Examen: Limbaje formale și automate Examenul din 15 iunie 2023, Universitatea din București

durata examenului: 2 ore

TA T		
Nume	S1	prenume:

Grupa: Varianta f C

Nota obținută la laborator: Numele tutorelui de laborator:

Examenul este format din 10 probleme fiecare având câte 10 puncte pentru un total de 100 de puncte.

1. (10 puncte) Considerăm numele de familie al dumneavoastră şi "spargem" acest cuvânt în grupuri de câte două litere cu un eventual ultim grup de 3 litere în mulțimea N. Spre exemplu, pentru numele Ionescu vom avea $N = \{io, ne, scu\}$. Considerăm limbajul N^* , dați un exemplu de cuvânt de 10 litere care aparține lui N^* şi un cuvânt de 10 litere care nu aparține lui N^* .

```
w_1 \in N^* de 10 litere, w_1 =
w_2 \notin N^* de 10 litere, w_2 =
```

Spuneți dacă următoarele patru afirmații sunt adevărate sau nu, justificați pe scurt răspunsul. **2.a (5 puncte)** Fie limbajele L_1 , L_2 , L_3 , L_4 cu proprietatea că $L_1 \cap \overline{L_2} = L_3 \cup L_4$ și L_2 , L_3 , $L_4 \in REG$. Avem așadar că $L_1 \in REG$? Unde \overline{A} reprezintă complementul lui A. Afirmația este ADEVARATĂ/FALSĂ (încercuiți varianta corectă și apoi justificați răspunsul)

2.b (5 puncte) Fie limbajele L_1 , L_2 , L_3 , L_4 cu proprietatea că $L_1 - L_2 = L_3 - L_4$ şi L_2 , L_3 , $L_4 \in REG$. Avem aşadar că $L_1 \in REG$? Unde REG este familia limbajelor regulate (recunoscute de expresii regulate). A - B este diferența pe mulțimi.

Afirmaţia este ADEVARATĂ/FALSĂ (încercuiţi varianta corectă și apoi justificaţi răspunsul)

3.a (5 puncte) Este decidabil dacă limbajul L_1 este submultime a limbajului L_2 unde L_1 este regulat si L_2 este CF?

Afirmația este ADEVARATĂ/FALSĂ (încercuiți varianta corectă și apoi justificați răspunsul)

3.b (5	puncte) Fie	limbajele	L_1, L_2	L_{3}, L_{3}, L_{3}	L_4 cu	prop	rietatea	a că $L_1 \cap L_2$	$L_3 \cup L_4$ s	$ gi L_1, L $	$L_2, L_3 \in$
CFL.	Avem a	ışadar	$c L_4 \in$	CFL?	Unde	CFL	este	familia	limbajelor	independen	te de	context
(gener	ate de gr	amatic	i indeper	ndente	de con	text).						

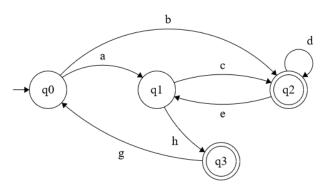
Afirmația este ADEVARATĂ/FALSĂ (încercuiți varianta corectă și apoi justificați răspunsul)

- 4. (10 puncte) a) Construiți un NFA care să nu fie DFA și care are cel puțin 7 stări;
- b) să se construiască gramatica regulată pentru automatul de la punctul a.

Nume și prenume:

grupa:

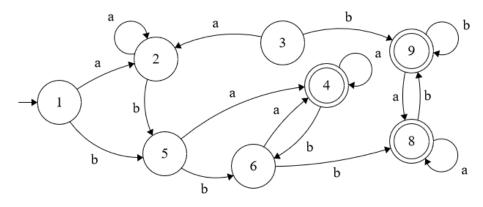
5. (10 puncte) Folosind algoritmul de la curs/seminar, transformați următorul automat finit într-o expresie regulată echivalentă (faceți desenele și pentru pașii intermediari).



6.a (5 puncte) Fie limbajul $L = \{a^nb^n|n \geq 5\}$. Spuneți dacă următoarele perechi de cuvinte sunt sau nu echivalente conform L. În caz că sunt echivalente justificați pe scurt afirmația în caz de neechivalență dați un cuvânt care să facă "diferența" între cele două cuvinte.

$$a^4b^4$$
 λ
 a^7b^5 a^8b^6
 a^8b a^7
 $a^{10}b^{10}$ a^5b^5
 $a^{10}b^{10}$ a^5b^6

6.b (5 puncte) Considerați DFA-ul următor, precizați care sunt echivalențele din acest automat și dați automatul minimal echivalent.



7. (10 puncte) Construiți și descrieti funcționarea unui automat pushdown (PDA), pentru limbajul $L = \{a^nb^n \mid n \geq 0\} \cup \{a^nb^{3n} \mid n \geq 0\} \cdot \{a^3b, \ a^6b^2, \ ab^2, \ a^2b^3, \ a^2b^4, \ a^2b^5\}.$ ALTERNATIV pentru 5 puncte: $L = \{0^m1^{m+3}2^n \mid m, n \geq 2\} \cup \{010\}.$

8. (10 puncte) Spuneți dacă limbajul următor L este independent de context sau nu; dacă da, construiți o gramatică independentă de context care să îl genereze, dacă nu, demonstrați folosind eventual lema de pompare că limbajul nu este independent de context. $L = L_1 \cdot \{b^{3j} \mid j \leq 8\}$ unde $L_1 = \{a^i b^j a^k \mid \text{dacă } i \text{ este par, atunci } k = i+j; \text{dacă } i \text{ este impar, atunci } i \neq j+k\}$ ALTERNATIV pentru max 5 puncte: $L = \{0^{2k}1^{3k}0^{5k'} \mid k,k' \geq 2\}$.

9. (10 puncte) Spuneți dacă limbajul următor este sau nu regulat. Dacă limbajul este regulat construiți un automat finit determinist care să îl accepte, dacă nu, demonstrați folosind lema de pompare pentru REG că limbajul nu este regulat

 $L = \{a^i b^j a^k \mid \text{dacă } i \text{ este impar, atunci } k \text{ e par şi } j \text{ impar; dacă } i \text{ este par, atunci } i \leq 8, \ j \neq k\}$ ALTERNATIV pentru max 5 puncte: $L = \{0^{k-1}1^{2l+3} \mid k, l \geq 5\}.$

Nume și prenume:

grupa:

10. (10 puncte) Spuneți dacă limbajul următor este independent de context sau nu; dacă da, construiți o gramatică independentă de context care să îl genereze, dacă nu, demonstrați folosind eventual lema de pompare că limbajul nu este independent de context.

L = $\{a^i b^j a^k \mid \text{dacă } i \text{ este impar, atunci } k = i+j; \text{dacă } i \text{ este par, atunci } k = (i+j)^2\}$ ALTERNATIV pentru max 5 puncte: L = $\{w \mid w \in \{0,1\}^*, \ 3|w|_0 = 2|w|_1\}.$

BONUS. (5 puncte) Notăm cu DCF clasa limbajelor acceptate de automate push-down cu stări finale și cu SDCF clasa limbajelor acceptate de automate push-down deterministe cu stivă vidă. Este adevarat că $DCF - SDCF = \emptyset$? Justificați răspunsul.

CIORNĂ: vA1	
Nume şi prenume:	

grupa:

CIORNĂ: vA2
Nume şi prenume:

grupa: