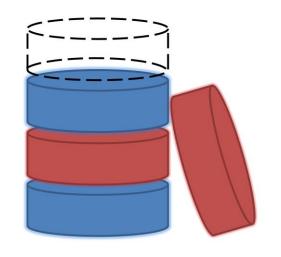
Indecși Organizare Arborescentă



Structură de arbore binar

- Fişiere *heap* sau sortate utile pt tabele statice
- Arbori binari:
 - eficienți pentru inserare /ştergere inregistrări
 - utilizare algoritmi de căutare binară
- Structura memoriei pentru un nod:

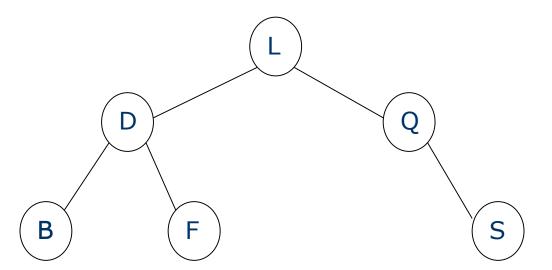


- Structura memoriei pentru arbore binar:
 - colecție de noduri; referință rădăcină
 - listă de noduri libere (înlănțuite prin *Pointer*_{Left})

Structură de arbore binar

Root – referință rădăcinăFree – referință cap listă noduri libere

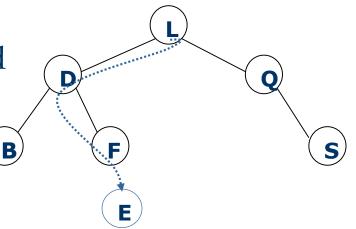
Exemplu:

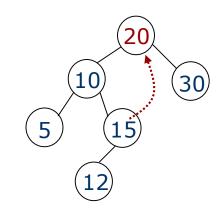


oot = 1 ree = 3				
1	L	Data _L	2	4
2	D	Data _D	8	7
3	-		-6	NULL
4	Q	Data _Q	NULL	5
5	S	Data _s	NULL	NULL
6			-9	NULL
7	F	Data _F	NULL	NULL
8	В	Data _B	NULL	NULL
9			NULL	NULL

Inserare / Eliminare înregistrări

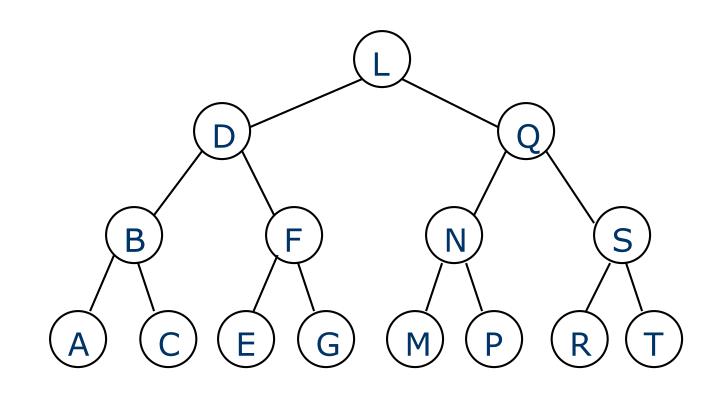
- Inserare înregistrare:
 - detectare poziție înregistrare
 - stocare înregistrare nouă într-un nod liber
 - legare nod la părinte
- Eliminare înregistrare:
 - căutare înregistrare
 - 3 cazuri:
 - fără copii: pointer părinte= NULL
 - 1 copil: ataşează nod copil la părinte
 - 2 copii: înlocuiește cu cel mai apropiat vecin
 - adaugă nodul în lista de noduri libere





