# Des types, des opérateurs et de la structuration

INFORMATIQUE COMMUNE - Devoir nº 1 - Olivier Reynet

## **Consignes:**

- 1. utiliser une copie différente pour chaque partie du sujet,
- 2. écrire son nom sur chaque copie,
- 3. écrire de manière lisible et intelligible,
- 4. préparer une réponse au brouillon avant de la reporter sur la feuille.



Les parties A,B et C sont indépendantes. Il est fortement conseillé de les aborder dans l'ordre.

#### A Fiesta

- **A1**. Pour des raisons d'incompatibilité, une fête avec Alix, Brieg et Coline ne peut avoir lieu que sous certaines conditions : soit Alix et Brieg sont présents mais pas Coline ; soit Coline est présente mais pas Alix ni Brieg.
  - (a) Quel type de variable peut représenter le fait qu'Alix veut aller à la fête ou non en Python?
  - (b) On représente les invités potentiels par leur initiale a pour Alix, b pour Brieg, c pour Coline. Connaissant la volonté de chacun, exprimer en Python la condition qui permet de statuer sur la présence à une fête d'Alix, Brieg ou Coline.
- **A2**. On souhaite compter le nombre de participants à une fête. On dispose d'un détecteur à l'entrée capable de discerner les animaux de compagnie, les fêtards et les parents qui veulent surveiller leur progéniture. Ce détecteur se traduit par une fonction Python dont le prototype est detecter() et qui renvoie un entier : 0 s'il s'agit d'un animal, 1 pour un fêtard, 2 pour un parent ou -1 lorsque la détection échoue.
  - (a) Créer et initialiser quatre variables Python qui représentent le nombre d'animaux, le nombre de fêtards, le nombre de parents et le nombre d'échecs à la détection.
  - (b) Quel est le type de ces variables?
  - (c) Appeler la fonction detecter et affecter le résultat à la variable d.
  - (d) Écrire une structure alternative en Python qui permet d'incrémenter les variables définies en (a) en fonction du résultat d de la détection. On tiendra compte de tous les cas possibles.
- **A3**. À la fin de la fête, il faut ranger la maison. Cependant, le rangement ne peut avoir lieu que si les conditions suivantes sont réunies :
  - les parents ne sont pas encore arrivés,
  - les fêtards ne sont pas partis,
  - un seul animal est présent (le chat de la maison).

- (a) Écrire une fonction dont le nom est ranger et qui permet de statuer sur la possibilité de ranger la maison. Vous préciserez les paramètres formels d'entrée et de sortie de cette fonction ainsi que leur type respectif.
- (b) Donner un exemple d'appel correct de cette fonction en tenant compte de ce qu'elle renvoie.
- A4. Pour la prochaine fête, vous décidez d'organiser la fermeture des lieux afin d'éviter tout dérapage.
  - (a) Écrire une fonction de prototype fermer (participants, litres) qui renvoie:
    - True si les participants sont partis ou si le nombre de litres de boisson par participant est strictement supérieur à deux,
    - False dans les autres cas.
  - (b) À l'aide du mot-clef assert, proposer trois assertions pour tester le bon fonctionnement de la fonction fermer. On rappelle que cette fonction s'utilise comme suit :

assert expression

où expression une condition. assert lève une exception (c'est-à-dire arrête le programme) si cette condition est fausse. L'exécution continue normalement sinon.

#### **B** Suites

**B1**. On considère la suite  $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définie de manière explicite par

$$u_n = (n-1)2^{n+1} + 2$$

Écrire une fonction de prototype u(n) qui renvoie la valeur du terme  $u_n$  de la suite.

**B2**. On considère la suite  $(v_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définie par

$$v_n = \sum_{k=0}^n k 2^k$$

Écrire une fonction de prototype v(n) qui renvoie la valeur du terme  $v_n$  de la suite.

