Bap. 1 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 4x + 334 = 1140. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2553x 2530y = -69
- **3.** Вычислить 70/71 в кольце вычетов по модулю 94.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 15 \, \mathrm{mod}\, 20; \ x\equiv 11 \, \mathrm{mod}\, 21; \ x\equiv 6 \, \mathrm{mod}\, 17; \ x\equiv 23 \, \mathrm{mod}\, 31;$
- **5.** Найти остаток от деления $13^{3^{29}}$ на 66.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(1)=1; p(-2)=-11; p(-1)=-1; p(2)=17; p(-3)=-3;
- 7. Найти рациональные корни: $2x^4 + 4x^3 3x^2 + 3x + 2$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $4x^4 + 2x^3 + 3x^2 + 2x$ на $3x^2 + 3x + 3$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{392}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{633}{197}$ непрерывной дробью.

Bap. 3 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 4x+144=533. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 1352x 1365y = 39
- **3.** Вычислить 3/13 в кольце вычетов по модулю 86.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 21\,\mathrm{mod}\,26;\ x\equiv 7\,\mathrm{mod}\,31;\ x\equiv 6\,\mathrm{mod}\,15;\ x\equiv 0\,\mathrm{mod}\,11;$
- **5.** Найти остаток от деления $31^{7^{35}}$ на 66.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-1)=2; \quad p(3)=-10; \quad p(-2)=-15; \quad p(2)=17; \quad p(1)=12;$
- 7. Найти рациональные корни: $8x^4 4x^3 2x^2 + 9x + 9$
- **8.** Найти остаток от деления многочлен $x^4 + x^3 + x^2 + 2x$ на $x^2 + 2x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$
- **9.** Представить $\sqrt{377}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{893}{172}$ непрерывной дробью.

Bap. 2 (370)

- **1.** Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 2x+132=310. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 3173x 3857y = 38
- **3.** Вычислить 43/48 в кольце вычетов по модулю 89.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 1 \bmod 23; \ x\equiv 12 \bmod 35; \ x\equiv 0 \bmod 29; \ x\equiv 23 \bmod 27;$
- **5.** Найти остаток от деления $19^{9^{19}}$ на 34.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-1)=4; \quad p(-3)=-10; \quad p(1)=18; \quad p(-2)=-3; \quad p(-4)=13;$
- 7. Найти рациональные корни: $2x^4 7x^3 8x^2 + 7x + 2$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $2x^4+2x^3+x^2+2x+1$ на x^2+2x+2 в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{222}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{401}{141}$ непрерывной дробью.

Bap. 4 (370)

p(2) = 11:

- 1. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 6x+84=444. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 3667x 5472y = 152
- **3.** Вычислить 14/44 в кольце вычетов по модулю 75.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x \equiv 12 \bmod 27; \ x \equiv 4 \bmod 11; \ x \equiv 7 \bmod 16; \ x \equiv 0 \bmod 25;$
- **5.** Найти остаток от деления $46^{13^{85}}$ на 97.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-4)=17;\;\;p(-2)=-17;\;\;p(1)=-8;\;\;p(-1)=-4;$
- 7. Найти рациональные корни: $54x^4 27x^3 + 18x^2 + 13x + 2$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $6x^4+2x^3+6x^2+5x+6$ на x^2+x+2 в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{174}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{10.}{18}$ непрерывной дробью.

Bap. 5 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 3x+60=207. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2337x 3743y = 57
- **3.** Вычислить 1/24 в кольце вычетов по модулю 61.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 19 \bmod 25; \ x\equiv 22 \bmod 29; \ x\equiv 7 \bmod 24; \ x\equiv 9 \bmod 19;$
- **5.** Найти остаток от деления $9^{7^{29}}$ на 35.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-2)=9; \quad p(-1)=-10; \quad p(4)=15; \quad p(2)=-19; \quad p(1)=-6;$
- **7.** Найти рациональные корни: $4x^4 5x^2 + 9$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $3x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 1$ на $3x^2 + 2x + 1$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{219}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{339}{118}$ непрерывной дробью.