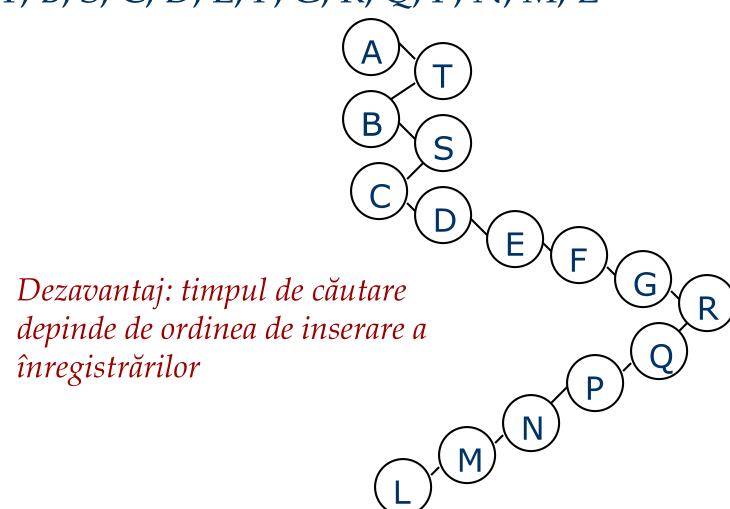
Anomalie de inserare în arbore binar

■ L, D, B, Q, N, F, S, R, T, M, E, G, P, A, C



Anomalie de inserare în arbore binar

A, T, B, S, C, D, E, F, G, R, Q, P, N, M, L



Arbori binari optimali

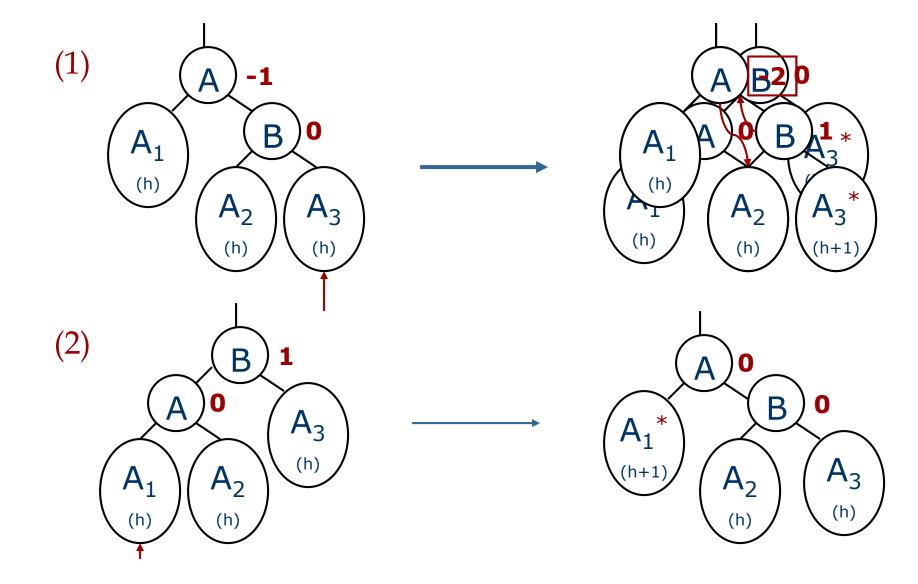
frunzele sunt poziționate pe cel mult 2 nivele

■ întreţinerea e dificilă →
 consumă timp pentru adăugare,
 ștergere sau actualizare

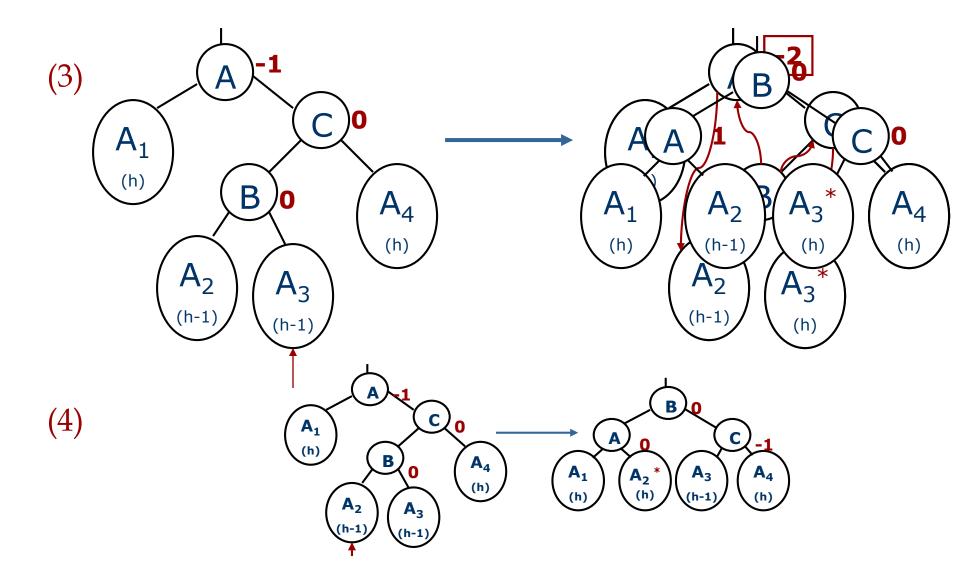
Arbori binari echilibrați

- pentru fiecare nod diferența dintre înălțimile sub-arborilor săi este 0, 1 sau −1 (*înălțime arbore*: dimensiunea celui mai lung drum de la rădăcină la frunze)
- număr redus de operații de întreținere
- 6 cazuri distincte de "dezechilibrare" a unui arbore după o inserare

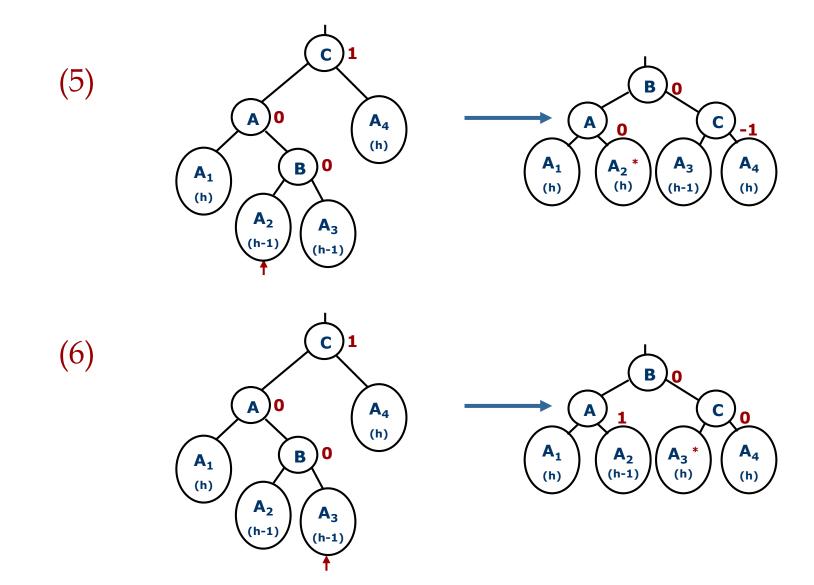
Întreținere arbori echilibrați



Întreținere arbori echilibrați

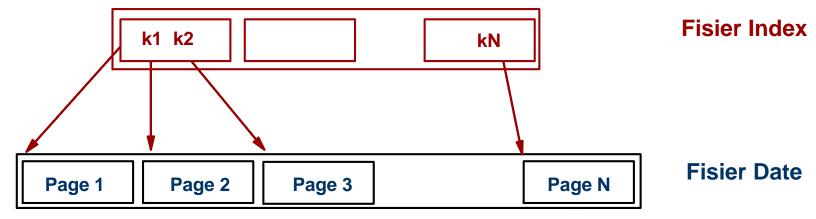


Întreținere arbori echilibrați



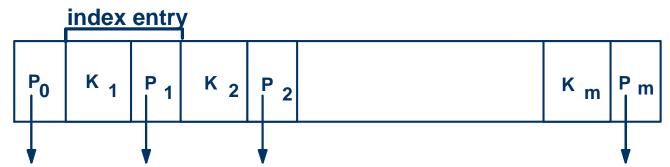
Căutări pe intervale

- Returnează toți studenții cu **grade** > 8.0"
 - Dacă datele sunt stocate într-un fişier ordonat, prin căutare binară se detectează primul student, și apoi sunt citite toate înregistrările următoare.
 - Costul căutarii/întreținerii poate fi ridicat
- Idee: creare fisier `index'

