

Introduction à OCaml

OPTION INFORMATIQUE - TP n° 1.0 - Olivier Reynet

À la fin de ce chapitre, je sais :

- ☞ expliquer le fonctionnement de l'inférence de type
- ☞ lire la signature d'une fonction
- ☞ définir un type simple en OCaml
- ☞ définir un type somme simple
- ☞ utiliser le filtrage de motif sur un cas simple
- ☞ utiliser une référence pour programmer impérativement
- ☞ programmer une fonction récursive simple

A Coder en OCaml?

En ligne Pour utiliser OCaml en ligne, il suffit d'utiliser les bacs à sable des sites [OCaml](#) ou [TryOcaml](#).

Sur votre machine locale Sur votre machine, le plus simple est d'utiliser l'interprète interactifs OCaml. [On peut facilement l'installer sur n'importe quel système d'exploitation en suivant ces instructions.](#)

Pour travailler avec un éditeur de texte Emacs facilite l'édition de code OCaml grâce au mode Tuareg. Les commandes `M-x tuareg-mode` et `M-x run-ocaml` permettent d'activer ce mode. [Le résumé \(sic!\) des commandes est accessible en ligne. Ce tutoriel vous montre quelques commandes de base pour survivre avec Emacs.](#) Pour les puristes de la ligne de commande, ce mode Tuareg est également disponible sous Vim.

Utiliser un IDE Enfin, il est possible d'utiliser OCaml avec la plupart des environnements de développement : Eclipse, Visual Studio ou IntelliJ (Jet Brains).

B Tester les commandes via l'interprète interactif

OCaml dispose d'un interprète interactif. Par défaut, c'est l'exécutable `ocaml` mais il existe également `utop`.

B1. L'inférence de type est un mécanisme puissant. Sur les éléments suivants, tenter de deviner les types de ces variables ou expressions et vérifier avec l'interprète :

- (a) `let n = 3`
- (b) `let x = 3.14`
- (c) `let c = 'a'`

- (d) `let s = "ocaml"`
- (e) `let b = n > 3`
- (f) `let bi = if n > 2 then true else false`
- (g) `let m = if bi then 4.5 else 7.`
- (h) `let elements = [1;3;5;42]`
- (i) `let elements = [true;false;true]`
- (j) `()`
- (k) `print_int 3`
- (l) `let t = (3,"clef")`
- (m) `let st = (4,5)`
- (n) `let t = (3.,"clef")`
- (o) `let tt = (true, 42, 'z')`

B2. Tenter de deviner les signatures des fonctions suivantes :

- (a) `let u n = 3*n + 2`
- (b) `let f x y = (x+.y)*.(x-.y)`
- (c) `let g n x = (float_of_int n)*. x`
- (d)

```

1  let h n x =
2      let r = ref 1. in
3      for k = 1 to n do
4          r := !r *. x
5      done;
6      !r;;

```

B3. S'entraîner à utiliser ces variables et ces fonctions dans un programme principal.

Solution :

Code 1 –

```

1  let n = 3;;
2  let x = 3.14;;
3  let c = 'a';;
4  let s = "ocaml";;
5  let b = n > 3;;
6  let bi = if n > 2 then true else false;;
7  let m = if bi then 4.5 else 7.;;
8  let elements = [1;3;5;42];;
9  let elements = [true;false;true];;
10 let elements = [2.3;0.3;1.];;
11
12
13 ();;
14 let st = (4,5);;
15 let t = (3., "clef");;
16 let tt = (true, 42, 'z');;
17

```

```

18
19 let u n = 3*n + 2;;
20 let f x y = (x+.y)*(x-.y);;
21 let g n x = (float_of_int n) *. x;;
22 let h n x = let r = ref 1. in
23   for k = 0 to n do
24     r := !r *. x
25   done;
26   !r;;
27
28
29 (* MAIN PROGRAM *)
30
31 u n;;
32 f x x;;
33 g (n+2) (x -. 0.54);;
34 h (n+5) (3. *. x);;

```

C Variables globales et locales

- C1. Créer un fichier `vars.ml`.
- C2. Définir une variable globale `rayon` et l'initialiser à la valeur 1.21.
- C3. Coder une fonction de signature `disk_area : float -> float` qui renvoie l'aire d'un disque en fonction de son rayon.
- C4. Modifier la fonction précédente pour faire apparaître une variable locale à la fonction nommée `pi` et valant 3.14159265359.
- C5. Quelles sont les variables locales et globales de ce code?