Bap. 7 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 2x + 324 = 1002. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 1853x 2788y = 51
- **3.** Вычислить 20/31 в кольце вычетов по модулю 84.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 17 \bmod 28; \ x\equiv 9 \bmod 15; \ x\equiv 22 \bmod 37; \ x\equiv 12 \bmod 29;$
- **5.** Найти остаток от деления $2^{11^{27}}$ на 31.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-3)=3; \quad p(-2)=-15; \quad p(2)=13; \quad p(-1)=-5; \quad p(1)=3$:
- 7. Найти рациональные корни: $-6x^4 + 11x^3 9x^2 x + 1$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $2x^4+5x^3+3x^2+x+6$ на $6x^2+4x+5$ в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{305}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{760}{353}$ непрерывной дробью.

Bap. 6 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 7x + 54 = 436. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 3611x + 3450y = -92
- **3.** Вычислить 3/25 в кольце вычетов по модулю 39.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 11 \bmod 34; \ x\equiv 20 \bmod 35; \ x\equiv 21 \bmod 31; \ x\equiv 14 \bmod 29;$
- **5.** Найти остаток от деления $62^{31^{89}}$ на 77.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-3)=11; \quad p(1)=-9; \quad p(-2)=-12; \quad p(2)=-4;$

p(-1) = -7; p(-1) = -7; p(-1) = -7;

- 7. Найти рациональные корни: $3x^4 x^3 + x^2 + 4x + 2$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $2x^4+2x^3+2x^2+2x+2$ на x^2+2x+1 в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{398}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{155}{41}$ непрерывной дробью.

Bap. 8 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 5x+243=1044. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 875x + 917y = -35
- **3.** Вычислить 15/83 в кольце вычетов по модулю 97.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 12 \, \mathrm{mod}\, 26; \ x\equiv 10 \, \mathrm{mod}\, 11; \ x\equiv 0 \, \mathrm{mod}\, 31; \ x\equiv 6 \, \mathrm{mod}\, 23;$
- **5.** Найти остаток от деления $53^{37^{163}}$ на 95.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-1)=2; \quad p(-2)=10; \quad p(2)=-10; \quad p(3)=10; \quad p(1)=-2;$
- 7. Найти рациональные корни: $-12x^4 + 8x^3 19x^2 4x + 3$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $2x^4 + 2x^2 + 2x$ на $2x^2 + x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{377}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{353}{104}$ непрерывной дробью.

Bap. 9 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 8x+113=535. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 3757x 2363y = 51
- **3.** Вычислить 29/59 в кольце вычетов по модулю 97.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 0 \bmod 16; \ x\equiv 14 \bmod 19; \ x\equiv 8 \bmod 23; \ x\equiv 18 \bmod 25;$
- **5.** Найти остаток от деления $71^{5^{79}}$ на 76.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-1)=-3; \quad p(-2)=10; \quad p(-3)=17; \quad p(2)=-18; \quad p(1)=1;$
- 7. Найти рациональные корни: $2x^4 + 6x^3 + 3x^2 + 8x + 3$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $2x^4 + 2x^2 + x + 1$ на $2x^2 + 2x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{138}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{729}{229}$ непрерывной дробью.

Bap. 11 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 2x+130=321. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2040x 3281y = 85
- **3.** Вычислить 8/37 в кольце вычетов по модулю 73.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 33 \bmod 38; \ x\equiv 26 \bmod 37; \ x\equiv 8 \bmod 29; \ x\equiv 3 \bmod 33;$
- **5.** Найти остаток от деления $29^{17^{27}}$ на 45.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(3)=3; p(2)=11; p(-2)=-17; p(1)=1; p(-1)=-1;
- **7.** Найти рациональные корни:
- $-3x^4 + 16x^3 25x^2 + 4x + 12$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $6x^4+6x^3+3x^2+x+5$ на x^2+2x+4 в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{320}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{248}{65}$ непрерывной дробью.

Bap. 10 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 4x+33=420. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 1391x 1326y = -65
- **3.** Вычислить 6/23 в кольце вычетов по модулю 54.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 11\ \mathrm{mod}\ 34;\ x\equiv 2\ \mathrm{mod}\ 23;$ $x\equiv 12\ \mathrm{mod}\ 31;\ x\equiv 8\ \mathrm{mod}\ 25;$
- **5.** Найти остаток от деления $27^{33^{85}}$ на 88.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(3) = 14; p(-2) = -1; p(1) = -4; p(2) = -9; p(-1) = -6;
- 7. Найти рациональные корни: $-9x^4 3x^3 13x^2 + 4$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $x^4+2x^3+x^2+x+1$ на $2x^2+2x+1$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{266}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{535}{92}$ непрерывной дробью.