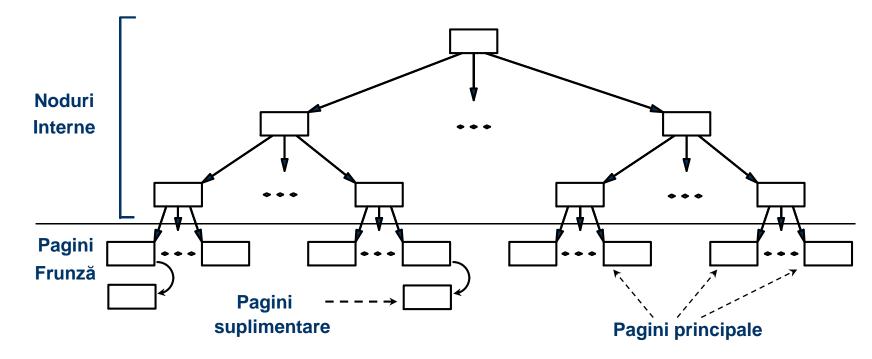


^{*} Cautarea binară se realizeaza pe fisierul index (mai mic)!

ISAM (Indexed Sequential Access Method)



■ Fisierul index poate fi mare, dar aceeași idee se poate aplica repetitiv



Observații asupra ISAM

- Creare fisier: paginile (de date) frunză sunt alocate secvential, sortate dupa cheia de căutare; apoi se memorează paginile index, apoi spațiul pentru paginile suplimentare.
- Intrări index : <val cheie căutare, id pagină>; vor `direcţiona' căutarea către paginile de date (frunze).
- <u>Căutare</u>: Comparări ale cheii pornind de la rădăcina spre frunze. Cost $\log_F N$; F = număr intrări/pg index, N = numărul paginilor frunză
- *Inserare*: Căutare pagină frunză și adăugare înregistrare.
- <u>Stergere</u>: Găsire și eliminare înregistrare din frunză; dacă e cazul, se dealocă o pagina suplimentară (overflow)

Data Pages

Index Pages

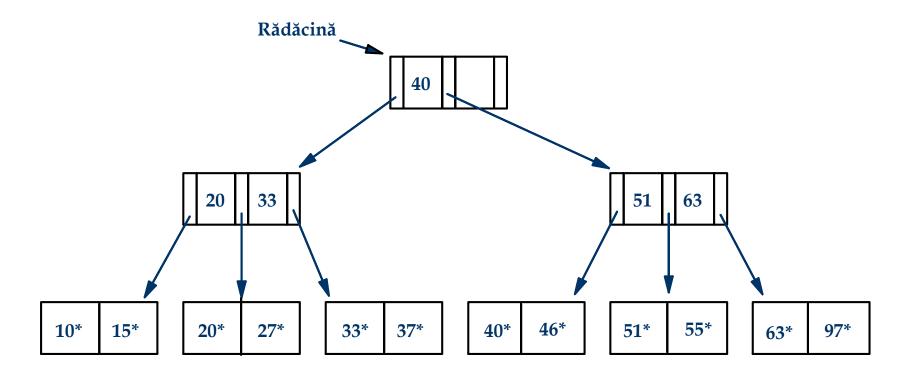
Overflow pages

Structura arborescentă statică:

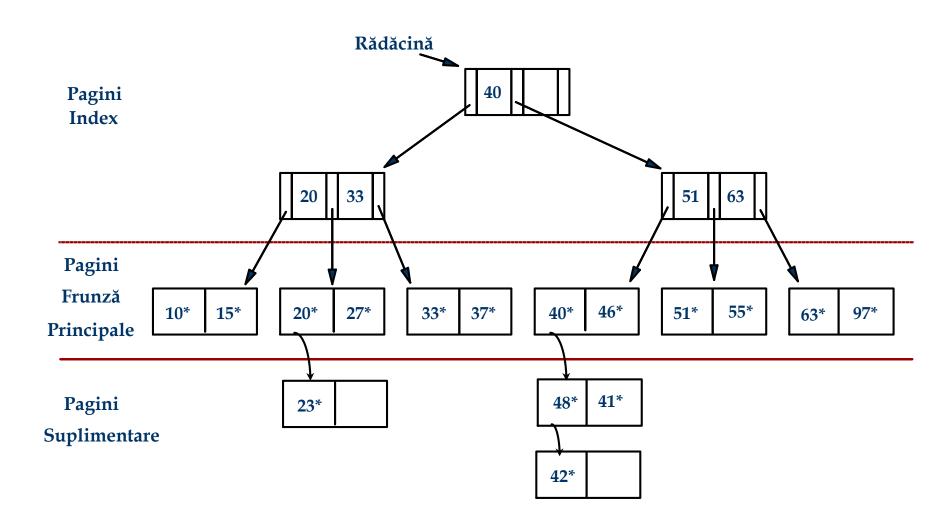
inserarea/ștergerea afectează doar frunzele!

