Rechercher

INFORMATIQUE COMMUNE - TP nº 1.5 - Olivier Reynet

À la fin de ce chapitre, je sais :

- rechercher un élément dans un tableau séquentiellement ou par dichotomie itérative
- évaluer le temps d'exécution d'un algorithme avec la bibliothèque time
- générer un graphique légendé avec la bibliothèque matplotlib

A Recherche d'un élément dans un tableau

On considère une liste L contenant des éléments de type int. Cette liste est **triée** par ordre croissant de ses éléments. On veut savoir si un élément x est présent dans L et comparer les performances des approches séquentielles et la dichotomiques. On dispose des algorithmes 1, 2 et 3.

Algorithme 1 Recherche séquentielle d'un élément dans un tableau

```
1: Fonction RECHERCHE_SÉQUENTIELLE(t, elem)
2: n ← taille(t)
3: pour i de 0 à n − 1 répéter
4: si t[i]= elem alors
5: renvoyer i ▷ élément trouvé, on renvoie sa position dans t
6: renvoyer l'élément n'a pas été trouvé
```

Algorithme 2 Recherche d'un élément par dichotomie dans un tableau trié

```
1: Fonction RECHERCHE DICHOTOMIQUE(t, elem)
2:
       n \leftarrow taille(t)
       g \leftarrow 0
3:
       d \leftarrow n-1
       tant que g \le d répéter
                                                              ⊳ ≤ cas où valeur au début, au milieu ou à la fin
5:
           m \leftarrow (g+d)//2
                                                                    ▶ Division entière : un indice est un entier!
6:
           si t[m] < elem alors
7:
                                                                  ▶ l'élément devrait se trouver dans t[m+1, d]
8:
              g \leftarrow m + 1
           sinon si t[m] > elem alors
9:
               d \leftarrow m - 1
                                                                   ▶ l'élément devrait se trouver dans t[g, m-1]
10:
           sinon
11:
                                                                                         ⊳ l'élément a été trouvé
               renvoyer m
12:
       renvoyer l'élément n'a pas été trouvé
13:
```

Algorithme 3 Recherche d'un élément par dichotomie dans un tableau trié, renvoyer l'indice minimal en cas d'occurrences multiples.

```
1: Fonction RECHERCHE DICHOTOMIQUE INDICE MIN(t, elem)
       n \leftarrow taille(t)
2:
       g \leftarrow 0
3:
       d \leftarrow n-1
4:
5:
       tant que g < d répéter
                                                                           > attention au strictement inférieur!
           m \leftarrow (g+d)//2
                                                                           ▶ Un indice de tableau est un entier!
6:
           si t[m] < elem alors
7:
                                                                  ⊳ l'élément devrait se trouver dans t[m+1, d]
              g \leftarrow m + 1
8:
9:
           sinon
                                                                     ⊳ l'élément devrait se trouver dans t[g, m]
               d \leftarrow m
10:
11:
       si t[g] = elem alors
           renvover g
12:
       sinon
13:
           renvoyer l'élément n'a pas été trouvé
14:
```

- A1. Coder l'algorithme de recherche séquentielle d'un élément dans un tableau. Lorsque l'élément n'est pas présent dans le tableau, la fonction Python renvoie None. Sinon, elle renvoie l'indice de l'élément trouvé dans le tableau. Vérifier que cet algorithme fonctionne sur un tableau d'entiers de 20 éléments rempli aléatoirement. Dans le pire des cas, quel est le coût d'une recherche séquentielle en fonction de la taille du tableau?
- A2. Coder l'algorithme 2. Lorsque l'élément n'est pas présent dans le tableau, la fonction Python renvoie None. Sinon, elle renvoie l'indice de l'élément trouvé dans le tableau. Vérifier que cet algorithme fonctionne sur un tableau d'entiers de 20 éléments rempli aléatoirement et trié.
- A3. Coder l'algorithme 3. Vérifier que cet algorithme fonctionne sur un tableau d'entiers de 20 éléments rempli aléatoirement et trié et que l'indice renvoyé est bien l'indice minimal de la première occurrence de l'élément recherché.
- A4. On suppose que la longueur de la liste est une puissance de 2, c'est à dire $n = 2^p$ avec $p \ge 1$. Combien d'étapes l'algorithme 3 comporte-t-il? En déduire le nombre de comparaisons effectuées, dans le cas où l'élément est absent, en fonction de p puis de n, et comparer avec l'algorithme de recherche séquentielle.
- A5. Tracer le graphique des temps d'exécution des algorithmes précédent en fonction de n. Les tracés sont-ils cohérents avec les calculs des coûts effectués précédemment?
- A6. La recherche dichotomique fonctionne-t-elle sur les listes non triées? Donner un contre-exemple si ce n'est pas le cas.