Bap. 12 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 4x+332=1214. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 1169x 924y = -56
- **3.** Вычислить 52/61 в кольце вычетов по модулю 72.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 11 \bmod 34; \ x\equiv 3 \bmod 35; \ x\equiv 3 \bmod 31; \ x\equiv 5 \bmod 19;$
- **5.** Найти остаток от деления $47^{13^{29}}$ на 78.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:
 - p(-1) = 5; p(2) = -7; p(-3) = 3; p(1) = 7; p(-2) = 13;
- 7. Найти рациональные корни: $2x^4 3x^3 20x^2 + 27x + 18$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $x^4 + 2x^3 + x^2 + x + 1$ на $2x^2 + 2x + 1$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$
- 9. Представить $\sqrt{229}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{585}{131}$ непрерывной дробью.

Bap. 13 (370)

- **1.** Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 2x+33=145. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2071x + 2014y = -171
- **3.** Вычислить 44/61 в кольце вычетов по модулю 77.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 10\,\mathrm{mod}\,11;\ x\equiv 5\,\mathrm{mod}\,26;\ x\equiv 12\,\mathrm{mod}\,21;\ x\equiv 6\,\mathrm{mod}\,25;$
- **5.** Найти остаток от деления $41^{13^{125}}$ на 94.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(3)=-16; \quad p(-1)=12; \quad p(4)=-3; \quad p(1)=6; \quad p(2)=-3;$
- 7. Найти рациональные корни: $6x^4 + x^3 8x^2 + 10x + 6$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $2x^4 + x^3$ на $2x^2 + 2x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$
- **9.** Представить $\sqrt{390}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{976}{169}$ непрерывной дробью.

Bap. 15 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 4x+63=307. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 1456x 2171y = -52
- **3.** Вычислить 41/58 в кольце вычетов по модулю 85.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 1 \bmod 10; \ x\equiv 26 \bmod 31; \ x\equiv 35 \bmod 39; \ x\equiv 1 \bmod 17;$
- **5.** Найти остаток от деления $33^{11^{21}}$ на 40.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-1)=-1; \quad p(-2)=-17; \quad p(3)=-17; \quad p(2)=11; \quad p(1)=7;$
- 7. Найти рациональные корни: $24x^4 + 28x^3 18x^2 7x + 3$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $x^4 + x^2 + 2x + 2$ на $2x^2 + 2x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{141}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{814}{337}$ непрерывной дробью.

Bap. 14 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 2x+101=224. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 721x 728y = 14
- **3.** Вычислить 55/63 в кольце вычетов по модулю 88.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 2 \bmod 12; \ x\equiv 15 \bmod 19; \ x\equiv 22 \bmod 23; \ x\equiv 14 \bmod 31;$
- **5.** Найти остаток от деления $7^{31^{117}}$ на 94.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(3)=-1; \quad p(2)=-7; \quad p(-2)=9; \quad p(1)=3; \quad p(-1)=-1;$
- 7. Найти рациональные корни: $x^4 + 9x^3 2x^2 + 9x + 1$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $5x^4+x^3+5x^2+3x+3$ на $6x^2+x+1$ в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{318}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{389}{137}$ непрерывной дробью.

Bap. 16 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 2x+101=242. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2147x + 2109y = -114
- **3.** Вычислить 1/35 в кольце вычетов по модулю 94.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 17 \bmod 34; \ x\equiv 6 \bmod 23; \ x\equiv 11 \bmod 35; \ x\equiv 28 \bmod 29;$
- **5.** Найти остаток от деления $21^{15^{37}}$ на 23.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(2)=-11; \quad p(4)=19; \quad p(-1)=4; \quad p(3)=-16; \quad p(1)=-2;$
- **7.** Найти рациональные корни: $9x^4 5x^2 + 2$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $6x^4 + 2x^3 + x^2 + 4x + 1$ на $6x^2 + 5x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{136}$ в виде периодической цепной дроби.
- 10. Найти представление рационального числа 446 77 непрерывной дробью.

