## Отчёт по лабораторной работе №4. Вычисление наибольшего общего делителя

Дисциплина: Математические основы защиты информации

и информационной безопасности

Студент: Лапшенкова Любовь Олеговна 1032217633

Группа: НФИмд-02-21

Преподаватель: д-р.ф.-м.н., проф. Кулябов Дмитрий Сергеевич

2 декабря, 2021, Москва

# **Цели и задачи работы**

**Целью** данной лабораторной работы является ознакомление с алгоритмами вычисления наибольшего общего делителя, – а так же реализация алгоритмов на произвольном языке программирования.

### Задание

Реализовать все рассмотренные в инструкции к лабораторной работе алгоритмы нахождения наибольшего общего делителя программно.

Ход выполнения и результаты

### Входные данные

#ввели числа для поиска НОДа a=27 b=9

**Figure 1:** Входные данные для реализации алгоритмов по нахождению НОД

### Алгоритм Евклида. Реализация

```
#алгоритм Евклида
def algorithm Evklida(a,b):
  . . .
  Расписываем пункты 1-4 для алгоритма Евклида
  . . .
  r=[]
  r.append(a)
  r.append(b)
  i=1
  while r[i]!=0:
    i += 1
    r.append(r[i-2]%r[i-1])
  d=r[i-1]
  print('HOД(',a,',',b,')=',d)
algorithm Evklida(a,b)
```

**Figure 2:** 2 часть программного кода реализации алгоритма Евклида для нахождения НОД

### Алгоритм Евклида. Результаты

$$HOД(27,9)=9$$

**Figure 3:** Результат реализации алгоритма Евклида для нахождения НОД

### Бинарный алгоритм Евклида. 1 способ. Реализация

```
#бинарный алгоритм Евклила
Выпишем два случая реализации программы для бинарного алгоритма Евклида
#1 случай (с использованием алгоритма Евклида и ограничивающих условий)
def bin1 algorithm Evklida(a,b):
  def NOD(a,b):
    Расписываем пункты 1-4 для алгоритма Евклида
    r=[]
    r.append(a)
    r.append(b)
    i=1
    while r[i]!=0:
      i+=1
      r.append(r[i-2]%r[i-1])
    d=r[i-1]
    return d
```

**Figure 4:** 1 часть программного кода реализации бинарного алгоритма Евклида 1 способом для нахождения НОД

### Бинарный алгоритм Евклида. 1 способ. Реализация

```
if ((b>0) and (a>=b)):
    ' ' проверка на обязательное условие ' ' '
    if ((a%2==0) and(b%2==0)):
      ' ' проверка на четность ' ' '
      print('HOД(',a,',',b,')=',2*NOD(a//2,b//2))
    if ((a%2!=0)and(b%2==0)):
      '''проверка на то, что а нечетное, а b четное'''
      print('HOII(',a,',',b,')=',NOD(a,b//2))
    if ((a%2!=0)and(b%2!=0)and(a>b)):
      '''проверка на то, что оба нечетные'''
      print('HOД(',a,',',b,')=',NOD(a-b,b))
    if (a==b):
      '''если числа равны друг другу'''
      print('HOII(',a,',',b,')=',a)
  else:
    print('Перепроверьте входные данные! Должно быть: (0<b<=a)')
bin1 algorithm Evklida(a,b)
```

**Figure 5:** 2 часть программного кода реализации бинарного алгоритма Евклида 1 способом для нахождения НОД

### Бинарный алгоритм Евклида. 1 способ. Результаты

$$HOД(27,9)=9$$

**Figure 6:** Результат реализации бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД (1 способ)

### Бинарный алгоритм Евклида. 2 способ. Реализация

```
#бинарный алгоритм Евклида
#2 случай (по алгоритму)
def bin2 algorithm Evklida(a,b):
  Выполняем пункты 1-6 по алгоритму
  1.1.1
  g=1
  u=a
  v=b
  while ((a%2==0) and (b%2==0)):
    пока четные выполнять до получения хотя бы одного нечетного
    . . .
    a=a//2
    b=b//2
    α=2*α
```

**Figure 7:** 1 часть программного кода реализации бинарного алгоритма Евклида 2 способом для нахождения НОД

### Бинарный алгоритм Евклида. 2 способ. Реализация

```
while (u!=0):
    выполняем пункт 4 алгоритма
    111
    if (u%2==0):
      u=u//2
    else:
      u=u
    if (v%2==0):
      v=v//2
    else:
      v=v
    if u>=v:
      11=11-V
    else:
      v=v-11
  d=g*v
  return d
if ((b>0)and(a>=b)):
  print('HOI(',a,',',b,')=',bin2 algorithm Evklida(a,b))
else:
  print('Перепроверьте входные данные! Должно быть: (0<b=a)')
```

