

Hijeroglifi

Tim istraživača u Visokom proučava sličnosti između nizova hijeroglifa iz doba faraona Ramiza II. Svaki hijeroglif predstavljaju nenegativnim cijelim brojem. Za izvođenje svog istraživanja koriste sljedeće pojmove o nizovima.

Za fiksni niz A, niz S se naziva podniz niza A ako i samo ako (akko) se S može dobiti uklanjanjem nekih elemenata (potencijalno nijednog) iz niza A.

Tabela ispod prikazuje neke primjere podnizova niza A = [3, 2, 1, 2].

Podniz	Kako se može dobiti iz ${\cal A}$
[3, 2, 1, 2]	Nijedan element nije uklonjen.
[2, 1, 2]	[3 , 2, 1, 2]
[3, 2, 2]	[3, 2, 1 , 2]
[3, 2]	[3, 2 , 1 , 2] ili [3, 2, 1 , 2]
[3]	[3, 2 , 1 , 2]
[]	[3 , 2 , 1 , 2]

S druge strane, [3,3] ili [1,3] nisu podnizovi niza A.

Razmotrite dva niza hijeroglifa, A i B. Niz S se naziva **zajednički podniz** niza A i B ako i samo ako je S podniz i niza A i niza B. Nadalje, kažemo da je niz U **univerzalni zajednički podniz** nizova A i B ako i samo ako su ispunjena sljedeća dva uslova:

- U je zajednički podniz nizova A i B.
- Svaki zajednički podniz nizova A i B je također podniz niza U.

Može se pokazati da bilo koja dva niza A i B imaju najviše jedan univerzalni zajednički podniz.

Istraživači su pronašli dva niza hijeroglifa A i B. Niz A se sastoji od N hijeroglifa, a niz B se sastoji od M hijeroglifa. Pomozite istraživačima da izračunaju univerzalni zajednički podniz nizova A i B, ili da utvrde da takav niz ne postoji.

Detalji implementacije

Potrebno je implementirati sljedeću proceduru.

std::vector<int> ucs(std::vector<int> A, std::vector<int> B)

- A: niz dužine N koji opisuje prvi niz.
- B: niz dužine M koji opisuje drugi niz.
- Ako postoji univerzalni zajednički podniz nizova A i B, procedura treba vratiti niz koji sadrži ovaj podniz. U suprotnom, procedura treba vratiti [-1] (niz dužine 1, čiji je jedini element -1).
- Ova procedura se poziva tačno jednom za svaki testni slučaj.

Ograničenja

- $1 \le N \le 100\,000$
- $1 \le M \le 100\,000$
- $ullet 0 \leq A[i] \leq 200\,000$ za svaki i takav da $0 \leq i < N$
- $0 \leq B[j] \leq 200\,000$ za svaki j takav da $0 \leq j < M$

Podzadaci

Podzadatak	Bodovi	Dodatna ograničenja
1	3	N=M; Nizovi A i B se sastoje od N različitih cijelih brojeva između 0 i $N-1$ (uključujući oba)
2	15	Za bilo koji cijeli broj k vrijedi: (zbir broja elemenata A jednakih k) plus (broj elemenata B jednakih k) je najviše 3 .
3	10	$A[i] \leq 1$ za svaki i takav da $0 \leq i < N$; $B[j] \leq 1$ za svaki j takav da $0 \leq j < M$
4	16	Postoji univerzalni zajednički podniz nizova A i B .
5	14	$N \leq$ 3000; $M \leq$ 3000
6	42	Nema dodatnih ograničenja.

Primjeri

Primjer 1

Razmotrite sljedeći poziv.

```
ucs([0, 0, 1, 0, 1, 2], [2, 0, 1, 0, 2])
```

Ovdje su zajednički podnizovi niza A i B sljedeći: $[\]$, [0], [1], [2], [0,0], [0,1], [0,2], [1,0], [1,2], [0,0,2], [0,1,0], [0,1,2], [1,0,2] i [0,1,0,2].

Budući da je [0,1,0,2] zajednički podniz nizova A i B, i svi zajednički podnizovi A i B su podnizovi [0,1,0,2], procedura treba vratiti [0,1,0,2].

Primjer 2

Razmotrite sljedeći poziv.

```
ucs([0, 0, 2], [1, 1])
```

Ovdje je jedini zajednički podniz nizova A i B prazni niz $[\,]$. Iz toga slijedi da procedura treba vratiti prazan niz $[\,]$.

Primjer 3

Razmotri sljedeći poziv.

```
ucs([0, 1, 0], [1, 0, 1])
```

Ovdje su zajednički podnizovi nizova A i B: $[\],[0],[1],[0,1]$ i [1,0]. Može se pokazati da univerzalni zajednički podniz ne postoji. Stoga, procedura treba vratiti [-1].

Grader

Ulazni format:

```
N M
A[0] A[1] ... A[N-1]
B[0] B[1] ... B[M-1]
```

Izlazni format:

```
T
R[0] R[1] ... R[T-1]
```

Ovdje je R niz koji vraća ucs, a T je njegova dužina.