Exemplu arbore ISAM

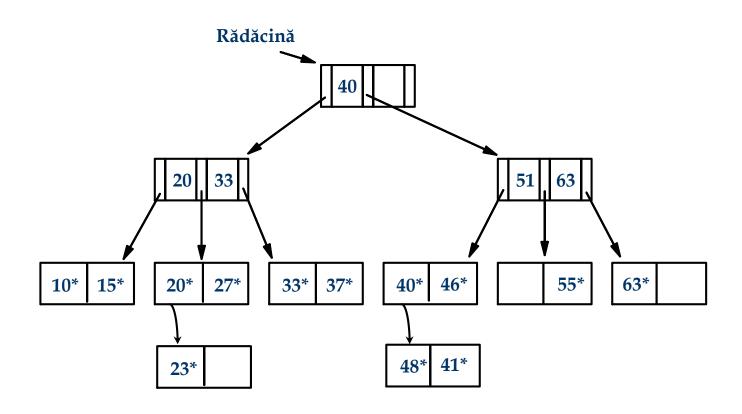
■ Fiecare nod poate stoca 2 inregistrări;



După inserare 23*, 48*, 41*, 42* ...



... apoi ștergere 42*, 51*, 97*



* Obs. 51* apare la nivelul indexului, dar nu mai există în frunze!

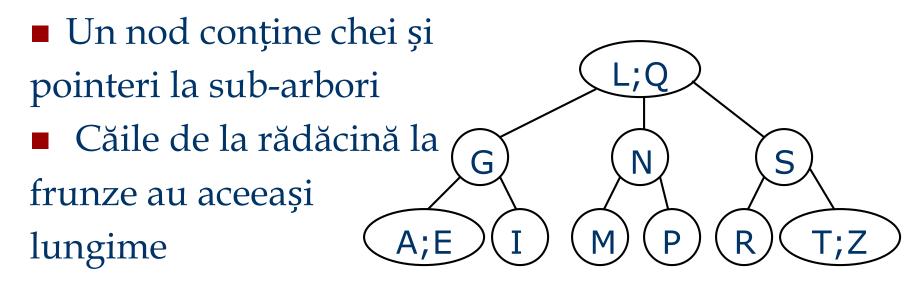
Avantaje & dezavantaje ale ISAM

- Se dezechilibrează în urma a multor inserări & ştergeri (→ timp de căutare neuniform)
- Înregistrările din paginile de rezervă nu sunt sortate de obicei (dar ar putea fi)
- Inserări & ștergeri rapide (fără echilibrări de arbore)
- Acces concurent îmbunătățit (nodurile arborelui nu sunt blocate niciodată)

potrivite doar pentru tabele al căror conținut se modifică rar

Organizare sub formă de Arbore-B

- Cea mai populară metodă de organizare a indecșilor în baze de date
- "B" vine de la "balanced" sau "broad"
- Arbore-B arbore ordonat; un nod are mai mulţi subarbori



Proprietăți Arbori-B

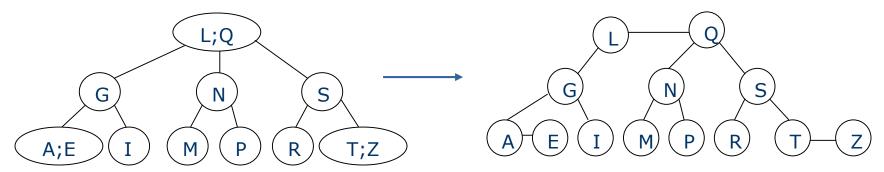
- Arbore-B de ordin *m*:
 - Dacă nu e frunză, rădăcina va avea mereu cel puţin 2 subarbori
 - Fiecare nod intern are cel puţin [m/2] sub-arbori (mai puţin rădăcina)
 - Fiecare nod intern are cel mult *m* sub-arbori
 - Toate frunzele sunt la același nivel
 - Un nod cu p sub-arbori conține
 p-1 chei ordonate (K₁, K₂, ... K_p)
 T₁ conține valori < K₁
 T_i conține valori între K_{i-1} si K_i
 T_p conține valori > K_p

Organizarea în memorie a Arborilor-B

- Ca arbore binar
 - *Pointer*_{Left}



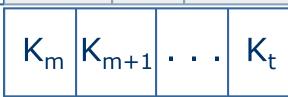
- referă prima cheie a sub-arborelui stâng din Arborele-B
- *Pointer*_{Right/H}
 - referă vecinul din dreapta în nodul Arborelui-B
 - referă prima cheie a sub-arborelui drept din Arborele-B (dacă e ultima valoare a cheii în nodul Arborelui B)
- Flag adițional / utilizare semn pentru *pointer* dreapta



Organizarea în memorie a Arborilor-B

- Alocare memorie pentru a stoca m-1 chei per nod
 - N număr de chei stocate
 - K_i valoarea cheii, AD_i adresa înregistrării
 - Point_i referă un sub-arbore

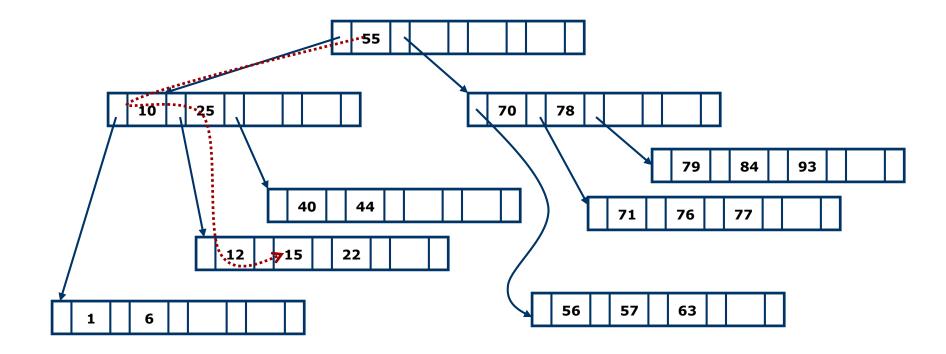
 Utilizarea spațiului de memoriei pentru *pointeri* la stocarea cheilor în frunze



