

# Mozaik

Selma planira naslikati mozaik na zidu. Mozaik predstavljamo kao  $N \times N$  tabelu koja je načinjena od  $N^2$  jediničnih  $1 \times 1$  polja koja su u početku prazna (neobojena). Redovi mozaika označeni su brojevima od 0 do N-1, gledajući odozgo prema dolje. Kolone su na sličan način označene brojevima od 0 do N-1, s lijeva na desno. Polje u redu i i koloni j ( $0 \le i < N$ ,  $0 \le j < N$ ), označeno je s (i,j). Svako polje mora biti obojeno u bijelo (označeno s 0) ili crno (označeno 1).

Kako bi obojila mozaik, Selma prvo odabire nizove X i Y dužine N. Nizovi se sastoje od vrijednosti 0 i 1, sa dodatnim ograničenjem da je X[0] = Y[0]. Selma boji prvi red odozgo (red 0) prema nizu X, tačnije boji polje (0,j) u boju X[j] ( $0 \le j < N$ ). Također na sličan način boji prvu kolonu s lijeva (kolona 0) prema nizu Y, tako da boja polja (i,0) bude Y[i] ( $0 \le i < N$ ).

Selma nakon toga ponavlja sljedeću proceduru sve dok sva polja nisu obojena:

- Pronalazi *neobojeno* polje (i,j) takvo da su gornji susjed (polje (i-1,j)) i lijevi susjed (polje (i,j-1)) oba *već obojeni*.
- Nakon toga ona boji polje (i,j) u crno ako su oba susjeda bijele boje; u suprotnom, polje (i,j) boji u bijelo.

Može se pokazati da finalna konfiguracija boja ne ovisi o redoslijedu kojim Selma boji polja.

Jasmin je jako znatiželjan o bojama u mozaiku. On će postoviti Selmi Q pitanja, označena od 0 do Q-1. U pitanju k ( $0 \le k < Q$ ), Jasmin opisuje pravougaonik u mozaiku na sljedeći način:

- ullet Prvi red odozgo redak pravougaonika je T[k], a posljednji red odozgo B[k] ( $0 \leq T[k] \leq B[k] < N$ ),
- ullet Prva kolona s lijeva pravougaonika je L[k], a posljednja kolona s lijeva R[k] ( $0 \le L[k] \le R[k] < N$ ).

Odgovor na pitanje je broj crnih polja unutar zadanog pravougaonika. Tačnije, Selma treba saznati koliko polja (i,j) postoji, takvih da  $T[k] \le i \le B[k]$ ,  $L[k] \le j \le R[k]$  te da je polje (i,j) obojeno u crno.

Napišite program koji odgovara na jasminova pitanja.

### Implementacijski detalji

Potrebno je implementirati sljedeće procedure.

```
std::vector<long long> mosaic(
    std::vector<int> X, std::vector<int> Y,
    std::vector<int> T, std::vector<int> B,
    std::vector<int> L, std::vector<int> R)
```

- ullet X, Y: nizovi dužine N opisuju boje polja u prvom redu odozgo, te prvom redu s lijeva, redom.
- T, B, L, R: nizovi dužine Q opisuju pravougaonike iz Jasminovih pitanja.
- Procedura treba vratiti niz C dužine Q, takav da C[k] daje odgovor na pitanje k ( $0 \le k < Q$ ).
- Procedura će biti pozvana tačno jednom po testnom primjeru.

# Ograničenja

- $1 \le N \le 200\,000$
- $1 \le Q \le 200\,000$
- $X[i] \in \{0,1\}$  i  $Y[i] \in \{0,1\}$  za svaki i takav da  $0 \leq i < N$
- X[0] = Y[0]
- $ullet \quad 0 \leq T[k] \leq B[k] < N$  i  $0 \leq L[k] \leq R[k] < N$  za svaki k takav da  $0 \leq k < Q$

#### Podzadaci

Podzadatak	Bodovi	Dodatna ograničenja		
1	5	$N \leq 2; Q \leq 10$		
2	7	$N \leq 200; Q \leq 200$		
3	7	$T[k] = B[k] = 0$ (za svaki $k$ takav da $0 \leq k < Q$ )		
4	10	$N \leq 5000$		
5	8	$X[i] = Y[i] = 0$ (za svaki $i$ takav da $0 \leq i < N$ )		
6	22	$T[k] = B[k]$ and $L[k] = R[k]$ (za svaki $k$ takav da $0 \leq k < Q$ )		
7	19	$T[k] = B[k]$ (za svaki $k$ takav da $0 \leq k < Q$ )		
8	22	Bez dodatnih ograničenja.		

### Primjer

Razmotrite sljedeći poziv procedure.

```
mosaic([1, 0, 1, 0], [1, 1, 0, 1], [0, 2], [3, 3], [0, 0], [3, 2])
```

Ovaj primjer je ilustriran u slikama ispod. Lijeva slika prikazuje boje u mozaiku. Srednja i desna slika prikazuju pravougaonike iz Jasminovog prvog i drugog pitanja, redom.

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

Odgovori na pitanja (tj., broj jedinica u osjenčenim pravougaonicima) su 7, odnosno 3. Dakle, procedura treba vratiti [7,3].

# Sample Grader

Ulazni format:

```
N
X[0] X[1] ... X[N-1]
Y[0] Y[1] ... Y[N-1]
Q
T[0] B[0] L[0] R[0]
T[1] B[1] L[1] R[1]
...
T[Q-1] B[Q-1] L[Q-1] R[Q-1]
```

Izlazni format:

```
C[0]
C[1]
...
C[S-1]
```

Ovdje S predstavlja dužinu niza C, koju vraća mosaic.