Bap. 17 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 4x+60=365. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 1057x + 1946y = 49
- **3.** Вычислить 2/37 в кольце вычетов по модулю 54.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 9 \bmod 33; \ x\equiv 27 \bmod 32; \ x\equiv 15 \bmod 29; \ x\equiv 3 \bmod 13;$
- **5.** Найти остаток от деления $55^{49^{271}}$ на 83.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(1)=-4; \quad p(2)=-15; \quad p(-2)=17; \quad p(3)=2; \quad p(-1)=6;$
- 7. Найти рациональные корни: $x^4 + 6x^3 7x^2 + 8x + 2$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $2x^4 + x^3 + x^2$ на $2x^2 + 2x + 1$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$
- **9.** Представить $\sqrt{254}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{276}{223}$ непрерывной дробью.

Bap. 19 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 2x+36=225. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 5221x 5566y = 69
- **3.** Вычислить 4/23 в кольце вычетов по модулю 77.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 21\ \mathrm{mod}\ 39;\ x\equiv 11\ \mathrm{mod}\ 20;$ $x\equiv 3\ \mathrm{mod}\ 23;\ x\equiv 1\ \mathrm{mod}\ 11;$
- **5.** Найти остаток от деления $31^{31^{67}}$ на 37.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(2)=-14; \quad p(1)=-8; \quad p(-2)=-2; \quad p(3)=8; \quad p(-1)=-8;$
- 7. Найти рациональные корни: $-6x^4 14x^3 23x^2 + 3$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $2x^4 + 4x^2 + 1$ на $2x^2 + 3x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$
- **9.** Представить $\sqrt{373}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{139}{25}$ непрерывной дробью.

Bap. 18 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 3x+63=322. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 784x + 777y = -49
- **3.** Вычислить 14/45 в кольце вычетов по модулю 97.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 5 \, \mathrm{mod} \, 38; \ x\equiv 2 \, \mathrm{mod} \, 13; \ x\equiv 18 \, \mathrm{mod} \, 25; \ x\equiv 0 \, \mathrm{mod} \, 23;$
- **5.** Найти остаток от деления $43^{19^{33}}$ на 46.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-1) = -3; \quad p(-2) = -17; \quad p(3) = -7; \quad p(1) = 7;$

$$p(-1) = -3;$$
 $p(-2) = -11;$ $p(3) = -1;$ $p(2) = 15;$

- 7. Найти рациональные корни: $4x^4 4x^3 + 15x^2 + 16x + 4$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $2x^4 + 3x^2 + x$ на $3x^2 + 3x + 1$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$
- **9.** Представить $\sqrt{222}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{127}{50}$ непрерывной дробью.

Bap. 20 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 3x+151=441. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2461x 2484y = 69
- **3.** Вычислить 10/11 в кольце вычетов по модулю 16.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 5 \bmod 13; \ x\equiv 3 \bmod 11; \ x\equiv 20 \bmod 29; \ x\equiv 6 \bmod 19;$
- **5.** Найти остаток от деления $55^{11^{19}}$ на 62.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:

$$p(-1) = 4;$$
 $p(3) = -16;$ $p(2) = 1;$ $p(1) = -2;$ $p(-2) = -11;$

- **7.** Найти рациональные корни: $-x^4 9x^2 + 4x + 12$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $4x^4+x^3+2x^2+3x+2$ на x^2+x+2 в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{359}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{147}{124}$ непрерывной дробью.

Bap. 21 (370)

- **1.** Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x+110=322. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 833x + 1631y = -35
- **3.** Вычислить 1/53 в кольце вычетов по модулю 87.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 2 \bmod 15; \ x\equiv 4 \bmod 37; \ x\equiv 15 \bmod 22; \ x\equiv 12 \bmod 13;$
- **5.** Найти остаток от деления $15^{13^{51}}$ на 56.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(2)=-16; \quad p(-2)=4; \quad p(-1)=-4; \quad p(1)=-8; \quad p(3)=4;$
- 7. Найти рациональные корни: $-3x^4 + 16x^3 27x^2 + 4x + 4$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $2x^4+x^3+4x^2+4x+1$ на $2x^2+2x+2$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{395}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{310}{267}$ непрерывной дробью.

