## Table de hachage: implémentation

INFORMATIQUE COMMUNE - TP nº 3.1 - Olivier Reynet

## À la fin de ce chapitre, je sais :

- utiliser les listes Python
- écrire des fonctions en Python
- utiliser une bibliothèque en l'important correctement
- expliquer le fonctionnement d'une table de hachage

L'objectif de ce TP est de construire une table de hachage «à la main», un équivalent des dict Python. Dans ce but, il faut dans un premier temps disposer d'une fonction de hachage adaptée. C'est l'objet de la première partie.

On rappelle sur la figure 1 le principe du dictionnaire (ou table de hachage).

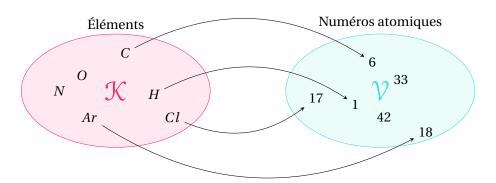


FIGURE 1 – Illustration du concept de dictionnaire : tableau associatif reliant une clef à un numéro atomique.

## A Fonctions de hachage et uniformité

Pour être adaptée à l'usage par une table de hachage, une fonction de hachage devrait être :

- 1. rapide,
- 2. cohérente : pour une même clef, on obtient un même code,
- 3. injective : pour des clefs différentes, on obtient des codes différents. Pour des codes identiques, les clefs sont nécessairement identiques. Dans le cas contraire, on obtient une **collision** qu'on cherche

à minimiser. Comme la table de hachage sera de dimension finie, les collisions sont inévitables. Donc l'injectivité sera sacrifiée.

4. uniformément répartie : pour des clefs qui se ressemblent, les codes obtenus doivent être très différents, ceci pour limiter les collisions.

Une distribution uniforme des clefs dans l'espace d'arrivée peut être obtenue en utilisant des générateurs aléatoires. Les générateurs à congruence linéaires, c'est à dire les fonctions du type  $(ax+b) \mod n$  sont de bons candidats pour les fonctions de hachage, pourvu qu'on choisisse bien les constantes a et b du générateur.

Dans un premier temps, on opère l'**encodage de la chaîne de caractère en nombre entier**  $\gamma(s)$  pour chaque chaîne de caractère s de la manière suivante :

$$\gamma(s) = \sum_{k=0}^{|s|-1} \text{ascii}(s_k) 2^{8*k}$$
 (1)

où ascii( $s_k$ ) est le code ASCII associé au caractère d'indice k de s. Cette étape est importante, car elle permet déjà de générer des codes souvent différents pour des chaînes très similaires.

P En Python, la fonction ord permet d'obtenir le code ASCII associé à un caractère documentation).

Dans un second temps, on cherche à **compresser la valeur encodée dans l'intervalle des index possibles** [0, n]. Si n est la taille de la table de hachage, on peut choisir :

1. d'utiliser simplement une division :

$$h_d: (s, n) \to \gamma(s) \mod n$$
 (2)

2. d'utiliser une multiplication et une division :

$$h_{\alpha}: (s, n) \to \lfloor n \times (\alpha \gamma(s) \mod 1) \rfloor$$
 (3)

 $\alpha \in ]0,1[$  étant une constante réelle.

l'instruction:

Le choix d'une fonction de hachage est délicat et il n'existe pas de méthode pour atteindre l'optimal.

- A1. La fonction  $\gamma$  est-elle injective? Expliquer pourquoi la fonction  $\gamma$  renvoie un nombre unique associé à une chaîne de caractères.
- A2. Coder les fonctions  $\gamma$ ,  $h_d$  et  $h_\alpha$  en Python. Les paramètres n et  $\alpha$  pourront être pris par défaut à 47057 et  $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$ . Ne pas oublier également que les puissances de deux peuvent être facilement calculées grâce aux opérateurs de décalage binaire.
- A3. Importer tous les mots contenus dans le fichier "english\_words.csv" dans un liste.

  On cherche à tester l'uniformité de la distribution des codes obtenues des fonctions de hachage. On peut facilement vérifier ceci en utilisant le test de Kolmogorov-Smirnov et la bibliothèque scipy et

```
scipy.stats.kstest(codes, "uniform")
#KstestResult(statistic=0.0012179563749926126, pvalue=0.49280753163611735)
```

Si le paramètre p\_value est plus grand que 0.05, alors la distribution peut être considérée comme uniforme. Le paramètre statistic donne une mesure de la distance entre les deux distributions.

- A4. Écrire une fonction dont le prototype est uniform\_test(h, table\_size) dont le paramètre h est une fonction de hachage et table\_size la taille de la table de hachage. Cette fonction renvoie le résultat du test de Kolmogorov-Smirnov entre une distribution uniforme et la distribution des codes obtenus avec h sur l'ensemble des mots du fichier "english\_words". La fonction de scipy nécessite un tableau d'entrée Numpy dont les données sont de type float.
- A5. Observer les résultats de la fonction précédente pour  $h_d$  et  $h_\alpha$  en faisant varier la taille de la table de hachage. Que pouvez-vous en conclure?
- A6. Afficher les histogrammes associés aux différentes distribution de codes obtenues à l'aide de la bibliothèque matplotlib et à la fonction hist.

## B Implémentation d'une table de hachage

On souhaite créer une table de hachage d'après un fichier qui recense les capitales des pays du monde entier. Cette table possède donc des clefs de type str (le pays) et des valeurs de type str (la capitale).

- B1. Écrire une fonction import\_csv() qui importe les données du fichier "capitals.csv". Cette fonction renvoie une liste de tuples (pays, capitale).
- B2. Écrire une fonction de prototype init\_hash\_table(elements,table\_size) qui renvoie une table de hachage initialisée d'après le paramètre elements. Ce paramètre est la liste de tuples créée à la question précédente.
- B3. Écrire une fonction de prototype get\_value(table, table\_size, input\_key) qui permet d'accéder à l'élément de clef input\_key de la table de hachage table. Par exemple, get\_value(ht, "Italy"), n renvoie "Roma".
- B4. Créer l'ensemble de toutes les clefs de la table pour lesquelles il existe une valeur, puis parcourir la table à partir de cet ensemble. Les capitales apparaissent-elles dans un ordre quelconque?
  - R Naturellement, si par la suite vous avez besoin d'une table de hachage, il faut utiliser le type dict de Python et ne pas réinventer la poudre!