Trier

Informatique commune - TP nº 1.4 - Olivier Reynet

À la fin de ce chapitre, je sais :

- coder un algorithme de tri simple et explicité
- 😰 évaluer le temps d'exécution d'un algorithme avec la bibliothèque time
- générer un graphique légendé avec la bibliothèque matplotlib

On souhaite trier des listes Python, considérées ici comme des tableaux, avec des algorithmes différents (cf. algorithmes 1, 2, 3 et 4). Chaque algorithme de tri est implémenté par une fonction Python. Le prototype de ces fonctions est my_sort(t), où t est un paramètre formel qui représente le tableau à trier.

```
def my_sort(t):
    # tri du tableau
    # for i in range(len(t))
    # t[i] = ...
```

Si le tri s'effectue **en place** (cas du tri par insertion et sélection par exemple), on n'as pas besoin de construire une autre liste pour le résultat trié : les modifications se font sur la liste passée en paramètres et on ne renvoie rien.

Si le tri n'est pas en place, comme dans le cas du tri par comptage, il faut alors retourner le tableau construit par la fonction et qui contient résultat du tri.

A Tris génériques et nombre d'opérations élémentaires

- A1. Coder les algorithmes de tri par sélection (cf. algorithme 1) et par insertion (cf. algorithme 2) en respectant le prototype défini à la question précédente.
- A2. Tester ces algorithmes sur une **même** liste Python de longueur 20 et contenant de types **int** choisis aléatoirement entre 0 et 100.
- A3. Peut-t-on trier des listes de chaînes de caractères avec ces mêmes codes? Tester cette possibilité à l'aide de la liste ["Zorglub", "Spirou", "Fantasio", "Marsupilami", "Marsu", "Samovar", "Zantafio"]. Analyser les résultats. Pourquoi (n')est-ce (pas) possible?

La bibliothèque matplotlib permet de générer des graphiques à partir de données de type list qui constituent les listes des abscisses et des ordonnées associées. La démarche à suivre est de :

- importer la bibliothèque from matplotlib import pyplot as plt
- créer une figure plt.figure()
- tracer une courbe plt.plot(x,y) si x et y sont les listes des abscisses et des ordonnées associées. La bibliothèque trace les points (x[i], y[i]) sur le graphique.

Algorithme 1 Tri par sélection

```
1: Fonction TRIER SELECTION(t)
2:
       n \leftarrow \text{taille}(t)
       pour i de 0 à n-1 répéter
3:
          min\_index \leftarrow i
4:

    indice du prochain plus petit

          pour j de i + 1 à n - 1 répéter
                                                                              > pour tous les éléments non triés
5:
              si t[j] < t[min_index] alors
6:
                  min_index \leftarrow j
                                                                          ⊳ c'est l'indice du plus petit non trié!
7:
          échanger(t[i], t[min_index])
                                                                                   ⊳ c'est le plus grand des triés!
8:
```

Algorithme 2 Tri par insertion

```
1: Fonction TRIER_INSERTION(t)
2:
       n \leftarrow taille(t)
       pour i de 1 à n-1 répéter
3:
4:
          à insérer ← t[i]
5:
          tant que t[j-1] > à_insérer et j>0 répéter
6:
                                                                                       > faire monter les éléments
7:
              t[j] \leftarrow t[j-1]
              j \leftarrow j-1
8:
          t[j] ← à_insérer
                                                                                          ⊳ insertion de l'élément
9:
```

- ajouter les éléments de légende et de titre,
- montrer la figure ainsi réalisée plt.show().

La bibliothèque time permet notamment de mesurer le temps d'exécution d'un code. Un exemple de code utilisant ces deux bibliothèques est donné ci-dessous. Le graphique qui en résulte est montré sur la figure 1.

Code 1 - Example d'utilisation des bibliothèques time et matplotlib

```
import time
from matplotlib import pyplot as plt

def to_measure(d):
    time.sleep(d) # Do nothing, wait for d seconds

# Simple use
tic = time.perf_counter()
to_measure(0.1)
toc = time.perf_counter()

print(f"Execution time : {toc - tic} seconds")

# Plotting results
timing = []
delay = [d / 1000 for d in range(1, 100, 5)]
for d in delay:
    tic = time.perf_counter()
    to_measure(d)
```

```
toc = time.perf_counter()
    timing.append(toc - tic)

plt.figure()
plt.plot(delay, timing, color='cyan', label='fonction to_measure')
plt.xlabel('Delay', fontsize=18)
plt.ylabel("Execution time", fontsize=16)
plt.legend()
plt.show()
```

