### Отчёт по лабораторной работе №8. Целочисленная арифметика многократной точности

Дисциплина: Математические основы защиты информации

и информационной безопасности

Студент: Лапшенкова Любовь Олеговна 1032217633

Группа: НФИмд-02-21

Преподаватель: д-р.ф.-м.н., проф. Кулябов Дмитрий Сергеевич

30 декабря, 2021, Москва

# **Цели и задачи работы**

### Цель лабораторной работы

**Целью** данной лабораторной работы является ознакомление с алгоритмами по воплощению целочисленной арифметики многократной точности, а также программная реализация данных алгоритмов.

#### Задание

Реализовать рассмотренные в инструкции к лабораторной работе алгоритмы программно.

#### Алгоритмы:

- 1. Сложение неотрицательных целых чисел
- 2. Вычитание неотрицательных целых чисел
- 3. Умножение неотрицательных целых чисел столбиком
- 4. Быстрый столбик
- 5. Деление многоразрядных целых чисел

Ход выполнения и результаты

#### Вспомогательные действия

```
import math

#comment commup. 1 (common cryoss = mansors s wara, dopuse)
strZnum = {chr(letter_ord) : (letter_ord - ord("A") + 10) for letter_ord in range(ord("A"), ord("E") + 1))
for ciphra in "012345789";
strZnumcjatrpa=int(ciphra)
#comment commup. 2 (warco = copensed mansor)
mandatt="valuatexy for (key, valua)) in strZnum.items())

def add 0(u, n, array = False);
...

#pusuas, onecusous sa podmanome symmel x warsy u до раммерыести n
array=True ecun u-wascom wars.
...

#pusuas, onecusous sa podmanome symmel x warsy u до раммерыести n
array=True ecun u-wascom wars.
...

#pusuas, onecusous sa podmanome symmel x warsy u до раммерыести n
array=True ecun u-wascom wars.
...

#pusuas, onecusous sa podmanome symmel x warsy u до раммерыести n
array=True ecun u-wascom wars.
...

#pusuas, onecusous sa podmanome symmel x warsy u до раммерыести n
array=True ecun u-wascom wars.
...

#pusuas, onecusous sa podmanome symmel x warsy u до раммерыести n
array=True ecun u-wascom wars.
...

#pusuascom wars.

#pusuascom wars.
#pusuascom wars.
...

#pusuascom wars.

#pusuascom wars.
#pusuascom wars.
...

#pusuascom wars.
...

#pusuascom wars.
...

#pusuascom u-wascom wars.
...

#pusuascom wars.
...

#pusuascom wars.
...

#pusuascom wars.
...

#pusuascom u-wascom u-was
```

Figure 1: Вспомогательные действия для удобства дальнейших вычислений

### Алгоритм 1. Сложение неотрицательных целых чисел. Реализация

```
def algorythm 1(u s,v s,b):
  Сложение неотрицательных целых чисел
  #препставить u и v в виде массивов чисел
  u=[str2num[letter]for letter in u s]
  v=[str2num[letter]for letter in v s]
  #проверка на совпадение разрядностей чисел
  if len(u)!=len(v):
    #добавить к меньшему нули
    if len(u) < len(v):
      u=add 0(u, len(v), True)
    else:
      v=add 0(v, len(u), True)
  #шаг 1
  n=len(u)#разрядность числа
  k=0#счетчик, который отвечает за перенос
  w=[]#будущая сумма
  for j in range(n-1, -1, -1):
    шаги 2-3
    w.append((u[j]+v[j]+k)%b)
    k=math.floor((u[j]+v[j]+k)/b)
  #шаг 3
  w.append(k)
  w.reverse()#записываем массив в обратном порядке
  return "".join([num2str[ciphra] for ciphra in w]) #maccus в строку
```

### Алгоритм 1. Сложение неотрицательных целых чисел. Результат

```
print(algorythm_1("321","1567",10))
print(algorythm_1("B007","MI6",10))

01888
13393
```

Figure 3: Алгоритм 1. Сложение неотрицательных целых чисел

### Алгоритм 2. Вычитание неотрицательных целых чисел. Реализация

```
def algorythm_2(u_s,v_s,b):
  Вычитание неотрицательных целых чисел
  #представить u и v в виде массивов чисел
  u=[str2num[letter]for letter in u s]
  v=[str2num[letter]for letter in v s]
  #проверка на совпаление разрядностей чисел
  if len(u)!=len(v):
    #побавить к меньшему нули
    if len(u)<len(v):
      u=add 0(u, len(v), True)
    else:
      v=add 0(v, len(u), True)
  elif u<v:#проверка на удовлетворение условию задачи
    return "и должно быть больше v"
  #шаг1
  n=len(u)#разрящность числа
  k=0#счетчик, который отвечает за перенос
  w=[]#будущая сумма
  for j in range(n-1, -1, -1):
    шаги 2-3
    w.append((u[j]-v[j]+k)%b)
    k=math.floor((u[i]-v[i]+k)/b)
  w.reverse()#записываем массив в обратном порядке
  return "".join([num2str[ciphra] for ciphra in w]) #MACCUB B CTDOKY
```

