# Des types, des opérateurs et de la structuration

INFORMATIQUE COMMUNE - Devoir nº 1 - Olivier Reynet

## **Consignes:**

- 1. utiliser une copie différente pour chaque partie du sujet,
- 2. écrire son nom sur chaque copie,
- 3. écrire de manière lisible et intelligible,
- 4. préparer une réponse au brouillon avant de la reporter sur la feuille.

R Les parties A,B et C sont indépendantes. Il est **fortement** conseillé de les aborder dans l'ordre. Le langage Python est le seul langage informatique autorisé dans les réponses. On s'appliquera à bien respecter les indentations.

## A Logique

- **A1**. Une voie du périphérique de Brest est réservée pour certains usages : pour avoir le droit de l'emprunter en voiture, il faut que le véhicule soit un véhicule d'intérêt général ou que le véhicule effectue du covoiturage et, dans tous les cas, que le conducteur ne soit pas un apprenti.
  - (a) Quel type de variable peut représenter le fait qu'un conducteur est apprenti ou non?
  - (b) Définir et initialiser arbitrairement trois variables de ce type nommées general, covoiturage et apprenti.
  - (c) Définir une variable autorise qui statue sur le fait que la circulation sur la voie réservée est possible ou non.
- **A2**. Une régate est organisée dans la rade de Brest. Pour participer, un candidat doit vérifier les critères suivants :
  - 1. avoir un permis côtier valide,
  - 2. avoir au moins 16 ans,
  - 3. diposer d'un voilier ou le louer à l'organisation de la régate mais dans ce cas il faut avoir au moins 21 ans,
  - 4. les mineurs (strictement moins de 18 ans) ne peuvent participer que s'ils disposent une autorisation parentale.

Calculer la variable booléenne participe qui statue sur la participation d'un candidat à la régate. Vous utiliserez exclusivement des variables nommées age, permis, autorisation et voilier en précisant leur type et ce qu'elles signifient.

- A3. Sur le site d'un cinéma, on peut lire les informations suivantes :
  - 8,50 : tarif plein

- 6,50 : tarif sénior (plus de 60 ans)
- 5,50: étudiant
- 6: tarif social (famille nombreuse et demandeur d'emploi)
- 4,50 : moins de 18 ans
- 4: moins de 14 ans

Les inégalités sont à prendre au sens strict : moins de 18 ans, c'est au plus 17 ans.

- (a) Écrire une fonction de signature tarif(age: int, etudiant: bool, social: bool) → float qui renvoie le tarif payé selon les paramètres transmis. La fonction renverra toujours le tarif le plus intéressant. Par exemple, un sénior demandeur d'emploi payera 6 €ou un étudiant de 17 ans payera 4,5 €.
- (b) Donner un exemple d'usage de cette fonction (appeler cette fonction) et récupérer le résultat dans une variable.
- (c) On souhaite écrire quelques tests afin de vérifier le bon fonctionnement de la fonction tarif. À l'aide du mot-clef assert, vérifier que si le booléen etudiant est vrai, alors la fonction renvoie le bon résultat
- A4. On souhaite calculer la somme des n premiers entiers.
  - (a) Quel est le résultat de  $\sum_{k=1}^{10} k$ ?
  - (b) On dispose de la fonction suivante :

```
1    def somme(n):
2    acc = 0
3    for k in range(1, n):
4    acc = acc +k
5    return acc
```

Quel est le résultat de somme (10)?

(c) Que faudrait-il modifier dans le code de la fonction somme pour que le résultat soit correct?

### **B** Suites

**B1**. Écrire les instructions Python nécessaires pour importer la fonction sin et la constante pi de la bibliothèque math afin de pouvoir s'en servir comme suit : sin(pi/2).

R Dans toute la suite de l'examen, on considère que toutes les fonctions mathématiques nécessaires sont correctement importées comme dans votre réponse ci-dessus.

**B2**. On considère la suite  $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définie de manière explicite par

$$u_n = 2^{n-1} \sin\left(\frac{\pi}{2^{n-1}}\right)$$

Écrire une fonction de signature  $u(n: int) \rightarrow float qui renvoie la valeur <math>u_n$ .

**B3**. On considère la suite  $(v_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définie de manière explicite par

$$\nu_n = \sum_{k=0}^n (-1)^k 2^{-k}$$

Écrire une fonction de signature  $v(n: int) \rightarrow float qui renvoie la valeur <math>v_n$ .