Bap. 23 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 2x+142=313. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2346x 4807y = 115
- **3.** Вычислить 23/67 в кольце вычетов по модулю 81.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 16 \bmod 34; \ x\equiv 4 \bmod 25; \ x\equiv 15 \bmod 21; \ x\equiv 10 \bmod 11;$
- **5.** Найти остаток от деления $23^{13^{27}}$ на 66.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(2)=-17; \quad p(-4)=-17; \quad p(-1)=1; \quad p(-2)=15; \quad p(1)=3;$
- 7. Найти рациональные корни: $6x^4 + 7x^3 + 22x^2 28x + 8$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $4x^4+3x^3+3x^2+3x$ на $2x^2+3x+2$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{315}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{378}{138}$ непрерывной дробью.

Bap. 22 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 7x+51=472. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 6072x + 4025y = 184
- **3.** Вычислить 58/64 в кольце вычетов по модулю 79.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 9 \bmod 36; \ x\equiv 6 \bmod 17; \ x\equiv 2 \bmod 11; \ x\equiv 25 \bmod 35;$
- **5.** Найти остаток от деления $75^{47^{83}}$ на 79.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-2)=1; \quad p(1)=-2; \quad p(2)=13; \quad p(-1)=4;$
- p(-3)=18;7. Найти рациональные корни: $4x^4-4x^3-19x^2+16x+12$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $x^4 + x^2 + 2x$ на $2x^2 + x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$
- **9.** Представить $\sqrt{322}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{747}{179}$ непрерывной дробью.

Bap. 24 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 7x+13=584. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 4123x + 3515y = -114
- **3.** Вычислить 11/61 в кольце вычетов по модулю 68.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 1 \bmod 16; \ x\equiv 30 \bmod 33; \ x\equiv 13 \bmod 31; \ x\equiv 21 \bmod 37;$
- **5.** Найти остаток от деления $37^{17^{43}}$ на 46.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2)=17; p(-1)=-1; p(-2)=-11; p(3)=-1; p(1)=7;
- 7. Найти рациональные корни: $x^4 + x^3 7x^2 + 3x + 1$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $3x^4+3x^3+4x^2+3$ на $3x^2+x+3$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{293}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{32}{95}$ непрерывной дробью.

Bap. 25 (370)

- **1.** Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 2x+30=204. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2484x 2461y = -115
- **3.** Вычислить 35/39 в кольце вычетов по модулю 62.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x \equiv 2 \mod 14$; $x \equiv 29 \mod 39$; $x \equiv 3 \mod 37$; $x \equiv 5 \mod 29$;
- **5.** Найти остаток от деления $31^{17^{109}}$ на 55.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(1) = 7; p(-2) = -17; p(-1) = 1; p(2) = 19; p(3) = 13;
- 7. Найти рациональные корни: $-9x^4 + 6x^3 23x^2 + 4x + 4$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $2x^4+2x^2+2x$ на x^2+2x+1 в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{318}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{133}{55}$ непрерывной дробью.

Bap. 27 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x+43=310. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 1404x 1859y = -78
- **3.** Вычислить 22/59 в кольце вычетов по модулю 66.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x \equiv 8 \bmod 12; \ x \equiv 18 \bmod 31; \ x \equiv 15 \bmod 23; \ x \equiv 5 \bmod 11;$
- **5.** Найти остаток от деления $37^{13^{19}}$ на 40.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(2)=-1; \quad p(-3)=-16; \quad p(-1)=8; \quad p(1)=8; \quad p(-2)=11;$
- 7. Найти рациональные корни: $18x^4 27x^3 26x^2 + 12x + 8$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $2x^4 + 5x^3 + 3x^2 + 5x$ на $2x^2 + 3x + 2$ в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{119}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{374}{71}$ непрерывной дробью.

Bap. 26 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 3x+54=310. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2033x 2071y = 152
- **3.** Вычислить 6/34 в кольце вычетов по модулю 73.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 16 \bmod 20; \ x\equiv 27 \bmod 31; \ x\equiv 18 \bmod 23; \ x\equiv 31 \bmod 37;$
- **5.** Найти остаток от деления $28^{7^{87}}$ на 99.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-2)=-3; \quad p(-3)=-12; \quad p(-4)=7; \quad p(-1)=4; \quad p(1)=12;$
- 7. Найти рациональные корни: $6x^4 19x^3 + 22x^2 20x + 8$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $4x^4 + 2x^2 + 5x + 1$ на $5x^2 + 3x + 3$ в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{174}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{69}{19}$ непрерывной дробью.