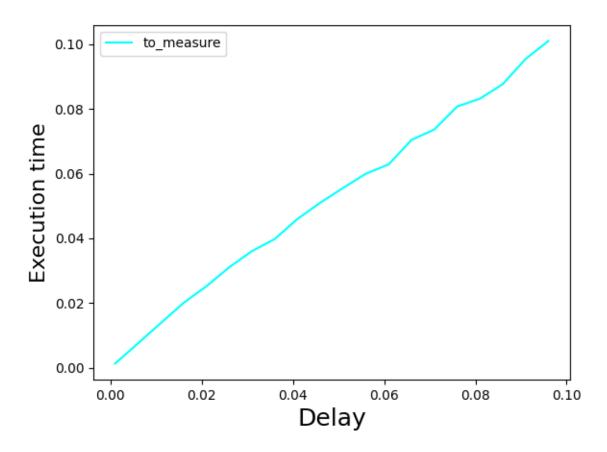


FIGURE 1 – Figure obtenue à partir des bibliothèques matplotlib et time et du code 1

A4. À l'aide de la bibliothèque matplotlib, tracer les temps d'exécution nécessaires au tri d'un même tableau d'entiers par les algorithmes implémentés. La taille du tableau considéré varie de 10 à 5000 exclu par pas de 500. On pourra également les comparer à la fonction sorted de Python. Analyser les résultats. Essayer de qualifier les coûts des algorithmes en fonction de la taille du tableau d'entrée.

B Tri par comptage

Le tri par comptage s'applique à des valeurs entières dont l'algorithme fait tout d'abord l'histogramme. Dans un second temps, il construit un tableau **trié** dont les valeurs sont celles du tableau d'entrée en s'appuyant sur l'histogramme.

Algorithme 3 Tri par comptage

```
1: Fonction TRIER_COMPTAGE(t, v_{max})
                                                                             \triangleright v_{max} est le plus grand entier à trier
       n \leftarrow taille(t)
2:
       c ← un tableau de taille v_{max} + 1 initialisé avec des zéros
3:
4:
        pour i de 0 à n-1 répéter
           c[t[i]] \leftarrow c[t[i]] + 1
                                                    > compter les occurrences de chaque élément du tableau.
5:
       résultat \leftarrow un tableau de taille n
6:
7:
       pour v de 0 à v_{max} répéter
                                                                ▶ On prend chaque valeur possible dans l'ordre
8:
           si c[v] > 0 alors
                                                                      ▶ Si l'élément v est présent dans le tableau
9:
                                                                      ▶ Répéter autant de fois que d'occurrences
               pour i de 1 à c[v] répéter
10:
11:
                   résultat[i] \leftarrow v
                                                               \triangleright alors écrire autant de v que d'occurrences de v
                   i \leftarrow i + 1
                                                                                        ⊳ à la bonne place, la ième!
12:
        renvoyer résultat
13:
```

- B1. Écrire une fonction de signature counting_sort(t : list[int]) qui implémente le tri par comptage.
- B2. Comparer le temps d'exécution de ce tri aux tris de la section précédente.
- B3. Quels sont les avantages et les inconvénients de ce tri?

C Tri shell --→ Hors Programme

Lors d'un tri par insertion, de nombreuses opérations sont nécessaires pour insérer un élément dans la partie triée. Par contre, si la liste est quasiment triée, peu d'opérations sont nécessaires.

Le tri shell permet d'améliorer les performances du tri par insertion. Dans ce tri, chaque liste d'éléments séparés de N positions est triée avec le tri par insertion. On commence généralement avec N = n/2 puis on divise par deux N à chaque étape. L'algorithme effectue donc plusieurs fois cette opération en diminuant jusqu'à ce que N = 1, ce qui équivaut alors à trier tous les éléments du tableau.

- C1. Écrire une fonction de signature shell_sort(t : list[int]) qui implémente le tri shell.
- C2. Comparer les performances de ce tri à celles des algorithmes de la première section.

D Des bulles et des cocktails --- Hors Programme

Le tri bulle est un tri par comparaisons et échanges, stable et en place. Il n'est pas efficace sauf dans le cas où le tableau à trier est quasiment trié. Sa vocation reste essentiellement pédagogique.

Le principal avantage du tri bulle est qu'il est simple à expliquer. Son principe est le suivant : on prend chaque élément du tableau et on le fait monter d'une place dans le tableau si celui-ci est plus grand que son successeur en échangeant leurs places. Sinon, on fait prend le successeur et on opère à l'identique.

Algorithme 4 Tri bulle

- D1. Écrire une fonction de signature put_vmax_in_last_place(t, last) qui place l'élément le plus grand de la partie du tableau à trier à sa place (indice last).
- D2. Écrire une fonction de signature bubble_sort(t : list[int]) qui implémente le tri bulle.
- D3. Comparer les performances de ce tri à celles des algorithmes de la première section.
- D4. Améliorer cette algorithme afin de rendre le tri bulle bidirectionnel : faire descendre l'élément le plus petit élément une fois qu'on en a monté le plus grand. Cette variante s'appelle le tri cocktail.