

1.

(a)

		A	
		鹰	鸽
B	鹰	0, 0	①, ②
	鸽	②, ①	1.5, 1.5

(b) 见图

(c) (鹰, 鸽), (鸽, 鹰)

(d) 若状态为 (鸽, 鸽), 由于在 B 取鸽情况下, A 倾向于取鹰, 故会调整为鹰, 因此不是 Nash 均衡.

2.

(a)

		A			
		棒	走	鸡	虫
B	棒	0, 0	-1, ①	0, 0	①, -1
	走	①, -1	0, 0	-1, ①	0, 0
	鸡	0, 0	①, -1	0, 0	-1, ①
	虫	-1, ①	0, 0	①, -1	0, 0

(b) 见图中

(c) 不存在 Nash 均衡, 因为没有一种策略组合为两人最优策略交点

3.

		3: 鹿		3: 兔	
		1		1	
		鹿	兔	鹿	兔
2	鹿	(10, 10, 10)	3, 0, 0	0, 0, 3	(3, 0, 3)
	兔	0, 3, 0	(3, 3, 0)	0, (3, 3)	(3, 3, 3)

本博弈 Nash 均衡为 (鹿, 鹿, 鹿) 和 (兔, 兔, 兔)

4. (a) $\pi_i(q_i, q_j) = (a - q_i - \dots - q_n) q_i - c \cdot q_i$ if $Q \leq a$

$\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i} = 0 \Rightarrow (a - q_1 - \dots - q_{i-1} - q_{i+1} - \dots - q_n) - 2q_i - c = 0$

$$b_i(q_{-i}) = \begin{cases} \frac{a - q_1 - \dots - q_{i-1} - q_{i+1} - \dots - q_n - c}{2} & \text{if } \sum_{j \neq i} q_j \leq c \\ 0 & \text{else} \end{cases}$$

(b) 平衡时 $q_1 = \dots = q_n = \frac{a-c}{n+1}$

第 i 个人收益 $(a - (n-1) \cdot \frac{a-c}{n+1}) \frac{a-c}{n+1} - c \cdot \frac{a-c}{n+1} = \frac{(a-c)^2}{n+1} - \frac{(a-c)^2(n-1)}{(n+1)^2}$

(c) 总产量 $\sum_{i=1}^n q_i = \frac{n}{n+1}(a-c) \rightarrow a-c \quad (n \rightarrow \infty)$

价格 $P(Q) = c - Q = c - \frac{n}{n+1}(a-c) \rightarrow 2c - a \quad (n \rightarrow \infty)$

单人利益 $(a-c)^2 \cdot \frac{2}{(n+1)^2} \rightarrow 0 \quad (n \rightarrow \infty)$