- $m/2 \le N \le m-1$ pentru noduri interne
- $m/2 \le N \le t$ pentru noduri terminale
- •flag adițional/ semn pentru N

Căutarea într-un Arbore-B

■ Exemplu: căutare '15'

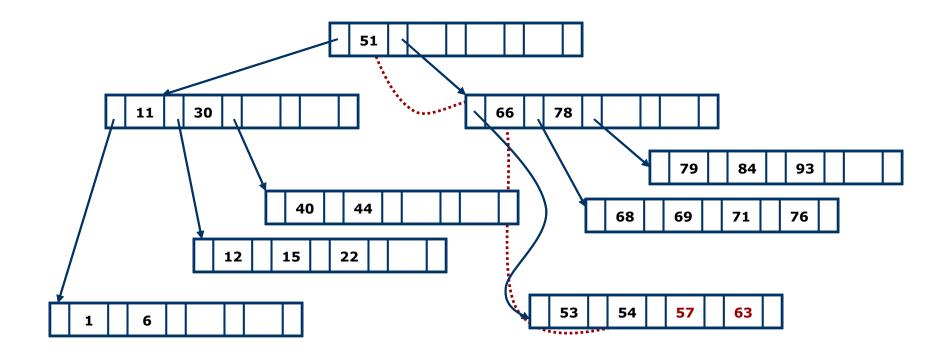


- Pași de inserare:
 - localizare nod un cheia trebuie să fie inserată
 - se inserează noua cheie
 - se aplică o procedură de *echilibrare* în cazul în care este depășit numărul maxim de chei ce pot fi stocate în nod

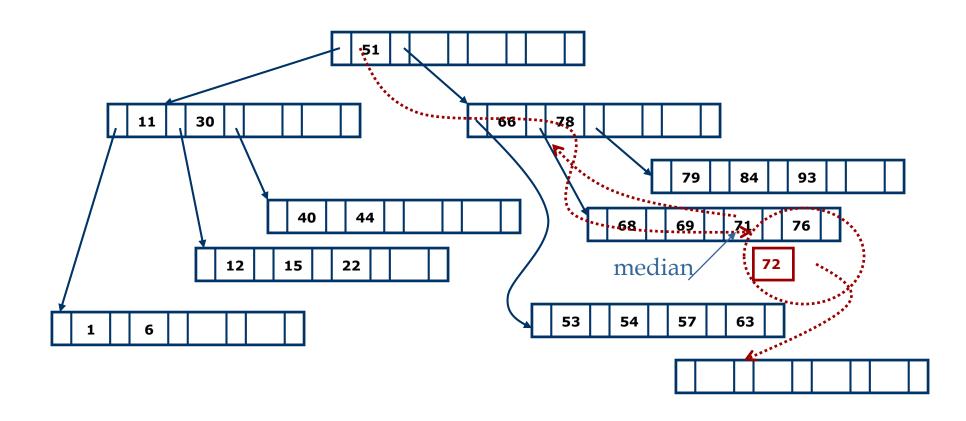
Algoritmul procedurii de inserare

- 1. Localizare nod pentru inserare
- 2. Inserare cheie
- 3. Dacă nodul e plin (dimensiunea e depășită):
 - A) Se crează un nou nod în care se mută cheile mai mari decât valoarea cheii mediane
 - B) Se inserează cheia mediană în nodul părinte
 - C) *Pointerul* din dreapta cheii va referi noul nod, iar cel din stanga referă vechiul nod ce conține valorile mai mici
- 4. Daca și nodul părinte e plin:
 - A) Dacă nodul părinte e radacină atunci se crează o radacină nouă
 - B) Se repetă pasul 3 pentru nodul părinte

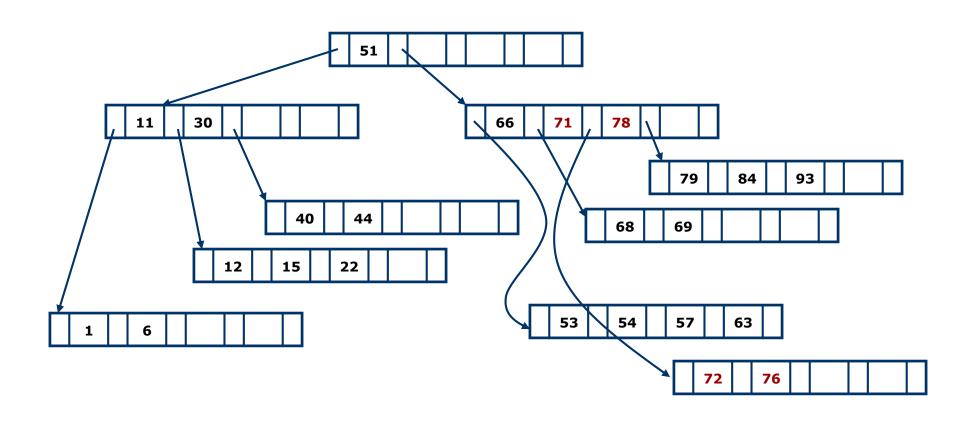
■ Inserare înregistrare cu cheia '57'



■ ... apoi se inserează înregistrarea cu cheia '72'



