)
                decouverts.append(x)
                File.append(x)
    return parcours
```

Le parcours en largeur utilise une file d'attente alors que Dijsktra est un parcours en largeur qui utilise une file de priorité. Ce dernier ne fonctionne que si les valuations des arêtes du graphe sont positives.

#### Représentation des nombres

La décomposition d'un entier sur une base est unique.

$$198_{10} = 1 \times 10^{2} + 9 \times 10^{1} + 8 \times 10^{0} = 100 + 90 + 8$$
$$198_{10} = 11000110_{2} = 1 \times 2^{7} + 1 \times 2^{6} + 1 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} = 128 + 64 + 4 + 2$$

En binaire, les chiffres sont 0 ou 1.

Un octet est composé de 8 bits et représente un entier non signé entre 0 et 255 ou signé entre -128 et 127. Un octet peut être représenté par deux chiffres hexadécimaux :

$$11000110_2 = 0xC6 = 12 \times 16^1 + 6 \times 16^0 = 192_{10} + 6_{10} = 198$$

Un nombre flottant est composé d'un bit de signe s, d'un exposant biaisé E et d'une pseudo-mantisse  $M: \pm 1, M.2^e$ . C'est pourquoi il est codé en machine par s E M. En simple précision (32 bits) ou double précision (64 bits).

#### Fonctions (exemples)

# Fonctions incontournables

## **Fonctions incontournables**

```
def vmax(a,b):
    if b > a:
        return b
    else:
        return a

# récursive
def pgcd(a,b):
    if b == 0:
        return a
    else:
        return pgcd(b, a%b)
```

```
def occurrences(L : list[int]) → dict:
    occ = \{\}
    for e in L:
        if e in occ:
            occ[e] += 1
            occ[e] = 1
    return occ
def count_if_sup(L, v):
    c = 0
    for elem in L:
        if elem > v:
            c += 1
    return c
def average(L):
    if len(L) > 0:
        acc = 0
        for elem in L:
            acc +=elem
        return acc/len(L)
```

else:

return None

```
def max_val(L):
    if len(L) > 0:
        \max i = L[0]
        for elem in L:
            if elem > maxi:
                maxi = elem
        return maxi
    else:
        return None
def max_index(L):
    if len(L) > 0:
        maxi = L[0]
        index = 0
        for i in range(1, len(L)):
            if L[i] > maxi:
                maxi = L[i]
                index = i
        return index
        return None
```

### Recherche dichotomique

```
# Impératif
def dichotomic_search(t : list[int], elem : int) -> int :
    g = 0
    d = len(t) - 1
    while g <= d:</pre>
        m = (d + g) // 2 \# la division entière !
        if t[m] == elem:
            return m
        elif t[m] < elem:</pre>
            g = m + 1
        else:
            d = m - 1
    return None
# Récursif
def rec_dicho(t, g, d, elem):
    if g > d:
       return None
    else:
        m = (d + g) // 2
        if t[m] == elem:
            return m
        elif elem < t[m]:</pre>
           return rec_dicho(t, g, m—1, elem)
        else:
            return rec_dicho(t, m+1, d, elem)
```

#### Tris

```
# Tri par insertion, générique O(n) / O(n^2)
def insertion_sort(t):
    for i in range(1, len(t)):
        to_insert = t[i]
        while t[j-1] > to_insert and j > 0:
            t[j] = t[j-1]
            j —= 1
        t[j] = to_insert
# Tri fusion, générique O(n log n)
def fusion(t1,t2):
    n1 = len(t1)
    n2 = len(t2)
    if n1 == 0:
        return t2
    elif n2 == 0:
        return t1
    else:
        if t1[0] <= t2[0]:</pre>
            return [t1[0]] + fusion(t1[1:], t2)
            return [t2[0]] + fusion(t1, t2[1:])
def tri_fusion(t):
    n = len(t)
    if n < 2:
        return t
    else:
        t1, t2 = t[:n//2], t[n//2:]
        return fusion(tri_fusion(t1), tri_fusion(t2))
# Tri rapide, générique O(n log n) / O(n^2)
def quick_sort(t):
    if len(t) < 2: # cas de base</pre>
        return t
    else:
        t1, pivot, t2 = partition(t)
        return (quick_sort(t1) + [pivot] + quick_sort(t2))
# Tri par comptage, que sur les entiers O(n)
def counting_sort(t):
    v_{max} = max(t)
    count = [0] * (v_max + 1)
    for e in t: # création de l'histogramme
       count[e] += 1
    output = [None for i in range(len(t))]
    i = 0 # indice de parcours du tableau résultat
    for v in range(v_max + 1):
    # Exploitation de l'histogramme
        for j in range(count[v]):
            output[i] = v
            i += 1
    return output
```

#### A Complexités temporelles



**Méthode 1 — Complexité d'une fonction** Pour trouver la complexité d'une fonction :

- 1. Trouver le(s) paramètre(s) de la fonction étudiée qui influe(nt) sur la complexité.
- 2. Déterminer si, une fois ce(s) paramètre(s) fixé(s), il existe un pire ou un meilleur des cas.
- 3. Calculer la complexité en :
  - calculant éventuellement une somme d'entiers (fonction itérative),
  - posant une formule récurrente sur la complexité (fonction récursive).

Récurrence	Complexité	Algorithmes
T(n) = 1 + T(n-1)	$\rightarrow O(n)$	factorielle
T(n) = 1 + T(n/2)	$\rightarrow O(\log n)$	dichotomie, exponentiation rapide
T(n) = n + 2T(n/2)	$\rightarrow O(n \log n)$	tri fusion, transformée de Fourier rapide

#### Cas général: Ttoujours justifier la complexité d'un algorithme

Dans l'exemple ci-dessous, si f n'est pas exécutée en temps constant O(1), alors cet algorithme n'est pas en O(n).

