

Listes Python

INFORMATIQUE COMMUNE - TP n° 1.3 - Olivier Reynet

À la fin de ce chapitre, je sais :

- ☞ créer une liste in extenso, avec une boucle ou en compréhension
- ☞ manipuler une liste pour ajouter, ôter ou sélectionner des éléments
- ☞ tester l'appartenance d'un élément à une liste
- ☞ utiliser la concaténation et le tronçonnage sur une liste
- ☞ itérer sur les éléments d'une liste avec une boucle for
- ☞ coder les algorithmes incontournables (count, max, min, sum, avg)

Les listes Python constituent le couteau suisse du langage et permettent de modéliser une collection d'informations. Selon l'épreuve que vous passerez au concours, elles représenteront des points GPS d'une trajectoire, l'orientation de spins dans un matériau ferromagnétique, la population d'un pays, la durée de vie d'un isotope, les nombres d'une conjecture, un jeu de dominos, un plateau de jeu de dames ou de solitaire...

A Jouons avec les listes

Toute utilisation d'une structure de données commence par une initialisation. C'est l'objet de cette section : initialiser correctement une liste¹.

A1. Création et manipulation :

- (a) Créer **in extenso**² une liste contenant les 15 premiers entiers.
- (b) Créer une liste contenant les 15 premiers entiers en utilisant une boucle **for**.
- (c) Créer en compréhension une liste contenant les 15 premiers entiers.
- (d) Sélectionner et afficher le cinquième et le neuvième élément.
- (e) Tester l'appartenance des nombres 5 et 42 à la liste.
- (f) Ajouter un élément à l'aide de la méthode `append`.
- (g) Retirer le dernier élément.
- (h) Afficher un élément sur deux à partir du deuxième.
- (i) Concaténer la liste à elle même.
- (j) Démultiplier la liste par cinq et afficher la longueur de la liste.

On suppose dans ce qui suit que n et h sont des variables telles que $h = 5$ et $n = h * h$.

1. C'est aussi souvent le début des épreuves de concours...

2. C'est à dire en explicitant tous les éléments.

- A2. Créer la liste des n premiers éléments pairs.
- A3. Créer la liste des n premiers éléments impairs.
- A4. Créer une liste de n éléments selon le modèle $[1, 4, 7, 10, \dots]$.
- A5. Créer une liste de n éléments ne contenant que des zéros de deux manières différentes.
- A6. Créer une liste de n éléments ne contenant alternativement que 1 et -1 de deux manières différentes. C'est à dire : $[1, -1, 1, -1 \dots]$.
- A7. Créer une liste de $n = h * h$ éléments constituée de l'alternance de h fois 1 et de h fois -1 de deux manières différentes. La liste commence par un 1. $[1, 1, 1, \dots, -1, -1, -1, \dots, 1, 1, 1, \dots]$
- A8. Créer une liste de h éléments constituée de l'alternance d'une liste de h fois 1 et d'une liste de h fois -1 de deux manières différentes. $[[1, 1, 1, \dots, 1], [-1, -1, -1, \dots, -1], [1, 1, 1, \dots, 1], \dots]$
- A9. Créer un jeu de dominos. On représente un domino par un tuple (2,3), le zéro marque l'absence de numéro. Le jeu contenant toutes les pièces est une liste de tuples. Le jeu de dominos ne contient que 28 éléments : $[(0, 0), (1, 0), (1, 1), (2, 0), (2, 1), (2, 2), (3, 0), (3, 1), (3, 2), (3, 3), (4, 0), (4, 1), (4, 2), (4, 3), (4, 4), (5, 0), (5, 1), (5, 2), (5, 3), (5, 4), (5, 5), (6, 0), (6, 1), (6, 2), (6, 3), (6, 4), (6, 5), (6, 6)]$

B Algorithmes incontournables

- B1. Créer une liste L de dix nombres aléatoirement choisis dans l'intervalle $[0, 1[$.
- B2. Créer une fonction qui renvoie le nombre d'éléments strictement supérieurs à la valeur v dans une liste. Le prototype de cette fonction est `count_if_sup(L, v)`, où L est un type `list` et v un type `float`. Elle renvoie un type `int`.
- B3. Créer une fonction qui renvoie l'élément maximal d'une liste s'il existe (liste non vide) et `None` sinon. Le prototype de cette fonction est `max_val(L)`, où L est un type `list`.
- B4. Créer une fonction qui renvoie l'indice de l'élément maximal d'une liste s'il existe (liste non vide) et `None` sinon. Le prototype de cette fonction est `max_index(L)`, où L est un type `list`.
- B5. Créer une fonction qui renvoie les indices des éléments minimal et maximal d'une liste sous la forme d'un tuple. Le prototype de cette fonction est `min_max_index(L)`, où L est un type `list`.
- B6. Créer une fonction qui renvoie la moyenne des éléments d'une liste. Le prototype de cette fonction est `average(L)`, où L est un type `list`. Elle renvoie un type `float`.