Solution :

Code 2 –

```

1 let rayon = 1.21;;
2 let disk_area r = 3.14159265359*.r*.r;;
3 let disk_area r = let pi = 3.14159265359 in pi*.r*.r;;
4
5 (* MAIN PROGRAM *)
6
7 disk_area rayon;;

```

D Fonctions et fonctions récursives

- D1. Créer un fichier `fact.ml`
- D2. Coder une fonction impérative de signature `i_fact : int -> int` qui renvoie $n!$.
- D3. Coder une fonction **récursive** de signature `fact : int -> int` qui renvoie $n!$.

- D4. Coder une fonction **récursive terminale** de signature `tr_fact : int -> int` qui renvoie $n!$. On utilisera une fonction auxiliaire interne à la fonction.
- D5. Peut-on calculer $42!$. Pourquoi?

Solution :**Code 3 –**

```

1
2 (* imperative *)
3 let i_fact n = let i = ref 1 and f = ref 1 in
4               while !i < n do
5                   incr i; (* same as : i := !i + 1 *)
6                   f := !f * !i
7               done;
8               !f;;
9
10 (* recursive match with *)
11 let rec fact n =
12     match n with
13     | 0 -> 1
14     | _ -> n * fact (n - 1);;
15
16 (* recursive function *)
17 let rec fact = function
18     | 0 -> 1
19     | n -> n * fact (n - 1);;
20
21 (* tail recursive (récursif terminal) *)
22 let tr_fact n =
23     let rec aux k acc = match k with
24         | 0 -> acc
25         | _ -> aux (k - 1) (acc * k) in
26     aux n 1;;
27
28
29 (* MAIN PROGRAM *)
30 i_fact 6;;
31 fact 6;;
32 tr_fact 6;;
33 fact 42;;
34 tr_fact 42;;
35 fact 39;;

```

E Jouer à la bataille

On souhaite coder les fonctions élémentaires pour jouer à la bataille. On choisit de modéliser les cartes avec des types algébriques.

- E1. Créer un fichier `bataille.ml`.
- E2. Coder un type `somme couleur` capable de représenter les quatre couleurs d'un jeu de carte : trèfle, pique, carreau, cœur.

- E3. Coder un type somme `figure` capable de représenter les figures, c'est à dire le roi, la dame et le valet.
- E4. Coder un type algébrique `carte` capable de représenter une carte quelconque.
- E5. Dans le programme principal, créer quelques cartes.
- E6. **En utilisant le filtrage de motif**, coder une fonction de signature `get_value : carte -> int` qui renvoie la valeur associée à une carte. On considère que l'as vaut 14, le roi 13, la dame 12, le valet 11 et les numéros leur propre nombre.
- E7. Coder une fonction de signature `comparer : carte -> carte -> int` qui compare deux cartes d'après leur valeur. La fonction renvoie un entier valant la différence entre les valeurs des cartes.
- E8. Coder une fonction de signature `bataille : carte -> carte -> bool` qui teste s'il y a bataille entre deux cartes.

Solution :**Code 4 –**

```

1 (* DEFINE TYPES *)
2 type couleur = Pique | Trefle | Coeur | Carreau
3 type figure = Roi | Dame | Valet
4 type carte = Figure of figure * couleur | Numero of int * couleur
5
6 (* BASE FUNCTIONS *)
7 let get_value carte =
8   match carte with
9   | Numero (1,_) -> 14
10  | Figure (Roi,_) -> 13
11  | Figure (Dame,_) -> 12
12  | Figure (Valet,_) -> 11
13  | Numero (n,_) -> n;;
14
15 let get_value = function
16   | Numero (1,_) -> 14
17   | Figure (Roi,_) -> 13
18   | Figure (Dame,_) -> 12
19   | Figure (Valet,_) -> 11
20   | Numero (n,_) -> n;;
21
22 let comparer c1 c2 = (get_value c1) - (get_value c2);;
23
24 let bataille c1 c2 = match comparer c1 c2 with
25   | 0 -> true
26   | _ -> false;;
27
28 (* LET'S TEST ! *)
29 let asc = Numero (1, Coeur);;
30 let rc = Figure (Roi, Pique);;
31 let nc = Numero (9, Carreau);;
32 let tc = Numero (3, Trefle);;
33
34 comparer asc nc;;
35 comparer tc rc;;
36 bataille asc asc;;
37 bataille rc asc;;

```

En deuxième année, vous pourrez programmer un automate qui implémentera la logique du jeu.