```
b = 0
for i in range(n):
    a = f(n)  # ? complexité de f ?
    b = a + b  # opération élémentaire effectuée en temps constant O(1)
```

#### Opérations sur les listes

Opération	Exemple	Complexité
Création d'une liste vide	L=[]	O(1)
Accès à un élément	L[i]	O(1)
Longueur	len(L)	O(1)
Ajout en fin de liste	L.append(1)	O(1)
Suppression en fin de liste	L.pop()	O(1)
Concaténation	L1+L2	$O(n_1 + n_2)$
Tranchage (slicing)	L[n1: n2]	$O(n_2 - n_1)$
Compréhension	[f(k)for k in range(n)]	O(n) si f(k) est en $O(1)$
Suppression au début de la liste	L.pop(0)	O(n)

#### Opérations sur les dictionnaires

Opération	Exemple	Complexité
Création	d = {}	O(1)
Test d'appartenance d'une clé	cle <b>in</b> d	O(1)
Ajout d'un couple clé/valeur	d[cle]= valeur	O(1)
Valeur correspondant à une clé	d[cle]	O(1)

# Opérations sur les deque (files d'attente)

Opération	Exemple	Complexité
Création	q=deque()	O(1)
Ajout à la fin	q.append(e)	O(1)
Suppression au début	e=q.popleft()	O(1)
Longueur	len(q)	O(1)

#### Tri d'un tableau de taille n

Tris	Pire des cas	Moyen	Meilleur des cas
par insertion	$O(n^2)$	$O(n^2)$	O(n)
par comptage	$O(n + v_max)$	$O(n + v\_max)$	$O(n + v\_max)$
fusion	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$
rapide	$O(n^2)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$

#### Graphe d'ordre n et possédant m arêtes

Algorithme	Pire des cas	
Parcours en largeur	O(n+m)	
Parcours en profondeur	O(n+m)	
Dijkstra	$O((n+m)\log n)$	
Bellmann-Ford	O(nm)	
Floyd-Warshall	$O(n^3)$	

#### **B** Terminaison

Pour prouver la terminaison d'un algorithme, si cela est possible, il suffit de prouver que les boucles se terminent et donc de :

- 1. trouver un variant de boucle (entier, positif, strictement décroissant),
- 2. montrer que le variant est minoré, qu'il franchit nécessairement une valeur limite liée à la condition d'arrêt.

Dans le cas d'un algorithme récursif, on montre que la suite des paramètres appels récursifs est à positive, entière et strictement monotone et que la condition d'arrêt est nécessairement atteinte.

Exemple: v = |File| + |decouverts| est un variant de boucle pour l'algorithme du parcours en largeur d'un graphe.

#### **C** Correction

Pour prouver la correction d'un algorithme, on cherche un invariant, c'est-à-dire une **propriété** liée aux variables qui n'est pas modifiée par les instructions. Dans le cas d'une boucle, on vérifie que l'invariant :

- 1. est vrai au début de la boucle,
- 2. est invariant par les instructions de la boucle à chaque itération,
- 3. donne le résultat escompté si la condition de boucle est invalidée.

Exemple : La correction du parcours en largeur peut se prouver en utilisant l'invariant de boucle  $\mathfrak{I}$  : «**Pour chaque sommet v ajouté** à decouverts **et enfilé dans** File, **il existe un chemin de** sdepart à **v.**»