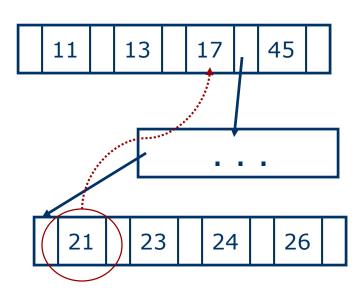
■ ... apoi se inserează înregistrarea cu cheia '72'



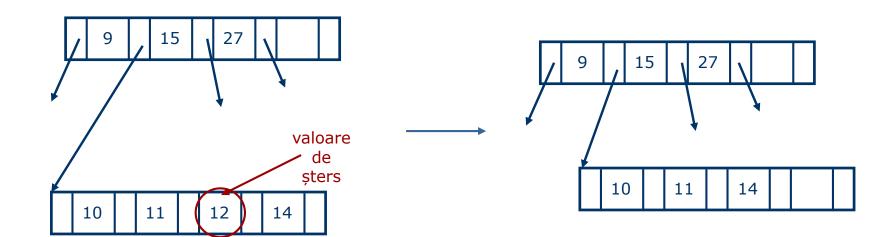
Paşi de ştergere:

- se indentifică nodul ce conține valoarea ce trebuie ștearsă
- dacă e un nod intern, se transferă o valoare din frunze
- în caz de *subdimensionare*, se realizează o *redistribuire* sau o *concatenare*

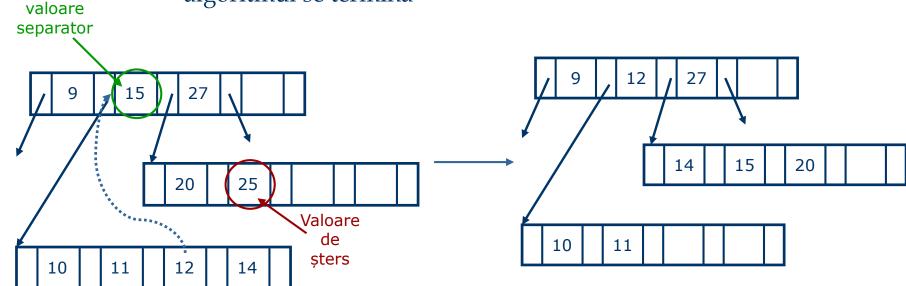
Algoritm de ștergere



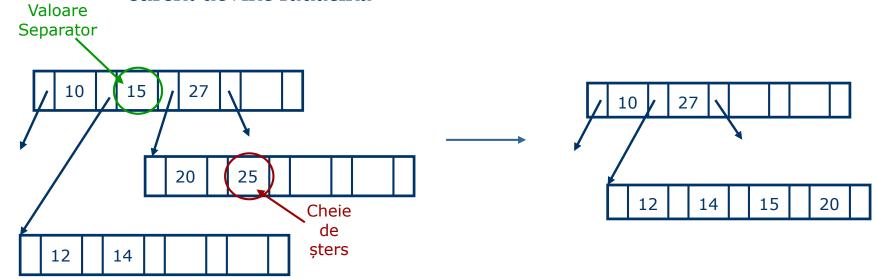
- 2. Se repetă acest pas până se ajunge în cazurile A) sau B)
- A) Dacă nodul ce conține valoarea de șters este rădăcina sau numărul valorilor rămase în nod este \geq [m/2]-1 :
 - se elimină valoarea
 - se re-aranjează valorile și pointerii din nod
 - se termină algoritmul

