

Arbres génériques

OPTION INFORMATIQUE - TP n° 1.4 - Olivier Reynet

On se dote d'un type pour représenter les arbres génériques :

```
type 'a gtree =  
| Empty  
| Node of 'a * 'a gtree list;;
```

C'est ainsi que l'on peut représenter en machine l'arbre générique exposé dans le cours :

```
let gt = Node('A', [Node('B', [Node('C', []); Node('D', []); Node('E', [])]);  
                    Node('F', [Node('G', []); Node('H', [])]);  
                    Node('I', [Node('J', [Node('K', []); Node('L', []); Node('M', []);  
                                Node('N', [])]);  
                                Node('O', [])]);
```

1. Écrire une fonction de signature `hauteur : 'a gtree -> int` qui renvoie la hauteur d'un arbre générique. On pourra proposer deux solutions : une mutuellement récursive et une utilisant `List.fold_left` et `max`

Solution :

```
let rec hauteur a =  
  match a with  
  | Empty -> -1  
  | Node (_, []) -> 0  
  | Node (_, fils) -> 1 + List.fold_left (fun acc f -> max acc (hauteur f)) 0 fils;;  
  
let rec h a =  
  match a with  
  | Empty -> -1  
  | Node (_, []) -> 0  
  | Node (_, fils) -> 1 + h_fils fils  
  and h_fils fils =  
    match fils with  
    | [] -> 0  
    | f::t -> max (h f) (h_fils t);;
```

2. Même question pour la taille d'un arbre générique.

Solution :

```
let rec taille a =  
  match a with  
  | Empty -> 0
```

```

    | Node (_, []) -> 1
    | Node (_, fils) -> 1 + List.fold_left (fun acc f -> acc + (taille f
    )) 0 fils;;

let rec size a =
  match a with
  | Empty -> 0
  | Node (_, []) -> 1
  | Node (_, fils) -> 1 + s_fils fils
  and s_fils fils =
    match fils with
    | [] -> 0
    | f::q -> size f + s_fils q;;

```

3. Écrire une fonction de signature `bfs : 'a gtree -> 'a list` qui renvoie le parcours par niveaux d'un arbre générique sous la forme d'une liste. On s'appuiera sur le module `Queue` d'OCaml (cf. [documentation en ligne](#)) pour implémenter une file d'attente.

Solution :

```

let bfs a =
  let file = Queue.create () and parcours = ref [] in
  let rec ajouter_fils fl =
    match fl with
    | [] -> ()
    | h::t -> Queue.add h file; ajouter_fils t in
  Queue.add a file;
  while Queue.length file > 0 do
    let tt = Queue.take file in
    match tt with
    | Empty -> ()
    | Node(e, fils) -> parcours := e :: !parcours; ajouter_fils fils;
  done;
  List.rev !parcours;;

```

4. Écrire une fonction de signature `dfs : 'a gtree -> 'a list` génère le parcours de l'arbre générique en profondeur dans l'ordre préfixe sous la forme d'une liste.

Solution :

```

let rec dfs a =
  match a with
  | Empty -> []
  | Node(e, fils) -> List.fold_left (fun acc e -> acc @ dfs e) [e]
    fils;;

```

On se dote d'un type pour représenter les arbres binaires :

```

type 'a btree =
  | BEmpty

```

```
| BNode of 'a * 'a btree * 'a btree;;
```

5. Écrire une fonction de signature `convert_to_btree : 'a gtree -> 'a btree` qui convertit un arbre générique en arbre binaire. On choisit la convention de coder le fils d'un nœud à gauche et ses frères à droite.

Solution :

```
let rec convert_to_btree a =  
  match a with  
  | Empty -> BEmpty  
  | Node (e, []) -> BNode (e, BEmpty, BEmpty)  
  | Node (e, f :: t) ->  
    let left = convert_to_btree f  
    and right = convert_forest t in  
    BNode (e, left, right)  
and convert_forest lst =  
  match lst with  
  | [] -> BEmpty  
  | Empty::t -> convert_forest t  
  | Node(b, rb) :: t -> BNode (b, convert_forest rb,  
    convert_forest t);;
```