**Figure 4:** Алгоритм 2. Вычитание неотрицательных целых чисел

### Алгоритм 2. Вычитание неотрицательных целых чисел. Результат

```
print(algorythm_2("789","111",10))
678
```

Figure 5: Алгоритм 2. Вычитание неотрицательных целых чисел

### Алгоритм 3. Умножение неотрицательных целых чисел столбиком. Реализация

```
def algorythm_3(u_s,v_s,b):
  Умножение неотрицательных чисел столбиком
  #представить u и v в виде массивов чисел
  u=[str2num[letter]for letter in u s]
  v=[str2num[letter]for letter in v s]
  #выписали разряшности пля и и пля у
  n=len(u)
  m=len(v)
  #произведение
  w = [0] * (m+n)
  for j in range(m-1, -1, -1):
    if v[i]!=0:
      k=0#mar3
      for i in range (n-1, -1, -1):
        t=u[i]*v[j]+w[i+j+1]+k
        w[i+j+1]=t%b
        k=math.floor(t/b)
      w[i]=k#mar 5
  return "".join([num2str[ciphra] for ciphra in w]) #maccub b строку
```

**Figure 6:** Алгоритм 3. Умножение неотрицательных целых чисел столбиком

### Алгоритм 3. Умножение неотрицательных целых чисел столбиком. Результат

```
print(algorythm_3("777","1234",10))
0958818
```

**Figure 7:** Алгоритм 3. Умножение неотрицательных целых чисел столбиком

#### Алгоритм 4. Быстрый столбик. Реализация

```
def algorythm 4(u s,v s,b):
  Быстрый столбик
 #представить и и v в виде массивов чисел
 u=[str2num[letter]for letter in u s]
 v=[str2num[letter]for letter in v s]
 #выписали разрядности для u и для v
 n=len(u)
 m=len(v)
 #произведение
 w=[0]*(m+n)
 t=0#mar1
  for s in range(0,m+n):
    шаг2
    for i in range (0,s+1):
      if (0<=n-i-1<n) and (0<=m-s+i-1<m): #mar3
        t=t+u[n-i-1]*v[m-s+i-1]
    w(m+n-s-1)=t%b
    t=math.floor(t/b)#mar 4
  return "".join([num2str[ciphra] for ciphra in w]) #массив в строку
```

**Figure 8:** Алгоритм 4. Быстрый столбик

### Алгоритм 4. Быстрый столбик. Результат

```
print(algorythm_3("777","1234",10))
0958818
```

**Figure 9:** Алгоритм 4. Быстрый столбик

### Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел. Peaлизация

```
def tol0(u_str, b, array = False):
    """

Перводит число в десятичную систему исчисления
    array = True, если число u- массив числ

"""

u_array = u_str if array else [str2num[letter] for letter in u_str]
    u = 0

for i in range(len(u_array)):
    u += (b ** i) * u_array[len(u_array) - i - 1]
    return u
```

Figure 10: Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел

### Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел. Peaлизация



Figure 11: Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел

### Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел. Peaлизация

```
def trim_zero(a):
    while a[0] == '0' and len(a) > 1:
        a = a[1:]
    return a
```

Figure 12: Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел

### Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел. Peaлизация

```
def algorythm 5(u str, v str, b):
   деление многоразрядных целых чисел
   Проятводит деление целых неотрицательных чисел,
   Результат: (q, r), где q - частное, r - остаток
   u = u str
   v = v str
   u 10 = to10(u, b)
   v = 10 = tol0(v, b)
   n = len(u) - 1 # разрящности чисел
   t = len(v) - 1 # разрядности чисел
   # проверка условий
   if v[0] -- 0 or not (n >- t >- 1):
        return "Некорректиме входиме данные"
   q = (0) * (n - t + 1) # mar 1
   while u_10 >= v_10 * (b ** (n - t)): #
        q(n - t) = q(n - t) + 1
        u 10 -= v 10 * b ** (n - t)
   u = to b(u 10, b, n + 1)
```

Figure 13: Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел

### Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел. Peaлизация

```
Commission of the control of the con
```

Figure 14: Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел

## Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел. Результат

```
print(algorythm_5("1000", "15", 10))
('66', '10')
```

Figure 15: Алгоритм 5. Деление многоразрядных целых чисел

#### Вывод

В результате выполнения данной лабораторной работы нам удалось осуществить программно алгоритмы, рассмотренные в описании к лабораторной работе.