F Calculer avec les entiers en OCaml

- F1. Créer un fichier `evens.ml` et écrire une fonction de signature `even : int -> bool` qui teste si un nombre est pair. En déduire une fonction qui teste si un nombre est impair. L'opérateur modulo est `mod` en OCaml.

Solution :

Code 5 –

```
1 let even n = n mod 2 = 0;;
2 let odd n = not (even n);;
3 let odd n = n mod 2 = 1;;
4
5 (* MAIN PROGRAM *)
6
7 even 21;;
8 even 42;;
9 odd 33;;
10 odd 14;;
```

- F2. Créer un fichier `syracuse.ml`. On considère la suite de Syracuse $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par $u_0 \in \mathbb{N}^*$ et :

$$\forall n \in \mathbb{N}, \quad u_{n+1} = \begin{cases} 3u_n + 1 & \text{si } u_n \text{ est impair} \\ \frac{u_n}{2} & \text{si } u_n \text{ est pair} \end{cases} \quad (1)$$

- (a) Écrire une fonction de signature `next_u : int -> int` qui calcule le terme suivant de la suite.
 (b) Écrire une fonction de signature `syracuse : int -> int` qui renvoie le temps de vol de la suite pour un entier u_0 donné¹. On utilisera une boucle `while` et deux références.

Solution :

Code 6 –

```
1 let next_u u = if (u mod 2) = 1 then 3 * u + 1 else u / 2 ;;
2
3 let syracuse u0 =
4   let u = ref u0 and n = ref 0 in
5   while !u > 1 do
6     u := next_u !u;
7     incr n
8     (* same as --> n := !n + 1 *)
9   done;
10  !n;;
11
12 (* MAIN PROGRAM *)
```

1. c'est à dire l'indice N de la suite pour lequel $u_N = 1$, s'il existe...

```

13 next_u 3;;
14
15 syracuse 3;;
16 syracuse 17;;
17 syracuse 97;;

```

- F3. Créer un fichier `gcd.ml`. Écrire une fonction **récursive** de signature `gcd : int -> int -> int` qui calcule le PGCD de deux entiers naturels. En déduire une fonction de signature `coprime : int -> int -> bool` qui teste si deux nombres sont premiers entre eux.

Solution :

Code 7 –

```

1 let rec gcd a b = if b = 0 then a else gcd b (a mod b);;
2
3 let coprime a b = (gcd a b) = 1;;
4
5
6 (* MAIN PROGRAM *)
7
8 gcd 39 15;;
9 gcd 64 47;;
10 coprime 39 15;;
11 coprime 64 47;;

```

- F4. On souhaite tester la conjecture de Goldbach qui affirme que *tout entier naturel pair plus grand que 2 est la somme de deux nombres premiers*. Créer un fichier `goldbach.ml`
- (a) Écrire une fonction de signature `is_prime : int -> bool` qui teste si un nombre est premier. On rappelle que 1 n'est pas un nombre premier.
 - (b) Écrire une fonction de signature `goldbach : int -> int * int` qui teste la conjecture de Goldbach. Si le nombre entier fourni en paramètre est impair, le programme échoue en imprimant le message `"Goldbach's conjecture only on even numbers"`. Sinon, il renvoie un tuple contenant les deux nombres solution.

Solution :

Code 8 –

```

1 let is_prime n =
2   if n = 1
3   then false
4   else
5     begin
6       let d = ref 2 and result = ref true in
7       while !d * !d <= n && !result do
8         if n mod !d > 0 then incr d else result := false
9       done;

```

```
10      !result
11      end;;
12
13      let is_prime n =
14          let rec not_divided_by d =
15              if d * d > n then true else (n mod d <> 0 && not_divided_by (d + 1))
16              in
17              n <> 1 && not_divided_by 2;;
18      let goldbach n =
19          if n mod 2 > 0
20          then failwith "Goldbach's conjecture only on even numbers !"
21          else
22              begin
23                  let rec aux d =
24                      if is_prime d && is_prime (n - d)
25                      then (d, n - d)
26                      else aux (d + 1)
27                  in aux 2
28              end;;
29
30      (* MAIN PROGRAM *)
31
32      is_prime 17;;
33      is_prime 43;;
34      is_prime 45;;
35      is_prime 1;;
36      is_prime 2;;
37      is_prime 101;;
38
39      goldbach 14;;
40      goldbach 21;;
41      goldbach 42;;
42      goldbach 101;;
43      goldbach 102;;
```