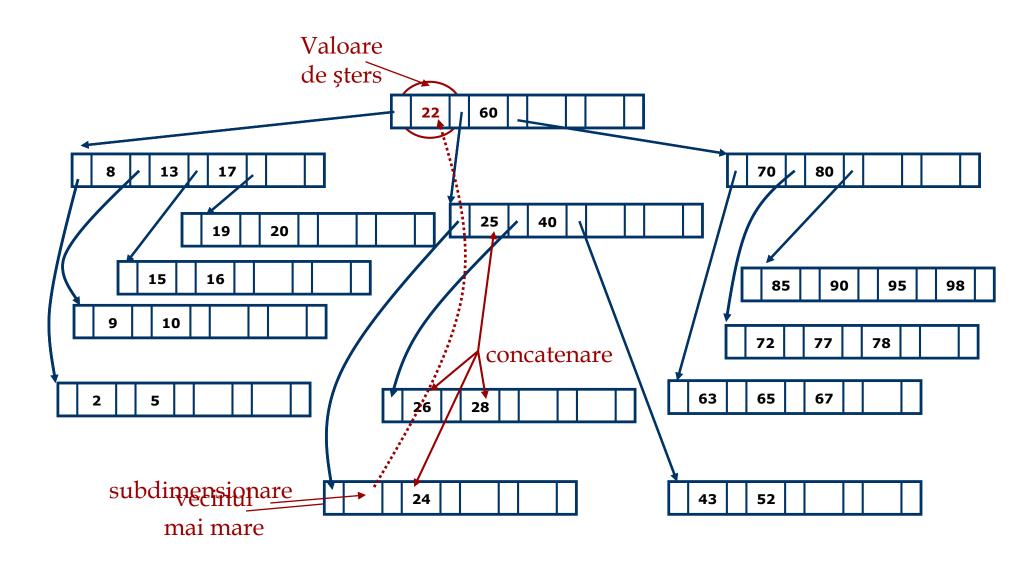


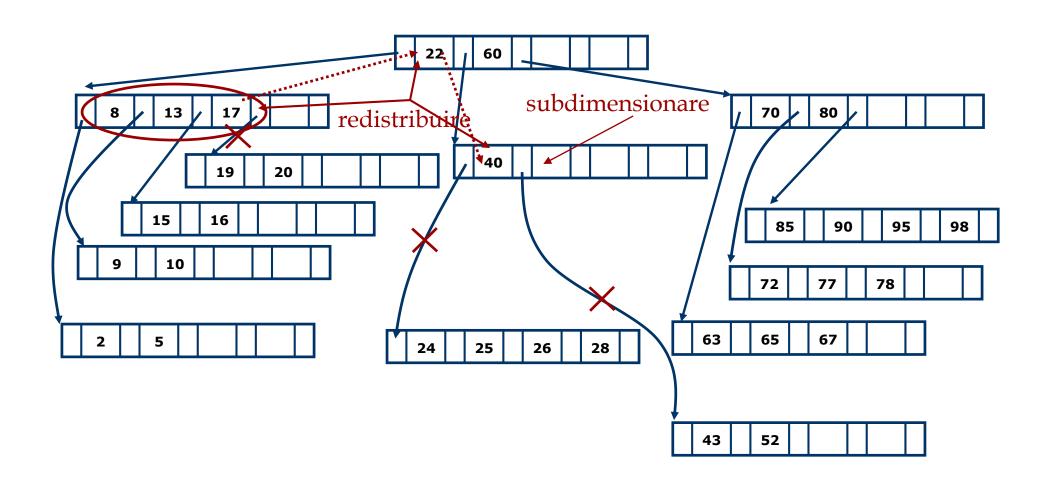
- B) Dacă numărul valorilor rămase în nod este < [m/2] 1 unul dintre nodurile vecine conține > [m/2] 1 valori \rightarrow redistribuire
 - se ordonează valorile din ambele noduri + valoarea separator din părinte
 - se alege valoarea mediană și se adaugă la nodul părinte, iar celelalte valori se inserează în nodul stâng, respectiv drept
 - algoritmul se termină

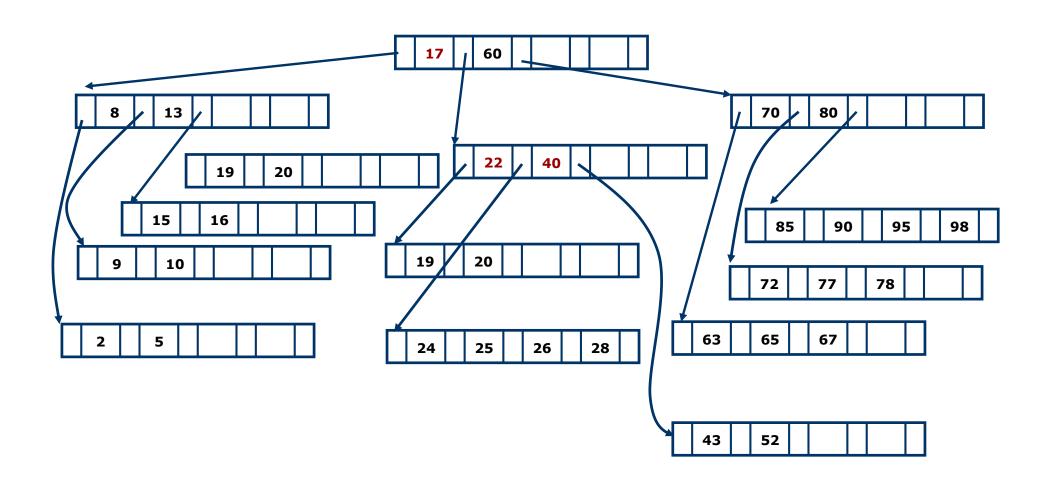


- C) Dacă suma valorilor din nodul din care s-a eliminat valoarea și a valorilor unuia din vecini este $< m \rightarrow concatenare$
 - se inserează valorile ambelor noduri + valoarea separator din nodul părinte într-un singur nod
 - se repetă pasul **2.** pentru nodul părinte (din care s-a eliminat valoarea separator)
 - dacă nodul părinte este rădăcina și nu mai conține valori → nodul curent devine rădăcina



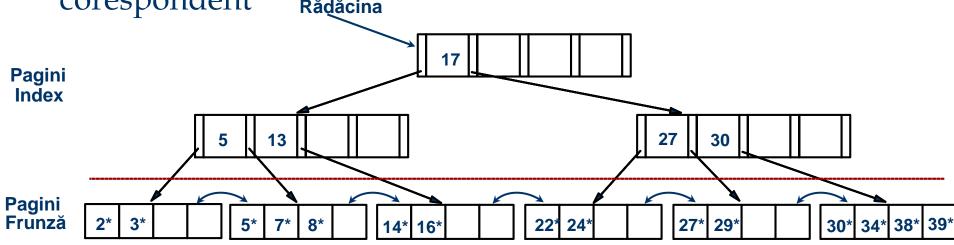






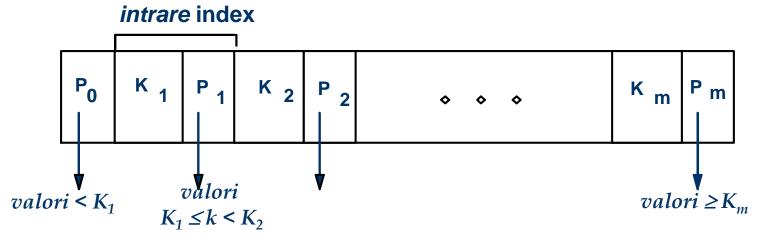
Arbori B+

- Combinație între Arbori-B și ISAM:
 - Căutarea pornește de la rădăcină, și va fi direcționată prin comparații către o frunză
 - Într-un Arbore B+ toți pointerii către înregistrări din tabele se află doar la nivelul nodurilor frunză
- Un arbore B+ poate avea mai puţine nivele (sau o capacitate mai mare pentru stocarea cheilor de căutare) decât arborele B corespondent
 Rădăcina

