

# Мозайка

Салма планира да оцвети мозайка от глина на стената. Мозайката представлява мрежа  $N\times N$ , направена от  $N^2$  квадратни плочки с размери  $1\times 1$ , които не са оцветени в началото. Редовете на мозайката са номерирани с числата от 0 до N-1 от горе надолу, а колоните са номерирани с числата от 0 до N-1 от ляво надясно. Плочката на ред i и колона j ( $0\le i< N$ ,  $0\le j< N$ ) е означена с (i,j). Всяка плочка трябва да бъде оцветена или в бяло (означено с числото 0), или в черно (означено с числото 1).

За да оцвети мозайката, Салма първо избира две редици X и Y с дължина N, всеки от които се състои от числата 0 и 1, така че X[0]=Y[0]. Тя оцветява плочките от най-горния ред (ред 0) спрямо редицата X, така че цветът на плочка (0,j) е X[j] ( $0 \le j < N$ ). Салма също оцветява плочките от най-лявата колона (колона 0) спрямо редицата Y, така че цветът на плочка (i,0) е Y[i] ( $0 \le i < N$ ).

След това тя повтаря следните стъпки, докато всички плочки не станат оцветени:

- Салма намира n неоцветена плочка (i,j), такава че нейният горен съсед (плочка (i-1,j)) и левият ѝ съсед (плочка (i,j-1)) са вече оцветени.
- Тогава Салма оцветява плочка (i,j) в черно само ако двата от тези съседи са бели, а иначе оцветява плочка (i,j) в бяло.

Може да бъде показано, че крайните цветове на плочките не зависят от реда, в който Салма ги оцветява.

Ясмин е много любопитна какви ще са цветовете на плочките в мозайката. Тя задава на Салма Q въпроса, номерирани с числата от 0 до Q-1. За въпрос k ( $0 \le k < Q$ ), Ясмин описва подправоъгълна част на мозайката чрез:

- ullet най-горния ред T[k] и най-долния ред B[k] ( $0 \leq T[k] \leq B[k] < N$ ),
- ullet най-лявата колона L[k] и най-дясната колона R[k] ( $0 \leq L[k] \leq R[k] < N$ ).

Отговорът на въпроса е броят на черните плочки в този подправоъгълник. По-точно, Салма трябва да намери колко плочки (i,j) съществуват, такива че  $T[k] \leq i \leq B[k]$ ,  $L[k] \leq j \leq R[k]$  и цвета на плочка (i,j) е черен.

Напишете програма, която отговаря на въпросите на Ясмин.

## Детайли по имплеметацията

Трябва да напишете следната функция.

```
std::vector<long long> mosaic(
    std::vector<int> X, std::vector<int> Y,
    std::vector<int> T, std::vector<int> B,
    std::vector<int> L, std::vector<int> R)
```

- X, Y: вектори с дължина N, описващи цветовете на плочките на най-горния ред и на най-лявата колона, съответно.
- T, B, L, R: вектори с дължина Q, описващи въпросите, зададени от Ясмин.
- Функцията трябва да върне вектор C с дължина Q, така че C[k] представлява отговора на въпрос k ( $0 \le k < Q$ ).
- Тази функция се вика точно веднъж в рамките на един тест.

#### Ограничения

- $1 \le N \le 200\,000$
- 1 < Q < 200000
- ullet  $X[i] \in \{0,1\}$  и  $Y[i] \in \{0,1\}$  за всяко  $0 \leq i < N$
- X[0] = Y[0]
- ullet  $0 \leq T[k] \leq B[k] < N$  и  $0 \leq L[k] \leq R[k] < N$  за всяко  $0 \leq k < Q$

## Подзадачи

Подзадача	Точки	Допълнителни ограничения
1	5	$N \leq 2; Q \leq 10$
2	7	$N \leq 200; Q \leq 200$
3	7	$T[k] = B[k] = 0$ (за всяко $0 \leq k < Q$ )
4	10	$N \leq 5000$
5	8	$X[i] = Y[i] = 0$ (за всяко $0 \leq i < N$ )
6	22	$T[k] = B[k]$ и $L[k] = R[k]$ (за всяко $0 \leq k < Q$ )
7	19	$T[k] = B[k]$ (за всяко $0 \leq k < Q$ )
8	22	Няма.

## Пример

Нека разгледаме следното извикване.

```
mosaic([1, 0, 1, 0], [1, 1, 0, 1], [0, 2], [3, 3], [0, 0], [3, 2])
```

Този пример е показан на картинките по-долу. Лявата картинка показва цветовете на плочките в мозайката. Средната и дясната картинка показват подправоъгълниците, за които Ясмин пита в първия и втория въпрос, съответно.

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

	0	1	2	3
0	1	0	1	0
1	1	0	0	1
2	0	1	0	0
3	1	0	1	0

Отговорът на въпросите (броят на единиците в затъмнените правоъгълници) са 7 и 3, съответно. Затова функцията трябва да върне [7,3].

# Локален грейдър

Входен формат:

```
N
X[0] X[1] ... X[N-1]
Y[0] Y[1] ... Y[N-1]
Q
T[0] B[0] L[0] R[0]
T[1] B[1] L[1] R[1]
...
T[Q-1] B[Q-1] L[Q-1] R[Q-1]
```

Изходен формат:

```
C[0]
C[1]
...
C[S-1]
```

Тук S е дължината на вектора C, върнат от функцията mosaic.