Bap. 28 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 7x+14=327. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 791x 770y = -63
- **3.** Вычислить 25/51 в кольце вычетов по модулю 94.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 2 \bmod 18; \ x\equiv 10 \bmod 11; \ x\equiv 11 \bmod 13; \ x\equiv 22 \bmod 25;$
- **5.** Найти остаток от деления $11^{9^{27}}$ на 40.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(1) = 4; p(-2) = 16; p(-1) = 6; p(2) = -12; p(-3) = 8;
- 7. Найти рациональные корни: $27x^4 + 18x^3 + 6x^2 + 7x + 2$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $x^4 + x^2 + 2x + 3$ на $2x^2 + x + 3$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$
- **9.** Представить $\sqrt{138}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{34}{15}$ непрерывной дробью.

Bap. 29 (370)

- **1.** Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 5x+215=1052. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2280x 5339y = 57
- **3.** Вычислить 7/59 в кольце вычетов по модулю 97.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 3 \, \mathrm{mod} \, 26; \ x\equiv 2 \, \mathrm{mod} \, 29; \ x\equiv 14 \, \mathrm{mod} \, 17; \ x\equiv 11 \, \mathrm{mod} \, 15;$
- **5.** Найти остаток от деления $3^{13^{67}}$ на 76.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(3)=-10; \quad p(2)=7; \quad p(-1)=10; \quad p(1)=4; \quad p(-2)=-5;$
- 7. Найти рациональные корни: $x^4 + 5x^3 9x^2 + 6x + 3$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $x^4 + x^2 + 2x + 2$ на $x^2 + 2x + 1$ в кольце $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$
- **9.** Представить $\sqrt{318}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{882}{211}$ непрерывной дробью.

Bap. 31 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x+303=1042. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2071x + 4123y = -152
- **3.** Вычислить 35/68 в кольце вычетов по модулю 99.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 27 \bmod 30; \ x\equiv 20 \bmod 23; \ x\equiv 14 \bmod 37; \ x\equiv 16 \bmod 19;$
- **5.** Найти остаток от деления $5^{29^{29}}$ на 63.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(2)=-11; \quad p(1)=4; \quad p(-2)=1; \quad p(-3)=-16; \quad p(-1)=-2;$
- 7. Найти рациональные корни: $4x^4 + 18x^3 14x^2 x + 2$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $4x^4+x^3+5x^2+3x+5$ на $4x^2+3x+6$ в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{322}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{30!}{13!}$ непрерывной дробью.

Bap. 30 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 2x+34=132. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 3818x 5865y = -184
- **3.** Вычислить 45/77 в кольце вычетов по модулю 83.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 18 \bmod 37; \ x\equiv 2 \bmod 15; \ x\equiv 20 \bmod 29; \ x\equiv 21 \bmod 26;$
- **5.** Найти остаток от деления $41^{9^{91}}$ на 92.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: $p(-1)=9; \quad p(2)=-18; \quad p(-2)=18; \quad p(-3)=7; \quad p(1)=3;$
- 7. Найти рациональные корни: $3x^4 + 20x^2 + 19x + 6$
- 8. Найти остаток от деления многочлена $3x^4 + 5x^3 + 4x^2 + 3x$ на $2x^2 + 2x + 1$ в кольце $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{185}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{323}{261}$ непрерывной дробью.

Bap. 32 (370)

- 1. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 4x+23=324. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **2.** Решить диофантово уравнение 2507x + 2461y = -46
- 3. Вычислить 28/29 в кольце вычетов по модулю 82.
- **4.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям $x\equiv 12 \, \mathrm{mod} \, 33; \ x\equiv 3 \, \mathrm{mod} \, 14; \ x\equiv 1 \, \mathrm{mod} \, 17; \ x\equiv 9 \, \mathrm{mod} \, 13;$
- **5.** Найти остаток от деления $32^{25^{29}}$ на 37.
- **6.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2) = 1; p(1) = -3; p(3) = -15; p(-2) = -15; p(-1) = 1;
- 7. Найти рациональные корни: $-3x^4 14x^3 20x^2 12x + 9$
- **8.** Найти остаток от деления многочлена $x^4+x^3+x^2+1$ на $3x^2+2x+1$ в кольце $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$
- **9.** Представить $\sqrt{223}$ в виде периодической цепной дроби.
- **10.** Найти представление рационального числа $\frac{215}{47}$ непрерывной дробью.