## 1. IP 简介

本 IP 基于 CORDIC 算法计算三角函数,不同厂商的器件均支持,数据位宽、迭代次数等参数可设置,方便移植。

## 2. 性能指标

## 2.1 IP 特性

- 1.基于 CORDIC 算法实现, 迭代次数可设置;
- 2.主要参数在源码中列出,方便用户根据需求调整:
- 3.支持两种模式:串行迭代、并行迭代;
- 4.目前支持正弦和余弦函数,其他三角函数后续更新。

#### 2.2 资源

器件:任意		
参数:角度位宽:16,	输出位宽: 16, 迭代次数:	16
模块	LUT	Reg
cordic_angle(串行)	270	190
cordic_angle(并行)	800	750

#### 3.2 时序

器件最大速率。

## 3. 功能描述

## 3.1 设计思路

CORDIC 算法通过在 XY 平面内,沿某一特定曲线按约定步进旋转,迭代运算,达到收敛条件,迭代次数越多,数值越准确。

正弦、余弦三角函数计算采用圆周模式,以输入的角度为起点建立单位圆,向 X 正半轴方向迭代,步进按从大到小规律取 2 的负整数幂,迭代过程中,角度逐渐减小至接近 0 度, X、 Y 轴坐标相应变化,迭代结束后,因为单位圆半径为 1, X 轴的最终坐标即为余弦值, Y 轴的最终坐标即为正弦值。

计算过程如下, x 为 X 轴坐标, y 为 Y 轴坐标, angle 为角度值, i 为迭代次数, 取 2 的负整数幂为步进方便运算, 坐标初值在 X 轴上。

#### if angle<0

$$x = x + (1/2^i)*y$$

$$y = y - (1/2^{i}) * x$$
  
angle = angle + arctan(1/2^i)  
else  
 $x = x - (1/2^{i}) * y$   
 $y = y + (1/2^{i}) * x$   
angle = angle - arctan(1/2^i)

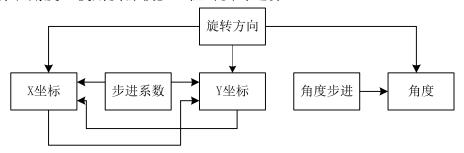
实现过程中需注意如下 2点:

- 1) 定点运算会引入量化误差,与运算过程中的量化位数有关,设计时需要根据期望精度设定迭代终止条件及数据位宽。
- **2**) 求取过程仅对坐标轴右半平面有效,第二、三象限需要转换至第一、四象限,再对迭代结果进行修正。
- 3) 计算过程中,X轴初值并不等于1,而是所有迭代步进余弦值的乘积,约等于0.6073。

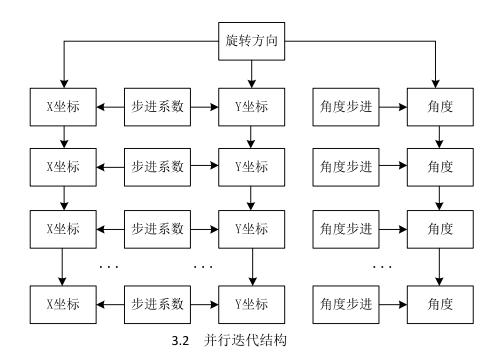
### 3.2 功能结构

下图 3.1 所示为串行迭代示意图, X、Y 轴坐标及角度每个时钟周期迭代一次, 节省资源, 但运算周期长。

下图 3.2 所示为并行迭代示意图,采用全流水结构,每个时钟周期可计算全部 X、Y 轴坐标和角度,使用资源较多,但可实时运算。



3.1 串行迭代结构



# 4. 参数及接口

表 4-1 全局参数表

名称	说明
C_ANGLE_WIDTH	输入角度位宽
C_SINCOS_WIDTH	输出正、余弦位宽
C_ITERATION_TIMES	迭代次数,上限为 32
C_PIPELINE	运算结构
	0: 串行结构; 1: 并行结构

表 4-2 接口表

名称	位宽	方向	说明
I_clk	1	输入	时钟
I_angle	参数设置	输入	输入角度
			按弧度格式(范围-PI—+PI),最高位为符号
			位,后两位为整数位,剩余为小数位
I_angle_v	1	输入	输入角度有效指示,高有效
O_sin	参数设置	输出	正弦值
			最高位为符号位,后两位为整数位,剩余为
			小数位
O_cos	参数设置	输出	余弦值
			最高位为符号位,后两位为整数位,剩余为
			小数位
O_sincos_v	1	输出	正、余弦值有效指示, 高有效