**Figure 8:** 2 часть программного кода реализации бинарного алгоритма Евклида 2 способом для нахождения НОД

### Бинарный алгоритм Евклида. 2 способ. Результаты

$$HOД(27,9)=9$$

**Figure 9:** Результат реализации бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД (2 способ)

### Расширенный алгоритм Евклида. Реализация

```
#расширенный алгоритм Евклида
def rassh algorithm Evklida(a,b):
  выполняем пункты 1-4 по расширенному алгоритму Евклида
  #пункт 1
  r=[]
  x=[]
 y=[]
  r.append(a)
  r.append(b)
  x.append(1)
  x.append(0)
 y.append(0)
 y.append(1)
  i=1
  while r[i]!=0:
    пункт 2
    100
    i+=1
    r.append(r[i-2]%r[i-1])
```

**Figure 10:** 1 часть программного кода реализации расширенного алгоритма Евклида для нахождения НОД

### Расширенный алгоритм Евклида. Реализация

```
if r[1]=0;

...

symm 3

...

d=r[1-1]

x=x[1-1]

y=y[1-1]

clse:

x.append(r[1-2]-((r[1-2]//r[1-1])*x[1-1]))

y.append(y[1-2]-((r[1-2]//r[1-1])*y[1-1]))

return d,xy

foliari d,xy

foliari d,xy

return d,xy

foliari (x,y)

return munus monuc omen, suropah nyacu

print('x-',rash_algorithm_6vilid(a,b)[1])*x при munusus s return munus monuc omen, suropah nyacu

print('x-',rash_algorithm_6vilid(a,b)[1])*x при munusus s return munus monuc omen, suropah nyacu

print('x-',rash_algorithm_6vilid(a,b)[1])*x при munusus s return munus monuc omen, suropah nyacu

print('Representer manusus munusi [Joucon dum: (cb<-a)')
```

**Figure 11:** 2 часть программного кода реализации расширенного алгоритма Евклида для нахождения НОД

### Расширенный алгоритм Евклида. Результаты

**Figure 12:** Результат реализации расширенного алгоритма Евклида для нахождения НОД

### Расширенный бинарный алгоритм Евклида. Реализация

```
#расширенный бинарный алгоритм Евклида
def rassh bin algorithm Evklida(a,b):
  6 пунктов алгоритма к выполнению
  q=1
  11=8
  v=b
  A=1
  B=0
  C=0
  D=1
  while ((a%2==0)and(b%2==0)):
    пока четные выполнять до получения хотя бы одного нечетного
    a=a//2
    b=b//2
    q=2*q
  пока и не равно 0
```

**Figure 13:** 1 часть программного кода реализации расширенного бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД

### Расширенный бинарный алгоритм Евклида. Реализация

```
while (u!=0):
  #пока и четное
  if (u%2==0):
    u=u//2
    #если оба А и В четные
    if ((A%2==0)and(B%2==0)):
      A=A//2
      B=B//2
    else:
      A=(A+b)//2
      B=(B-a)//2
  else:
    11=11
  #пока v четное
  if (v%2==0):
    v=v//2
    #если оба С и D четные
    if ((C%2==0) and (D%2==0)):
      C=C//2
      D=D//2
    else:
      C=(C+b)//2
      D=(D-a)//2
  else:
    v=v
```

Figure 14: 2 часть программного кода реализации расширенного

17/19

### Расширенный бинарный алгоритм Евклида. Реализация

```
#пункт 4.3
    if u>=v:
      u=u-v
      A=A-C
      B=B-D
    else:
      v=v-11
      C=C-A
      D=D-B
  #пункт 5
  d=q*v
  x=C
  y=D
 return d.x.v
if ((b>0)and(a>=b)):
 print('HOI(',a,',',b,')=',rassh bin algorithm Evklida(a,b)[0])
 print('x=',rassh bin algorithm Evklida(a,b)[1])
 print('v=',rassh bin algorithm Evklida(a,b)[2])
 print('Перепроверьте входные данные! Должно быть: (0<b<=a)')
```

**Figure 15:** 3 часть программного кода реализации расширенного бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД

## Расширенный бинарный алгоритм Евклида. Результаты

**Figure 16:** Результат реализации расширенного бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД