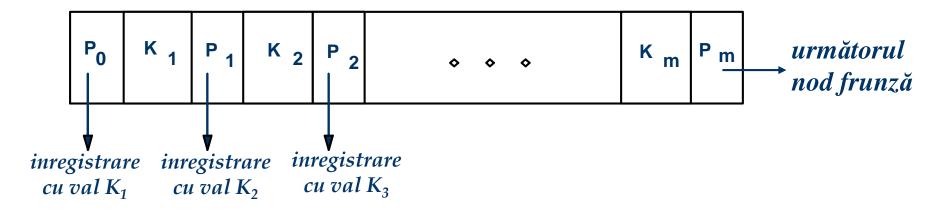


Structura nodurilor

Noduri interne



Noduri frunză



Arborii B+ în practică

- Ordin tipic: 200. Factor de acoperire: 67%.
 - În medie, (nr de valori)/(nr pagini de index) = 133
- Capacități tipice:
 - Înălțime 4: 133⁴ = 312,900,700 înregistrări
 - Înălțime 3: 133³ = 2,352,637 înregistrări
- În general poate fi memorat în *buffer*-ul din memoria internă:
 - Nivel 1 = 1 pagină = 8 Kbytes
 - Nivel 2 = 133 pagini = 1 Mbyte
 - Nivel 3 = 17,689 pagini = 133 MBytes

Avantaje & Dezavantaje ale Arborilor-B+

- Indecşii rămân echilibraţi → timp de căutare uniform
- Rareori sunt mai mult de 3 5 nivele → primele nivele sunt păstrate în RAM astfel încât o căutare va necesita doar 2 sau 3 I/O (citiri/scrieri).
- În general nodurile au o ocupare de 67% (deci se folosește cu 50% mai mult spațiu decât este necesar)
- Datorită versatilității sale este cel mai utilizat mod de a structura indecşii în SGBD-uri relaționale. E una dintre cele mai optimizate componente ale unui SGBD.
- Arborii B+ pot fi utilizați pentru indecși *clustered*, rari (dacă tabela e sortată) sau pentru indecși *un-clustered*, denși (în caz contrar).

Bulk Loading

- În cazul unei colecții mari de inregistrări crearea unui arbore B+ prin inserarea repetată a fiecarei înregistrări este lentă.
- Procedura de *Bulk Loading* este mult mai eficientă.

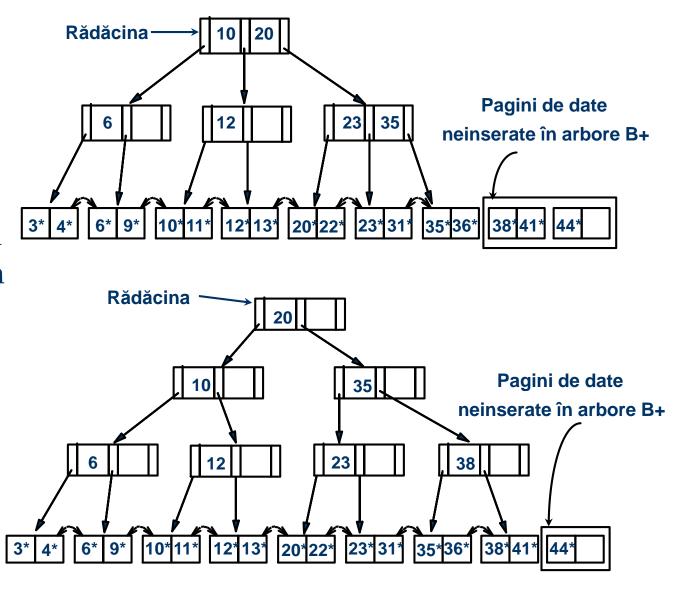
Initializare: Se sorteaza toate inregistrarile tabelei și se inserează un pointer către prima pagină într-o nouă pagină a arborelui (rădăcina).



Bulk Loading

Intrările din index sunt întotdeauna inserate în cea mai din dreapta pagină deasupra ultimului nivel. Când pagina devine plină se împarte în două.

Mult mai rapid decât prin inserări repetate!



Sumar Bulk Loading

- Opțiune 1: inserări multiple.
 - Lent.
 - Frunzele nu sunt stocate secvențial.
- Opțiune 2: *Bulk Loading*
 - Indexul poate fi utilizat concurent.
 - Mai puţine citiri/scrieri (I/Os) în timpul construcţiei
 - Frunzele sunt stocate secvențial (și înlănțuite).
 - Se poate controla "gradul de umplere" a unei pagini

Arbore B+ Prefix (compresie de cheie)

- Conduce la creșterea numărului de valori stocate într-un nod
- Valorile din index sunt folosite doar pentru a direcționa "traficul" comparațiilor, și de aceea pot fi comprimate
 - Ex. Dacă avem intrări adiacente în index cu următoarele valori pentru cheia de căutare *Dan Yogurt, David Smith* și *Demy Moore,* putem abrevia *David Smith* cu *Dav.* (și de asemenea celelelalte chei ...)
- Inserările/ștergerile se pot modifica corespunzător.

Ordinul arborilor B în practică

- Conceptul de ordin al arborelui B este înlocuit în practică de criteriul spațiului fizic ("cel puțin pe jumătate plin").
- Paginile de index pot conține de obicei mult mai multe intrări decât paginile de frunze.
- Înregistrările și cheile de căutare de dimensiuni variabile înseamnă că diferite noduri vor conține numere diferite de intrări.
- Chiar și cu câmpuri de lungime fixă, înregistrările multiple cu aceeași valoare a cheii de căutare (duplicate) pot duce la intrări de date de dimensiuni variabile (dacă folosim alternativa (3)).