**B4**. On considère la suite de Tribonacci  $^1(t_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définie par :

$$\begin{cases} 0 & \text{si } n = 0 \\ 0 & \text{si } n = 1 \\ 1 & \text{si } n = 2 \\ t_n = t_{n-1} + t_{n-2} + t_{n-3} & \text{sinon} \end{cases}$$
 (1)

- (a) Écrire une fonction de signature  $t(n: int) \rightarrow int$  qui renvoie la valeur  $t_n$ .
  - R Dans la suite de l'examen, il est possible d'appeler les fonctions précédemment définies.
- (b) On souhaite calculer la limite du rapport de deux termes consécutifs de la suite  $(t_n)_{n \in \mathbb{N}}$ , c'està-dire  $\lim_{n \to +\infty} \frac{t_n}{t_{n-1}}$ . Écrire une fonction de signature  $\liminf(n:int) \to float$  qui renvoie la valeur  $\frac{t_n}{t_{n-1}}$ . On garantira par une assertion que l'entier n fourni en paramètre d'entrée est strictement supérieur à 2. Quel est l'intérêt de ce mécanisme?
- (c) On souhaite vérifier expérimentalement la limite de  $\frac{t_n}{t_{n-1}}$  quand n tend vers l'infini. Notre conjecture est que cette limite vaut 1,839286755214161. On souhaite tester cette conjecture jusqu'à une erreur absolue de 0,00001, c'est-à-dire  $|1,839286755214161 \frac{t_n}{t_{n-1}}| \leq 0,00001$ . Écrire une fonction de signature conjecture (epsilon: float) —> int qui renvoie le premier entier n pour lequel le test est vérifié. On pourra utiliser la fonction abs(x) qui renvoie la valeur absolue d'un x.
- (d) La fonction conjecture renvoie-t-elle toujours un résultat?
- **B5**. La suite de Kakutani  $(K_n)_{n\in\mathbb{N}}$  est définie par  $K_0$  et :

$$K_{n+1} = \begin{cases} \frac{K_n}{2} & \text{si } K_n \text{ est pair} \\ \frac{3K_n+1}{2} & \text{sinon} \end{cases}$$
 (2)

Tout comme la suite de Syracuse, cette suite semble atteindre 1 au bout d'un certain temps, quelque soit  $K_0 > 1$ .

- (a) Écrire une fonction de signature kakutani(K0: int)—> list[int] qui renvoie la liste des termes de la suite jusqu'à atteindre la valeur 1.
- (b) Comment pourrait-on en déduire l'indice *n* pour lequel la suite de Kakutani atteint 1?

### C Des listes et des fonctions

- **C1**. Créer une liste Python à 100 éléments ne contenant que des entiers valant -1 en utilisant une boucle for.
- **C2**. Créer une liste Python contenant les entiers pairs strictement supérieurs à 20 et strictement inférieurs à 100 en utilisant une boucle for.
- C3. On dispose d'un signal numérique issu d'un oscilloscope numérique sous la forme d'une liste. Écrire une fonction de signature ecreter(signal: list[float], v\_min, v\_max)—> list[float] qui produit un signal écrété: les valeurs strictement inférieures à v\_min sont remplacées par v\_min et les valeurs strictement supérieures à v\_max par v\_max. Par exemple, ecreter([-50, 0, 50, 23, -17], -25, 25) renvoie le signal [-25, 0, 25, 23, -17].

 $<sup>1. \ \</sup> Le\ T\ majuscule\ n'est\ pas\ obligatoire!$ 

C4. On souhaite créer un outil pour transposer une mélodie simple, c'est-à-dire la reproduire dans une tonalité plus grave ou plus aigüe. Les notes sont représentées par une liste de chaînes de caractères. On se donne une gamme, la gamme chromatique ascendante qui est la base d'écriture de nos mélodies :

```
1 gas = ['Do', 'Do#', 'Ré', 'Ré#', 'Mi', 'Fa', 'Fa#', 'Sol', 'Sol#', 'La', 'La#', 'Si']
```

Un octave (par exemple du do au do supérieur) est composé de **douze** demi-ton. Toutes les mélodies considérées dans cet exercice sont descriptibles par les notes de cette gamme, c'est-à-dire qu'il n'est pas nécessaire de changer d'octave.

- Exemple 1 Transposition. La mélodie ['Do', 'Ré', 'Mi', 'Fa', 'Sol', 'Sol', 'Do'] transposée de trois demi-tons vers l'aigü dans la gamme chromatique devient : ['Ré#', 'Fa', 'Sol', 'Sol#', 'La#', 'La#', 'Ré#']. Si on transpose cette dernière mélodie de trois demi-tons vers le grave, on retrouve la mélodie dans le ton original.
- (a) Écrire une fonction de signature indice(gamme: list[str], note : str)—> int: qui renvoie l'indice de la note dans la gamme. Si la note n'existe pas dans la gamme, la fonction renvoie None. Par exemple, indice(gas, 'Mi') renvoie 4.
- (b) Écrire une fonction de signature transpose\_note(gamme: list[str], note : str, intervalle: int )—> str qui renvoie la note transposée d'après un intervalle positif (vers l'aigü) ou négatif (vers le grave) spécifié en demi-tons. Par exemple, transpose\_note(gas, 'Do', 3) renvoie 'Ré#' et transpose\_note(gas, 'Ré#', -3) renvoie 'Do'.
- (c) Écrire une fonction de signature transpose\_melodie(gamme: list[str], melodie: list[str], intervalle : int) -> list[str] qui renvoie la mélodie transposée dans la gamme selon un intervalle spécifié en demi-tons (positif ou négatif, cf. exemple 1).
- (d) Écrire une fonction de signature identiques (gamme, m1, m2) qui renvoie True si les deux mélodies m1 et m2 sont identiques moyennant une transposition dans la gamme et False sinon.