C Syracuse

On considère la suite u définie par $u_0 \in \mathbb{N}^*$ et :

$$\forall n \in \mathbb{N}, \quad u_{n+1} = \begin{cases} 3u_n + 1 & \text{si } u_n \text{ est impair} \\ \frac{u_n}{2} & \text{si } u_n \text{ est pair} \end{cases} \quad (1)$$

Compléter à la main :

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
u_n	3													

La conjecture de Syracuse fait l'hypothèse qu'il existe un rang N tel que $u_N = 1$, quel que soit l'entier u_0 choisi. Pour un entier u_0 donné, on nomme :

durée du vol l'entier défini par : $\min\{k \in \mathbb{N}^*, u_k = 1\}$

altitude maximale du vol l'entier défini par : $\max\{u_k, k \in \mathbb{N}\}$

durée de vol en altitude l'entier défini par : $\min\{k \in \mathbb{N}, u_{k+1} < u_0\}$

- C1. Que valent la durée du vol, l'altitude maximale et la durée de vol en altitude pour $u_0 = 3$?
- C2. Écrire une fonction `suivant(u)` prenant en entrée un type `int` et renvoyant le terme suivant. Par exemple `suivant(8)` renverra 4 et `suivant(3)` renverra 10.
- C3. En utilisant la fonction précédente, écrire une fonction `syracuse(u0)` prenant comme paramètres d'entrée le premier terme u_0 de la suite de type `int`. Cette fonction renvoie la liste `vol` contenant de tous les termes u_i jusqu'à la durée du vol N , c'est à dire $u_N = 1$.
- C4. Comment peut-on calculer la durée du vol à partir de la fonction précédente?
- C5. Modifier la fonction `syracuse(u0)` afin qu'elle renvoie également la durée de vol en altitude et l'altitude maximale. La valeur renvoyée sera un tuple `(vol, vol_alt, max_alt)`.
- C6. Compléter :

u_0	7	25	54	97	703
Durée du vol					
Altitude maximale					
Durée de vol en altitude					

D Comptage par dictionnaire

Il existe une structure de donnée utile pour rapidement compter les éléments d'une liste : le dictionnaire.

■ **Définition 1 — Dictionnaire.** Un dictionnaire est une structure de données dont les éléments \mathcal{V} , au lieu d'être indicés par un entier sont indicés par des clefs appartenant à un ensemble \mathcal{K} . Soit $k \in \mathcal{K}$, une clef d'un dictionnaire \mathcal{D} . Alors $\mathcal{D}[k]$ est la valeur v de \mathcal{V} qui correspond à la clef k .

On dit qu'un dictionnaire est un **tableau associatif** qui associe une clef k à une valeur v .

Les opérations sur un dictionnaire sont :

1. rechercher la présence d'une clef dans le dictionnaire,
2. accéder à la valeur correspondant à une clef,
3. insérer une valeur associée à une clef dans le dictionnaire,
4. supprimer une valeur associée à une clef dans le dictionnaire.

P Un dictionnaire relie donc directement une clef, qui n'est pas nécessairement un entier, à une valeur : pas besoin d'index intermédiaire pour rechercher une valeur comme dans une liste ou un tableau. Par contre, cette clef est nécessairement d'un type immuable.

Considérons l'exemple donnée sur l'exemple de la figure 1. On suppose que les éléments chimiques sont enregistrés via une chaîne de caractères : "C", "O", "H", "Cl", "Ar", "N". Soit d , un dictionnaire



FIGURE 1 – Illustration du concept de dictionnaire, ensembles concrets

correspondant à la figure 1. Accéder au numéro atomique de l'élément C s'écrit : `d["C"]`.

R Un dictionnaire n'est pas une structure ordonnée, à la différence des listes ou des tableaux.

À tout seigneur tout honneur, les accolades sont la voie royale pour créer un dictionnaire.

```
1 d = {} # Empty dict
2 print(d, type(d)) # {} <class 'dict'>
3 d = {"Ar": 18, "Na": 11, "Cl": 17, "H": 1}
4 # keys are strings, values integers
5 print(d) # {'Ar': 18, 'Na': 11, 'Cl': 17, 'H': 1}
```

La fonction `dict()` permet également de créer un dictionnaire à partir de n'importe quel objet itérable. Elle s'utilise le plus souvent pour convertir une liste de tuples en dictionnaire.

```
1 d = dict() # Empty dict
2 print(d, type(d)) # {} <class 'dict'>
3 d = dict([("Ar", 18), ("Na", 11), ("Cl", 17), ("H", 1)])
4 # keys are strings, values integers
5 print(d) # {'Ar': 18, 'Na': 11, 'Cl': 17, 'H': 1}
```

On peut connaître la taille d'un dictionnaire à l'aide de la fonction `len` et savoir si un élément est une clef d'un dictionnaire en utilisant l'opérateur `IN`.

```
1 d = {"Ar": 18, "Na": 11, "Cl": 17, "H": 1}
2 if "Ar" in d:
3     print("Ar", d["Ar"]) # Ar 18
4 if "O" not in d:
5     print("O is not in d") # O is not in d
```

D1. Construire une liste de 200 entiers compris en 0 et 3 inclus et choisis aléatoirement.

D2. Écrire une fonction de prototype `count(L)` où `L` est une liste d'entiers qui renvoie un dictionnaire dont les clefs sont les éléments de `L` et les valeurs le nombre d'occurrences de cet élément dans `L`.

D3. Expliquer ce que produit la fonction suivante :

```
1 def mystery(L):
2     s = []
```

```
3     for i,n in enumerate(L):  
4         s.append("")  
5         for k in range(n):  
6             s[i] += chr(random.randrange(65,91))  
7     return s
```

D4. Si la liste dont on veut compter les éléments est constituée de chaînes de caractères, la fonction `count` est-elle encore utilisable. Pourquoi?