- **B3**. On pressent que la valeur de  $u_n$  est la même que celle de  $v_n$  pour un n donné. Expérimentalement, on aimerait vérifier cette conjecture jusqu'à n = 20 inclus. En utilisant une boucle, l'instruction assert ainsi que les fonctions u et v, proposer un test de cette conjecture.
- **B4**. On considère la suite  $(s_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définie par  $s_n = \sum_{k=0}^n (-1)^k k$ . Écrire une fonction de prototype s(n) qui renvoie la valeur de s. Cette fonction utilise l'opérateur \*\*.
- **B5**. Écrire une fonction de prototype  $alt_s(n)$  qui renvoie la valeur de  $s_n$ . Cette fonction n'utilise pas l'opérateur \*\*.
- **B6.** Écrire une fonction de prototype  $simple_s(n)$  qui renvoie n/2 si n est pair et -(n+1)/2 si n est impair. Cette fonction renvoie un entier.
- **B7**. On considère la suite  $(P_n)_{n \in \mathbb{N}^* \setminus \{1\}}$  définie par

$$P_n = \prod_{k=2}^n \sqrt{\frac{k^3 - 1}{k^3 + 1}}$$

Écrire une fonction de prototype p(n) qui renvoie la valeur de  $P_n$ . Si n < 2, alors la fonction renvoie 1. Ne pas oublier d'importer les fonctions nécessaires à ce calcul.

**B8**. On considère la suite  $(r_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définie par :

$$\begin{cases} 0,5 & \text{si } n = 0\\ 0,1 & \text{si } n = 1\\ r_n = \frac{\sqrt{r_{n-1}} + \sqrt{r_{n-2}}}{2} \end{cases}$$
 (1)

Écrire une fonction de prototype r(n) qui renvoie la valeur de  $r_n$ .

**B9**. On souhaite vérifier expérimentalement que la limite de  $r_n$  quand n tend vers l'infini est 1. En utilisant une boucle ainsi que le fonction  $r_n$ , proposer un test de cette conjecture jusqu'à une erreur relative de 0,00001, c'est-à-dire  $|1-r_n| \le 0,00001$ . Votre code permet de trouver l'entier n pour lequel cette condition est vérifiée.

### C Des listes et des fonctions

- **C1**. Créer une liste Python contenant les 20 premiers entiers (en commençant à 0) en utilisant une boucle for.
- **C2**. Créer une liste Python contenant les entiers impairs strictement inférieurs à 20 en utilisant une boucle for.
- C3. Les années bissextiles comportent 366 jours. Celles-ci n'ont pas nécessairement lieu tous les 4 ans. Pour qu'une année soit bissextile, il faut qu'elle soit divisible par 4, c'est une condition nécessaire mais pas suffisante. Les années qui, de plus, **ne sont pas** divisibles par 100 sont bissextiles. Enfin, les années divisibles par 400 sont bissextiles. Écrire une fonction de prototype bissextile(annee : int) qui statue sur le caractère bissextile ou non de l'année passée en paramètre.
- **C4.** Écrire une fonction de signature de(xa,ya,xb,yb) qui renvoie la distance euclidienne (cf. figure 1) de deux points de coordonnées (xa,ya) et (xb,yb).
- C5. Écrire une fonction de prototype dm(xa,ya,xb,yb) qui renvoie la distance de Manhattan (cf. figure 1) entre deux points de coordonnées (xa,ya) et (xb,yb). Mathématiquement, cette distance est définie par :  $d_m(a,b) = |x_a x_b| + |y_a y_b|$ . Le calcul d'une valeur absolue se fait grâce à la fonction abs en Python.
- **C6**. Écrire une fonction de prototype dt (xa,ya,xb,yb) qui renvoie la distance de Tchebychev (cf. figure 1) entre deux points de coordonnées (xa,ya) et (xb,yb). Mathématiquement, cette distance est définie par  $d_y(a,b) = \max(|x_a x_b|, |y_a y_b|)$ . L'usage de la fonction max n'est pas autorisé.
- C7. On dispose d'une liste de points pts. Chaque élément de cette liste est un tuple de type (x,y). Écrire une fonction de prototype distances (pts, d) qui renvoie une liste qui contient les distances entre tous les points de la liste pts selon la distance d.

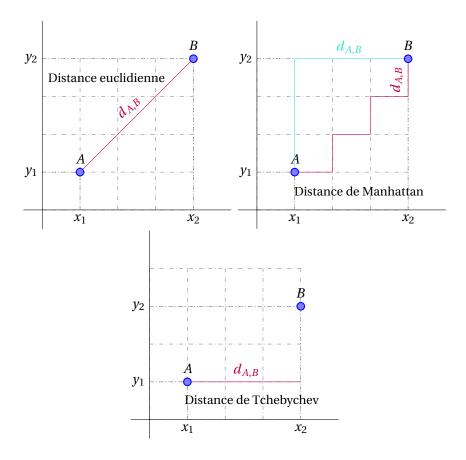


FIGURE 1 – Illustration des différentes distances dans le plan