

## Mozaik

Salma namerava pobarvati glineni mozaik na steni. Mozaik je mreža velikosti  $N \times N$ , sestavljena iz  $N^2$  prvotno nepobarvanih ploščic velikosti  $1 \times 1$ . Vrstice mozaika so oštevilčene od 0 do N-1 od zgoraj navzdol, stolpci pa so oštevilčeni od 0 do N-1 od leve proti desni. Ploščica v vrstici i in stolpcu j ( $0 \le i < N$ ,  $0 \le j < N$ ) je označena z (i,j). Vsako ploščico mora pobarvati bodisi belo (označeno z 0) bodisi črno (označeno z 1).

Da bi pobarvala mozaik, Salma najprej izbere polji X in Y dolžine N, katerih vrednosti so 0 in 1 in velja X[0] = Y[0]. Ploščice v zgornji vrstici (vrstica 0) pobarva skladno s poljem X, tako da je barva ploščice (0,j) X[j]  $(0 \le j < N)$ . Prav tako pobarva ploščice v skrajno levem stolpcu (stolpec 0) skladno s poljem Y, tako da je barva ploščice (i,0) Y[i]  $(0 \le i < N)$ .

Nato ponavlja naslednje korake, dokler niso vse ploščice pobarvane:

- Poišče *nepobarvano* ploščico (i,j), kjer sta njen zgornji sosed (ploščica (i-1,j)) in levi sosed (ploščica (i,j-1)) že pobarvana.
- ullet če sta oba soseda bela, pobarva ploščico (i,j) na črno; sicer pobarva ploščico (i,j) na belo.

Pokažemo lahko, da končne barve ploščic niso odvisne od vrstnega reda barvanja.

Yasmin je zelo radovedna glede barv ploščic v mozaiku. Salmi postavi Q vprašanj, oštevilčenih od 0 do Q-1. Z vprašanjem k ( $0 \le k < Q$ ) Yasmin določi podpravokotnik mozaika z:

- zgornjo vrstico T[k] in spodnjo vrstico B[k] ( $0 \le T[k] \le B[k] < N$ ),
- najbolj levim stolpcem L[k] in najbolj desnim stolpcem R[k] ( $0 \le L[k] \le R[k] < N$ ).

Odgovor na to vprašanje je število črnih ploščic tega podpravokotnika. Natančneje, Salma mora izračunati, koliko ploščic (i,j) obstaja, kjer  $T[k] \le i \le B[k]$ ,  $L[k] \le j \le R[k]$  in je barva ploščice (i,j) črna.

Napišite program, ki odgovarja na Yasminina vprašanja.

# Podrobnosti implementacije

Implementirajte naslednjo funkcijo.

```
std::vector<long long> mosaic(
    std::vector<int> X, std::vector<int> Y,
    std::vector<int> T, std::vector<int> B,
    std::vector<int> L, std::vector<int> R)
```

- X, Y: polji dolžine N, ki opisujeta barve ploščic v zgornji vrstici in v levem stolpcu.
- T, B, L, R: polja dolžine Q, ki opisujejo vprašanja, ki jih zastavlja Yasmin.
- Funkcija naj vrne polje C dolžine Q, kjer C[k] podaja odgovor na vprašanje k ( $0 \le k < Q$ ).
- Funkcijo se kliče natanko enkrat za vsak testni primer.

#### Omejitve

- $1 \le N \le 200\,000$
- $1 \le Q \le 200\,000$
- $X[i] \in \{0,1\}$  in  $Y[i] \in \{0,1\}$  za vsak i velja  $0 \leq i < N$
- X[0] = Y[0]
- $0 \leq T[k] \leq B[k] < N$ ,  $0 \leq L[k] \leq R[k] < N$  in za vsak k velja  $0 \leq k < Q$

### **Podnaloge**

Podnaloga	Točke	Dodatne omejitve
1	5	$N \leq 2; Q \leq 10$
2	7	$N \leq 200; Q \leq 200$
3	7	$T[k] = B[k] = 0$ (za vsak $k$ velja $0 \leq k < Q$ )
4	10	$N \leq 5000$
5	8	$X[i] = Y[i] = 0$ (za vsak $i$ velja $0 \leq i < N$ )
6	22	$T[k] = B[k]$ in $L[k] = R[k]$ (za vsak $k$ velja $0 \leq k < Q$ )
7	19	$T[k] = B[k]$ (za vsak $k$ velja $0 \leq k < Q$ )
8	22	Ni dodatnih omejitev.

#### **Primer**

Razmislite o naslednjem klicu.

```
mosaic([1, 0, 1, 0], [1, 1, 0, 1], [0, 2], [3, 3], [0, 0], [3, 2])
```

Ta primer je prikazan na spodnjih slikah. Leva slika prikazuje barve ploščic mozaika. Srednja in desna slika prikazujeta podpravokotnike, za katere Yasmin sprašuje v prvem in drugem vprašanju.

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

Odgovora na vprašanji (število enic v osenčenih podpravokotnikih) sta 7 in 3. Zatorej funkcija vrne [7,3].

### Vzorčni ocenjevalnik

Oblika vhoda:

```
N
X[0] X[1] ... X[N-1]
Y[0] Y[1] ... Y[N-1]
Q
T[0] B[0] L[0] R[0]
T[1] B[1] L[1] R[1]
...
T[Q-1] B[Q-1] L[Q-1] R[Q-1]
```

Oblika izhoda:

```
C[0]
C[1]
...
C[S-1]
```

Tu je S dolžina polja C, ki ga vrne mosaic.