

# Graphes et représentations

INFORMATIQUE COMMUNE - TP n° 2.3 - Olivier Reynet

## À la fin de ce chapitre, je sais :

- ☞ représenter un graphe en machine par une liste d'adjacence ou une matrice d'adjacence
- ☞ transformer une représentation en une autre
- ☞ calculer les degrés des sommets d'un graphe
- ☞ transposer un graphe

## A Représentation et transformation d'un graphe

A1. Créer une liste d'adjacence en Python qui représente le graphe suivant :



A2. Dessiner le graphe correspondant à la liste d'adjacence :

`[[1], [0,2,4,6], [1,4,5,6], [4], [1,2,3,5], [2,4], [1,2]]`

A3. Créer une liste d'adjacence Python représentant le graphe orienté suivant :



A4. Créer une liste d'adjacence Python représentant le graphe pondéré suivant :



- A5. Modéliser les graphes des questions précédentes en utilisant le concept de matrice d'adjacence.
- A6. Écrire une fonction de prototype `ladj_to_madj(g)` qui prend comme paramètre un graphe (non pondéré) sous la forme d'une liste d'adjacence et renvoie le même graphe sous la forme d'une matrice d'adjacence. Le type retourné est un tableau Numpy.
- A7. Écrire une fonction de prototype `ladj_to_madj_l(g)` qui prend comme paramètre un graphe (non pondéré) sous la forme d'une liste d'adjacence et renvoie le même graphe sous la forme d'une matrice d'adjacence. Le type retourné est une liste imbriquée Python.
- A8. Écrire une fonction de prototype `madj_to_ladj(g)` qui prend comme paramètre un graphe (non pondéré) sous la forme d'une matrice d'adjacence de type tableau Numpy et renvoie le même graphe sous la forme d'une liste d'adjacence.
- A9. Écrire une fonction de prototype `transpose(g)` qui prend en paramètre un graphe orienté sous la forme d'une liste d'adjacence et qui renvoie le graphe transposé correspondant, c'est à dire le graphe dont les arcs sont dirigés dans le sens opposé. Quelle est la complexité de cette fonction ?
- A10. Écrire une fonction de prototype `degrees(g)` qui renvoie la liste des degrés des sommets d'un graphe non orienté. Le paramètre est donné sous la forme d'une liste d'adjacence. Par exemple pour le graphe de la première question, la fonction renvoie : `[4, 2, 3, 3, 2, 2]`.
- A11. Écrire une fonction de prototype `in_degrees(g)` qui renvoie la liste des degrés entrants des sommets d'un graphe orienté. Le paramètre est donné sous la forme d'une liste d'adjacence. Par exemple, pour le graphe orienté de la question 3, la fonction renvoie `[0, 1, 2, 0, 3, 2, 1]`.

## B Création d'un graphe à partir de données dans un fichier

On dispose d'un fichier qui contient des distances entre des villes de l'ouest de la France ([le télécharger sur le site!](#)). On souhaite construire un graphe dont les sommets sont les villes, les arêtes les liaisons routières entre les villes et le poids des arêtes la distance en km entre les villes.

- B1. Importer les données présentes dans le fichier dans une liste dont les éléments sont des tuples ("ville de départ", "ville d'arrivée", distance en km).

Afin de construire un graphe, on utilise une correspondance arbitraire entre le nom des villes et un numéro. Un dictionnaire Python est une structure de données qui associe une clef à une valeur et permet de réaliser cette correspondance. On utilise donc le dictionnaire suivant :

```
1 mapping = {"Paris": 0, "Limoges": 1, "Toulouse": 2, "Tours": 3, "Poitiers": 4, "  
    Bordeaux": 5, "Bayonne": 6, "Pau": 7, "Nantes": 8, "Vannes": 9, "Lorient":  
    10, "Quimper": 11, "Brest": 12, "Rennes": 13, "Le Mans": 14}  
2 # mapping["Tours"] renvoie 3
```

---

- B2. En utilisant le dictionnaire `mapping`, écrire une fonction de prototype `create_graph(data, mapping)` qui renvoie le graphe correspondant aux données importées sous la forme d'une liste d'adjacence.
- B3. En utilisant le dictionnaire `mapping`, écrire une fonction de prototype `create_matrix_graph(data, mapping)` renvoie le graphe correspondant aux données importées sous la forme d'une matrice d'adjacence de type tableau Numpy.
- B4. En utilisant la fonction de Numpy `count_nonzero` et la représentation matricielle du graphe, construire la liste des degrés de chaque sommet du graphe. Quel sens pouvez-vous donner à cette information?
- B5. En utilisant les fonction de Numpy (notamment `nonzero`) et la représentation matricielle du graphe, calculer les distances minimales, maximales, moyennes ainsi que l'écart-type des distances entre les villes.