

# მოზაიკა

სალმა კედელზე თიხის მოზაიკის გაფერადებას გეგმავს. მოზაიკა არის  $N\times N$  ცხრილი, შემდგარი თავდაპირველად უფერო  $N^2$  რაოდენობის  $1\times 1$  კვადრატული ფილებით. მოზაიკის სტრიქონები დანომრილია 0-დან (N-1) -მდე ზემოდან ქვემოთ და სვეტები დანომრილია 0 -დან (N-1)-მდე მარცხნიდან მარჯვნივ. ფილა სტრიქონში i და სვეტში j (  $0\le i< N$  ,  $0\le j< N$  ) აღინიშნება (i,j) -ით. თითოეული ფილა უნდა იყოს თეთრი ფერის (აღნიშნულია 0-ით), ან შავი ფერის (აღნიშნულია 1-ით).

მოზაიკის გასაფერადებლად სალმა ჯერ არჩევს N სიგრძის ორ X და Y მასივს, თითოეულს შემდგარს 0 და 1 მნიშვნელობებისაგან, ისეთს, რომ X[0]=Y[0] . იგი აფერადებს ზედა სტრიქონის (სტრიქონი 0 ) ფილებს X მასივის მიხედვით ისე, რომ (0,j) ფილის ფერი არის X[j] (  $0\leq j< N$  ). ის ასევე აფერადებს მარცხენა სვეტის ფილებს (სვეტი 0) Y მასივის მიხედვით ისე, რომ (i,0) ფილის ფერი არის Y[i] (  $0\leq i< N$  ).

შემდეგ ის იმეორებს შემდეგ ნაბიჯებს, სანამ ყველა ფილა არ გაფერადდება:

- ის პოულობს ნებისმიერ ისეთ გაუფერადებელ (i,j) ფილას, რომ მისი ზედა მეზობელი ((i-1,j) ფილა) და მარცხენა მეზობელი ((i,j-1) ფილა) ორივე არის უკვე გაფერადებული.
- შემდეგ იგი აფერადებს (i,j) ფილას შავად, თუ ორივე მეზობელი თეთრია. წინააღმდეგ შემთხვევაში იგი აფერადებს (i,j) ფილას თეთრად.

შეიძლება ვაჩვენოთ, რომ ფილების საბოლოო ფერები არ არის დამოკიდებული იმაზე, თუ რა თანმიმდევრობით აფერადებს მათ სალმა.

იასმინს ძალიან აინტერესებს მოზაიკის ფილის ფერები. ის სალმას უსვამს Q რაოდენობის კითხვას, დანომრილს 0 -დან (Q-1)-მდე. k-ურ კითხვაში  $(0 \le k < Q)$  იასმინი უთითებს მოზაიკის ქვემართკუთხედს მისი:

- ullet გედა T[k] და ქვედა B[k] სტრიქონებით ( $0 \leq T[k] \leq B[k] < N$ );
- ullet მარცხენა L[k] და მარჯვენა R[k] სვეტებით ( $0 \leq L[k] \leq R[k] < N$ ).

კითხვაზე პასუხი ქვემართკუთხედში შავი ფილების რაოდენობაა. ანუ, სალმამ უნდა გაიგოს რამდენი ისეთი (i,j) ფილა არსებობს, რომ  $T[k] \leq i \leq B[k]$ ,  $L[k] \leq j \leq R[k]$  და (i,j) ფილის ფერი არის შავი.

დაწერეთ პროგრამა, რომელიც პასუხობს იასმინის კითხვებს.

### იმპლემენტაციის დეტალები

თქვენ უნდა მოახდინოთ შემდეგი პროცედურის იმპლემენტაცია.

```
std::vector<long long> mosaic(
    std::vector<int> X, std::vector<int> Y,
    std::vector<int> T, std::vector<int> B,
    std::vector<int> L, std::vector<int> R)
```

- X, Y: N სიგრძის მასივები, რომლებიც აღწერენ ფილების ფერებს ზედა სტრიქონსა და მარცხენა სვეტში შესაბამისად;
- T, B, L, R: Q სიგრძის მასივები, რომლებიც აღწერენ იასმინის კითხვებს;
- პროცედურამ უნდა დააბრუნოს Q სიგრძის C მასივი, სადაც C[k] არის პასუხი k-ურ კითხვაზე ( $0 \le k < Q$ );
- ეს პროცედურა გამოძახებული იქნება ერთხელ ყოველი ტესტისთვის.

### შეზღუდვები

- $1 \le N \le 200\,000$
- 1 < Q < 200000
- ullet  $X[i] \in \{0,1\}$  და  $Y[i] \in \{0,1\}$  ყოველი i-სათვის, სადაც  $0 \leq i < N$
- X[0] = Y[0]
- ullet  $0 \leq T[k] \leq B[k] < N$  და  $0 \leq L[k] \leq R[k] < N$  ყოველი k-სათვის, სადაც  $0 \leq k < Q$

### ქვეამოცანები

ქვეამოცანა	ქულა	დამატებითი შეზღუდვები
1	5	$N \leq 2; Q \leq 10$
2	7	$N \leq 200; Q \leq 200$
3	7	$T[k] = B[k] = 0$ (ყოველი $k$ -სათვის, სადაც $0 \leq k < Q$ )
4	10	$N \leq 5000$
5	8	$X[i] = Y[i] = 0$ (ყოველი $i$ -სათვის, სადაც $0 \leq i < N$ )
6	22	$T[k] = B[k]$ და $L[k] = R[k]$ (ყოველი $k$ -სათვის, სადაც $0 \leq k < Q$ )
7	19	$T[k] = B[k]$ (ყოველი $k$ -სათვის, სადაც $0 \leq k < Q$ )
8	22	დამატებითი შეზღუდვების გარეშე.

#### მაგალითი

განვიხილოთ შემდეგი გამოძახება.

```
mosaic([1, 0, 1, 0], [1, 1, 0, 1], [0, 2], [3, 3], [0, 0], [3, 2])
```

ეს მაგალითი ნაჩვენებია სურათებზე ქვემოთ. მარცხენა სურათზე ნაჩვენებია მოზაიკის ფილების ფერები. შუა და მარჯვენა სურათებზე ნაჩვენებია ქვემართკუთხედები, რომლებიც ფიგურირებს იასმინის პირველ და მეორე კითხვებში შესაბამისად.

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

კითხვებზე პასუხები (ანუ, დაჩრდილულ მართკუთხედებში ერთების რაოდენობა) არის 7 და 3 შესაბამისად. მაშასადამე, პროცედურამ უნდა დააბრუნოს [7,3].

## სანიმუშო გრადერი

შეტანის ფორმატი:

```
N
X[0] X[1] ... X[N-1]
Y[0] Y[1] ... Y[N-1]
Q
T[0] B[0] L[0] R[0]
T[1] B[1] L[1] R[1]
...
T[Q-1] B[Q-1] L[Q-1] R[Q-1]
```

გამოტანის ფორმატი:

```
C[0]
C[1]
...
C[S-1]
```

აქ S არის mosaic-ის მიერ დაბრუნებული C მასივის სიგრძე.